# Initiation à la programmation Java IP2 - Séance No 5

Yan Jurski





#### Annonce

- Contrôle d'amphi (30% de votre note)
  - à priori le samedi 18 mars (à confirmer)
- et sauf imprévu :
  - pas cours le 15 mars,
  - révisions le 8 mars.





# (Rappels) Modélisation d'une liste d'éléments de type E

#### Fichier MaList.java

```
public class MaList implements ListIP2{
  private Cellule first;
  ...
}
```

```
public class Cellule{
  private E content;
  private Cellule next;
  public Cellule getNext(){ return this.next; }
  public E getContent(){ return this.content; }
  ...
}
```



#### Petit exercice Liste

#### Fichier ListIP2.java – Ecrite pour des éléments de type E

```
public interface ListIP2 {
boolean remove(E x); // Removes the first occurrence of the element
...
}
```

- La cellule précédente est concernée
- Pensez que first peut changer
- Dessinez d'abord ...



```
public class MaList implements ListIP2{
  private Cellule first;
  public boolean remove(E x){
   if ( this.isEmpty() ) return false;
   if ( first.getContent()== x) {
     first=first.getNext();
     // remarquer l'état de la mémoire (garbage collector ?)
     return true;
   }
   else return first.remove(x); // on peut choisir ce nom sans ambiguïté
}
```

```
public class Cellule{
  private E content;
  private Cellule next;
  public Cellule getNext(){ return this.next; }
  public E getContent(){ return this.content; }
  ...
}
```

```
public class MaList implements ListIP2{
    ...
}
```

```
public class Cellule{
private E content;
private Cellule next;
public Cellule getNext(){ return this.next; }
public E getContent(){ return this.content; }
boolean remove(E x){ // on sait (voir MaListe) : this ne contient pas x
 Cellule tmp=this;
 // on veut arrêter tmp sur la cellule précédent x
 while( (tmp.next != null) && (tmp.next.content != x) ){
  tmp=tmp.next;
 if (tmp.next==null) return false;
 else {
  tmp.next=tmp.next.next;
  return true;
```

```
public class MaList implements ListIP2{
   ...
}
```

```
public class Cellule{
private E content;
private Cellule next;
public Cellule getNext(){ return this.next; }
public E getContent(){ return this.content; }
boolean remove(E x){ // on sait (voir MaListe) : this ne contient pas x
 Cellule tmp=this;
 // tmp s'arrête éventuellement sur la cellule précédent x
 while( (tmp.next != null) && (tmp.next.content != x) ){
                                       // et si on essayait avec un for ?
  tmp=tmp.next;
 if (tmp.next==null) return false;
 else {
  tmp.next=tmp.next.next;
  return true;
```

```
public class MaList implements ListIP2{
   ...
}
```

```
public class Cellule{
private E content;
private Cellule next;
public Cellule getNext(){ return this.next; }
public E getContent(){ return this.content; }
boolean remove(E x){ // on sait (voir MaListe) : this ne contient pas x
 Cellule tmp;
 // tmp s'arrête éventuellement sur la cellule précédent x
 for( tmp=this; (tmp.next != null) && (tmp.next.content != x) ;
      tmp=tmp.next){}
 if (tmp.next==null) return false;
 else {
  tmp.next=tmp.next.next;
  return true:
```

#### Petits exercices Liste

- C'est normal qu'apprendre demande un peu de temps, mais ...
- Vous devrez absolument écrire rapidement ces méthodes
- En 5 à 10 minutes maximum! Entrainez vous!

 Si vous voulez des exercices courts regardez par exemple www.hackerrank... où il y a toute une banque d'exercices.
 Le style qui y est suggéré est orienté static, j'aurais préféré des versions dynamiques, mais après tout l'exercice de style reste utile.
 Vous pouvez essayer d'écrire des solutions dans des versions avec for ou while; et sur votre machine essayer la même chose en version dynamique.

# Nouveau chapitre : la Récursion!









# Nouveau chapitre : la Récursion!

- La récursion est une caractéristique syntaxique : un objet ou une méthode fait référence à sa propre définition dans son expression.
- Elle se retrouve en
  - linguistique
  - biologie
  - mathématique
  - informatique
  - en psycho ...
- Et caractérise des objets finis!



