Programowanie Funkcyjne 2022

Lista zadań nr 6

Na zajęcia 1, 5 i 6 grudnia 2022

Zadanie 1 (3 pkt). Chcemy zdefiniować funkcję sprintf znaną z języka C, tak by np. wyrażenie sprintf "Ala ma %d kot%s"

miało typ int -> string -> string i pozwalało zdefiniować funkcję

```
fun n -> sprintf "Ala ma %d kot%s." n (if n = 1 then "a" else if 1 < n & n < 5 then "y" else "ów").
```

Na pierwszy rzut oka wydaje się, że rozwiązanie tego zadania wymaga typów zależnych, ponieważ typ funkcji sprintf zależy od wartości pierwszego argumentu. Okazuje się jednak, że polimorfizm parametryczny wystarczy. Jeśli dyrektywy formatujące będą opisane pewnym typem ('a, 'b) format z dwoma parametrami, to funkcja sprintf będzie miała typ ('a, string) format -> 'a.

Zdefiniuj typ ('a, 'b) format, funkcję sprintf oraz poniższe dyrektywy formatujące:

- lit : string -> ('a, 'a) format stała napisowa (nie oczekuje żadnego parametru),
- int : (int -> 'a, 'a) format liczba typu int,
- str : (str -> 'a, 'a) format napis typu string,
- (^^) konkatenacja dyrektyw formatujących.

Jeśli zrobisz to dobrze, to przykład podany na początku treści zadania może być zapisany następująco

```
sprintf (lit "Ala ma " ^^ int ^^ lit " kot" ^^ str ^^ lit ".").
```

Wskazówka: Dyrektywy powinny być funkcjami transformującymi kontynuacje, a operator (^^) zwykłym złożeniem takich funkcji. Na przykład int (po rozwinięciu definicji typu format) powinien mieć typ (string -> 'a) -> string -> int -> 'a (argumentem jest kontynuacja oczekująca napisu, ale o nieokreślonym typie odpowiedzi, natomiast wynikiem ma być kontynuacja oczekująca napisu i produkująca funkcję, która oczekuje na liczbę). Może okazać się potrzebna definicja pomocniczej funkcji ksprintf typu ('a, 'b) format -> (string -> 'b) -> 'a

Zadanie 2 (3 pkt). W tym zadaniu postaramy się oddzielić składnię od semantyki dyrektyw formatujących. W tym celu zdefiniuj typ danych ('a, 'b) format, który ma cztery konstruktory: Lit, Int, Str oraz Cat odpowiadające podstawowym dyrektywom formatującym oraz operacji konkatenacji. Oczywiście, żeby typy tych konstruktorów były odpowiednie, należy użyć GADT. Następnie napisz interpreter dyrektyw formatujących w postaci funkcji

```
ksprintf : ('a, 'b) format -> (string -> 'b) -> 'a
```

i użyj jej do napisania funkcji sprintf. Takie podejście ma sporo zalet: teraz dyrektywy formatujące są zwykłymi danymi, które można przetwarzać. W szczególności możemy dostarczyć alternatywny interpreter. Napisz funkcję kprintf, o sygnaturze

```
kprintf : ('a, 'b) format -> 'b -> 'a,
```

która od razu drukuje wynik na standardowe wyjście bez wcześniejszego konstruowania całego napisu. Użyj jej do zaimplementowania funkcji printf.

Zadanie 3 (3p). Zauważ, że skoro w OCamlu parametry są przekazywane przez wartość, to funkcje *fold* zawsze wykonują obliczenie dla każdego elementu listy, nawet jeśli wynik jest znany wcześniej. Na przykład czas obliczenia wyrażenia

```
List.fold_left (&&) true [false;...;false]
```

jest proporcjonalny do długości listy, podczas gdy funkcja

```
let rec for_all xs =
  match xs with
  | []     -> true
  | x :: xs -> x && for_all xs
```

wywołana dla listy [false;...;false] zwraca wynik po wykonaniu jednego kroku (nie dochodzi do wywołania rekurencyjnego). Zatem do zaprogramowania obliczeń tego typu funkcje fold też nie są odpowiednie (inaczej jest w języku non-strict, takim jak Haskell, w którym funkcja foldr nadaje się do tego celu, bo jest inkrementacyjna, a funkcja foldl — nie, gdyż jest monolityczna).

Można jednak zaimplementować efektywną wersją funkcji for_all przy funkcji fold, ale wymaga to skorzystania z efektów sterowania, np. wyjątków. Używając wyjątków oraz funkcji List.fold_left zaimplementuj efektywną wersję następujących funkcji:

- for_all : ('a -> bool) -> 'a list -> bool sprawdza, czy wszystkie elementy listy spełniają podany predykat;
- mult_list : int list -> int oblicza iloczyn elementów listy;
- sorted : int list -> bool sprawdza, czy podana lista jest posortowana rosnąco.

