

# Auswertung Versuch 233: Fourier-Optik

## Teil 1: Quantitative Beobachtungen am Einzelpalt

### Bestimmung der Spaltbreite

In [1]:

```
#Benötigte Pakete
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
%matplotlib inline
plt.style.use('seaborn-white')
plt.rcParams['errorbar.capsize']=2
from scipy.integrate import quad
from scipy.optimize import curve_fit
from scipy.signal import argrelextrema
```

In [2]:

```
#Bestimmung der Abstände der Minima
min_order=np.array([2,3,4,5])
min_pos_left=np.array([953, 863, 785, 702])
min_pos_right=np.array([1283, 1368, 1450, 1530])
min_pos_left_err = np.array([2, 2, 3, 3])
min_pos_right_err = np.array([4, 1, 2, 1])

delta_min=np.abs(min_pos_left-min_pos_right)
delta_min_err=np.sqrt((min_pos_left_err**2+min_pos_right_err**2))
```

In [3]:

```
#Eichung der Pixelskala zum Umrechnen des Spaltabstands in Längeneinheiten
dpx=np.array([690, 533, 365, 217, 740])
dpx_err=9*np.ones(5)
slit_aperture=2*np.array([0.88, 0.69, 0.49, 0.31, 0.94]) #direkt die Messwerte verdoppelt
slit_aperture_err=0.02*np.ones(5)

gauge=slit_aperture/dpx #Faktor zur Umrechnung von Pixel in mm

gauge_mean=np.mean(gauge)
gauge_syst=np.mean(gauge*np.sqrt((slit_aperture_err/slit_aperture)**2+(dpx_err/dpx)**2))
gauge_stat=np.std(gauge)/np.sqrt(4)

print('Der Umrechnungsfaktor u wurde berechnet zu: ')
print(str(gauge_mean)+ ' +/- '+str(gauge_syst)+ ' +/- '+str(gauge_stat))
```

Der Umrechnungsfaktor u wurde berechnet zu:  
 $0.00264449154822 \pm 7.57700590172e-05 \pm 5.89577063529e-05$

In [4]:

```
#Definition der Linearen Fit-Funktion
def linear_fit(x,a,b):
    return a*x+b
popt,pcov=curve_fit(linear_fit,min_order,delta_min,sigma=delta_min_err)

x_fit=np.linspace(0.5,6,100) #Länge der Fit-Gerade

#Plot der Minima-Abstände mit Lin.Fit
plt.plot(min_order,delta_min,linestyle='',marker='o',markersize=7,label='Messwerte Minima')
plt.plot(x_fit,linear_fit(x_fit,*popt),color='darkred',label='linearer Fit $\Delta x_{min} = a \cdot N + b$')
plt.legend()

#Fehlerbalken nicht notwendig, da sie sowieso nicht sichtbar wären.

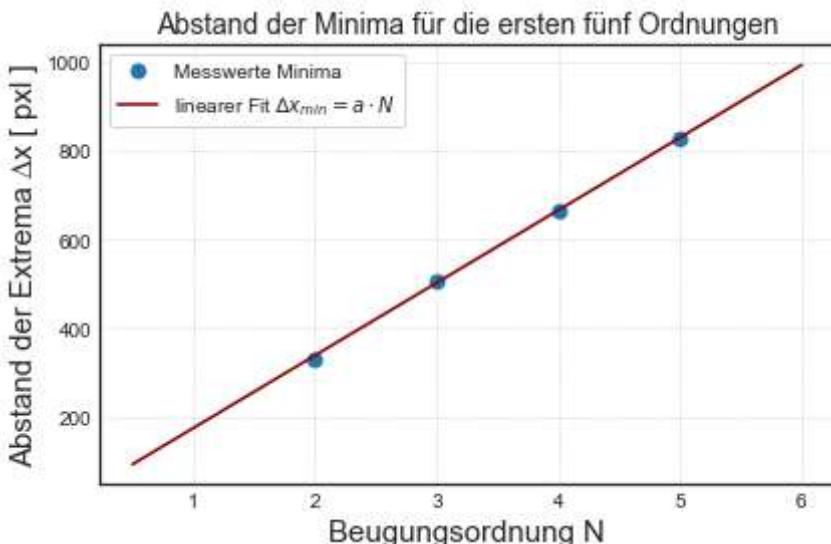
#Plot-Parameter
plt.xlabel('Beugungsordnung N',size=15)
plt.ylabel('Abstand der Extrema $\Delta x$ [ pxl ]',size=15)
plt.title('Abstand der Minima für die ersten fünf Ordnungen',size=14)
plt.grid(ls='dotted')
plt.legend(frameon=True)

#Abspeichern des Diagramms
plt.tight_layout()
plt.savefig(r'C:\Users\Quirinus\Documents\GitHub\Praktikum\Praktikum\233 - Fourieroptik\Diagramme\Minima_Ordnung_N.png')

a=popt[0]
a_err=pcov[0,0]**0.5

print('Die Steigung der Fit-Gerade beträgt:')
print('a = ' + str(a) + ' +/- ' + str(a_err) + ' pxl')
print('Mit y-Achsenabschnitt:')
print('c = ' + str(popt[1]) + ' +/- ' + str(pcov[1,1]**0.5) + ' pxl')
```

Die Steigung der Fit-Gerade beträgt:  
 $a = 163.911308943 \pm 2.59208657845$  pxl  
 Mit y-Achsenabschnitt:  
 $c = 10.1330348816 \pm 9.49688285444$  pxl



In [5]:

```
#Umrechnung der Spaltbreite in mm
a_prime= gauge_mean*a

a_prime_syst=np.sqrt((gauge_syst)**2+(a_err*gauge_mean)**2)
a_prime_stat=np.sqrt((gauge_stat)**2+(a_err*gauge_mean)**2)

a_prime_mean=np.mean(a_prime)
a_prime_mean_syst=np.sqrt((gauge_mean*pcov[0,0]**0.5)**2+(popt[0]*gauge_syst)**2)
a_prime_mean_stat=np.sqrt((gauge_mean*pcov[0,0]**0.5)**2+(popt[0]*gauge_stat)**2)

print('Mit der Eichung der Skala erhalten wir die Steigung a in mm/order:')
print( 'a_prime = ' + str(a_prime_mean) + ' +/- ' + str(a_prime_mean_syst) + ' +/- ' + str(
```

Mit der Eichung der Skala erhalten wir die Steigung a in mm/order:  
 $a_{\text{prime}} = 0.433462071156 \pm 0.0141856730473 \pm 0.0118480933226 \text{ mm/order}$

In [6]:

```
#Bestimmung der Spaltbreite aus der Steigung des Fits (Herleitung in Auswertung)
wavelength=635e-9
f1= 80e-3

b=2*wavelength*f1/(a_prime_mean*1e-3)
b_syst=b*(a_prime_mean_syst/a_prime_mean)
b_stat=b*(a_prime_mean_stat/a_prime_mean)

print('Aus der Steigung von vorigem Diagramm erhalten wir:')
print('b = ' +str(b)+ ' +/- ' +str(b_syst)+ ' +/- ' +str(b_stat)+ ' m')
```

Aus der Steigung von vorigem Diagramm erhalten wir:  
 $b = 0.000234391903608 \pm 7.67081396682e-06 \pm 6.40678235264e-06 \text{ m}$