# Se perdre avec la récursion?

# TO UNDERSTAND what recursion is YOU MUST FIRST understand recursion



Non!



# Il n'y a pas de paradoxe





• La récursion termine!

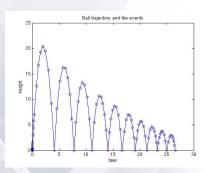


# Il faut penser à une représentation finie!

Raisonner en anticipant la fin



• La dernière poupée existe



• La balle arrête de rebondir



# Exemple de récursion en linguistique

- Dans la construction d'une phrase on peut ajouter un nombre arbitraire de fois le mot de liaison 'de', et écrire :
   la clé de la serrure de la porte de l'appartement de l'immeuble
- La grammaire autorisant cette construction, définit une phrase par :
  - soit un objet précis
  - soit un objet précis suivit de la liaison de puis d'une phrase
- On ne conçoit pas de phrase infinie pour autant :
  - potentiellement arbitrairement longue
  - mais finie





# En mathématiques

- Vous avez vu les preuves par récurrence :
  - prouver  $\mathcal{P}(0)$
  - prouver  $\mathcal{P}(n) \Rightarrow \mathcal{P}(n+1)$
  - ullet on en déduit que  ${\mathcal P}$  est vrai sur  ${\mathbb N}$ , puis on peut oublier la preuve
  - mais  $\mathcal{P}(100)$  se justifie par  $\mathcal{P}(99)$  qui se justifie par  $\mathcal{P}(98)$  ...
- Vous les avez vu également avec les suites :
  - $u_0 = 5$
  - $u_{n+1} = (u_n)^2 + u_n$  pour tout  $n \ge 0$
- En informatique on va :
  - "refaire" la preuve à chaque fois (par l'exécution du calcul)
  - généraliser un peu la notion de récurrence
    - pourquoi partir de 0?
    - pourquoi se contenter de n+1?
    - affiner le point de vue descendant/ascendant
  - implémenter un mécanisme (pile d'appels voir Cl2 pour les détails)



# En informatique - Une méthode récursive :

- A la possibilité de faire appel à elle même (éventuellement indirectement)
- VOUS devez concevoir la suite d'appels en garantissant qu'elle termine!

#### Fichier Test.java

```
public class Test {
  public static void f ( int n ) {
    if ( n <= 10) { // on veut s'assurer que l'exécution termine !
       System.out.println ( n );
       f ( n+1 ); // f se définit en fonction de f
    }
  }
  public static void main(String [] args) {
    f(5);
  }
}</pre>
```

• Ici la suite des valeurs prises par *n* est croissante ET majorée

# En informatique - Une méthode récursive (autre exemple)

- A la possibilité de faire appel à elle même (éventuellement indirectement)
- VOUS devez concevoir la suite d'appels en garantissant qu'elle termine!

#### Fichier Test.java

```
public class Test {
  public static int question ( int n , int p ){
    if ( n <= 0) return p ;
    if ( p <= 0) return n ;
    return question (n-1 , p-2) + 2;
  }
  public static void main(String [] args){
    question(7,5);
  }
}</pre>
```

- Ici la suite d'appels est "globalement" décroissante ET minorée
- A suivre ... plus de détails en CI2 ...



# La récursion - Mécanisme

Basé simplement sur le mécanisme connu des appels de fonctions

#### Rappels important :

- le contrôle du flux. Les instructions sont :
  - exécutées en séquence jusqu'au moment d'un appel de méthode
  - alors, l'exécution courante est suspendue
  - la méthode appelée commence dans un nouvel environnement
  - lorsqu'elle termine, retour à la méthode appelante et son environnement
- la portée, la visibilité des variables
  - chaque appel de méthode isole les variables actuellement utilisées
  - la nouvelle exécution travaille avec de nouvelles variables
- ces mécanismes sont des rappels de Cl2. Reste la difficulté de concevoir vos algorithmes

