

Arkusz zawiera informacje prawnie chronione do momentu rozpoczęcia egzaminu.

CKE 2013	UZUP	EŁNIA ZDAJĄCY	Miejsce
graficzny ©	KOD	PESEL	Miejsce na naklejkę z kodem
Układ			dysleksja

EGZAMIN MATURALNY Z MATEMATYKI

POZIOM ROZSZERZONY

Instrukcja dla zdającego

- 1. Sprawdź, czy arkusz egzaminacyjny zawiera 17 stron (zadania 1–11). Ewentualny brak zgłoś przewodniczącemu zespołu nadzorującego egzamin.
- 2. Rozwiązania zadań i odpowiedzi wpisuj w miejscu na to przeznaczonym.
- 3. Pamiętaj, że pominięcie argumentacji lub istotnych obliczeń w rozwiązaniu zadania otwartego może spowodować, że za to rozwiązanie nie będziesz mógł dostać pełnej liczby punktów.
- 4. Pisz czytelnie i używaj <u>tylko długopisu lub pióra</u> z czarnym tuszem lub atramentem.
- 5. Nie używaj korektora, a błędne zapisy wyraźnie przekreśl.
- 6. Pamiętaj, że zapisy w brudnopisie nie będą oceniane.
- 7. Możesz korzystać z zestawu wzorów matematycznych, cyrkla i linijki oraz kalkulatora prostego.
- 8. Na tej stronie oraz na karcie odpowiedzi wpisz swój numer PESEL i przyklej naklejkę z kodem.
- 9. Nie wpisuj żadnych znaków w części przeznaczonej dla egzaminatora.



8 MAJA 2015

Godzina rozpoczęcia: 9:00

Czas pracy: 180 minut

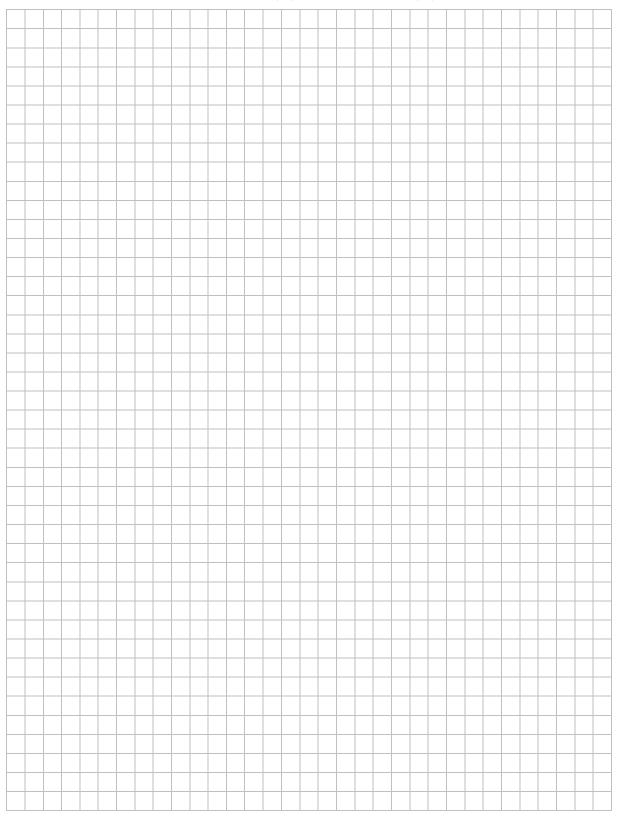
Liczba punktów do uzyskania: 50

MMA-R1 **1**P-152

Zadanie 1. (3 pkt)

Wykaż, że dla każdej dodatniej liczby rzeczywistej x różnej od 1 oraz dla każdej dodatniej liczby rzeczywistej y różnej od 1 prawdziwa jest równość

