자료구조: 2022년 1학기 [강의]

# 스택 (Stack)

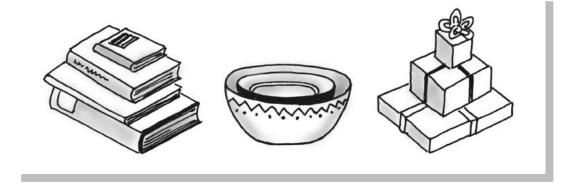
강지훈 jhkang@cnu.ac.kr 충남대학교 컴퓨터융합학峰

## 스택(Stack) 이란?



## □ 스택 (Stack)

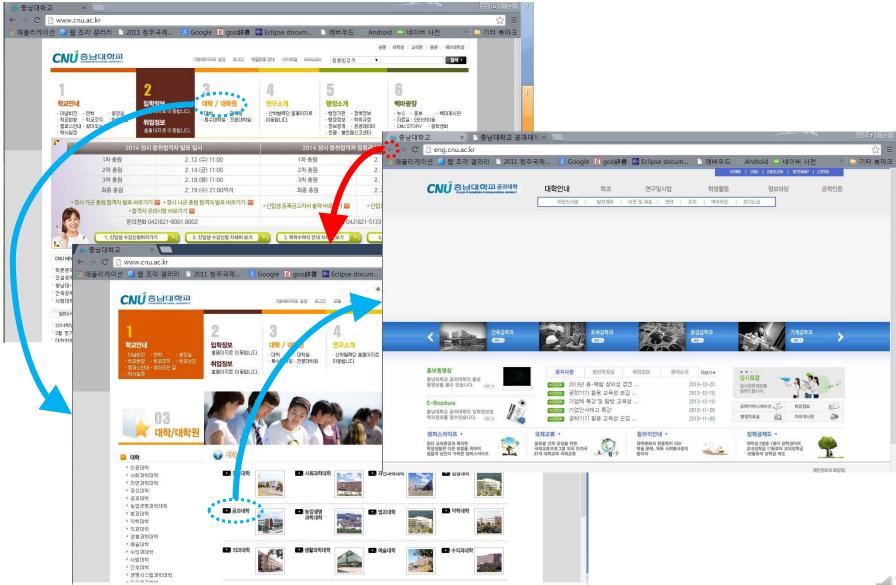
- 더미(stack): 쌓여 있는 것들
- 쌓인 순서가 있다
- 새로운 것을 쌓기 편한 곳은?
- 스택에서 하나를 빼 내기 편한 곳은?







#### 🔲 웹 브라우징에서의 Navigation History 관리





#### □ 쓸모 [1]

- ■웹 브라우저: 방문 History 관리
  - 링크 클릭: 현재의 주소를 "방문 History 스택"에 쌓는다.
  - Back 단추 클릭: 스택에서 직전에 쌓은 주소를 꺼낸다.
- 수식 계산기

- 컴파일러(Compiler) / 인터프리터(Interpreter)
  - 고급 언어를 기계어로 번역 (compile) / 실행 (interpret)
  - 구분 분석 (Parsing)
    - ◆ 컴파일러는 수식을 포함하는, 보다 일반화된 복잡한 고급언어 표 현을 분석하고 번역한다.





#### □ 쓸모 [2]

- 재귀 함수의 처리
  - Activation record: 현재 실행 중인 함수에서 다른 새로 운 함수로의 call 이 발생하는 시점에, 스택에 쌓아서 보 관하려는 새로운 함수의 실행 정보:
    - ◆ 새로운 함수로의 매개변수 전달 값 (Parameter Value)
    - ◆ 새로운 함수의 지역 변수들 (Local Data)
    - ◆ 새로운 함수가 종료 후에 return 즉 돌아가야 할, call 하는 함수 내의 위치 (return address)
  - call: 새롭게 call 하는 함수의 activation record 를 스택에 쌓는다.
  - return: 현재의 activation record 를 스택에서 꺼내어, 이 전 call 했던 함수의 상태로 돌아간다.
  - 스택의 top 에는 언제나, 현재 실행 중인 함수의 activation record 가 존재하게 된다.





