

## Semaine 01 - Fonctions booléennes, arbres syntaxiques, circuits - TP

Récupérer l'archive java Logisim-ITA. jar sur le site logisim.altervista.org (en bas de la page d'accueil). Rendre cette archive exécutable via la commande chmod u+x Logisim-ITA. jar puis l'exécuter via la commande java -jar Logisim-ITA. jar et patienter...

Exercice 1 Reprendre le circuit phi.circ (construit en amphi) pour la formule  $\varphi$  (étudiée en amphi):

$$\varphi = a \land \neg b \Rightarrow \neg (c \Rightarrow \neg a \lor b) .$$

- 1. Pour illustrer la notion de sous-circuit, un sous-circuit pour l'opérateur d'implication  $\Rightarrow$  a été créé. Modifier l'apparence de ce sous-circuit (bouton *Edit viewed circuit's subcircuit appearance*) de sorte que les entrées soient disons *au sud* (et non plus à l'ouest), avec x à gauche et y à droite (et ainsi insister, au moins visuellement, sur le caractère non-commutatif de cet opérateur d'implication). Vérifier le bon fonctionnement de ce circuit légèrement modifié.
- 2. Renommer le fichier phi.circ en tp01exo01.circ et faire en sorte (le plus élégamment possible) que le circuit principal corresponde désormais à la formule

$$\psi = (b \Rightarrow c) \Rightarrow \neg(a \land \neg b \Rightarrow \neg(c \Rightarrow \neg a \lor b)) .$$

3. Faire en sorte (le plus élégamment possible) que le circuit principal ait deux sorties correspondant l'une à la formule

$$\zeta_1 = (a \land \neg b \Rightarrow \neg (c \Rightarrow \neg a \lor b)) \Rightarrow ((b \Rightarrow c) \Rightarrow \neg (a \land \neg b \Rightarrow \neg (c \Rightarrow \neg a \lor b)))$$
.

l'autre à la formule

$$\zeta_2 = ((b \Rightarrow c) \Rightarrow \neg(a \land \neg b \Rightarrow \neg(c \Rightarrow \neg a \lor b))) \Rightarrow (a \land \neg b \Rightarrow \neg(c \Rightarrow \neg a \lor b))$$
.

4. Une erreur s'est glissée dans l'énoncé : les symboles ∨ et ∧ ont été inversés. Comment réparer?

Exercice 2 Renommer le fichier phi.circ en tp01exo02.circ. Dans ce dernier, éditer le circuit principal, afin d'expérimenter et de tester l'associativité de l'opérateur d'implication.

Exercice 3 Construire un circuit pour chacune des fonctions booléennes suivantes.

- 1. A(a,b,c)=1 ssi l'un au moins des trois paramètres vaut 1
- 2. B(a,b,c)=1 ssi on a l'égalité a=b=c
- 3. C(a, b, c) = 1 ssi exactement un paramètre parmi a, b, c vaut 1
- 4. D(a,b,c)=1 ssi un nombre impair de paramètres parmi a,b,c valent 1
- 5. E(a,b,c)=1 ssi au moins deux des paramètres valent 1

Exercice 4 Reprendre l'exercice 3 en généralisant les fonctions à quatre paramètres.