#### Révisions amusante :

- Lien : CoderTheTyler Vidéo tout en 5mn
- Lien : BlondieByte Vidéo plus de détails en 30 mn
- Lien (plus avancé)



# Concevoir des algorithmes récursifs = Décomposer en problèmes plus petits

C'est le seul secret de la programmation récursive



# Concevoir des algorithmes récursifs = Décomposer en problèmes plus petits

C'est le seul secret de la programmation récursive

Exercice de style : affichage des entiers de 1 à n





# Concevoir des algorithmes récursifs = Décomposer en problèmes plus petits

C'est le seul secret de la programmation récursive

# Exercice de style : affichage des entiers de 1 à n

- afficher les entiers de 1 à n-1
- puis afficher n





# Décomposer en problèmes plus petits

C'est le seul secret de la programmation récursive

#### Exercice de style : affichage des entiers de 1 à *n*

- afficher les entiers de 1 à n-1
- puis afficher n

#### Fichier Test.java (incorrect)

```
public class Test {
  public static void main(String [] args){
    afficheEntiers(10);
  }
  public static void afficheEntiers(int n){
    afficheEntier(n-1);
    System.out.println(n);
  }
}
```



# Décomposer en problèmes plus petits

C'est le seul secret de la programmation récursive

#### Exercice de style : affichage des entiers de 1 à n

- afficher les entiers de 1 à n-1
- puis afficher n seul

#### Fichier Test.java

• Illustré par un arbre des appels

(ロト 4回 ト 4 恵 ト 4 恵 ト ) 恵 | 釣 9

# Décomposer en problèmes plus petits

C'est le seul secret de la programmation récursive

# Exercice de style : affichage des entiers de 1 à n

- afficher les entiers de 1 à n-1
- 2 puis afficher n seul

#### Fichier Test.java

```
public class Test {
public static void main(String [] args){
 afficheEntiers(10);
public static void afficheEntiers(int n){
 if (n<=0) return;
                       // ne pas oublier la condition de terminaison
 afficheEntier(n-1);
 System.out.println(n);
} // Bien sûr vous saviez déjà l'écrire sans récursion,
 // dans un autre style plus rassurant peut être
public static void afficheEntierVersionNonRecursive(int n){
 for(int i=1;i<=n;i++) System.out.println(i);</pre>
```

Quelques résultats de CI2

- tout ce qui est fait par une boucle peut être fait en récursif?
- tout ce qui est fait en récursif peut être fait avec des boucles?
- Exact : du point de vue de l'expressivité la récursion n'apporte rien



Quelques résultats de CI2

- tout ce qui est fait par une boucle peut être fait en récursif?
- tout ce qui est fait en récursif peut être fait avec des boucles?
- Exact : du point de vue de l'expressivité la récursion n'apporte rien

#### Exercice de style - Jeu : le compte est bon

- Un nombre  $N \in [1..999]$  est choisi au hasard
- ainsi que 6 valeurs dans {1, 2, ..., 9, 10, 25, 50, 75, 100}
- Existe t'il une combinaison des 6 valeurs et des opérations +, -, \*, / qui donnent N? (répondre par oui ou non)

#### Exemple

- essayez avec N = 888
- ullet et les valeurs que vous pouvez utiliser une fois :  $\{100,2,75,3,1,10\}$
- voir solveur, <ici> ... Essayons donc d'écrire l'algorithme ...

#### Exemple

- N = 888
- et des valeurs à utiliser {100, 2, 75, 3, 1, 10}
- voir solveur, <ici> ... Essayons donc d'écrire l'algorithme ...
- Certains vont penser à chercher les diviseurs de 888, il y a :
  - 8, donc 2 et 4
  - 3 car une propriété dit que si la somme des chiffre est divisible par 3 le nombre l'est
  - et donc 888 est divisible aussi par 6, 12 et 24



#### Exemple

- N = 888
- et des valeurs à utiliser {100, 2, 75, 3, 1, 10}
- voir solveur, <ici> ... Essayons donc d'écrire l'algorithme ...
- Certains vont penser à chercher les diviseurs de 888, il y a :
  - 8, donc 2 et 4
  - 3 car une propriété dit que si la somme des chiffre est divisible par 3 le nombre l'est
  - et donc 888 est divisible aussi par 6, 12 et 24
- chercher les diviseurs, revient à :
  - envisager que la dernière opération soit une multiplication
  - décomposer en problèmes plus petits (avec moins de nombres)
- On cherche presque naturellement une solution récursive...
   En voici une :