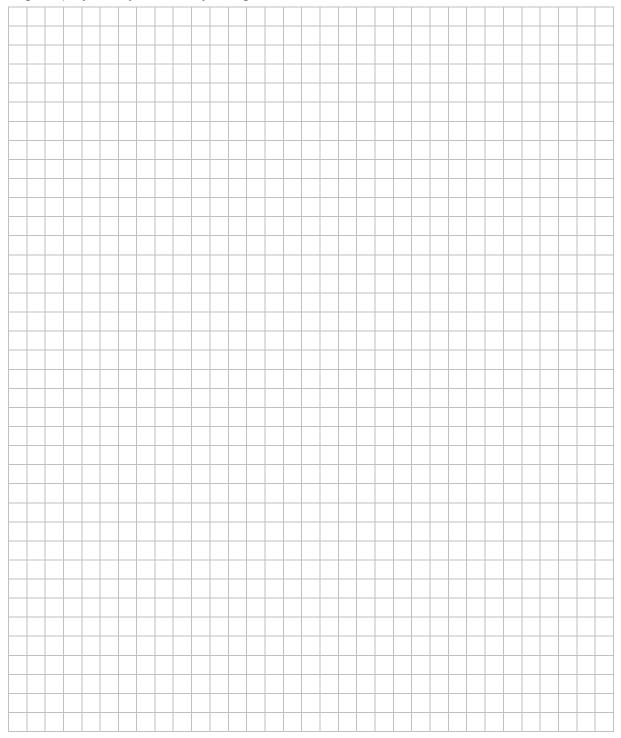
$$\log_{x}(xy) \cdot \log_{y}\left(\frac{y}{x}\right) = \log_{y}(xy) \cdot \log_{x}\left(\frac{y}{x}\right).$$



Strona 2 z 17 MMA_1R

Zadanie 2. (5 pkt)

Dany jest wielomian $W(x) = x^3 - 3mx^2 + (3m^2 - 1)x - 9m^2 + 20m + 4$. Wykres tego wielomianu, po przesunięciu o wektor $\vec{u} = [-3, 0]$, przechodzi przez początek układu współrzędnych. Wyznacz wszystkie pierwiastki wielomianu W.



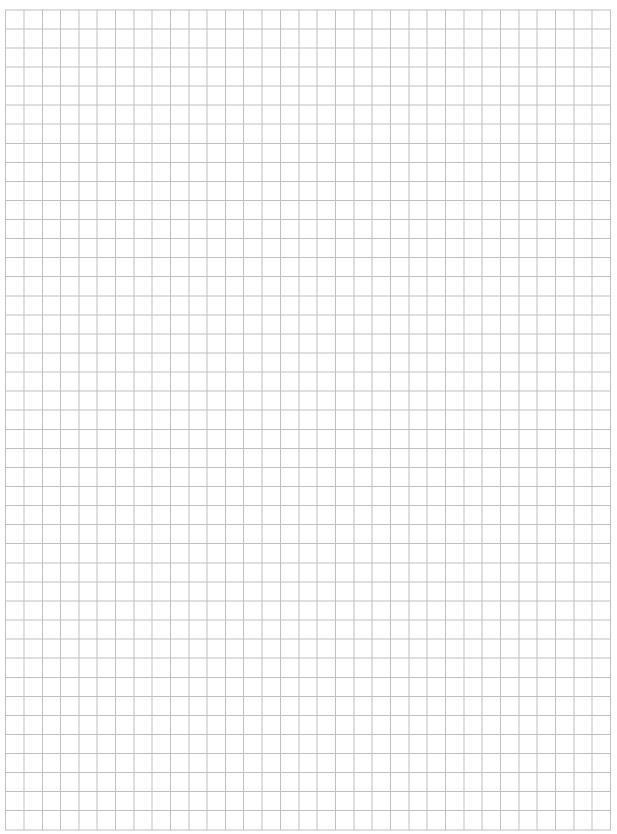
Odpowiedź:

	Nr zadania	1.	2.
Wypełnia	Maks. liczba pkt	3	5
egzaminator	Uzyskana liczba pkt		

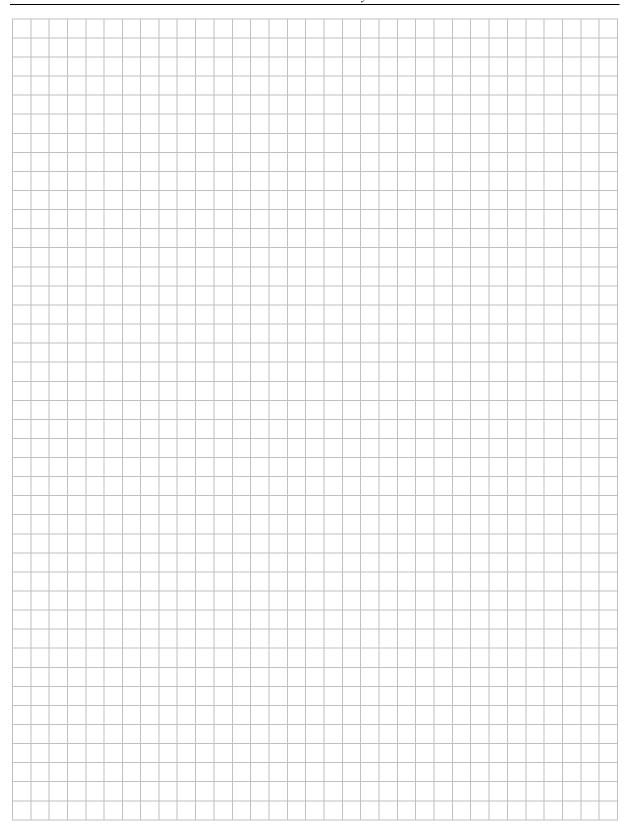
MMA_1R Strona 3 z 17

Zadanie 3. (6 pkt)

Wyznacz wszystkie wartości parametru m, dla których równanie $(m^2 - m)x^2 - x + 1 = 0$ ma dwa różne rozwiązania rzeczywiste x_1 , x_2 takie, że $\frac{1}{x_1 + x_2} \le \frac{m}{3} \le \frac{1}{x_1} + \frac{1}{x_2}$.



Strona 4 z 17 MMA_1R

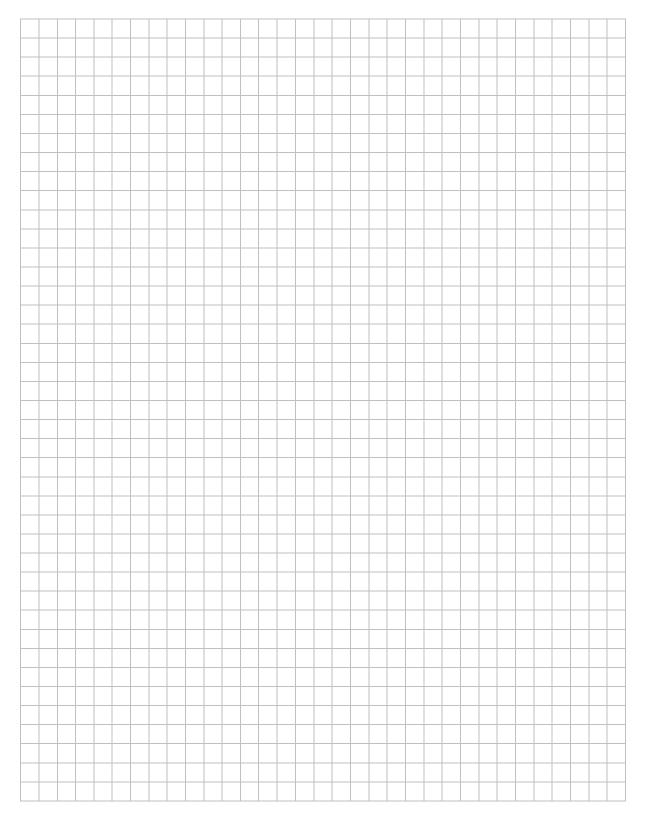


	Nr zadania	3.
Wypełnia	Maks. liczba pkt	6
egzaminator	Uzyskana liczba pkt	

MMA_1R Strona 5 z 17

Zadanie 4. (6 pkt)

Trzy liczby tworzą ciąg arytmetyczny. Jeśli do pierwszej z nich dodamy 5, do drugiej 3, a do trzeciej 4, to otrzymamy rosnący ciąg geometryczny, w którym trzeci wyraz jest cztery razy większy od pierwszego. Znajdź te liczby.

