

EGZAMIN MATURALNY Z MATEMATYKI POZIOM PODSTAWOWY

DATA: **25 sierpnia 2015 г.**

GODZINA ROZPOCZĘCIA: 9:00 CZAS PRACY: 170 minut

LICZBA PUNKTÓW DO UZYSKANIA: 50

Instrukcja dla zdającego

- 1. Sprawdź, czy arkusz egzaminacyjny zawiera 24 strony (zadania 1–34). Ewentualny brak zgłoś przewodniczącemu zespołu nadzorującego egzamin.
- 2. Rozwiązania zadań i odpowiedzi wpisuj w miejscu na to przeznaczonym.
- 3. Odpowiedzi do zadań zamkniętych (1–25) przenieś na kartę odpowiedzi, zaznaczając je w części karty przeznaczonej dla zdającego. Zamaluj pola do tego przeznaczone. Błędne zaznaczenie otocz kółkiem
 i zaznacz właściwe.
- 4. Pamiętaj, że pominięcie argumentacji lub istotnych obliczeń w rozwiązaniu zadania otwartego (26–34) może spowodować, że za to rozwiązanie nie otrzymasz pełnej liczby punktów.
- 5. Pisz czytelnie i używaj <u>tylko długopisu lub pióra</u> z czarnym tuszem lub atramentem.
- 6. Nie używaj korektora, a błędne zapisy wyraźnie przekreśl.
- 7. Pamietaj, że zapisy w brudnopisie nie będą oceniane.
- 8. Możesz korzystać z zestawu wzorów matematycznych, cyrkla i linijki oraz kalkulatora prostego.
- 9. Na tej stronie oraz na karcie odpowiedzi wpisz swój numer PESEL i przyklej naklejkę z kodem.
- 10. Nie wpisuj żadnych znaków w części przeznaczonej dla egzaminatora.



MMA-P1_**1**P-154

Zadanie 1. (0-1)

Jeśli $a = \frac{3}{2}$ i b = 2, to wartość wyrażenia $\frac{a \cdot b}{a + b}$ jest równa

A. $\frac{2}{3}$

- **B.** 1
- C. $\frac{6}{7}$
- **D.** $\frac{27}{6}$

Zadanie 2. (0-1)

Dany jest prostokąt o wymiarach 40 cm × 100 cm. Jeżeli każdy z dłuższych boków tego prostokąta wydłużymy o 20%, a każdy z krótszych boków skrócimy o 20%, to w wyniku obu przekształceń pole tego prostokata

- A. zwiększy się o 8%.
- **B.** zwiększy się o 4%.
- C. zmniejszy się o 8%.
- **D.** zmniejszy się o 4%.

Zadanie 3. (0–1)

Liczba $\frac{9^5 \cdot 5^9}{45^5}$ jest równa

- **A.** 45⁴⁰
- В. 45^{9}
- C. 9^4
- **D.** 5^4

Zadanie 4. (0-1)

Liczba $\sqrt{\frac{9}{7}} + \sqrt{\frac{7}{9}}$ jest równa

- **A.** $\sqrt{\frac{16}{63}}$
- **B.** $\frac{16}{3\sqrt{7}}$
- **C.** 1
- **D.** $\frac{3+\sqrt{7}}{3\sqrt{7}}$

Zadanie 5. (0-1)

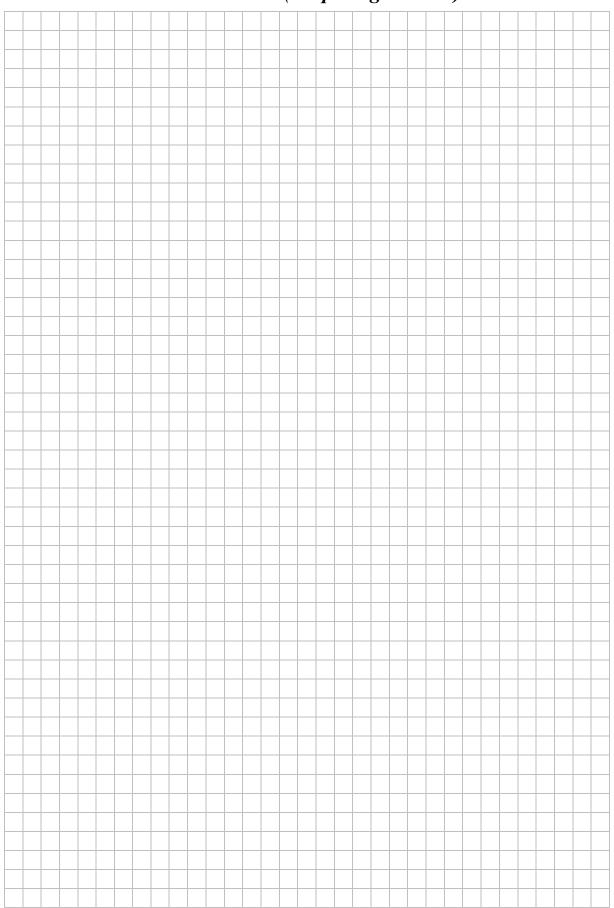
Wartość wyrażenia $\log_5 0.04 - \frac{1}{2} \log_{25} 5 \cdot \log_{25} 1$ jest równa

- **A.** -3
- **B.** $-2\frac{1}{4}$ **C.** -2
- **D.** 0

Zadanie 6. (0-1)

Wartość wyrażenia $(a+5)^2$ jest większa od wartości wyrażenia (a^2+10a) o

- **A.** 50
- **B.** 10
- **C.** 5
- **D.** 25



Strona 3 z 24

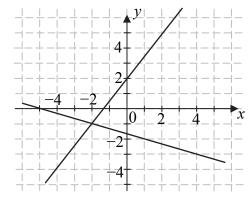
Zadanie 7. (0-1)

Na jednym z poniższych rysunków przedstawiono interpretację geometryczną układu równań

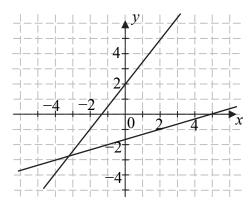
$$\begin{cases} x + 3y = -5 \\ 3x - 2y = -4 \end{cases}$$

Wskaż ten rysunek.