#### □ 스택 (Stack)

- 원소의 삽입과 삭제가 순서 리스트의 한쪽 끝에서만 발생
  - 스택의 꼭대기(top): 삽입과 삭제가 발생하는 한쪽 끝
  - 사용자가 얻을 수 있는 유일한 원소는 가장 최근에 삽입된 원소

$$S = (e_0, \bullet \bullet \bullet, e_{n-1})$$
 bottom 원소 top 원소

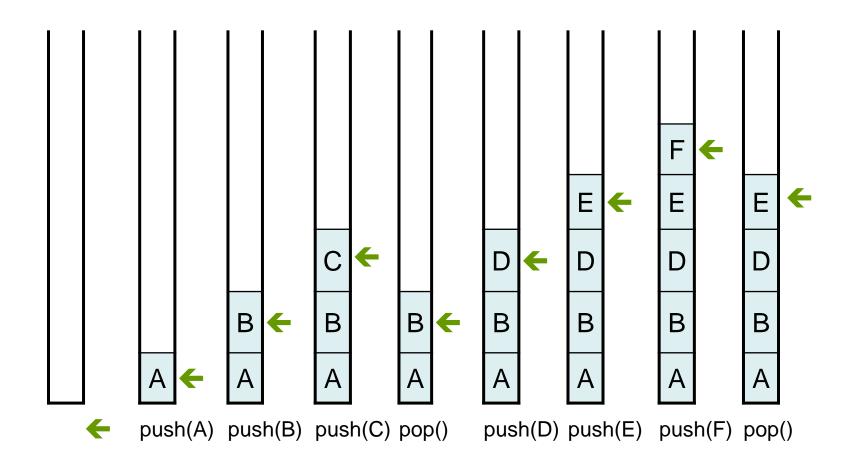
- 후입선출 (後入先出) 리스트
  - LIFO (last-in-first-out) List





## □ 삽입(push)과 삭제(pop)

"←": 스택의 꼭대기(top) 원소를 가리킨다







#### 🔲 스택의 사용법 (공개함수)

```
public class Stack<E>
{
    public Stack() { } // 생성자

    public boolean isEmpty() { }
    public boolean isFull() { }
    public int size() { }

    public boolean push (E anElement) { }
    public E pop() { }
    public E peek() { }
    public void clear() { }
}
```

- isEmpty(): 스택이 비어있는지를 알려 준다.
- isFull(): 스택의 꽉 차서 더 이상 삽입할 수 없는 상태인지를 알려준다.
- size(): 스택에 있는 원소의 수를 얻는다.
- push(): 주어진 원소를 스택의 맨 위에 올려 놓는다.
- pop() : 비어 있는 스택이 아니면, 가장 꼭대기의 원소를 빼내어 얻는다.
- peek(): 비어 있는 스택이 아니면, 가장 꼭대기의 원소를 얻는다. 스택은 변하지 않는다.
- clear() : 스택을 비운다.



## Class "ArrayStack<E>"





## Class ArrayStack<E> 의 공개함수

■ Stack 객체 사용법을 Java 로 구체적으로 표현

```
public ArrayStack () { }public ArrayStack (int GivenCapacity) { }
```

```
public boolean isEmpty() { }public boolean isFull() { }public int size() { }
```

```
public boolean push (E anElement) { }public E pop() { }
```

- public void clear() { }





## Class "ArrayStack<E>" 의 구현





#### □ Class "ArrayStack"의 초기 형태는 이렇게!

```
public class ArrayStack<E>
     public ArrayStack()
           // 수정해야 함
     public ArrayStack (int givenCapacity)
           // 수정해야 함
     public int size ()
           return 0; // 수정해야 함
     public boolean isEmpty ()
           return true ; // 수정해야 함
     public boolean isFull ()
           return true ; // 수정해야 함
     public boolean push (E an Element)
           return true ; // 수정해야 함
     public E pop()
           return null; // 수정해야 함
     public void clear()
           return ; // 수정해야 함
```

이렇게만 정의해 두어도 사용하는 곳에서 프로그래밍 하는 데는 전혀 지장이 없다. 즉 컴파일 오류가 발생하지 않는다.

