#### Техническое задание

Требуемая холодопроизводительность:  $Q_{X} := 100 \mathrm{Br}$ 

Температурный уровень охлаждения:  $T_X := 20K$ 

Давление компримирования:  $p_6 := 1 M \Pi a$ 

Давление наименьшее в ресивере  $PC_{B}$ :  $p_{5} := 0.1 M\Pi a$ 

Температура сбро са теплоты в KX:  $T_k := 80K$ 

Изоэнтропный КПД КМ:  $\eta_{s\_KM} := 0.8$ 

Разность температур в TOA:  $\Delta T_{TOA} := 3K$ 

Разность температур в охладителе:  $\Delta T_{KX} := 5K$ 

Разность температур в регенераторе:  $\Delta T_P := 5K$ 

### Тепловой расчет машины Гиффорда-Макмагона

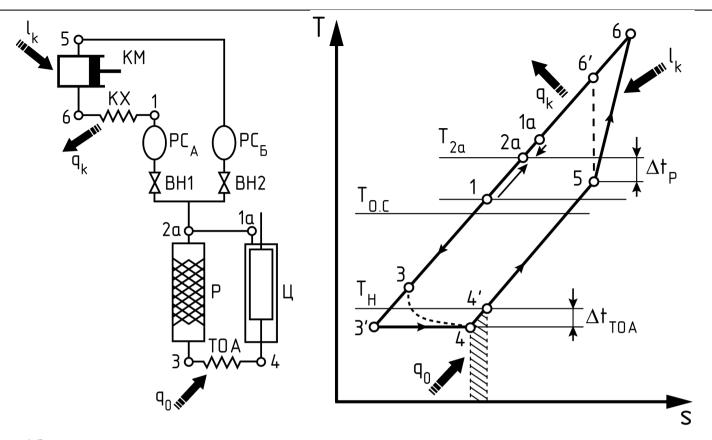
→ Ссылка:C:\RFP8\rfp2mcd(c) Release [mcd14].xmcd

i := 1

hfld := "C:\Rfp8\fluids\HELIUM.FLD"

 $ierr_{SETUP}(i, hfld, hfm, hrf) = 0$ 

 $\mathbf{x}_{\mathsf{tst}} \coloneqq (1)$ 



Обозначения на схеме:

КМ - компрессорная машина; КХ - концевой холодильник; ВН1, ВН2 - клапан впускной и выпускной, Ц - цилиндр с вытеснительным поршнем; РС - ресивесы высокого и низкого давления;

Параметры рабочего вещества после КМ и КХ:

$$\begin{split} T_1 \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &:= T_k + \Delta T_{KX} \\ p_1 \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &:= p_6 \\ h_1 \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &:= h_{Tpz} \Big( T_1 \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big), p_1 \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big), x_{tst} \Big) \end{split}$$

$$p_1(p_5, p_6, T_k, T_x) = 1 \cdot M\Pi a$$
 $T_1(p_5, p_6, T_k, T_x) = 85 \, K$ 
 $T_1(p_5, p_6, T_k, T_x) = -188.15 \cdot {}^{\circ}C$ 
 $h_1(p_5, p_6, T_k, T_x) = 448.7 \cdot \frac{\kappa \mathcal{J}_{\mathcal{K}}}{\kappa \Gamma}$ 

Параметры рабочего вещества в процессе охлаждения в ТОА:

$$\begin{split} T_4 \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &:= T_x - \Delta T_{TOA} \\ p_4 \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &:= p_5 \\ h_4 \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &:= h_{Tpz} \Big( T_4 \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big), p_4 \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big), x_{tst} \Big) \\ T_4 \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &:= T_x \\ p_4 \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &:= p_5 \\ \\ T_4 \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &= 17K \qquad T_4 \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &= -256.1 \cdot {}^{\circ}\text{C} \\ p_4 \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &= 0.1 \cdot \text{M}\Pi a \\ h_4 \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &= 92.8 \cdot \frac{\kappa \mathcal{I} \mathcal{I} \kappa}{\kappa \Gamma} \\ T_4 \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &= 20K \qquad T_4 \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &= -253.1 \cdot {}^{\circ}\text{C} \\ p_4 \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &= 0.1 \cdot \text{M}\Pi a \end{split}$$