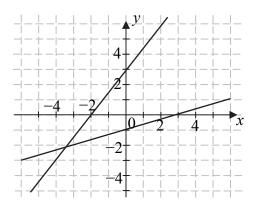
A.



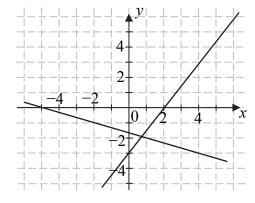
B.



C.



D.



Zadanie 8. (0–1)

Najmniejszą liczbą całkowitą spełniającą nierówność $2(x-2) \le 4(x-1)+1$ jest

$$\mathbf{A.} -2$$

Zadanie 9. (0-1)

Rozwiązaniem równania $x^2(x+1) = x^2 - 8$ jest

B.
$$-2$$

Zadanie 10. (0-1)

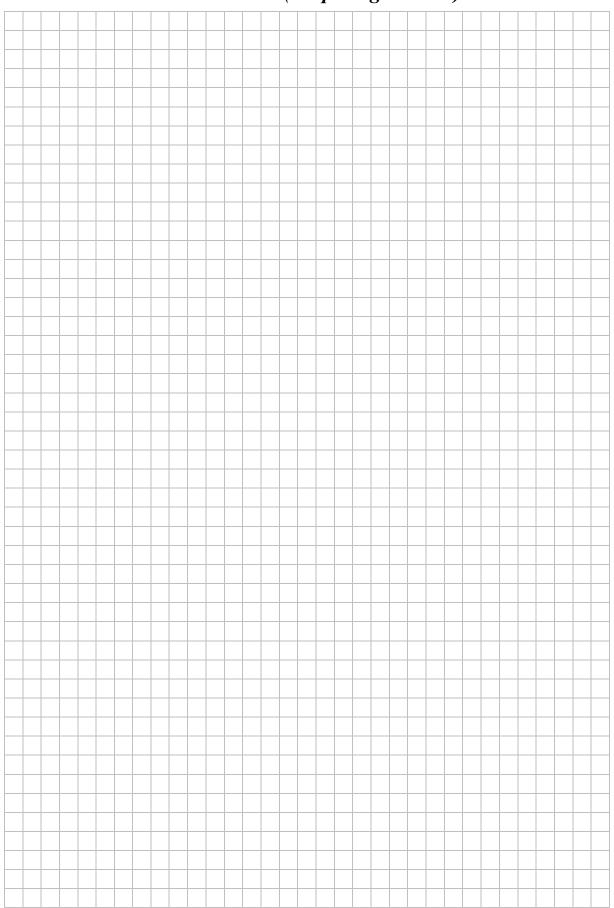
Funkcja f jest określona wzorem $f(x) = \frac{2x-8}{x}$ dla każdej liczby rzeczywistej $x \neq 0$. Wówczas wartość funkcji $f(\sqrt{2})$ jest równa

A.
$$2-4\sqrt{2}$$

A.
$$2-4\sqrt{2}$$
 B. $1-2\sqrt{2}$ **C.** $1+2\sqrt{2}$ **D.** $2+4\sqrt{2}$

C.
$$1+2\sqrt{2}$$

D.
$$2 + 4\sqrt{2}$$



Strona 5 z 24

Parabola o wierzchołku W = (-3, 5) i ramionach skierowanych w dół może być wykresem funkcji określonej wzorem

A.
$$y = 2 \cdot (x+3)^2 + 5$$

B.
$$y = -2 \cdot (x-3)^2 + 5$$

C.
$$y = -2 \cdot (x+3)^2 + 5$$

D.
$$y = -2 \cdot (x-3)^2 - 5$$

Zadanie 12. (0-1)

Wykres funkcji liniowej y = 2x - 3 przecina oś Oy w punkcie o współrzędnych

A.
$$(0, -3)$$

B.
$$(-3,0)$$
 C. $(0,2)$

D.
$$(0, 3)$$

Zadanie 13. (0-1)

Wierzchołek paraboli będącej wykresem funkcji kwadratowej y = f(x) ma współrzędne (2, 2). Wówczas wierzchołek paraboli będącej wykresem funkcji g(x) = f(x+2) ma współrzędne

$$\mathbf{C}.$$
 (2, 0)

Zadanie 14. (0–1)

Wszystkie dwucyfrowe liczby naturalne podzielne przez 7 tworzą rosnący ciąg arytmetyczny. Dwunastym wyrazem tego ciągu jest liczba

Zadanie 15. (0-1)

Ciąg liczbowy określony jest wzorem $a_n = \frac{2^n - 1}{2^n + 1}$, dla $n \ge 1$. Piąty wyraz tego ciągu jest równy

B.
$$\frac{31}{33}$$
 C. $\frac{9}{11}$

C.
$$\frac{9}{11}$$

Zadanie 16. (0-1)