} // End of Class "ArrayStack<E>"



## □ Class "ArrayStack"의 구현: 멤버변수

```
public class ArrayStack<E>
{
    // 비공개 상수
    private static final int DEFAULT_CAPACITY = 50;

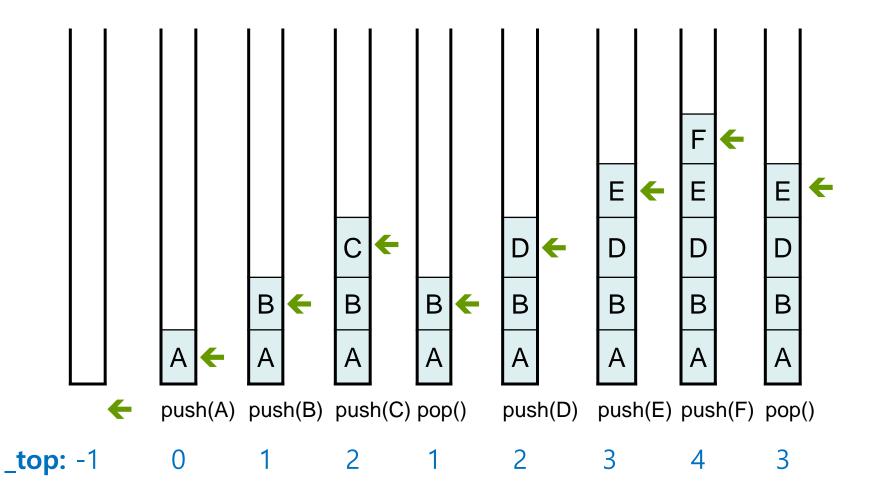
    // 비공개 멤버 변수
    private int _capacity;
    private int _top;
    private E[] _elements;
```

- DEFAULT\_CAPACITY: 사용자가 지정하지 않을 경우에 사용될 초기 스택 크기
- \_capacity: 현재 스택의 최대 크기
- \_top : 현재 스택의 top 원소의 배열에서의 위치
- \_elements : 스택의 원소들이 저장되는 배열





#### □ 배열로 구현된 스택에서의 삽입/삭제







## □ 일반화된 (generic) 클래스

```
public class ArrayStack<E>
{
......
// 비공개 멤버 변수
private int _capacity;
private int _top;
private E[] _elements;
```

- 스택의 선언에서 원소의 자료형(클래스)을 매개변수처럼 사용
  - E는 구체화 되지 않은 상태의 object class 이다.
- ArrayStack<E>는 일반화된 클래스로 선언되었다.
  - 사용자가 필요한 스택 객체를 선언할 때, E 가 구체적으로 주어지게 된다.
- 목적: 클래스를 정의하는 코드의 재활용
  - 동일한 기능을 하는 스택을, 원소가 달라질 때마다 따로 정의할 필요는 없다.
  - 편의성, 효율성





#### □ 일반화된 클래스의 사용법

```
public class ArrayStack<E>
{
......
// 비공개 멤버 변수
private int _capacity;
private int _top;
private E[] _elements;
```

■ 일반화된 클래스 변수의 선언과 사용

```
ArrayStack<String> wordStack = new ArrayStack<String>();
    // 원소의 자료형이 String 인 ArrayStack 객체를 생성
    // 객체 변수 wordStack 이 생성된 스택 객체를 소유
wordStack.push ("Hello");
wordStack.push ("abc");
String poppedString = wordStack.pop();
```





### ArrayStack": Getter/Setter

```
public class ArrayStack<E>
    // 비공개 상수
    private static final int DEFAULT CAPACITY = 50;
    // 비공개 멤버 변수
    private
             int
                       _capacity;
    private
             int
                      top;
             ΕΠ
                       elements;
    private
    // Getter/Setter
    private int capacity() { // Class 내부에서만 사용
         return this. capacity;
    private void setCapacity (int newCapacity) { // Class 내부에서만 사용
         this._capacity = newCapacity;
    private int top() {
         return this. top;
    private void setTop (int newTop) { // Class 내부에서만 사용
         this. top = newTop;
    private E[] elements () { // Class 내부에서만 사용
         return this. elements;
    private void setElements (E[] newElements) { // Class 내부에서만 사용
         this. elements = newElements;
```