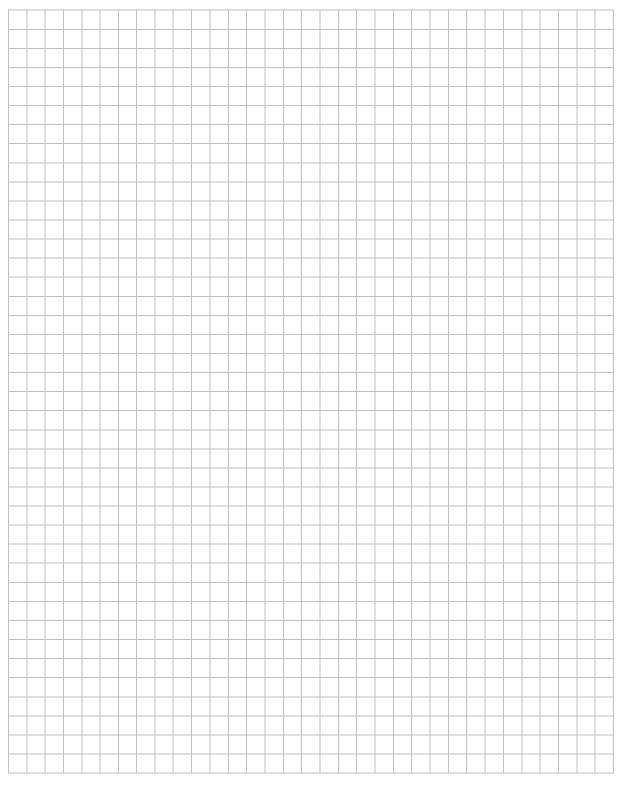


Odpowiedź:

Strona 6 z 17 MMA_1R

Zadanie 5. (4 pkt)

Rozwiąż równanie $\sin^2 2x - 4\sin^2 x + 1 = 0$ w przedziale $\langle 0, 2\pi \rangle$.



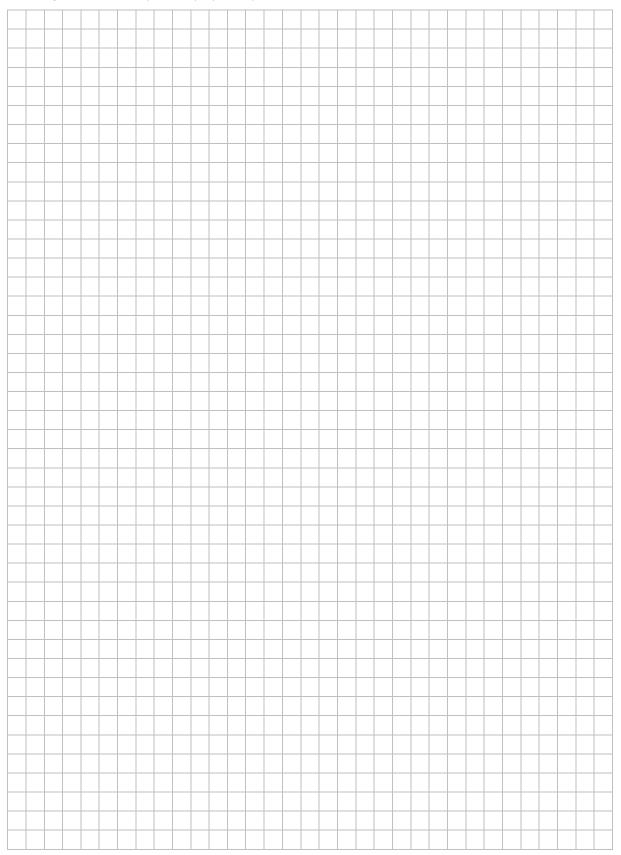
Odpowiedź:

	Nr zadania	4.	5.
Wypełnia	Maks. liczba pkt	6	4
egzaminator	Uzyskana liczba pkt		

MMA_1R Strona 7 z 17

Zadanie 6. (4 pkt)

Rozwiąż nierówność $|2x-6|+|x+7| \ge 17$.

