



T.C  
KOCAELİ ÜNİVERSİTESİ  
MÜHENDİSLİK FAKÜLTESİ  
MEKATRONİK MÜHENDİSLİĞİ



ROBOTİK ve OTOMASYON SİSTEMLERİ

COSİMİR ve MATLAB UYGULAMASI



Maksut KAYA

090224040

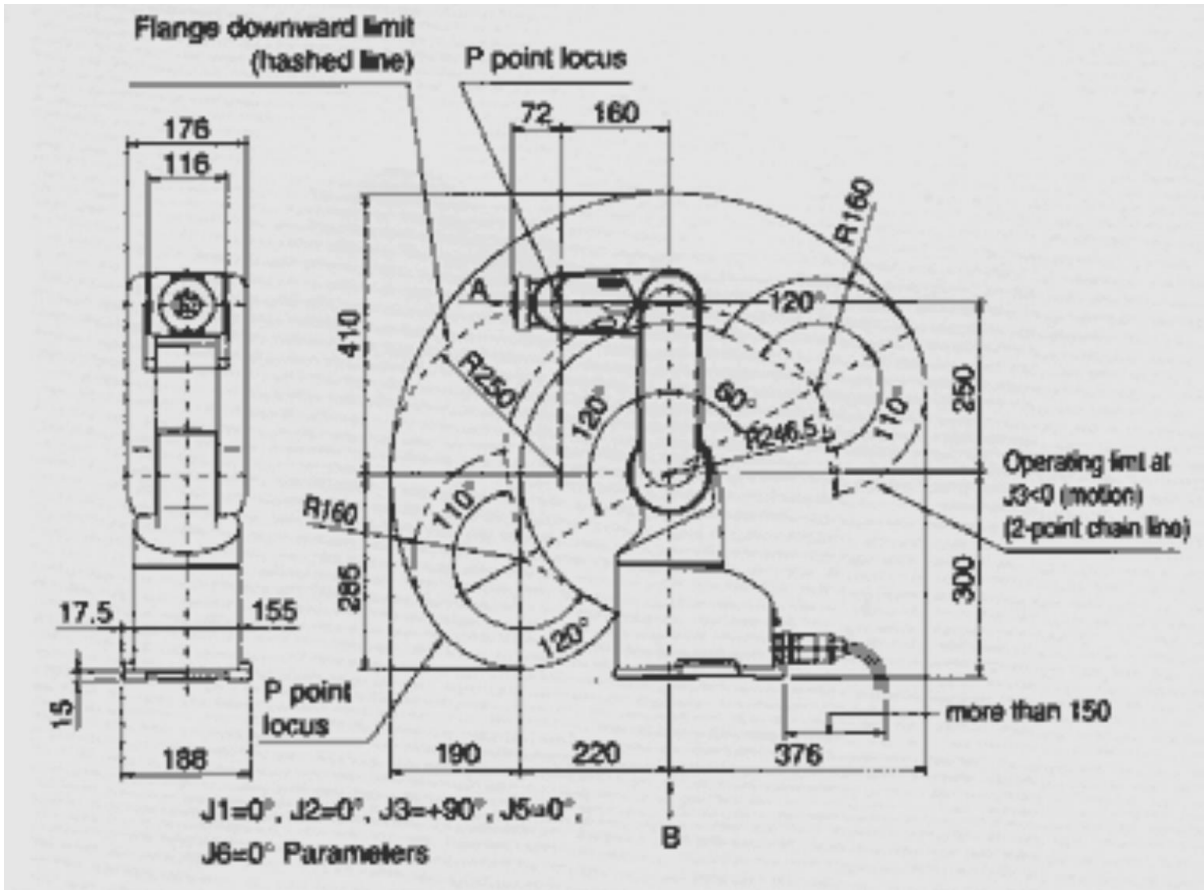
**Mitsubishi RV – 2AJ'nin  
cosimir ve matlab ortamında  
analizi**

## MITSUBISHI RV – 2AJ

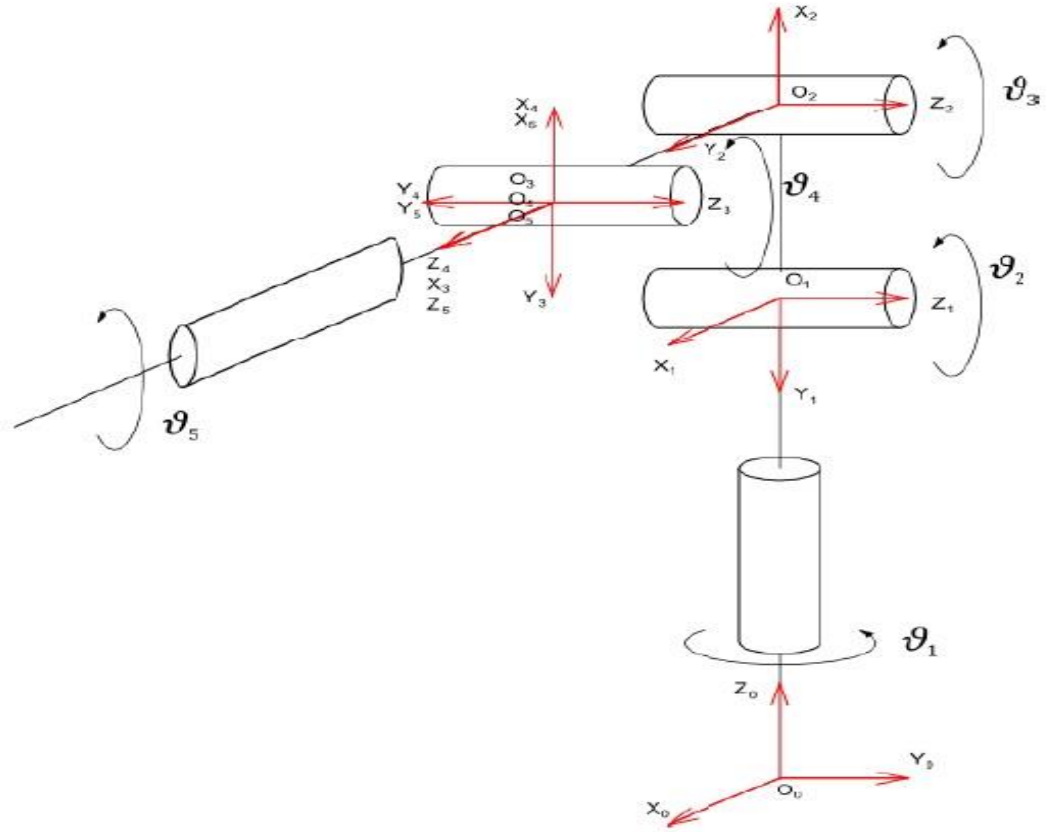
Küçük ebatlı ve 400 mm erişim mesafeli 5 eksenli robot, çalıştığı sistemin hemen yanına, hatta içine monte edilebilen kompakt robotlara ihtiyaç duyulan uygulamalarda tercih edilir. Bu robot küçük parçaların çıkarılması ve/veya takılması işlemleri için önceden programlanmıştır.

Laboratuar ve tıbbi alanlarda kalite kontrolü ve numune hazırlama amaçlı kullanılabilir. Parça tutma işlemleri elektrikli tutucu veya pnömatik tutucu ile yapılabilir. Robot kolu içerisine önceden monte edilmiş pnömatik hortum bağlantısı, tutucular için gerekli basınçlı havayı çabuk ve kolay bir şekilde sağlar.

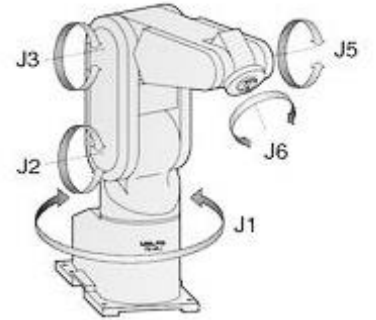
### ROBOT EKLEM UZUNLUKLARI



## DENAİT-HARTENBERG DEĞİŞKENLERİNİN BELİRLENMESİ



<b>i</b>	<b><math>\alpha_{i-1}</math></b>	<b><math>a_{i-1}</math></b>	<b><math>d_i</math></b>	<b><math>\theta_i</math></b>	<b>değişken</b>
1	-90	$a_1$	$d_1 = 300$	$\theta_1$	$\theta_1$
2	0	$a_2$	$d_2 = 0$	-90	$\theta_2$
3	0	$a_3$	$d_3 = 0$	90	$\theta_3$
4	-90	$a_4$	$d_4 = 0$	-90	$\theta_4$
5	0	$a_5$	$d_5 = 72$	0	$\theta_5$

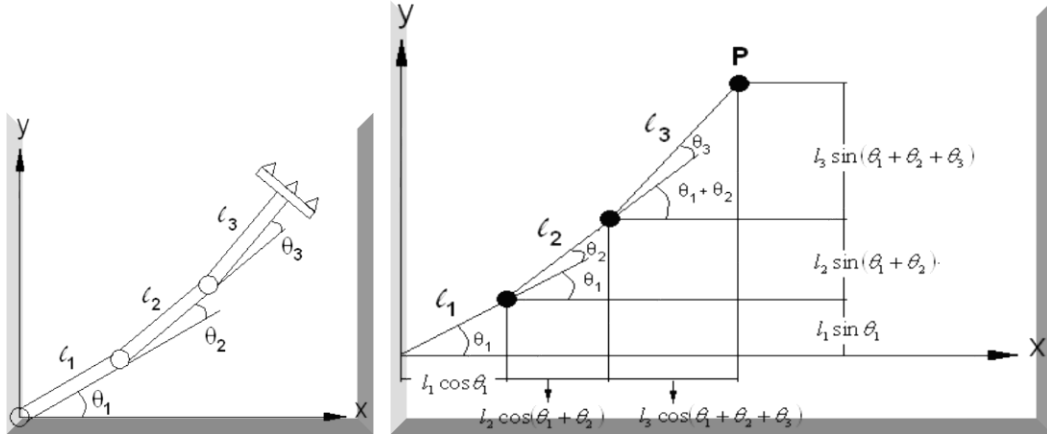


RV-2AJ

## İLERİ KİNEMATİK

- Uç işlevci'nin zemine göre konum ve yönelimini , eklem değişkenleri cinsinden belirleyen ilişkilerdir.
- Her bir ekleme bir koordinat sistemi yerleştirilse komşu iki dönüşüm matrisiyle elde edilir. İlk ekleme ait dönüşüm matrisi ilk eklem ile ana çerçeve arasındaki ilişkiyi tanımlarken, son ekleme ait dönüşüm matrisi uç işlevcisi ile son eklem arasındaki ilişkiyi ifade eder.
- Arka arkaya sıralanan bu eklem dönüşüm matrisleriyle ana çerçeve ile araç çerçevesi arasındaki ilişki tanımlanır. Bu ilişkiye de ileri kinematik denir. Ana çerçeve ile araç çerçevesi arasındaki ilişki şeklinde tanımlanır.
- İleri Kinematik Problemlerinin Çözümünde Kullanılan Yaklaşımlar
  - **Cebirsel Yaklaşım :** Bu yaklaşım manipülatörün parametreleri ve eklem değişkenleri arasındaki cebirsel ilişkilerden yararlanır.
  - **Geometrik Yaklaşım:** Bu yaklaşım manipülatör durumuna bağlı olarak oluşan geometrik şekilden yararlanır.
- Eklem Değişkenlerinin Belirlenmesi
  - Kinematik problemler kartezyen üç boyutlu ve kartonom dört boyutlu olmak üzere iki farklı uzayda gerçekleştirilir. Kartezyen uzayda üstel yöntem, Pieper-Roth yöntemi ve Denativ-Hartenberg yöntemi kullanılır. Ancak en fazla tercih edilen yöntem Denativ-Hartenberg yöntemidir.
- **Denativ-Hartenberg Yöntemi**
  - iki eksen arasındaki uzuv uzunluğu.....  $a_{i-1}$
  - iki komşu eksen arasındaki eksen açısı.....  $\alpha_{i-1}$
  - üst üste çıkan bağlar arasındaki eklem.....  $d_i$  kayması(kaçıklığı)
  - iki komşu uzuv arasındaki eklem açıklığı....  $\theta_{i-1}$
- Eksenler aşağıdaki hususlar dikkate alınarak yerleştirilir.
  - Öncelikle eklem eksenleri dönme veya kayma yönleri belirlenir ve bu eksene paralel bir doğru çizilir
  - Bu işlem gerçekleştirilirken eklem eksenleri, döner eksenler için dönme yönü Z, prizmatik eklemler için kayma yönü X eksenini olarak belirlenir
  - Z eksenine dik ve kol boyunca olan bağ (uzuv) uzunluğu X eksenini olarak kabul edilir.
  - Z ve X eksenleri belirlendikten sonra sağ el kuralına göre Y eksenini bulunur.

