Задание 1. Системы линейных алгебраических уравнений. Теорема Кронекера – Капелли. Метод Жордана – Гаусса. ФСР. Процесс ортогонализации.

Даны системы линейных алгебраических уравнений.

Для каждой из них выполнить следующие задания.

1. Сформулировать теорему Кронекера – Капелли.

На основании теоремы Кронекера – Капелли сделать предварительный анализ о совместности систем и количестве решений.

При отыскании рангов матриц воспользоваться методом окаймляющих миноров. Вычисления проводить в среде MATLAB, используя функцию «det». Проверить вычисления функцией «rank».

2. Решить системы методом Жордана — Гаусса (прямой и обратный ход провести письменно) или показать, что решения нет. Проверить себя с помощью функции «rref» . Выписать общее решение неоднородной системы X в виде вектора — столбца. Сделать проверку в МАТЛАБ: A*X=B.

Ранг одной из предложенных систем равен 2. Следующее задание выполнить именно для этой системы.

3. Записать соответствующую однородную систему. Найти решение. Найти фундаментальную систему решений для соответствующей однородной системы. Представить общее решение однородной системы в виде линейной комбинации векторов ФСР. Применить к полученным векторам процесс ортогонализации. Проверить, что новые векторы образуют фундаментальную систему решений. Представить общее решение однородной системы в виде линейной комбинации векторов новой ФСР. Проверить, что оно также является решением.

$$X_{o.o}=C_1\cdot E_1+C_2\cdot E_2,\quad A\cdot X_{o.o}=0$$
 $\{E_1,E_2\}-\Phi$ СР, разан $\{F_1,F_2\}-$ новая Φ СР, причем F_1F_2 . $X_{o.o}=C_3\cdot F_1+C_4\cdot F_2,\quad A\cdot X_{o.o}=0$

Вариант выбрать в соответствии с номером компьютера.

Вариант 1:

$$\begin{cases} 2x_1 + 3x_2 - 2x_3 + 3x_4 = 6 \\ -4x_1 + 2x_2 + 2x_3 & = 6 \\ 2x_1 + 4x_2 - 3x_3 & = -6 \\ 4x_2 - 5x_3 + 4x_4 = -4 \end{cases} \qquad A_1 = \begin{pmatrix} 2 & 3 & -2 & 3 & 6 \\ -4 & 2 & 2 & 0 & 6 \\ 2 & 4 & -3 & 0 & -6 \\ 0 & 4 & -5 & 4 & -4 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 2x_1 + 3x_2 - 2x_3 + 3x_4 = 6 \\ -4x_1 + 2x_2 + 2x_3 & = 6 \\ -6x_1 + 7x_2 + 2x_3 + 3x_4 = 18 \\ 4x_2 - 5x_3 + 4x_4 = -4 \end{cases} \qquad A_2 = \begin{pmatrix} 2 & 3 & -2 & 3 & 6 \\ -4 & 2 & 2 & 0 & 6 \\ -6 & 7 & 2 & 3 & 18 \\ 0 & 4 & -5 & 4 & -4 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 2x_1 + 3x_2 - 2x_3 + 3x_4 = 6 \\ -6x_1 + 7x_2 + 2x_3 & = 6 \\ -6x_1 + 7x_2 + 2x_3 + 3x_4 = 18 \\ 14x_1 - 3x_2 - 8x_3 + 3x_4 = -12 \end{cases} \qquad A_3 = \begin{pmatrix} 2 & 3 & -2 & 3 & 6 \\ -4 & 2 & 2 & 0 & 6 \\ -6 & 7 & 2 & 3 & 18 \\ 14 & -3 & -8 & 3 & -12 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 2x_1 + 3x_2 - 2x_3 + 3x_4 = 6 \\ -6x_1 + 7x_2 - 5x_3 + 7x_4 = 15 \\ -4x_1 - 6x_2 + 4x_3 - 6x_4 = -12 \end{cases} \qquad A_4 = \begin{pmatrix} 2 & 3 & -2 & 3 & 6 \\ 3 & 4 & -3 & 4 & 9 \\ 5 & 7 & -5 & 7 & 15 \\ -4 & -6 & 4 & -6 & -12 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 2x_1 + 3x_2 - 2x_3 + 3x_4 = 6 \\ -4x_1 - 6x_2 + 4x_3 - 6x_4 = -12 \end{cases} \qquad A_5 = \begin{pmatrix} 2 & 3 & -2 & 3 & 6 \\ 3 & 4 & -3 & 4 & 9 \\ 5 & 7 & -5 & 7 & 15 \\ -4 & -6 & 4 & -6 & -12 \end{pmatrix}$$

Вариант 2:

$$\begin{cases} -4x_1 + 2x_2 + 4x_3 - x_4 = -2 \\ 2x_1 + 3x_2 - 5x_3 + 4x_4 = 11 \\ -x_2 - 4x_3 + 3x_4 = -11 \end{cases} A_1 = \begin{pmatrix} -4 & 2 & 4 & -1 & -2 \\ 2 & 3 & -5 & 4 & 11 \\ 0 & -1 & -4 & 3 & 10 \\ 5 & -1 & -4 & -5 & -11 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -4x_1 + 2x_2 + 4x_3 - x_4 = -2 \\ 2x_1 + 3x_2 - 5x_3 + 4x_4 = 11 \\ 8x_2 - 6x_3 + 7x_4 = 20 \\ 5x_1 - x_2 - 4x_3 - 5x_4 = -11 \end{cases} A_2 = \begin{pmatrix} -4 & 2 & 4 & -1 & -2 \\ 2 & 3 & -5 & 4 & 11 \\ 0 & -1 & -4 & 3 & 10 \\ 5 & -1 & -4 & -5 & -11 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -4x_1 + 2x_2 + 4x_3 - x_4 = -2 \\ 2x_1 + 3x_2 - 5x_3 + 4x_4 = 11 \\ 8x_2 - 6x_3 + 7x_4 = 20 \\ -10x_1 - 7x_2 + 19x_3 - 13x_4 = -35 \end{cases} A_3 = \begin{pmatrix} -4 & 2 & 4 & -1 & -2 \\ 2 & 3 & -5 & 4 & 11 \\ 0 & 8 & -6 & 7 & 20 \\ 5 & -1 & -4 & -5 & -11 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -4x_1 + 2x_2 + 4x_3 - x_4 = -2 \\ 2x_1 + 3x_2 - 5x_3 + 4x_4 = 11 \\ 8x_2 - 6x_3 - 1x_4 = -3 \\ -10x_1 + 5x_2 + 10x_3 - 2x_4 = -5 \\ 8x_1 - 4x_2 - 8x_3 + 2x_4 = 4 \end{cases} A_4 = \begin{pmatrix} -4 & 2 & 4 & -1 & -2 \\ 2 & 3 & -5 & 4 & 11 \\ 0 & 8 & -6 & 7 & 20 \\ -10 & -7 & 19 & -13 & -35 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -4x_1 + 2x_2 + 4x_3 - x_4 = -2 \\ -6x_1 + 3x_2 + 6x_3 - 1x_4 = -3 \\ -10x_1 + 5x_2 + 10x_3 - 2x_4 = -5 \\ 8x_1 - 4x_2 - 8x_3 + 2x_4 = 4 \end{cases} A_5 = \begin{pmatrix} -4 & 2 & 4 & -1 & -2 \\ -6 & 3 & 6 & -1 & -3 \\ -10 & 5 & 10 & -2 & -5 \\ 8 & -4 & -8 & 2 & 4 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -4x_1 + 2x_2 + 4x_3 - x_4 = -2 \\ 2x_1 + 3x_2 - 5x_3 + 4x_4 = 11 \\ 8x_2 - 6x_3 + 7x_4 = 21 \\ 5x_1 - x_2 - 4x_3 - 5x_4 = -11 \end{cases} A_5 = \begin{pmatrix} -4 & 2 & 4 & -1 & -2 \\ 2 & 3 & -5 & 4 & 11 \\ 0 & 8 - 6 & 7 & 21 \\ 5 & -1 - 4 - 5 & -11 \end{pmatrix}$$

Вариант 3:

$$\begin{cases} 5x_1 + x_2 - 4x_3 + x_4 = -29 \\ -2x_1 + 2x_2 + 5x_3 + 4x_4 = 11 \\ 2x_1 + 2x_2 - 4x_3 + 2x_4 = -30 \\ 2x_1 - 4x_2 - 5x_3 - 3x_4 = -15 \end{cases} A_1 = \begin{pmatrix} 5 & 1 & -4 & 1 & -29 \\ -2 & 2 & 5 & 4 & 11 \\ 2 & 2 & -4 & 2 & -30 \\ 2 & -4 & -5 & -3 & -15 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 5x_1 + x_2 - 4x_3 + x_4 = -29 \\ -2x_1 + 2x_2 + 5x_3 + 4x_4 = 11 \\ x_1 + 5x_2 + 6x_3 + 9x_4 = -7 \\ 2x_1 - 4x_2 - 5x_3 - 3x_4 = -15 \end{cases} A_2 = \begin{pmatrix} 5 & 1 & -4 & 1 & -29 \\ -2 & 2 & 5 & 4 & 11 \\ 1 & 5 & 6 & 9 & -7 \\ 2 & -4 & -5 & -3 & -15 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 5x_1 + x_2 - 4x_3 + x_4 = -29 \\ -2x_1 + 2x_2 + 5x_3 + 4x_4 = 11 \\ x_1 + 5x_2 + 6x_3 + 9x_4 = -7 \\ 11x_1 - 5x_2 - 19x_3 - 11x_4 = -62 \end{cases} A_3 = \begin{pmatrix} 5 & 1 & -4 & 1 & -29 \\ -2 & 2 & 5 & 4 & 11 \\ 1 & 5 & 6 & 9 & -7 \\ 2 & -4 & -5 & -3 & -15 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 5x_1 + x_2 - 4x_3 + x_4 = -29 \\ 7x_1 + 1x_2 - 6x_3 + 1x_4 = -43 \\ 12x_1 + 2x_2 - 10x_3 + 2x_4 = -72 \\ -10x_1 - 2x_2 + 8x_3 - 2x_4 = 58 \end{cases} A_4 = \begin{pmatrix} 5 & 1 & -4 & 1 & -29 \\ 7 & 1 & -6 & 1 & -43 \\ 12 & 2 & -10 & 2 & -72 \\ -10 & -2 & 8 & -2 & 58 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 5x_1 + x_2 - 4x_3 + x_4 = -29 \\ -2x_1 + 2x_2 + 5x_3 + 4x_4 = 11 \\ x_1 + 5x_2 + 6x_3 + 9x_4 = -6 \\ 2x_1 - 4x_2 - 5x_3 - 3x_4 = -15 \end{cases} A_5 = \begin{pmatrix} 5 & 1 & -4 & 1 & -29 \\ 7 & 1 & -6 & 1 & -43 \\ 12 & 2 & -10 & 2 & -72 \\ -10 & -2 & 8 & -2 & 58 \end{pmatrix}$$