In [7]:

```
#Bestimmung der Abstände der Maxima
max_pos_left=np.array([998, 913, 830, 743, 658])
max_pos_right=np.array([1233, 1318, 1405, 1484, 1573])
max_pos_left_err = np.array([5, 10, 3, 3, 4])
max_pos_right_err = np.array([20, 2, 10, 2, 10])

#Abstände der jeweiligen Beugungsordnungen
delta_max=np.abs(max_pos_left-max_pos_right)
delta_max_err=np.sqrt((max_pos_left_err**2+max_pos_right_err**2))

print('Die Differenz der jeweiligen Maxima beträgt:')
print('Δmax = ' + str(delta_max))
print('mit Fehler: ' + str(delta_max_err))
print()

#Position der Maxima mit Hilfe von vorigem Diagramm
n_max_calc=(delta_max-popt[1])/popt[0]
n_max_calc_err=np.sqrt((delta_max_err/popt[0])**2+(pcov[1,1]**0.5/popt[0])**2+((delta_max-popt[1])**2/(popt[0]**2)))
n_max_theory=np.array([1.43, 2.45, 3.47, 4.49, 5.59])
#Differenz Messwert-Theorie
diff_n_max=np.abs(n_max_theory-n_max_calc)

print('Wir erhalten die den Maxima zugeordneten Beugungsordnungen aus dem Fit:')
print('N = ' + str(n_max_calc))
print ('mit Fehler: ' + str(n_max_calc_err))
print()

#Plot der Maxima-Abstände
plt.plot(n_max_calc,delta_max,linestyle='',marker='o',markersize=7,label='Messwerte Maxima')
plt.plot(min_order,delta_min,linestyle='',marker='o',markersize=7,label='Messwerte Minima')
plt.plot(x_fit,linear_fit(x_fit,*popt),color='darkred',label='linearer Fit $ Δx_{min} = a \Delta N$')

#Plot-Parameter
plt.xlabel('Beugungsordnung N',size=15)
plt.ylabel('Abstand der Extrema Δx [ pxl ]',size=15)
plt.title('Abstand der Extrema für die ersten fünf Ordnungen',size=14)
plt.grid(ls='dotted')
plt.legend(frameon=True)

#Abspeichern des Diagramms
plt.tight_layout()
plt.savefig(r'C:\Users\Quirinus\Documents\GitHub\Praktikum\Praktikum\233 - Fourieroptik\Diagramme\Maxima_Minima.png')

print('Der Vergleich mit den theoretischen Werten (1.5,2.5,...) liefert:')
print('ΔN = ' + str(diff_n_max))
print ('mit Fehler: ' + str(n_max_calc_err))
```

Die Differenz der jeweiligen Maxima beträgt:

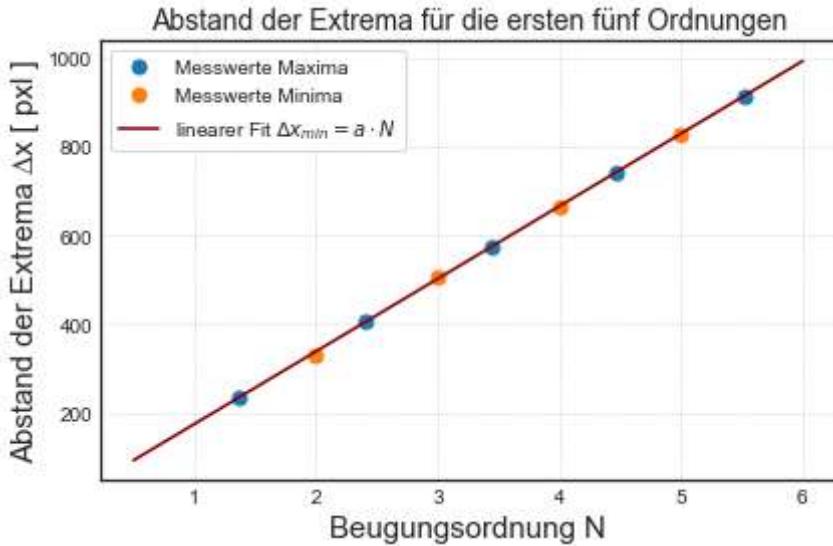
$\Delta_{max} = [235 \ 405 \ 575 \ 741 \ 915]$   
 mit Fehler: [ 6.70820393 10.09950494 4.35889894 3.31662479 5.09901951]

Wir erhalten die den Maxima zugeordneten Beugungsordnungen aus dem Fit:

$N = [1.37188194 \ 2.4090282 \ 3.44617445 \ 4.45891726 \ 5.52046696]$   
 mit Fehler: [ 0.07417908 0.09276186 0.08386972 0.0934798 0.10929796]

Der Vergleich mit den theoretischen Werten (1.5, 2.5, ...) liefert:

$\Delta N = [ 0.05811806 \quad 0.0409718 \quad 0.02382555 \quad 0.03108274 \quad 0.06953304 ]$   
mit Fehler: [ 0.07417908 \quad 0.09276186 \quad 0.08386972 \quad 0.0934798 \quad 0.10929796 ]



In [8]:

```
#Bestimmung der Minimaordnung aus der Äquidistanzannahme

#Setze den Abstand des berechneten ersten Minimums als Eichung fest und vergleiche die Diff
min_theo=[]
min_theo_err=[]
for i in range(1,5):
    min_theo.append(2*delta_min[i-1]/delta_min[0])
    min_theo_err.append(min_theo[i-1]*np.sqrt((delta_min_err[i-1]/delta_min[i-1])**2+(delta_min[i-1]**2)))

print('Wir erhalten die den Minima zugeordneten Beugungsordnungen mittels der Äquidistanzannahme')
print('N =      ' + str(min_theo))
print ('Fehler: ' + str(min_theo_err))
```

Wir erhalten die den Minima zugeordneten Beugungsordnungen mittels der Äquidistanzannahme:

N = [2.0, 3.0606060606060606, 4.03030303030303, 5.01818181818185]  
Fehler: [0.038330638305071267, 0.043634910451852055, 0.058827450780244366,  
0.070655008082842335]

## Vergleich der relativen Intensitäten aus den beiden Messreihen

In [9]:

```
#zunächst einmal muss das Verhältnis aus der ersten Messung bestimmt werden, da bei der zweien
#für den Fehler der counts gilt hier:
intensity_err=6

max1_intensity_left1=316
ug_left1=87

max1_intensity_right1=298
ug_right1=87

max0_intensity1=3782
max0_intensity1_err = 7

#Abziehen des Untergrunds durch Mittlung des Linken und des rechten Untergrundes
max0_1_corr = (max0_intensity1-(ug_left1+ug_right1)/2)
max0_1_corr_err = np.sqrt((max0_intensity1_err/max0_intensity1)**2+(intensity_err/ug_left1)**2)

#Abziehen des linken Untergrunds
max1_left1_corr=max1_intensity_left1-ug_left1
max1_left1_corr_err=np.sqrt(2)*intensity_err

#Abziehen des rechten Untergrunds
max1_right1_corr=max1_intensity_right1-ug_right1
max1_right1_corr_err=np.sqrt(2)*intensity_err

#Verhältnis vom nullten zum ersten Maximum
prob_max1_max0_left =max1_left1_corr/max0_1_corr
prob_left_err =prob_max1_max0_left*np.sqrt((max1_left1_corr_err/max1_left1_corr)**2+(max0_1_corr_err/max0_1_corr)**2)

prob_max1_max0_right = max1_right1_corr/max0_1_corr
prob_right_err= prob_max1_max0_right*np.sqrt((max1_right1_corr_err/max1_right1_corr)**2+(max0_1_corr_err/max0_1_corr)**2)

print('Das Verhältnis vom 1.Nebenmaximum links zum Hauptmaximum beträgt:')
print(str(prob_max1_max0_left) + ' +/- ' + str(prob_left_err))
print()
print('Das Verhältnis vom 1.Nebenmaximum rechts zum Hauptmaximum beträgt:')
print(str(prob_max1_max0_right) + ' +/- ' + str(prob_right_err))
print()
```

Das Verhältnis vom 1.Nebenmaximum links zum Hauptmaximum beträgt:  
 $0.06197564276048714 \pm 0.00229642270995$

Das Verhältnis vom 1.Nebenmaximum rechts zum Hauptmaximum beträgt:  
 $0.0571041948579161 \pm 0.00229642268792$

