## prolog

## lab 1

kobieta(maria). kobieta(ewa). kobieta(agata). kobieta(anna). kobieta(joanna). kobieta(agnieszka). kobieta(beata). kobieta(iwona). mężczyzna(piotr). mężczyzna(adam). mężczyzna(marek). mężczyzna(robert). mężczyzna(jan). mężczyzna(krzysztof). mężczyzna(radek). mężczyzna(darek). mężczyzna(tomek). mężczyzna(jacek). rodzic(maria,marek). rodzic(piotr,marek). rodzic(adam,joanna). rodzic(ewa,joanna). rodzic(maria,agata). rodzic(piotr,agata). rodzic(maria,jan). rodzic(piotr,jan). rodzic(adam,anna). rodzic(ewa,anna). rodzic(adam,krzysztof). rodzic(ewa,krzysztof). rodzic(robert,radek). rodzic(agata,radek). rodzic(robert,beata). rodzic(agata,beata). rodzic(jan,darek). rodzic(anna,darek). rodzic(jan,tomek). rodzic(anna,tomek). rodzic(krzysztof,jacek). rodzic(agnieszka,jacek). rodzic(krzysztof,iwona). rodzic(agnieszka,iwona).

```
małżeństwo(maria,piotr).
małżeństwo(adam,ewa).
małżeństwo(robert,agata).
małżeństwo(jan,anna).
małżeństwo(krzysztof, agnieszka).
matka(X,Y) := kobieta(X), rodzic(X,Y).
ojciec(X,Y):- mężczyzna(X), rodzic(X,Y).
brat(X,Y) := meżczyzna(X), rodzic(Z,X), rodzic(Z,Y), X=Y.
siostra(X,Y) :- kobieta(X), rodzic(Z,X), rodzic(Z,Y), X\=Y.
babcia(X,Y) :- kobieta(X), rodzic(X,Z), rodzic(Z,Y).
dziadek(X,Y) := mężczyzna(X), rodzic(X,Z), rodzic(Z,Y).
wuj(X,Y) := matka(Z,Y), brat(X,Z).
stryj(X,Y) := ojciec(Z,Y), brat(X,Z).
kuzyn(X,Y) := mezczyzna(X), rodzic(Z,Y), rodzic(Q,X), rodzic(W,Z), rodzic(W,Q), X=Y, Z=Q.
kuznynka(X,Y) :- kobieta(X), rodzic(Z,Y), rodzic(Q,X), rodzic(W,Z), rodzic(W,Q), X=Y, Z=Q.
teściowa(X, Y):- małżeństwo(Y, Z), kobieta(Z), matka(X, Z).
teściowa(X, Y):- małżeństwo(Z, Y), kobieta(Z), matka(X, Z).
żona(X, Y):- małżeństwo(X, Y), kobieta(X).
żona(X, Y) :- małżeństwo(Y, X), kobieta(X).
mąż(X, Y):- małżeństwo(X, Y), mężczyzna(X).
mąż(X, Y):- małżeństwo(Y, X), mężczyzna(X).
szwagier(X, Y) := żona(Z, Y), brat(X, Z).
szwagier(X, Y) := siostra(Z, Y), mąż(X, Z).
```

```
lab 2
pionowy(odcinek(punkt(X, _), punkt(X, _))).
poziomy(odcinek(punkt(_, Y), punkt(_,Y))).
regularny(prostokat(punkt(X1,Y1),punkt(X2,Y1), punkt(X2,Y2), punkt(X1,Y2))).