Вариант 4:

$$\begin{cases} -4x_1 - 3x_2 - 2x_3 - 4x_4 = 16 \\ 4x_1 + x_2 - 4x_3 + x_4 = 25 \\ 4x_1 - 5x_2 - 4x_3 = 18 \\ 3x_1 - x_2 - x_3 + 2x_4 = -1 \end{cases} \qquad A_1 = \begin{pmatrix} -4 - 3 - 2 - 4 & 16 \\ 4 & 1 - 4 & 1 & 25 \\ 4 & -5 - 4 & 0 & 18 \\ 3 & -1 & -1 & 2 & -1 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -4x_1 - 3x_2 - 2x_3 - 4x_4 = 16 \\ 4x_1 + x_2 - 4x_3 + x_4 = 25 \\ 4x_1 - x_2 - 10x_3 - 2x_4 = 66 \\ 3x_1 - x_2 - x_3 + 2x_4 = -1 \end{cases} \qquad A_2 = \begin{pmatrix} -4 - 3 - 2 - 4 & 16 \\ 4 & 1 - 4 & 1 & 25 \\ 4 & -1 - 10 & -2 & 66 \\ 3 & -1 & -1 & 2 & -1 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -4x_1 - 3x_2 - 2x_3 - 4x_4 = 16 \\ 4x_1 + x_2 - 4x_3 + x_4 = 25 \\ 4x_1 - x_2 - 10x_3 - 2x_4 = 66 \\ -16x_1 - 6x_2 + 10x_3 - 7x_4 = -59 \end{cases} \qquad A_3 = \begin{pmatrix} -4 - 3 - 2 - 4 & 16 \\ 4 & 1 - 4 & 1 & 25 \\ 4 - 1 - 10 - 2 & 66 \\ 3 & -1 - 1 & 2 & -1 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -4x_1 - 3x_2 - 2x_3 - 4x_4 = 16 \\ -16x_1 - 6x_2 + 10x_3 - 7x_4 = -59 \end{cases} \qquad A_4 = \begin{pmatrix} -4 - 3 - 2 - 4 & 16 \\ 4 & 1 - 4 & 1 & 25 \\ 4 - 1 - 10 - 2 & 66 \\ -16 - 6 & 10 & -7 & -59 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -4x_1 - 3x_2 - 2x_3 - 4x_4 = 16 \\ -6x_1 - 4x_2 - 3x_3 - 6x_4 = 24 \\ -10x_1 - 7x_2 - 5x_3 - 10x_4 = 40 \\ 8x_1 + 6x_2 + 4x_3 + 8x_4 = -32 \end{cases} \qquad A_4 = \begin{pmatrix} -4 - 3 - 2 - 4 & 16 \\ -6 - 4 - 3 - 6 & 24 \\ -10 - 7 - 5 - 10 & 40 \\ 8 & 6 & 4 & 8 - 32 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -4x_1 - 3x_2 - 2x_3 - 4x_4 = 16 \\ -6 - 4 - 3 - 6 & 24 \\ -10 - 7 - 5 - 10 & 40 \\ 8 & 6 & 4 & 8 - 32 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -4x_1 - 3x_2 - 2x_3 - 4x_4 = 16 \\ -6 - 4 - 3 - 6 & 24 \\ -10 - 7 - 5 - 10 & 40 \\ 8 & 6 & 4 & 8 - 32 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -4x_1 - 3x_2 - 2x_3 - 4x_4 = 16 \\ 4x_1 + x_2 - 4x_3 + x_4 = 25 \\ 4x_1 - x_2 - 10x_3 - 2x_4 = 67 \\ 3x_1 - x_2 - x_3 + 2x_4 = -1 \end{cases}$$

$$\begin{cases} -4x_1 - 3x_2 - 2x_3 - 4x_4 = 16 \\ -6 - 4 - 3 - 2 - 4 & 16 \\ -6 - 4 - 3 - 6 & 24 \\ -10 - 7 - 5 - 10 & 40 \\ 8 & 6 & 4 & 8 - 32 \end{pmatrix}$$

Вариант 5:

$$\begin{cases} 4x_1 + 5x_2 + 2x_3 - 3x_4 = 9 \\ - 3x_2 + 2x_3 + 2x_4 = -14 \\ 5x_1 + 2x_2 - 5x_3 + 4x_4 = 48 \\ 2x_1 - 2x_2 - 3x_3 - 2x_4 = 15 \end{cases} A_1 = \begin{pmatrix} 4 & 5 & 2 & -3 & 9 \\ 0 & -3 & 2 & 2 & 2 & -14 \\ 5 & 2 & -5 & 4 & 48 \\ 2 & -2 & -3 & -2 & 15 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 4x_1 + 5x_2 + 2x_3 - 3x_4 = 9 \\ - 3x_2 + 2x_3 + 2x_4 = -14 \\ 4x_1 - x_2 + 6x_3 + x_4 = -19 \\ 2x_1 - 2x_2 - 3x_3 - 2x_4 = 15 \end{cases} A_2 = \begin{pmatrix} 4 & 5 & 2 & -3 & 9 \\ 0 & -3 & 2 & 2 & -14 \\ 4 & -1 & 6 & 1 & -19 \\ 2 & -2 & -3 & -2 & 15 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 4x_1 + 5x_2 + 2x_3 - 3x_4 = 9 \\ - 3x_2 + 2x_3 + 2x_4 = -14 \\ 4x_1 - x_2 + 6x_3 + x_4 = -19 \\ 4x_1 + 14x_2 - 4x_3 - 9x_4 = 51 \end{cases} A_3 = \begin{pmatrix} 4 & 5 & 2 & -3 & 9 \\ 0 & -3 & 2 & 2 & -14 \\ 4 & -1 & 6 & 1 & -19 \\ 2 & -2 & -3 & -2 & 15 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 4x_1 + 5x_2 + 2x_3 - 3x_4 = 9 \\ 6x_1 + 7x_2 + 3x_3 - 4x_4 = 13 \\ 10x_1 + 12x_2 + 5x_3 - 7x_4 = 2 \\ -8x_1 - 10x_2 - 4x_3 + 6x_4 = -18 \end{cases} A_4 = \begin{pmatrix} 4 & 5 & 2 & -3 & 9 \\ 6 & 7 & 3 & -4 & 13 \\ 10 & 12 & 5 & -7 & 2 \\ -8 & -10 & -4 & 6 & -18 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 4x_1 + 5x_2 + 2x_3 - 3x_4 = 9 \\ -3x_2 + 2x_3 + 2x_4 = -14 \\ 4x_1 - x_2 + 6x_3 + x_4 = -18 \\ 2x_1 - 2x_2 - 3x_3 - 2x_4 = 15 \end{cases} A_5 = \begin{pmatrix} 4 & 5 & 2 & -3 & 9 \\ 0 & -3 & 2 & 2 & -14 \\ 4 & -1 & 6 & 1 & -19 \\ -3 & 2 & 2 & -14 \\ 4 & -1 & 6 & -18 \end{pmatrix}$$

Вариант 6:

$$\begin{cases}
-x_1 - x_2 + 3x_3 + 2x_4 &= 5 \\
5x_1 &= 5 \\
-5x_1 + 3x_2 - 5x_3 - 4x_4 &= -17 \\
-2x_2 - 4x_3 - 2x_4 &= 0
\end{cases} A_1 = \begin{pmatrix}
-1 -1 & 3 & 2 & 5 \\
5 & 0 & 0 & 0 & 5 \\
-5 & 3 & -5 & -4 & -17 \\
0 & -2 & -4 & -2 & 0
\end{pmatrix}$$

$$\begin{cases}
-x_1 - x_2 + 3x_3 + 2x_4 &= 5 \\
5x_1 &= 5 \\
9x_1 - x_2 + 3x_3 + 2x_4 &= 15 \\
-2x_2 - 4x_3 - 2x_4 &= 0
\end{cases} A_2 = \begin{pmatrix}
-1 -1 & 3 & 2 & 5 \\
5 & 0 & 0 & 0 & 5 \\
9 & -1 & 3 & 2 & 15 \\
0 & -2 & -4 & -2 & 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
-x_1 - x_2 + 3x_3 + 2x_4 &= 5 \\
5x_1 &= 5 \\
9x_1 - x_2 + 3x_3 + 2x_4 &= 15 \\
-16x_1 - x_2 + 3x_3 + 2x_4 &= 15
\end{cases} A_3 = \begin{pmatrix}
-1 -1 & 3 & 2 & 5 \\
5 & 0 & 0 & 0 & 5 \\
9 & -1 & 3 & 2 & 15 \\
0 & -2 & -4 & -2 & 0
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
-x_1 - x_2 + 3x_3 + 2x_4 &= 5 \\
-16x_1 - x_2 + 3x_3 + 2x_4 &= 15 \\
-2x_1 - 2x_2 + 7x_3 + 5x_4 &= 12 \\
2x_1 + 2x_2 - 6x_3 - 4x_4 &= -10
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
-x_1 - x_2 + 3x_3 + 2x_4 &= 5 \\
-1 - 1 & 3 & 2 & 5 \\
-1 - 1 & 4 & 3 & 7 \\
-2 - 2 & 7 & 5 & 12 \\
2 & 2 - 6 & -4 & -10
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
-x_1 - x_2 + 3x_3 + 2x_4 &= 5 \\
5x_1 &= 5 \\
9x_1 - x_2 + 3x_3 + 2x_4 &= 5 \\
5x_1 &= 5 \\
9x_1 - x_2 + 3x_3 + 2x_4 &= 5 \\
-1 - 1 & 3 & 2 & 5 \\
5 & 0 & 0 & 0 & 5 \\
9 - 1 & 3 & 2 & 16 \\
0 & -2 - 4 & -2 & 0
\end{cases}$$

Вариант 7:

$$\begin{cases} 5x_1 - 2x_2 + x_3 + 2x_4 &= 14 \\ -3x_1 - 4x_2 - x_3 + x_4 &= 11 \\ 3x_1 + x_2 + 2x_3 + 5x_4 &= 0 \\ -3x_1 + 2x_2 + 2x_3 - 3x_4 &= -23 \end{cases} A_1 = \begin{pmatrix} 5 & -2 & 1 & 2 & 14 \\ -3 & -4 & -1 & 1 & 11 \\ 3 & 1 & 2 & 5 & 0 \\ -3 & 2 & 2 & -3 & -23 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 5x_1 - 2x_2 + x_3 + 2x_4 &= 14 \\ -3x_1 - 4x_2 - x_3 + x_4 &= 11 \\ -x_1 - 10x_2 - x_3 + 4x_4 &= 36 \\ -3x_1 + 2x_2 + 2x_3 - 3x_4 &= -23 \end{cases} A_2 = \begin{pmatrix} 5 & -2 & 1 & 2 & 14 \\ -3 & -4 & -1 & 1 & 11 \\ -1 & -10 & -1 & 4 & 36 \\ -3 & 2 & 2 & -3 & -23 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 5x_1 - 2x_2 + x_3 + 2x_4 &= 14 \\ -3x_1 - 4x_2 - x_3 + x_4 &= 11 \\ -x_1 - 10x_2 - x_3 + 4x_4 &= 36 \\ 14x_1 + 10x_2 + 4x_3 - x_4 &= -19 \end{cases} A_3 = \begin{pmatrix} 5 & -2 & 1 & 2 & 14 \\ -3 & -4 & -1 & 1 & 11 \\ -1 & -10 & -1 & 4 & 36 \\ 14 & 10 & 4 & -1 & -19 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 5x_1 - 2x_2 + x_3 + 2x_4 &= 14 \\ 7x_1 - 3x_2 + 1x_3 + 3x_4 &= 21 \\ 12x_1 - 5x_2 + 2x_3 + 5x_4 &= 35 \\ -10x_1 + 4x_2 - 2x_3 - 4x_4 &= -28 \end{cases} A_4 = \begin{pmatrix} 5 & -2 & 1 & 2 & 14 \\ 7 & -3 & 1 & 3 & 21 \\ 12 & -5 & 2 & 5 & 35 \\ -10 & 4 & -2 & -4 & -28 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 5x_1 - 2x_2 + x_3 + 2x_4 &= 14 \\ 7 & -3 & 1 & 3 & 21 \\ 12 & -5 & 2 & 5 & 35 \\ -10 & 4 & -2 & -4 & -28 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 5x_1 - 2x_2 + x_3 + 2x_4 &= 14 \\ -3x_1 - 4x_2 - x_3 + x_4 &= 11 \\ -x_1 - 10x_2 - x_3 + 4x_4 &= 11 \\ -x_1 - 10x_2 - x_3 + 4x_4 &= 37 \\ -3x_1 + 2x_2 + 2x_3 - 3x_4 &= -23 \end{cases} A_5 = \begin{pmatrix} 5 & -2 & 1 & 2 & 14 \\ 7 & -3 & 1 & 3 & 21 \\ 12 - 5 & 2 & 5 & 35 \\ -10 & 4 & -2 & -4 & -28 \end{pmatrix}$$

