

- 코드를 분석해보면 수행되는 연산들의 횟수를 입력 크기의 함수로 만들 수 있다.

ArrayMax(A,n)

```
tmp ← A[0];  
for i←1 to n-1 do  
    if tmp < A[i] then  
        tmp ← A[i];  
return tmp;
```

1번의 대입 연산
루프 제어 연산은 제외
n-1번의 비교 연산
n-1번의 대입 연산(최대)
1번의 반환 연산

총 연산수= $2n$ (최대)

빅오 표기법

- 차수가 가장 큰 항이 가장 영향을 크게 미치고 다른 항들은 상대적으로 무시될 수 있음
 - 예: $T(n) = n^2 + n + 1$
 - $n=1$ 일때 : $T(n) = 1 + 1 + 1 = 3$ (33.3%)
 - $n=10$ 일때 : $T(n) = 100 + 10 + 1 = 111$ (90%)
 - $n=100$ 일때 : $T(n) = 10000 + 100 + 1 = 10101$ (99%)
 - $n=1,000$ 일때 : $T(n) = 1000000 + 1000 + 1 = 1001001$ (99.9%)

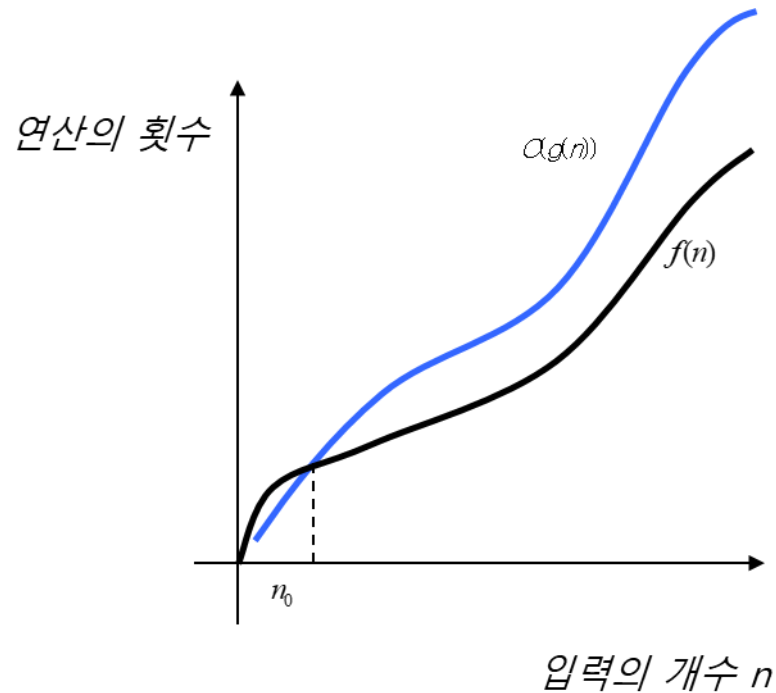
$n=100$ 인 경우

$$T(n) = n^2 + n + 1$$

99%

1%

- 두 개의 함수 $f(n)$ 과 $g(n)$ 이 주어졌을 때, 모든 $n \geq n_0$ 에 대하여 $|f(n)| \leq c|g(n)|$ 을 만족하는 2개의 상수 c 와 n_0 가 존재하면 $f(n) = O(g(n))$ 이다.
 - 연산의 횟수를 대략적(점근적)으로 표기한 것
 - 빅오를 함수의 상한을 표시한다.
 - (예) $n \geq 5$ 이면 $2n+1 < 10n$ 이므로 $2n+1 = O(n)$



- 예제 1.1 빅오 표기법

- $f(n)=5$ 이면 $O(1)$ 이다. 왜냐하면 $n_0=1$, $c=10$ 일 때,
 $n \geq 1$ 에 대하여 $5 \leq 10 \cdot 1$ 이 되기 때문이다.

- $f(n)=2n+1$ 이면 $O(n)$ 이다. 왜냐하면 $n_0=2$, $c=3$ 일 때,
 $n \geq 2$ 에 대하여 $2n+1 \leq 3n$ 이 되기 때문이다.