- Eğer arka arkaya gelen 2 eklemin dönme veya kayma yönleri aynı ise Z eksenini belirledikten sonra kol boyunca X eksenini belirleriz.
- Son olarak sağ el kuralına göre Y eksenini belirleriz
- 0 ve 1. eksenler üst üste kabul edilebilir.
- Bir seri robotun eklemine koordinat sistemleri yerleştirilirken 1. eksenin dönme yönü Z eksenini olarak belirlendikten sonra genellikle bu eksene X eksenince döndürüldüğünde komşu iki Z eksenini çıkışacak şekilde bir X eksenini yerleştirilir
- Robotun dönme eksenleri belirlenir ve dönme eksenleri uzuvlardan bir fazla olacak şekilde numaralandırılır.
- Bu eksenlerin her birine bir koordinat sistemi yerleştirilir ve uzuv dönme eksenini aşağıdaki şekilde görüldüğü gibi koordinat sisteminin Z eksenini olarak kabul edilir.
- Robotun hareket etmesiyle değişmeyen parametreler:
  - uzuv uzunlukları
  - eksen açıları
- Değişken parametreler:
  - eklem döner ise; eklem açısı
  - eklem prizmatik ise; eklem kaçıklığıdır.
- Dönüşüm matrislerinin çarpılmasıyla uç işlevcisinin konumunu ve yönelimini içeren ve eklem değişkenlerinin birer fonksiyonu olan genel bir dönüşüm matrisi elde edilir. Bu matriste 9 adet dönme ( $r_{11}, r_{12}, r_{13}, r_{21}, r_{22}, r_{23}, r_{31}, r_{32}$  ve  $r_{33}$ ) ve 3 adet de konum ( $p_x, p_y$  ve  $p_z$ ) belirten toplam 12 elemanı bulunur.



$$P_x = l_1 \cos \theta_1 + l_2 \cos(\theta_1 + \theta_2) + l_3 \cos(\theta_1 + \theta_2 + \theta_3)$$

$$P_y = l_1 \sin \theta_1 + l_2 \sin(\theta_1 + \theta_2) + l_3 \sin(\theta_1 + \theta_2 + \theta_3)$$

$$T_i^{i-1} = \begin{bmatrix} c_{\theta_i} & -s_{\theta_i} & 0 & a_{i-1} \\ s_{\theta_i}c_{a_{i-1}} & c_{\theta_i}c_{a_{i-1}} & -s_{a_{i-1}} & -s_{a_{i-1}}d_i \\ s_{\theta_i}s_{a_{i-1}} & c_{\theta_i}s_{a_{i-1}} & c_{a_{i-1}} & c_{a_{i-1}}d_i \\ 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

$$T_6^0 = T_1^0 T_2^1 T_3^2 T_4^3 T_5^4 T_6^5$$

## MATLAB KODLARI

```

theta1=*;
theta2=*;
theta3=*;
theta4=*;
theta5=*;

T01=[cosd(theta1) 0 -sind(theta1) 0;
      sind(theta1) 0 cosd(theta1) 0;
      0 -1 0 300;
      0 0 0 1];
T12=[cosd(theta2-90) -sind(theta2-90) 0 250*cosd(theta2-90);
      sind(theta2-90) cosd(theta2-90) 0 250*sind(theta2-90);
      0 0 1 0;
      0 0 0 1];
T23=[cosd(theta3) -sind(theta3) 0 160*cosd(theta3);
      sind(theta3) cosd(theta3) 0 160*sind(theta3);
      0 0 1 0;
      0 0 0 1];
T34=[cosd(theta4+90) 0 sind(theta4+90) 0;
      sind(theta4+90) 0 -cosd(theta4+90) 0;
      0 1 0 0;
      0 0 0 1];
T45=[cosd(theta5) -sind(theta5) 0 0;
      sind(theta5) cosd(theta5) 0 0;
      0 0 1 72;
      0 0 0 1];
T56=[1 0 0 0;
      0 1 0 0;
      0 0 1 123;
      0 0 0 1];

T=T01*T12*T23*T34*T45*T56

```

## ÖRNEKLER

Örnek1;

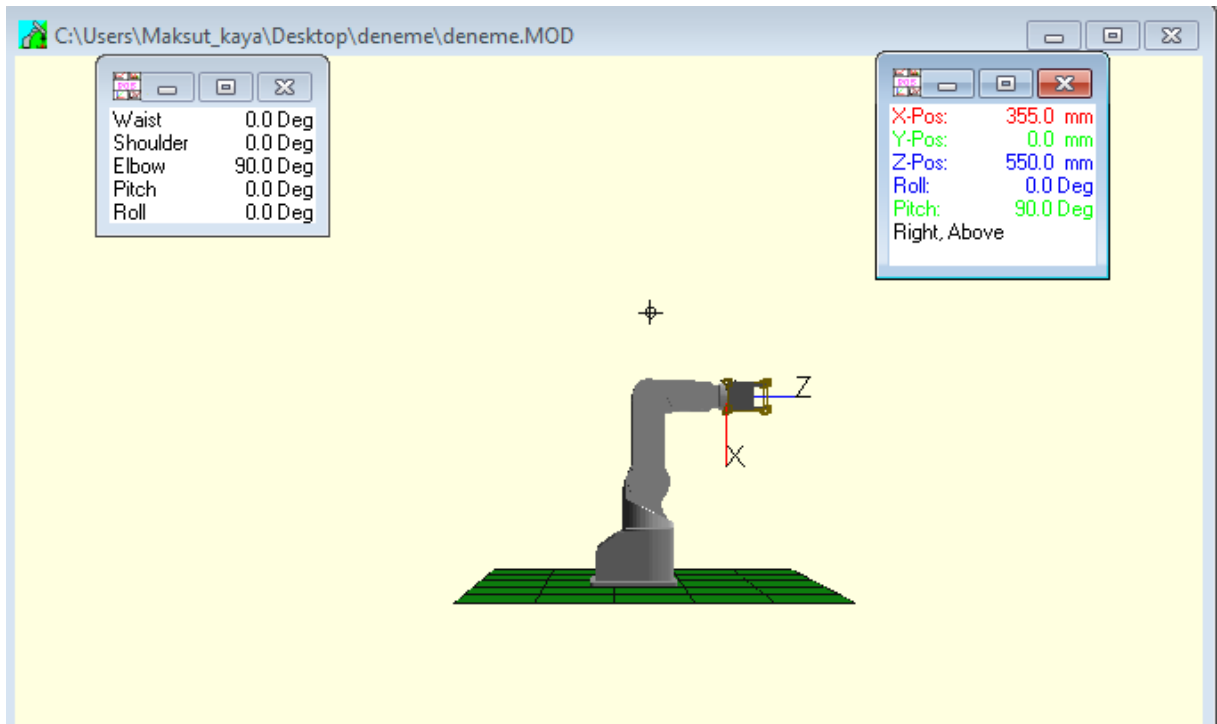
Matlab cevabı:

theta1=0; theta2=0; theta3=90; theta4=0; theta5=0;

$T_6^0 =$

0	0	1	355
0	1	0	0
-1	0	0	550
0	0	0	1

Cosimir cevabı:



Örnek2;

Matlab cevabı:

theta1=-50; theta2=25; theta3=70; theta4=25; theta5=60

$T_6^0 =$

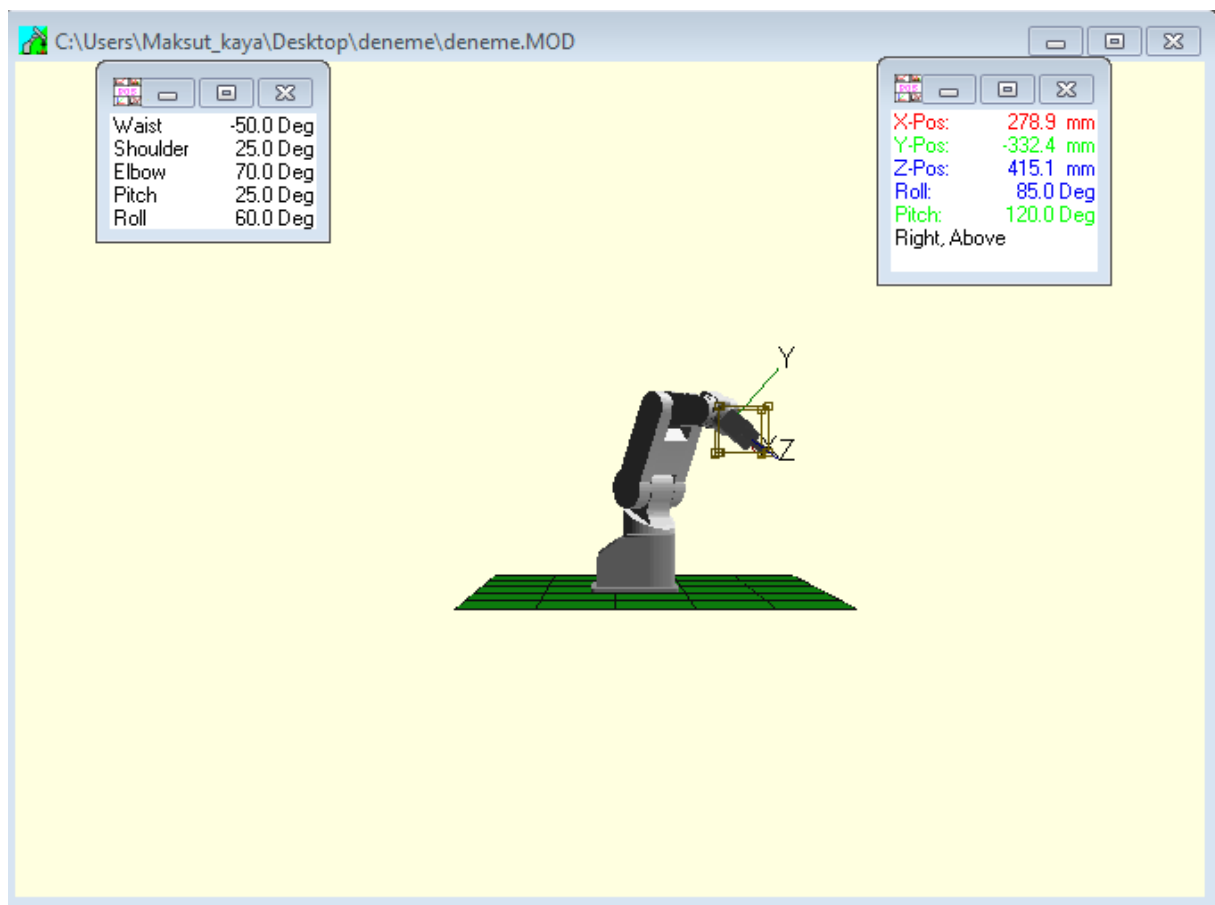
0.5027   0.6614   0.5567   278.9188

0.7482   -0.0103   -0.6634   -332.4025

-0.4330   0.7500   -0.5000   415.1320

0   0   0   1.0000

Cosimir cevabı:





Örnek3;

Matlab cevabı:

theta1=-120; theta2=-10; theta3=45; theta4=10; theta5=100;

$T_6^0 =$

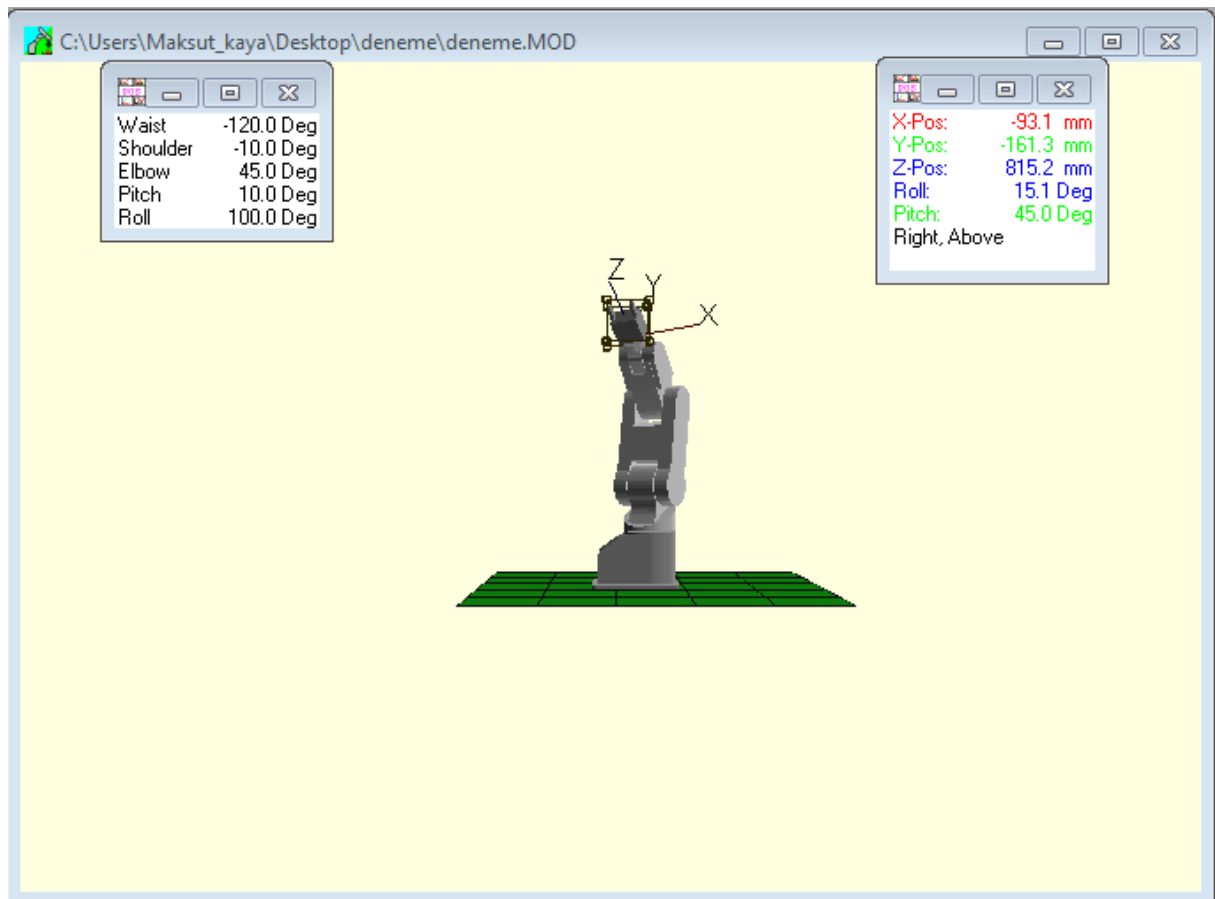
0.9143   0.1978   -0.3536   -93.1230

-0.3861   0.6899   -0.6124   -161.2938

0.1228   0.6964   0.7071   815.1521

0   0   0   1.0000

Cosimir cevabı:



Örnek4;

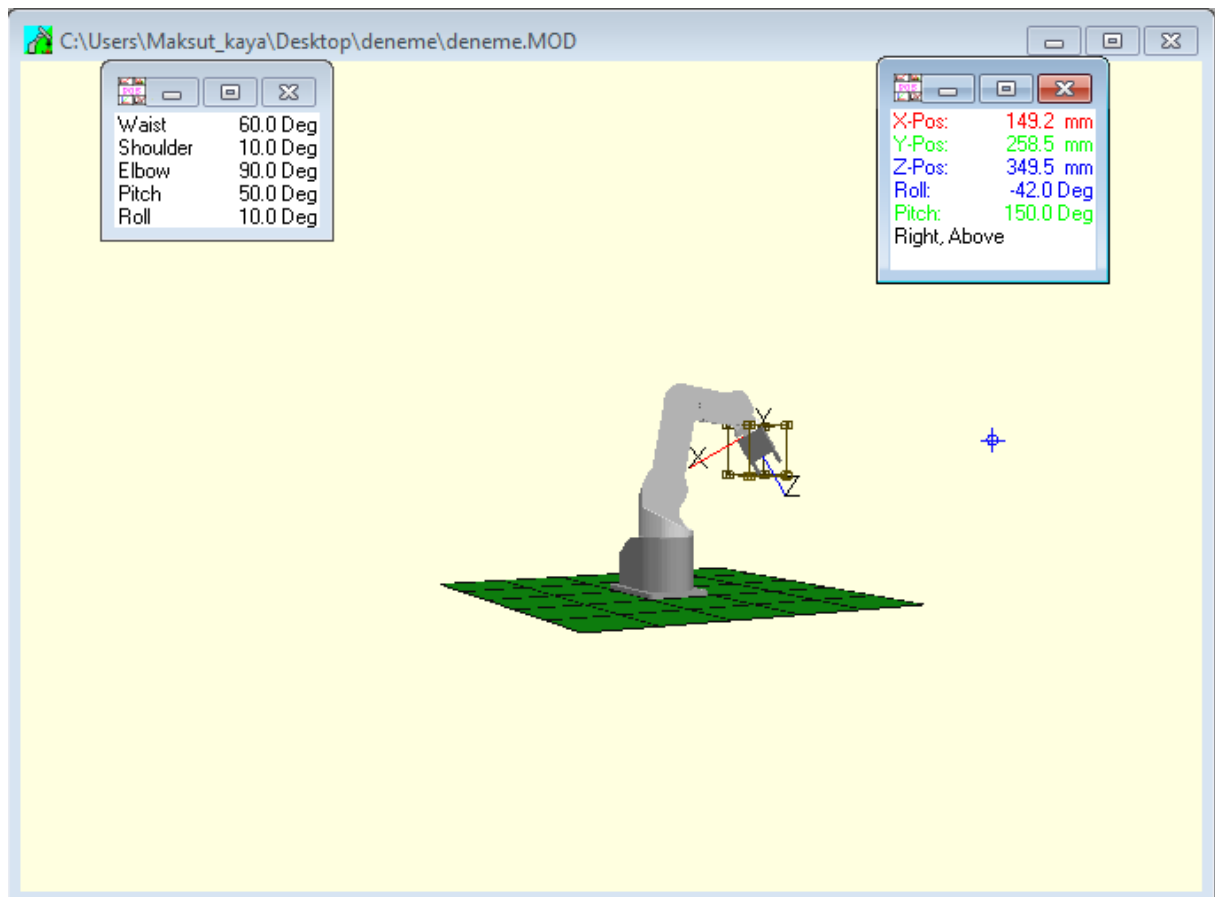
Matlab cevabı:

theta1=60; theta2=10; theta3=90; theta4=50; theta5=10;

$T_6^0 =$

-0.5768	-0.7777	0.2500	149.2406
-0.6518	0.6226	0.4330	258.4924
-0.4924	0.0868	-0.8660	349.5433
0	0	0	1.0000

Cosimir cevabı:



Örnek5;

Matlab cevabı:

theta1=-90; theta2=50; theta3=55; theta4=50; theta5=40;

$T_6^0 =$

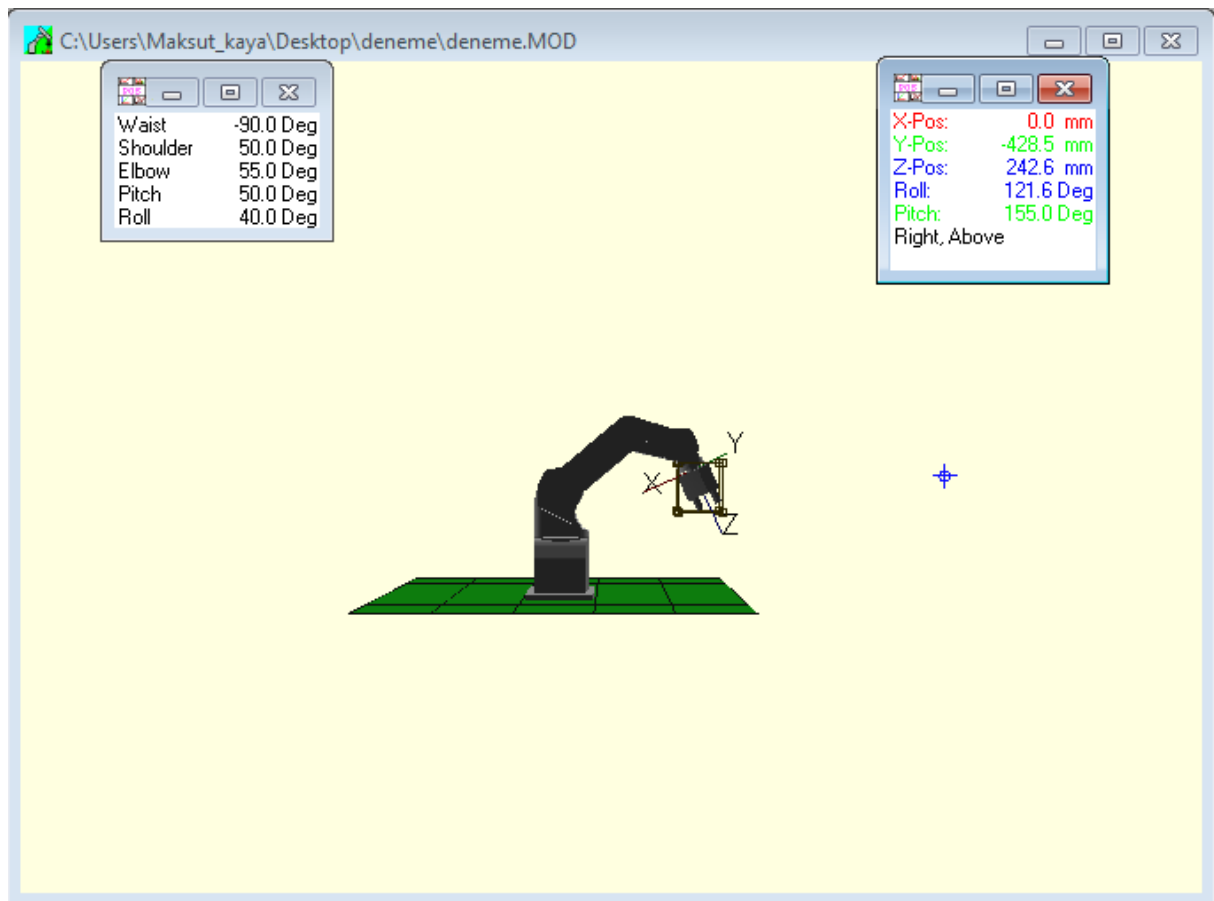
0.6428 0.7660 0 0

0.6943 -0.5826 -0.4226 -428.4698

-0.3237 0.2717 -0.9063 242.5558

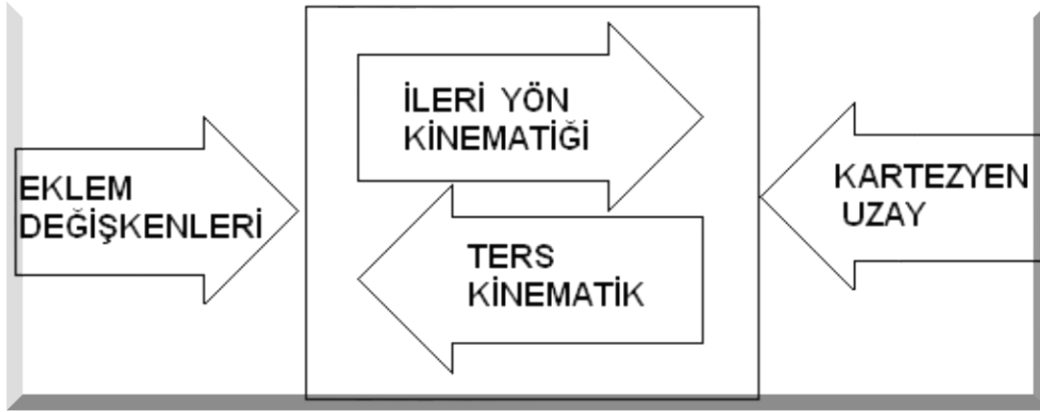
0 0 0 1.0000

Cosimir cevabı:

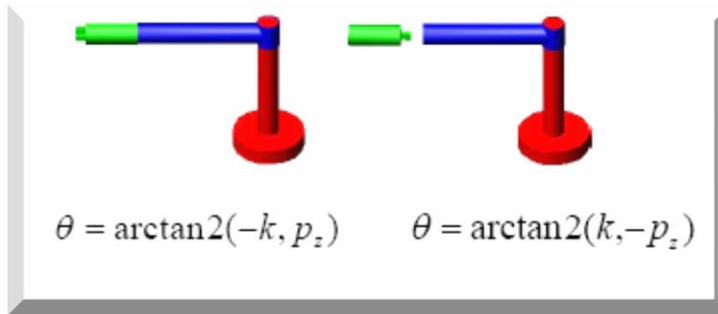


## TERS KİNEMATİK

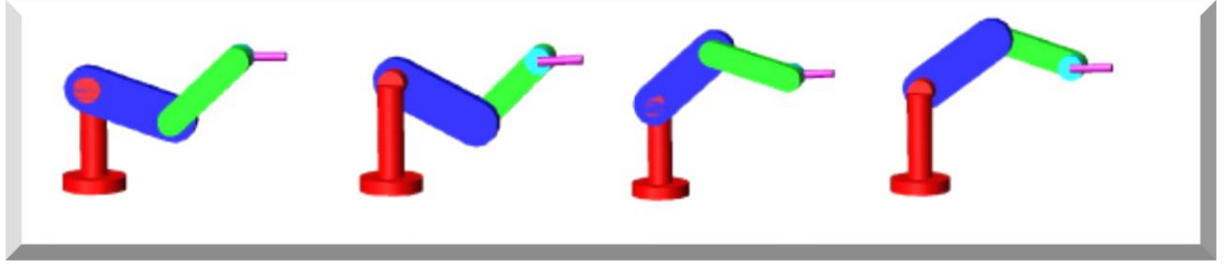
- Robotun uç işlevcisinin ana çerçeveye göre konumu ve yönelimi verildiğinde manipülatörün bu konuma ve yönelime gelebilmesi için gerekli eklem değişkenlerinin bulunmasıdır.



- Ters kinematik aşağıdaki nedenlerden dolayı çözülmesi oldukça zor olan problemler içerir
- Analitik olarak karmaşık, doğrusal olmayan denklemler içerir.
- Eklemlerin yapısına bağlıdır. Eğer robot prizmatik eklemlerden oluşuyorsa ters kinematik problemin çözümü kolaylaşırken, robottaki döner eklem sayısı arttıkça problemin çözümü de o derece zorlaşmaktadır.
- Her zaman matematiksel çözüm fiziksel çözümü temsil etmez. Birinci şekilde matematiksel çözümle fiziksel çözüm örtüşürken ikinci şekilde örtüşmez



- Aynı uç işlevci düzenleşimi için birden fazla çözüm olabilir. Ters kinematik çözüm sayısı robotun serbestlik derecesinin yanında aynı zamanda eklem değişkenlerine de bağlıdır. Her bir eklemden uzuv uzunluğu ve eklem kaçıklığının olması çözüm sayısının artmasına neden olur. Örneğin 6R robotta her bir eklem için en azından bir uzuv uzunluğu ve eklem kaçıklığı olduğundan ters kinematik çözüm sayısı  $=64$ 'dür
- Yalnız bu çözümlerin bir kısmı gerçek bir kısmı ise sanaldır. Dönel eklemlerden oluşan robotlarda fiziksel çözüm sayısının fazla olması, üç boyutlu uzayda bir noktaya birkaç şekilde ulaşma imkânı sağlar.
- Örneğin; Şekildeki robotun aynı noktaya dört farklı şekilde erişebildiğini gösterir.



- Ters Kinematik Problemlerine Analitik Çözüm Yaklaşımı

- Craig tarafından tanımlanan altı serbestlik derecesine sahip bir robotun ileri yön kinematiği aşağıdaki gibi yazılabilir.