In [10]:

```
#Ab hier werden die Messdaten der zweiten Messreihe verwendet
max_intensity_left2=np.array([1345, 568, 338, 223, 180])
max_intensity_left2_err = np.array([5, 10, 3, 3, 4])
ug_left2=102*np.ones(5)
ug_left2_err = 3*np.ones(5)

max_intensity_left2_corr=max_intensity_left2-ug_left2
max_intensity_left2_corr_err=np.sqrt(ug_left2_err**2+max_intensity_left2_err**2)

max_intensity_right2=np.array([1370, 524, 281, 180, 135])
max_intensity_right2_err = np.array([20, 2, 10, 2, 10])
ug_right2=95*np.ones(5)
ug_right2_err = 5*np.ones(5)

max_intensity_right2_corr=max_intensity_right2-ug_right2
max_intensity_right2_corr_err=np.sqrt(max_intensity_right2_err**2+ug_right2_err**2)

#Jetzt können wir anhand des Ergebnisses die Werte für die zweite Messreihe durch Umrechnung
max0_intesity2_left=(1/prob_max1_max0_left)*max_intensity_left2_corr[0]
max0_intesity2_left_err=max0_intesity2_left*np.sqrt((prob_left_err/prob_max1_max0_left)**2+
max0_intesity2_right=(1/prob_max1_max0_right)*max_intensity_right2_corr[0]
max0_intesity2_right_err=max0_intesity2_right*np.sqrt((prob_right_err/prob_max1_max0_right)**2)

max0_intensity2_tot=(max0_intesity2_left+max0_intesity2_right)/2
max0_intensity2_tot_err=max0_intensity2_tot*np.sqrt((max0_intensity2_left_err/max0_intesity2_left)**2+
print('Nach Umrechnung durch das Verhältnis aus der ersten Messreihe hätte das nullte Max.
print('I_max0 = ' + str(max0_intensity2_tot) + ' +/- ' + str(max0_intensity2_tot_err))
print()

#Jetzt können wir das Verhältnis zum nullten Maximum trotz der Übersteuerung ausrechnen!
max0_2=max0_intensity2_tot*np.ones(5)

prob_max_max0_left=max_intensity_left2_corr/max0_intensity2_tot
prob_max_max0_left_err=prob_max_max0_left*np.sqrt((max_intensity_left2_corr_err/max_intensity_left2)**2+
prob_max_max0_right=max_intensity_right2_corr/max0_intensity2_tot
prob_max_max0_right_err=prob_max_max0_right*np.sqrt((max_intensity_right2_corr_err/max_intensity_right2)**2)

print('Im Verhältnis zum berechneten Maximum ergeben sich damit die folgenden Verhältnisse')
print('linke Maxima: ' + str(prob_max_max0_left))
print('Fehler links: ' + str(prob_max_max0_left_err))
print()
print('rechte Maxima: ' + str(prob_max_max0_right))
print('Fehler rechts: ' + str(prob_max_max0_right_err))
```

Nach Umrechnung durch das Verhältnis aus der ersten Messreihe hätte das nullte Max. die Intensität:

$I_{\text{max}0} = 21191.9365053 \pm 1064.44160435$

Im Verhältnis zum berechneten Maximum ergeben sich damit die folgenden Verhältnisse:

linke Maxima: [ 0.05865438 0.0219895 0.01113631 0.00570972 0.00368065]

Fehler links: [ 0.00295895 0.00120939 0.00059411 0.00034976 0.0002997]

4]

```
rechte Maxima: [ 0.06016439  0.02024355  0.00877692  0.00401096  0.0018875
1]
Fehler rechts: [ 0.00317469  0.00104808  0.00068752  0.00032429  0.0005360
3]
```



## Berechnung der theoretischen Intensitätsverhältnisse

In [11]:

```
def beugung_spalt(x):
    return np.sinc(x)**2
a=5
#kleinere Schrittweite für präzisere Berechnung der Maxima, ungerade Anzahl damit nur einmal
x=np.linspace(-(a+1),a+1,200001)

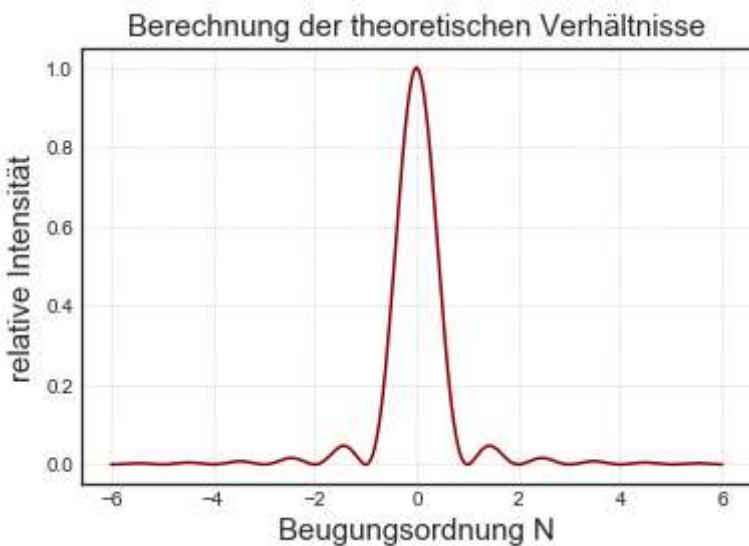
#Berechnung der relativen Maxima
slit_theory=argrelextrema(beugung_spalt(x), np.greater_equal, order = 1)
max_theory=np.array(beugung_spalt(x[slit_theory]))
max_theory_sliced=max_theory[4::-1]

print('Die theoretischen Werte für die Verhältnisse Nebenmaximum/Hauptmaximum ergeben sich')
print(max_theory_sliced)

plt.plot(x,beugung_spalt(x),color='darkred')
plt.title('Berechnung der theoretischen Verhältnisse',size=15)
plt.xlabel('Beugungsordnung N',size=15)
plt.ylabel('relative Intensität',size=15)
plt.grid(ls='dotted')
```

Die theoretischen Werte für die Verhältnisse Nebenmaximum/Hauptmaximum ergeben sich zu:

```
[ 0.04719045  0.01648003  0.00834029  0.00502872  0.00336073]
```



## Vergleich der Theorie-Werte mit unseren Messergebnissen

In [12]:

```
#Wir gehen bei den Theorie-Werten von einer fehlerfreien Bestimmung aus

#Linke Seite
diff_max_theory_left=np.abs(max_theory_sliced-prob_max_max0_left)

#rechte Seite
diff_max_theory_right=np.abs(max_theory_sliced-prob_max_max0_right)

print('Der Vergleich liefert für die linke Seite:')
print(diff_max_theory_left)
print('mit Fehler:')
print(prob_max_max0_left_err)
print()
print('Der Vergleich liefert für die rechte Seite:')
print(diff_max_theory_right)
print('mit Fehler:')
print(prob_max_max0_right_err)
print()
print('Die Werte liegen somit alle mindestens im 3-Sigma Intervall.')
```

Der Vergleich liefert für die linke Seite:  
[ 0.01146394 0.00550947 0.00279602 0.000681 0.00031992]  
mit Fehler:  
[ 0.00295895 0.00120939 0.00059411 0.00034976 0.00029974]

Der Vergleich liefert für die rechte Seite:  
[ 0.01297394 0.00376352 0.00043663 0.00101776 0.00147322]  
mit Fehler:  
[ 0.00317469 0.00104808 0.00068752 0.00032429 0.00053603]

Die Werte liegen somit alle mindestens im 3-Sigma Intervall.

## Teil 2: Beugungsstruktur des Doppelspaltes

In [13]:

```
#Berechnung des Verhältnisses von Spaltabstand & Spaltbreite aus Teilaufgabe 4

# Breite der Spalte in Px

width_left=144
width_right=145

width_err=8

width_mean=(width_left+width_right)/2
width_mean_err=np.sqrt(2)*width_err/2

print('Die Spaltbreite d der beiden einzelnen Spalte beträgt(gemittelt):')
print('d = '+str(width_mean)+' +/- '+str(width_mean_err)+' ppxl')
print()

#Berechnung des Spaltabstandes Spaltbreite und Abstand (Ende zu Ende)

end_to_end = 186
end_to_end_err = 8

mid_left =width_left/2
mid_left_err = width_err/2

mid_right =width_right/2
mid_right_err = width_err/2

diff_mid = mid_left + mid_right + end_to_end
diff_mid_err = np.sqrt(mid_left_err**2+mid_right_err**2 + end_to_end_err**2)

print('Der Spaltabstand g des Doppelspalts beträgt: ')
print('g = '+str(diff_mid)+' +/- '+str(diff_mid_err)+ ' ppxl')
print()

#Verhältnis des Spaltabstands zur Spaltbreite

prob_gd = diff_mid/width_mean
prob_gd_err = prob_gd*np.sqrt((diff_mid_err/diff_mid)**2+(width_mean_err/width_mean)**2)

print('Demnach ergibt sich für das Verhältnis v aus Spaltabstand und Spaltbreite: ')
print('v = '+str(prob_gd)+' +/- '+str(prob_gd_err))
```

