Национальный исследовательский университет "Высшая школа экономики"

Факультет компьютерных наук Департамент анализа данных и искусственного интеллекта

> Домашнее задание №1 по анализу и разработке данных

Выполнили студенты БПМИ133: Стеценко Макар Корытова Александра Милеев Алексей 1. В настоящих данных приводится статистика по NEA (Near Earth Objects) и кометам, обнаруженным иследовательской миссией NEOWISE под руководством NASA. Near-Earth Objects - это кометы и астероиды, которые были притянуты гравитационным полем ближайщих планет, в следствии чего они смогли сблизиться с Землей.

Каждый объект описывается следующим набором признаков:

• Discovery Date [Дата открытия]

Качественный признак в формате YYYY-MM-DD

• Н (тад) [Магнитуда]

Количественный признак, абсолютная величина

С помощью абсолютной магнитуды вычисляется диаметр астероида, чем ниже значение Н, тем больше размер объекта.

• MOID (AU) - Minimum Orbit Distance [Минимальная дистанция орбиты]

Количественный признак, измеряемый относительно AU (The astronomical unit).

 $//{\rm AU}$ - астрономическая единица измерения длины, приближенно показывающая расстояние между Землей и Солнцем. Равна 149597870700 метров (примерно 150 млн км).

Minimum orbit intersection distance (MOID) - мера, используемая в астрономии для оценки потенциальных сближений и рисков столкновений между астрономическими объектами.

• q (AU) perihelion distance

Количественный признак

Perihelion - точка на орбите планеты, кометы или другого объекта, расстояние от которой до Солнца минимально.

• Q (AU) aphelion distance

Количественный признак

Aphelion - точка, в которой небесное тело максимально удалено от Солнца.

• period (yr) [Период]

Количественный признак, показывающий период обращения объекта вокруг Солнца, измеряется в годах.

• PHA (Potentially Hazardous Asteroids)

Признак, показывающий принадлежит ли астероид к классу PHA. Принимает два значения (Y/N), для удобства можно считать количественным.

• Orbit Class [Класс орбиты]

Качественный признак, множество принимаемых значений: {Apollo, Aten, Amor, Atiras}.

2. Предметная область

Научный интерес к таким объектам проявлен во многом из-за их происхождения. Так, например, астероиды по сути являются уцелевшими осколками после формирования нашей солнечной системы. Поскольку эти объекты могут столкнуться, они оказывали и будут оказывать влияние на биосферу Земли. Так же астероиды являются богатым источником ресурсов. Выяснилось, что минеральных запасов в астероидном поисе Марса и Юпитера хватит, чтобы каждому человеку на Земле дать 100 миллиардов долларов.

По имеющимся данным можно пробовать строить модели для определения принадлежности небесного объекта к классу РНА.

Источник: http://neo.jpl.nasa.gov/stats/wise/.

Домашнее задание №2

1. Был выбран количественный признак H (mag) [Магнитуда]. Поскольку этот признак позволяет определить размер исследуемого объекта, то его подробное изучение позволит лучше понять, каких размеров достигают наиболее встречаемые астероиды. В используемом наборе данных H принимает следующие значения:

 $15.6\ 16.2\ 17.0\ 17.5\ 18.3\ 18.3\ 18.7\ 18.7\ 18.9\ 19.0\ 19.1\ 19.2\ 19.2\ 19.3\ 19.3\ 19.3\ 19.4\ 19.4\ 19.4\ 19.4\ 19.5\ 19.5$ $19.5\ 19.6\ 19.6\ 19.7\ 19.7\ 19.7\ 19.7\ 19.8\ 19.9\ 19.9\ 19.9\ 20.0\ 20.1\ 20.1\ 20.2\ 20.2\ 20.2\ 20.3\ 20.3\ 20.4\ 20.6\ 20.7$ $20.7\ 20.7\ 20.8\ 20.8\ 20.8\ 20.9\ 20.9\ 20.9\ 21.0\ 21.0\ 21.1\ 21.3\ 21.4\ 21.4\ 21.5\ 21.5\ 21.6\ 21.8\ 21.8\ 22.0$ $22.1\ 22.3\ 22.5\ 22.6\ 22.6\ 23.2\ 24.1$

