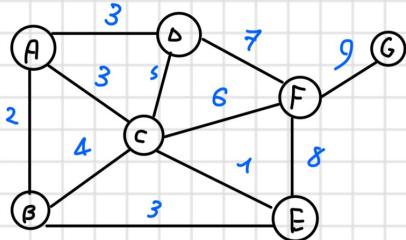


DATO UN GRADO G GENERO, NON ORIENTATO E PEJATO, UN MINIMO ALBERO ACCOPPIANTE DI G E' UN ALBERO

ACCOPPIANTE DI G IN CUI LA SOMMA DEI PESI DEGLI ARCI E' MINIMA. E' QUINDI UN SOTTOGRAFO DI G TALE CHE:

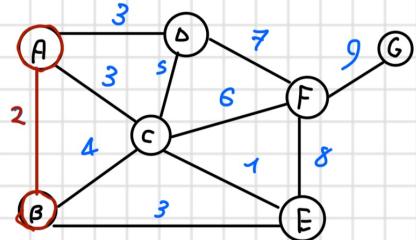
- INCLUDE TUTTI I NODI DI G
- E' UN ALBERO LIBERO, CIOE' CONNESSO E SENZA CICLI.
- LA SOMMA DEI PESI DEGLI ARCI E' MINIMA.

ESEMPIO DI ESECUZIONE



$$\text{VISITED} = \{ \}$$

PENSIAMO DA UN NODO QUALSiasi, SCEGLIAMO A. DOPO DI CHE TROVARE IL CAMMINO MINIMO DA A A UN ALTO NODO, IN QUESTO CASO B.

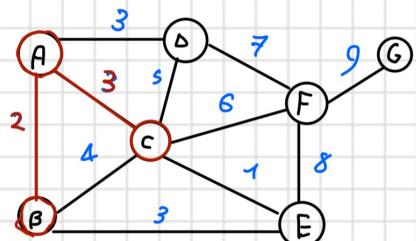


$$\text{VISITED} = \{ A, B \}$$

I nodi rossi sono l'insieme degli nodi dell'albero di copertura minima

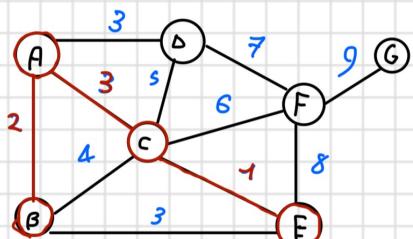
ANALIZZIAMO TUTTI I NODI RAGGIUNGIBILI DA A E B, TUTTI I PESI PICCOLI SONO 3, IN QUESTO CASO DOPO DI CHE SCEGLIERE UNO DI QUESTI.

SCEGLIAMO C.

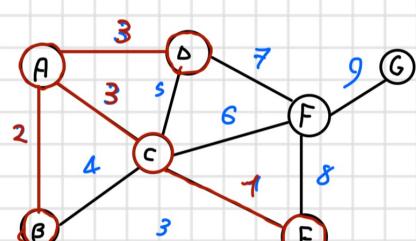


$$\text{VISITED} = \{ A, B, C \}$$

RIPETIAMO QUESTO PASSO DI SCEGLIERE IL PIU' PICCOLO PESO CHE SI COLLEGA A UN NODO NON VISITATO.



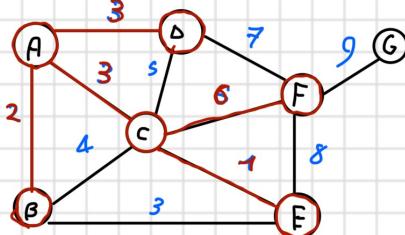
$$\text{VISITED} = \{ A, B, C, D \}$$



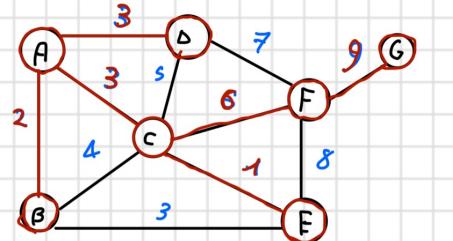
$$\text{VISITED} = \{ A, B, C, E \}$$

A QUESTO PUNTO L'ARCO CON PESO 3 E' IL PIU' PICCOLO MA I VENICI SONO GIÀ NELL'ALBERO (GIÀ VISITATI) QUINDI IN QUESTO CASO

SCEGLIAMO F:



L'unico nodo non raggiunto è  $G$ , lo aggiungeremo all'albero.



visited =  $\{A, B, C, D, E, F\}$

Albero finito

### PSEUDO CODICE

PRIM ( $G, s$ )

FOR EACH ( $M$  nodo in  $G$ ) MARK  $M$  come non visitato // NECESSARIO

FOR EACH ( $M$  nodo in  $G$ )  $dist[M] = \infty$

PARENT [ $s$ ] = null ;  $dist[s] = 0$

$Q$  = HEAP vuoto

FOR EACH ( $M$  nodo in  $G$ )  $Q$ . ADD ( $M, dist[M]$ )

WHILE ( $Q$  non vuoto)

$M = Q$ . GETMIN()

MARK  $M$  come visitato (VERO)

FOR EACH ( $(M, V)$  Arco in  $G$ )

IF ( $V$  non visitato &  $c_{M,V} < dist[V]$ )

PARENT [ $V$ ] =  $M$  ;  $dist[V] = c_{M,V}$

$Q$ . CHANGE PRIORITY ( $V, dist[V]$ )

### COMPLESSITÀ

LA STESSA DI DISTANZA QUANDI  $\mathcal{O}(m \cdot n \log m)$