- $${}^0T_6 = {}^0T_1 {}^1T_2 {}^2T_3 {}^3T_4 {}^4T_5 {}^5T_6$$

- $$[{}^0T_1]^{-1} {}^0T_1 = I$$

Olduğundan yukarıdaki denklem daha basit bir ifadeyle elde edilebilir

$$[{}^0T_1]^{-1} {}^0T_6 = {}^1T_2 {}^2T_3 {}^3T_4 {}^4T_5 {}^5T_6$$

$$[{}^0T_1 {}^1T_2]^{-1} {}^0T_6 = {}^2T_3 {}^3T_4 {}^4T_5 {}^5T_6$$

$$[{}^0T_1 {}^1T_2 {}^2T_3]^{-1} {}^0T_6 = {}^3T_4 {}^4T_5 {}^5T_6$$

$$[{}^0T_1 {}^1T_2 {}^2T_3 {}^3T_4]^{-1} {}^0T_6 = {}^4T_5 {}^5T_6$$

$$[{}^0T_1 {}^1T_2 {}^2T_3 {}^3T_4 {}^4T_5]^{-1} {}^0T_6 = {}^5T_6$$

- Ters kinematik çözüm gerçekleştirilirken kullanılan bazı trigonometrik eşitlikler.

$$\cos \theta = a \quad \text{ise} \quad \theta = \arctan 2(\pm \sqrt{1-a^2}, a)$$

$$\sin \theta = a \quad \text{ise} \quad \theta = \arctan 2(a, \pm \sqrt{1-a^2})$$

$$\cos \theta = a \quad \text{ve} \quad \sin \theta = b \quad \text{ise} \quad \theta = \arctan 2(b, a)$$

$$a \sin \theta + b \cos \theta = 0 \quad \text{ise}$$

$$\theta = \arctan 2(-b, a) \quad \text{veya} \quad \theta = \arctan 2(b, -a)$$

$$a \sin \theta + b \cos \theta = c \quad \text{ise}$$

$$\theta = \arctan 2(a, b) + \theta = \arctan 2(\pm \sqrt{a^2 + b^2 - c^2}, c)$$

## MATLAB KODLARI

```
close all; clear all; clc;
% Mitsubishi RV-2AJ Robotu için ileri ve Ters Kinematik Cozumu
% istediğimiz bir aci degerini giriyoruz:

theta1=***; theta2=***; theta3=***; theta4=***; theta5=***;
% Ters kinematik cozumu Theta4 ve Theta5 acilari sifir kabul edilerek ilk 3
% eklemin acilarina gore bulunmaktadır.
% Ters kinematik cozumu için uc islevcinin konum vektorleri

Px=***; %yukaridaki aci degerlerine gore elde ettigimiz konum vektoru
Py=***;
Pz=***;
%% ileri kinematik matrisimizin degisken cinsinden elde edilmesi
syms waist shoulder elbow pitch roll
syms r11 r12 r13 r21 r22 r23 r31 r32 r33 px py pz

T01=[ cos(waist) 0 -sin(waist) 0;
      sin(waist) 0 cos(waist) 0;
      0 -1 0 300;
      0 0 0 1];

T12=[cos(shoulder-(pi/2)) -sin(shoulder-(pi/2)) 0 250*cos(shoulder-(pi/2));
      sin(shoulder-(pi/2)) cos(shoulder-(pi/2)) 0 250*sin(shoulder-(pi/2));
      0 0 1 0;
      0 0 0 1];

T23=[cos(elbow) -sin(elbow) 0 160*cos(elbow);
      sin(elbow) cos(elbow) 0 160*sin(elbow);
      0 0 1 0;
      0 0 0 1];

T34=[cos(pitch+(pi/2)) 0 sin(pitch+(pi/2)) 0;
      sin(pitch+(pi/2)) 0 -cos(pitch+(pi/2)) 0;
      0 1 0 0;
      0 0 0 1];

T45=[cos(roll) -sin(roll) 0 0;
      sin(roll) cos(roll) 0 0;
      0 0 1 72;
      0 0 0 1];

T56=[ 1 0 0 0;
      0 1 0 0;
      0 0 1 123;
      0 0 0 1];

T06s = [ r11 r12 r13 px ;
         r21 r22 r23 py ;
         r31 r32 r33 pz ;
```

```
0 0 0 1];
```

```
T06 = T01*T12*T23*T34*T45*T56
```

```
%% ters kinematik uygulaması
```

```
Ters = subs(T06,{ 'waist','shoulder','elbow','pitch','roll'},{ theta1*(pi/180) , theta2*(pi/180) , theta3*(pi/180) ,  
theta4*(pi/180) , theta5*(pi/180)});
```

```
Ters
```

```
T16 = T12*T23*T34*T45*T56;
```

```
T26 = T23*T34*T45*T56;
```

```
T01_inverse = inv(T01);
```

```
T02_inverse = inv(T01*T12);
```

```
K1=T01_inverse*T06s;
```

```
K2=T02_inverse*T06s;
```

```
%Konum vektörünün yerleştirilmesi
```

```
K1_ = subs(K1,{ 'px','py','pz'},{ Px, Py, Pz});
```

```
K2_ = subs(K2,{ 'px','py','pz'},{ Px, Py, Pz});
```

```
eq1 = simplify(K1_(1,4)- T16(1,4)) %çözümlemeler birbirinden
```

```
eq2 = simplify(K1_(2,4)- T16(2,4)) %cikarilarak sifira eşitlendi
```

```
eq3 = simplify(K1_(3,4)- T16(3,4)) %ve acıları bulmak için hazır
```

```
eq4 = simplify(K2_(1,4)- T26(1,4)) %hale getirildi
```

```
eq5 = simplify(K2_(2,4)- T26(2,4))
```

```
eq6 = simplify(K2_(3,4)- T26(2,4))
```

```
sonuc=solve(eq3,waist); %eq2 çözümünden direk olarak waist açısını buluruz
```

```
sonuc_waist=double(sonuc)
```

```
%artık waist açısını bilmekteyiz ve bütün denklemlere yerleştiriyoruz
```

```
%sadece iki bilinmeyenli 6 denkleminiz kalıyor elimizde
```

```
eq1s=subs(eq1,{ 'waist','pitch'},{ sonuc_waist,0});
```

```
eq2s=subs(eq2,{ 'waist','pitch'},{ sonuc_waist,0});
```

```
eq3s=subs(eq3,{ 'waist','pitch'},{ sonuc_waist,0});
```

```
eq4s=subs(eq4,{ 'waist','pitch'},{ sonuc_waist,0});
```

```
eq5s=subs(eq5,{ 'waist','pitch'},{ sonuc_waist,0});
```

```
eq6s=subs(eq6,{ 'waist','pitch'},{ sonuc_waist,0});
```

```
%denklemlere bakarsak eq1 eq2 çözümlerinden iki bilinmeyenli
```

```
%iki denkleminiz vardır buradan da shoulder ve elbow açılarını buluruz
```

```
[X3 X2]=solve(eq1s,eq2s,elbow,shoulder);
```

```
sonuc_shoulder=double(X2);
```

```
sonuc_elbow=double(X3);
```

```
%Son olarak da elde ettiğimiz açılar doğruluyoruz
```

```
Theta1=sonuc_waist.*180/pi
```

```
Theta2=sonuc_shoulder.*180/pi
```

```
Theta3=sonuc_elbow.*180/pi
```

## ÖRNEKLER

Örnek1;

Matlab cevabi:

```
theta1 = 60
theta2 = 10
heta3 = 90
theta4 =0
theta5 =0
Px =196.5094
Py =340.3643
Pz =467.2174
```

T06 =

```
[ - sin(roll)*sin(waist) - cos(roll)*(cos(pi/2 + pitch)*(sin(elbow)*cos(waist)*sin(shoulder -
pi/2) - cos(elbow)*cos(waist)*cos(shoulder - pi/2)) + sin(pi/2 +
pitch)*(cos(elbow)*cos(waist)*sin(shoulder - pi/2) + sin(elbow)*cos(waist)*cos(shoulder -
pi/2))), sin(roll)*(cos(pi/2 + pitch)*(sin(elbow)*cos(waist)*sin(shoulder - pi/2) -
cos(elbow)*cos(waist)*cos(shoulder - pi/2)) + sin(pi/2 +
pitch)*(cos(elbow)*cos(waist)*sin(shoulder - pi/2) + sin(elbow)*cos(waist)*cos(shoulder -
pi/2))) - cos(roll)*sin(waist), cos(pi/2 + pitch)*(cos(elbow)*cos(waist)*sin(shoulder - pi/2) +
sin(elbow)*cos(waist)*cos(shoulder - pi/2)) - sin(pi/2 +
pitch)*(sin(elbow)*cos(waist)*sin(shoulder - pi/2) - cos(elbow)*cos(waist)*cos(shoulder -
pi/2)), 250*cos(waist)*cos(shoulder - pi/2) + 195*cos(pi/2 +
pitch)*(cos(elbow)*cos(waist)*sin(shoulder - pi/2) + sin(elbow)*cos(waist)*cos(shoulder -
pi/2)) - 195*sin(pi/2 + pitch)*(sin(elbow)*cos(waist)*sin(shoulder - pi/2) -
cos(elbow)*cos(waist)*cos(shoulder - pi/2)) - 160*sin(elbow)*cos(waist)*sin(shoulder - pi/2)
+ 160*cos(elbow)*cos(waist)*cos(shoulder - pi/2)]
[ cos(waist)*sin(roll) - cos(roll)*(cos(pi/2 + pitch)*(sin(elbow)*sin(waist)*sin(shoulder -
pi/2) - cos(elbow)*cos(shoulder - pi/2)*sin(waist)) + sin(pi/2 +
pitch)*(cos(elbow)*sin(waist)*sin(shoulder - pi/2) + sin(elbow)*cos(shoulder -
pi/2)*sin(waist))), cos(roll)*cos(waist) + sin(roll)*(cos(pi/2 +
pitch)*(sin(elbow)*sin(waist)*sin(shoulder - pi/2) - cos(elbow)*cos(shoulder -
pi/2)*sin(waist)) + sin(pi/2 + pitch)*(cos(elbow)*sin(waist)*sin(shoulder - pi/2) +
sin(elbow)*cos(shoulder - pi/2)*sin(waist))), cos(pi/2 +
pitch)*(cos(elbow)*sin(waist)*sin(shoulder - pi/2) + sin(elbow)*cos(shoulder -
pi/2)*sin(waist)) - sin(pi/2 + pitch)*(sin(elbow)*sin(waist)*sin(shoulder - pi/2) -
cos(elbow)*cos(shoulder - pi/2)*sin(waist)), 250*cos(shoulder - pi/2)*sin(waist) +
195*cos(pi/2 + pitch)*(cos(elbow)*sin(waist)*sin(shoulder - pi/2) + sin(elbow)*cos(shoulder
- pi/2)*sin(waist)) - 195*sin(pi/2 + pitch)*(sin(elbow)*sin(waist)*sin(shoulder - pi/2) -
```



$\cos(\text{elbow}) * \cos(\text{shoulder} - \pi/2) * \sin(\text{waist})) - 160 * \sin(\text{elbow}) * \sin(\text{waist}) * \sin(\text{shoulder} - \pi/2)$   
 $+ 160 * \cos(\text{elbow}) * \cos(\text{shoulder} - \pi/2) * \sin(\text{waist})]$   
 $[$   
 $\quad -\cos(\text{roll}) * (\cos(\pi/2 +$   
 $\text{pitch}) * (\cos(\text{elbow}) * \sin(\text{shoulder} - \pi/2) + \sin(\text{elbow}) * \cos(\text{shoulder} - \pi/2)) + \sin(\pi/2 +$   
 $\text{pitch}) * (\cos(\text{elbow}) * \cos(\text{shoulder} - \pi/2) - \sin(\text{elbow}) * \sin(\text{shoulder} - \pi/2))),$   
 $\sin(\text{roll}) * (\cos(\pi/2 + \text{pitch}) * (\cos(\text{elbow}) * \sin(\text{shoulder} - \pi/2) + \sin(\text{elbow}) * \cos(\text{shoulder} -$   
 $\pi/2)) + \sin(\pi/2 + \text{pitch}) * (\cos(\text{elbow}) * \cos(\text{shoulder} - \pi/2) - \sin(\text{elbow}) * \sin(\text{shoulder} - \pi/2))),$   
 $\cos(\pi/2 + \text{pitch}) * (\cos(\text{elbow}) * \cos(\text{shoulder} - \pi/2) - \sin(\text{elbow}) * \sin(\text{shoulder} - \pi/2)) - \sin(\pi/2$   
 $+ \text{pitch}) * (\cos(\text{elbow}) * \sin(\text{shoulder} - \pi/2) + \sin(\text{elbow}) * \cos(\text{shoulder} - \pi/2)),$   
 $195 * \cos(\pi/2 + \text{pitch}) * (\cos(\text{elbow}) * \cos(\text{shoulder} - \pi/2) - \sin(\text{elbow}) * \sin(\text{shoulder} - \pi/2)) -$   
 $160 * \cos(\text{elbow}) * \sin(\text{shoulder} - \pi/2) - 160 * \sin(\text{elbow}) * \cos(\text{shoulder} - \pi/2) -$   
 $250 * \sin(\text{shoulder} - \pi/2) - 195 * \sin(\pi/2 + \text{pitch}) * (\cos(\text{elbow}) * \sin(\text{shoulder} - \pi/2) +$   
 $\sin(\text{elbow}) * \cos(\text{shoulder} - \pi/2)) + 300]$   
 $[$   
 $0,$   
 $0,$   
 $0,$   
 $1]$

