

## AULA 2.3

# CÁLCULO DO ÂNGULO

Cálculo do ângulo

Se  $\vec{u} \cdot \vec{v} = |\vec{u}||\vec{v}|\cos\theta$  Então  $\cos\theta = \frac{\vec{u} \cdot \vec{v}}{|\vec{u}||\vec{v}|}$

1. Calcular o ângulo entre os vetores  $\vec{u}=(1,1,4)$  e  $\vec{v}=(-1,2,2)$ .

### Cálculo do ângulo

3. Determinar os ângulos internos ao triângulo ABC, sendo  $A(3, -3, 3)$ ,  $B(2, -1, 2)$  e  $C(1, 0, 2)$ .

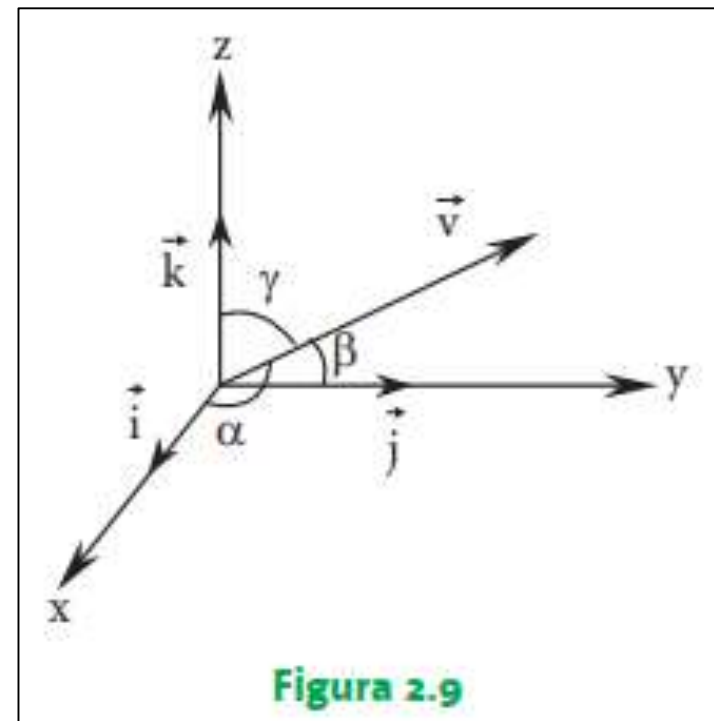


### Ângulos diretores

$$\cos\alpha = \frac{\vec{v} \cdot \vec{i}}{|\vec{v}||\vec{i}|} = \frac{(x; y; z) \cdot (1; 0; 0)}{|\vec{v}|1} = \frac{x}{|\vec{v}|}$$

$$\cos\beta = \frac{\vec{v} \cdot \vec{j}}{|\vec{v}||\vec{j}|} = \frac{(x; y; z) \cdot (0; 1; 0)}{|\vec{v}|1} = \frac{y}{|\vec{v}|}$$

$$\cos\gamma = \frac{\vec{v} \cdot \vec{k}}{|\vec{v}||\vec{k}|} = \frac{(x; y; z) \cdot (0; 0; 1)}{|\vec{v}|1} = \frac{z}{|\vec{v}|}$$



Seja o versor de  $\vec{v}$   $\frac{\vec{v}}{|\vec{v}|} = \frac{(x; y; z)}{|\vec{v}|} = \frac{(x)}{|\vec{v}|}; \frac{(y)}{|\vec{v}|}; \frac{(z)}{|\vec{v}|} = \cos\alpha; \cos\beta; \cos\gamma$

Por ser unitário, temos que  $\cos^2\alpha + \cos^2\beta + \cos^2\gamma = 1$

3. Um vetor  $\vec{v}$  do espaço forma com os vetores  $\vec{i}$  e  $\vec{j}$  ângulos de  $60^\circ$  e  $120^\circ$ , respectivamente. Determinar o vetor  $\vec{v}$ , sabendo que  $|\vec{v}|=2$ .