Вариант 8:

$$\begin{cases} 5x_1 + 5x_2 + 4x_3 - 2x_4 = -19 \\ 2x_1 - 4x_2 - x_3 + x_4 = -3 \\ x_1 + 3x_2 + 3x_3 + 5x_4 = 10 \\ -2x_1 + 2x_2 + 4x_3 + x_4 = 1 \end{cases} A_1 = \begin{pmatrix} 5 & 5 & 4 & -2 & -19 \\ 2 & -4 & -1 & 1 & -3 \\ 1 & 3 & 3 & 5 & 10 \\ -2 & 2 & 4 & 1 & 1 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 5x_1 + 5x_2 + 4x_3 - 2x_4 = -19 \\ 2x_1 - 4x_2 - x_3 + x_4 = -3 \\ 9x_1 - 3x_2 + 2x_3 = -25 \\ -2x_1 + 2x_2 + 4x_3 + x_4 = 1 \end{cases} A_2 = \begin{pmatrix} 5 & 5 & 4 & -2 & -19 \\ 2 & -4 & -1 & 1 & -3 \\ 9 & -3 & 2 & 0 & -25 \\ -2 & 2 & 4 & 1 & 1 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 5x_1 + 5x_2 + 4x_3 - 2x_4 = -19 \\ 2x_1 - 4x_2 - x_3 + x_4 = -3 \\ 9x_1 - 3x_2 + 2x_3 = -25 \\ -x_1 + 17x_2 + 7x_3 - 5x_4 = -10 \end{cases} A_3 = \begin{pmatrix} 5 & 5 & 4 & -2 & -19 \\ 2 & -4 & -1 & 1 & -3 \\ 9 & -3 & 2 & 0 & -25 \\ -2 & 2 & 4 & 1 & 1 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 5x_1 + 5x_2 + 4x_3 - 2x_4 = -19 \\ 7x_1 + 7x_2 + 6x_3 - 3x_4 = -28 \\ 12x_1 + 12x_2 + 10x_3 - 5x_4 = -47 \\ -10x_1 - 10x_2 - 8x_3 + 4x_4 = 3 \end{cases} A_4 = \begin{pmatrix} 5 & 5 & 4 & -2 & -19 \\ 7 & 7 & 6 & -3 & -28 \\ 12 & 12 & 10 & -5 & -47 \\ -10 & -10 & -8 & 4 & 38 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 5x_1 + 5x_2 + 4x_3 - 2x_4 = -19 \\ 2x_1 - 4x_2 - x_3 + x_4 = -3 \\ 9x_1 - 3x_2 + 2x_3 = -24 \\ -2x_1 + 2x_2 + 4x_3 + x_4 = 1 \end{cases} A_5 = \begin{pmatrix} 5 & 5 & 4 & -2 & -19 \\ 7 & 7 & 6 & -3 & -28 \\ 12 & 12 & 10 & -5 & -47 \\ -10 & -10 & -8 & 4 & 38 \end{pmatrix}$$

Вариант 9:

$$\begin{cases} 2x_1 + 2x_2 - 4x_3 - x_4 = -1 \\ - 4x_3 - x_4 = -17 \\ 2x_1 + 5x_2 - 5x_3 + 3x_4 = -3 \\ - 3x_2 - x_3 + x_4 = -23 \end{cases} A_1 = \begin{cases} 2 & 2 & -4 & -1 & -1 \\ 0 & 0 & -4 & -1 & -17 \\ 2 & 5 & -5 & 3 & -3 \\ 0 & -3 & -1 & 1 & -23 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2x_1 + 2x_2 - 4x_3 - x_4 = -1 \\ - 4x_3 - x_4 = -17 \\ 2x_1 + 2x_2 - 12x_3 - 3x_4 = -35 \\ - 3x_2 - x_3 + x_4 = -23 \end{cases} A_2 = \begin{cases} 2 & 2 & -4 & -1 & -1 \\ 0 & 0 & -4 & -1 & -17 \\ 2 & 2 & -12 & -3 & -35 \\ 0 & -3 & -1 & 1 & -23 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2x_1 + 2x_2 - 4x_3 - x_4 = -1 \\ - 4x_3 - x_4 = -17 \\ 2x_1 + 2x_2 - 12x_3 - 3x_4 = -35 \\ 2x_1 + 2x_2 + 8x_3 + 2x_4 = 50 \end{cases} A_3 = \begin{cases} 2 & 2 & -4 & -1 & -1 \\ 0 & 0 & -4 & -1 & -17 \\ 2 & 2 & -12 & -3 & -35 \\ 0 & -3 & -1 & 1 & -23 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 2x_1 + 2x_2 - 4x_3 - x_4 = -1 \\ - 4x_3 - x_4 = -1 \\ 5x_1 + 5x_2 - 10x_3 - 2x_4 = -2 \\ -4x_1 - 4x_2 + 8x_3 + 2x_4 = 2 \end{cases} A_4 = \begin{pmatrix} 2 & 2 & -4 & -1 & -1 \\ 3 & 3 & -6 & -1 & -1 \\ 5 & 5 & -10 & -2 & -2 \\ -4 & -4 & 8 & 2 & 2 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 2x_1 + 2x_2 - 4x_3 - x_4 = -1 \\ - 4x_3 - x_4 = 2 \end{cases} A_4 = \begin{pmatrix} 2 & 2 & -4 & -1 & -1 \\ 3 & 3 & -6 & -1 & -1 \\ 5 & 5 & -10 & -2 & -2 \\ -4 & -4 & 8 & 2 & 2 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 2x_1 + 2x_2 - 4x_3 - x_4 = -1 \\ - 4x_3 - x_4 = 2 \end{cases} A_5 = \begin{pmatrix} 2 & 2 & -4 & -1 & -1 \\ 0 & 0 & -4 & -1 & -1 \\ 5 & 5 & -10 & -2 & -2 \\ -4 & -4 & 8 & 2 & 2 \end{pmatrix}$$

Вариант 10:

$$\begin{cases} 3x_1 - 3x_2 - 4x_3 - x_4 = 23 \\ -2x_1 - x_3 + 5x_4 = 18 \\ -4x_1 + 4x_2 - 5x_3 + 3x_4 = -12 \\ -2x_1 + x_2 = -12 \end{cases} A_1 = \begin{pmatrix} 3 - 3 - 4 - 1 & 23 \\ -2 & 0 - 1 & 5 & 18 \\ -4 & 4 - 5 & 3 & -12 \\ -2 & 1 & 0 & 0 & -12 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 3x_1 - 3x_2 - 4x_3 - x_4 = 23 \\ -2x_1 - x_3 + 5x_4 = 18 \\ -x_1 - 3x_2 - 6x_3 + 9x_4 = 59 \\ -2x_1 + x_2 = -12 \end{cases} A_2 = \begin{pmatrix} 3 - 3 - 4 - 1 & 23 \\ -2 & 0 - 1 & 5 & 18 \\ -4 & 4 - 5 & 3 & -12 \\ -2 & 1 & 0 & 0 & -12 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 3x_1 - 3x_2 - 4x_3 - x_4 = 23 \\ -2x_1 - 3x_2 - 6x_3 + 9x_4 = 59 \\ 9x_1 - 3x_2 - x_3 - 16x_4 = -31 \end{cases} A_3 = \begin{pmatrix} 3 - 3 - 4 - 1 & 23 \\ -2 & 0 - 1 & 5 & 18 \\ -1 - 3 - 6 & 9 & 59 \\ -2 & 1 & 0 & 0 & -12 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 3x_1 - 3x_2 - 4x_3 - x_4 = 23 \\ -2x_1 - 3x_2 - 6x_3 + 9x_4 = 59 \\ 9x_1 - 3x_2 - 4x_3 - x_4 = 23 \\ 4x_1 - 4x_2 - 6x_3 - 1x_4 = 34 \\ 7x_1 - 7x_2 - 10x_3 - 2x_4 = 57 \\ -6x_1 + 6x_2 + 8x_3 + 2x_4 = -46 \end{cases} A_4 = \begin{pmatrix} 3 - 3 - 4 - 1 & 23 \\ 4 - 4 - 6 - 1 & 34 \\ 7 - 7 - 10 - 2 & 57 \\ -6 & 6 & 8 & 2 - 46 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 3x_1 - 3x_2 - 4x_3 - x_4 = 23 \\ 4 - 4 - 6 - 1 & 34 \\ 7 - 7 - 10 - 2 & 57 \\ -6 & 6 & 8 & 2 - 46 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 3x_1 - 3x_2 - 4x_3 - x_4 = 23 \\ -2x_1 - x_3 + 5x_4 = 18 \\ -x_1 - 3x_2 - 6x_3 + 9x_4 = 60 \\ -2x_1 + x_2 = -12 \end{cases} A_5 = \begin{pmatrix} 3 - 3 - 4 - 1 & 23 \\ -2 & 0 - 1 & 5 & 18 \\ 7 - 7 - 10 - 2 & 57 \\ -6 & 6 & 8 & 2 - 46 \end{pmatrix}$$

Вариант 11:

$$\begin{cases}
-2x_1 + 2x_2 - x_3 - x_4 = 6 \\
3x_1 - x_2 - 3x_3 + 4x_4 = -19 \\
-x_1 - 5x_2 - 3x_3 - x_4 = -22 \\
2x_1 - 2x_2 + 4x_3 + 3x_4 = 1
\end{cases}$$

$$A_1 = \begin{pmatrix} -2 & 2 & -1 & -1 & 6 \\
3 & -1 & -3 & 4 & -19 \\
-1 & -5 & -3 & -1 & -22 \\
2 & -2 & 4 & 3 & 1 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases}
-2x_1 + 2x_2 - x_3 - x_4 = 6 \\
3x_1 - x_2 - 3x_3 + 4x_4 = -19 \\
4x_1 - 7x_3 + 7x_4 = -32 \\
2x_1 - 2x_2 + 4x_3 + 3x_4 = 1
\end{cases}$$

$$A_2 = \begin{pmatrix} -2 & 2 & -1 & -1 & 6 \\
3 & -1 & -3 & 4 & -19 \\
4 & 0 & -7 & 7 & -32 \\
2 & -2 & 4 & 3 & 1 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases}
-2x_1 + 2x_2 - x_3 - x_4 = 6 \\
3x_1 - x_2 - 3x_3 + 4x_4 = -19 \\
4x_1 - 7x_3 + 7x_4 = -32 \\
-11x_1 + 5x_2 + 8x_3 - 13x_4 = 63
\end{cases}$$

$$A_3 = \begin{pmatrix} -2 & 2 & -1 & -1 & 6 \\
3 & -1 & -3 & 4 & -19 \\
4 & 0 & -7 & 7 & -32 \\
2 & -2 & 4 & 3 & 1 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases}
-2x_1 + 2x_2 - x_3 - x_4 = 6 \\
-3x_1 + 3x_2 - 1x_3 - 1x_4 = 9 \\
-5x_1 + 5x_2 - 2x_3 - 2x_4 = 15 \\
4x_1 - 4x_2 + 2x_3 + 2x_4 = -12
\end{cases}$$

$$A_4 = \begin{pmatrix} -2 & 2 & -1 & -1 & 6 \\
3 & -1 & -3 & 4 & -19 \\
4 & 0 & -7 & 7 & -32 \\
-11 & 5 & 8 & -13 & 63
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
-2x_1 + 2x_2 - x_3 - x_4 = 6 \\
-3x_1 + 3x_2 - 1x_3 - 1x_4 = 9 \\
-5x_1 + 5x_2 - 2x_3 - 2x_4 = 15 \\
4x_1 - 4x_2 + 2x_3 + 2x_4 = -12
\end{cases}$$

$$A_4 = \begin{pmatrix} -2 & 2 & -1 & -1 & 6 \\
-3 & 3 & -1 & -3 & 4 & -19 \\
4 & 0 & -7 & 7 & -32 \\
-1 & 5 & 5 & -2 & -2 & 15 \\
4 & -4 & 2 & 2 & -12
\end{pmatrix}$$

$$\begin{cases}
-2x_1 + 2x_2 - x_3 - x_4 = 6 \\
-3x_1 + 3x_2 - 1x_3 - 1x_4 = 9 \\
-5x_1 + 5x_2 - 2x_3 - 2x_4 = 15 \\
4x_1 - 4x_2 + 2x_3 + 2x_4 = -12
\end{cases}$$

$$A_4 = \begin{pmatrix} -2 & 2 & -1 & -1 & 6 \\
-3 & 3 & -1 & -3 & 4 & -19 \\
-5 & 5 & -2 & -2 & 15 \\
4 & -4 & 2 & 2 & -12
\end{pmatrix}$$

$$\begin{cases}
-2x_1 + 2x_2 - x_3 - x_4 = 6 \\
3x_1 - x_2 - 3x_3 + 4x_4 = -19
\end{cases}$$

$$4x_1 - 7x_3 + 7x_4 = -31$$

$$2x_1 - 2x_2 + 4x_3 + 3x_4 = 1$$

$$A_5 = \begin{pmatrix} -2 & 2 & -1 & -1 & 6 \\
3 & -1 & -3 & 4 & -19 \\
4 & 0 & -7 & 7 & -31 \\
2 & -2 & 4 & 3 & 1
\end{pmatrix}$$