Ters =

-0.0868	-0.8660	0.4924	<b>196.5094</b>
-0.1504	0.5000	0.8529	<b>340.3643</b>
-0.9848	0	-0.1736	<b>484.5568</b>
0	0	0	1.0000

eq1 =

$(6914059848553123 * \cos(\text{waist})) / 35184372088832 - 160 * \sin(\text{elbow} + \text{shoulder}) -$   
 $195 * \sin(\text{elbow} + \text{pitch} + \text{shoulder}) - 250 * \sin(\text{shoulder}) +$   
 $(5987752088477421 * \sin(\text{waist})) / 17592186044416$

eq2 =

$195 * \cos(\text{elbow} + \text{pitch} + \text{shoulder}) + 160 * \cos(\text{elbow} + \text{shoulder}) + 250 * \cos(\text{shoulder}) -$   
 $367714951332941 / 2199023255552$

eq3 =

$(5987752088477421 * \cos(\text{waist})) / 17592186044416 -$   
 $(6914059848553123 * \sin(\text{waist})) / 35184372088832$

eq4 =

$(367714951332941 * \cos(\text{shoulder})) / 2199023255552 - 160 * \cos(\text{elbow}) +$   
 $195 * \sin(\text{elbow}) * \sin(\text{pitch}) +$   
 $(6914059848553123 * \cos(\text{waist}) * \sin(\text{shoulder})) / 35184372088832 +$

$$(5987752088477421*\sin(\text{shoulder})*\sin(\text{waist}))/17592186044416 - 195*\cos(\text{elbow})*\cos(\text{pitch}) - 250$$

eq5 =

$$(6914059848553123*\cos(\text{shoulder})*\cos(\text{waist}))/35184372088832 - (367714951332941*\sin(\text{shoulder}))/2199023255552 - 195*\cos(\text{elbow})*\sin(\text{pitch}) - 195*\cos(\text{pitch})*\sin(\text{elbow}) - 160*\sin(\text{elbow}) + (5987752088477421*\cos(\text{shoulder})*\sin(\text{waist}))/17592186044416$$

eq6 =

$$(5987752088477421*\cos(\text{waist}))/17592186044416 - 160*\sin(\text{elbow}) - 195*\sin(\text{elbow} + \text{pitch}) - (6914059848553123*\sin(\text{waist}))/35184372088832$$

sonuc\_waist =

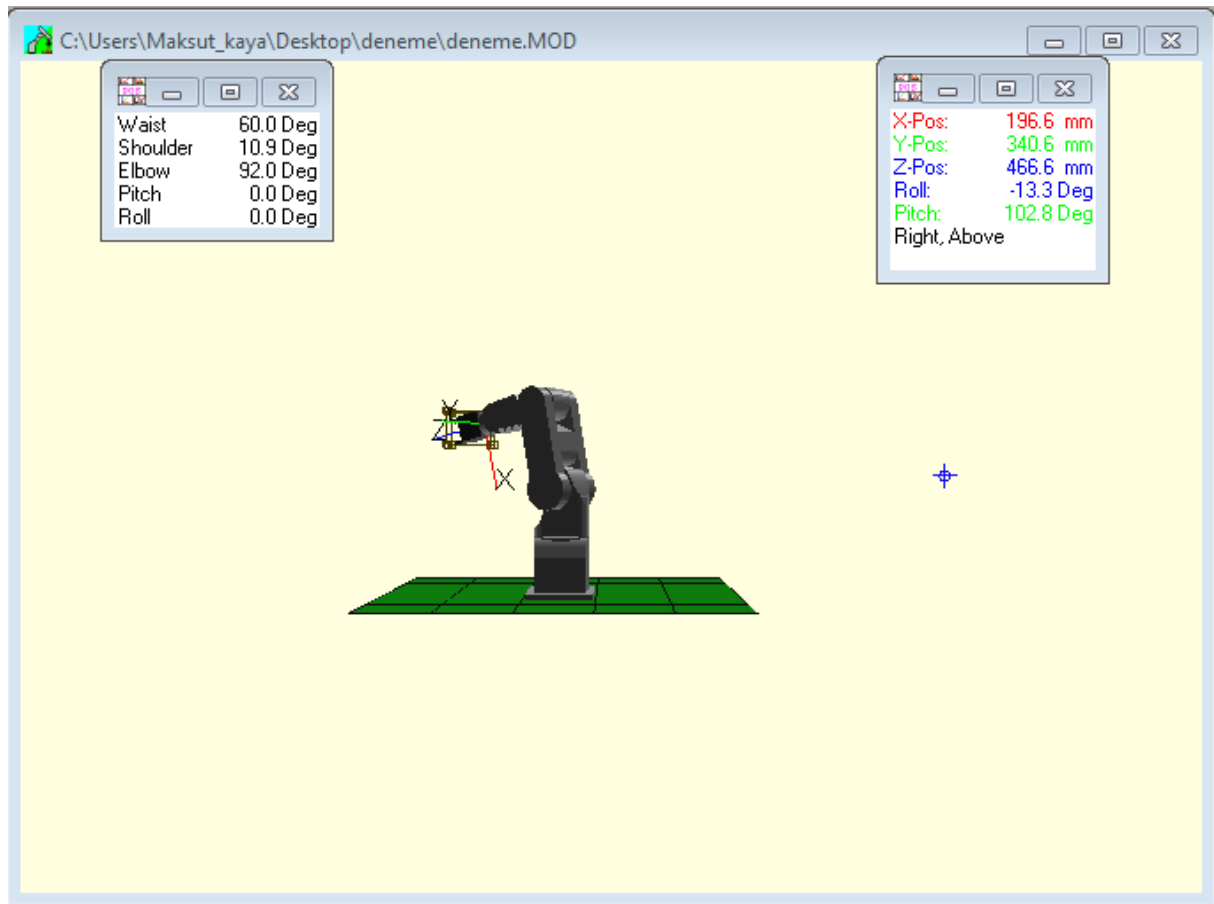
1.0472

Theta1 =  
60.0000

Theta2 =  
10.7840  
123.1195 % sınırlar dışındadır

Theta3 =  
91.9693  
-91.9693

**Cosimir cevabı:**



Örnek2;

Matlab cevabi:

```
theta1 =0
theta2 =0
theta3 =90
theta4 =0
theta5 =0
```

Px =355

Py =0

Pz =550

T06 =

$$\begin{bmatrix} -\sin(\text{roll})\sin(\text{waist}) - \cos(\text{roll})\cos(\pi/2 + \text{pitch})\sin(\text{elbow})\cos(\text{waist})\sin(\text{shoulder} - \pi/2) - \cos(\text{elbow})\cos(\text{waist})\cos(\text{shoulder} - \pi/2) + \sin(\pi/2 + \text{pitch})\cos(\text{elbow})\cos(\text{waist})\sin(\text{shoulder} - \pi/2) + \sin(\text{elbow})\cos(\text{waist})\cos(\text{shoulder} - \pi/2) \\ \sin(\text{roll})\cos(\pi/2 + \text{pitch})\sin(\text{elbow})\cos(\text{waist})\sin(\text{shoulder} - \pi/2) - \cos(\text{elbow})\cos(\text{waist})\cos(\text{shoulder} - \pi/2) + \sin(\pi/2 + \text{pitch})\cos(\text{elbow})\cos(\text{waist})\sin(\text{shoulder} - \pi/2) + \sin(\text{elbow})\cos(\text{waist})\cos(\text{shoulder} - \pi/2) \\ - \cos(\text{roll})\sin(\text{waist}), \cos(\pi/2 + \text{pitch})\cos(\text{elbow})\cos(\text{waist})\sin(\text{shoulder} - \pi/2) + \sin(\text{elbow})\cos(\text{waist})\cos(\text{shoulder} - \pi/2) - \sin(\pi/2 + \text{pitch})\sin(\text{elbow})\cos(\text{waist})\sin(\text{shoulder} - \pi/2) - \cos(\text{elbow})\cos(\text{waist})\cos(\text{shoulder} - \pi/2) \\ 250\cos(\text{waist})\cos(\text{shoulder} - \pi/2) + 195\cos(\pi/2 + \text{pitch})\cos(\text{elbow})\cos(\text{waist})\sin(\text{shoulder} - \pi/2) + \sin(\text{elbow})\cos(\text{waist})\cos(\text{shoulder} - \pi/2) - 195\sin(\pi/2 + \text{pitch})\sin(\text{elbow})\cos(\text{waist})\sin(\text{shoulder} - \pi/2) - \end{bmatrix}$$

```

cos(elbow)*cos(waist)*cos(shoulder - pi/2)) - 160*sin(elbow)*cos(waist)*sin(shoulder - pi/2)
+ 160*cos(elbow)*cos(waist)*cos(shoulder - pi/2)]
[ cos(waist)*sin(roll) - cos(roll)*(cos(pi/2 + pitch)*(sin(elbow)*sin(waist)*sin(shoulder -
pi/2) - cos(elbow)*cos(shoulder - pi/2)*sin(waist)) + sin(pi/2 +
pitch)*(cos(elbow)*sin(waist)*sin(shoulder - pi/2) + sin(elbow)*cos(shoulder -
pi/2)*sin(waist))), cos(roll)*cos(waist) + sin(roll)*(cos(pi/2 +
pitch)*(sin(elbow)*sin(waist)*sin(shoulder - pi/2) - cos(elbow)*cos(shoulder -
pi/2)*sin(waist)) + sin(pi/2 + pitch)*(cos(elbow)*sin(waist)*sin(shoulder - pi/2) +
sin(elbow)*cos(shoulder - pi/2)*sin(waist))), cos(pi/2 +
pitch)*(cos(elbow)*sin(waist)*sin(shoulder - pi/2) + sin(elbow)*cos(shoulder -
pi/2)*sin(waist)) - sin(pi/2 + pitch)*(sin(elbow)*sin(waist)*sin(shoulder - pi/2) -
cos(elbow)*cos(shoulder - pi/2)*sin(waist)), 250*cos(shoulder - pi/2)*sin(waist) +
195*cos(pi/2 + pitch)*(cos(elbow)*sin(waist)*sin(shoulder - pi/2) + sin(elbow)*cos(shoulder
- pi/2)*sin(waist)) - 195*sin(pi/2 + pitch)*(sin(elbow)*sin(waist)*sin(shoulder - pi/2) -
cos(elbow)*cos(shoulder - pi/2)*sin(waist)) - 160*sin(elbow)*sin(waist)*sin(shoulder - pi/2)
+ 160*cos(elbow)*cos(shoulder - pi/2)*sin(waist)]
[
                                -cos(roll)*(cos(pi/2 +
pitch)*(cos(elbow)*sin(shoulder - pi/2) + sin(elbow)*cos(shoulder - pi/2)) + sin(pi/2 +
pitch)*(cos(elbow)*cos(shoulder - pi/2) - sin(elbow)*sin(shoulder - pi/2))),
sin(roll)*(cos(pi/2 + pitch)*(cos(elbow)*sin(shoulder - pi/2) + sin(elbow)*cos(shoulder -
pi/2)) + sin(pi/2 + pitch)*(cos(elbow)*cos(shoulder - pi/2) - sin(elbow)*sin(shoulder - pi/2))),
cos(pi/2 + pitch)*(cos(elbow)*cos(shoulder - pi/2) - sin(elbow)*sin(shoulder - pi/2)) - sin(pi/2
+ pitch)*(cos(elbow)*sin(shoulder - pi/2) + sin(elbow)*cos(shoulder - pi/2)),
195*cos(pi/2 + pitch)*(cos(elbow)*cos(shoulder - pi/2) - sin(elbow)*sin(shoulder - pi/2)) -
160*cos(elbow)*sin(shoulder - pi/2) - 160*sin(elbow)*cos(shoulder - pi/2) -
250*sin(shoulder - pi/2) - 195*sin(pi/2 + pitch)*(cos(elbow)*sin(shoulder - pi/2) +
sin(elbow)*cos(shoulder - pi/2)) + 300]
[
0,
0,
0,
1]

```

Ters =

0.0000	0	1.0000	<b>355.0000</b>
0	1.0000	0	<b>0</b>
-1.0000	0	0.0000	<b>550.0000</b>
0	0	0	1.0000

eq1 =

355\*cos(waist) - 160\*sin(elbow + shoulder) - 195\*sin(elbow + pitch + shoulder) -  
250\*sin(shoulder)

eq2 =

195\*cos(elbow + pitch + shoulder) + 160\*cos(elbow + shoulder) + 250\*cos(shoulder) - 250

eq3 =

-355\*sin(waist)

eq4 =

(355\*sin(shoulder - waist))/2 - 195\*cos(elbow + pitch) + (355\*sin(shoulder + waist))/2 - 160\*cos(elbow) + 250\*cos(shoulder) - 250

eq5 =

(355\*cos(shoulder - waist))/2 - 195\*sin(elbow + pitch) + (355\*cos(shoulder + waist))/2 - 160\*sin(elbow) - 250\*sin(shoulder)

eq6 =

- 195\*sin(elbow + pitch) - 160\*sin(elbow) - 355\*sin(waist)