# Exercice de style - Jeu : le compte est bon

- Un nombre  $N \in [1..999]$  est choisi au hasard
- ainsi que 6 valeurs dans {1, 2, ..., 9, 10, 25, 50, 75, 100}
- Existe t'il une combinaison des 6 valeurs et des opérations +, -, \*, / qui donnent N? (oui ou non)

#### Solution mélangeant boucles et récursion

- pour toute paire (i,j),  $i \neq j$  dans le tableau T des n = 6 valeurs
- pour toute opération opp dans +, -, \*, /
- calculer x = T[i] opp T[j]
- si x == N terminé : répondre oui, sinon :
- construire une copie T' à partir de T : enlevez T[i] et T[j], ajoutez x
- résoudre le problème à n-1 valeurs pour T' et N (sauf si T' est de taille 1, alors répondre non)

# Exercice de style - Jeu : le compte est bon

- Un nombre  $N \in [1..999]$  est choisi au hasard
- ainsi que 6 valeurs dans {1, 2, ..., 9, 10, 25, 50, 75, 100}
- Existe t'il une combinaison des 6 valeurs et des opérations +, -, \*, / qui donnent N? (oui ou non)

#### Solution mélangeant boucles et récursion

- pour toute paire (i,j),  $i \neq j$  dans le tableau T des n = 6 valeurs
- ullet pour toute opération opp dans +,-,\*,/  $\Rightarrow$  3 boucles imbriquées
- calculer x = T[i] opp T[j]
- si x == N terminé : répondre oui, sinon :  $\Rightarrow$  condition arrêt
- ullet construire une copie T' à partir de T : enlevez T[i] et T[j], ajoutez x
- résoudre le problème à n-1 valeurs pour T' et  $N \Rightarrow appel récursif (sauf si <math>T'$  est de taille 1, alors répondre non)  $\Rightarrow$  condition arrêt

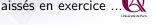
# Exercice de style - Jeu : le compte est bon

- ullet Un nombre  $N \in [1..999]$  est choisi au hasard
- ainsi que 6 valeurs dans  $\{1, 2, ..., 9, 10, 25, 50, 75, 100\}$
- Existe t'il une combinaison des 6 valeurs et des opérations +, -, \*, / qui donnent N? (oui ou non)

# Solution mélangeant boucles et récursion

- pour toute paire (i,j),  $i \neq j$  dans le tableau T des n = 6 valeurs
- ullet pour toute opération opp dans +,-,\*,/  $\Rightarrow$  3 boucles imbriquées
- calculer x = T[i] opp T[j]
- si x == N terminé : répondre oui, sinon :  $\Rightarrow$  condition arrêt
- construire une copie T' à partir de T : enlevez T[i] et T[j], ajoutez x
- résoudre le problème à n-1 valeurs pour T' et  $N \Rightarrow appel$  récursif (sauf si T' est de taille 1, alors répondre non)  $\Rightarrow$  condition arrêt

Code complet et présentation pratique du jeu sont laissés en exercice ..



# Applications aux listes

Par leurs formes elles se prêtent à l'écriture de fonctions récursives



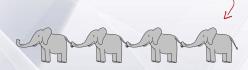
Dans notre implémentation la forme récursive concerne les cellules

```
public class Cellule{
  private E content;
  private Cellule next;
  ...
}
```

- On préfère un contexte non statique.
   Le passage à la dimension inférieure : this.next
- La terminaison se fait sur null : plus précisément this.next==nu

# Applications aux listes

Par leurs formes elles se prêtent à l'écriture de fonctions récursives



Dans notre implémentation la forme récursive concerne les cellules

# Fichier Cellule.java

```
public class Cellule{
private E content;
private Cellule next;
```

Yan Jurski

- On préfère un contexte non statique. Le passage à la dimension inférieure : this.next
- La terminaison se fait sur null : plus précisément this.next==nu

26 / 39

# Implémentation récursive - même cahier des charges :

On va tout refaire en récursif! L'idée est que sur cette structure simple vous maîtrisiez cet outil puissant.