Die Spaltbreite d der beiden einzelnen Spalte beträgt(gemittelt):  
 $d = 144.5 \pm 5.65685424949 \text{ pxl}$

Der Spaltabstand g des Doppelspalts beträgt:  
 $g = 330.5 \pm 9.79795897113 \text{ pxl}$

Demnach ergibt sich für das Verhältnis v aus Spaltabstand und Spaltbreite:  
 $v = 2.28719723183391 \pm 0.112315733292$

In [14]:

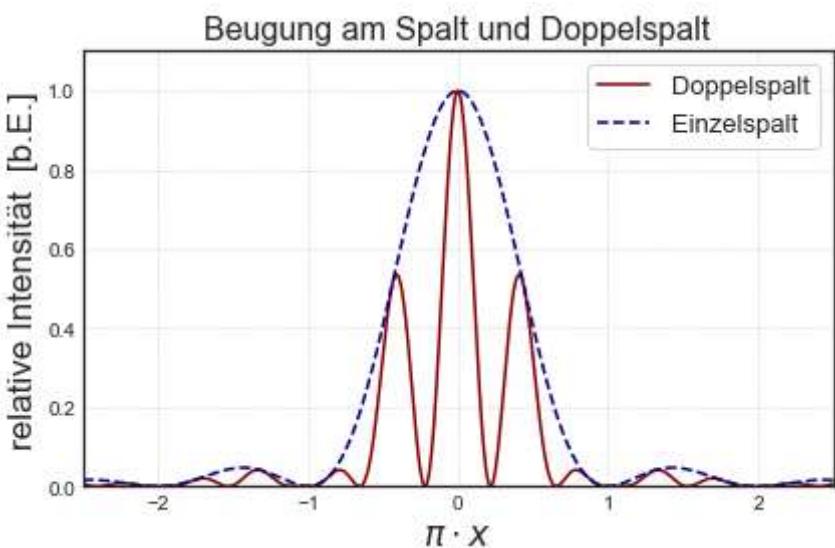
```
#Bestimmung der Beugungsfunktion des Doppelspalts (Theorie)
v=prob_gd
#Randwerte des 1-Sigma_intervalls
v2=prob_gd-prob_gd_err
v3=prob_gd+prob_gd_err

def beugung_doppelspalt(x):
    return np.sinc(x)**2*np.cos(np.pi*v*x)**2

#zum Vergleich soll noch das Bild des zugehörigen Einzelspalt ins Diagramm geplottet werden

plt.plot(x,beugung_doppelspalt(x),color='darkred',label='Doppelspalt')
plt.plot(x,beugung_spalt(x),color='darkblue',label='Einzelspalt',linestyle='--')
plt.title('Beugung am Spalt und Doppelspalt',size=16)
plt.xlabel('$\pi \cdot x$',size=17)
plt.ylabel('relative Intensität [b.E.]',size=17)
plt.grid(ls='dotted')
plt.ylim(0,1.1)
plt.xlim(-2.5,2.5)
plt.legend(frameon=True,fontsize=13)

#Abspeichern des Diagramms
plt.tight_layout()
plt.savefig(r'C:\Users\Quirinus\Documents\GitHub\Praktikum\Praktikum\233 - Fourieroptik\Dia
```



## Vergleich der Theorie-Kurve mit unseren Messwerten

In [15]:

```
#Wir berechnen auch hier die Verhältnisse der Intensitäten der jeweiligen Maxima mit dem Ha

#Messwerte
max2_0= 3717
max2_0_err = 5
max2_left=np.array([2041, 257, 210, 189]) #vom 1. bis zum 4. Nebenmaximum
max2_left_err = np.array([3, 6, 6, 9])
ug_left2=86*np.ones(4)
ug_left2_err = 4*np.ones(4)

corr_err_left=np.sqrt(max2_left_err**2 + ug_left2_err**2) #Fehler der Differenz
max2_left_corr=max2_left-ug_left2

max2_right=np.array([2078, 291, 203, 178]) #vom 1. bis zum 4. Nebenmaximum
max2_right_err = np.array([3, 7, 6, 8])
ug_right2=89*np.ones(4)
ug_right2_err = 3*np.ones(4)

max2_right_corr=max2_right-ug_right2
corr_err_right = np.sqrt(max2_right_err**2 + ug_right2_err**2)

max2_0_corr = max2_0 - (86 + 89)/2
max2_0_corr_err = np.sqrt(max2_0_err**2 + 2**2 + 1.5**2)

prob2_max_max0_left=max2_left_corr/max2_0_corr
prob2_max_max0_left_err=prob2_max_max0_left*np.sqrt((corr_err_left/max2_left_corr)**2+(max2_left_err/max2_left)**2)

prob2_max_max0_right=max2_right_corr/max2_0_corr
prob2_max_max0_right_err=prob2_max_max0_right*np.sqrt((corr_err_right/max2_right_corr)**2+(max2_right_err/max2_right)**2)

print('Der Vergleich der Intensitäten unserer Messungen liefert die nachfolgenden Verhältnisse')
print('linke Seite: '+str(prob2_max_max0_left))
print('mit Fehler: '+str(prob2_max_max0_left_err))
print()
print('rechte Seite: '+str(prob2_max_max0_right))
print('mit Fehler: '+str(prob2_max_max0_right_err))
print()

#Theorie-Kurve

doubleslit_theory = argrelextrema(beugung_doppelspalt(x), np.greater_equal, order = 1)
max2_theory1=np.array(beugung_doppelspalt(x[doubleslit_theory]))
max_mask = (max2_theory1 > 0.01)
max2_theory = max2_theory1[max_mask]
max2_theory_sliced=max2_theory[6:10]

print('Die Theorie-Werte sind: '+str(max2_theory_sliced))
```

Der Vergleich der Intensitäten unserer Messungen liefert die nachfolgenden Verhältnisse:

linke Seite: [ 0.53864169 0.04711393 0.03416449 0.02837856]  
mit Fehler: [ 0.00160812 0.00198813 0.0019875 0.00271391]

rechte Seite: [ 0.54800937 0.05565505 0.03140929 0.02452128]  
mit Fehler: [ 0.00144181 0.00210005 0.00184888 0.00235435]

Die Theorie-Werte sind: [ 0.53493756 0.04120571 0.0417182 0.02024765]

## Vergleich der Theorie-Werte mit unseren Messergebnissen

In [16]:

```
#Wir gehen bei den Theorie-Werten erneut von einer fehlerfreien Bestimmung aus.

#Linke Seite
diff2_max_theory_left=np.abs(prob2_max_max0_left-max2_theory_sliced)

#rechte Seite
diff2_max_theory_right=np.abs(prob2_max_max0_right-max2_theory_sliced)

print('Der Vergleich liefert für die linke Seite:')
print(diff2_max_theory_left)
print('mit Fehler:')
print(prob2_max_max0_left_err)
print()
print('Der Vergleich liefert für die rechte Seite:')
print(diff2_max_theory_right)
print('mit Fehler:')
print(prob2_max_max0_right_err)
print()
print('Damit sind einige Wertepaare signifikant verschieden!')
```

Der Vergleich liefert für die linke Seite:

[ 0.00370412 0.00590822 0.00755372 0.00813092]

mit Fehler:

[ 0.00160812 0.00198813 0.0019875 0.00271391]

Der Vergleich liefert für die rechte Seite:

[ 0.01307181 0.01444934 0.01030892 0.00427364]

mit Fehler:

[ 0.00144181 0.00210005 0.00184888 0.00235435]

Damit sind einige Wertepaare signifikant verschieden!