Показатель адиабаты по определению:

$$k(p_5, p_6, T_k, T_x) := \frac{C_{p\_Tpz}(T_1(p_5, p_6, T_k, T_x), p_1(p_5, p_6, T_k, T_x), x_{tst})}{C_{v\_Tpz}(T_1(p_5, p_6, T_k, T_x), p_1(p_5, p_6, T_k, T_x), x_{tst})}$$

$$k(p_5, p_6, T_k, T_x) = 1.67$$

Параметры рабочего вещества после заполнения всего доступного объема:

$$\begin{split} T_{1a} \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &\coloneqq \frac{k \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) \cdot T_1 \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big)}{\frac{p_5}{p_1 \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big)} \cdot \Big( \frac{T_1 \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big)}{T_k} \cdot k \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) - 1 \Big) + 1} \\ & p_{1a} \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) \coloneqq p_6 \\ h_{1a} \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &\coloneqq h_{Tpz} \Big( T_{1a} \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big), p_{1a} \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big), x_{tst} \Big) \\ T_{1a} \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &= 131.7 K \qquad T_{1a} \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) = -141.4 \cdot {}^{\circ}\text{C} \\ p_{1a} \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &= 1 \cdot \text{M}\Pi a \\ h_{1a} \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &= 692.1 \cdot \frac{\kappa \mathcal{I} \mathcal{K}}{-1} \end{split}$$

Измедение удельного объема рабочего вещества при его переталкивании через регенератор:

$$\frac{\nu_4}{\nu_{1a}} = \frac{T_4}{T_{1a}} \qquad \frac{T_4(p_5, p_6, T_k, T_x)}{T_{1a}(p_5, p_6, T_k, T_x)} = 0.12904$$

Доля рабочего вещества, поступившего дополнительно в процессе переталкивания:

$$V_{\mathcal{I}}(p_5, p_6, T_k, T_x) := 1 - \frac{T_4(p_5, p_6, T_k, T_x)}{T_{1a}(p_5, p_6, T_k, T_x)}$$
$$V_{\mathcal{I}}(p_5, p_6, T_k, T_x) = 0.871$$

Параметры рабочего вещества перед регенератором после смешения:

$$\begin{split} h_{2a} \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &\coloneqq \begin{bmatrix} h_1 \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) \cdot V_\mathcal{A} \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) \dots \\ + h_{1a} \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) \cdot \Big( 1 - V_\mathcal{A} \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) \Big) \end{bmatrix} \\ p_{2a} \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &\coloneqq p_6 \\ T_{2a} \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &\coloneqq T_{phz} \Big( p_{2a} \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big), h_{2a} \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big), x_{tst} \Big) \\ h_{2a} \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &= 480.1 \cdot \frac{\kappa \mathcal{A} \kappa}{\kappa \Gamma} \\ p_{2a} \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &= 1 \cdot M \Pi a \\ T_{2a} \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &= 91 \, K \end{split} \qquad T_{2a} \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &= -182.1 \cdot {}^{\circ}C \end{split}$$

Проверка (допущение: изменение энтальпии пропорционально изменению температуры):

$$\begin{split} T_{2a} \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &:= \left( \frac{T_4 \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big)}{T_{1a} \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big)} \cdot T_{1a} \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) \dots \right) \\ &+ V_{\mathcal{I}} \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) \cdot T_1 \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) \\ &+ T_{2a} \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) = 91 \, \text{K} \end{split}$$

$$T_{2a} \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) = -182.1 \cdot {}^{\circ}\text{C}$$