#### Fichier ListIP2.java – écrite pour des éléments de type E

```
public interface ListIP2 { // position starts at 0
void add(E x); // Appends the element to the end
void add(int index, E x); // Inserts the element at the position
void clear(); // Removes all of the elements from this list
boolean contains (E x); // Returns true if the list contains the element
E get(int index); // Returns the element at the specified position
int indexOf(E x); // Returns the index of the first occurrence of the
     element, or -1 if not there
boolean isEmpty(); // Returns true if this list contains no elements
int lastIndexOf(E x); // see indexOf
E remove(int index); // Removes the element at the specified position
boolean remove(E x); // Removes the first occurrence of the element
E set(int index, E x); // Replaces the element at a position
int size(); // Returns the number of elements in this list
```

#### Fichier E.java - le contenu

```
public class E{
  // peu importe
}
```

#### Fichier Cellule.java - rôle auxiliaire, précise la nature des liaisons

```
public class Cellule{
  private E content;
  private Cellule next;
}
```

#### Fichier MaListe.java

```
public class MaListe implements ListIP2{
  private Cellule first;
}
```



# Implémentation récursive

Les méthodes simples (celles sans répétitions) restent identiques

#### Fichier ListIP2.java – écrite pour des éléments de type E

```
public interface ListIP2 { // position starts at 0
void add(E x); // Appends the element to the end
void add(int index, E x); // Inserts the element at the position
void clear(); // Removes all of the elements from this list
boolean contains (E x); // Returns true if the list contains the element
E get(int index); // Returns the element at the specified position
int indexOf(E x); // Returns the index of the first occurrence of the
     element, or -1 if not there
boolean isEmpty(); // Returns true if this list contains no elements
int lastIndexOf(E x); // see indexOf
E remove(int index); // Removes the element at the specified position
boolean remove(E x); // Removes the first occurrence of the element
E set(int index, E x); // Replaces the element at a position
int size(); // Returns the number of elements in this list
```

Université de Paris

```
public class MaListe implements ListIP2{
  private Cellule first;
  public MaListe(){
    this.first=null;
  }
  public boolean isEmpty() {
    return ( this.first==null );
  }
  public void clear() {
    this.first=null;
  }
}
```



# Implémentation récursive

Les méthodes qui laissent la forme de la liste inchangée se ressembleront beaucoup (basées sur un parcours simple)

#### Fichier ListIP2.java – écrite pour des éléments de type E

```
public interface ListIP2 { // position starts at 0
void add(E x); // Appends the element to the end
void add(int index, E x); // Inserts the element at the position
boolean contains (E x); // Returns true if the list contains the element
E get(int index); // Returns the element at the specified position
int indexOf(E x); // Returns the index of the first occurrence of the
     element, or -1 if not there
int lastIndexOf(E x); // see indexOf
E remove(int index); // Removes the element at the specified position
boolean remove(E x); // Removes the first occurrence of the element
E set(int index, E x); // Replaces the element at a position
int size(); // Returns the number of elements in this list
```

# Cas des parcours simples. La liste est vide ou non?

Sinon on délègue aux cellules, endroit où on résoudra avec un style récursif

# Fichier MaListe.java

```
public boolean contains(E x){
if (this.isEmpty()) return false;
else // ce else est facultatif
return this.first.contains(x);
public int size(){
if (this.isEmpty()) return 0;
return this.first.size();
public E get(int index){
if (this.isEmpty()) return null;
return this.first.get(index);
public int indexOf(E x){
if (this.isEmpty()) return -1;
return this.first.indexOf(x);
```

#### Fichier MaListe.java

```
public int lastIndexOf(E x){
  if (this.isEmpty()) return -1;
  return this.first.lastIndexOf(x);
}
public E set(int index, E x){
  if (this.isEmpty()) return null;
  return this.first.set(index,x);
}
```