## Vergleich der relativen Intensitäten der Nebenmaxima zwischen dem ersten Minimum der Spaltfunktion

In [17]:

```
#Das betrifft jeweils die ersten beiden Nebenmaxima. Die Daten werden aus dem vorherigen Cc
#Differenzbildung
diff_max_under_single_left=np.abs(max2_theory_sliced[0:2]-prob2_max_max0_left[0:2])
diff_max_under_single_right=np.abs(max2_theory_sliced[0:2]-prob2_max_max0_right[0:2])

print('Der Vergleich liefert für die linke Seite:')
print(diff_max_under_single_left)
print('mit Fehler:')
print(prob2_max_max0_left_err[0:2])
print()
print('Der Vergleich liefert für die rechte Seite:')
print(diff_max_under_single_right)
print('mit Fehler:')
print(prob2_max_max0_right_err[0:2])
print()
print('Damit sind 2 von 4 Wertepaaren signifikant verschieden!')
```

Der Vergleich liefert für die linke Seite:

[ 0.00370412 0.00590822]

mit Fehler:

[ 0.00160812 0.00198813]

Der Vergleich liefert für die rechte Seite:

[ 0.01307181 0.01444934]

mit Fehler:

[ 0.00144181 0.00210005]

Damit sind 2 von 4 Wertepaaren signifikant verschieden!

## Teil 3: Das Objektbild als Fouriersynthese

In [18]:

```
# Integrand zu Formel 57, Einzelspalt
def spalt(k):
    return d/np.pi*np.sin(k*d/2)/(k*d/2)*np.cos(yi*k)

# Integrand zu 57, Doppelspalt
def doppelspalt(k):
    return d/np.pi*np.cos(k*g/2)*np.sin(k*d/2)/(k*d/2)*np.cos(yi*k)
```

In [19]:

```
# Funktion zur berechnung und zum plot des resultierenden Objektbildes

d = b
def picture(
    function, # Integrand
    b,         # Integrationsbereich bezüglich der Nullstellen
    dateiname):

# Definieren der Funktionsvariable
global n
global g
n = b

if function == spalt:
    y = np.linspace(-d, d, 301)
else:
    y = np.linspace(-g, g, 501)

# Berechnung des Objektbiles
f_mod = []
for i in range(len(y)): # numerische Integration
    global yi
    yi = y[i]
    result, error = quad(function, 0, 2*np.pi*n/d)
    f_mod.append(result**2)
f_mod = f_mod/np.max(f_mod)
#f_mod = np.array(f_mod)

# Lage der Maxima
max1 = argrelextrema(f_mod, np.greater_equal, order = 1)
f_max1 = f_mod[max1]
y_max1 = y[max1]
max2 = (f_max1 > 0.05)
f_max = f_max1[max2]
y_max = y_max1[max2]

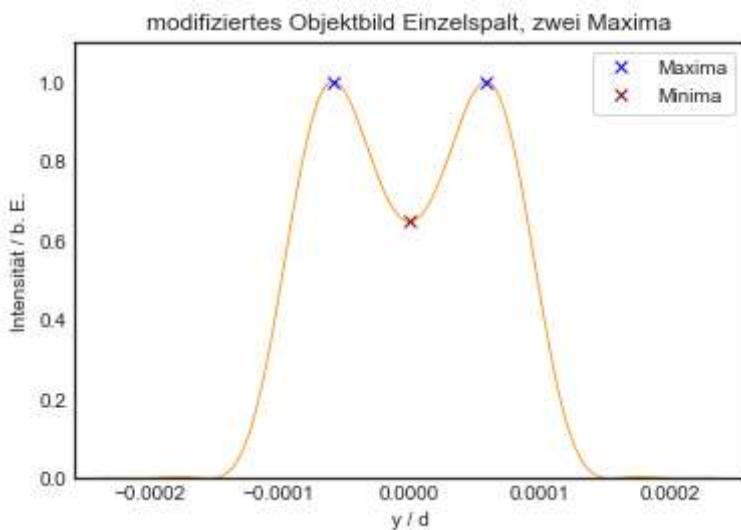
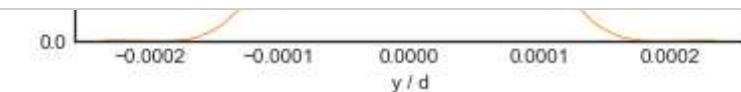
# Lage der Maxima
min1 = argrelextrema(f_mod, np.less_equal, order = 1)
f_min1 = f_mod[min1]
y_min1 = y[min1]
min2 = (f_min1 > 0.05)
f_min = f_min1[min2]
y_min = y_min1[min2]

# Plot
plt.figure(dateiname)
plt.plot(y, f_mod, color = 'darkorange', linewidth = 0.8)
plt.plot(y_max, f_max, linestyle = '', marker = 'x', color = 'blue', label = 'Maxima')
plt.plot(y_min, f_min, linestyle = '', marker = 'x', color = 'darkred', label = 'Minima')
plt.xlabel('y / d')
plt.ylabel('Intensität / b. E.')
plt.title('modifiziertes Objektbild %s' %dateiname)
plt.ylim((0, 1.1))
plt.legend(frameon = True)
plt.savefig(r'C:\Users\Quirinus\Documents\GitHub\Praktikum\Praktikum\233 - Fourieroptik')

# Ausgabe der Lage der Maxima und Minima
return y_max, f_max, y_min, f_min
```

In [20]:

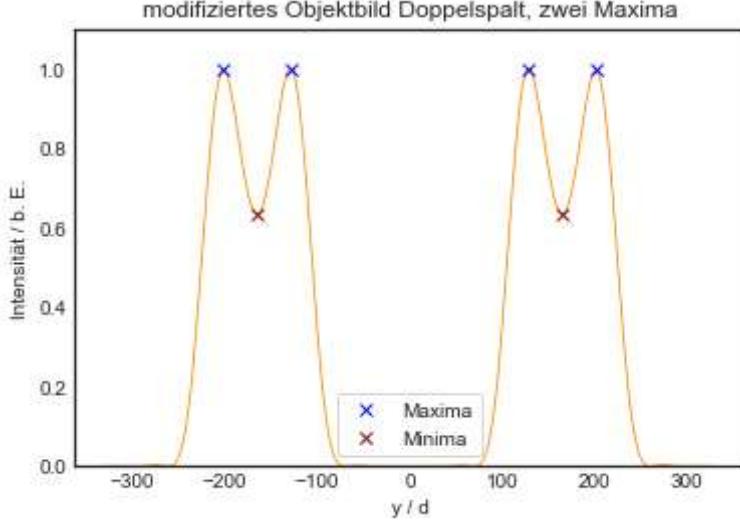
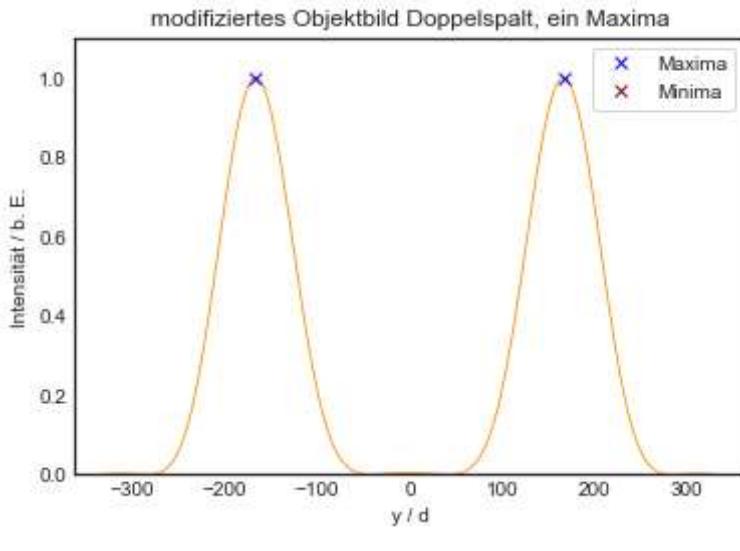
```
#Plotten der Einzelspaltbilder
maxPos_spalt1, maxInt_spalt1, minPos_spalt1, minInt_spalt1 = picture(spalt, 1, 'Einzelspalt')
maxPos_spalt2, maxInt_spalt2, minPos_spalt2, minInt_spalt2 = picture(spalt, 2, 'Einzelspalt')
maxPos_spalt3, maxInt_spalt3, minPos_spalt3, minInt_spalt3 = picture(spalt, 3, 'Einzelspalt')
maxPos_spalt4, maxInt_spalt4, minPos_spalt4, minInt_spalt4 = picture(spalt, 4, 'Einzelspalt')
maxPos_spalt5, maxInt_spalt5, minPos_spalt5, minInt_spalt5 = picture(spalt, 5, 'Einzelspalt')
maxPos_spalt15, maxInt_spalt15, minPos_spalt15, minInt_spalt15 = picture(spalt, 15, 'Einzelspalt')
```