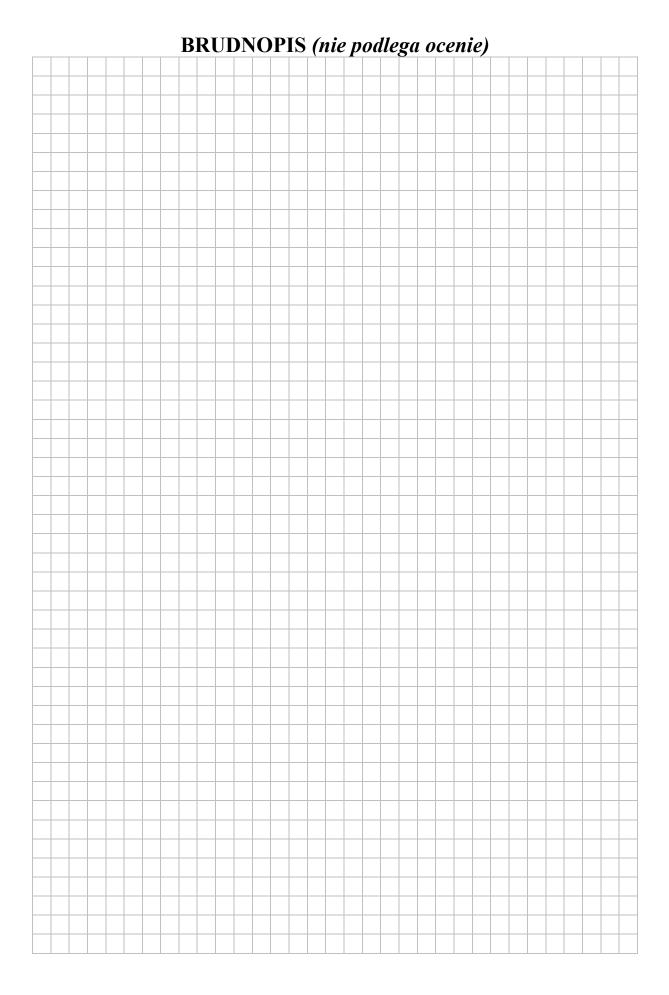
Sinus kata ostrego α jest równy $\frac{3}{4}$. Wówczas

$$\mathbf{A.} \quad \cos \alpha = \frac{1}{4}$$

B.
$$\cos \alpha = \frac{\sqrt{7}}{4}$$

$$\mathbf{C.} \quad \cos \alpha = \frac{7}{16}$$

A.
$$\cos \alpha = \frac{1}{4}$$
 B. $\cos \alpha = \frac{\sqrt{7}}{4}$ **C.** $\cos \alpha = \frac{7}{16}$ **D.** $\cos \alpha = \frac{\sqrt{13}}{16}$



A.
$$\frac{5}{2}$$

B.
$$\frac{2}{5}$$

C.
$$\frac{2}{\sqrt{29}}$$

D.
$$\frac{5}{\sqrt{29}}$$

Zadanie 18. (0-1)

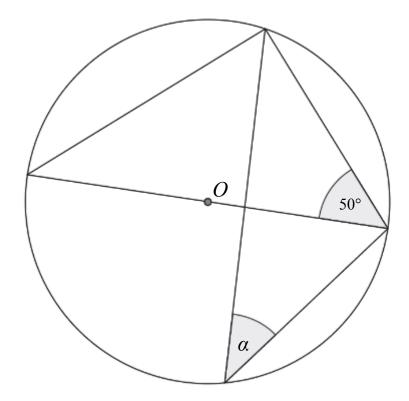
Pole rombu o boku 6 i kacie rozwartym 150° jest równe

A.
$$18\sqrt{2}$$

C.
$$36\sqrt{2}$$

Zadanie 19. (0-1)

W okręgu o środku O dany jest kat o mierze 50°, zaznaczony na rysunku.



Miara kata oznaczonego na rysunku litera α jest równa

Zadanie 20. (0-1)

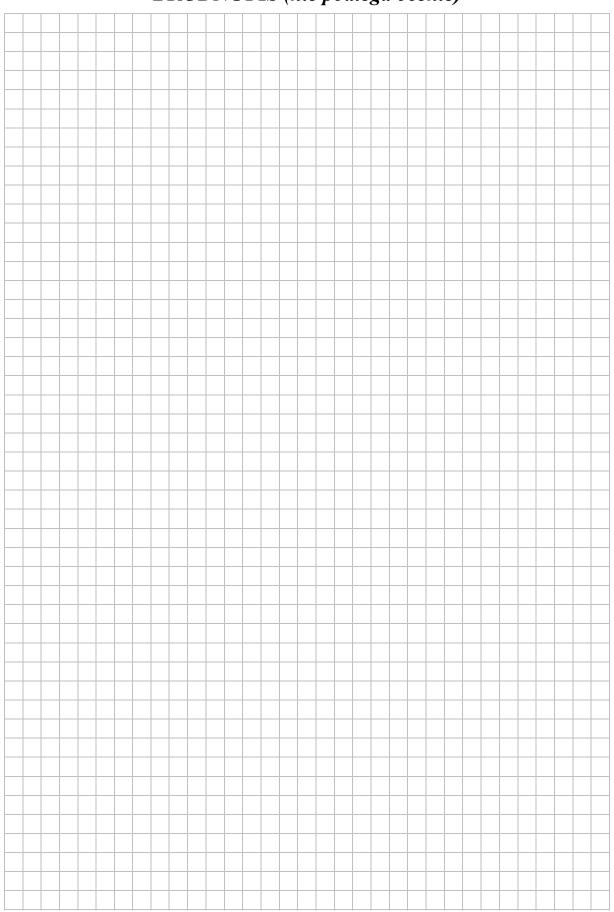
Współczynnik kierunkowy prostej, na której leżą punkty A = (-4,3) oraz B = (8,7), jest równy