sonuc\_waist =

0

Theta1 =0

Theta2 =

0

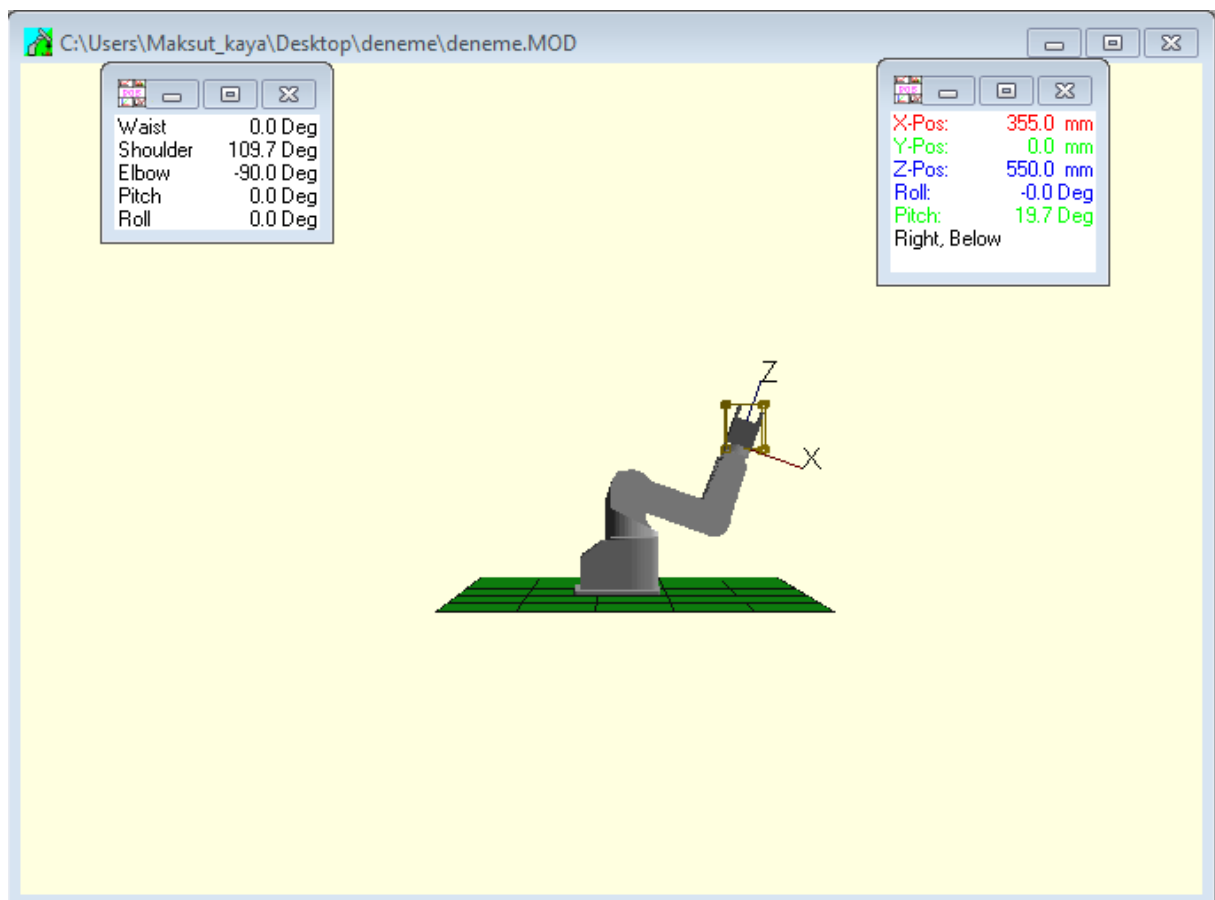
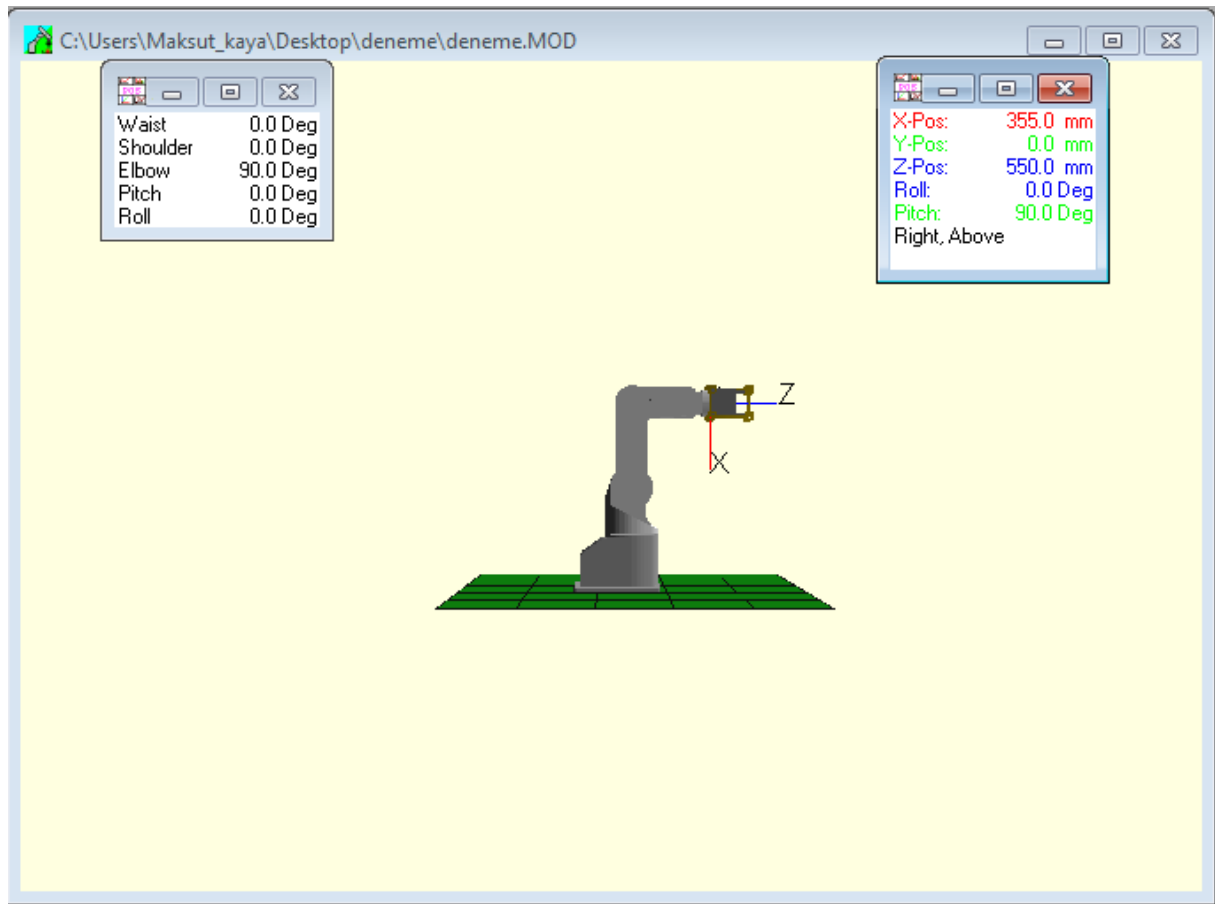
109.6916

Theta3 =

90

-90

Cosimir cevabı:



Örnek3;  
Matlab cevabı:  
 $\theta_1 = 0$

theta2 =60  
theta3 =90  
theta4 =0  
theta5 =0

Px =394.0064  
Py =0  
Pz =117.5610

T06 =

[ - sin(roll)\*sin(waist) - cos(roll)\*(cos(pi/2 + pitch)\*(sin(elbow)\*cos(waist)\*sin(shoulder - pi/2) - cos(elbow)\*cos(waist)\*cos(shoulder - pi/2)) + sin(pi/2 + pitch)\*(cos(elbow)\*cos(waist)\*sin(shoulder - pi/2) + sin(elbow)\*cos(waist)\*cos(shoulder - pi/2))), sin(roll)\*(cos(pi/2 + pitch)\*(sin(elbow)\*cos(waist)\*sin(shoulder - pi/2) - cos(elbow)\*cos(waist)\*cos(shoulder - pi/2)) + sin(pi/2 + pitch)\*(cos(elbow)\*cos(waist)\*sin(shoulder - pi/2) + sin(elbow)\*cos(waist)\*cos(shoulder - pi/2))) - cos(roll)\*sin(waist), cos(pi/2 + pitch)\*(cos(elbow)\*cos(waist)\*sin(shoulder - pi/2) + sin(elbow)\*cos(waist)\*cos(shoulder - pi/2)) - sin(pi/2 + pitch)\*(sin(elbow)\*cos(waist)\*sin(shoulder - pi/2) - cos(elbow)\*cos(waist)\*cos(shoulder - pi/2)), 250\*cos(waist)\*cos(shoulder - pi/2) + 195\*cos(pi/2 + pitch)\*(cos(elbow)\*cos(waist)\*sin(shoulder - pi/2) + sin(elbow)\*cos(waist)\*cos(shoulder - pi/2)) - 195\*sin(pi/2 + pitch)\*(sin(elbow)\*cos(waist)\*sin(shoulder - pi/2) - cos(elbow)\*cos(waist)\*cos(shoulder - pi/2)) - 160\*sin(elbow)\*cos(waist)\*sin(shoulder - pi/2) + 160\*cos(elbow)\*cos(waist)\*cos(shoulder - pi/2)]

[ cos(waist)\*sin(roll) - cos(roll)\*(cos(pi/2 + pitch)\*(sin(elbow)\*sin(waist)\*sin(shoulder - pi/2) - cos(elbow)\*cos(shoulder - pi/2)\*sin(waist)) + sin(pi/2 + pitch)\*(cos(elbow)\*sin(waist)\*sin(shoulder - pi/2) + sin(elbow)\*cos(shoulder - pi/2)\*sin(waist))), cos(roll)\*cos(waist) + sin(roll)\*(cos(pi/2 + pitch)\*(sin(elbow)\*sin(waist)\*sin(shoulder - pi/2) - cos(elbow)\*cos(shoulder - pi/2)\*sin(waist)) + sin(pi/2 + pitch)\*(cos(elbow)\*sin(waist)\*sin(shoulder - pi/2) + sin(elbow)\*cos(shoulder - pi/2)\*sin(waist))), cos(pi/2 + pitch)\*(cos(elbow)\*sin(waist)\*sin(shoulder - pi/2) + sin(elbow)\*cos(shoulder - pi/2)\*sin(waist)) - sin(pi/2 + pitch)\*(sin(elbow)\*sin(waist)\*sin(shoulder - pi/2) - cos(elbow)\*cos(shoulder - pi/2)\*sin(waist)), 250\*cos(shoulder - pi/2)\*sin(waist) + 195\*cos(pi/2 + pitch)\*(cos(elbow)\*sin(waist)\*sin(shoulder - pi/2) + sin(elbow)\*cos(shoulder - pi/2)\*sin(waist)) - 195\*sin(pi/2 + pitch)\*(sin(elbow)\*sin(waist)\*sin(shoulder - pi/2) - cos(elbow)\*cos(shoulder - pi/2)\*sin(waist)) - 160\*sin(elbow)\*sin(waist)\*sin(shoulder - pi/2) + 160\*cos(elbow)\*cos(shoulder - pi/2)\*sin(waist)]

[ -cos(roll)\*(cos(pi/2 + pitch)\*(cos(elbow)\*sin(shoulder - pi/2) + sin(elbow)\*cos(shoulder - pi/2)) + sin(pi/2 + pitch)\*(cos(elbow)\*cos(shoulder - pi/2) - sin(elbow)\*sin(shoulder - pi/2))), sin(roll)\*(cos(pi/2 + pitch)\*(cos(elbow)\*sin(shoulder - pi/2) + sin(elbow)\*cos(shoulder - pi/2)) + sin(pi/2 + pitch)\*(cos(elbow)\*cos(shoulder - pi/2) - sin(elbow)\*sin(shoulder - pi/2))), cos(pi/2 + pitch)\*(cos(elbow)\*cos(shoulder - pi/2) - sin(elbow)\*sin(shoulder - pi/2)) - sin(pi/2 + pitch)\*(cos(elbow)\*sin(shoulder - pi/2) + sin(elbow)\*cos(shoulder - pi/2)), 195\*cos(pi/2 + pitch)\*(cos(elbow)\*cos(shoulder - pi/2) - sin(elbow)\*sin(shoulder - pi/2)) - 160\*cos(elbow)\*sin(shoulder - pi/2) - 160\*sin(elbow)\*cos(shoulder - pi/2) - 250\*sin(shoulder - pi/2) - 195\*sin(pi/2 + pitch)\*(cos(elbow)\*sin(shoulder - pi/2) + sin(elbow)\*cos(shoulder - pi/2)) + 300]

[  
0,  
0,  
0,  
1]

Ters =

-0.8660	0	0.5000	<b>394.0064</b>
0	1.0000	0	<b>0</b>
-0.5000	0	-0.8660	<b>117.5610</b>
0	0	0	1.0000

eq1 =

$(1732858472872647 \cdot \cos(\text{waist})) / 4398046511104 - 160 \cdot \sin(\text{elbow} + \text{shoulder}) - 195 \cdot \sin(\text{elbow} + \text{pitch} + \text{shoulder}) - 250 \cdot \sin(\text{shoulder})$

eq2 =

$195 \cdot \cos(\text{elbow} + \text{pitch} + \text{shoulder}) + 160 \cdot \cos(\text{elbow} + \text{shoulder}) + 250 \cdot \cos(\text{shoulder}) + 6419001659514421 / 35184372088832$

eq3 =

$-(1732858472872647 \cdot \sin(\text{waist})) / 4398046511104$

eq4 =

$195 \cdot \sin(\text{elbow}) \cdot \sin(\text{pitch}) - (6419001659514421 \cdot \cos(\text{shoulder})) / 35184372088832 - 160 \cdot \cos(\text{elbow}) + (1732858472872647 \cdot \cos(\text{waist}) \cdot \sin(\text{shoulder})) / 4398046511104 - 195 \cdot \cos(\text{elbow}) \cdot \cos(\text{pitch}) - 250$

eq5 =

$(6419001659514421 \cdot \sin(\text{shoulder})) / 35184372088832 - 160 \cdot \sin(\text{elbow}) - 195 \cdot \cos(\text{elbow}) \cdot \sin(\text{pitch}) - 195 \cdot \cos(\text{pitch}) \cdot \sin(\text{elbow}) + (1732858472872647 \cdot \cos(\text{shoulder}) \cdot \cos(\text{waist})) / 4398046511104$

eq6 =

$- 195 \cdot \sin(\text{elbow} + \text{pitch}) - 160 \cdot \sin(\text{elbow}) - (1732858472872647 \cdot \sin(\text{waist})) / 4398046511104$