Вариант 12:

$$\begin{cases} -3x_1 + 2x_2 - 4x_3 + 4x_4 = 5 \\ 3x_1 - x_2 + 4x_3 + x_4 = 13 \\ 5x_1 + 4x_2 + 5x_3 - 4x_4 = 15 \\ -2x_1 + 3x_2 - 3x_4 = 2 \end{cases} A_1 = \begin{pmatrix} -3 & 2 & -4 & 4 & 5 \\ 3 & -1 & 4 & 1 & 13 \\ 5 & 4 & 5 & -4 & 15 \\ -2 & 3 & 0 & -3 & 2 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -3x_1 + 2x_2 - 4x_3 + 4x_4 = 5 \\ 3x_1 - x_2 + 4x_3 + x_4 = 13 \\ 3x_1 + 4x_3 + 6x_4 = 31 \\ -2x_1 + 3x_2 - 3x_4 = 2 \end{cases} A_2 = \begin{pmatrix} -3 & 2 & -4 & 4 & 5 \\ 3 & -1 & 4 & 1 & 13 \\ 3 & 0 & 4 & 6 & 31 \\ -2 & 3 & 0 & -3 & 2 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -3x_1 + 2x_2 - 4x_3 + 4x_4 = 5 \\ 3x_1 - x_2 + 4x_3 + x_4 = 13 \\ 3x_1 - 4x_2 + 4x_3 + 4x_4 = 13 \\ -12x_1 + 5x_2 - 16x_3 + x_4 = -34 \end{cases} A_3 = \begin{pmatrix} -3 & 2 & -4 & 4 & 5 \\ 3 & -1 & 4 & 1 & 13 \\ 3 & 0 & 4 & 6 & 31 \\ -12 & 5 & -16 & 1 & -34 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -3x_1 + 2x_2 - 4x_3 + 4x_4 = 5 \\ -4x_1 + 3x_2 - 6x_3 + 6x_4 = 7 \\ -7x_1 + 5x_2 - 10x_3 + 10x_4 = 12 \\ 6x_1 - 4x_2 + 8x_3 - 8x_4 = -10 \end{cases} A_4 = \begin{pmatrix} -3 & 2 & -4 & 4 & 5 \\ -4 & 3 & -6 & 6 & 7 \\ -7 & 5 & -10 & 10 & 12 \\ 6 & -4 & 8 & -8 & -10 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -3x_1 + 2x_2 - 4x_3 + 4x_4 = 5 \\ -4x_1 + 3x_2 - 6x_3 + 6x_4 = 7 \\ -7x_1 + 5x_2 - 10x_3 + 10x_4 = 12 \\ 6x_1 - 4x_2 + 8x_3 - 8x_4 = -10 \end{cases} A_5 = \begin{pmatrix} -3 & 2 & -4 & 4 & 5 \\ -4 & 3 & -6 & 6 & 7 \\ -7 & 5 & -10 & 10 & 12 \\ 6 & -4 & 8 & -8 & -10 \end{pmatrix}$$

Вариант 13:

$$\begin{cases} -3x_1 - 4x_2 - 5x_3 - 5x_4 = -4 \\ 5x_1 - 4x_2 + 5x_3 + 4x_4 = -8 \\ -5x_1 + x_2 + 3x_3 + 5x_4 = -37 \\ -4x_1 + x_2 + 3x_3 + 5x_4 = -33 \end{cases} \qquad A_1 = \begin{pmatrix} -3 - 4 - 5 - 5 - 4 \\ 5 - 4 5 4 - 8 \\ -5 1 3 5 - 37 \\ -4 1 3 5 - 33 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -3x_1 - 4x_2 - 5x_3 - 5x_4 = -4 \\ 5x_1 - 4x_2 + 5x_3 + 4x_4 = -8 \\ 7x_1 - 12x_2 + 5x_3 + 3x_4 = -20 \\ -4x_1 + x_2 + 3x_3 + 5x_4 = -33 \end{cases} \qquad A_2 = \begin{pmatrix} -3 - 4 - 5 - 5 - 4 \\ 5 - 4 5 4 - 8 \\ 7 - 12 5 3 - 20 \\ -4 1 3 5 - 33 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -3x_1 - 4x_2 - 5x_3 - 5x_4 = -4 \\ 5x_1 - 4x_2 + 5x_3 + 4x_4 = -8 \\ 7x_1 - 12x_2 + 5x_3 + 3x_4 = -20 \\ -18x_1 + 8x_2 - 20x_3 - 17x_4 = 20 \end{cases} \qquad A_3 = \begin{pmatrix} -3 - 4 - 5 - 5 - 4 \\ 5 - 4 5 4 - 8 \\ 7 - 12 5 3 - 20 \\ -4 1 3 5 - 33 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -3x_1 - 4x_2 - 5x_3 - 5x_4 = -4 \\ 5x_1 - 4x_2 + 5x_3 + 3x_4 = -20 \\ -18x_1 + 8x_2 - 20x_3 - 17x_4 = 20 \end{cases} \qquad A_4 = \begin{pmatrix} -3 - 4 - 5 - 5 - 4 \\ 5 - 4 5 4 - 8 \\ 7 - 12 5 3 - 20 \\ -18 8 - 20 - 17 20 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -3x_1 - 4x_2 - 5x_3 - 5x_4 = -4 \\ -4x_1 - 6x_2 - 7x_3 - 7x_4 = -6 \\ -7x_1 - 10x_2 - 12x_3 - 12x_4 = -10 \\ 6x_1 + 8x_2 + 10x_3 + 10x_4 = 8 \end{cases} \qquad A_4 = \begin{pmatrix} -3 - 4 - 5 - 5 - 4 \\ -4 - 6 - 7 - 7 - 6 \\ -7 - 10 - 12 - 12 - 12 - 10 \\ 6 8 10 10 8 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -3x_1 - 4x_2 - 5x_3 - 5x_4 = -4 \\ 5x_1 - 4x_2 + 5x_3 + 4x_4 = -8 \\ 7x_1 - 12x_2 + 5x_3 + 3x_4 = -19 \\ -4x_1 + x_2 + 3x_3 + 5x_4 = -33 \end{cases} \qquad A_5 = \begin{pmatrix} -3 - 4 - 5 - 5 - 4 \\ -4 - 6 - 7 - 7 - 6 \\ -7 - 10 - 12 - 12 - 10 \\ 6 8 10 10 8 \end{pmatrix}$$

Вариант 14:

$$\begin{cases} -4x_1 + 5x_2 + 3x_3 - 2x_4 &= 9 \\ 5x_1 - 2x_2 + 4x_3 - 5x_4 &= -8 \\ - x_2 - 4x_3 &= -13 \\ 2x_1 & - 4x_3 - 2x_4 &= -28 \end{cases} A_1 = \begin{pmatrix} -4 & 5 & 3 & -2 & 9 \\ 5 & -2 & 4 & -5 & -8 \\ 0 & -1 & -4 & 0 & -13 \\ 2 & 0 & -4 & -2 & -28 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -4x_1 + 5x_2 + 3x_3 - 2x_4 &= 9 \\ 5x_1 - 2x_2 + 4x_3 - 5x_4 &= -8 \\ 6x_1 + x_2 + 11x_3 - 12x_4 &= -7 \\ 2x_1 & - 4x_3 - 2x_4 &= -28 \end{cases} A_2 = \begin{pmatrix} -4 & 5 & 3 & -2 & 9 \\ 5 & -2 & 4 & -5 & -8 \\ 6 & 1 & 11 & -12 & -7 \\ 2 & 0 & -4 & -2 & -28 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -4x_1 + 5x_2 + 3x_3 - 2x_4 &= 9 \\ 5x_1 - 2x_2 + 4x_3 - 5x_4 &= -8 \\ 6x_1 + x_2 + 11x_3 - 12x_4 &= -7 \\ -19x_1 + 11x_2 - 9x_3 + 13x_4 &= 33 \end{cases} A_3 = \begin{cases} -4 & 5 & 3 & -2 & 9 \\ 5 & -2 & 4 & -5 & -8 \\ 6 & 1 & 11 & -12 & -7 \\ 2 & 0 & -4 & -2 & -28 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -4x_1 + 5x_2 + 3x_3 - 2x_4 &= 9 \\ -6x_1 + 7x_2 + 4x_3 - 3x_4 &= 13 \\ -10x_1 + 12x_2 + 7x_3 - 5x_4 &= 22 \\ 8x_1 - 10x_2 - 6x_3 + 4x_4 &= -18 \end{cases} A_4 = \begin{cases} -4 & 5 & 3 & -2 & 9 \\ 5 & -2 & 4 & -5 & -8 \\ 6 & 1 & 11 & -12 & -7 \\ -19 & 11 & -9 & 13 & 33 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -4x_1 + 5x_2 + 3x_3 - 2x_4 &= 9 \\ -6x_1 + 7x_2 + 4x_3 - 3x_4 &= 13 \\ -10x_1 + 12x_2 + 7x_3 - 5x_4 &= 22 \\ 8x_1 - 10x_2 - 6x_3 + 4x_4 &= -18 \end{cases} A_5 = \begin{pmatrix} -4 & 5 & 3 & -2 & 9 \\ 5 & -2 & 4 & -5 & -8 \\ 6 & 1 & 11 & -12 & -6 \\ 2 & 8 & -10 & -6 & 4 & -18 \end{pmatrix}$$

Вариант 15:

$$\begin{cases}
-2x_1 - 2x_2 - 5x_3 - 5x_4 = -2 \\
-2x_2 - 5x_2 + 3x_3 + 3x_4 = 26 \\
5x_1 - 2x_2 + x_3 + 4x_4 = 4
\end{cases}$$

$$A_1 = \begin{pmatrix} -2 - 2 - 5 - 5 - 2 \\
0 - 2 0 - 5 18 \\
-4 - 5 3 3 26 \\
5 - 2 1 4 4 4
\end{pmatrix}$$

$$\begin{cases}
-2x_1 - 2x_2 - 5x_3 - 5x_4 = -2 \\
-2x_2 - 5x_3 - 15x_4 = 34 \\
5x_1 - 2x_2 + x_3 + 4x_4 = 4
\end{cases}$$

$$A_2 = \begin{pmatrix} -2 - 2 - 5 - 5 - 2 \\
0 - 2 0 - 5 18 \\
-4 - 5 3 3 26 \\
5 - 2 1 4 4
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
-2x_1 - 2x_2 - 5x_3 - 5x_4 = -2 \\
-2x_1 - 6x_2 - 5x_3 - 15x_4 = 34 \\
5x_1 - 2x_2 + x_3 + 4x_4 = 4
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
-2x_1 - 2x_2 - 5x_3 - 5x_4 = -2 \\
-2x_2 - 5x_3 - 15x_4 = 34 \\
-2x_1 - 6x_2 - 5x_3 - 15x_4 = 34 \\
-2x_1 + 4x_2 - 5x_3 + 10x_4 = -56
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
-2x_1 - 2x_2 - 5x_3 - 5x_4 = -2 \\
-3x_1 - 3x_2 - 7x_3 - 7x_4 = -3 \\
-5x_1 - 5x_2 - 12x_3 - 12x_4 = -5 \\
4x_1 + 4x_2 + 10x_3 + 10x_4 = 4
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
-2x_1 - 2x_2 - 5x_3 - 5x_4 = -2 \\
-3 - 3 - 7 - 7 - 3 \\
-5 - 5 - 12 - 12 - 5 \\
4 - 4 10 10 4
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
-2x_1 - 2x_2 - 5x_3 - 5x_4 = -2 \\
-3 - 3 - 7 - 7 - 3 \\
-5 - 5 - 12 - 12 - 5 \\
4 - 10 10 4
\end{pmatrix}$$

$$\begin{cases}
-2x_1 - 2x_2 - 5x_3 - 5x_4 = -2 \\
-2x_1 - 6x_2 - 5x_3 - 15x_4 = 35 \\
-2x_1 - 6x_2 - 5x_3 - 15x_4 = 35 \\
5x_1 - 2x_2 + x_3 + 4x_4 = 4
\end{cases}$$

$$A_3 = \begin{pmatrix} -2 - 2 - 5 - 5 - 5 - 2 \\
0 - 2 0 - 5 - 15 - 3 \\
-2 - 6 - 5 - 15 - 35 \\
-2 - 6 - 5 - 15 - 35 \\
5 - 2 - 1 - 4 - 4 - 5
\end{cases}$$