## ■ ArrayStack: 생성자

```
public class ArrayStack<E> {
   // 비공개 멤버 변수
   // 생성자
   @SuppressWarnings ("unchecked")
   public ArrayStack()
      this.setCapacity (ArrayStack.DEFAULT_CAPACITY);
      this.setElements ((E[]) new Object[this.capacity()]);
      this.setTop (-1);
   @SuppressWarnings ("unchecked")
   public ArrayStack (int givenCapacity)
      this.setCapacity (givenCapacity);
      this.setElements ((E[]) new Object[this.capacity()]);
      this.setTop (-1);
```





## ■ ArrayStack: 다른 생성자 활용

```
public class ArrayStack<E> {
  // 비공개 멤버 변수
  // 생성자
   @SuppressWarnings ("unchecked")
   public ArrayStack()
      this (ArrayStack.DEFAULT_CAPACITY);
   @SuppressWarnings ("unchecked")
   public ArrayStack (int givenCapacity)
      this.setCapacity (givenCapacity);
      this.setElements ((E[]) new Object[this.capacity()]);
      this.setTop (-1);
```



## ■ ArrayStack: 상태 알아보기

public class ArrayStack<E>

```
// 비공개 함수
// size
public int size()
   return (this.top() + 1);
// Stack이 비어 있는지 확인
public boolean isEmpty ()
   return (this.top() < 0);
// Stack이 꽉차 있는지 확인
public boolean isFull ()
   return ((this.top()+1) == this.capacity());
```

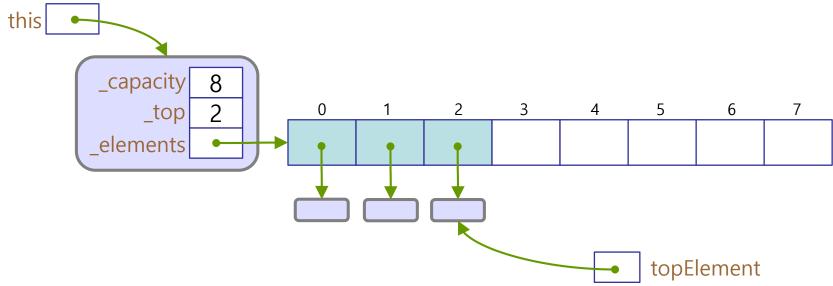


## ArrayStack: push()

```
// Push
   public boolean push (E an Element)
      if ( this.isFull() ) {
          return false;
      else {
          this.setTop (this.top()+1);
          this.elements()[this.top()] = anElement;
          return true;
this
          _capacity
              _top
         _elements
                                                                anElement
```

## ArrayStack: peek()

```
// peek
public E peek()
{
    E topElement = null;
    if (! this.isEmpty()) {
        topElement = this.elements()[this.top()];
    }
    return topElement;
}
```





### ArrayStack: pop() [1]

```
// pop
 public E pop()
       poppedElement = null;
     if (! this.isEmpty()) {
        poppedElement = this.elements()[this.top()];
        this.elements()[this.top()] = null;
        this.setTop (this.top()-1);
     return poppedElement;
this
        _capacity
                             0
                                                                    6
            _top
       _elements
                                                            poppedElement
```

### ArrayStack: pop() [2]

```
// pop
 public E pop()
       poppedElement = null;
     if (! this.isEmpty()) {
        poppedElement = this.elements()[this.top()];
        this.elements()[this.top()] = null;
        this.setTop (this.top()-1);
     return poppedElement;
this
        _capacity
                             0
                                                                    6
            _top
       _elements
                                        null
                                                            poppedElement
```

### ArrayStack: pop() [3]

```
// pop
 public E pop()
       poppedElement = null;
     if (! this.isEmpty()) {
        poppedElement = this.elements()[this.top()];
        this.elements()[this.top()] = null;
        this.setTop (this.top()-1);
     return poppedElement;
this
        _capacity
                             0
                                                                    6
            top
       _elements
                                        null
                                                            poppedElement
```

#### ArrayStack: clear()

```
// clear
public void clear()
{
    while ( this.top() >= 0 ) {
        this.elements()[this.top()] = null ;
        this.setTop (this.top()-1) ;
    }
}
```