Параметры рабочего вещества на выходе из регенератора:

$$\begin{split} T_5 \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &:= T_{2a} \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) - \Delta T_P \\ p_5 &= 0.1 \cdot M \Pi a \\ h_5 \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &:= h_{Tpz} \Big( T_5 \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big), p_5, x_{tst} \Big) \end{split}$$

$$\begin{split} s_5 \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &:= s_{Tpz} \Big( T_5 \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big), p_5, x_{tst} \Big) \\ T_5 \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &= 86 \, \text{K} \\ T_5 \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &= -187.1 \cdot {}^{\circ}\text{C} \\ h_5 \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &= 452.2 \cdot \frac{\kappa \text{Дж}}{\kappa \Gamma} \\ s_5 \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &= 21.579 \cdot \frac{\kappa \text{Дж}}{\kappa \Gamma \cdot \text{K}} \end{split}$$

Условие работо способно сти КГМ:

$$\begin{split} T_5 \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &> T_1 \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) = 1 \\ T_5 \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &= 86 \, \text{K} \qquad T_1 \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) = 85 \, \text{K} \end{split}$$

Параметры рабочего вещества в конце изоэнтропного сжатия:

$$\begin{split} s_{6'} \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &:= s_5 \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) \\ p_{6'} \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &:= p_6 \\ T_{6'} \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &:= T_{psz} \Big( p_{6'} \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big), s_{6'} \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big), x_{tst} \Big) \\ h_{6'} \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &:= h_{psz} \Big( p_{6'} \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big), s_{6'} \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big), x_{tst} \Big) \\ s_{6'} \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &= 21.579 \cdot \frac{\kappa \not\square w}{\kappa \Gamma \cdot K} \\ p_{6'} \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &= 1 \cdot M \Pi a \\ T_{6'} \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) &= 216 K \qquad T_{6'} \Big( p_5, p_6, T_k, T_x \Big) = -57.1 \cdot {}^{\circ}C \end{split}$$

$$h_{6'}(p_5, p_6, T_k, T_x) = 1130.3 \cdot \frac{\kappa \mu_x}{\kappa \Gamma}$$

Параметры рабочего вещества в конце сжатия в КМ:

$$\mathsf{h}_{6}\!\left(\mathsf{p}_{5},\mathsf{p}_{6},\mathsf{T}_{k},\mathsf{T}_{x}\right) := \mathsf{h}_{5}\!\left(\mathsf{p}_{5},\mathsf{p}_{6},\mathsf{T}_{k},\mathsf{T}_{x}\right) + \frac{\left(\mathsf{h}_{6'}\!\!\left(\mathsf{p}_{5},\mathsf{p}_{6},\mathsf{T}_{k},\mathsf{T}_{x}\right) - \mathsf{h}_{5}\!\!\left(\mathsf{p}_{5},\mathsf{p}_{6},\mathsf{T}_{k},\mathsf{T}_{x}\right)\right)}{\eta_{s\_KM}}$$

$$p_6 = 1 \cdot M\Pi a$$

$$T_6(p_5, p_6, T_k, T_x) := T_{phz}(p_6, h_6(p_5, p_6, T_k, T_x), x_{tst})$$

$$h_6(p_5, p_6, T_k, T_x) = 1299.8 \cdot \frac{\kappa \mu_x}{\kappa \Gamma}$$

$$T_6(p_5, p_6, T_k, T_x) = 248.7 \,\text{K}$$
  $T_6(p_5, p_6, T_k, T_x) = -24.5 \,^{\circ}\text{C}$ 

Удельная работа КМ:

$$l_{k}(p_{5}, p_{6}, T_{k}, T_{x}) := h_{6}(p_{5}, p_{6}, T_{k}, T_{x}) - h_{5}(p_{5}, p_{6}, T_{k}, T_{x})$$
$$l_{k}(p_{5}, p_{6}, T_{k}, T_{x}) = 847.553 \cdot \frac{\kappa \cancel{\square} \cancel{\bowtie}}{\kappa T}$$