Вариант 16:

$$\begin{cases}
-2x_1 + 2x_2 + 2x_3 + x_4 &= 8 \\
3x_1 + x_2 + 3x_3 - x_4 &= 8 \\
-5x_1 - 2x_3 - 5x_4 &= 24 \\
-5x_1 + 3x_2 + 2x_3 + 3x_4 &= 7
\end{cases}$$

$$A_1 = \begin{pmatrix} -2 & 2 & 2 & 1 & 8 \\
3 & 1 & 3 & -1 & 8 \\
-5 & 0 - 2 - 5 & 24 \\
-5 & 3 & 2 & 3 & 7 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases}
-2x_1 + 2x_2 + 2x_3 + x_4 &= 8 \\
3x_1 + x_2 + 3x_3 - x_4 &= 24 \\
-5x_1 + 3x_2 + 2x_3 + 3x_4 &= 7
\end{cases}$$

$$A_2 = \begin{pmatrix} -2 & 2 & 2 & 1 & 8 \\
3 & 1 & 3 & -1 & 8 \\
-5 & 0 - 2 - 5 & 24 \\
-5 & 3 & 2 & 3 & 7 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases}
-2x_1 + 2x_2 + 2x_3 + x_4 &= 8 \\
4x_1 + 4x_2 + 8x_3 - x_4 &= 24 \\
-5x_1 + 3x_2 + 2x_3 + 3x_4 &= 7
\end{cases}$$

$$A_3 = \begin{pmatrix} -2 & 2 & 2 & 1 & 8 \\
3 & 1 & 3 & -1 & 8 \\
4 & 4 & 8 - 1 & 24 \\
-5 & 3 & 2 & 3 & 7 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases}
-2x_1 + 2x_2 + 2x_3 + x_4 &= 8 \\
4x_1 + 4x_2 + 8x_3 - x_4 &= 24 \\
-11x_1 - x_2 - 7x_3 + 4x_4 &= 12 \\
-5x_1 + 5x_2 + 5x_3 + 2x_4 &= 20 \\
4x_1 - 4x_2 - 4x_3 - 2x_4 &= -16
\end{cases}$$

$$A_4 = \begin{pmatrix} -2 & 2 & 2 & 1 & 8 \\
3 & 1 & 3 & -1 & 8 \\
4 & 4 & 8 - 1 & 24 \\
-11 & -1 & -7 & 4 & -16
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
-2x_1 + 2x_2 + 2x_3 + x_4 &= 8 \\
-3x_1 + 3x_2 + 3x_3 + 1x_4 &= 12 \\
-5x_1 + 5x_2 + 5x_3 + 2x_4 &= 20 \\
4x_1 - 4x_2 - 4x_3 - 2x_4 &= -16
\end{cases}$$

$$A_4 = \begin{pmatrix} -2 & 2 & 2 & 1 & 8 \\
-3 & 3 & 3 & 1 & 12 \\
-5 & 5 & 5 & 2 & 20 \\
4 & -4 & -4 & -2 & -16
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
-2x_1 + 2x_2 + 2x_3 + x_4 &= 8 \\
3x_1 + x_2 + 3x_3 - x_4 &= 8 \\
4x_1 + 4x_2 + 8x_3 - x_4 &= 25 \\
-5x_1 + 3x_2 + 2x_3 + 3x_4 &= 7
\end{cases}$$

$$A_5 = \begin{pmatrix} -2 & 2 & 2 & 1 & 8 \\
3 & 1 & 3 - 1 & 8 \\
4 & 4 & 8 - 1 & 25 \\
-5 & 3 & 2 & 3 & 7
\end{pmatrix}$$

Вариант 17:

$$\begin{cases} -4x_1 + 3x_2 - 5x_3 - 4x_4 = -36 \\ x_1 + 3x_2 + 3x_3 + 2x_4 = 8 \\ -5x_2 + 5x_3 - 4x_4 = 10 \end{cases} \qquad A_1 = \begin{pmatrix} -4 & 3 & -5 & -4 & -36 \\ 1 & 3 & 3 & 2 & 8 \\ 0 & -5 & 5 & -4 & 8 \\ 4 & -5 & 2 & -4 & 10 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -4x_1 + 3x_2 - 5x_3 - 4x_4 = -36 \\ x_1 + 3x_2 + 3x_3 + 2x_4 = 8 \\ -2x_1 + 9x_2 + x_3 = -20 \\ 4x_1 - 5x_2 + 2x_3 - 4x_4 = 10 \end{cases} \qquad A_2 = \begin{pmatrix} -4 & 3 & -5 & -4 & -36 \\ 1 & 3 & 3 & 2 & 8 \\ 0 & -5 & 5 & -4 & 8 \\ 4 & -5 & 2 & -4 & 10 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -4x_1 + 3x_2 - 5x_3 - 4x_4 = -36 \\ x_1 + 3x_2 + 3x_3 + 2x_4 = 8 \\ -2x_1 + 9x_2 + x_3 = -20 \\ -7x_1 - 6x_2 - 14x_3 - 10x_4 = -60 \end{cases} \qquad A_3 = \begin{pmatrix} -4 & 3 & -5 & -4 & -36 \\ 1 & 3 & 3 & 2 & 8 \\ -2 & 9 & 1 & 0 & -20 \\ 4 & -5 & 2 & -4 & 10 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -4x_1 + 3x_2 - 5x_3 - 4x_4 = -36 \\ x_1 + 3x_2 + 3x_3 + 2x_4 = 8 \\ -2x_1 + 9x_2 + x_3 = -6x_4 = -54 \\ -10x_1 + 7x_2 - 12x_3 - 10x_4 = -90 \\ 8x_1 - 6x_2 + 10x_3 + 8x_4 = 72 \end{cases} \qquad A_4 = \begin{pmatrix} -4 & 3 & -5 & -4 & -36 \\ 1 & 3 & 3 & 2 & 8 \\ -2 & 9 & 1 & 0 & -20 \\ -7 & -6 & -14 & -10 & -60 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -4x_1 + 3x_2 - 5x_3 - 4x_4 = -36 \\ -6x_1 + 4x_2 - 7x_3 - 6x_4 = -54 \\ -10x_1 + 7x_2 - 12x_3 - 10x_4 = -90 \\ 8x_1 - 6x_2 + 10x_3 + 8x_4 = 72 \end{cases} \qquad A_4 = \begin{pmatrix} -4 & 3 & -5 & -4 & -36 \\ -6 & 4 & -7 & -6 & -54 \\ -10 & 7 & -12 & -10 & -90 \\ 8 & -6 & 10 & 8 & 72 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -4x_1 + 3x_2 - 5x_3 - 4x_4 = -36 \\ -6x_1 + 4x_2 - 7x_3 - 6x_4 = -54 \\ -10x_1 + 7x_2 - 12x_3 - 10x_4 = -90 \\ 8x_1 - 6x_2 + 10x_3 + 8x_4 = 72 \end{cases} \qquad A_5 = \begin{pmatrix} -4 & 3 & -5 & -4 & -36 \\ -6 & 4 & -7 & -6 & -54 \\ -10 & 7 & -12 & -10 & -90 \\ 8 & -6 & 10 & 8 & 72 \end{pmatrix}$$

Вариант 18:

$$\begin{cases} x_1 + 5x_2 - x_3 - x_4 = -6 \\ 3x_1 + 4x_2 + 2x_3 - 3x_4 = -2 \\ -3x_1 - 5x_2 + x_3 - 5x_4 = 30 \\ 3x_1 - x_2 + 3x_3 + 3x_4 = -14 \end{cases} A_1 = \begin{pmatrix} 1 & 5 & -1 & -1 & -6 \\ 3 & 4 & 2 & -3 & -2 \\ -3 & -5 & 1 & -5 & 30 \\ 3 & -1 & 3 & 3 & -14 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} x_1 + 5x_2 - x_3 - x_4 = -6 \\ 3x_1 + 4x_2 + 2x_3 - 3x_4 = -2 \\ 7x_1 + 13x_2 + 3x_3 - 7x_4 = -10 \\ 3x_1 - x_2 + 3x_3 + 3x_4 = -14 \end{cases} A_2 = \begin{pmatrix} 1 & 5 & -1 & -1 & -6 \\ 3 & 4 & 2 & -3 & -2 \\ -3 & -5 & 1 & -5 & 30 \\ 3 & -1 & 3 & 3 & -14 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} x_1 + 5x_2 - x_3 - x_4 = -6 \\ 3x_1 + 4x_2 + 2x_3 - 3x_4 = -2 \\ 7x_1 + 13x_2 + 3x_3 - 7x_4 = -10 \\ -8x_1 - 7x_2 - 7x_3 + 8x_4 = 0 \end{cases} A_3 = \begin{pmatrix} 1 & 5 & -1 & -1 & -6 \\ 3 & 4 & 2 & -3 & -2 \\ 7 & 13 & 3 & -7 & -10 \\ 3 & -1 & 3 & 3 & -14 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} x_1 + 5x_2 - x_3 - x_4 = -6 \\ 1x_1 + 7x_2 - 1x_3 - 1x_4 = -9 \\ 2x_1 + 12x_2 - 2x_3 - 2x_4 = -15 \\ -2x_1 - 10x_2 + 2x_3 + 2x_4 = 1 \end{cases} A_4 = \begin{pmatrix} 1 & 5 & -1 & -1 & -6 \\ 1 & 7 & -1 & -1 & -9 \\ 2 & 12 & -2 & -2 & -15 \\ -2 & -10 & 2 & 2 & 1 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} x_1 + 5x_2 - x_3 - x_4 = -6 \\ 1x_1 + 7x_2 - 1x_3 - 1x_4 = -9 \\ 2x_1 + 12x_2 - 2x_3 - 2x_4 = -15 \\ -2x_1 - 10x_2 + 2x_3 + 2x_4 = 1 \end{cases} A_5 = \begin{pmatrix} 1 & 5 & -1 & -1 & -6 \\ 3 & 4 & 2 & -3 & -2 \\ 7 & 13 & 3 & -7 & -10 \\ -8 & -7 & -7 & 8 & 0 \end{pmatrix}$$