%F, W, G, C
%
safe(state(X,_,X,_)).
safe(state(X,X,_,X)).
move(state(east,W,G,C), wf, state(west,W,G,C)):-
  safe(state(west,W,G,C)).
move(state(east,east,G,C), wfw, state(west,west,G,C)):-
  safe(state(west,west,G,C)).
move(state(east,W,east,C), wfg, state(west,W,west,C)):-
  safe(state(west, W, west, C)).
move(state(east, W, G, east), wfc, state(west, W, G, west)):-
  safe(state(west,W,G,west)).
move(state(west, W, G, west), efc, state(east, W, G, east)):-
  safe(state(east, W, G, east)).
move(state(west,west,G,C), efw, state(east,east,G,C)):-
   safe(state(east,east,G,C)).
move(state(west,W,west,C), efg, state(east,W,east,C)):-
  safe(state(east, W, east, C)).
move(state(west,W,G,C), ef, state(east,W,G,C)):-
   safe(state(east,W,G,C)).
```

 $\label{lem:can_get} $$ {\rm can\_get(state(east,east,east,east)).} $$ {\rm can\_get(StateBefore):-move(StateBefore, Dir ,StateAfter), can\_get(StateAfter).} $$$ 

```
lab 3
next(świnoujście,kołobrzeg).
next(świnoujście, szczecin).
next(kołobrzeg,ustka).
next(ustka, gdańsk).
next(gdańsk,toruń).
next(gdańsk,olsztyn).
next(olsztyn,toruń).
next(olsztyn,białystok).
next(szczecin,bydgoszcz).
next(szczecin, gorzów-wlkp).
next(bydgoszcz,toruń).
next(bydgoszcz,poznań).
next(poznań,toruń).
next(gorzów-wlkp,poznań).
next(gorzów-wlkp,zielona-góra).
next(zielona-góra,poznań).
next(zielona-góra,wrocław).
next(toruń,łódź).
next(toruń,warszawa).
next(białystok, warszawa).
next(białystok,lublin).
next(poznań,łódź).
next(warszawa,radom).
next(warszawa,łódź).
next(radom,lublin).
next(radom,kielce).
next(wrocław,łódź).
next(łódź,radom).
next(łódź,częstochowa).
next(częstochowa,kielce).
next(częstochowa,katowice).
next(katowice,kraków).
next(kielce,kraków).
next(kielce,rzeszów).
next(lublin,kielce).
next(lublin,rzeszów).
next(kraków,rzeszów).
% Pytanie: Czy istnieje połączenie miedzy Świnoujściem a Rzeszowem?
połączenie(From, To):- next(From, To).
połączenie(From, To):- next(From, Pit), połączenie(Pit, To).
zjazd(From, To, By) :- next(From, To), From = By.
zjazd(From, To, By):- next(From, Pit), zjazd(Pit, To, By).
```

```
trasa(From, To, obok(From, To)) :- next(From, To).
trasa(From, To, obok(From, W)) :- next(From, Pit), trasa(Pit, To, W).
```

trasa2(From, To, obok(From, To)) :- next(From, To).
trasa2(From, To, obok(W, To)) :- next(Pit, To), trasa2(From, Pit, W).

trasa3(From, To, [From|[To|[]]]):- next(From, To). trasa3(From, To, [From|W]):- next(From, Pit), trasa3(Pit, To, W).

```
lab 4
ostatni(Last, [Last]).
ostatni(Member, [Head|Tail]) :- ostatni(Member, Tail).
przedostatni(Prev2last, [Prev2last, ]).
przedostatni(Member, [Head1, Head2 | Tail]) :- przedostatni(Member, [Head2 | Tail]).
bezostatniego([ ], []).
bezostatniego([Head|Carry], [Head|Tail]) :- bezostatniego(Carry, Tail).
nakoniec(Element, [], [Element]).
nakoniec(Element, [Head|Tail], [Head|Carry]) :- nakoniec(Element, Tail, Carry).
zakazdym([], X, []).
zakazdym([Head|Tail], X, [Head, X|Carry]) :- zakazdym(Tail,X,Carry).
codrugi([], []).
codrugi([], []).
codrugi([_, Head|Tail], [Head|Carry]) :- codrugi(Tail, Carry).
