

ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ АВТОНОМНОЕ  
ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ  
«НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ИТМО»

Отчёт по лабораторной работе № 6  
«10. Regular Expression Matching»

Выполнил работу

Лапшин Максим

Академическая группа J3111

Принято

Практик, магистр Вершинин Владислав

Санкт-Петербург

2024

## **Структура отчёта:**

### **1. Введение**

В данной работе рассматривается реализация алгоритма сопоставления строк с использованием регулярных выражений. Регулярные выражения находят широкое применение в области обработки текста, поиска и валидации данных, а также в других задачах программирования. В частности, мы реализуем алгоритм, который позволяет определять, соответствует ли заданная строка определенному шаблону, содержащему символы, такие как `.` и `*`, где `.` соответствует любому символу, а `*` указывает на ноль или более экземпляров предыдущего символа.

### **2. Цель работы**

Целью данной работы является реализация и демонстрация работы алгоритма сопоставления строк, который позволяет определить, соответствует ли строка заданному шаблону, используя динамическое программирование для эффективного решения проблемы.

### **3. Задачи**

Реализовать функцию, использующую динамическое программирование для сопоставления строки с шаблоном.

Рассмотреть различные случаи, когда шаблон может включать специальные символы, такие как `.` и `*`.

Написать примеры использования функции, показывающие различные сценарии сопоставления строк.

Объяснить логику работы разработанного алгоритма и его ключевые моменты.

### **4. Подсчет по памяти**

В данном решении используется двумерный вектор `dp`, который хранит информацию о том, соответствуют ли подстроки строки `s` и шаблона `p`. Размер этого вектора определяется размерами строки и шаблона:

`s.size() + 1` и `p.size() + 1`.

Таким образом, память, используемая для хранения таблицы  $dp$ , составляет  $O(m \cdot n)$  где  $m$  — длина строки  $s$ , а  $n$  — длина шаблона  $p$ .

Кроме того, память для хранения входных данных (строки и шаблона) также занимает  $O(m+n)$

$O(m+n)$ , но она не учитывается в основном подсчете, так как чаще всего интересует лишь дополнительная память.