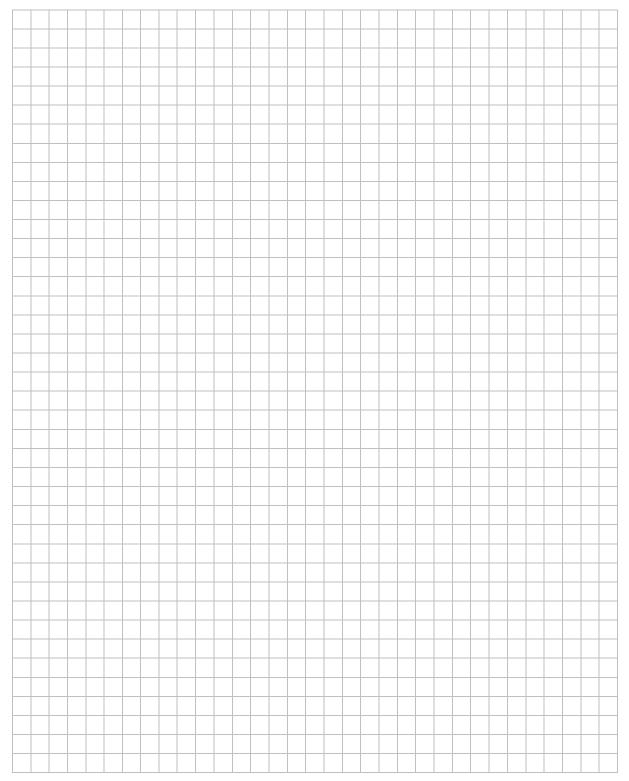


Odpowiedź:

Strona 8 z 17 MMA_1R

Zadanie 7. (4 pkt)

O trapezie *ABCD* wiadomo, że można w niego wpisać okrąg, a ponadto długości jego boków *AB*, *BC*, *CD*, *AD* – w podanej kolejności – tworzą ciąg geometryczny. Uzasadnij, że trapez *ABCD* jest rombem.