wstaw_za([X|Tail], X, Y, [X, Y|Tail]).
wstaw_za([Head|Tail], X, Y, [Head|Carry]):- wstaw_za(Tail, X, Y, Carry).
lewoprawo(X, [X|LP], _, LP).
lewoprawo(X, [Head|Tail], [Head|Carry], LP):- lewoprawo(X, Tail, Carry, LP).
wymiana(X, Y, [], []).
wymiana(X, Y, [X|Tail], [Y|Carry]):- wymiana(X, Y, Tail, Carry).
wymiana(X, Y, [Head|Tail], [Head|Carry]):- wymiana(X, Y, Tail, Carry).
polacz([], []).
polacz([Head|Tail], X):- polacz(Tail, Res), append(Head, Res, X).
```

```
lab 5
klonuj([], []).
klonuj([Head|Tail], [[Head, Head]|Carry]) :- klonuj(Tail, Carry).
sumuj([], 0).
sumuj([Head|Tail], M) :- sumuj(Tail, X), M is X+Head.
polowki([],[],[]).
polowki([Head|Tail], [Head|L], X) :-
  append(TrimTail, [Last], Tail),
  polowki(TrimTail, L, P),
  append(P, [Last], X).
srodek([Mid], Mid).
srodek([_|Tail], Mid) :- append(TrimTail, [_], Tail), srodek(TrimTail, Mid).
ile_wiekszych([], _, 0).
ile_wiekszych([Head|Tail], X, M) :- ile_wiekszych(Tail, X, N), Head > X, M is N + 1.
ile_wiekszych([Head|Tail], X, N) :- ile_wiekszych(Tail, X, N), Head =< X.
plus_minus([], 0).
plus_minus([Head|Tail], M):- plus_minus(Tail, N), Head = '+', M is N + 1.
plus_minus([Head|Tail], M) :- plus_minus(Tail, N), Head = '-', M is N - 1.
wstawiaj([], X, 1, [X]).
wstawiaj([Head|Tail], X, 1, [X, Head|Tail]).
wstawiaj([Head|Tail], X, Pos, [Head|Carry]) :-
  DecPos is Pos - 1,
  wstawiaj(Tail, X, DecPos, Carry).
usuwaj([Head|Tail],1,Tail).
usuwaj([Head|Tail], N, Carry):- NewN is N - 1,usuwaj(Tail, NewN, Carry).
rozdziel([], _, [], []).
rozdziel([Head|Tail], X, [Head|L], P):- Head < X, rozdziel(Tail, X, L, P).
rozdziel([Head|Tail], X, L, [Head|P]) :- Head >= X, rozdziel(Tail, X, L, P).
powiel([],[],[]).
powiel([EI|Tail], [Times|Tail2], List):- powiel(Tail, Tail2, Carry), powiel1(EI, Times, Reps),
append(Reps, Carry, List).
powiel1(_, 0, []).
powiel1(X, N, [X|Carry]) :- N > 0, NewN is N - 1, powiel1(X, NewN, Carry).
```

```
lab 6
najwiekszy([Last], Last).
najwiekszy([Head|Tail], Head) :- najwiekszy(Tail, Max), Head > Max.
najwiekszy([Head|Tail], Max) :- najwiekszy(Tail, Max), Head =< Max.
liniowa([_, _]).
liniowa([H1, H2, H3|Tail]) :- liniowa([H2, H3|Tail]), H1 - H2 =:= H2 - H3.
rozbij([], [], []).
rozbij(List, [Len|Tail], [List_curr|Carry]) :-
  Len > 0,
  length(List_curr, Len),
  append(List_curr, List_next, List),
  rozbij(List next, Tail, Carry).
przynaleznosc([], [_, _], [], []).
przynaleznosc([Element|Elements_tail], [L, P], [Element|Carry], Out) :-
  Element >= L,
  Element =< P,
  przynaleznosc(Elements_tail, [L, P], Carry, Out),
przynaleznosc([Element|Elements_tail], [L, P], In, [Element|Carry]) :-
  Element > P,
  przynaleznosc(Elements_tail, [L, P], In, Carry),
  1.
przynaleznosc([Element|Elements_tail], [L, P], In, [Element|Carry]) :-
  Element < L,
  przynaleznosc(Elements_tail, [L, P], In, Carry).
decnabin(0, [0]).
decnabin(1, [1]).
decnabin(N, Bin):-
  N>1.