## **5. Подсчет асимптотики**

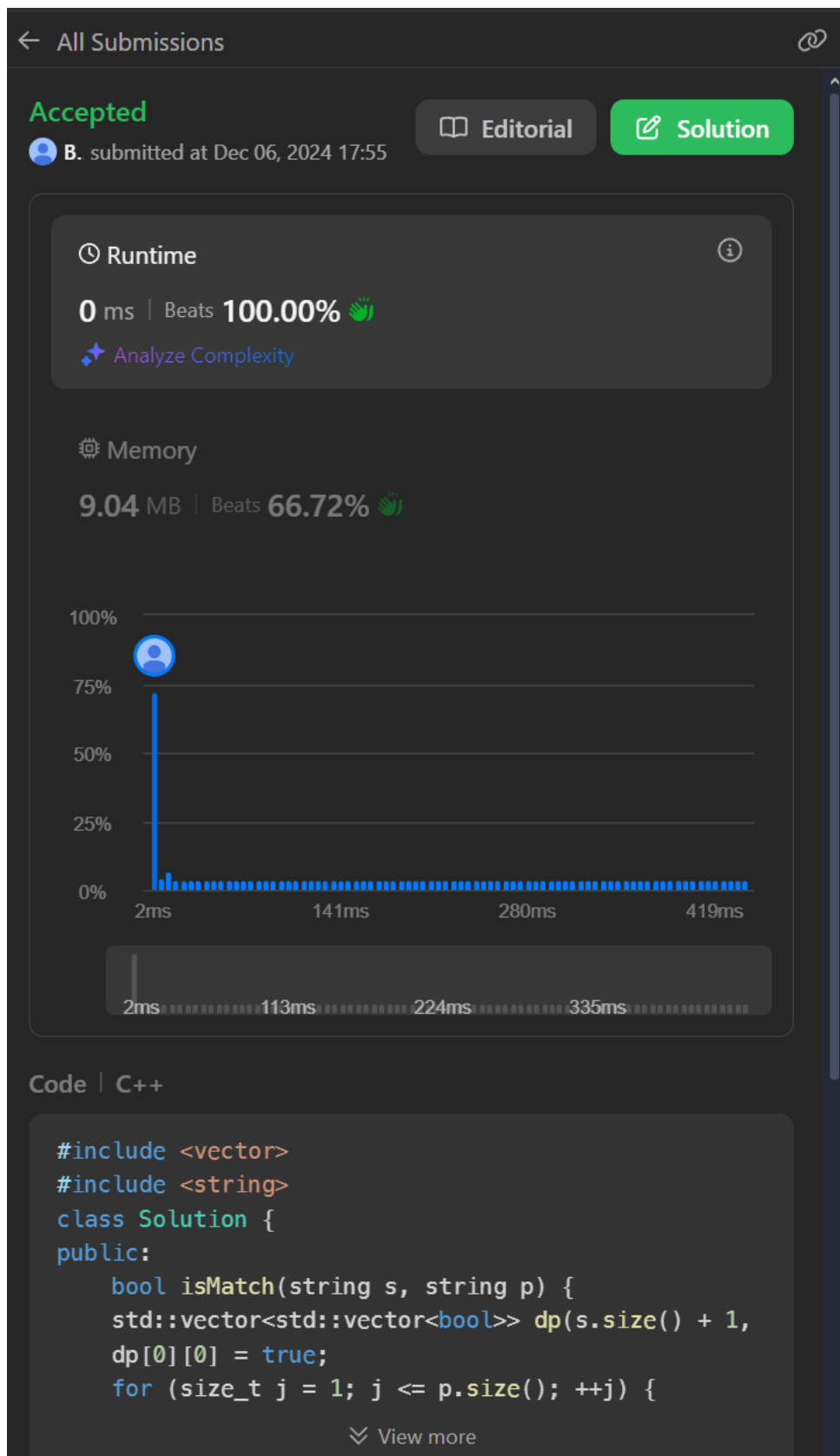
Асимптотика этого алгоритма выясняется из вложенных циклов, которые проходят все возможные подстроки строки и шаблона:

Внешний цикл проходит по всем символам строки  $s$ , что составляет  $O(m)$ .

Внутренний цикл проходит по всем символам шаблона  $p$ , что составляет  $O(n)$ .

Таким образом, общее время выполнения алгоритма составит:

$$O(m \cdot n)$$



Скринь, что задача или задачи прошли все тесты

6. Пояснение к задаче

Задача состоит в проверке, соответствует ли строка заданному шаблону с учетом специальных символов:

. – соответствует любому одиночному символу,

\* – соответствует нулю или более предыдущим символам.

Использование динамического программирования тут оправдано, так как существует множество перекрывающихся подзадач. Для каждой позиции в строке и шаблоне можно использовать ранее вычисленные значения, чтобы принять решение о текущем состоянии. Это значительно улучшает эффективность алгоритма по сравнению с наивным подходом, который мог бы требовать экспоненциального времени.

## 7. Вывод

Таким образом, применение ДП позволяет решать задачу эффективно, сохраняя состояние и избегая повторного вычисления одних и тех же значений.

## Приложение А

```
#include <vector>
#include <string>
class Solution {
public:
    bool isMatch(string s, string p) {
        std::vector<std::vector<bool>>> dp(s.size() + 1,
std::vector<bool>(p.size() + 1, false));
        dp[0][0] = true;
        for (size_t j = 1; j <= p.size(); ++j) {
            if (p[j - 1] == '*') {
                dp[0][j] = dp[0][j - 2];
            }
        }
        for (size_t i = 1; i <= s.size(); ++i) {
            for (size_t j = 1; j <= p.size(); ++j) {
                if (p[j - 1] == s[i - 1] || p[j - 1] == '.') {
                    dp[i][j] = dp[i - 1][j - 1];
                }
                else if (p[j - 1] == '*') {
                    dp[i][j] = dp[i][j - 2] || (dp[i - 1][j] && (s[i - 1] == p[j - 2] || p[j -
2] == '.'));
                }
            }
        }
        return dp[s.size()][p.size()];
    }
};
```