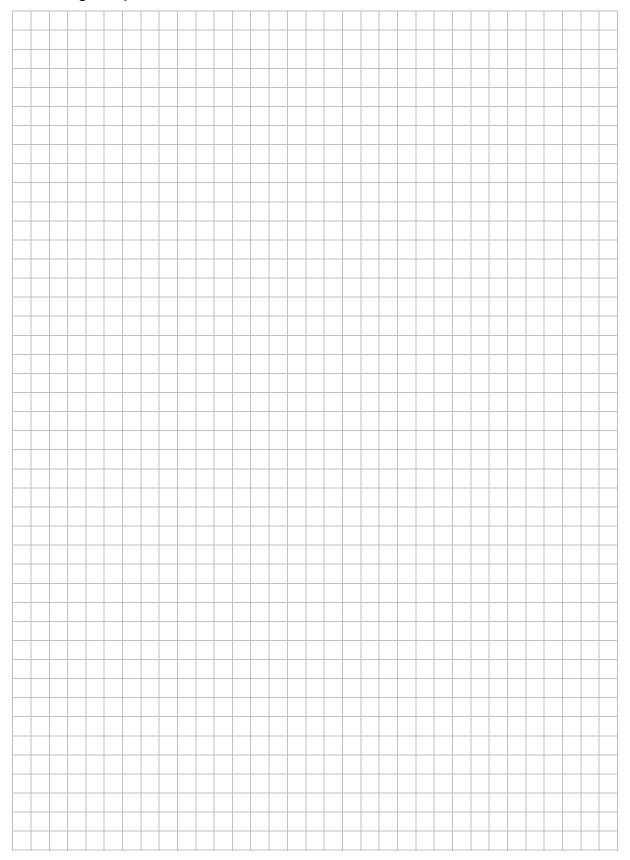


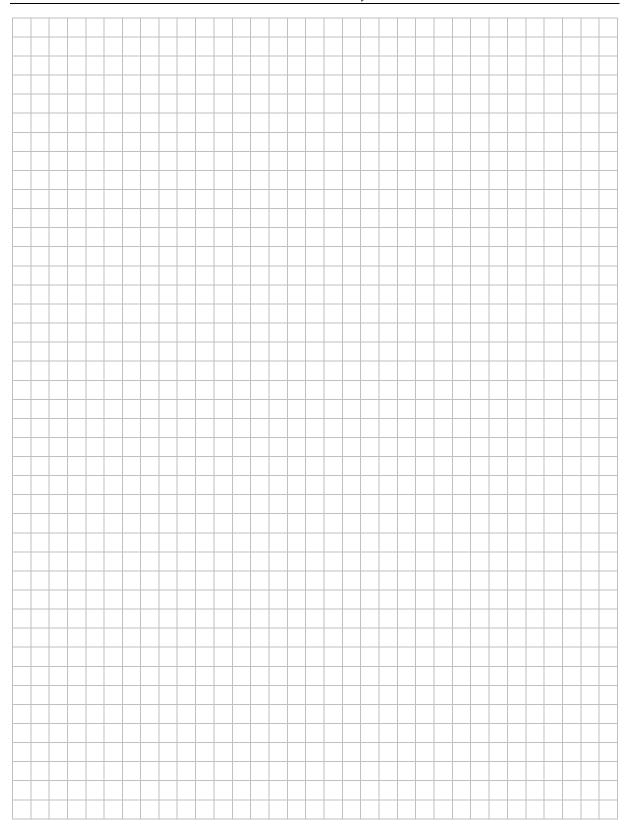
	Nr zadania	6.	7.
Wypełnia	Maks. liczba pkt	4	4
egzaminator	Uzyskana liczba pkt		

MMA_1R Strona 9 z 17

Zadanie 8. (4 pkt)

Na boku AB trójkąta równobocznego ABC wybrano punkt D taki, że |AD|: |DB| = 2 : 3. Oblicz tangens kąta ACD.