A.
$$a = 3$$

B.
$$a = -1$$

B.
$$a = -1$$
 C. $a = \frac{5}{6}$ **D.** $a = \frac{1}{3}$

D.
$$a = \frac{1}{3}$$



Zadanie 21. (0-1)

Punkt S = (2, -5) jest środkiem odcinka AB, gdzie A = (-4, 3) i B = (8, b). Wtedy

A.
$$b = -13$$

B.
$$b = -2$$
 C. $b = -1$ **D.** $b = 6$

C.
$$b = -1$$

D.
$$b = 6$$

Zadanie 22. (0-1)

Dany jest trójkat prostokatny o długościach boków a, b, c, gdzie a < b < c. Obracając ten trójkat, wokół prostej zawierającej dłuższą przyprostokatną o kat 360°, otrzymujemy bryłę, której objętość jest równa

$$\mathbf{A.} \quad V = \frac{1}{3}a^2b\pi$$

$$\mathbf{B.} \quad V = a^2 b \pi$$

$$\mathbf{C.} \quad V = \frac{1}{3}b^2a\pi$$

A.
$$V = \frac{1}{3}a^2b\pi$$
 B. $V = a^2b\pi$ **C.** $V = \frac{1}{3}b^2a\pi$ **D.** $V = a^2\pi + \pi ac$

Zadanie 23. (0-1)

Przekatna przekroju osiowego walca, którego promień podstawy jest równy 4 i wysokość jest równa 6, ma długość

A.
$$\sqrt{10}$$

B.
$$\sqrt{20}$$
 C. $\sqrt{52}$

C.
$$\sqrt{52}$$

Zadanie 24. (0-1)

W grupie jest 15 kobiet i 18 mężczyzn. Losujemy jedną osobę z tej grupy. Prawdopodobieństwo tego, że będzie to kobieta, jest równe

A.
$$\frac{1}{15}$$

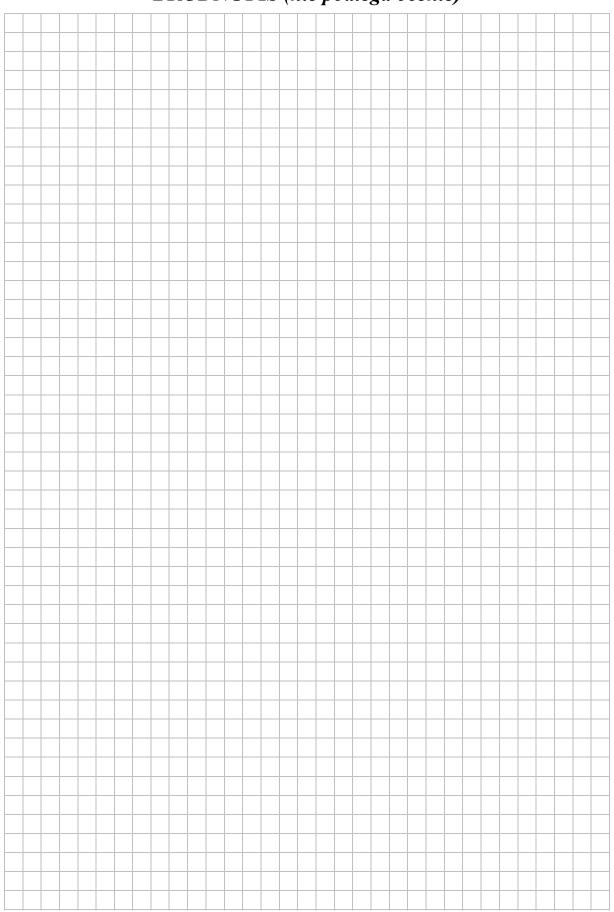
B.
$$\frac{1}{33}$$

C.
$$\frac{15}{33}$$

D.
$$\frac{15}{18}$$

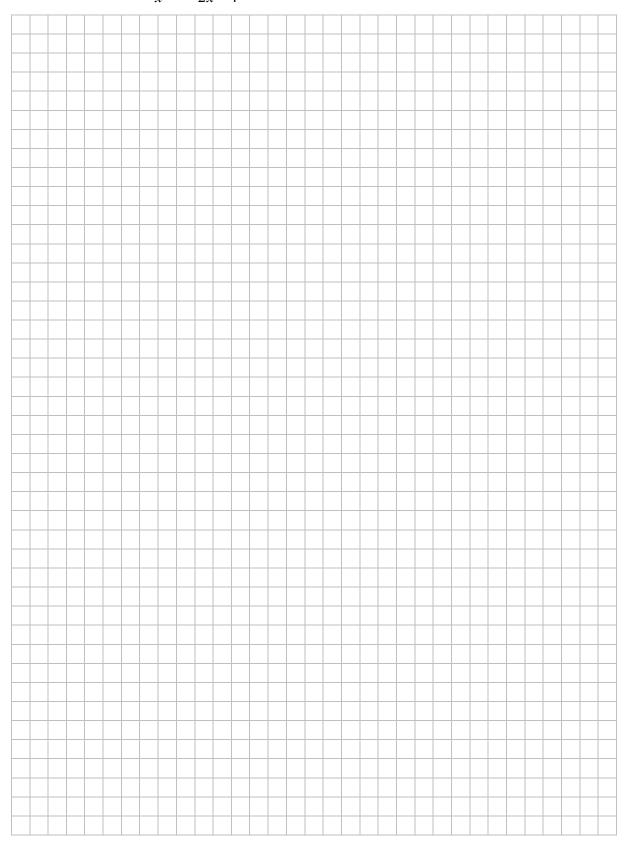
Zadanie 25. (0-1)

Ile jest wszystkich liczb czterocyfrowych, większych od 3000, utworzonych wyłącznie z cyfr 1, 2, 3, przy założeniu, że cyfry mogą się powtarzać, ale nie wszystkie z tych cyfr muszą być wykorzystane?