  Ndiv2 is div(N, 2),
  Nmod2 is mod(N, 2),
  decnabin(Ndiv2, Carry),
  append(Carry, [Nmod2], Bin).
rozdziel([], _, [], []).
rozdziel([Head|Tail], X, [Head|L], P):- Head < X, rozdziel(Tail, X, L, P).
rozdziel([Head|Tail], X, L, [Head|P]) :- Head >= X, rozdziel(Tail, X, L, P).
szybkisort([], []).
szybkisort([Pivot|Tail], Srt) :-
  rozdziel(Tail, Pivot, L, P),
```

```
szybkisort(L, CarryL),
  szybkisort(P, CarryP),
  append(CarryL, [Pivot|CarryP], Srt).
doposort([], X, [X]).
doposort([Head|Tail], X, [Head|Carry]) :-
  X > Head,
  doposort(Tail, X, Carry).
doposort([Head|Tail], X, [X, Head|Tail]) :-
  X = < Head.
wstawsort([], []).
wstawsort([Head|Tail], Sorted) :-
  wstawsort(Tail, Carry),
  doposort(Carry, Head, Sorted).
% unikalne(allowed, unique).
unikalne([], []).
unikalne([A|As], [A|Us]) :-
  not(member(A, As)),
  unikalne(As, Us),
  !.
unikalne([A|As], Us) :-
  member(A, As),
  unikalne(As, Us).
% najblizszy(X, List, Y member of List that minimalise abs(X-Y))
najblizszy(_, [EI], EI).
najblizszy(X, [E|Es], E) :-
  najblizszy(X, Es, Y),
  abs(X-E) < abs(X-Y),
  !.
najblizszy(X, [E|Es], Y) :-
  najblizszy(X, Es, Y),
  abs(X-E) >= abs(X-Y).
%eratostenes(2=<N, Primes)
eratostenes(N, Primes) :-
  ciagliczb(2, N, Ns),
  sito(Ns, Primes).
%ciagliczb(min inclusive, max inclusive, List)
ciagliczb(M, N, [N]) :-
  M =:= N.
ciagliczb(M, N, [M|Carry]) :-
       M < N,
```

```
ciagliczb(NewM, N, Carry).

%odsiewaj(filter mod, list, list filtred).
odsiewaj(_, [], []).
odsiewaj(Mod, [L|Ls], [L|Fs]):-
mod(L, Mod) =\= 0,
odsiewaj(Mod, Ls, Fs).
odsiewaj(Mod, [L|Ls], Fs):-
mod(L, Mod) =:= 0,
odsiewaj(Mod, Ls, Fs).

sito([], []).
sito([L|Ls], [L|Carry]):-
odsiewaj(L, Ls, Filtred),
```

sito(Filtred, Carry).

NewM is M + 1,

```
lab 7
% sumuj(lista, wynik)
sumuj([], 0).
sumuj([Head|Tail], M) :- sumuj(Tail, X), M is X+Head.
%podzielniki(liczba, najmniejszy dozwolony dzielnik, lista dzielników)
podzielniki(N, N, []).
podzielniki(N, D, [D|Lcarry]) :-
  D<N,
  mod(N, D) =:= 0,
  Dn is D + 1,
  podzielniki(N, Dn, Lcarry),
podzielniki(N, D, L):-
  D<N,
  mod(N, D) = 0
  Dn is D + 1,
  podzielniki(N, Dn, L).
doskonala(N):-
  podzielniki(N, 1, Divs),
  sumuj(Divs, Val),
  Val =:= N.