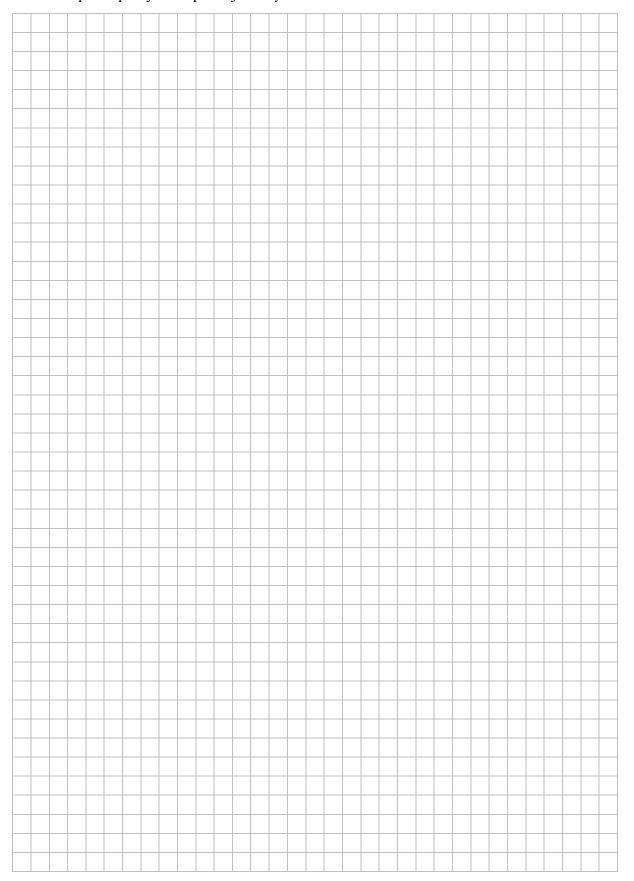


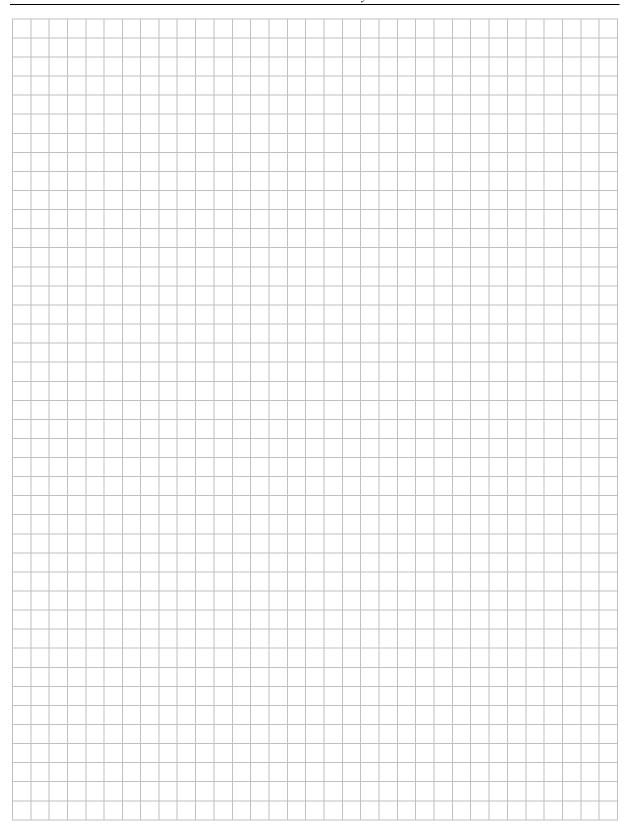


	Nr zadania	8.
Wypełnia	Maks. liczba pkt	4
egzaminator	Uzyskana liczba pkt	

Zadanie 9. (5 pkt)

Wyznacz równania prostych stycznych do okręgu o równaniu $x^2 + y^2 + 4x - 6y - 3 = 0$ i zarazem prostopadłych do prostej x + 2y - 6 = 0.



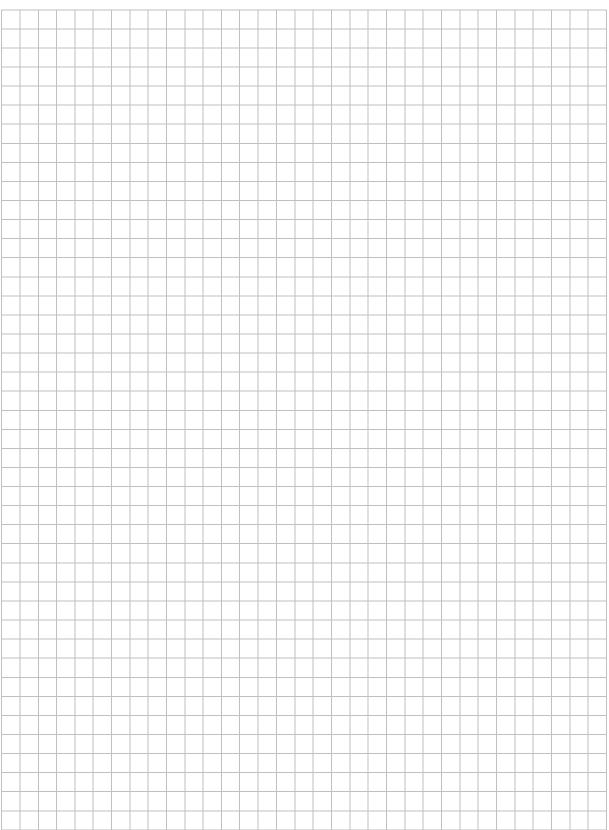


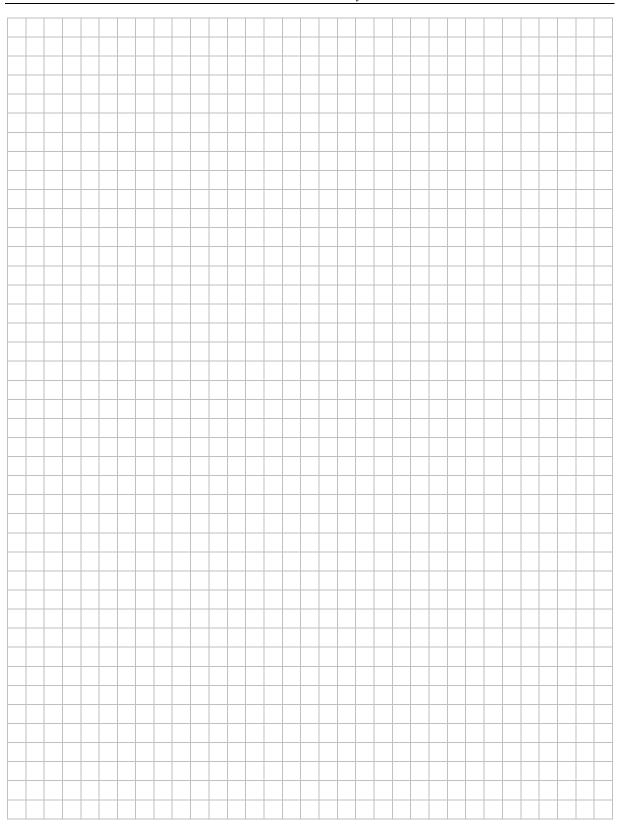
	Nr zadania	9.
Wypełnia	Maks. liczba pkt	5
egzaminator	Uzyskana liczba pkt	