Zadanie 26. (0-2)

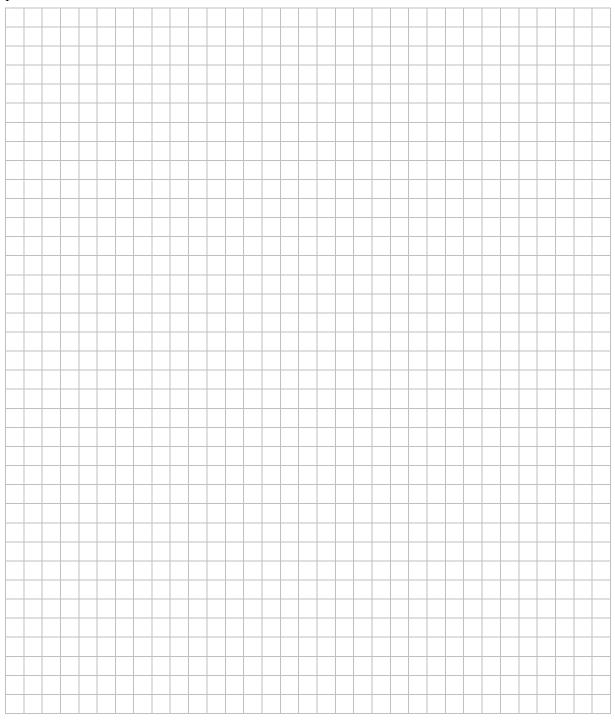
Rozwiąż równanie $\frac{2x-4}{x} = \frac{x}{2x-4}$, gdzie $x \neq 0$ i $x \neq 2$.



Odpowiedź:

Zadanie 27. (0-2)

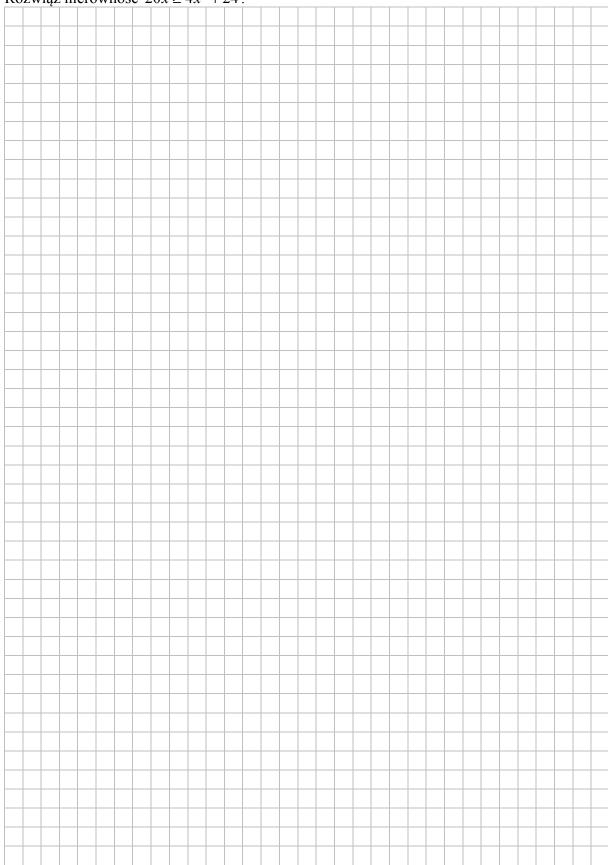
Mamy dwa pudełka: w pierwszym znajduje się 6 kul ponumerowanych kolejnymi liczbami od 1 do 6, a w drugim – 8 kul ponumerowanych kolejnymi liczbami od 1 do 8. Losujemy po jednej kuli z każdego pudełka i tworzymy liczbę dwucyfrową w ten sposób, że numer kuli wylosowanej z pierwszego pudełka jest cyfrą dziesiątek, a numer kuli wylosowanej z drugiego – cyfrą jedności tej liczby. Oblicz prawdopodobieństwo, że utworzona liczba jest podzielna przez 11.



aggaminator	Nr zadania	26.	27.
	Maks. liczba pkt	2	2
	Uzyskana liczba pkt		

Zadanie 28. (0-2)

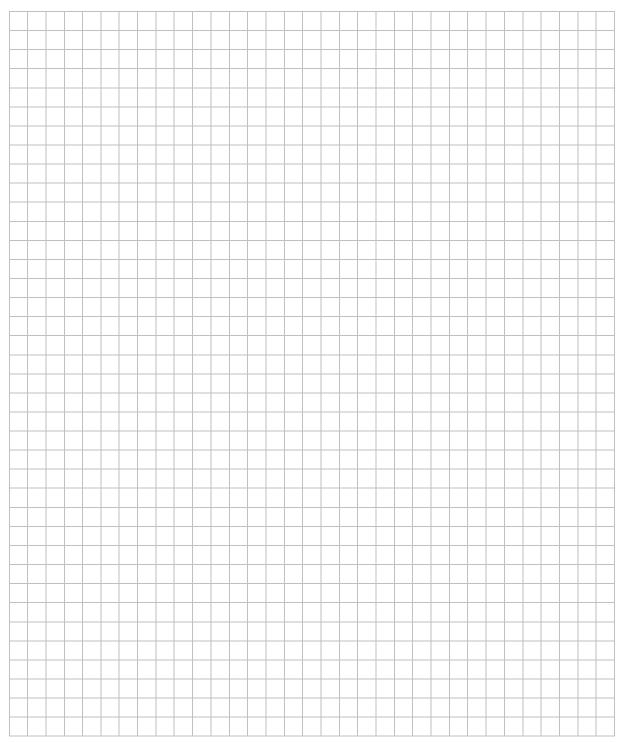
Rozwiąż nierówność $20x \ge 4x^2 + 24$.



