Miejsce na naklejkę z kodem

(W	(Wpisuje zdający przed							
rozpoczęciem pracy)								
VO	$\overline{\mathbf{n}}$	$\overline{\Lambda}$	TA	CECO				

MMA-P1A1P-021

EGZAMIN MATURALNY Z MATEMATYKI

POZIOM PODSTAWOWY

Arkusz I

Czas pracy 120 minut

Instrukcja dla zdającego

- 1. Proszę sprawdzić, czy arkusz egzaminacyjny zawiera 8 stron. Ewentualny brak należy zgłosić przewodniczącemu zespołu nadzorującego egzamin.
- 2. Rozwiązania i odpowiedzi należy zapisać czytelnie w miejscu na to przeznaczonym przy każdym zadaniu.
- 3. Proszę pisać tylko w kolorze niebieskim lub czarnym; nie pisać ołówkiem.
- 4. W rozwiązaniach zadań trzeba przedstawić tok rozumowania prowadzący do ostatecznego wyniku.
- 5. Nie wolno używać korektora.
- 6. Błędne zapisy trzeba wyraźnie przekreślić.
- 7. Brudnopis nie będzie oceniany.
- 8. Obok każdego zadania podana jest maksymalna liczba punktów, którą można uzyskać za jego poprawne rozwiązanie.
- 9. Podczas egzaminu można korzystać z tablic matematycznych, cyrkla i linijki oraz kalkulatora. Nie można korzystać z kalkulatora graficznego.
- 10. Do ostatniej kartki arkusza dołączona jest **karta odpowiedzi**, którą **wypełnia egzaminator**.

Za rozwiązanie wszystkich zadań można otrzymać łącznie 40 punktów

Życzymy powodzenia!

Wpisuje zdający przed rozpoczęciem pracy)										
	PESEL ZDAJACEGO									

ARKUSZ I

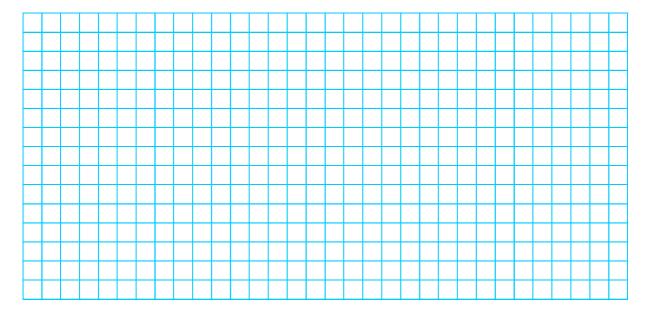
MAJ ROK 2002

2

Zadanie 1. (3 pkt)

Dana jest prosta l o równaniu $y=\frac{3}{2}x-\sqrt{2}$ oraz punkt A=(-3,-2). Wykres funkcji liniowej f jest prostopadły do prostej l, punkt A należy do wykresu funkcji f. Wyznacz:

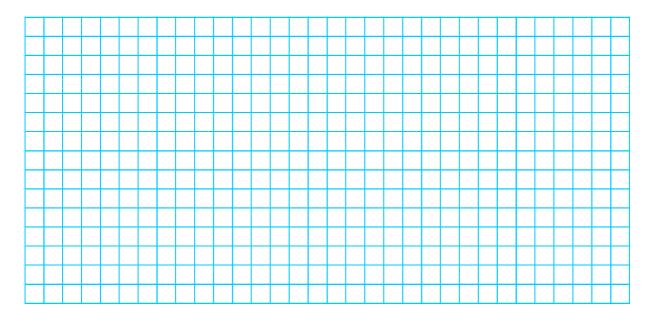
- a) wzór funkcji f,
- b) miejsce zerowe funkcji f.



Zadanie 2. (3 pkt)

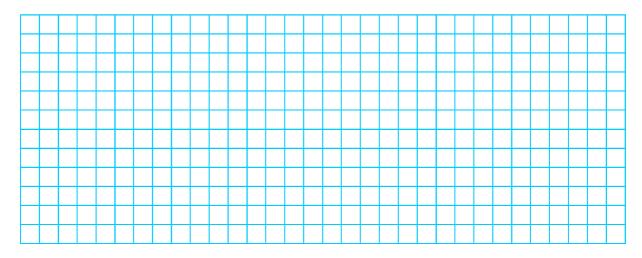
Dany jest wektor $\overrightarrow{AB} = \begin{bmatrix} -3,4 \end{bmatrix}$ oraz punkt A = (1,-2). Oblicz:

- a) współrzędne punktu B,
- b) współrzędne i długość wektora $\vec{v} = -2 \cdot \overset{\rightarrow}{AB}$.



