

In un grafo orientato G , due nodi $u \in V$ si dicono **mutuamente raggiungibili** (o fortemente connessi) se esistono due arc \vec{e} raggiungibili dall'uno all'altro, ossia se esiste un cammino da u a v e da v a u . La relazione di "raggiungibilità" viene indicata con \Rightarrow

COMPONENTE FORTEMENTE CONNESSA: In un grafo orientato G , le componenti fortemente connesse sono le classi di equivalenza della relazione \Rightarrow , ossia i sottografi massimali di G i cui nodi sono tutti fortemente connessi l'uno all'altro.

Quoziente rispetto a \Rightarrow : Si ottiene un grafo G^{\Rightarrow} detto grafo quoziente in cui i nodi sono le componenti fortemente connesse di G ed esiste un arco (c, c') se e solo se esiste un arco da un nodo di c a un nodo di c' .

LEMMA: Se c è c' sono due componenti fortemente connesse del grafo G ed esiste un arco da un nodo di c a un nodo di c' , allora in qualunque visita in profondità di G si ha $\text{END}(c') < \text{END}(c)$

Teorema: In una visita in profondità di un grafo orientato il nodo viene il massimo tempo di fine visita appartenente ad una componente fortemente connessa succedente.

Teorema: In una visita in profondità di un grafo orientato la visita di un nodo appartiene ad una componente fortemente connessa potendo c , visita tutti i nodi di c .

$\text{SCC}(G)$

$\text{DFS}(G, \text{ord})$ \Rightarrow Ordinabili una sequenza che contiene i nodi di G ordinati per tempo di visita

$G^T = \text{grafo inverso di } G$

$\text{ORD}^{\Rightarrow} = \text{sequenza} \text{ visita}$

WHILE (ord non vuota)

$m = \text{ultimo nodo non visitato in ord}$ nodo scelto

$c = \text{insieme di nodi visitati}$

$\text{DFS}(G^T, m, c)$

$\text{ord}^{\Rightarrow} \cdot \text{ADD}(c)$

REINIZI ORD^{\Rightarrow}

COMPLESSITÀ:

Visita in profondità del grafo: $O(m + m)$

Generazione del grafo trasposto: $O(m + m)$

Succcessive visite del grafo trasposto: $O(m + m)$