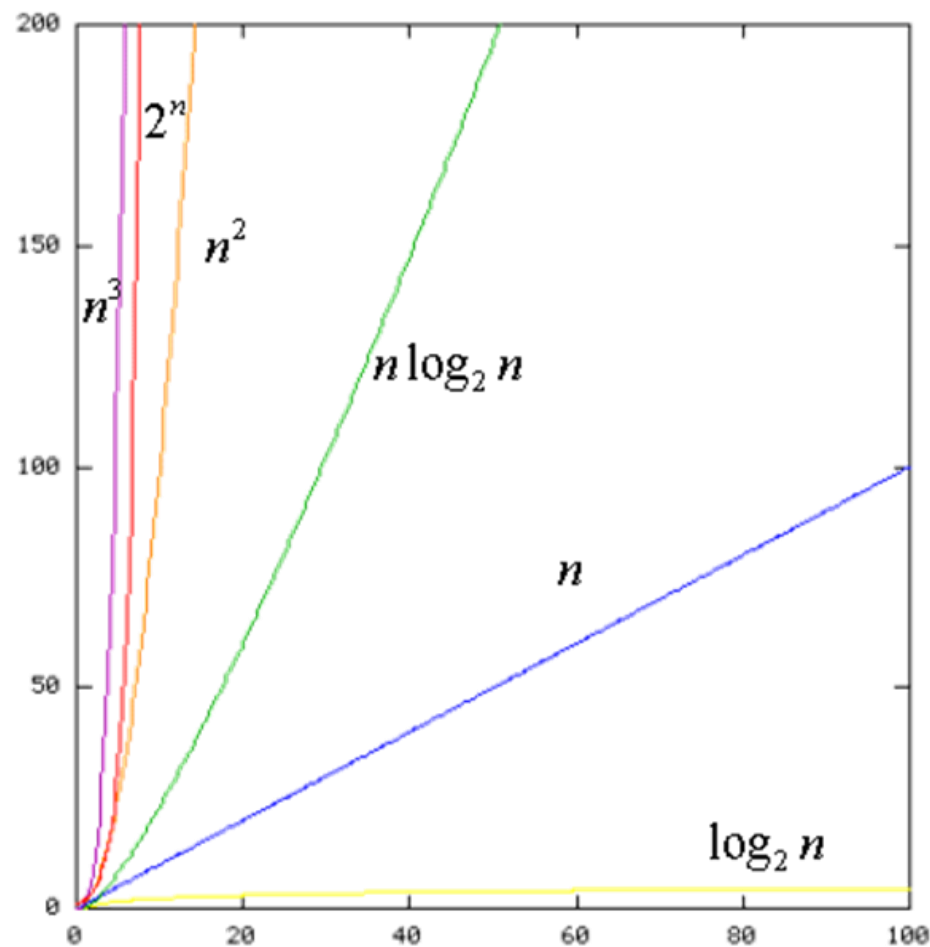
- $f(n)=3n^2 + 100$ 이면 $O(n^2)$ 이다. 왜냐하면 $n_0=100$, $c=5$ 일 때, $n \geq 100$ 에 대하여
 $3n^2 + 100 \leq 5n^2$ 이 되기 때문이다.

- $f(n)=5 \cdot 2^n + 10n^2 + 100$ 이면 $O(2^n)$ 이다.

- 왜냐하면 $n_0=1000$, $c=10$ 일 때, $n \geq 1000$ 에 대하여 $5 \cdot 2^n + 10n^2 + 100 < 10 \cdot 2^n$ 이
되기 때문이다.

빅오 표기법의 종류

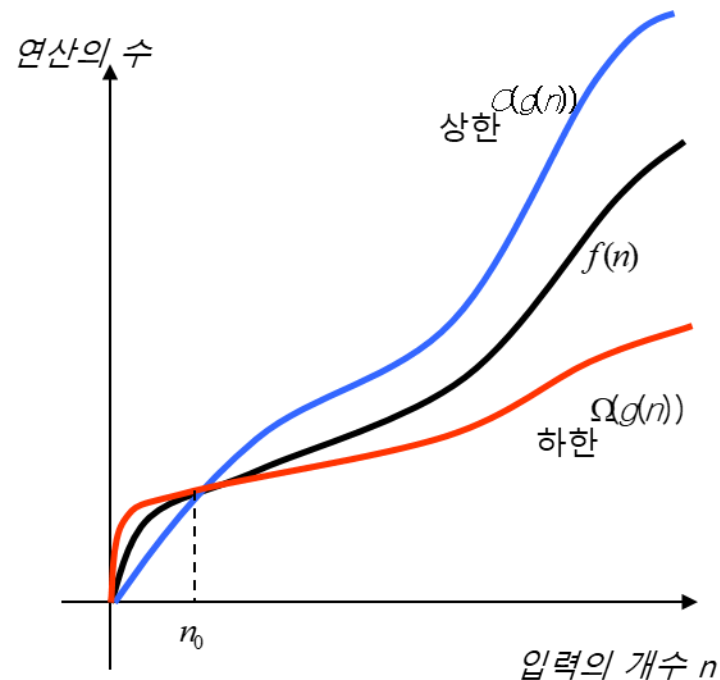
- $O(1)$: 상수형
- $O(\log n)$: 로그형
- $O(n)$: 선형
- $O(n \log n)$: 로그선형
- $O(n^2)$: 2차형
- $O(n^3)$: 3차형
- $O(n^k)$: k차형
- $O(2^n)$: 지수형
- $O(n!)$: 팩토리얼형



시간복잡도	n					
	1	2	4	8	16	32
1	1	1	1	1	1	1
$\log n$	0	1	2	3	4	5
n	1	2	4	8	16	32
$n \log n$	0	2	8	24	64	160
n^2	1	4	16	64	256	1024
n^3	1	8	64	512	4096	32768
2^n	2	4	16	256	65536	4294967296
$n!$	1	2	24	40326	20922789888000	26313×10^{33}

빅오메가 표기법

- 정의
 - 모든 $n \geq n_0$ 에 대하여 $|f(n)| \geq c|g(n)|$ 을 만족하는 2개의 상수 c 와 n_0 가 존재하면 $f(n) = \Omega(g(n))$ 이다.
- 빅오메가는 함수의 **하한**을 표시
- (예) $n \geq 1$ 이면 $2n+1 > n$ 이므로 $n = \Omega(n)$



빅세타 표기법

- 정의
 - 모든 $n \geq n_0$ 에 대하여 $c_1|g(n)| \leq |f(n)| \leq c_2|g(n)|$ 을 만족하는 3개의 상수 c_1, c_2 와 n_0 가 존재하면 $f(n) = \theta(g(n))$ 이다.
- 빅세타는 함수의 하한인 동시에 상한을 표시한다.
- $f(n) = O(g(n))$ 이면서 $f(n) = \Omega(g(n))$ 이면 $f(n) = \theta(n)$ 이다.
- (예) $n \geq 1$ 이면 $n \leq 2n+1 \leq 3n$ 이므로 $2n+1 = \theta(n)$