Odpowiedź:

Zadanie 29. (0-2)

Kąt α jest ostry i spełnia równość $tg\alpha + \frac{1}{tg\alpha} = \frac{7}{2}$. Oblicz wartość wyrażenia $sin\alpha \cdot cos\alpha$.

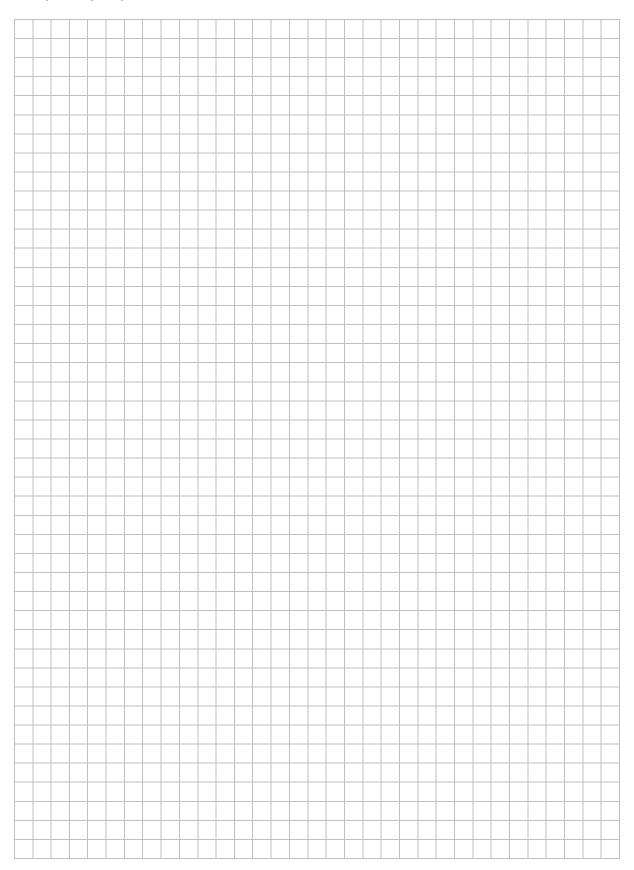


Odpowiedź:

Wypełnia egzaminator	Nr zadania	28.	29.
	Maks. liczba pkt	2	2
	Uzyskana liczba pkt		

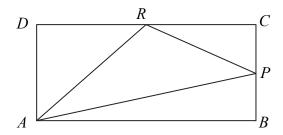
Zadanie 30. (0–2)

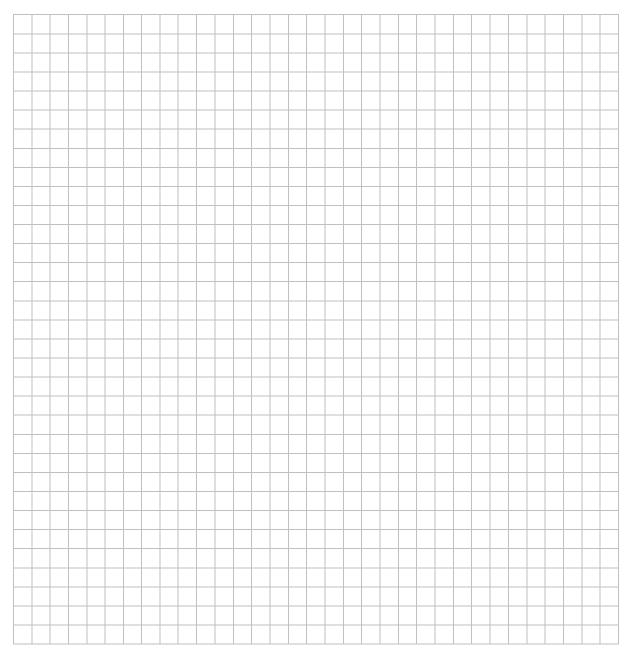
Wykaż, że dla wszystkich nieujemnych liczb rzeczywistych x, y prawdziwa jest nierówność $x^3 + y^3 \ge x^2y + xy^2$.



Zadanie 31. (0-2)

W prostokącie ABCD punkt P jest środkiem boku BC, a punkt R jest środkiem boku CD. Wykaż, że pole trójkąta APR jest równe sumie pól trójkątów ADR oraz PCR.