Zadanie 3. (3 pkt)

W klasie liczącej 30 uczniów, dziewięciu obejrzało film pt. "Nasz XXI wiek". Wychowawca klasy otrzymał 4 bilety i zamierza wylosować uczniów, których zaprosi na projekcję tego filmu. Oblicz prawdopodobieństwo zdarzenia, że wśród czterech wylosowanych z tej klasy uczniów nie ma ucznia, który już ten film oglądał.

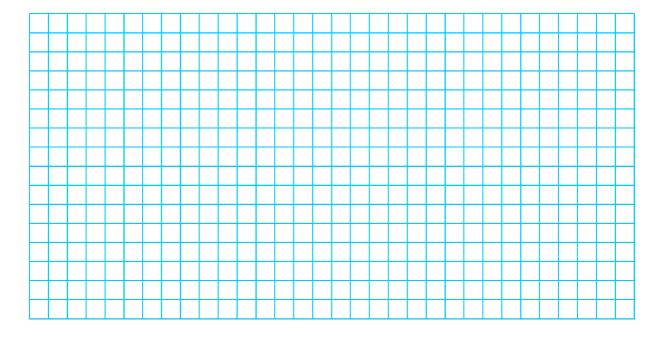


Zadanie 4. (5 *pkt*)

W pewnej szkole średniej po pierwszym półroczu przeprowadzono test z matematyki. Tabelka przedstawia zestawienie wyników testu:

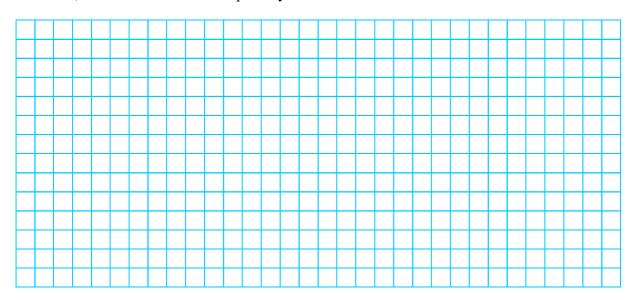
Ocena	1	2	3	4	5	6
Liczba uczniów	10	30	80	30	25	5

- a) Sporządź diagram słupkowy przedstawiający zestawienie wyników testu.
- b) Oblicz średnią arytmetyczną uzyskanych ocen.
- c) Oblicz, ilu uczniów uzyskało ocenę wyższą od średniej arytmetycznej ocen.



Zadanie 5. (4 pkt)

Ania przeczytała książkę science-fiction w ciągu 13 dni, przy czym każdego dnia czytała o taką samą liczbę stron więcej, niż w dniu poprzednim. Ile stron miała ta książka, jeżeli wiadomo, że w trzecim dniu Ania przeczytała 28 stron a w ostatnim 68?

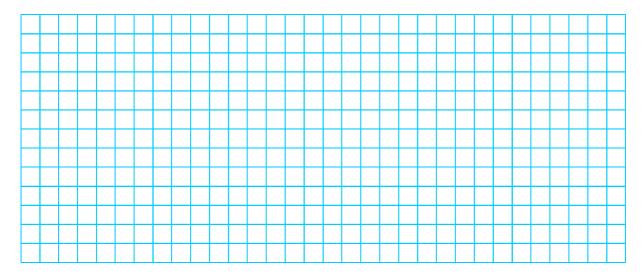


Zadanie 6. (3 pkt)

Jeżeli $x_1 = 2$, $x_2 = 3$ i $x_3 = -1$ są miejscami zerowymi wielomianu $W(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$, gdzie $a \neq 0$ oraz W(4) = 2, to współczynnik a można wyznaczyć postępując w następujący sposób:

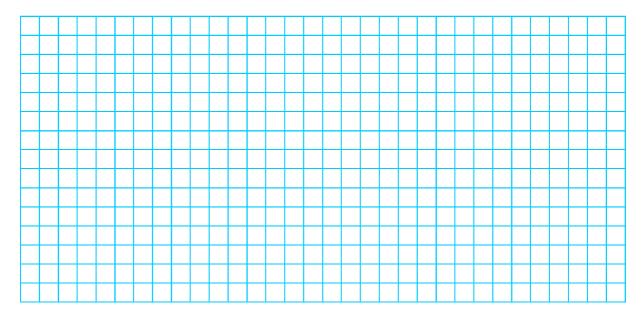
Wielomian W zapisujemy w postaci iloczynowej: W(x) = a(x-2)(x-3)(x+1) i wykorzystując warunek W(4) = 2 otrzymujemy równanie: 2 = a(4-2)(4-3)(4+1), stąd $a = \frac{1}{5}$.

