

# Mini-Projet : Alignement de séquences

Amann Emmanuelle & Malonda Clément

## Contents

<b>1</b>	<b>Introduction</b>	<b>2</b>
<b>2</b>	<b>Méthode naïve par énumération</b>	<b>2</b>
<b>3</b>	<b>Programmation dynamique</b>	<b>3</b>
3.1	pour le calcul de la distance d'édition . . . . .	3
3.2	pour le calcul d'un alignement optimal . . . . .	3
<b>4</b>	<b>Amélioration de la complexité spatiale du calcul de la distance</b>	<b>3</b>
<b>5</b>	<b>Amélioration de la complexité spatiale du calcul d'un alignement optimal par la méthode "diviser pour régner"</b>	<b>3</b>

# 1 Introduction

**Question 1** Soient  $(\bar{x}, \bar{y})$  et  $(\bar{u}, \bar{v})$  deux alignements respectivement de  $(x, y)$  et  $(u, v)$ .  $\bar{x}$  et  $\bar{y}$  sont alignés et donc sont de même longueur ( $|\bar{x}| = |\bar{y}|$ ). De même pour l'alignement  $(\bar{u}, \bar{v})$ , ( $|\bar{u}| = |\bar{v}|$ ).

A partir de ces deux affirmations, nous pouvons dire que la concaténation de  $\bar{x}$  et  $\bar{u}$ ,  $\bar{x}.\bar{u}$  ainsi que la concaténation de  $\bar{y}$  et  $\bar{v}$ ,  $\bar{y}.\bar{v}$  sont de même longueur.

**Question 2** Soient  $x \in \Sigma^*$  un mot de longueur  $n$  et  $y \in \Sigma^*$  un mot de longueur  $m$ , la longueur maximale d'un alignement de  $(x, y)$  est  $n + m - 1$ .

On prend par exemple  $x = ATCG$  et  $y = GCTGA$ , l'alignement de longueur maximale est :

$$\begin{array}{l} \bar{x} : ATCG \_\_\_\_\_ \\ \bar{y} : \quad \quad GCTGA \end{array}$$

## 2 Méthode naïve par énumération

### Question 3

### Question 4

### Question 5

### Question 6

**Tâche A** Il est possible de résoudre les instances fournies en moins d’une minute pour celles qui sont de tailles 10 et 12.

La consommation mémoire nécessaire au fonctionnement de cette méthode est d'environ 4900Ko.

### 3 Programmation dynamique

#### 3.1 pour le calcul de la distance d'édition

#### 3.2 pour le calcul d'un alignement optimal

### 4 Amélioration de la complexité spatiale du calcul de la distance

### 5 Amélioration de la complexité spatiale du calcul d'un alignement optimal par la méthode "diviser pour régner"

**Question 21** Pseudo code de la fonction `mot_gaps` :

```
mot_gaps(k):  
    res <- ""  
    pour i allant de 0 a k-1 faire:  
        res <- res + "-"  
    retourne res
```

**Question 22** Pseudo code de la fonction `align_lettre_mot` :

```
align_lettre_mot(lettre , mot):  
    i <- 0  
    tant que lettre != mot[i] et i < mot.taille:  
        i <- i + 1  
    si i < mot.taille :  
        alors :  
            x <- mot_gaps(i) + lettre + mot_gaps(mot.taille - i - 1)  
    sinon:  
        mot <- mot + "-"  
        lettre <- mot_gaps(mot.taille) + lettre  
    retourne(lettre ,mot)
```

**Question 23**

**Question 24**

**Question 25**

**Question 26**

Question 27

Question 28

Tâche D

Question 29

Question 30

Question 31

Question 32