#### □ Full 처리 방법: resize()

```
public class ArrayStack<E>
   // 비공개 멤버 변수
  // 비공개 함수
   @SuppressWarnings ("unchecked")
   private void resize()
      // 배열의 크기를 2 배로 늘려준다.
      this.setCapacity (this.capacity() * 2);
      E[] oldElements = this.elements();
      this.setElements ((E []) new Object[this.capacity()]);
      for ( int i = 0; i <= this.top(); i++) {
         this.elements()[i] = oldElements[i];
          oldElements[i] = null;
      // this.setElements ( Arrays.copyOf(this.elements(), this.capacity()) );
```





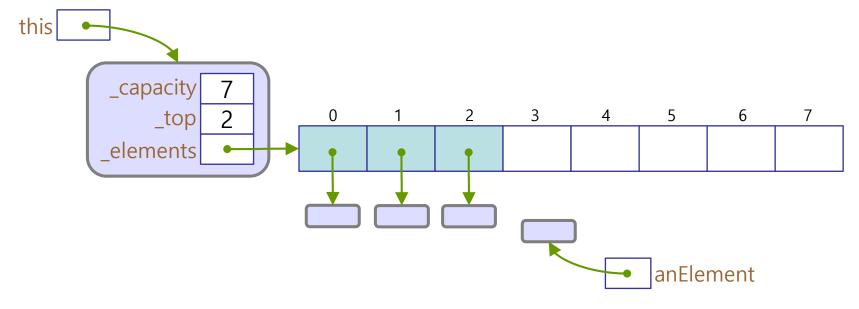
#### □ Arrays.copyOf() 를 사용한 resize()

```
public class ArrayStack<E>
   // 비공개 멤버 변수
  // 비공개 함수
   @SuppressWarnings ("unchecked")
   private void resize()
      // 배열의 크기를 2 배로 늘려준다.
      this.setCapacity (this.capacity() * 2);
      // E[] oldElements = this.elements();
      // this.setElements ( (E []) new Object[this.capacity()] );
      // for ( int i = 0 ; i <= this.top() ; i++ ) {
      // this.elements()[i] = oldElements[i];
         oldElements[i] = null;
      this.setElements ( Arrays.copyOf(this.elements(), this.capacity()) );
```



## □ ArrayStack: push() // resize() 사용

```
// Push with resize()
public boolean push(E anElement)
{
    if ( this.isFull() ) {
        this.resize() ;
    }
    this.setTop (this.top()+1) ;
    this.elements()[this.top()] = anElement ;
    return true ;
}
```







## Interface stack < E >





#### □ 기존 class 의 특정 기능 확장은?

■ Class "List<E>"에서 스택과 관련된 공개 함수

```
    public boolean isEmpty () { }
    public boolean isFull () { }
    public boolean size () { }
```

```
public E elementAt (int order) { }public E last () { }
```

- public boolean addToLast (E anElement) { }public E removeLast () { }
- public void clear() { }





#### □ 기존 class 의 특정 기능 확장은?

Class "Stack<E>"의 공개 함수

```
public boolean isEmpty () { }
public boolean isFull () { }
public boolean size () { }
public E
                  elementAt (int order) { }
public E
                  last () { }
public boolean addToLast (E anElement) { }
public E
           removeLast () { }
 public void      clear() { }
public boolean
                  push (E anElement) { }
public E
              pop () { }
```

peek () { }



public E



#### □ 기존 class 의 특정 기능 확장은?

- Stack 은 List 의 특수한 경우이다:
  - Stack 고유의 기능을 하도록 하는 공개함수가 추가되었다.
    - push() / pop() / peek()
- 이런 경우에 Stack 을 별도의 class 로 정의하는 대신, Java Interface 로 선언할 수 있다.
- 즉, Stack 고유의 공개함수를 모아서 Interface 로 선언한다.
- 그리고, class "List" 는 interface "Stack" 을 구현 (implements) 한다.





#### ■ Java interface 로서의 스택

- Interface 는 단지 함수 header 만 정의한다.
  - 코드 구현은 없다.
  - 따라서, "abstract" 이다.
     그런데, "abstract" 가 당연하므로, 생략 가능하다.