%przekroj(zbior A, zbior B, iloczyn AB)
przekroj([], _, []).
przekroj(_, [], []).
przekroj([L1|L1s], [L2|L2s], [L1|Lcarry]) :-
  L1 =:= L2,
  przekroj(L1s, L2s, Lcarry),
  !.
przekroj([L1|L1s], [L2|L2s], Lcarry) :-
  L1 < L2,
  przekroj(L1s, [L2|L2s], Lcarry),
przekroj([L1|L1s], [L2|L2s], Lcarry) :-
  L1 > L2,
  przekroj([L1|L1s], L2s, Lcarry).
glowyogony([], [], []).
glowyogony([[Head|Tail]|Ls], [Head|Lgs], [Tail|Los]) :-
  glowyogony(Ls, Lgs, Los).
slad([[A]], A).
slad(M, S):-
  glowyogony(M, [Lg|_], [_|Los]),
```

```
slad(Los, Scarry),
  S is Scarry + Lg.
rozszerzaj([[A, B]], [A, B]).
rozszerzaj([[A, B]|Rest], [Ac, Bc]):-
  rozszerzaj(Rest, [Ac, Bc]),
  B=< Bc,
  A >= Ac,
  1.
rozszerzaj([[A, B]|Rest], [Ac, B]) :-
  rozszerzaj(Rest, [Ac, Bc]),
  B > Bc,
  A >= Ac
rozszerzaj([[A, B]|Rest], [A, Bc]):-
  rozszerzaj(Rest, [Ac, Bc]),
  B=< Bc,
  A < Ac
  1.
rozszerzaj([[A, B]|Rest], [A, B]) :-
  rozszerzaj(Rest, [Ac, Bc]),
  B> Bc,
  A< Ac.
ciagliczb(M, N, [N]) :-
  M =:= N.
ciagliczb(M, N, [M|Carry]) :-
       M < N,
       NewM is M + 1,
       ciagliczb(NewM, N, Carry).
liczpodziel(N, N, 0).
liczpodziel(N, D, L):-
  D<N,
  mod(N, D) =:= 0,
  Dn is D + 1,
  liczpodziel(N, Dn, Lcarry),
  L is Lcarry +1,
  1.
liczpodziel(N, D, L):-
  D<N,
  mod(N, D) = 0
  Dn is D + 1,
  liczpodziel(N, Dn, L).
antyp([], _).
antyp([Head|Tail], Max) :-
  liczpodziel(Head, 1, Divs),
```

```
Divs < Max,
  antyp(Tail, Max).
antypierwsza(N):-
  liczpodziel(N, 1, Divs),
  Npre is N - 1,
  ciagliczb(1, Npre, List),
  antyp(List,Divs).
rozmien(Coins, N, [Current]):-
  append(_, [Current], Coins),
  Current =< N,
  NewN is N - Current,
       NewN =:= 0,
  !.
rozmien(Coins, N, Res):-
  append(_, [Current], Coins),
  Current =< N,
  NewN is N - Current,
  rozmien(Coins, NewN, List),
  append(List, [Current], Res),
  !.
rozmien(Coins, N, List):-
  append(Smaller, [Current], Coins),
  Current > N,
  rozmien(Smaller, N, List).
wpolu([],_, []).
wpolu([[X,Y]|Tail], [[Xa, Ya], [Xb, Yb]], [[X, Y]|Carry]) :-
  X>=Xa,
  X = < Xb,
  Y>=Ya,
  Y=<Yb.