Вариант 19:

$$\begin{cases} 2x_1 - 4x_2 - 4x_3 + 3x_4 = -25 \\ -2x_2 - x_3 - 2x_4 = -5 \\ -4x_1 - 3x_2 - 4x_3 + x_4 = -15 \\ 3x_1 - 4x_3 + 5x_4 = -20 \end{cases} A_1 = \begin{pmatrix} 2 - 4 - 4 & 3 & -25 \\ 0 - 2 - 1 - 2 & -5 \\ -4 - 3 - 4 & 1 & -15 \\ 3 & 0 - 4 & 5 & -20 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 2x_1 - 4x_2 - 4x_3 + 3x_4 = -25 \\ -2x_2 - x_3 - 2x_4 = -5 \\ 2x_1 - 8x_2 - 6x_3 - x_4 = -35 \\ 3x_1 - 4x_3 + 5x_4 = -20 \end{cases} A_2 = \begin{pmatrix} 2 - 4 - 4 & 3 & -25 \\ 0 - 2 - 1 - 2 & -5 \\ -4 - 3 - 4 & 1 & -15 \\ 3 & 0 - 4 & 5 & -20 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 2x_1 - 4x_2 - 4x_3 + 3x_4 = -25 \\ -2x_2 - x_3 - 2x_4 = -5 \\ 2x_1 - 8x_2 - 6x_3 - x_4 = -35 \\ 2x_1 + 2x_2 - x_3 + 9x_4 = -10 \end{cases} A_3 = \begin{pmatrix} 2 - 4 - 4 & 3 & -25 \\ 0 - 2 - 1 - 2 & -5 \\ 2 - 8 - 6 - 1 & -35 \\ 2 - 8 - 6 - 1 & -35 \\ 2 - 1 & 9 - 10 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 2x_1 - 4x_2 - 4x_3 + 3x_4 = -25 \\ -2x_2 - x_3 + 9x_4 = -10 \end{cases} A_4 = \begin{pmatrix} 2 - 4 - 4 & 3 - 25 \\ 0 - 2 - 1 - 2 - 5 \\ 2 - 8 - 6 - 1 & -35 \\ 2 - 1 & 9 - 10 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 2x_1 - 4x_2 - 4x_3 + 3x_4 = -25 \\ -3x_1 - 6x_2 - 6x_3 + 4x_4 = -37 \\ 5x_1 - 10x_2 - 10x_3 + 7x_4 = -62 \\ -4x_1 + 8x_2 + 8x_3 - 6x_4 = 50 \end{cases} A_4 = \begin{pmatrix} 2 - 4 - 4 & 3 - 25 \\ 3 - 6 - 6 & 4 - 37 \\ 5 - 10 - 10 & 7 - 62 \\ -4 & 8 & 8 - 6 & 50 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 2x_1 - 4x_2 - 4x_3 + 3x_4 = -25 \\ -2x_2 - x_3 - 2x_4 = -5 \\ 2x_1 - 8x_2 - 6x_3 - x_4 = -34 \\ 3x_1 - 4x_3 + 5x_4 = -20 \end{cases} A_5 = \begin{pmatrix} 2 - 4 - 4 & 3 - 25 \\ 0 - 2 - 1 - 2 - 5 \\ 2 - 8 - 6 - 1 - 34 \\ 3 - 0 - 4 - 5 - 20 \end{pmatrix}$$

Вариант 20:

$$\begin{cases} 2x_1 - 3x_2 - x_3 - x_4 = -11 \\ -4x_1 + 3x_2 - 2x_3 - x_4 = 17 \\ 5x_1 - 5x_3 + x_4 = -24 \\ -3x_1 + 3x_2 + 2x_3 - 5x_4 = 39 \end{cases} A_1 = \begin{pmatrix} 2 - 3 - 1 - 1 - 11 \\ -4 & 3 - 2 - 1 & 17 \\ 5 & 0 - 5 & 1 - 24 \\ -3 & 3 & 2 - 5 & 39 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 2x_1 - 3x_2 - x_3 - x_4 = -11 \\ -4x_1 + 3x_2 - 2x_3 - x_4 = 17 \\ -6x_1 + 3x_2 - 5x_3 - 3x_4 = 23 \\ -3x_1 + 3x_2 + 2x_3 - 5x_4 = 39 \end{cases} A_2 = \begin{pmatrix} 2 - 3 - 1 - 1 - 11 \\ -4 & 3 - 2 - 1 & 17 \\ -6 & 3 - 5 - 3 & 23 \\ -3 & 3 & 2 - 5 & 39 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 2x_1 - 3x_2 - x_3 - x_4 = 17 \\ -6x_1 + 3x_2 - 2x_3 - x_4 = 17 \\ -6x_1 + 3x_2 - 5x_3 - 3x_4 = 23 \\ 14x_1 - 12x_2 + 5x_3 + 2x_4 = -62 \end{cases} A_3 = \begin{pmatrix} 2 - 3 - 1 - 1 - 11 \\ -4 & 3 - 2 - 1 & 17 \\ -6 & 3 - 5 - 3 & 23 \\ -3 & 3 & 2 - 5 & 39 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 2x_1 - 3x_2 - x_3 - x_4 = -11 \\ -4x_1 + 3x_2 - 5x_3 - 3x_4 = 23 \\ 14x_1 - 12x_2 + 5x_3 + 2x_4 = -62 \end{cases} A_4 = \begin{pmatrix} 2 - 3 - 1 - 1 - 11 \\ -4 & 3 - 2 - 1 & 17 \\ -6 & 3 - 5 - 3 & 23 \\ 14 - 12 & 5 & 2 - 62 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 2x_1 - 3x_2 - x_3 - x_4 = -11 \\ 3x_1 - 4x_2 - 1x_3 - 1x_4 = -16 \\ 5x_1 - 7x_2 - 2x_3 - 2x_4 = -27 \\ -4x_1 + 6x_2 + 2x_3 + 2x_4 = 22 \end{cases} A_4 = \begin{pmatrix} 2 - 3 - 1 - 1 - 11 \\ 3 - 4 - 1 - 1 - 16 \\ 5 - 7 - 2 - 2 - 2 - 27 \\ -4 & 6 & 2 & 2 & 22 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 2x_1 - 3x_2 - x_3 - x_4 = -11 \\ -4x_1 + 3x_2 - 5x_3 - 3x_4 = 24 \\ -3x_1 + 3x_2 - 5x_3 - 3x_4 = 24 \\ -3x_1 + 3x_2 + 2x_3 - 5x_4 = 39 \end{cases} A_5 = \begin{pmatrix} 2 - 3 - 1 - 1 - 11 \\ -4 & 3 - 2 - 1 & 17 \\ -6 & 3 - 5 - 3 & 24 \\ -3 & 3 & 2 - 5 & 39 \end{pmatrix}$$

Вариант 21:

$$\begin{cases} -4x_1 + 2x_2 + x_3 - 4x_4 = -17 \\ -4x_1 + 2x_2 - 4x_3 - 3x_4 = 10 \\ -x_1 - 4x_2 - 4x_3 - 2x_4 = 18 \end{cases} A_1 = \begin{pmatrix} -4 & 2 & 1 & -4 & -17 \\ -4 & 2 & -4 & -4 & -2 \\ -5 & 0 & -4 & -3 & 10 \\ -1 & -4 & -4 & -2 & 18 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -4x_1 + 2x_2 + x_3 - 4x_4 = -17 \\ -4x_1 + 2x_2 - 4x_3 - 2x_4 = 18 \end{cases} A_2 = \begin{pmatrix} -4 & 2 & 1 & -4 & -17 \\ -4 & 2 & -4 & -4 & -2 \\ -5 & 0 & -4 & -3 & 10 \\ -1 & -4 & -4 & -2 & 18 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -4x_1 + 2x_2 + x_3 - 4x_4 = -17 \\ -4x_1 + 2x_2 - 4x_3 - 12x_4 = -21 \\ -x_1 - 4x_2 - 4x_3 - 2x_4 = 18 \end{cases} A_2 = \begin{pmatrix} -4 & 2 & 1 & -4 & -17 \\ -4 & 2 & -4 & -4 & -2 \\ -12x_1 + 6x_2 - 7x_3 - 12x_4 = -21 \\ -12x_1 + 6x_2 - 7x_3 - 12x_4 = -21 \\ 8x_1 - 4x_2 + 13x_3 + 8x_4 = -11 \end{cases} A_3 = \begin{pmatrix} -4 & 2 & 1 & -4 & -17 \\ -4 & 2 & -4 & -4 & -2 \\ -12 & 6 & -7 & -12 & -21 \\ 8 & -4 & 13 & 8 & -11 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -4x_1 + 2x_2 + x_3 - 4x_4 = -17 \\ -6x_1 + 3x_2 + 13x_3 - 6x_4 = -25 \\ -10x_1 + 5x_2 + 2x_3 - 10x_4 = -42 \\ 8x_1 - 4x_2 - 2x_3 + 8x_4 = 34 \end{cases} A_4 = \begin{pmatrix} -4 & 2 & 1 & -4 & -17 \\ -6 & 3 & 1 & -6 & -25 \\ -10 & 5 & 2 & -10 & -42 \\ 8 & -4 & -2 & 8 & 34 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -4x_1 + 2x_2 + x_3 - 4x_4 = -17 \\ -6x_1 + 3x_2 + 1x_3 - 6x_4 = -25 \\ -10x_1 + 5x_2 + 2x_3 - 10x_4 = -42 \\ 8x_1 - 4x_2 - 2x_3 + 8x_4 = 34 \end{cases} A_4 = \begin{pmatrix} -4 & 2 & 1 & -4 & -17 \\ -6 & 3 & 1 & -6 & -25 \\ -10 & 5 & 2 & -10 & -42 \\ 8 & -4 & -2 & 8 & 34 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -4x_1 + 2x_2 + x_3 - 4x_4 = -17 \\ -4x_1 + 2x_2 - 4x_3 - 4x_4 = -17 \\ -4x_1 + 2x_2 - 4x_3 - 4x_4 = -2 \\ -12x_1 + 6x_2 - 7x_3 - 12x_4 = -20 \\ -12x_1 + 6x_2 - 7x_3 - 12x_4 = -20 \\ -12x_1 - 4x_2 - 4x_3 - 2x_4 = 18 \end{cases} A_5 = \begin{pmatrix} -4 & 2 & 1 & -4 & -17 \\ -4 & 2 & -4 & -4 & -2 \\ -12 & 6 & -7 & -12 & -20 \\ -1 & -4 & -4 & -2 & 18 \end{pmatrix}$$

Вариант 22:

$$\begin{cases} 2x_1 - 5x_2 - 2x_3 - 4x_4 = 3\\ x_1 + 5x_2 - 4x_3 - 3x_4 = -20\\ -3x_1 + 2x_2 + x_3 - x_4 = -2\\ -3x_1 + x_2 + 5x_3 - 5x_4 = 23 \end{cases} A_1 = \begin{pmatrix} 2 - 5 - 2 - 4 & 3\\ 1 & 5 - 4 - 3 - 20\\ -3 & 2 & 1 - 1 - 2\\ -3 & 1 & 5 - 5 & 23 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 2x_1 - 5x_2 - 2x_3 - 4x_4 = 3\\ x_1 + 5x_2 - 4x_3 - 3x_4 = -20\\ 4x_1 + 5x_2 - 10x_3 - 10x_4 = -37\\ -3x_1 + x_2 + 5x_3 - 5x_4 = 23 \end{cases} A_2 = \begin{pmatrix} 2 - 5 - 2 - 4 & 3\\ 1 & 5 - 4 - 3 - 20\\ -3 & 1 & 5 - 5 & 23 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 2x_1 - 5x_2 - 2x_3 - 4x_4 = 3\\ x_1 + 5x_2 - 4x_3 - 3x_4 = -20\\ 4x_1 + 5x_2 - 4x_3 - 3x_4 = -20\\ 4x_1 + 5x_2 - 10x_3 - 10x_4 = -37\\ -x_1 - 20x_2 + 10x_3 + 5x_4 = 63 \end{cases} A_3 = \begin{pmatrix} 2 - 5 - 2 - 4 & 3\\ 1 & 5 - 4 - 3 - 20\\ 4 & 5 - 10 - 10 - 37\\ -3 & 1 & 5 - 5 & 23 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 2x_1 - 5x_2 - 2x_3 - 4x_4 = 3\\ x_1 + 5x_2 - 4x_3 - 3x_4 = -20\\ 4x_1 + 10x_2 + 4x_3 + 8x_4 = -6 \end{cases} A_4 = \begin{pmatrix} 2 - 5 - 2 - 4 & 3\\ 1 & 5 - 4 - 3 - 20\\ 4 & 5 - 10 - 10 - 37\\ -1 - 20 & 10 & 5 & 63 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 2x_1 - 5x_2 - 2x_3 - 4x_4 = 3\\ 5x_1 - 12x_2 - 5x_3 - 10x_4 = 7\\ -4x_1 + 10x_2 + 4x_3 + 8x_4 = -6 \end{cases} A_4 = \begin{pmatrix} 2 - 5 - 2 - 4 & 3\\ 3 - 7 - 3 - 6 & 4\\ 5 - 12 - 5 - 10 & 7\\ -4 & 10 & 4 & 8 - 6 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 2x_1 - 5x_2 - 2x_3 - 4x_4 = 3\\ 3x_1 - 7x_2 - 3x_3 - 6x_4 = 4\\ 5x_1 - 12x_2 - 5x_3 - 10x_4 = 7\\ -4x_1 + 10x_2 + 4x_3 + 8x_4 = -6 \end{cases} A_5 = \begin{pmatrix} 2 - 5 - 2 - 4 & 3\\ 1 - 5 - 2 - 2 - 4 & 3\\ 3 - 7 - 3 - 6 & 4\\ 5 - 12 - 5 - 10 & 7\\ -4 & 10 & 4 & 8 - 6 \end{pmatrix}$$

