

Белорусский государственный университет информатики и  
радиоэлектроники

Факультет информационных технологий и управления

Кафедра интеллектуальных информационных технологий

Логические основы интеллектуальных систем

**ОТЧЁТ ПО  
ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ №1**

Студенты:	Макаренко А. И. Корсакова С. К.
Группа:	121701
Проверил:	Ивашенко В. П.

Минск 2023

**Тема:** Представление и синтаксическая обработка формул сокращённого языка логики высказываний.

**Цель:** Приобрести навыки программирования алгоритмов синтаксического разбора формул сокращённого языка логики высказываний.

**Вариант (Н):** Определить количество подформул заданного уровня в формуле сокращённого языка логики высказываний.

### Теоретические сведения:

Лексическая грамматика сокращённого языка логики высказываний:

$\langle \text{логическая константа} \rangle ::= 1|0$   
 $\langle \text{латинская заглавная буква} \rangle ::= A|B|C|D|E|F|G|H|I|J|K|L|M|N|O|P|Q|R|S|T|U|V|W|X|Y|Z$   
 $\langle \text{отрицание} \rangle ::= !$   
 $\langle \text{конъюнкция} \rangle ::= \wedge$   
 $\langle \text{дизъюнкция} \rangle ::= \vee$   
 $\langle \text{импликация} \rangle ::= \rightarrow$   
 $\langle \text{эквиваленция} \rangle ::= \sim$   
 $\langle \text{открывающаяся скобка} \rangle ::= ($   
 $\langle \text{закрывающаяся скобка} \rangle ::= )$   
 $\langle \text{бинарная связка} \rangle ::= \langle \text{эквиваленция} \rangle | \langle \text{конъюнкция} \rangle | \langle \text{дизъюнкция} \rangle | \langle \text{импликация} \rangle$

Грамматика сокращённого языка логики высказываний:

$\langle \text{атомарная формула} \rangle ::= \langle \text{латинская заглавная буква} \rangle$   
 $\langle \text{унарная сложная формула} \rangle ::= \langle \text{открывающаяся скобка} \rangle \langle \text{отрицание} \rangle \langle \text{формула} \rangle \langle \text{закрывающаяся скобка} \rangle$   
 $\langle \text{бинарная сложная формула} \rangle ::= \langle \text{открывающаяся скобка} \rangle \langle \text{формула} \rangle \langle \text{бинарная связка} \rangle \langle \text{формула} \rangle \langle \text{закрывающаяся скобка} \rangle$   
 $\langle \text{сложная формула} \rangle ::= \langle \text{унарная сложная формула} \rangle | \langle \text{бинарная сложная формула} \rangle$   
 $\langle \text{формула} \rangle ::= \langle \text{логическая константа} \rangle | \langle \text{атомарная формула} \rangle | \langle \text{сложная формула} \rangle$

Подформула – подстрока формулы, которая тоже является формулой.

## Принцип работы программы:

1. Пользователь вводит формулу сокращённого языка логики высказываний. Формула сохраняется в виде строки.
2. Вызывается функция *verify*, которая проверяет строку формулы на корректность.
  - (a) Функция *check-symbols* проверяет, чтобы все символы строки формулы являлись либо атомарными формулами сокращенного языка логики высказываний, либо логическими связками, либо круглыми скобками.
  - (b) Функция *syntax* проверяет, чтобы все подформулы первого уровня строки формулы соответствовали одному из паттернов:
    - <открывающаяся скобка><формула> <бинарная связка><формула> <закрывающаяся скобка>
    - <открывающаяся скобка> <отрицание><формула> <закрывающаяся скобка>
  - (c) Если подформула соответствует одному из паттернов, то она заменяется на атомарную формулу "A"(символ).
  - (d) Проверка строки формулы происходит столько раз, сколько всего подформул в исходной формуле.
  - (e) Если в итоге строка формулы преобразовалась в строку "A" из одного символа, то все подформулы формулы корректные, следовательно и сама формула корректна.
  - (f) На экран выводится сообщение о корректности или некорректности формулы.
3. Если строка формулы корректна, то происходит поиск подформул. Если некорректна, то происходит завершение программы.
4. Создаётся вспомогательный вектор *helping*, заполненный нулями; длина вектора равна длине строки формулы.
5. Далее функция *added-zero-level* находит все атомарные подформулы из строки формулы и сохраняет их индексы в строке формулы в отдельном векторе *data*. Вместе с этим сохраняет в *data* и уровень атомарных формул, а именно уровень 0.
6. Функция *get-number-of-brackets* подсчитывает количество открывающихся и закрывающихся скобок в строке формулы, чтобы определить необходимое количество итераций для поиска всех подформул. Данное количество сохраняется в переменную *number-of-brackets*.
7. Вызывается функция *fulfill-data*, в которой с помощью цикла *while* происходит поиск подформул. Цикл повторяется *number-of-brackets*-раз
  - (a) В цикле происходит поиск такого символа строки формулы, чтобы он был равен открывающейся скобке и в соответствующей ячейке вспомогательного вектора *helping* был равен 0 (означает, что скобка еще не была найдена). Если такой символ найден, то во вспомогательном векторе *helping* ячейка с индексом символа помечается как 1.
  - (b) Далее происходит поиск такого символа строки формулы, чтобы он был равен закрывающейся скобке и во вспомогательном векторе *helping* был равен 0 (означает, что скобка еще не была найдена). Если такой символ найден, то во вспомогательном векторе *helping* ячейка с индексом символа помечается как 1.

- (c) Происходит проверка на наличие строки подформулы в векторе *data*, чтобы предотвратить ненужное дублирование одинаковых подформул.
- (d) Вызывается функция *define-level*, которая определяет уровень строки подформулы.
  - i. Если подформула ещё не была добавлена в *data*, то индексы открывающей и закрывающей скобок сохраняются в *data* вместе с уровнем строки подформулы.
- 8. Пользователь вводит необходимый уровень подформул.
- 9. Вызывается функция *get-number-of-subformulas*. Её результат и есть количество подформул с заданным уровнем.
- 10. Вывод ответа в консоль.
- 11. Конец программы.

**Вывод:** Выполнение задачи требовало понимания грамматики сокращенного языка логики высказываний и подформулы формулы. Разработанный алгоритм позволяет отыскать все подформулы формулы сокращённого языка логики высказываний и определить их уровень.

```

Input the formula
(((A\B)\(B\C))\(!C)\((1\A)\(B->C)))\(!D)->(Q\A))

Level: 0   A
Level: 0   B
Level: 0   C
Level: 0   1
Level: 0   D
Level: 0   Q
Level: 1   (A\B)
Level: 1   (B\C)
Level: 1   (!C)
Level: 1   (1\A)
Level: 1   (B->C)
Level: 1   (!D)
Level: 1   (Q\A)
Level: 2   ((A\B)\(B\C))
Level: 2   ((1\A)\(B->C))
Level: 2   ((!D)->(Q\A))
Level: 3   ((!C)\((1\A)\(B->C)))
Level: 4   (((A\B)\(B\C))\(!C)\((1\A)\(B->C)))
Level: 5   ((((A\B)\(B\C))\(!C)\((1\A)\(B->C))))\(!D)->(Q\A))

Input the nessesary level of subformula: 1
Number of subformulas with the 1 level is 7

```

Рис. 1: Пример выполнения программы

```

Input the formula
((A)~B)

Syntax error
Try again

```

Рис. 2: Пример выполнения программы