Отчет

- 1. Соков Дмитрий Денисович, 5030102/10401
- 2. Требуется запрограммировать метод решения задачи Коши для ОДУ, по вариантам (вариант 3: Метод Рунге-Кутты 3 порядка). Функция правой части системы и начальное условие подаются на вход программе. Вычисления должны производиться с пошаговым контролем точности по правилу Рунге. Если на текущем шаге точность не достигается, то шаг уменьшается в 2 раза, если достигнутая погрешность меньше заданной в 64 раза, то шаг увеличивается в 2 раза.
- 3. While t < T + h / 2:

```
v0

v = next \ v(h, v0)

v1 = next \ v(h/2, v0)

while norm(v - v1) > eps:

h = h / 2

v = next \ v(h, v0)

v1 = next \ v(h/2m \ v0)

while norm(v - v1) < eps/64:

h = h*2

v = next \ v(h, v0)

v1 = next \ v(h/2m \ v0)

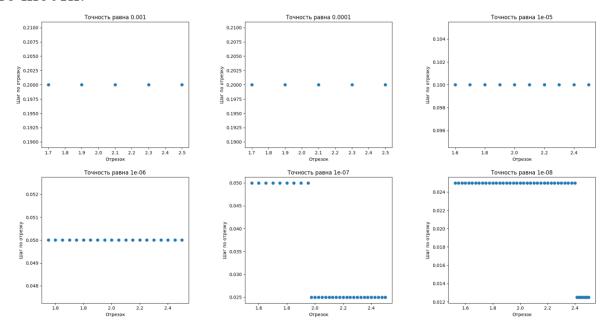
v1 = next \ v(h/2m \ v0)
```

- 4. Запустить файл main.py. Функция answer выводит ответы и необходимые графики для разных точностей.
- 5. Решения для разных значений заданной точности в виде таблицы, ввод перед ответами:

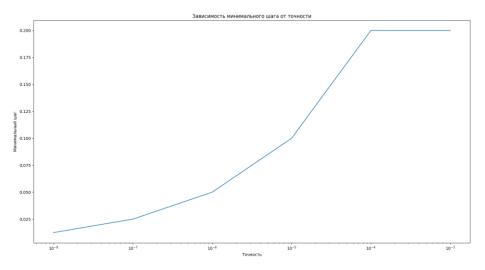
```
Точность равна 0.001
                               0.00000e+00
                                                            1.000000
                                                                         1.000000
     1.500000
                  0.100000
                                                                                       2.000000
     1.700000
                  0.200000
                               1.72446e-05
                                                                         1.125625
                                                                                       2.443307
                  0.200000
                               2.10944e-05
                                                            0.860502
     2.100000
                  0.200000
                               2.58084e-05
                                                                         1.410035
                                                                                       3.645848
     2.300000
                  0.200000
                               3.15805e-05
                                                                         1.567418
     2.500000
                  0.200000
                               3.86483e-05
                                                            0.692899
                                                                         1.732786
                                                                                       5.439452
Точность равна 0.0001
                               0.00000e+00
                                                            1.000000
                                                                         1.000000
     1.500000
                  0.100000
                                                                                       2.000000
     1.700000
                  0.200000
                               1.72446e-05
                                                            0.927200
                                                                         1.125625
                                                                                       2.443307
                  0.200000
                               2.10944e-05
                                                            0.860502
                                                                         1.262439
                                                                                       2.984686
                               2.58084e-05
     2.100000
                  0.200000
                                                                         1.410035
                                                                                       3.645848
                               3.15805e-05
                                                                                       4.453309
     2.300000
                  0.200000
                                                            0.743736
                                                                         1.567418
     2.500000
                  0.200000
                               3.86483e-05
                                                            0.692899
                                                                                       5.439452
     1.500000
                  0.100000
                               0.00000e+00
                                                            1.000000
                                                                         1.000000
                                                                                      2.000000
                  0.100000
                               1.06234e-06
                                                                         1.061402
                                                                                      2.210643
     1.600000
                               1.17494e-06
      1.800000
                               1.29955e-06
                  0.100000
                                                            0.860505
                                                                                      2.984980
                  0.100000
                               1.59002e-06
                                                            0.829310
                                                                         1.334888
                                                                                      3.299167
     2.000000
                               1.75887e-06
     2.100000
                  0.100000
                                                                         1.409968
                                                                                      3.646386
                               1.94572e-06
                  0.100000
                               2.15248e-06
     2.300000
                               2.38127e-06
                               2.63446e-06
                                                                                      5.440789
 Точность равна 1е-06
     1.500000
                               0.00000e+00
                                                            1.000000
                                                                                      2.000000
      1.550000
                  0.050000
                               6.59194e-08
                               6.93246e-08
      1.600000
                  0.050000
                                                            0.962810
                                                                                      2.210650
                               7.29067e-08
                                                            0.944812
     1.650000
                  0.050000
                                                                         1.093156
                                                                                      2.324139
                  0.050000
                               7.66748e-08
                                                                         1.125613
                                                                                      2.443444
     1.700000
                  0.050000
                               8.06387e-08
                                                            0.909973
                  0.050000
                               8.48084e-08
                                                            0.893118
                                                                         1.192624
     1.800000
     1.850000
                               8.91948e-08
                                                            0.876631
                                                                                      2.839312
     1.900000
                  0.050000
                               9.38090e-08
                                                            0.860505
                                                                                      2.985020
                  0.050000
                               9.86629e-08
                                                            0.844733
                                                                         1.298310
                                                                                      3.138195
     1.950000
                  0.050000
                               1.03769e-07
                                                            0.829310
                                                                         1.334881
                                                                                      3.299222
     2.000000
                               1.09140e-07
                                                                                      3.468502
      2.050000
                  0.050000
                                                            0.814229
                  0.050000
                               1.14791e-07
                                                                         1.409959
                                                                                      3.833538
      2.150000
                  0.050000
                                                            0.785067
                                                                         1.448428
     2.200000
                  0.050000
                               1.26987e-07
                                                            0.770975
                                                                         1.487490
                                                                                      4.030207
                  0.050000
                               1.33564e-07
                                                            0.757201
                                                                         1.527116
                                                                                      4.236956
      2.250000
                                                            0.743740
      2.300000
                  0.050000
                               1.40483e-07
      2.350000
                  0.050000
                               1.47762e-07
                                                                         1.607944
                                                                                      4.682793
      2.400000
                  0.050000
                               1.55418e-07
                                                            0.717730
                                                                         1.649074
                                                                                      4.922995
      2.450000
                  0.050000
                               1.63472e-07
                                                            0.705171
                                                                         1.690626
                                                                                      5.175511
      2.500000
                  0.050000
                               1.71945e-07
                                                            0.692903
                                                                         1.732553
                                                                                      5.440971
```

