

TD d'Éléments d'Algorithmique n° 10

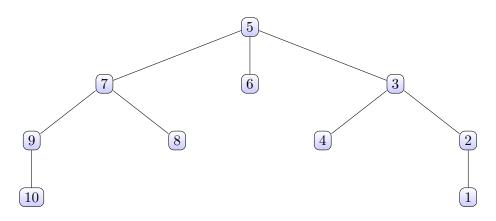
(*) Exercices à faire à la maison.

Exercice 1. Parcours.

Dessiner l'arbre général dont le résultat des parcours préfixe et suffixe sont respectivement [1, 2, 4, 6, 3, 5] et [4, 6, 2, 5, 3, 1].

Exercice 2. Codage préfixe.

• Donner le codage préfixe de l'arbre général suivant



• On considère un arbre général dont les sommets sont numérotés de $\{1, 2, ..., 14\}$ et dont le code de préfixe est donné par la liste suivante :

$$L = ((5,3), (4,3), (6,0), (7,2), (10,0), (8,0), (3,1), (9,0), (2,0), (1,2), (13,1), (11,1), (12,0), (14,0)).$$

Dessiner l'arbre générale correspondant.

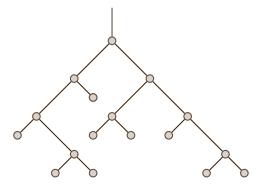
Exercice 3. Vers les arbres binaires.

- 1. Donner l'image des deux arbre généraux de l'exercice précédent (l'arbre dessiné et l'arbre associé à L) par la bijection f entre arbres généraux et arbres binaires sans sous-arbre droit vue en cours.
- 2. Donner un exemple d'arbre binaire qui n'a pas d'antécédent par f.
- 3. Prouver par récurrence sur la hauteur d'un arbre général, que l'ordre préfixe est conservé pour tout arbre général. On peut pour ça étendre f aux forêts.
- 4. Prouver de même que l'ordre suffixe (ou postfixe), devient l'ordre infixe.

Exercice 4. Canopée d'un arbre binaire.

Soit t un arbre binaire. La canopée de t est un mot binaire codant l'orientation des feuilles de t considérées de gauche à droite, tel que si la feuille est orientée vers la gauche (c'est-à-dire est fille gauche d'un nœud) on la code par 0 et si la feuille est orientée vers la droite (c'est-à-dire est fille droite d'un nœud) on la code par 1.

Par exemple, l'arbre binaire



a pour canopée 001101001.

Écrire une fonction canop paramétrée par un arbre binaire $\mathfrak t$ qui renvoie la liste de 0 et de 1 correspondant à la canopée de $\mathfrak t$.

Exercice 5. Arbres binaires équilibrés.

Un arbre binaire \mathfrak{t} est équilibré si et seulement si pour tout nœud interne x de \mathfrak{t} ,

$$|\text{Hauteur }(\text{SAG}(x)) - \text{Hauteur }(\text{SAD}(x))| \leq 1.$$

Écrire une fonction $est_equilibre$ paramétrée par un arbre binaire $\mathfrak t$ qui teste si $\mathfrak t$ est équilibré.

Exercice 6. *.

Écrire une fonction trasfBinGen qui prend en parametre un arbre binaire sans sous-arbre droit et renvoie le code prefixe décrit en cours de l'arbre général correspondant. Testez cette fontion dans un main.