Postępując analogicznie, wyznacz współczynnik a wielomianu $W(x) = ax^3 + bx^2 + cx + d$, wiedząc, że jego miejsca zerowe to $x_1 = -2$, $x_2 = 1$, $x_3 = 2$ oraz W(-1) = 3.



Zadanie 7. (4 pkt)

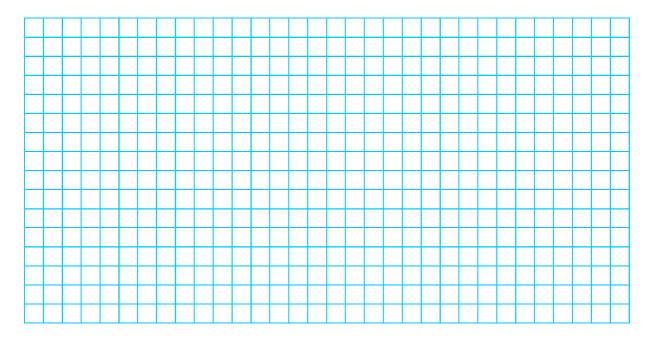
Planując czterotygodniowe wakacje, rodzina Kowalskich przeznaczyła pewną kwotę na wyżywienie. W pierwszym tygodniu wydano 30% zaplanowanej kwoty, w drugim tygodniu o 60 złotych mniej niż w pierwszym, w trzecim połowę reszty pieniędzy. Na czwarty tydzień zostało 270 złotych. Oblicz kwotę, którą rodzina Kowalskich przeznaczyła na wyżywienie.



Zadanie 8. (5 pkt)

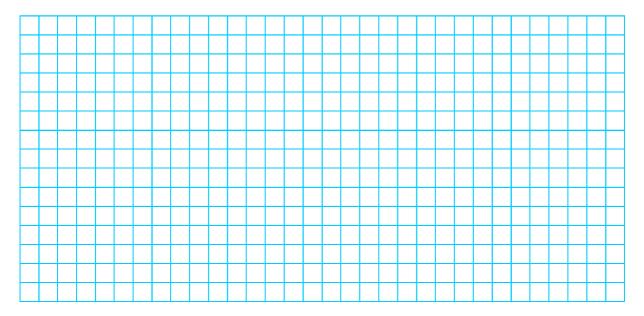
Funkcja kwadratowa $f(x) = ax^2 + bx - 3$, gdzie b > 0 posiada dwa różne miejsca zerowe, których iloczyn jest równy (-3). Wiedząc, że funkcja ta przyjmuje najmniejszą wartość równą (-4), wyznacz:

- a) współczynniki a i b,
- b) miejsca zerowe funkcji f.



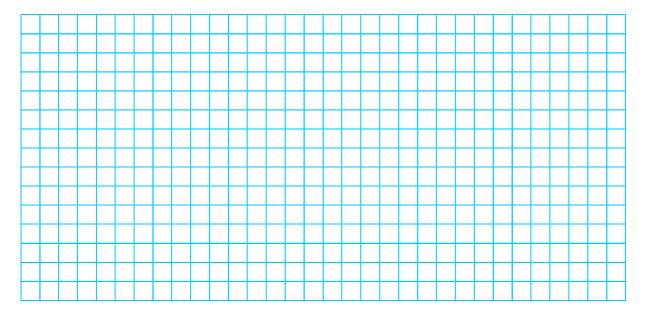
Zadanie 9. (5 pkt)

Zaplanowano zalesić ugór w kształcie trójkąta równoramiennego, którego długość najdłuższego boku, na planie w skali 1:1500, jest równa 12 cm i jeden z kątów ma miarę 120°. W szkółce leśnej zamówiono sadzonki, w ilości pozwalającej obsadzić obszar wielkości 40 arów. Oblicz, czy zamówiona ilość sadzonek jest wystarczająca do zalesienia ugoru.



Zadanie 10. (5 pkt)

Dane są dwie bryły: stożek, w którym długość promienia podstawy jest równa $4\,\mathrm{dm}$ i wysokość ma długość $\frac{18}{\pi}\,\mathrm{dm}$ oraz ostrosłup prawidłowy czworokątny, w którym krawędź podstawy ma długość $4\sqrt{3}\,\mathrm{dm}$. Wiedząc, że objętości tych brył są równe, wyznacz kąt nachylenia ściany bocznej ostrosłupa do jego podstawy.



Brudnopis