

- (1) Sia  $E \subseteq \mathbb{R}$  un insieme non vuoto. Se  $E$  è limitato superiormente, allora
  - (a) il massimo di  $E$  esiste e coincide con l'estremo superiore di  $E$ ;
  - (b) il massimo di  $E$  esiste ed è finito;
  - (c) il massimo di  $E$  non esiste;
  - (d) l'insieme dei maggioranti di  $E$  non è vuoto.
- (2) Sia  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  una funzione iniettiva. Allora
  - (a) ogni retta orizzontale interseca il grafico di  $f$  in uno e un solo punto;
  - (b) ogni retta orizzontale interseca il grafico di  $f$  in al più un punto;
  - (c) ogni retta orizzontale interseca il grafico di  $f$  in almeno un punto;
  - (d) nessuna delle precedenti.
- (3) Siano  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  e  $x_0 \in \mathbb{R}$  tali che  $\lim_{x \rightarrow x_0} f(x) = \ell \in \mathbb{R}$ . Allora
  - (a) per ogni  $\varepsilon > 0$  esiste  $\delta > 0$  tale che per ogni  $x \in \mathbb{R}$  con  $|x - x_0| < \delta$  si ha  $|f(x) - \ell| < \varepsilon$ ;
  - (b) per ogni  $\varepsilon > 0$  esiste  $\delta > 0$  tale che per ogni  $x \in \mathbb{R}$  con  $|x - x_0| < \varepsilon$  si ha  $|f(x) - \ell| < \delta$ ;
  - (c) per ogni  $\varepsilon > 0$  esiste  $\delta > 0$  tale che per ogni  $x \in \mathbb{R}$  con  $0 < |x - x_0| < \delta$  si ha  $|f(x) - \ell| < \varepsilon$ ;
  - (d) per ogni  $\varepsilon > 0$  esiste  $\delta > 0$  tale che per ogni  $x \in \mathbb{R}$  con  $0 < |x - x_0| < \varepsilon$  si ha  $|f(x) - \ell| < \delta$ ;
- (4) Sia  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  una funzione tale che per ogni  $\varepsilon > 0$  esiste  $M > 0$  tale che per ogni  $x > M$  si ha  $|f(x) - 3| < \varepsilon$ . Allora
  - (a)  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 3$ ;
  - (b)  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 3$ ;
  - (c)  $\lim_{x \rightarrow 3} f(x) = \infty$ ;
  - (d)  $\lim_{x \rightarrow 3} f(x) = -\infty$ .
- (5) Sia  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  una funzione tale che  $x^2 \leq f(x) \leq x^4$  per ogni  $x \in [1, \infty)$ . Quale delle seguenti affermazioni è falsa?
  - (a)  $f$  è continua da destra in 1;
  - (b)  $f$  è crescente;
  - (c)  $f(x) \geq 0$  per ogni  $x \geq 1$ ;
  - (d)  $\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = +\infty$ .
- (6) Siano  $f: [a, b] \rightarrow \mathbb{R}$  una funzione continua tale che  $f(a) = 1$  e  $f(b) = 3$ . Allora
  - (a)  $f([a, b]) = [1, 3]$ ;
  - (b)  $f$  è crescente in  $[a, b]$ ;
  - (c) esiste almeno un  $c \in (a, b)$  tale che  $f(c) = 2$ ;
  - (d) esiste un unico  $c \in (a, b)$  tale che  $f(c) = 2$ .
- (7) Sia  $f: [a, b] \rightarrow \mathbb{R}$  continua in  $[a, b]$  e derivabile in  $(a, b)$ . Sotto quale delle seguenti ipotesi possiamo affermare che esiste  $c \in (a, b)$  tale che  $f'(c) = 0$ ?
  - (a)  $f$  è derivabile anche negli estremi  $a$  e  $b$  dell'intervallo;
  - (b)  $f$  è positiva in  $[a, b]$ ;
  - (c)  $f(a) > 0$  e  $f(b) < 0$ ;
  - (d)  $f(a) = f(b)$ .

- (8) Siano  $f: (a, b) \rightarrow \mathbb{R}$  derivabile e  $x_0 \in (a, b)$  tale che  $f'(x_0) = 0$ . Allora
- (a)  $x_0$  è un massimo o un minimo di  $f$ ;
  - (b) se  $f'(x) < 0$  per  $x \in (a, x_0)$  e  $f'(x) > 0$  per  $x \in (x_0, b)$ , allora  $x_0$  è un massimo relativo;
  - (c) se  $f'(x) < 0$  per  $x \in (a, x_0)$  e  $f'(x) > 0$  per  $x \in (x_0, b)$ , allora  $x_0$  è un minimo relativo;
  - (d) nessuna delle precedenti.
- (9) Sia  $f: \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  una funzione. Quale tra le seguenti affermazioni è falsa?
- (a)  $f$  ammette una primitiva se e solo se ne ammette infinite;
  - (b) se  $f$  ammette una primitiva allora  $f$  è derivabile;
  - (c) se  $f$  è continua, allora  $f$  ammette una primitiva;
  - (d) le primitive di  $f$ , se esistono, differiscono tra loro per una costante additiva.
- (10) Sotto quale delle seguenti ipotesi una funzione  $f: [a, b] \rightarrow \mathbb{R}$  è integrabile secondo Riemann in  $[a, b]$ ?
- (a)  $f$  è limitata in  $[a, b]$ ;
  - (b)  $f$  è continua in  $[a, b] \setminus \{x_0\}$ , e in  $x_0$  ha una discontinuità a salto;
  - (c)  $f$  è continua in  $(a, b)$ ;
  - (d)  $f$  è derivabile in  $(a, b)$ .