Twoja implementacja powinna przerywać przechodzenie po liście, gdy wynik jest już znany.

Zadanie 4 (3p). Zaimplementuj wersję funkcji fold_left, która jest w stylu kontynuacyjnym (CPS, continuation passing style). Jej pierwszy parametr, który jest funkcją, też powinien być w stylu kontynuacyjnym, zatem powinieneś otrzymać funkcję o następującej sygnaturze:

```
fold_left_cps :
    ('a -> 'b -> ('a -> 'c) -> 'c) -> 'a -> 'b list -> ('a -> 'c) -> 'c.
```

Następnie przy jej pomocy zaimplementuj zwykłą funkcję fold_left.

Zadanie 5 (3p). Styl kontynuacyjny, choć nie jest najwygodniejszy, jest bardzo atrakcyjny, bo pozwala wyrazić niemalże dowolny efekt sterowania poprzez odpowiednie manipulowanie kontynuacjami. Wykonaj jeszcze raz polecenie z zadania 3, tym razem z użyciem funkcji fold_left_cps i bez użycia wyjątków.

Wskazówka: Funkcja przekazywana jako parametr do fold_left_cps powinna czasami porzucić swoją kontynuację.

Zadanie 6 (4p). Na stronie przedmiotu znajdują się pliki proc.mli oraz proc.ml, które implementują prostą bibliotekę do lekkich, kooperatywnych wątków. Biblioteka ta definiuje następujący typ

```
type ('a, 'z, 'i, 'o) proc = ('a \rightarrow ('z, 'i, 'o) \text{ ans}) \rightarrow ('z, 'i, 'o) \text{ ans},
```

który opisuje pojedynczy proces, który produkuje wartość typu 'a, może czytać wartości typu 'i ze swojego wejścia, i wypisywać wartości typu 'o na swoje wyjście. Zauważ, że typ proc jest typem obliczeń w CPS-ie, tzn. opisuje on funkcje które, czekają na swoją kontynuację typu 'a -> ('z,'i,'o) ans. Biblioteka dostarcza trzy podstawowe operacje dla takich procesów: funkcje recv i send, które odpowiednio odbierają dane z wejścia i wysyłają na wyjście (recv jest funkcją, bo oczekuje swojej kontynuacji) oraz operator (>|>), który zastępuje bieżący proces dwoma nowymi połączonymi ze sobą. Dodatkowo, funkcja run uruchamia podany proces, dla którego wejściem są kolejne wiersze ze standardowego wejścia, a napisy wysyłane na wyjście przekazywane są do standardowego wyjścia. Na przykład poniższy proces przekazuje swoje wejście bezpośrednio do wyjścia

```
open Proc
let rec echo k =
  recv (fun v ->
  send v (fun () ->
  echo k))
```

Zatem obliczenie wyrażenia run echo nigdy się nie kończy i wypisuje na ekranie wszystkie wiersze wprowadzone z klawiatury.

Zaimplementuj następujące procesy.

• map : ('i -> 'o) -> ('a, 'z, 'i, 'o) proc — proces, który nakłada podaną funkcję po kolei na wszystkie elementy przeczytane z wejścia. Np. obliczenie

```
run (map String.length >|> map string_of_int)
```

powinno po kolei wyświetlać długości wprowadzanych wierszy.

• filter : ('i -> bool) -> ('a, 'z, 'i, 'i) proc — proces, który przekazuje dalej tylko te wartości odczytane z wejścia, które spełniają podany predykat. Np.

```
run (filter (fun s -> String.length s >= 5))
```

powinno wyświetlać tylko te wiersze ze standardowego wejścia, które mają co najmniej 5 znaków.

- nats_from : int -> ('a, 'z, 'i, int) proc proces, który dla danego n wysyła na wyjście wszystkie liczby naturalne zaczynając od n.
- sieve : ('a, 'a, int, int) proc proces, który przesyła dalej pierwszą przeczytaną liczbę n, a następnie zamienia się w swoją kopię złożoną z procesem, który przepuszcza tylko liczby niepodzielne przez n (zastanów się w którą stronę lepiej jest złożyć te procesy). Takiego procesu powinno dać się użyć do wyświetlenia wszystkich liczb pierwszych:

```
run (nats_from 2 >|> sieve >|> map string_of_int)
```

Zadanie 7 (1p). Wyjaśnij implementację biblioteki Proc z poprzedniego zadania.