Точность равна	1e-07					
1.500000	0.100000	0.00000e+00		1.000000	1.000000	2.000000
1.550000	0.050000	6.59194e-08	18	0.981204	1.030350	2.102694
1.600000 1.650000	0.050000 0.050000	6.93246e-08 7.29067e-08	27 36	0.962810 0.944812	1.061402 1.093156	2.210650 2.324139
1.700000	0.050000	7.66748e-08	45	0.927202	1.125613	2.443444
1.750000	0.050000	8.06387e-08	54	0.909973	1.158770	2.568862
1.800000	0.050000	8.48084e-08		0.893118	1.192624	2.700709
1.850000	0.050000	8.91948e-08	72	0.876631	1.227171	2.839312
1.900000	0.050000	9.38090e-08	81	0.860505	1.262402	2.985020
1.950000 1.975000	0.050000	9.86629e-08	90	0.844733	1.298310 1.316513	3.138195 3.217703
2.000000	0.025000 0.025000	6.46221e-09 6.62733e-09	108 117	0.836979 0.829310	1.334881	3.217763
2.025000	0.025000	6.79670e-09	126	0.821727	1.353412	3.382806
2.050000	0.025000	6.97041e-09	135	0.814229	1.372103	3.468504
2.075000	0.025000	7.14857e-09	144	0.806814	1.390952	3.556371
2.100000	0.025000	7.33130e-09	153	0.799483	1.409958	3.646462
2.125000 2.150000	0.025000 0.025000	7.51871e-09 7.71094e-09	162 171	0.792234 0.785067	1.429118 1.448428	3.738833 3.833542
2.175000	0.025000	7.90809e-09	180	0.777981	1.467886	3.930648
2.200000	0.025000	8.11030e-09	189	0.770975	1.487489	4.030211
2.225000	0.025000	8.31769e-09	198	0.764049	1.507233	4.132295
2.250000	0.025000	8.53040e-09	207	0.757201	1.527116	4.236962
2.275000	0.025000	8.74857e-09	216	0.750432	1.547132	4.344278
2.300000	0.025000	8.97233e-09	225	0.743740 n.737124	1.567278	4.454311
2.325000 2.350000	0.025000 0.025000	9.20183e-09 9.43721e-09	234 243	0.737124 0.730584	1.587550 1.607943	4.567128 4.682801
2.375000	0.025000	9.67863e-09	252	0.736364	1.628452	4.801402
2.400000	0.025000	9.92624e-09	261	0.717730	1.649072	4.923005
2.425000	0.025000	1.01802e-08	270	0.711414	1.669798	5.047686
2.450000	0.025000	1.04407e-08	279	0.705171	1.690624	5.175522
2.475000	0.025000	1.07078e-08	288	0.699001	1.711543	5.306594
2.500000	0.025000	1.09818e-08	297	0.692903	1.732550	5.440984
Точность равна		0.0000000		4 000000	4 000000	2 222222
1.500000	0.100000	0.00000e+00	9	1.000000	1.000000	2.000000
1.525000 1.550000	0.025000 0.025000	4.10516e-09 4.20984e-09	27 36	0.990551 0.981204	1.015087 1.030350	2.050706 2.102695
1.575000	0.025000	4.31721e-09	45	0.971957	1.045788	2.155999
1.600000	0.025000	4.42734e-09	54	0.962810	1.061402	2.210651
1.625000	0.025000	4.54028e-09	63	0.953762	1.077191	2.266687
1.650000	0.025000	4.65613e-09	72	0.944812	1.093156	2.324141
1.675000	0.025000	4.77494e-09	81	0.935959	1.109296	2.383048
1.700000	0.025000	4.89680e-09	90	0.927202	1.125612	2.443446
1.725000 1.750000	0.025000 0.025000	5.02179e-09 5.14998e-09	99 108	0.918540 0.909973	1.142104 1.158770	2.505372 2.568865
1.775000	0.025000	5.28146e-09	117	0.901499	1.175610	2.633965
1.800000	0.025000	5.41631e-09	126	0.893118	1.192624	2.700712
1.825000	0.025000	5.55462e-09	135	0.884829	1.209811	2.769148
1.850000	0.025000	5.69647e-09	144	0.876631	1.227170	2.839317
1.875000	0.025000	5.84197e-09	153	0.868523	1.244701	2.911261
1.900000	0.025000	5.99119e-09	162	0.860505	1.262402	2.985025
1.925000 1.950000	0.025000 0.025000	6.14424e-09 6.30122e-09	171 180	0.852575 0.844733	1.280271 1.298309	3.060656 3.138202
1.975000	0.025000	6.46222e-09	189	0.836979	1.316512	3.217709
2.000000	0.025000	6.62735e-09	198	0.829310	1.334880	3.299229
2.025000	0.025000	6.79671e-09	207	0.821727	1.353411	3.382812
2.050000	0.025000	6.97042e-09	216	0.814229	1.372102	3.468511
2.075000	0.025000	7.14858e-09	225	0.806814	1.390952	3.556378
2.100000	0.025000 0.025000	7.33131e-09 7.51873e-09	234	0.799483	1.409957	3.646469
2.125000 2.150000	0.025000	7.51873e-09 7.71095e-09	243 252	0.792234 0.785067	1.429117 1.448427	3.738840 3.833549
2.175000	0.025000	7.90811e-09	261	0.777981	1.467885	3.930655
2.200000	0.025000	8.11031e-09	270	0.770975	1.487488	4.030219
2.225000	0.025000	8.31771e-09	279	0.764049	1.507232	4.132303
2.250000	0.025000	8.53042e-09	288	0.757201	1.527114	4.236970
2.275000	0.025000	8.74859e-09	297	0.750432	1.547131	4.344287
2.300000	0.025000	8.97235e-09	306	0.743740	1.567277	4.454320
2.325000	0.025000 0.025000	9.20185e-09 9.43723e-09	315 324	0.737124 0.730584	1.587549 1.607942	4.567137 4.682811
2.375000	0.025000	9.67865e-09	333	0.724120	1.628451	4.801412
2.400000	0.025000	9.92626e-09	342	0.717730	1.649071	4.923015
2.412500	0.012500	6.35116e-10	360	0.714563	1.659421	4.984966
2.412500	0.012500	6.35116e-10	360	0.714563	1.659421	4.984966
	0.012500	6.43190e-10	369	0.711414	1.669797	5.047696
	0.012500	6.51367e-10	378	0.708284	1.680197	5.111215
	0.012500	6.59647e-10	387	0.705172	1.690622	5.175533
	0.012500	6.68033e-10	396	0.702077	1.701071	5.240659
	0.012500	6.76526e-10	405 414	0.699001	1.711542	5.306605
	0.012500	6.85128e-10 6.93839e-10	414	0.695943	1.722035	5.373380 5.440995
2.500000	0.012500	0.730378-10	423	0.692903	1.732549	3.440773