Вариант 23:

Вариант 24:

$$\begin{cases} -3x_1 + 5x_2 + x_3 - 3x_4 = 6 \\ -5x_1 - 4x_2 - x_3 - 5x_4 = -12 \\ 5x_1 + 5x_2 - 3x_3 + 3x_4 = 20 \\ 2x_1 + 3x_2 + 3x_3 + 2x_4 = 5 \end{cases} A_1 = \begin{pmatrix} -3 & 5 & 1 & -3 & 6 \\ -5 & -4 & -1 & -5 & -12 \\ 5 & 5 & -3 & 3 & 20 \\ 2 & 3 & 3 & 2 & 5 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -3x_1 + 5x_2 + x_3 - 3x_4 = 6 \\ -5x_1 - 4x_2 - x_3 - 5x_4 = -12 \\ -13x_1 - 3x_2 - x_3 - 13x_4 = -18 \\ 2x_1 + 3x_2 + 3x_3 + 2x_4 = 5 \end{cases} A_2 = \begin{pmatrix} -3 & 5 & 1 & -3 & 6 \\ -5 & -4 & -1 & -5 & -12 \\ -13 & -3 & -1 & -13 & -18 \\ 2 & 3 & 3 & 2 & 5 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -3x_1 + 5x_2 + x_3 - 3x_4 = 6 \\ -5x_1 - 4x_2 - x_3 - 5x_4 = -12 \\ -13x_1 - 3x_2 - x_3 - 13x_4 = -18 \\ 12x_1 + 17x_2 + 4x_3 + 12x_4 = 42 \end{cases} A_3 = \begin{pmatrix} -3 & 5 & 1 & -3 & 6 \\ -5 & -4 & -1 & -5 & -12 \\ -13 & -3 & -1 & -13 & -18 \\ 12 & 17 & 4 & 12 & 42 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -3x_1 + 5x_2 + x_3 - 3x_4 = 6 \\ -4x_1 + 7x_2 + 1x_3 - 4x_4 = 9 \\ -7x_1 + 12x_2 + 2x_3 - 7x_4 = 15 \\ 6x_1 - 10x_2 - 2x_3 + 6x_4 = -12 \end{cases} A_4 = \begin{pmatrix} -3 & 5 & 1 & -3 & 6 \\ -4 & 7 & 1 & -4 & 9 \\ -7 & 12 & 2 & -7 & 15 \\ 6 & -10 & -2 & 6 & -12 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -3x_1 + 5x_2 + x_3 - 3x_4 = 6 \\ -5x_1 - 4x_2 - x_3 - 5x_4 = -12 \\ -13x_1 - 3x_2 - x_3 - 13x_4 = -12 \\ -13x_1 - 3x_2 - x_3 - 13x_4 = -12 \\ -13x_1 - 3x_2 - x_3 - 13x_4 = -17 \\ 2x_1 + 3x_2 + 3x_3 + 2x_4 = 5 \end{cases} A_5 = \begin{pmatrix} -3 & 5 & 1 & -3 & 6 \\ -5 & -4 & -1 & -5 & -12 \\ -13 & -3 & -1 & -13 & -17 \\ 2 & 3 & 3 & 2 & 5 \end{pmatrix}$$

Вариант 25:

$$\begin{cases} 3x_1 + 4x_2 - x_3 - 2x_4 = 13 \\ -2x_1 - 5x_3 + 5x_4 = -7 \\ 3x_1 + x_2 + 4x_3 - 3x_4 = 1 \\ 3x_1 + 5x_2 + x_3 + 2x_4 = -16 \end{cases} A_1 = \begin{pmatrix} 3 & 4 & -1 & -2 & 13 \\ -2 & 0 & -5 & 5 & -7 \\ 3 & 1 & 4 & -3 & 1 \\ 3 & 5 & 1 & 2 & -16 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 3x_1 + 4x_2 - x_3 - 2x_4 = 13 \\ -2x_1 - 5x_3 + 5x_4 = -7 \\ -x_1 + 4x_2 - 11x_3 + 8x_4 = -1 \\ 3x_1 + 5x_2 + x_3 + 2x_4 = -16 \end{cases} A_2 = \begin{pmatrix} 3 & 4 & -1 & -2 & 13 \\ -2 & 0 & -5 & 5 & -7 \\ -1 & 4 & -11 & 8 & -1 \\ 3 & 5 & 1 & 2 & -16 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 3x_1 + 4x_2 - x_3 - 2x_4 = 13 \\ -2x_1 - 5x_3 + 5x_4 = -7 \\ -x_1 + 4x_2 - 11x_3 + 8x_4 = -1 \\ 9x_1 + 4x_2 + 14x_3 - 17x_4 = 34 \end{cases} A_3 = \begin{pmatrix} 3 & 4 & -1 & -2 & 13 \\ -2 & 0 & -5 & 5 & -7 \\ -1 & 4 & -11 & 8 & -1 \\ 3 & 5 & 1 & 2 & -16 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 3x_1 + 4x_2 - x_3 - 2x_4 = 13 \\ 4x_1 + 6x_2 - 1x_3 - 3x_4 = 19 \\ 7x_1 + 10x_2 - 2x_3 - 5x_4 = 32 \\ -6x_1 - 8x_2 + 2x_3 + 4x_4 = -26 \end{cases} A_4 = \begin{pmatrix} 3 & 4 & -1 & -2 & 13 \\ 4 & 6 & -1 & -3 & 19 \\ 7 & 10 & -2 & -5 & 32 \\ -6 & -8 & 2 & 4 & -26 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 3x_1 + 4x_2 - x_3 - 2x_4 = 13 \\ 4x_1 + 6x_2 - 1x_3 - 3x_4 = 19 \\ -2x_1 - 5x_3 + 5x_4 = -26 \end{cases} A_5 = \begin{pmatrix} 3 & 4 & -1 & -2 & 13 \\ 4 & 6 & -1 & -3 & 19 \\ 7 & 10 & -2 & -5 & 32 \\ -6 & -8 & 2 & 4 & -26 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 3x_1 + 4x_2 - x_3 - 2x_4 = 13 \\ -2x_1 - 5x_3 + 5x_4 = -7 \\ -x_1 + 4x_2 - 11x_3 + 8x_4 = 0 \\ 3x_1 + 5x_2 + x_3 + 2x_4 = -16 \end{cases} A_5 = \begin{pmatrix} 3 & 4 & -1 & -2 & 13 \\ 4 & 6 & -1 & -3 & 19 \\ 7 & 10 & -2 & -5 & 32 \\ -6 & -8 & 2 & 4 & -26 \end{pmatrix}$$

Вариант 26:

$$\begin{cases} -x_1 + 4x_2 + 5x_3 - x_4 &= 1 \\ -3x_1 + 3x_2 - 3x_3 - 5x_4 &= 17 \\ 2x_1 + x_2 + 5x_3 + 2x_4 &= -14 \\ -x_1 - 4x_2 - 3x_3 - 4x_4 &= -5 \end{cases} A_1 = \begin{pmatrix} -1 & 4 & 5 & -1 & 1 \\ -3 & 3 & -3 & -5 & 17 \\ 2 & 1 & 5 & 2 & -14 \\ -1 & -4 & -3 & -4 & -5 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -x_1 + 4x_2 + 5x_3 - x_4 &= 1 \\ -3x_1 + 3x_2 - 3x_3 - 5x_4 &= 17 \\ -7x_1 + 10x_2 - x_3 - 11x_4 &= 35 \\ -x_1 - 4x_2 - 3x_3 - 4x_4 &= -5 \end{cases} A_2 = \begin{pmatrix} -1 & 4 & 5 & -1 & 1 \\ -3 & 3 & -3 & -5 & 17 \\ 2 & 1 & 5 & 2 & -14 \\ -1 & -4 & -3 & -4 & -5 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -x_1 + 4x_2 + 5x_3 - x_4 &= 1 \\ -3x_1 + 3x_2 - 3x_3 - 5x_4 &= 17 \\ -7x_1 + 10x_2 - x_3 - 11x_4 &= 35 \\ 8x_1 - 5x_2 + 14x_3 + 14x_4 &= -50 \end{cases} A_3 = \begin{pmatrix} -1 & 4 & 5 & -1 & 1 \\ -3 & 3 & -3 & -5 & 17 \\ -7 & 10 & -1 & -11 & 35 \\ 8 & -5 & 14 & 14 & -50 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -x_1 + 4x_2 + 5x_3 - x_4 &= 1 \\ -1x_1 + 6x_2 + 7x_3 - 1x_4 &= 1 \\ -2x_1 + 10x_2 + 12x_3 - 2x_4 &= 2 \\ 2x_1 - 8x_2 - 10x_3 + 2x_4 &= -2 \end{cases} A_4 = \begin{pmatrix} -1 & 4 & 5 & -1 & 1 \\ -3 & 3 & -3 & -5 & 17 \\ -7 & 10 & -1 & -11 & 35 \\ 8 & -5 & 14 & 14 & -50 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} -x_1 + 4x_2 + 5x_3 - x_4 &= 1 \\ -2x_1 + 10x_2 + 12x_3 - 2x_4 &= 2 \\ 2x_1 - 8x_2 - 10x_3 + 2x_4 &= -2 \end{cases} A_5 = \begin{pmatrix} -1 & 4 & 5 & -1 & 1 \\ -1 & 6 & 7 & -1 & 1 \\ -2 & 10 & 12 & -2 & 2 \\ 2 & -8 & -10 & 2 & -2 \end{pmatrix}$$