#### Fichier Cellule.java

```
public boolean contains(E x){
 if (content==x) return true;
 if (next==null) return false
return next.contains(x);
public int size(){
 if (next==null) return 1;
return 1+next.size():
public E get(int index){
 if (index==0) return content;
 if (next==null) return null;
return next.get(index-1);
public int indexOf(E x){
 if (content==x) return 0;
 if (next==null) return -1;
 int aux = next.indexOf(x);
 if (aux==-1) return -1
return 1+aux;
```

```
public int lastIndexOf(E x){
if (content==x) {
if (next==null) return 0;
return Math.max(0,
     1+next.lastIndexOf(x)
);
if (next==null) return -1;
int aux = next.lastIndexOf(x);
if (aux==-1) return -1;
else return 1+aux;
public E set(int index, E x){
if (index==0){
 E tmp=content;
 content=x;
 return tmp;
if (next==null) return null;
return next.set(index-1,x);
```

# Implémentation récursive

Pour les méthodes qui changent la forme de la liste, il faut faire plus attention

# Fichier ListIP2.java – écrite pour des éléments de type E

```
public interface ListIP2 { // position starts at 0
...

void add(E x); // Appends the element to the end
void add(int index, E x); // Inserts the element at the position
E remove(int index); // Removes the element at the specified position
boolean remove(E x); // Removes the first occurrence of the element
}
```

• traitons par exemples deux de ces 4 méthodes (les deux autres sont laissées en exercice)



```
public class MaListe implements ListIP2{
  public void add(int index, E x){
   if ( (index<=0) || (first==null) ) first=new Cellule(x , first);
   else first.add(index , x); // avec index >=1
  }
}
```

```
public class Cellule{
  private E content;
  private Cellule next;
  public Cellule(E x, Cellule suiv){
    this.content=x;
    this.next=suiv;
  }
  public void add(int index, E x){
    if ( (next !=null) && (index > 1) ) next.add( index-1 , x);
    else this.next=new Cellule(x , next);
  }
}
```

```
public class MaListe implements ListIP2{
  public boolean remove(E x){
   if ( first.getContent()==x ) { // accesseur supposé écrit
    first=first.getNext(); // accesseur supposé écrit
    return true;
  }
  return first.remove(x);
}
```

```
public class Cellule{
...
public boolean remove(E x){ // rq : on a l'invariant this.content != x
   if (next==null) return false;
   if (next.content != x) return next.remove(x);
   // reste le cas ou next.content == x
   next=next.next;
   return true;
}
```

#### Conclusion

- On a changé plusieurs fois de style de programmation :
  - style statique (vu en IP1)
  - style dynamique (c.à.d non statique)
  - parfois on préfère utiliser des itérations while
  - parfois on préfère utiliser des itérations for
  - à présent : vous avez la possibilité d'écrire des solutions récursives
- Un exemple (*le compte est bon*) illustre que la maîtrise d'un style permet d'orienter la recherche d'une solution.
- (Et je vous met au défi d'en trouver une non récursive!)
- Il vous faudra acquérir ces compétences dans les semaines à venir!





#### **Annonces**

- Les deux cours que nous venons de faire étaient denses.
- Les deux suivants seront simplement des variations, pour vous permettre d'assimiler.
- Mais c'est vraiment maintenant qu'il vous faut fournir un travail!

#### Partiel le samedi 18 mars de 16h à 18h

- Définitions de classes
- Méthodes statique/dynamique
- Modificateurs static, final, private, public
- Politique getters/setters, notion d'interface
- Listes simplement chaînées et opérations de base
- Itération et Récursion
- Autres formes de listes (prochain cours)
- Nous aurons une séance de révisions et un contrôle de TD vers la séance 6 (avant le partiel)

#### Exercices ...

- Rappelez les classes définissant une liste chaînée d'éléments E
- Ecrivez une méthode non statique qui teste s'il y a bien unicité de tous les éléments dans une liste.
- Ecrivez une méthode non statique qui simplifie les doublons, en n'en laissant qu'une occurrence
- Reprenez vos solutions en essayant d'écrire des versions récursives/non récursives

Vous pouvez adapter également des exercices de hackerrank, ou regarder les archives.