  wpolu(Tail, [[Xa, Ya], [Xb, Yb]], Carry),
wpolu([[X,_]|Tail], [[Xa, Ya], [Xb, Yb]], Carry) :-
   X < Xa
   wpolu(Tail, [[Xa, Ya], [Xb, Yb]], Carry),
wpolu([[X,_]|Tail], [[Xa, Ya], [Xb, Yb]], Carry) :-
   X > Xb,
   wpolu(Tail, [[Xa, Ya], [Xb, Yb]], Carry),
wpolu([[_,Y]|Tail], [[Xa, Ya], [Xb, Yb]], Carry) :-
   Y < Ya,
   wpolu(Tail, [[Xa, Ya], [Xb, Yb]], Carry),
   !.
wpolu([[_,Y]|Tail], [[Xa, Ya], [Xb, Yb]], Carry) :-
```

```
Y > Yb,
   wpolu(Tail, [[Xa, Ya], [Xb, Yb]], Carry).
minX([[X, \_]], X).
minX([[X, _]|Tail], X) :-
  minX(Tail, Min),
  X < Min,
  1.
minX([[X, _]|Tail], Min) :-
  minX(Tail, Min),
  X \ge Min.
maxX([[X, _]], X).
maxX([[X, \_]|Tail], X) :-
  maxX(Tail, Max),
  X > Max
maxX([[X, _]|Tail], Max) :-
  maxX(Tail, Max),
  X = < Max.
minY([[\_, Y]], Y).
minY([[_, Y]|Tail], Y) :-
  minY(Tail, Min),
  Y < Min,
  1.
minY([\underline{\ },\ Y]|Tail],\ Min):-
  minY(Tail, Min),
  Y \ge Min.
maxY([[_, Y]], Y).
maxY([[_, Y]|Tail], Y) :-
  maxY(Tail, Max),
  Y > Max
  !.
maxY([[_, Y]|Tail], Max) :-
  maxY(Tail, Max),
  Y = < Max.
minpole(List, [[Xa, Ya], [Xb, Yb]]) :-
  minX(List, Xa),
  maxX(List, Xb),
  minY(List, Ya),
  maxY(List, Yb).
```

```
zamien_d([], []).
zamien_d([A], [A]).
zamien_d([A, B|L1s], [B|Carry]) :- %change
  A < B
  zamien_d([A| L1s], Carry),
zamien_d([A, B|L1s], [A|Carry]) :-
  A >= B,
  zamien_d([B|L1s], Carry).
zamien_g([], []).
zamien_g([A], [A]).
zamien_g([A, B|L1s], [B|Carry]) :- %change
  A > B
  zamien_g([A| L1s], Carry),
zamien_g([A, B|L1s], [A|Carry]) :-
  A = < B,
  zamien_g([B|L1s], Carry).
odwracaj([], []).
odwracaj([L|Ls], R) :-
  odwracaj(Ls, Carry),
  append(Carry, [L], R).
koktajl([], []).
koktajl([A], [A]).
koktajl(L, S):-
  zamien_g(L, Bubbleup),
  odwracaj(Bubbleup, Bubbleup_reversed),
  zamien_d(Bubbleup_reversed, Bubbledown_reversed),
  odwracaj(Bubbledown_reversed, Bubbledown),
  append([Min|Mid], [Max], Bubbledown),
  koktajl(Mid, Sorted_mid),
  append([Min|Sorted_mid], [Max], S).
ciagFib(N,F1,_,[]):-
F1 > N,
1.
ciagFib(N,F1,F2,[F1|L]):-
F1 = < N, F3 \text{ is } F2 + F1,
ciagFib(N,F2,F3,L),
!.
rozklad(LF,N,[N]):-
```

```
append(_,[X],LF),
N-X = := 0,
!.
rozklad(LF,N,L):-
append(_,[X],LF),
X =< N,
N1 is N-X,
rozklad(LF,N1,L1),
append(L1,[X],L),
!.
rozklad(LF,N,L):-
append(LF1,[X],LF),
X > N,
rozklad(LF1,N,L),
rozklad\_fib(N,L):-
ciagFib(N,0,1,L1),
rozklad(L1,N,L).
```