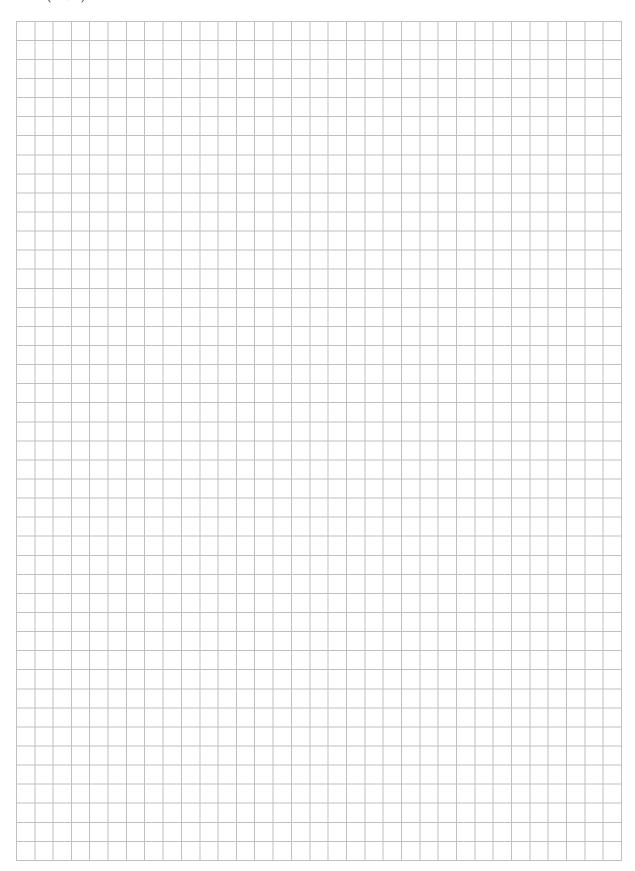


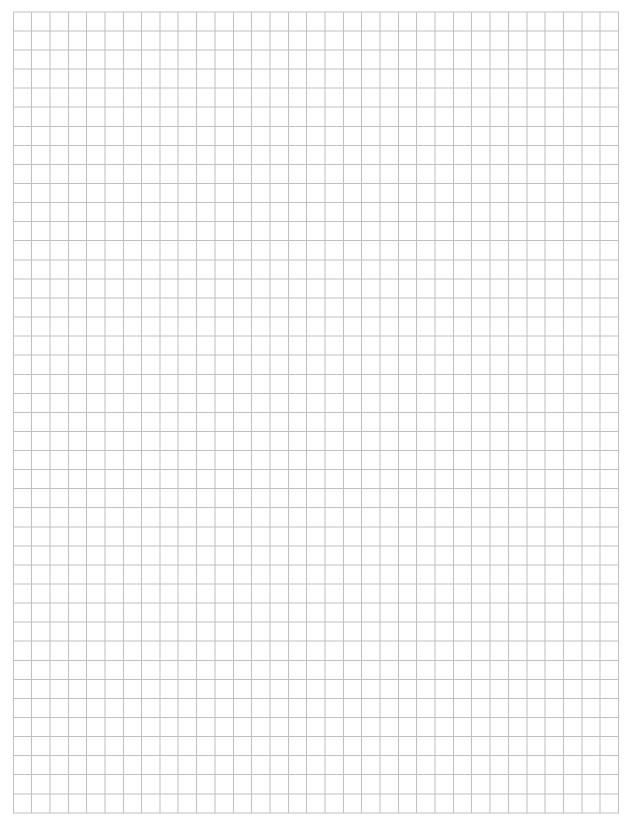
aggaminator	Nr zadania	30.	31.
	Maks. liczba pkt	2	2
	Uzyskana liczba pkt		

Strona 17 z 24

Zadanie 32. (0–4)

Wyznacz równanie osi symetrii trójkąta o wierzchołkach A = (-2, 2), B = (6, -2), C = (10, 6).



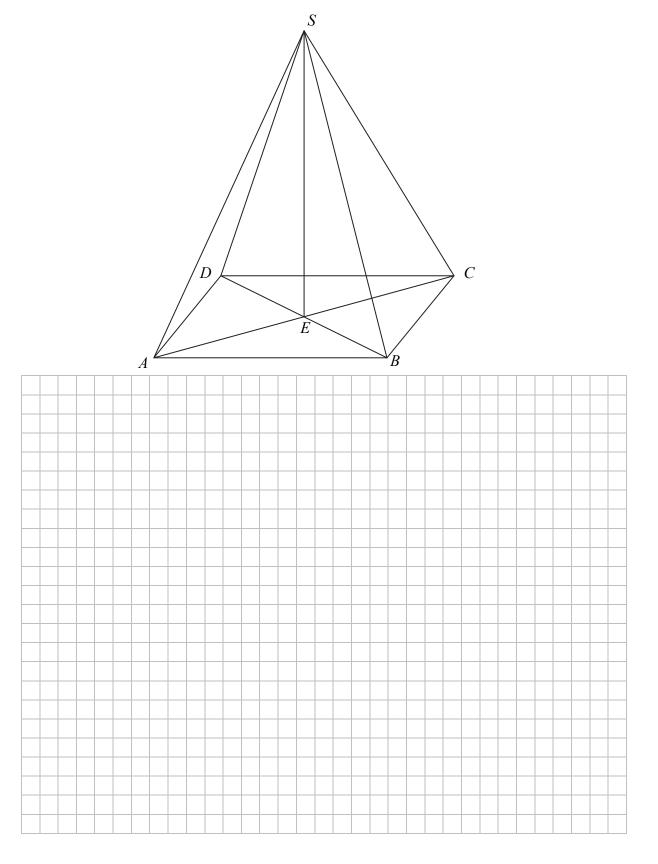


Odpowiedź:

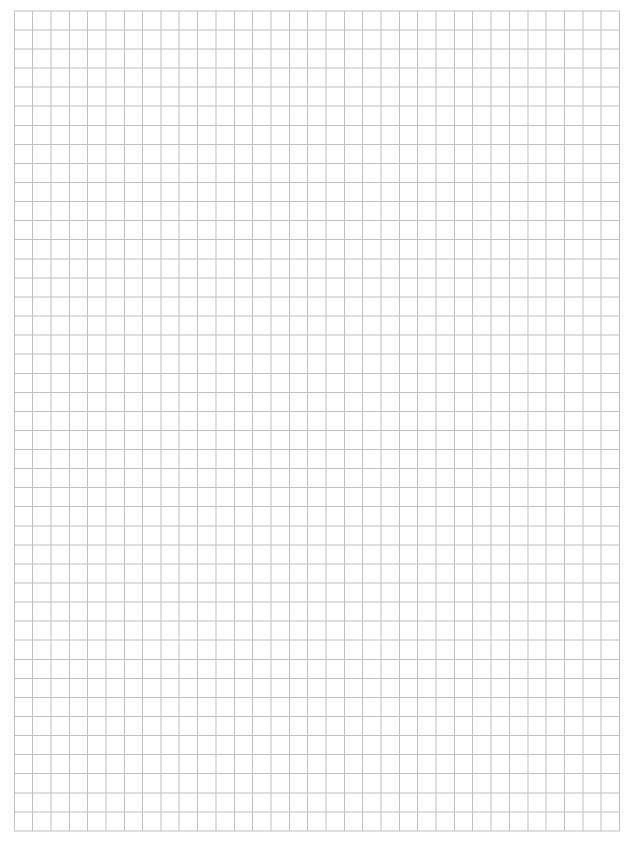
	Nr zadania	32.
Wypełnia	Maks. liczba pkt	4
egzaminator	Uzyskana liczba pkt	

Zadanie 33. (0–4)

Podstawą ostrosłupa *ABCDS* jest prostokąt, którego boki pozostają w stosunku 3: 4, a pole jest równe 192 (zobacz rysunek). Punkt *E* jest wyznaczony przez przecinające się przekątne podstawy, a odcinek *SE* jest wysokością ostrosłupa. Każda krawędź boczna tego ostrosłupa jest nachylona do płaszczyzny podstawy pod kątem 30°. Oblicz objętość ostrosłupa.



Strona 20 z 24 MMA_1P

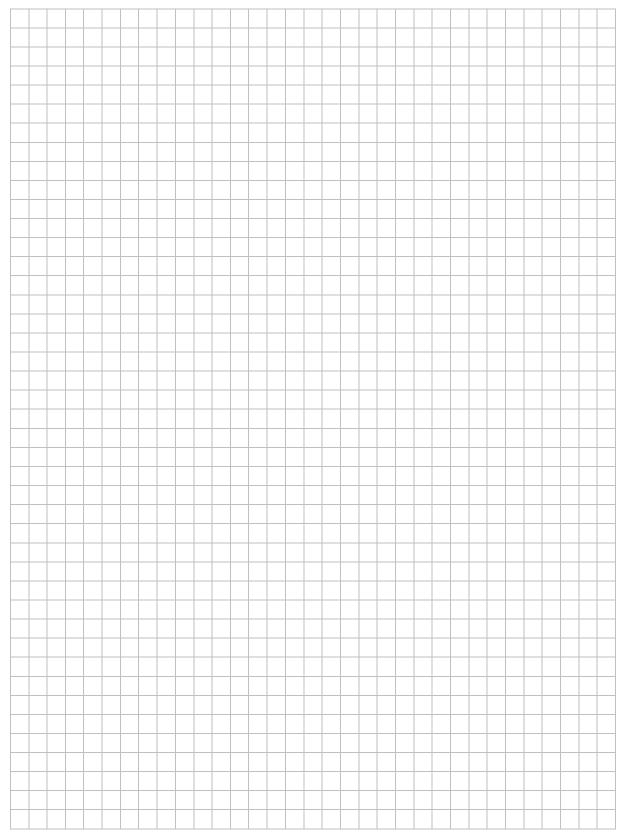


Odpowiedź:

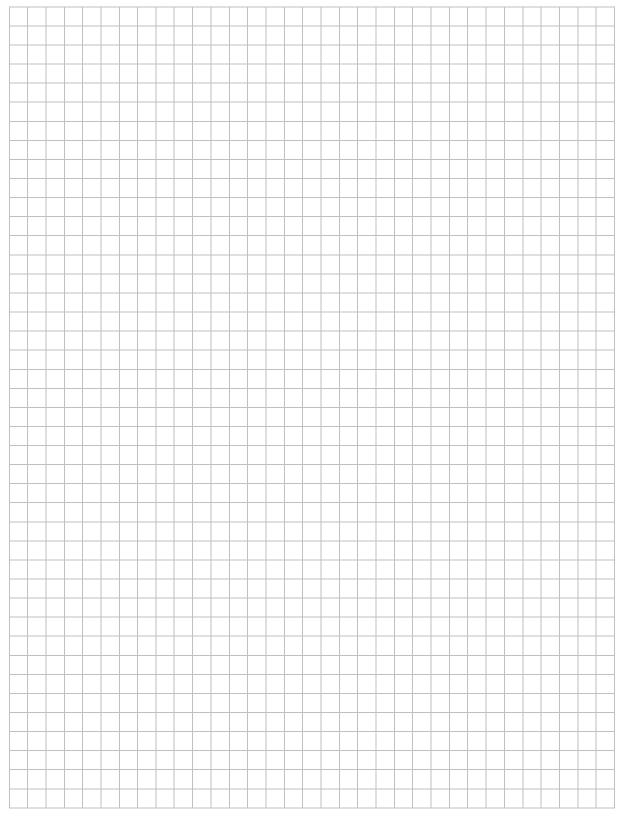
	Nr zadania	33.
Wypełnia	Maks. liczba pkt	4
egzaminator	Uzyskana liczba pkt	

Zadanie 34. (0–5)

Funkcja kwadratowa f określona jest wzorem $f(x) = ax^2 + bx + c$. Zbiorem rozwiązań nierówności f(x) > 0 jest przedział (0,12). Największa wartość funkcji f jest równa 9. Oblicz współczynniki a, b i c funkcji f.



Strona 22 z 24 MMA_1P



Odpowiedź:

	Nr zadania	34.
Wypełnia	Maks. liczba pkt	5
egzaminator	Uzyskana liczba pkt	