Вариант 27:

$$\begin{cases}
-x_1 + 3x_2 + x_3 - 3x_4 &= -5 \\
x_1 + 3x_2 + x_3 - x_4 &= -5 \\
5x_1 - x_2 - 2x_3 + 3x_4 &= 15
\end{cases}$$

$$A_1 = \begin{pmatrix} -1 & 3 & 1 & -3 & -5 \\
1 & 3 & 1 & -1 & -5 \\
-5 & 3 & 0 & -3 & -25 \\
5 & -1 & -2 & 3 & 15
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
-x_1 + 3x_2 + x_3 - 3x_4 &= -5 \\
x_1 + 3x_2 + x_3 - x_4 &= -5 \\
x_1 + 9x_2 + 3x_3 - 5x_4 &= -15 \\
5x_1 - x_2 - 2x_3 + 3x_4 &= 15
\end{cases}$$

$$A_2 = \begin{pmatrix} -1 & 3 & 1 & -3 & -5 \\
1 & 3 & 1 & -1 & -5 \\
-5 & 3 & 0 & -3 & -25 \\
5 & -1 & -2 & 3 & 15
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
-x_1 + 3x_2 + x_3 - 3x_4 &= -5 \\
x_1 + 9x_2 + 3x_3 - 5x_4 &= -15 \\
-4x_1 - 6x_2 - 2x_3 &= 10
\end{cases}$$

$$A_3 = \begin{pmatrix} -1 & 3 & 1 & -3 & -5 \\
1 & 3 & 1 & -1 & -5 \\
1 & 9 & 3 & -5 & -15 \\
5 & -1 & -2 & 3 & 15
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
-x_1 + 3x_2 + x_3 - 3x_4 &= -5 \\
x_1 + 9x_2 + 3x_3 - 5x_4 &= -15 \\
-4x_1 - 6x_2 - 2x_3 &= 10
\end{cases}$$

$$A_4 = \begin{pmatrix} -1 & 3 & 1 & -3 & -5 \\
1 & 3 & 1 & -1 & -5 \\
1 & 9 & 3 & -5 & -15 \\
-4 & -6 & -2 & 0 & 10
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
-x_1 + 3x_2 + x_3 - 3x_4 &= -5 \\
-1x_1 + 4x_2 + 1x_3 - 4x_4 &= -7 \\
-2x_1 + 7x_2 + 2x_3 - 7x_4 &= -12 \\
2x_1 - 6x_2 - 2x_3 + 6x_4 &= 10
\end{cases}$$

$$A_4 = \begin{pmatrix} -1 & 3 & 1 & -3 & -5 \\
-1 & 4 & 1 & -4 & -7 \\
-2 & 7 & 2 & -7 & -12 \\
2 & -6 & -2 & 6 & 10
\end{cases}$$

$$\begin{cases}
-x_1 + 3x_2 + x_3 - 3x_4 &= -5 \\
x_1 + 3x_2 + x_3 - x_4 &= -5 \\
x_1 + 3x_2 + x_3 - x_4 &= -5 \\
x_1 + 9x_2 + 3x_3 - 5x_4 &= -14 \\
5x_1 - x_2 - 2x_3 + 3x_4 &= 15
\end{cases}$$

$$A_5 = \begin{pmatrix} -1 & 3 & 1 & -3 & -5 \\
1 & 3 & 1 & -1 & -5 \\
1 & 3 & 1 & -1 & -5 \\
1 & 9 & 3 & -5 & -14 \\
5 & -1 & -2 & 3 & 15
\end{pmatrix}$$

Вариант 28:

$$\begin{cases} 3x_1 - 5x_2 + 4x_3 - 3x_4 = -27 \\ 5x_1 + 2x_2 + 4x_3 - 3x_4 = 10 \\ -5x_1 + 3x_2 + x_3 - 5x_4 = 13 \\ 5x_1 - 4x_3 - 4x_4 = 17 \end{cases} A_1 = \begin{pmatrix} 3 & -5 & 4 & -3 & -27 \\ 5 & 2 & 4 & -3 & 10 \\ -5 & 3 & 1 & -5 & 13 \\ 5 & 0 & -4 & -4 & 17 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 3x_1 - 5x_2 + 4x_3 - 3x_4 = -27 \\ 5x_1 + 2x_2 + 4x_3 - 3x_4 = 10 \\ 13x_1 - x_2 + 12x_3 - 9x_4 = -7 \\ 5x_1 - 4x_3 - 4x_4 = 17 \end{cases} A_2 = \begin{pmatrix} 3 -5 & 4 & -3 & -27 \\ 5 & 2 & 4 & -3 & 10 \\ -5 & 3 & 1 & -5 & 13 \\ 5 & 0 & -4 & -4 & 17 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 3x_1 - 5x_2 + 4x_3 - 3x_4 = 10 \\ 13x_1 - x_2 + 12x_3 - 9x_4 = -7 \\ -12x_1 - 11x_2 - 8x_3 + 6x_4 = -57 \end{cases} A_3 = \begin{pmatrix} 3 -5 & 4 - 3 & -27 \\ 5 & 2 & 4 - 3 & 10 \\ 13 & -1 & 12 & -9 & -7 \\ 5 & 0 & -4 & -4 & 17 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 3x_1 - 5x_2 + 4x_3 - 3x_4 = 10 \\ 13x_1 - x_2 + 12x_3 - 9x_4 = -5 \\ -6x_1 + 10x_2 - 8x_3 + 6x_4 = 54 \end{cases} A_4 = \begin{pmatrix} 3 -5 & 4 - 3 & -27 \\ 5 & 2 & 4 - 3 & 10 \\ 13 & -1 & 12 & -9 & -7 \\ -12 & -11 & -8 & 6 & -57 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 3x_1 - 5x_2 + 4x_3 - 3x_4 = -27 \\ 4x_1 - 7x_2 + 6x_3 - 4x_4 = -40 \\ 7x_1 - 12x_2 + 10x_3 - 7x_4 = -67 \\ -6x_1 + 10x_2 - 8x_3 + 6x_4 = 54 \end{cases} A_4 = \begin{pmatrix} 3 -5 & 4 - 3 & -27 \\ 4 - 7 & 6 - 4 - 40 \\ 7 - 12 & 10 - 7 - 67 \\ -6 & 10 - 8 & 6 & 54 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 3x_1 - 5x_2 + 4x_3 - 3x_4 = -27 \\ 5x_1 + 2x_2 + 4x_3 - 3x_4 = 10 \\ 13x_1 - x_2 + 12x_3 - 9x_4 = -6 \\ 5x_1 - 4x_3 - 4x_4 = 17 \end{cases} A_5 = \begin{pmatrix} 3 -5 & 4 - 3 & -27 \\ 4 - 7 & 6 - 4 - 40 \\ 7 - 12 & 10 - 7 - 67 \\ -6 & 10 - 8 & 6 & 54 \end{pmatrix}$$

Вариант 29:

$$\begin{cases} 5x_1 + 3x_2 - 2x_3 + x_4 = 17 \\ 5x_1 - 2x_2 + 2x_3 + 3x_4 = 1 \\ 2x_1 + 2x_2 - x_3 + x_4 = 12 \end{cases}$$

$$A_1 = \begin{pmatrix} 5 & 3 & -2 & 1 & 17 \\ 5 & -2 & 2 & 3 & 1 \\ 2 & 2 & 0 & 1 & 4 \\ 5 & -3 & -1 & 1 & 12 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 5x_1 + 3x_2 - 2x_3 + x_4 = 17 \\ 5x_1 - 2x_2 + 2x_3 + 3x_4 = 1 \\ 15x_1 - x_2 + 2x_3 + 7x_4 = 19 \\ 5x_1 - 3x_2 - x_3 + x_4 = 12 \end{cases}$$

$$A_2 = \begin{pmatrix} 5 & 3 & -2 & 1 & 17 \\ 5 & -2 & 2 & 3 & 1 \\ 5 & -2 & 2 & 3 & 1 \\ 15 & -1 & 2 & 7 & 19 \\ 5 & -3 & -1 & 1 & 12 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 5x_1 + 3x_2 - 2x_3 + x_4 = 17 \\ 5x_1 - 2x_2 + 2x_3 + 3x_4 = 1 \\ 15x_1 - x_2 + 2x_3 + 7x_4 = 19 \\ -10x_1 + 9x_2 - 8x_3 - 8x_4 = 14 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 5x_1 + 3x_2 - 2x_3 + x_4 = 17 \\ 5x_1 - 2x_2 + 2x_3 + 7x_4 = 19 \\ -10x_1 + 9x_2 - 8x_3 - 8x_4 = 14 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 5x_1 + 3x_2 - 2x_3 + x_4 = 17 \\ 7x_1 + 4x_2 - 3x_3 + 1x_4 = 25 \\ 12x_1 + 7x_2 - 5x_3 + 2x_4 = 42 \\ -10x_1 - 6x_2 + 4x_3 - 2x_4 = -34 \end{cases}$$

$$\begin{cases} 5x_1 + 3x_2 - 2x_3 + x_4 = 17 \\ 7x_1 + 4x_2 - 3x_3 + 1x_4 = 25 \\ 12x_1 + 7x_2 - 5x_3 + 2x_4 = 42 \\ -10x_1 - 6x_2 + 4x_3 - 2x_4 = -34 \end{cases}$$

$$A_4 = \begin{pmatrix} 5 & 3 & -2 & 1 & 17 \\ 5 & -2 & 2 & 3 & 1 \\ 15 & -1 & 2 & 7 & 19 \\ -10 & 9 & -8 & -8 & 14 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 5x_1 + 3x_2 - 2x_3 + x_4 = 17 \\ 7x_1 + 4x_2 - 3x_3 + 2x_4 = 42 \\ -10x_1 - 6x_2 + 4x_3 - 2x_4 = -34 \end{cases}$$

$$A_5 = \begin{pmatrix} 5 & 3 & -2 & 1 & 17 \\ 5 & -2 & 2 & 3 & 1 \\ 15 & -1 & 2 & 7 & 20 \\ 5 & -3 & -1 & 1 & 12 \end{pmatrix}$$

Вариант 30:

$$\begin{cases} 5x_1 + 4x_2 - 4x_3 + 2x_4 &= 3\\ -2x_1 & -2x_3 - 5x_4 &= -14\\ 5x_1 - x_2 + 2x_3 + 4x_4 &= 26\\ -2x_1 - 3x_2 + 3x_3 + 5x_4 &= 16 \end{cases} A_1 = \begin{pmatrix} 5 & 4 & -4 & 2 & 3\\ -2 & 0 & -2 & -5 & -14\\ 5 & -1 & 2 & 4 & 26\\ -2 & -3 & 3 & 5 & 16 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 5x_1 + 4x_2 - 4x_3 + 2x_4 &= 3\\ -2x_1 & -2x_3 - 5x_4 &= -14\\ x_1 + 4x_2 - 8x_3 - 8x_4 &= -25\\ -2x_1 - 3x_2 + 3x_3 + 5x_4 &= 16 \end{cases} A_2 = \begin{pmatrix} 5 & 4 & -4 & 2 & 3\\ -2 & 0 & -2 & -5 & -14\\ 1 & 4 & -8 & -8 & -25\\ -2 & -3 & 3 & 5 & 16 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 5x_1 + 4x_2 - 4x_3 + 2x_4 &= 3\\ -2x_1 & -2x_3 - 5x_4 &= -14\\ x_1 + 4x_2 - 8x_3 - 8x_4 &= -25\\ 11x_1 + 4x_2 + 2x_3 + 17x_4 &= 45 \end{cases} A_3 = \begin{pmatrix} 5 & 4 & -4 & 2 & 3\\ -2 & 0 & -2 & -5 & -14\\ 1 & 4 & -8 & -8 & -25\\ -2 & -3 & 3 & 5 & 16 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 5x_1 + 4x_2 - 4x_3 + 2x_4 &= 3\\ 7x_1 + 6x_2 - 6x_3 + 3x_4 &= 4\\ 12x_1 + 10x_2 - 10x_3 + 5x_4 &= 7\\ -10x_1 - 8x_2 + 8x_3 - 4x_4 &= -6 \end{cases} A_4 = \begin{pmatrix} 5 & 4 & -4 & 2 & 3\\ 7 & 6 & -6 & 3 & 4\\ 12 & 10 & -10 & 5 & 7\\ -10 & -8 & 8 & -4 & -6 \end{pmatrix}$$

$$\begin{cases} 5x_1 + 4x_2 - 4x_3 + 2x_4 &= 3\\ -2x_1 & -2x_3 - 5x_4 &= -14\\ x_1 + 4x_2 - 8x_3 - 5x_4 &= -14\\ x_1 + 4x_2 - 8x_3 - 5x_4 &= -14\\ x_1 + 4x_2 - 8x_3 - 5x_4 &= -14\\ x_1 + 4x_2 - 8x_3 - 8x_4 &= -24\\ -2x_1 - 3x_2 + 3x_3 + 5x_4 &= 16 \end{cases} A_5 = \begin{pmatrix} 5 & 4 & -4 & 2 & 3\\ -2 & 0 & -2 & -5 & -14\\ 1 & 4 & -8 & -8 & -24\\ -2 & -3 & 3 & 5 & 16 \end{pmatrix}$$