#### Interface Stack<E>: Full Version

```
public interface Stack<E>
  public abstract boolean
                             isEmpty();
                             isFull();
  public abstract boolean
  public abstract int
                             size();
  public abstract E
                             elementAt (int order);
                             push (E anElement);
  public abstract boolean
  public abstract E
                             pop();
  public abstract E
                             peek();
  public abstract void
                             clear();
```



#### Java interface 사용

```
public class ArrayList<E> implements Stack<E>
  public boolean
                     isEmpty () {...}
   public boolean
                     isFull () {...}
   public boolean
                     size () {...}
  public E
                     elementAt (int order) {...}
  public E
                     last () {...}
  public boolean
                     addToLast (E anElement) {...}
  public E
                     removeLast () {...}
  public void
                     clear() {...}
  // 구현은 이곳 ArrayList 안에서
  public E
                     pop () {...}
  public E
                     peek () {...}
```





#### 🔲 Java interface 구현 [1]

```
public class ArrayList<E> implements Stack<E>
    // 비공개 인스턴스 변수
               _capacity;
    private int
                   _size :
    private int
    private E[]
                  elements;
    // Getter/Setter
    // 공개 함수
    @Override
    public boolean isEmpty () {...}
    @Override
    public boolean isFull () {...}
    @Override
    public boolean size () {...}
    @Override
    public E elementAt (int order) {...}
    public E last () {...}
    public boolean addToLast (E anElement) {...}
    bublic E
                    removeLast () {...}
    @Override
    public void clear() {...}
```

```
// 구현은 이곳 ArrayList 안에서
     @Override
     public boolean push (E anElement) {
         if (this.isFull()) {
              return false;
         else {
              this.elements()[this.size()] = anElement;
              this.setSize (this.size()+1);
              return true;
     @Override
     public E pop () {
         E poppedElement = null;
         if ('! this.isEmpty()) {
              this.setSize (this.size()-1);
              poppedElement = this.elements()[this.size()];
              this.elements()[this.size()] = null;
         return poppedElement;
     @Override
     public E peek () {
         E topElement = null;
         if (! this.isEmpty()) {
              topElement = this.elements()[this.size()-1];
         return topElement;
} // End of class "ArrayList"
```

#### □ Java interface 구현 [2]: 기존의 함수를 활용

```
public class ArrayList<E> implements Stack<E>
    // 비공개 인스턴스 변수
    private int
                _capacity;
                   _size ;
    private int
    private E[]
                   elements;
    // Getter/Setter
    // 공개 함수
    @Override
    public boolean isEmpty () {...}
    @Override
     public boolean isFull () {...}
    @Override
    public boolean size () {...}
    @Override
     public E elementAt (int order) {...}
    public E last () {...}
    public boolean addToLast (E anElement) {...}
    bublic E
                    removeLast () {...}
    @Override
    public void
                    clear() {...}
```

```
// 구현은 이곳 ArrayList 안에서
@Override
public boolean push (E anElement) {
    return this.addToLast(anElement);
@Override
public E pop () {
    return this.removeLast();
@Override
public E peek () {
   return this.elementAt (this.size()-1);
```

} // End of class "ArrayList"





#### ■ LinkedList 도 스택으로

```
public class LinkedList < E > implements Stack < E >
     @Override
     public boolean
                          isEmpty () {...}
     @Override
     public boolean
                          isFull () {...}
     @Override
     public boolean
                          size () {...}
     @Override
     public E elementAt (int order) {...}
     public E last () {...}
     public boolean addToLast (E anElement) {...}
     public E
                     removeLast () {...}
     @Override
     public void
                    clear() {...}
     // 구현은 이곳 LinkedList 안에서
     @Override
     public boolean push (E anElement) {...}
     @Override
     public E
                     pop () {...}
     @Override
     public E
                     peek () {...}
} // End of Class LinkedList<E>
```

