

I PROBLEMI NP-COMPLETI SONO I PIU' DIFFICILI TRA I PROBLEMI NP. SE PER UNO SOLO DI QUESTI PROBLEMI SI TROVA UN MODO PER RISOLVERLO IN TEMPO POLINOMIALE ALLORA SI TROVEREMO PER TUTTI QUELLI IN NP E SI DIMOSTREREBBE  $P=NP$

DEFINIZIONE: DATI DUE PROBLEMI  $P_1$  E  $P_2$ , DICIAMO CHE  $P_1$  E' RIDUCIBILE POLINOMICAMENTE A  $P_2$ , E SCRIVIAMO  $P_1 \leq_p P_2$  SE ESISTE UNA FUNZIONE  $\varphi: \{0,1\}^* \rightarrow \{0,1\}^*$ , DENATA FUNZIONE DI RIDUZIONE, CALCOLABILE IN TEMPO POLINOMIALE TALE CHE PER OGNI  $x \in \{0,1\}^*$   $x \in P_1$  SE E SOLO SE  $\varphi(x) \in P_2$

N.B.: DATI DUE PROBLEMI CONCRETI  $P_1$  E  $P_2$  TALI CHE  $P_1 \leq_p P_2$ , SE  $P_2 \in P$  ALLORA ANCHE  $P_1 \in P$

DEFINIZIONE: UN PROBLEMA CONCRETO  $P$ , SI DICE NP-DIFFICILE SE PER OGNI PROBLEMA  $Q \in NP$  SI HA  $Q \leq_p P$ , SI DICE NP-COMPLETO SE APPARTIENE ALLA CLASSE NP E E' NP-DIFFICILE. INDICHIAMO CON NP-C LA CLASSE DEI PROBLEMI COMPLETI.

TEOREMA: SE QUALUNQUE PROBLEMA NP-COMPLETO APPARTIENE ALLA CLASSE P, ALLORA SI HA  $P=NP$  O EQUIVALENTEMENTE:  $P \neq NP$  QUINDI, ESISTE ALMENO UN PROBLEMA IN NP NON RIDUCIBILE IN TEMPO POLINOMIALE, ALLORA NESSUN PROBLEMA NP-COMPLETO E' RISOLVIBILE IN TEMPO POLINOMIALE.

IMPORTANTE: PER DIMOSTRARE CHE UN PROBLEMA E' IN NP BASTA MOSTRARE UN ALGORITMO POLINOMIALE NON DETERMINISTICO CHE LO RISOLVE, O UN ALGORITMO POLINOMIALE CHE LO VERIFICA.

COME DIMOSTRARE UN PROBLEMA E' NP-COMPLETO? UNA VOLTA DIMOSTRANDO CHE ALMENO UN PROBLEMA E' NP-COMPLETO, POSSIAMO PROVARE CHE UN ALTRO LO E' MOSTRANDO LA RIDUCIBILITA' DI P A QUESTO PROBLEMA, INFATTI IN QUESTO MODO ANCHE IL NUOVO PROBLEMA RISULTA NP-COMPLETO PER LA TRASMITTITA' DELLA RIDUCIBILITA'.