Построим гистрограму:

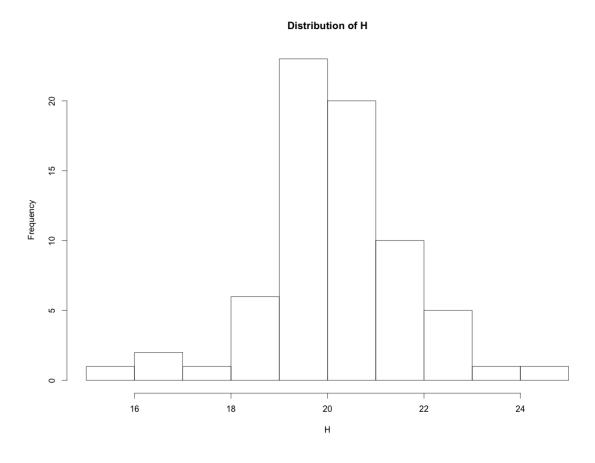


Рис. 1: Гистограма для признака Н (mag)

Полученная гистограмма позволяет нам предположить, что распределение признака H похоже на нормальное. Так же, понять, в каком диапазоне лежат наиболее встречаемые значения H, примерно от 19 до 21, этот факт подтвердится, когда мы найдем моду. Построим бокс-плот:

H (Magnitude)

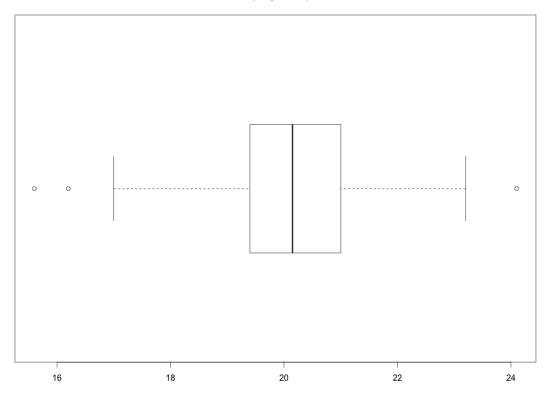


Рис. 2: Бокс-плот для H (mag)

Видно, что у нас есть 3 выброса, а именно: [16.2, 24.1, 15.6]. Так же видно значение медианы. Найдем среднее значение, моду и медиану

Среднее	Медиана	Мода
20.21	20.15	19.7 и 20.7

Как видно, найденные значения не равны, это свидетельствует о том, что величина H не подчиняется нормальному распределению, а немного отклоняется от него. Однако, если убрать из расчетов найденные выбросы [16.2, 24.1, 15.6] и пересчитать, то получим равные между собой значения:

Среднее	Медиана	Мода
20.2	20.2	$(19.7 + 20.7) \; / \; 2 = 20.2$

- 2. Теперь построим доверительные интервалы тремя методами:
- 1. Статистический
- 2. Опорный бутстрэп
- 3. Безопорный бутстрэп

Так как наше распределение похоже на нормальное, то

$$CI = \left(mean - 1.965 \frac{std}{\sqrt{n}}; mean + 1.965 \frac{std}{\sqrt{n}}\right)$$

$$CI = (19.859740; 20.560260)$$

Для 5000 средних значений от случайных выборок с повторениями построим гистограмму:

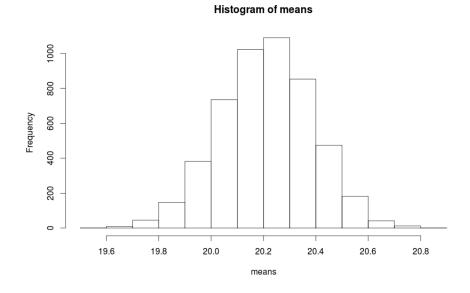


Рис. 3: Гистограма для признака средних значений

Видим, что гистограмма похожа на нормальное распределение, а значит применям метод опорного бутстрэпа и получаем интервал:

$$PCI = (20.207460; 20.217272)$$

И теперь безопорный бутстрэп:

$$NPCI = (19.864286; 20.542857)$$