© J.-H. Kang, CNU



#### ⊒ Head Element 가 Order 0 인 경우 [1]

```
public class LinkedList<E> implements Stack<E>
    // 비공개 인스턴스 변수
    private int
                              size :
    private LinkedNode < E > head;
    // 공개 함수
    public boolean isEmpty () {...}
    public boolean isFull () {...}
    public boolean size () {...}
    @Override
    public E elementAt (int order) {
         if (order < 0 || order >= this.size()) {
               return nüll;
          else {
               LinkedNode < E > currentNode = this.head() :
               int count = 0:
               while (count < order) {
                   currentNode = currentNode.next();
                   count++;
              return currentNode.element();
    public E last () {
          return this.elementAt (this.size()-1);
```

```
public boolean addToLast (E anElement) {
    if (this.isFull()) {
          return false;
     else
          LinkedNode<F> nodeForAdd =
               new LinkedNode < E > ()
          nodeForAdd.setElement (anElement);
          nodeForAdd.setNext (null);
          if (this.head() == null ) {
               this.setHead (nodeForAdd);
          else ·
               LinkedNode < E > currentNode =
                    this.head();
               while ( currentNode.next() != null ) {
                   currentNode = currentNode.next();
               currentNode.setNext (nodeForAdd);
          this.setSize (this.size()+1);
          return true;
```

#### 괴 Head Element 가 Order 0 인 경우 [2]

```
public E removeLast () {...}
     if (this.isEmpty()) {
          return 'null;
     else {
          E removedElement = null;
          if (this.size() == 1) {
               removedElement =
                    this. head.element();
             this.setHead (null):
          else
               LinkedNode < E > previousNode =
                    this.head();
               LinkedNode < E > currentNode =
                    this.head().next();
               while ( currentNode.next() != null) {
                    previousNode = currentNode;
                    currentNode =
                         currentNode.next();
               removedElement =
                    currentNode.element();
               previousNode.setNext (null);
          this.setSize (this.size()-1);
          return removedElement:
@Override
public void clear() {...}
```

```
// Stack의 구현
     @Override
     public boolean push (E anElement) {
          return this.addToLast (anElement);
     @Override
     public E pop () {
          return this.removeLast();
     @Override
     public E peek () {
          return this.last();
} // End of class "LinkedList"
```



#### □ Head Element 가 Last 인 경우

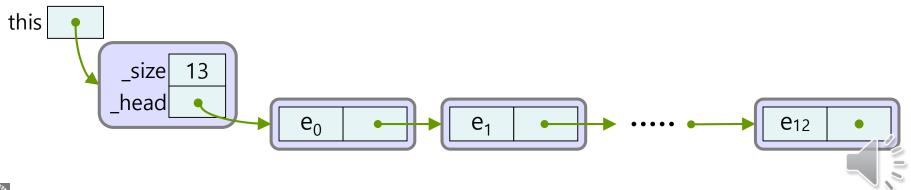
```
public class LinkedList<E> implements Stack<E>
                                                                            nodeForAdd.setNext (this.head()) ;
                                                                            this.setHead (nodeForAdd);
    // 비공개 인스턴스 변수
                                                                            this.setSize (this.size()+1);
    private int
                               size:
     private LinkedNode < E > head;
    // 공개 함수
                                                                  public E removeLast () {...}
     public boolean isEmpty () {...}
                                                                       if (this.isEmpty()) {
     public boolean isFull () {...}
                                                                            return null;
     public boolean size () {...}
                                                                       else {
     @Override
                                                                             lastElement = this.head().element();
                                                                            this.setHead (this.head().next());
     public E elementAt (int order) {
          if ( order < 0 || order >= this.size() ) {
                                                                            this.setSize (this.size()-1);
                                                                            return lastElement;
               return nüll;
          else {
               LinkedNode < E > currentNode = this.head() ;
               int count = (this.size()-1) - order;
                                                                  @Override
               while (count > 0) {
                                                                  public void clear() {...}
                    currentNode = currentNode.next();
                    count--;
                                                                 // Stack의 구현
               return currentNode.element();
                                                                 @Override
                                                                 public boolean push (E anElement) {
                                                                       return this.addToLast (anElement);
                                                                 @Override
     public E last () {
          return this.elementAt (this.size()-1);
                                                                 public E pop () {
                                                                       return this.removeLast();
     public boolean addToLast (E anElement) {
                                                                 @Override
          if ( this.isFull() ) {
                                                                  public E peek () {
               return false;
                                                                       return this.last();
          else {
               LinkedNode<E> nodeForAdd =
                                                            } // End of class "LinkedList"
                    new LinkedNode<E>() ;
               nodeForAdd.setElement (anElement);
```

