

La ricerca binaria

```

int ricercaBinariaAux(int inizio, int fine, int array[], int elem)
{
1  if (inizio==fine)
2  {
3    if (array[inizio]==elem)
4    return inizio;
5    else
6    return -1;
7  }

5 int mezzo = (inizio+fine)/2;
6 if (array[mezzo]==elem) return mezzo;

if (elem > array[mezzo])
return ricercaBinariaAux(mezzo+1, fine, array, elem);
else
return ricercaBinariaAux(inizio, mezzo-1, array, elem);
    
```

o questa
o questa

7 operazioni + 1 CHIAMATA RICORSIVA

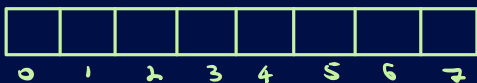
N.B.

7 operazioni abbondando, poiché, per esempio, si può ricadere solo in 1 if (quindi meno di 7 operaz. verranno svolte)

Complessità = num max di operaz(c) ripetuto per ricorsione

DIMENSIONE array = n
ELEM CERCATO = E

CASO peggiore E non c'è



* divido a metà l'array

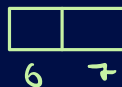


E > elem in 3? sì, allora

questo xk
stiamo supponendo
che E sia +
grande di tutti
gli elem presenti
nell'array

devo controllare
nella metà
dopo $(n \rightarrow \frac{n}{2})$
(8 → 4)

E > elem in 5? sì →



etc...

DIMENSIONE porzione DI ARRAY CONSIDERATA	LIVELLO CHIAMATA RICORSIVA
n	prima chiamata $\emptyset \leftarrow$ convenzione

* $n/2$

1

$n/4$

2

$n/8$ ↓

3

caso base
inizio
fine
(una cella)

n	i
$\frac{n}{2^0} = 1$	0
$\frac{n}{2^1} = \frac{n}{2}$	1
...	2
...	3

in relazione

notiamo che
 $n = \frac{n}{2^j}$
dove
j = chiamata
ricorsiva

$L =$ livello della ultima chiamata ricorsiva $\rightarrow n / 2^L = 1$ * cioè al livello L , dove $j = \dots$

$$* \cancel{2^L} \cdot \frac{n}{\cancel{2^L}} = 1 \cdot 2^L$$

($L = j \times k$ si parla di livelli), noi sappiamo che abbiamo 1 cella

$$n = 2^L \quad \Leftrightarrow \quad L = \log_2 n$$

quindi $0, 1, 2, \dots, \log_2 n$ chiamate ricorsive

numero (#) di livelli $= \log_2 n + 1$ (* cont. la prima)

complessità: $c \cdot (\log_2 n + 1)$

CASO PEGGIORE
 $\Theta \log n$

CASO MIGLIORE E si trova nella posizione "mezzo" (trovo subito elem)

quindi $\Theta 1$