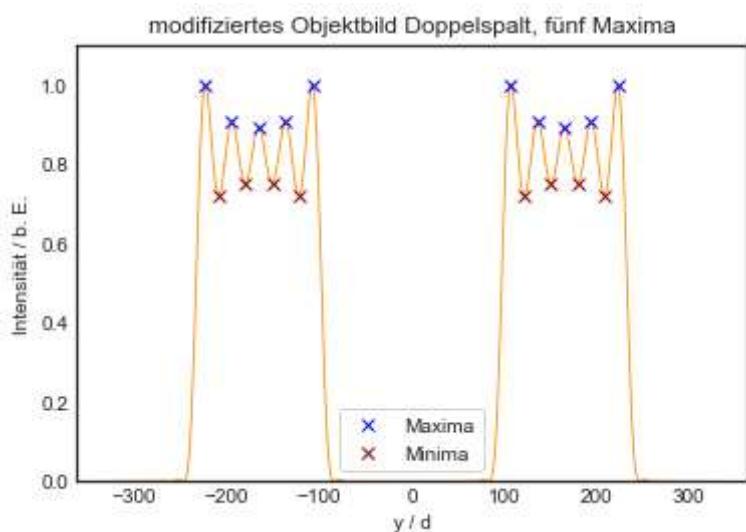
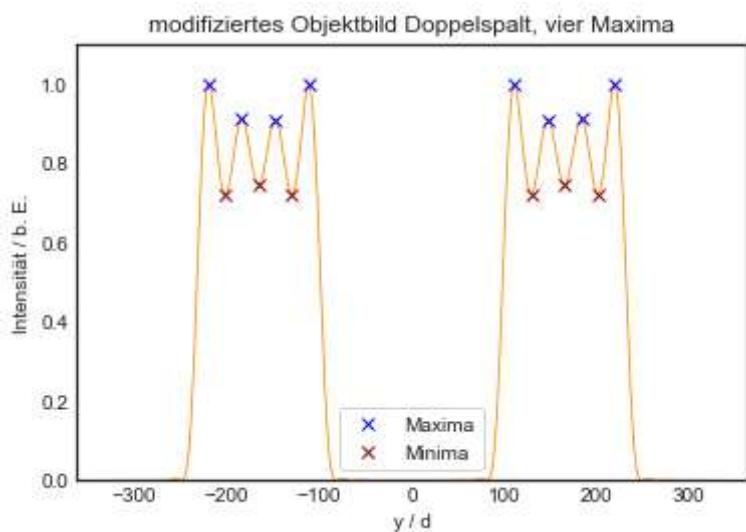
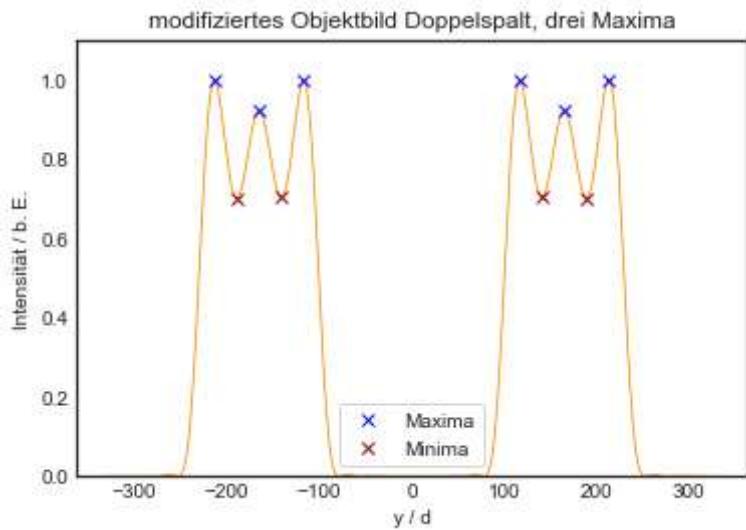


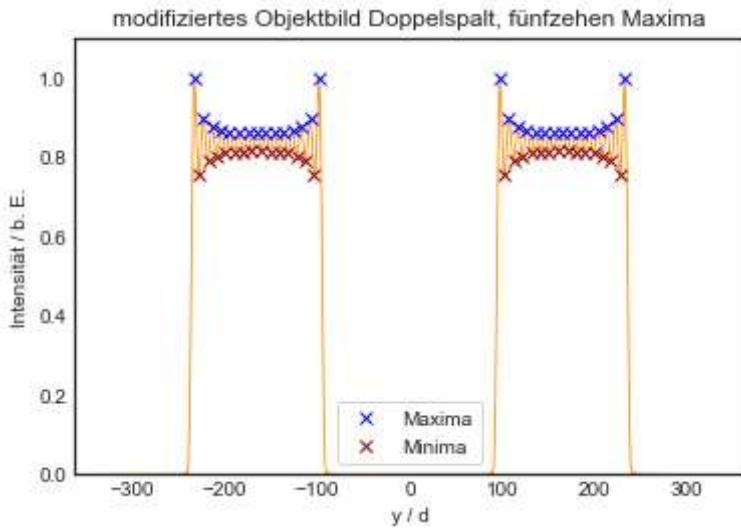
In [21]:

```
#Doppelspalt
d=width_mean
g=diff_mid

#Plotten der Doppelspaltbilder mit zuver berechnetem d und g
maxPos_dspalt1, maxInt_dspalt1, minPos_dspalt1, minInt_dspalt1 = picture(doppelspalt, 1, 'D')
maxPos_dspalt2, maxInt_dspalt2, minPos_dspalt2, minInt_dspalt2 = picture(doppelspalt, 2, 'D')
maxPos_dspalt3, maxInt_dspalt3, minPos_dspalt3, minInt_dspalt3 = picture(doppelspalt, 3, 'D')
maxPos_dspalt4, maxInt_dspalt4, minPos_dspalt4, minInt_dspalt4 = picture(doppelspalt, 4, 'D')
maxPos_dspalt5, maxInt_dspalt5, minPos_dspalt5, minInt_dspalt5 = picture(doppelspalt, 5, 'D')
maxPos_dspalt15, maxInt_dspalt15, minPos_dspalt15, minInt_dspalt15 = picture(doppelspalt, 15, 'D')
```







In [22]:

```
# Funktion zum Bestimmen der Extrema
def distance(pos):
    Pos = []
    if len(pos) < 2:
        True
    else:
        for i in range(len(pos) - 1):
            Pos.append(pos[i+1] - pos[i])
    return np.round(Pos, 1)

def distance_err(pos_err):
    Pos_err = []
    if len(pos_err) < 2:
        True
    else:
        for i in range(len(pos_err) - 1):
            Pos_err.append(np.sqrt(pos_err[i+1]**2 + pos_err[i]**2))
    return np.round(Pos_err, 1)
```

