Homework #3

1. Karnaugh map을 이용하여 다음의 부울 함수에 대한 minimum sum-of-products를 구하시오.

- (a)  $F(d,e,f) = \sum m (0, 1, 2, 4)$
- (b) F(r,s,t) = rt' + r's' + st
- (c)  $F(x,y,z) = M_0 \cdot M_5$
- 2. 다음 Boolean function에 대하여 Prime Implicant와 Essential Prime Implicant를 구하고 이를 이용하여 최적화하시오.
  - (a)  $F(A,B,C,D) = \sum m (0, 2, 5, 7, 10, 11, 13, 14, 15)$
  - (b)  $F(A,B,C,D) = \sum m (1, 3, 4, 5, 7, 9, 11, 14, 15)$
  - (c)  $F(A,B,C,D) = \sum m (4, 11, 12, 13, 14) + \sum d(5, 6, 7, 8, 9, 10)$
- 3. Karnaugh map을 이용하여 다음의 부울 함수를 최적화하시오.
  - (a)  $F(X,Y,Z) = \sum m (3, 5, 6) + \sum d (0, 7)$
  - (b)  $F(A,B,C,D) = \sum m (0, 2, 4, 5, 8, 14, 15) + \sum d(7, 10, 13)$
  - (c)  $F(W,X,Y,Z) = \Pi M (0, 2, 4, 6, 8) \cdot \Pi D (1, 9, 12, 15)$
- 4. Karnaugh map만 활용할 수 있다. 물음에 답하시오.
  - (a) 슬라이드 2-20에서의 논리식 a'b' + ac + bc' + b'c + ab를 간소화하시오.
  - (b) 슬라이드 3-9에서의 논리식 A'B + A'B'C'D' + ABCD'을 간소화하시오.
  - (c) 슬라이드 3-10에서의 논리식 WX + XY + X'Z' + WY'Z'을 간소화하시오.
  - (d) 슬라이드 4-13에서의 incompletely specified function을 간소화하시오.
- 5. (기출문제) 다음 Boolean function에 대하여 sum-of-products의 형태로 최적화하려고 한다. 물음에 답하시오.

 $F(A,B,C,D) = \sum m (1, 3, 9, 11, 12, 13)$ 

- (a) Karnaugh map을 이용하여 Prime Implicant를 모두 보이시오.
- (b) Implicant의 개수를 구하시오.
- (c) Essential prime implicant를 모두 나열하시오.
- (d) (c)에서의 결과를 이용하여 F를 간소화하고 Boolean expression으로 표현하시오.
- (e) AND, OR, NOT gate를 사용하여 (d)에서의 F를 구현하시오. 단, gate의 수를 최소화하시오.
- 6. 슬라이드 5-22의 Karnaugh map에 대항 물음에 답하시오.
  - (a) 가능한 implicant의 개수를 구하되, 과정을 설명하시오.
  - (b) Prime implicant를 모두 구하고 논리식으로 쓰시오.
  - (c) Essential prime implicant를 모두 구하고 논리식으로 쓰시오.
  - (d) "간소화된 논리식은 모든 prime implicant를 포함한다"는 명제에 대하여 참 혹은 거

Homework #3

- 짓을 판단하고 이유를 쓰시오.
- (e) "간소화된 논리식에 non prime implicant가 포함될 수 있다"는 명제에 대하여 참 혹은 거짓을 판단하고 이유를 쓰시오.
- 7. 슬라이드 5-20에서의 Karnaugh map에는 세 개의 don't care term이 포함되어 있다. 물음 에 답하시오.
  - (a) 간소화된 논리식을 쓰시오.
  - (b) 세 개의 don't care minterm을 모두 0으로 바꾸고 간소화된 논리식을 구하시오.
  - (c) 세 개의 don't care minterm을 모두 1로 바꾸고 간소화된 논리식을 구하시오.
  - (d) 앞에서의 결과로를 인용하여 don't care term이 포함된 논리식을 간소화하는 방법을 유도하시오.
- 8. 논리식을 유도하는 과정에서 Karnaugh map은 유용한 도구이다. 주어진 조건에 따라 대수적인 방법을 적용하여 유도하시오.
  - (a) 슬라이드 4-11에서 좌변의 논리식으로부터 우변의 논리식을 유도하시오.
  - (b) 슬라이드 5-19에서 상단의 논리식으로부터 하단의 논리식을 유도하시오.
- 9. 다음 Boolean function에 대하여 다음 물음에 답하시오

 $G(A,B,C,D) = \sum m (1, 3, 9, 11, 14, 15)$  $d(A,B,C,D) = \sum m (7, 10)$ 

- (a) Karnaugh map을 이용하여 Prime Implicant를 모두 보이시오. G를 간소화하여 Boolean expression으로 표현하시오. 단, don't care 조건에 주의하시오
- (b) A=0, B=1, C=0, D=1일 때 (a)에서의 Boolean expression의 값을 결정하시오
- (c) G를 product-of-sums 형태로 간소화하려고 한다. Boolean expression으로 표현하시 오
- (d) G'를 product-of-sums 형태로 간소화하려고 한다. Boolean expression으로 표현하시 오
- 10. 네 개의 입력 a, b, c, d 를 갖는 부울 함수 F를 구현하려고 한다. 네 입력 a, b, c, d 는 십 진수 0부터 15까지를 2진법으로 표현한 digit들이다. 주어진 네 자리 이진수가 소수 (prime number)이면 출력 F가 1이라고 할 때, 다음 물음에 답하시오.
  - (a) F에 대한 Karnaugh map을 보이시오.
  - (b) F에 대한 prime implicant를 구하고 논리식으로 표현하시오.
  - (c) F에 대한 minimum sum-of-products를 구하시오.
  - (d) F'에 대한 prime implicant를 구하고 논리식으로 표현하시오.
  - (e) F'에 대한 minimum product-of-sums를 구하시오.