# MafI 1 UB04

 $March\ 15,\ 2017$ 

#### Induktives Definieren 4.1

# 4.1.1

$$f(0) = k^0$$
  
$$f(n) = f(n-1) * k$$

# 4.1.2

Eine n-elementige Menge hat  $2^n$  Teilmengen  $f(0)=2^0=1$  f(n)=f(n-1)\*2

$$f(0) = 2^0 = 1$$

$$f(n) = f(n-1) * 2$$

## 4.2 Backus-Natur-Form

#### 4.2.1

```
 < AT > ::= < Dezimalzahl > | < V > |(- < AT >)|(< AT > + < AT >)|(< AT > * < AT > < AT >)|(< AT > * < AT > < AT >)|(< AT > * < AT > < AT >)|(< AT > * < AT > < AT > < AT >)|(< AT > * < AT > <
```

#### 4.2.2

```
< Dezimalzahl>::=< Zahl>< Dezimalzahl> | < Zif> < Zahl>::= 1|..|9 < Zif>::= 0|..|9
```

# 4.3 Partielle Ordnung, Quasiordnung

## 4.3.1

```
reflexiv: \{(a,a),(b,b),(c,c)\} \in R of fensichtlich transitiv
antisymetrisch: of fensichtlich (a=a,b=b,c=c) \Rightarrow R ist partielle Ordnung
```

## 4.3.2

```
\begin{split} reflexiv: \\ |x| &\leq |x| \Rightarrow xRx \\ transitiv: \\ |x| &\leq |y| \land |y| \leq |z| \Rightarrow |x| \leq |z| \Rightarrow xRz \\ antisymetrisch: \\ |-1| &\leq |1| \land |1| \leq |-1| \\ -1 &\neq 1 \not\downarrow \\ \Rightarrow R \ ist \ Quasi-Ordnung \end{split}
```

#### 4.3.3

```
\begin{split} reflexiv: \\ x &= y = x \Rightarrow xRx \\ transitiv: \\ x &= y \land y = z \Rightarrow x = z \\ |x| &< |y| \land |y| < |z| \Rightarrow |x| < |z| \Rightarrow xRz \\ antisymetrisch: \\ (|x| &< |y| \lor x = y) \land (|y| < |x| \lor y = x) \Rightarrow x = y \\ \Rightarrow R \ ist \ partielle \ Ordnung \end{split}
```

# 4.4 Induktives Definieren

#### 4.4.1

Anzahl der moeglichen Partitionen  $\pi(n,k)$ , der n-Elementigen Menge M.

$$\pi(n,k) = \begin{cases} 1, & k = 1 \lor k = n \\ \pi(n-1,k-1) + k * \pi(n-1,k), & sonst \end{cases}$$

# 4.4.2

$$P(5) = \pi(5,5) + \pi(5,4) + \pi(5,3) + \pi(5,2) + \pi(5,1)$$
  
= 2 + \pi(5,4) + \pi(5,3) + \pi(5,2)  
= 52

#### N.R.

$$\pi(5,4) = \pi(4,3) + 4*\pi(4,4) = (\pi(3,2)+3) + 4 = \pi(2,1) + 9 = 10$$
 
$$\pi(5,3) = \pi(4,2) + 3*\pi(4,3) + \pi(3,1) + 2*\pi(3,2) + 18 = 25$$
 
$$\pi(5,2) = 15$$