In [23]:

```
# Bestimmen der theoretischen Abstände der Maxima und Minima
dist_spalt1_max = distance(maxPos_spalt1)
dist_spalt2_max = distance(maxPos_spalt2)
dist_spalt3_max = distance(maxPos_spalt3)
dist_spalt1_min = distance(minPos_spalt1)
dist_spalt2_min = distance(minPos_spalt2)
dist_spalt3_min = distance(minPos_spalt3)

# selbiges für Experimentelle Werte, mit Fehlern
maxPos_spalt1_ex = np.array([1138])
maxPos_spalt2_ex = np.array([1101, 1171])
maxPos_spalt3_ex = np.array([1090, 1138, 1183])
maxPos_spalt1_ex_err = np.array([4])
maxPos_spalt2_ex_err = np.array([5, 5])
maxPos_spalt3_ex_err = np.array([6, 4, 5])

minPos_spalt1_ex = np.array([])
minPos_spalt2_ex = np.array([1090])
minPos_spalt3_ex = np.array([1112, 1160])
minPos_spalt1_ex_err = np.array([])
minPos_spalt2_ex_err = np.array([5])
minPos_spalt3_ex_err = np.array([6, 5])

# Bestimmen der theoretischen Abstände der Maxima und Minima
dist_spalt1_max_ex = distance(maxPos_spalt1_ex)
dist_spalt2_max_ex = distance(maxPos_spalt2_ex)
dist_spalt3_max_ex = distance(maxPos_spalt3_ex)
dist_spalt1_max_ex_err = distance_err(maxPos_spalt1_ex_err)
dist_spalt2_max_ex_err = distance_err(maxPos_spalt2_ex_err)
dist_spalt3_max_ex_err = distance_err(maxPos_spalt3_ex_err)

dist_spalt1_min_ex = distance(minPos_spalt1_ex)
dist_spalt2_min_ex = distance(minPos_spalt2_ex)
dist_spalt3_min_ex = distance(minPos_spalt3_ex)
dist_spalt1_min_ex_err = distance_err(minPos_spalt1_ex_err)
dist_spalt2_min_ex_err = distance_err(minPos_spalt2_ex_err)
dist_spalt3_min_ex_err = distance_err(minPos_spalt3_ex_err)
```

In [24]:

```
#Theoretische Abstände der Maxima und Minima für den Doppelspalt, 15 Maxima
dist_dspalt15_max = distance(maxPos_dspalt15[15:])
dist_dspalt15_min = distance(minPos_dspalt15[15:])

# selbiges für Experimentelle Werte, mit Fehlern
maxPos_dspalt15_ex = np.array([808.5, 816.3, 826.1, 836.3, 844.5, 855.0, 864.0, 873.6, 883.
                               892.0, 898.0, 905.0, 912.0, 919.0, 926.0, 933.0, 940.0, 947.0])
maxPos_dspalt15_ex_err = np.array([0.5, 0.4, 1.0, 0.2, 0.6, 1.0, 1.0, 0.6, 0.8, 1.0, 0.4, 0.6, 0.8, 0.4, 0.6, 0.8, 1.0, 1.0, 1.0])

minPos_dspalt15_ex = np.array([812.0, 824.6, 831.0, 840.0, 859.2, 869.2, 879.0, 883.0, 898.
                               905.0, 912.0, 919.0, 926.0, 933.0, 940.0, 947.0])
minPos_dspalt15_ex_err = np.array([1.0, 0.6, 1.0, 0.7, 1.0, 0.4, 0.6, 1.0, 1.0, 0.7, 1.0, 0.4, 0.6, 1.0, 0.4, 0.6, 1.0, 1.0, 1.0])

# Bestimmen der theoretischen Abstände der Maxima und Minima
dist_dspalt15_max_ex = distance(maxPos_dspalt15_ex)
dist_dspalt15_max_ex_err = distance_err(maxPos_dspalt15_ex_err)

dist_dspalt15_min_ex = distance(minPos_dspalt15_ex)
dist_dspalt15_min_ex_err = distance_err(minPos_dspalt15_ex_err)
```

## Vergleich des Doppelspaltes, Intensitäten, 1. bis 3. Beugungsordnung

In [25]:

```
# Berechnung der theoretischen Intensitätsverhältnis

def intRatio(
    b,          # Integrationsbereich bezüglich der Nullstellen
    function = doppelspalt, # Integrand
):
    # Definieren der Funktionsvariable
    global n
    global g
    n = b

    y = np.linspace(-g, g, 501)

    # Berechnung des Objektbiles
    f_mod = []
    for i in range(len(y)): # numerische Integration
        global yi
        yi = y[i]
        result, error = quad(function, 0, 2*np.pi*n/d)
        f_mod.append(result**2)
    f_mod = np.array(f_mod)

    # Bestimmen der Maxima
    max1 = argrelextrema(f_mod, np.greater_equal, order = 1)
    f_max1 = f_mod[max1]
    y_max1 = y[max1]
    max2 = (f_max1 > 0.05)
    f_max = f_max1[max2]
    y_max = y_max1[max2]

    # Bestimmen der Minima
    min1 = argrelextrema(f_mod, np.less_equal, order = 1)
    f_min1 = f_mod[min1]
    y_min1 = y[min1]
    min2 = (f_min1 > 0.005)
    f_min = f_min1[min2]
    y_min = y_min1[min2]

    # Ausgabe der Lage der Maxima und Minima
    return f_max, f_min

d=width_mean
g=diff_mid

dspalt1_max, dspalt1_min = intRatio(b=1)
dspalt2_max, dspalt2_min = intRatio(b=2)
dspalt3_max, dspalt3_min = intRatio(b=3)

i0 = dspalt1_max[0] # Normierung
print('Die theoretischen Intensitätsverhältnisse sind:')
print ('Maxima, 2. Beugungsord.', np.round(dspalt2_max/i0, 3),
      'Minima, 2. Beugungsord.', np.round(dspalt2_min/i0, 3),
      'Maxima, 3. Beugungsord.', np.round(dspalt3_max/i0, 3),
      'Minima, 3. Beugungsord.', np.round(dspalt3_min/i0, 3))
```

Die theoretischen Intensitätsverhältnisse sind:

Maxima, 2. Beugungsord. [ 0.911 0.914 0.914 0.911] Minima, 2. Beugungsord.  
d. [ 0.579 0.579] Maxima, 3. Beugungsord. [ 0.881 0.813 0.879 0.879 0.8

13 0.881] Minima, 3. Beugungsord. [ 0.619 0.62 0.62 0.619]

In [26]:

```
# erstes Bild als Eichmessung
i0_exPrime = 3359
i0_exPrime_err = 5

ug0 = 123
ug0_err = 4

i0_ex = i0_exPrime-ug0
i0_ex_err = np.sqrt(i0_exPrime_err**2+ug0_err**2)

# Ab jetzt wird der Untergrund direkt abgezogen

# zweites Bild
max2=np.array([3090, 3109, 3201, 3093]) -(124)*np.ones(4)
max2_err=np.sqrt(np.array([10, 20, 20, 10])**2 + 9*np.ones(4))

min2=np.array([2420, 2600]) - 124*np.ones(2)
min2_err=np.sqrt(np.ones(2)*6**2 + np.ones(2)*9)

# drittes Bild
max3=np.array([2909, 2876, 3002, 3085, 2922, 2967])-np.ones(6)*120
max3_err=np.sqrt(np.array([11, 25, 20, 5, 8, 15])**2+np.ones(6)*6**2)

min3=np.array([2502, 2413, 2561, 2501]) - np.ones(4)*120
min3_err=np.sqrt(np.array([20, 30, 20, 6])**2 + np.ones(4)*6**2)

def err(a, a_err, b, b_err):
    return np.sqrt((a_err/b)**2 + (a*b_err/b**2)**2)

print('Die Experimentellen Verhältnisse sind:')
print ('Maxima, 2. Beugungsordnung', np.round(max2/i0_ex, 3),
      '+-', err(max2, max2_err, i0_ex, i0_ex_err),
      'Minima, 2. Beugungsordnung', np.round(min2/i0_ex, 3),
      '+-', err(min2, min2_err, i0_ex, i0_ex_err),
      'Maxima, 3. Beugungsordnung', np.round(max3/i0_ex, 3),
      '+-', err(max3, max3_err, i0_ex, i0_ex_err),
      'Minima, 3. Beugungsordnung', np.round(min3/i0_ex, 3),
      '+-', err(min3, min3_err, i0_ex, i0_ex_err))
```

Die Experimentellen Verhältnisse sind:

```
Maxima, 2. Beugungsordnung [ 0.917 0.922 0.951 0.917] +- [ 0.00370111 0.
0065107 0.00652669 0.00370201] Minima, 2. Beugungsordnung [ 0.71 0.765]
+- [ 0.00250366 0.002567 ] Maxima, 3. Beugungsordnung [ 0.862 0.852 0.89
1 0.916 0.866 0.88 ] +- [ 0.00423097 0.00812173 0.00668892 0.00301865
0.00353342 0.00528724] Minima, 3. Beugungsordnung [ 0.736 0.709 0.754 0.
736] +- [ 0.00661494 0.0095577 0.00662298 0.00299922]
```