MMA_1R Strona 13 z 17

Zadanie 10. *(6 pkt)*

Krawędź podstawy ostrosłupa prawidłowego czworokątnego ABCDS ma długość a. Ściana boczna jest nachylona do płaszczyzny podstawy ostrosłupa pod kątem 2α . Ostrosłup ten przecięto płaszczyzną, która przechodzi przez krawędź podstawy i dzieli na połowy kąt pomiędzy ścianą boczną i podstawą. Oblicz pole powstałego przekroju tego ostrosłupa.



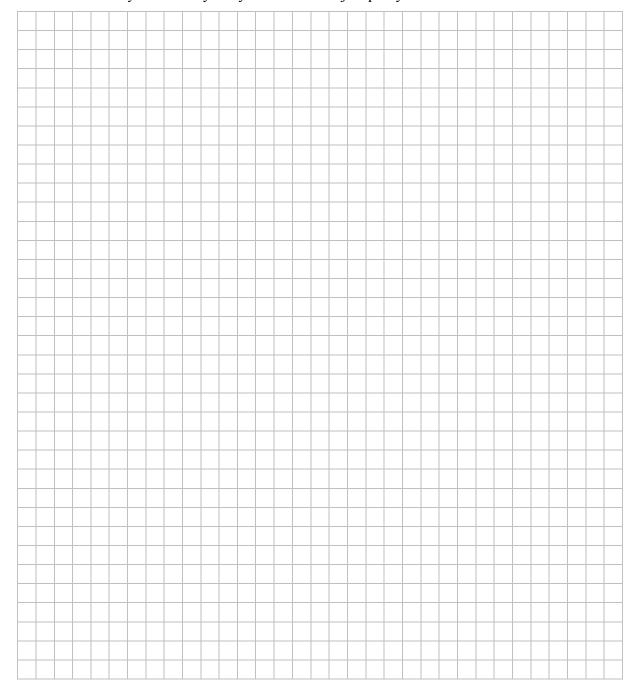


	Nr zadania	10.
Wypełnia	Maks. liczba pkt	6
egzaminator	Uzyskana liczba pkt	

Zadanie 11. *(3 pkt)*

Rozważmy rzut sześcioma kostkami do gry, z których każda ma inny kolor. Oblicz prawdopodobieństwo zdarzenia polegającego na tym, że uzyskany wynik rzutu spełnia równocześnie trzy warunki:

- dokładnie na dwóch kostkach otrzymano po jednym oczku;
- dokładnie na trzech kostkach otrzymano po sześć oczek;
- suma wszystkich otrzymanych liczb oczek jest parzysta.



Odpowiedź:

	Nr zadania	11.
Wypełnia	Maks. liczba pkt	3
egzaminator	Uzyskana liczba pkt	

BRUDNOPIS (nie podlega ocenie)

MMA_1R Strona 17 z 17



PESEL										

MMA-R1_1P-152

WYPEŁNIA ZDAJĄCY

Miejsce na naklejkę z nr. PESEL

WYPEŁNIA EGZAMINATOR

Nr	Punkty								
zad.	0	1	2	3	4	5	6		
1									
2									
3									
4									
5									
6									
7									
8									
9									
10									
11									

SUMA PUNKTÓW	
D	
J 🗆 🗆 🗆 🗆 🗆 0 1 2 3 4 5	



KOD EGZAMINATORA											
Czytelny podpis egzaminatora											
	K	DD 2	ZDA	λJĄ	CEC	30					