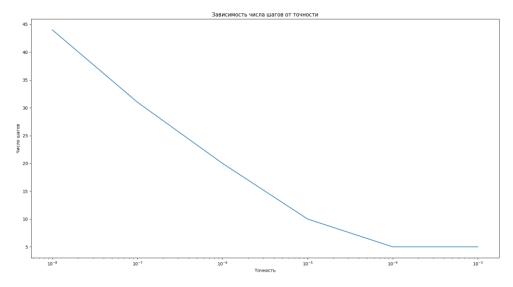
Изменение шага по отрезку для разных значений заданной точности:



Зависимость минимального шага от заданной точности:



Зависимость числа шагов от заданной точности:



Код:

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
def k1(h, t, v, kounter):
    return h * fs(t, v, kounter)
     return h * fs(t + h / 2, v + k1 / 2, kounter)
     return np.linalg.norm(np.array(v) - np.array(v1), ord=2) / (pow(2, 3) -
def method(t, T, h, v, kounter, eps):
     x = []
     y = []
           v = next(h, t, v_0, kounter)
v1 = next(h / 2, t, v_0, kounter)
v2 = next(h / 2, t + h / 2, v1, kounter)
while dlt(v, v2) > eps:
                v1 = next(h / 2, t, v_0, kounter)
v2 = next(h / 2, t + h / 2, v1, kounter)
           while dlt(v, v2) < eps / 64:
           x.append(t)
           y.append(h)
     x.pop()
      y.pop()
```

```
numstepses = []
fig.tight layout()
for item in epses:
    ax[k // 3, k % 3].set_ylabel('Шаг по отрезку')
    x, y, minh, numsteps = method(t, T, h, v, kounter, item)
    minhes.append(minh)
    numstepses.append(numsteps)
plt.figure()
plt.semilogx(epses, minhes)
plt.ylabel('Минимальный шаг')
plt.semilogx(epses, numstepses)
plt.xlabel('Точность')
plt.show()
h 0 = float(input())
    func.append(input())
exec(b)
```