## Vergleich des Doppelspalts, Abstände, 15 Beugungsordnungen

In [27]:

```
print('Theoretische Abstände der Maxima:')
print(dist_dspalt15_max)
print()
print('Theoretische Abstände der Minima:')
print(dist_dspalt15_min)
print()
print('Experimentelle Abstände der Maxima:')
print(dist_dspalt15_max_ex)
print('+-', dist_dspalt15_max_ex_err)
print()
print('Experimentelle Abstände der Minima:')
print(dist_dspalt15_min_ex)
print('+-', dist_dspalt15_min_ex_err)

print('Daraus Ergibt sich die Differenz:')
print(np.abs(dist_dspalt15_max - dist_dspalt15_max_ex))
print('+-', dist_dspalt15_max_ex_err)
print('für die Maxima, bzw.')
print(np.abs(dist_dspalt15_min - dist_dspalt15_min_ex))
print('+-', dist_dspalt15_min_ex_err)
print('für die Minima')
```

Theoretische Abstände der Maxima:

```
[ 9.3 10.6 9.3 9.3 9.3 10.6 9.3 9.3 10.6 9.3 9.3 9.3
 10.6 9.3]
```

Theoretische Abstände der Minima:

```
[ 9.3 10.6 9.3 9.3 9.3 10.6 9.3 9.3 10.6 9.3 9.3 9.3]
```

Experimentelle Abstände der Maxima:

```
[ 7.8 9.8 10.2 8.2 10.5 9. 9.6 9.5 8.9 10.3 8.5 10.2
 8.9 11.1]
+- [ 0.6 1.1 1. 0.6 1.2 1.4 1.2 1. 1.3 1.1 0.7 0.7 0.7 1.2]
```

Experimentelle Abstände der Minima:

```
[ 12.6 6.4 9. 19.2 10. 9.8 4. 15.3 8.7 7.3 10.9 10.1]
+- [ 1.2 1.2 1.2 1.2 1.1 0.7 1.2 1.4 1.2 1.2 1.2 0.8 0.8]
```

Daraus Ergibt sich die Differenz:

```
[ 1.5 0.8 0.9 1.1 1.2 1.6 0.3 0.2 1.7 1. 0.8 0.9 1.7 1.8]
+- [ 0.6 1.1 1. 0.6 1.2 1.4 1.2 1. 1.3 1.1 0.7 0.7 0.7 1.2]
```

für die Maxima, bzw.

```
[ 3.3 4.2 0.3 9.9 0.7 0.8 5.3 6. 1.9 2. 1.6 0.8]
+- [ 1.2 1.2 1.2 1.2 1.1 0.7 1.2 1.4 1.2 1.2 1.2 0.8 0.8]
```

für die Minima

## Teil 4: Fourierbild des Doppelspaltes

### Fall a) Bestimmung von N

In [28]:

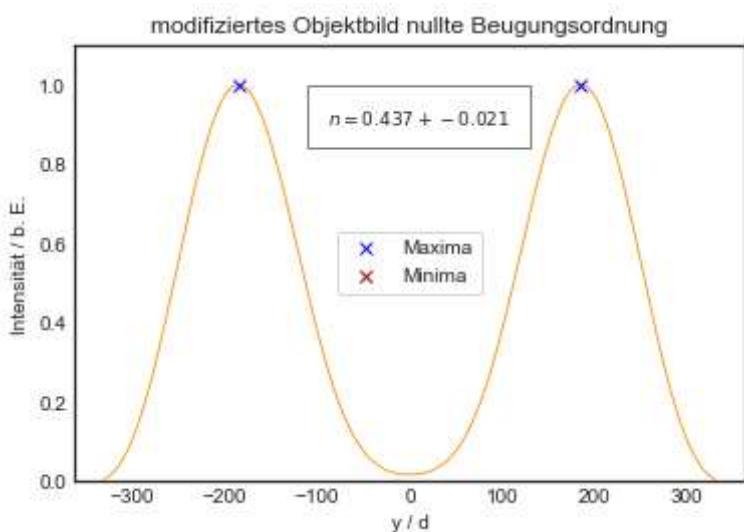
```
#Berechnung von n
n_max_a=1/prob_gd
n_max_a_err=n_max_a*prob_gd_err/prob_gd
print('Fall a) ist erfüllt für n = ',n_max_a, '+-', n_max_a_err)
```

Fall a) ist erfüllt für  $n = 0.43721633888048406 \pm 0.0214700652069$

In [29]:

```
#Plot der bereits bereit programmierten Doppelspaltfunktion mit passendem n.
```

```
maxPos_dspalt0, maxInt_dspalt0, minPos_dspalt0, minInt_dspalt0 = picture(doppelspalt, n_max)
plt.text(-90,0.9,'$n = 0.437 \pm 0.021$',bbox={'facecolor':'white', 'alpha':0.5, 'pad':10},size=14)
plt.savefig(r'C:\Users\Quirinus\Documents\GitHub\Praktikum\Praktikum\233 - Fourieroptik\Dia
```



## Fall b) iterative Bestimmung von k\_y

In [30]:

```
# Doppelspalt
def doppelspalt(k):
    return d/np.pi*np.cos(k*g/2) *np.sin(k*d/2)/(k*d/2)*np.cos(y*k)
d=1
g=prob_gd*d
x1 = [1,2]
k_y = 2*np.pi*1/g
Y = np.linspace(-d,d,501)
#k_y stets verkleinern und Maxima zählen. Wenn nur noch ein Maximum da ist, dann k_y ausgeben
while len(x1)>1:
    k_y=k_y-0.001
    f_modifiziert=[]
    for i in range(len(Y)):
        y=Y[i]
        result, error = quad(doppelspalt, 0, k_y)
        f_modifiziert.append(result**2)
    C =np.max(f_modifiziert)
    f_modifiziert/=C
    max_mask = np.r_[f_modifiziert[1:] < f_modifiziert[:-1], True] & np.r_[True,f_modifiziert[-1]]
    x1=Y[np.where(max_mask)]
print(k_y)
```

1.8371112765128088

In [31]:

```
#numerisch berechnet, Berechnung recht aufwendig bei gewählter Schrittweite
#bei anderen Werten einfach vorheriges Codefeld ausführen

k_y=1.8371
#Vergleichswerte
k_y2=1.88
k_y3=1.98

Y = np.linspace(-2,2,10001)*d

#für dieses k_y und zwei Vergleichswerte das Objektbild plotten
f_modifiziert=[]
for i in range(len(Y)):
    y=Y[i]
    result, error = quad(doppelspalt, 0, k_y)
    f_modifiziert.append(result**2)
C =np.max(f_modifiziert)
f_modifiziert/=C

f_modifiziert2=[]
for i in range(len(Y)):
    y=Y[i]
    result, error = quad(doppelspalt, 0, k_y2)
    f_modifiziert2.append(result**2)
C =np.max(f_modifiziert2)
f_modifiziert2/=C

f_modifiziert3=[]
for i in range(len(Y)):
    y=Y[i]
    result, error = quad(doppelspalt, 0, k_y3)
    f_modifiziert3.append(result**2)
C =np.max(f_modifiziert3)
f_modifiziert3/=C

plt.plot(Y, f_modifiziert3,color='darkred',linestyle='--', linewidth=0.6,label=r'Vergleichswert $k_y=1.8371$')
plt.plot(Y, f_modifiziert2,color='darkblue',linestyle='--', linewidth=0.6,label=r'Vergleichswert $k_y=1.88$')
plt.plot(Y, f_modifiziert,color='darkgreen',label=r'num. bestimmt: $k_y=1.8371 \frac{1}{\sqrt{m}}$')
plt.title('Verschwinden der Doppelspaltstruktur',size=15)
plt.xlabel('y/d',size=15)
plt.ylabel('rel. Intensität [b.E.]', size=15)
plt.ylim(0.25,1.05)
plt.legend(frameon=True)
plt.savefig(r'C:\Users\Quirinus\Documents\GitHub\Praktikum\Praktikum\233 - Fourieroptik\Diagramme\verschwinden_doppelspaltstruktur.png')
```

◀ ▶