## 연결 체인을 이용한 스택의 구현에서 좀 더 생각해 볼 점



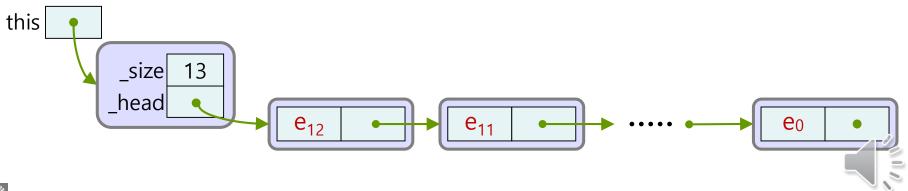
#### □ 기존의 연결리스트를 그대로 사용?

- 관찰:
  - 기존의 class LinkedList<E>는, Head node 가 order 0
     의 원소를 저장하도록 구현
  - 그러나 스택으로 사용하려면 연결체인의 마지막 노드를 order 0 의 원소를 저장하는 것이 효율적
  - Class LinkedList<E>를 Stack 으로 사용하면 비효율적으로 작동하므로, 따라서 스택으로 사용하기에는 부적절
  - 기존의 연결 리스트의 구현 역시 필요하다면?



#### □ 대안 1: 별도의 class 를 정의

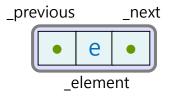
- 기존의 Class LinkedList<E> 는 스택으로 사용하지 않고 그 대로 둔다.
  - Order 0 의 원소는 Head Node 에 저장
- 스택은 별도의 class, 이를 테면 class LinkedStack<E>을 따로 정의하고 구현하여 사용
  - Class LinkedStack<E> implements Stack<E> { ...... }
  - 앞에서 보았던, head node 가 last order 의 원소를 저장하도록 하는 구현을 그대로 사용하면 된다.
    - ◆ Order 0 의 원소는 연결체인의 맨 마지막 노드에 저장



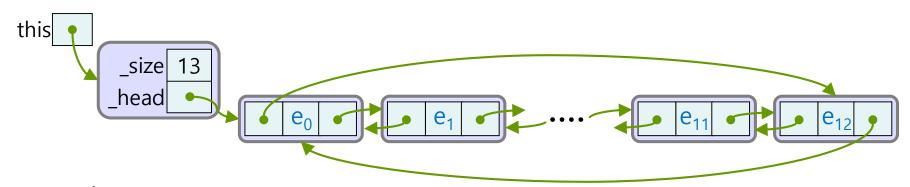


### 대안2: Doubly Linked List

- 이중 연결체인을 이용한 이중연결 리스트로 구현
  - Class DoublyLinkedNode < E >:



Class DoublyLinkedList < E > :



#### ■ 특징:

- 기존의 Class LinkedList 에서의 원소의 order 와 동일한 순서로 저장
- 환형으로 연결: 마지막 노드도 직접 접근 가능.
  - 마지막 위치로의 삽입, 마지막 원소의 삭제를 효율적으로 실행 가능
- Linked List 로 사용하면서, 또한 Stack 으로 사용해도 효율적
- 단점: 메모리를 더 사용





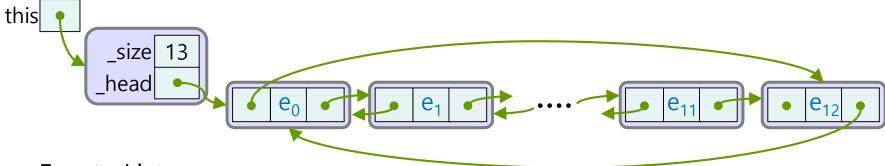
## Doubly Linked List 의 구현



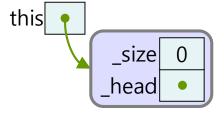


#### Class DoublyLinkedList<E>

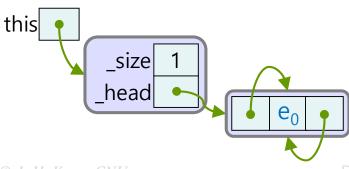
■ 2 개 이상의 원소를 저장한 경우



Empty List:



■ 1 개의 원소를 저장한 경우





# End of "Stack"