sonuc\_waist =



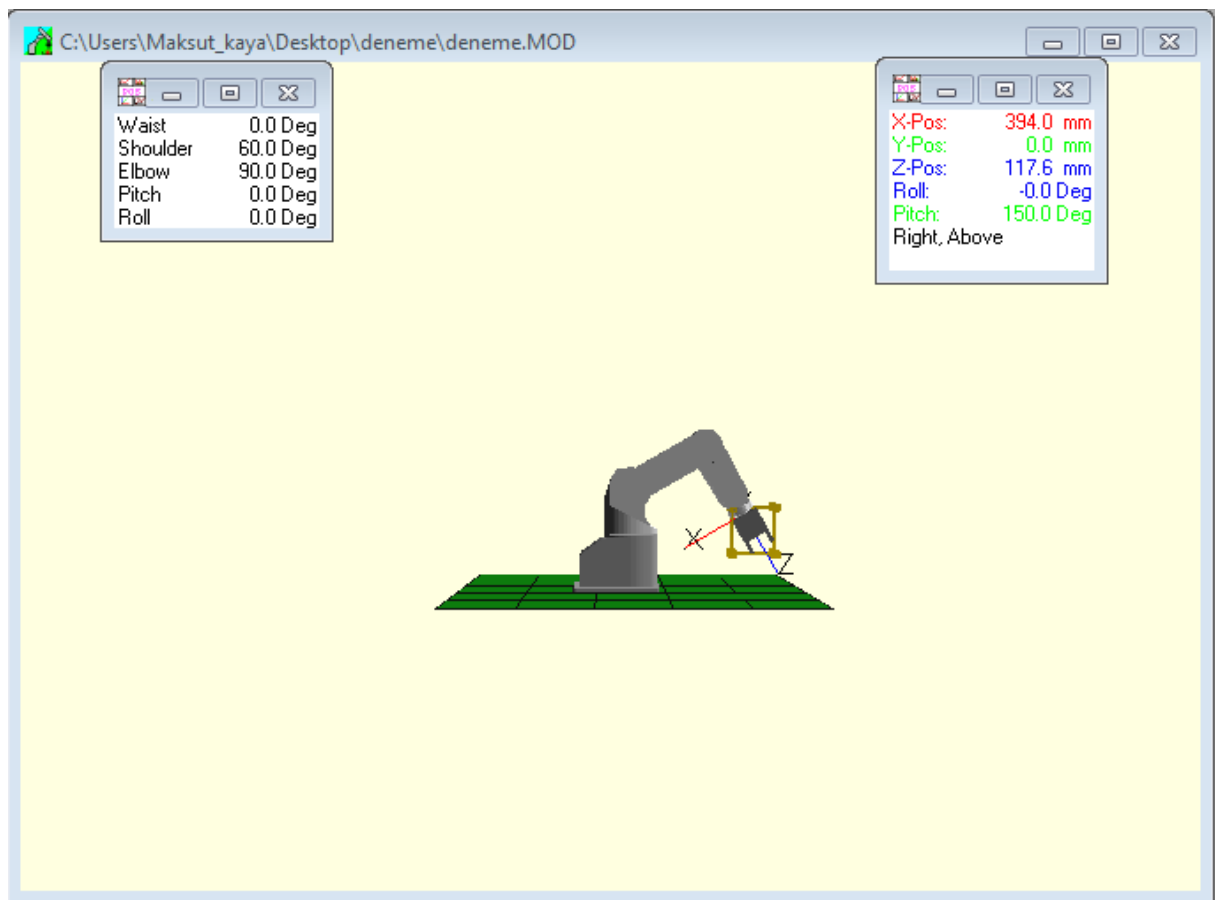
0

Theta1 =0

Theta2 =  
60.0000  
169.6916 %hareket sınır dışı

Theta3 =  
90.0000  
-90.0000

Cosimir cevabı:



Örnek4;  
Matlab cevabı:

theta1 = 30  
theta2 = 20  
heta3 = 90  
theta4 =0  
theta5 =0  
Px =362.9477

Py =209.5480

T06 =

$$\begin{aligned} & [\cos(\text{waist}) \cdot \sin(\text{roll}) - \cos(\text{roll}) \cdot (\cos(\pi/2 + \text{pitch}) \cdot (\sin(\text{elbow}) \cdot \sin(\text{waist}) \cdot \sin(\text{shoulder} - \\ & \pi/2) - \cos(\text{elbow}) \cdot \cos(\text{shoulder} - \pi/2) \cdot \sin(\text{waist})) + \sin(\pi/2 + \\ & \text{pitch}) \cdot (\cos(\text{elbow}) \cdot \sin(\text{waist}) \cdot \sin(\text{shoulder} - \pi/2) + \sin(\text{elbow}) \cdot \cos(\text{shoulder} - \\ & \pi/2) \cdot \sin(\text{waist}))), \cos(\text{roll}) \cdot \cos(\text{waist}) + \sin(\text{roll}) \cdot (\cos(\pi/2 + \\ & \text{pitch}) \cdot (\sin(\text{elbow}) \cdot \sin(\text{waist}) \cdot \sin(\text{shoulder} - \pi/2) - \cos(\text{elbow}) \cdot \cos(\text{shoulder} - \\ & \pi/2) \cdot \sin(\text{waist})) + \sin(\pi/2 + \text{pitch}) \cdot (\cos(\text{elbow}) \cdot \sin(\text{waist}) \cdot \sin(\text{shoulder} - \pi/2) + \\ & \sin(\text{elbow}) \cdot \cos(\text{shoulder} - \pi/2) \cdot \sin(\text{waist}))), \cos(\pi/2 + \\ & \text{pitch}) \cdot (\cos(\text{elbow}) \cdot \sin(\text{waist}) \cdot \sin(\text{shoulder} - \pi/2) + \sin(\text{elbow}) \cdot \cos(\text{shoulder} - \\ & \pi/2) \cdot \sin(\text{waist})) - \sin(\pi/2 + \text{pitch}) \cdot (\sin(\text{elbow}) \cdot \sin(\text{waist}) \cdot \sin(\text{shoulder} - \pi/2) - \\ & \cos(\text{elbow}) \cdot \cos(\text{shoulder} - \pi/2) \cdot \sin(\text{waist})), 250 \cdot \cos(\text{shoulder} - \pi/2) \cdot \sin(\text{waist}) + \\ & 195 \cdot \cos(\pi/2 + \text{pitch}) \cdot (\cos(\text{elbow}) \cdot \sin(\text{waist}) \cdot \sin(\text{shoulder} - \pi/2) + \sin(\text{elbow}) \cdot \cos(\text{shoulder} \\ & - \pi/2) \cdot \sin(\text{waist})) - 195 \cdot \sin(\pi/2 + \text{pitch}) \cdot (\sin(\text{elbow}) \cdot \sin(\text{waist}) \cdot \sin(\text{shoulder} - \pi/2) - \\ & \cos(\text{elbow}) \cdot \cos(\text{shoulder} - \pi/2) \cdot \sin(\text{waist})) - 160 \cdot \sin(\text{elbow}) \cdot \sin(\text{waist}) \cdot \sin(\text{shoulder} - \pi/2) \\ & + 160 \cdot \cos(\text{elbow}) \cdot \cos(\text{shoulder} - \pi/2) \cdot \sin(\text{waist})] \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & [-\cos(\text{roll}) * (\cos(\text{pi}/2 + \\ & \text{pitch}) * (\cos(\text{elbow}) * \sin(\text{shoulder} - \text{pi}/2) + \sin(\text{elbow}) * \cos(\text{shoulder} - \text{pi}/2)) + \sin(\text{pi}/2 + \\ & \text{pitch}) * (\cos(\text{elbow}) * \cos(\text{shoulder} - \text{pi}/2) - \sin(\text{elbow}) * \sin(\text{shoulder} - \text{pi}/2))), \\ & \sin(\text{roll}) * (\cos(\text{pi}/2 + \text{pitch}) * (\cos(\text{elbow}) * \sin(\text{shoulder} - \text{pi}/2) + \sin(\text{elbow}) * \cos(\text{shoulder} - \\ & \text{pi}/2)) + \sin(\text{pi}/2 + \text{pitch}) * (\cos(\text{elbow}) * \cos(\text{shoulder} - \text{pi}/2) - \sin(\text{elbow}) * \sin(\text{shoulder} - \text{pi}/2))), \\ & \cos(\text{pi}/2 + \text{pitch}) * (\cos(\text{elbow}) * \cos(\text{shoulder} - \text{pi}/2) - \sin(\text{elbow}) * \sin(\text{shoulder} - \text{pi}/2)) - \sin(\text{pi}/2 \\ & + \text{pitch}) * (\cos(\text{elbow}) * \sin(\text{shoulder} - \text{pi}/2) + \sin(\text{elbow}) * \cos(\text{shoulder} - \text{pi}/2)), \\ & 195 * \cos(\text{pi}/2 + \text{pitch}) * (\cos(\text{elbow}) * \cos(\text{shoulder} - \text{pi}/2) - \sin(\text{elbow}) * \sin(\text{shoulder} - \text{pi}/2)) - \\ & 160 * \cos(\text{elbow}) * \sin(\text{shoulder} - \text{pi}/2) - 160 * \sin(\text{elbow}) * \cos(\text{shoulder} - \text{pi}/2) - \\ & 250 * \sin(\text{shoulder} - \text{pi}/2) - 195 * \sin(\text{pi}/2 + \text{pitch}) * (\cos(\text{elbow}) * \sin(\text{shoulder} - \text{pi}/2) + \\ & \sin(\text{elbow}) * \cos(\text{shoulder} - \text{pi}/2)) + 300] \end{aligned}$$

[  
0,  
0,  
0,  
1]

Ters =

-0.2962 -0.5000 0.8138 **362.9477**  
-0.1710 0.8660 0.4698 **209.5480**  
-0.9397 0 -0.3420 **413.5060**  
0 0 0 1.0000

eq1 =

$(6385043462792885 \cdot \cos(\text{waist})) / 17592186044416 - 160 \cdot \sin(\text{elbow} + \text{shoulder}) -$   
 $195 \cdot \sin(\text{elbow} + \text{pitch} + \text{shoulder}) - 250 \cdot \sin(\text{shoulder}) + (52387 \cdot \sin(\text{waist})) / 250$

eq2 =

$195 \cdot \cos(\text{elbow} + \text{pitch} + \text{shoulder}) + 160 \cdot \cos(\text{elbow} + \text{shoulder}) + 250 \cdot \cos(\text{shoulder}) -$   
 $56753/500$

eq3 =

$(52387 \cdot \cos(\text{waist})) / 250 - (6385043462792885 \cdot \sin(\text{waist})) / 17592186044416$

eq4 =

$$\begin{aligned} & (998409334578741 * \cos(\text{shoulder})) / 8796093022208 - 160 * \cos(\text{elbow}) + \\ & 195 * \sin(\text{elbow}) * \sin(\text{pitch}) + \\ & (6385043462792885 * \cos(\text{waist}) * \sin(\text{shoulder})) / 17592186044416 + \\ & (52387 * \sin(\text{shoulder}) * \sin(\text{waist})) / 250 - 195 * \cos(\text{elbow}) * \cos(\text{pitch}) - 250 \end{aligned}$$

eq5 =

$$\begin{aligned} & (6385043462792885 * \cos(\text{shoulder}) * \cos(\text{waist})) / 17592186044416 - \\ & (998409334578741 * \sin(\text{shoulder})) / 8796093022208 - 195 * \cos(\text{elbow}) * \sin(\text{pitch}) - \\ & 195 * \cos(\text{pitch}) * \sin(\text{elbow}) - 160 * \sin(\text{elbow}) + (52387 * \cos(\text{shoulder}) * \sin(\text{waist})) / 250 \end{aligned}$$

eq6 =

$$\begin{aligned} & (52387 * \cos(\text{waist})) / 250 - 160 * \sin(\text{elbow}) - 195 * \sin(\text{elbow} + \text{pitch}) - \\ & (6385043462792885 * \sin(\text{waist})) / 17592186044416 \end{aligned}$$

sonuc\_waist =

0.5236

Theta1 = 30.0000

Theta2 =

20.0000

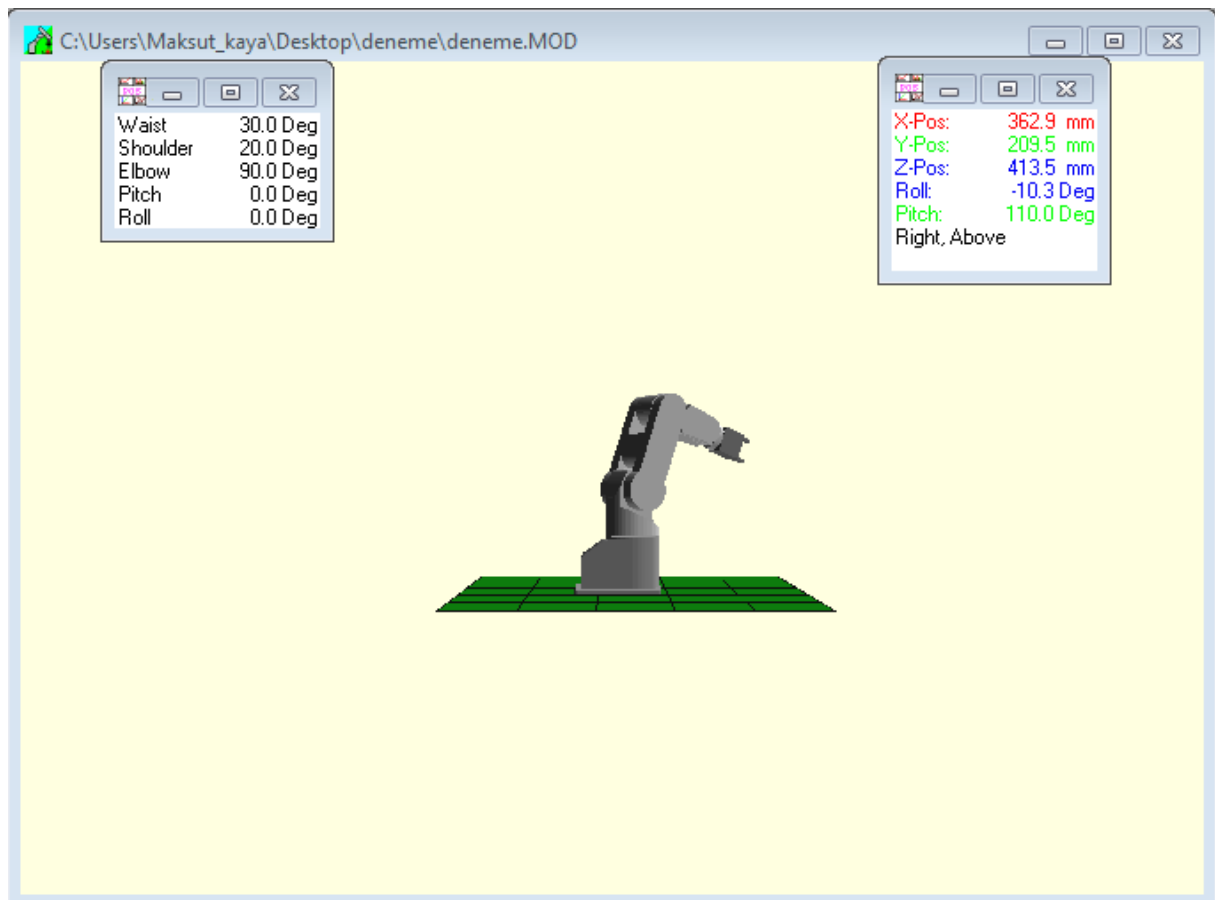
129.6916 % hareket sınır dışı

Theta3 =

90.0000

-90.0000

Cosimir cevabı:



Örnek5;

Matlab cevabı:

theta1 =48

theta2 =0

theta3 =90

theta4 =0

theta5 =0

Px =237.5414

Py =263.8164

T06 =

$$\begin{aligned} & [-\cos(\text{roll}) * (\cos(\text{pi}/2 + \\ & \text{pitch}) * (\cos(\text{elbow}) * \sin(\text{shoulder} - \text{pi}/2) + \sin(\text{elbow}) * \cos(\text{shoulder} - \text{pi}/2)) + \sin(\text{pi}/2 + \\ & \text{pitch}) * (\cos(\text{elbow}) * \cos(\text{shoulder} - \text{pi}/2) - \sin(\text{elbow}) * \sin(\text{shoulder} - \text{pi}/2))), \\ & \sin(\text{roll}) * (\cos(\text{pi}/2 + \text{pitch}) * (\cos(\text{elbow}) * \sin(\text{shoulder} - \text{pi}/2) + \sin(\text{elbow}) * \cos(\text{shoulder} - \\ & \text{pi}/2)) + \sin(\text{pi}/2 + \text{pitch}) * (\cos(\text{elbow}) * \cos(\text{shoulder} - \text{pi}/2) - \sin(\text{elbow}) * \sin(\text{shoulder} - \text{pi}/2))), \\ & \cos(\text{pi}/2 + \text{pitch}) * (\cos(\text{elbow}) * \cos(\text{shoulder} - \text{pi}/2) - \sin(\text{elbow}) * \sin(\text{shoulder} - \text{pi}/2)) - \sin(\text{pi}/2 \\ & + \text{pitch}) * (\cos(\text{elbow}) * \sin(\text{shoulder} - \text{pi}/2) + \sin(\text{elbow}) * \cos(\text{shoulder} - \text{pi}/2)), \\ & 195 * \cos(\text{pi}/2 + \text{pitch}) * (\cos(\text{elbow}) * \cos(\text{shoulder} - \text{pi}/2) - \sin(\text{elbow}) * \sin(\text{shoulder} - \text{pi}/2)) - \\ & 160 * \cos(\text{elbow}) * \sin(\text{shoulder} - \text{pi}/2) - 160 * \sin(\text{elbow}) * \cos(\text{shoulder} - \text{pi}/2) - \\ & 250 * \sin(\text{shoulder} - \text{pi}/2) - 195 * \sin(\text{pi}/2 + \text{pitch}) * (\cos(\text{elbow}) * \sin(\text{shoulder} - \text{pi}/2) + \\ & \sin(\text{elbow}) * \cos(\text{shoulder} - \text{pi}/2)) + 300] \end{aligned}$$

[  
0,  
0,  
0,  
1]

Ters =

0.0000	-0.7431	0.6691	<b>237.5414</b>
0.0000	0.6691	0.7431	<b>263.8164</b>
-1.0000	0	0.0000	<b>550.0000</b>
0	0	0	1.0000

eq1 =

$(4178872502051039 \cdot \cos(\text{waist})) / 17592186044416 - 160 \cdot \sin(\text{elbow} + \text{shoulder}) - 195 \cdot \sin(\text{elbow} + \text{pitch} + \text{shoulder}) - 250 \cdot \sin(\text{shoulder}) + (4641107190368069 \cdot \sin(\text{waist})) / 17592186044416$

eq2 =

$195 \cdot \cos(\text{elbow} + \text{pitch} + \text{shoulder}) + 160 \cdot \cos(\text{elbow} + \text{shoulder}) + 250 \cdot \cos(\text{shoulder}) - 250$

eq3 =

$(4641107190368069 \cdot \cos(\text{waist})) / 17592186044416 - (4178872502051039 \cdot \sin(\text{waist})) / 17592186044416$

eq4 =

$$250*\cos(\text{shoulder}) - 160*\cos(\text{elbow}) + 195*\sin(\text{elbow})*\sin(\text{pitch}) + \\ (4178872502051039*\cos(\text{waist})*\sin(\text{shoulder}))/17592186044416 + \\ (4641107190368069*\sin(\text{shoulder})*\sin(\text{waist}))/17592186044416 - \\ 195*\cos(\text{elbow})*\cos(\text{pitch}) - 250$$

eq5 =

$$(4178872502051039*\cos(\text{shoulder})*\cos(\text{waist}))/17592186044416 - 250*\sin(\text{shoulder}) - \\ 195*\cos(\text{elbow})*\sin(\text{pitch}) - 195*\cos(\text{pitch})*\sin(\text{elbow}) - 160*\sin(\text{elbow}) + \\ (4641107190368069*\cos(\text{shoulder})*\sin(\text{waist}))/17592186044416$$

eq6 =

$$(4641107190368069*\cos(\text{waist}))/17592186044416 - 160*\sin(\text{elbow}) - 195*\sin(\text{elbow} + \\ \text{pitch}) - (4178872502051039*\sin(\text{waist}))/17592186044416$$

sonuc\_waist =

0.8378

Theta1 = 48.0000

Theta2 =

0.0000



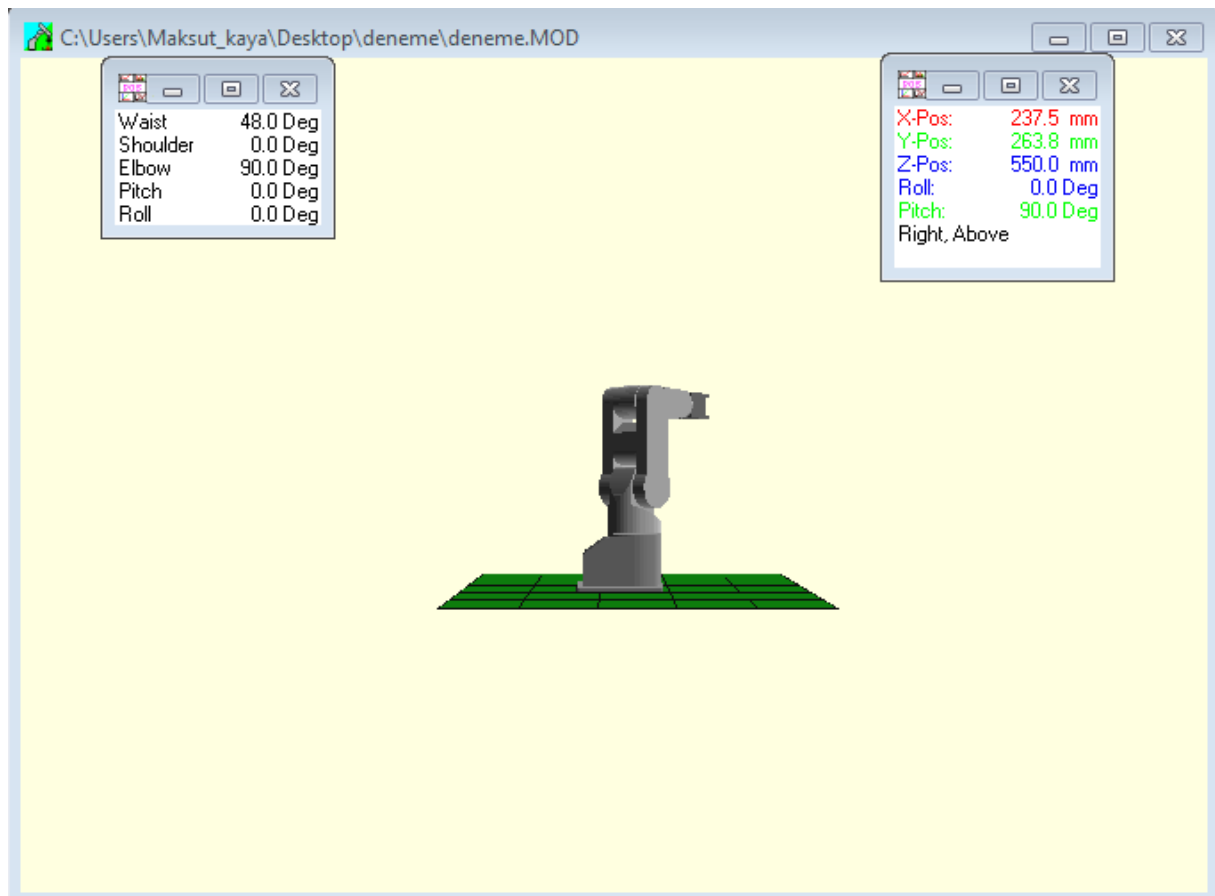
109.6916

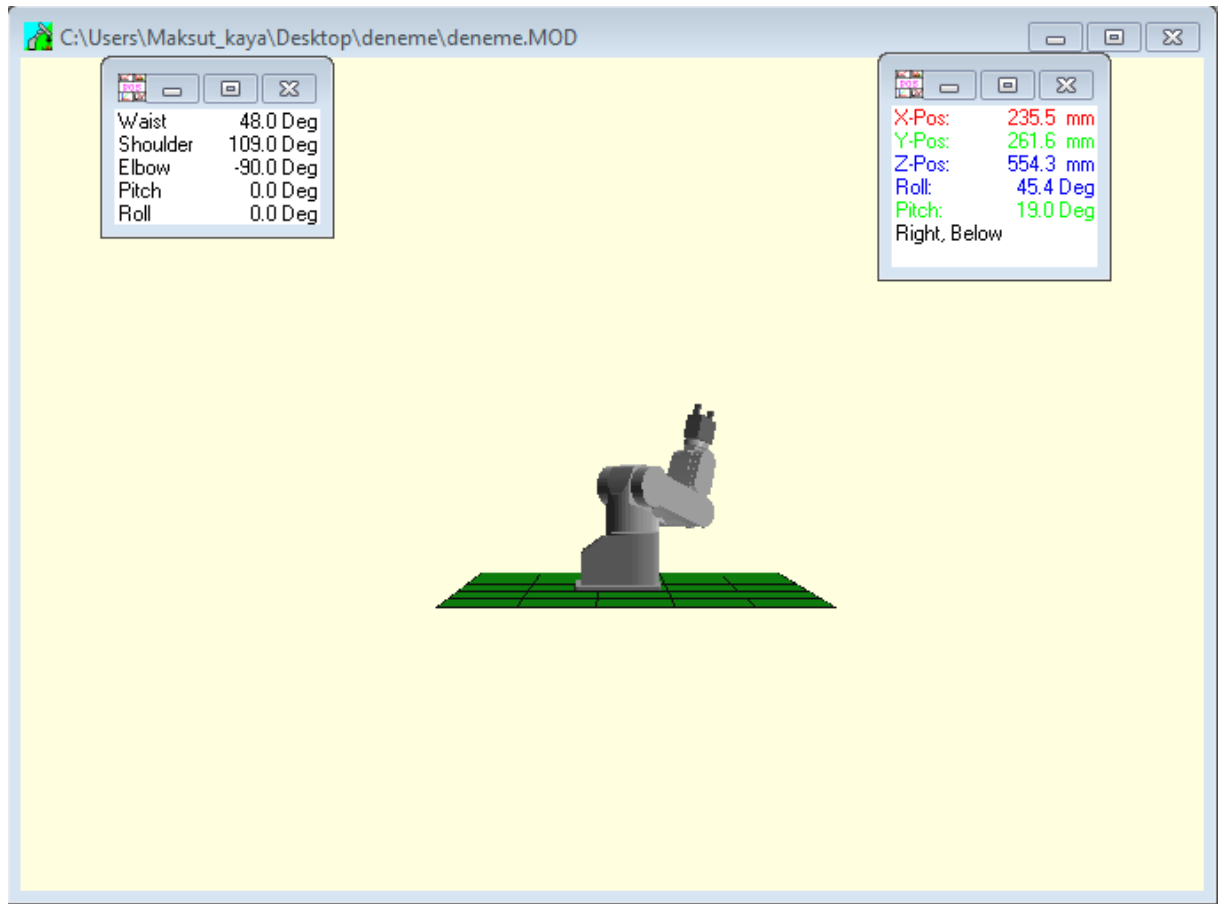
Theta3 =

90.0000

-90.0000

Cosimir cevabı:





**NOT: KULLANILAN KAYNAKLAR EK DOSYASINDADIR...**

**İleri kinematik ve ters kinematik matlab kodları ilgili konunun altında bulunmaktadır.**