Удельная тепловая нагрузка на охладитель:

$$\begin{aligned} q_{k} \Big( p_{5}, p_{6}, T_{k}, T_{x} \Big) &:= h_{6} \Big( p_{5}, p_{6}, T_{k}, T_{x} \Big) - h_{1} \Big( p_{5}, p_{6}, T_{k}, T_{x} \Big) \\ q_{k} \Big( p_{5}, p_{6}, T_{k}, T_{x} \Big) &= 851 \cdot \frac{\kappa \mathcal{L} \kappa}{\kappa \mathcal{L}} \end{aligned}$$

Из уравнения теплового баланса ступени охлаждения интегральная изобарная холодопроизводительность:

$$q_0(p_5, p_6, T_k, T_x) := h_5(p_5, p_6, T_k, T_x) - h_1(p_5, p_6, T_k, T_x)$$

$$q_0(p_5, p_6, T_k, T_x) = 3.5 \cdot \frac{\kappa \Delta x}{\kappa \Gamma}$$

Проверка энергетического баланса:

$$\frac{\left|q_{k}\!\left(p_{5},p_{6},T_{k},T_{x}\right)-\left(q_{0}\!\left(p_{5},p_{6},T_{k},T_{x}\right)+l_{k}\!\left(p_{5},p_{6},T_{k},T_{x}\right)\right)\right|}{q_{k}\!\left(p_{5},p_{6},T_{k},T_{x}\right)}=0\cdot\%$$

Массовый расход рабочего вещества:

$$G_0(p_5, p_6, T_k, T_x) := \frac{Q_x}{q_0(p_5, p_6, T_k, T_x)}$$

$$G_0(p_5, p_6, T_k, T_x) = 103.148 \cdot \frac{\kappa \Gamma}{4}$$

Объемный расход рабочего вещества при условиях на всасывании:

$$V_0(p_5, p_6, T_k, T_x) := \frac{G_0(p_5, p_6, T_k, T_x)}{\rho_{Tpz}(T_5(p_5, p_6, T_k, T_x), p_5, x_{tst})}$$

$$V_0(p_5, p_6, T_k, T_x) = 184.62 \cdot \frac{M^3}{4}$$

Мощность КМ:

$$N_{KM}(p_5, p_6, T_k, T_x) := l_k(p_5, p_6, T_k, T_x) \cdot G_0(p_5, p_6, T_k, T_x)$$

$$N_{KM}(p_5, p_6, T_k, T_x) = 24.28 \cdot \kappa B_T$$

Тепловая нагрузка на охладитель:

$$Q_{k}(p_{5}, p_{6}, T_{k}, T_{x}) := G_{0}(p_{5}, p_{6}, T_{k}, T_{x}) \cdot q_{k}(p_{5}, p_{6}, T_{k}, T_{x})$$

$$Q_k(p_5, p_6, T_k, T_x) = 24.38 \cdot \kappa B_T$$

Холодильный коэффициент:

$$\varepsilon(p_{5}, p_{6}, T_{k}, T_{x}) := \frac{Q_{x}}{N_{KM}(p_{5}, p_{6}, T_{k}, T_{x})}$$
$$\varepsilon(p_{5}, p_{6}, T_{k}, T_{x}) = 4.118 \times 10^{-3}$$

Холодильный коэффицент в цикле Карно:

$$\varepsilon_{\mathbf{K}} := \frac{\mathsf{T}_{\mathbf{X}}}{\mathsf{T}_{\mathbf{k}} - \mathsf{T}_{\mathbf{X}}} = 0.333$$

Степень термодинамического совершенства:

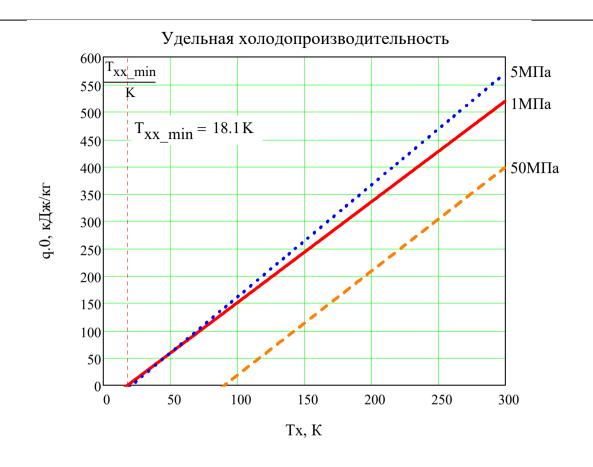
$$\eta_t(p_5, p_6, T_k, T_x) := \frac{\varepsilon(p_5, p_6, T_k, T_x)}{\varepsilon_K}$$

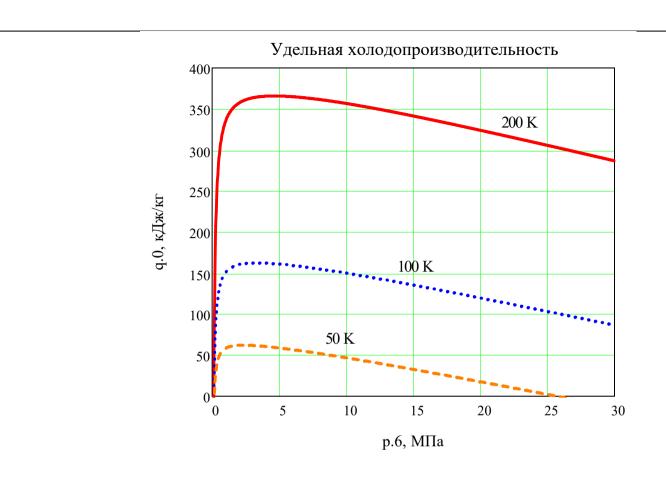
$$\eta_t(p_5, p_6, T_k, T_x) = 0.012$$

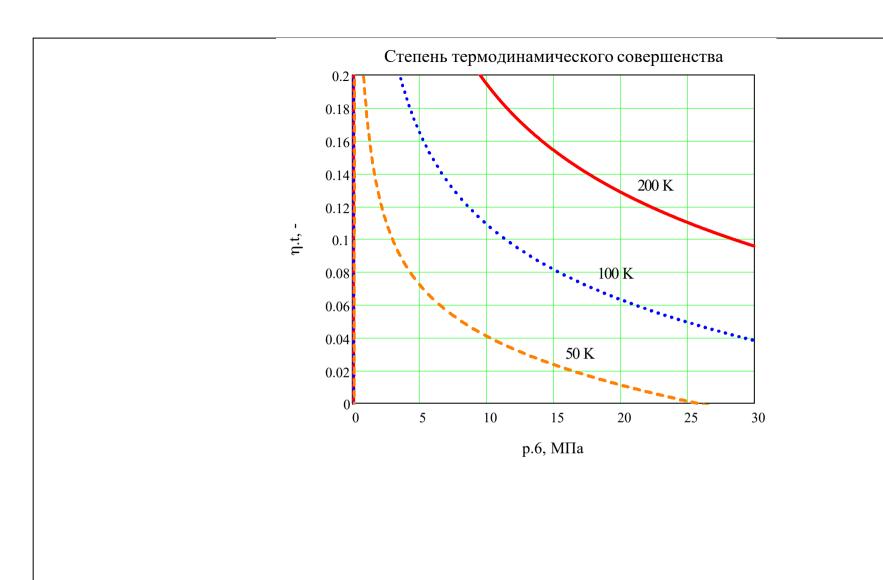
Given

$$q_0(p_5, p_6, T_k, T_x) = 0$$

$$T_{XX\_min} := Find(T_X) = 18.1 K$$







## КРИОРЕФРИЖЕРАТОРЫ НА 4К

	Холодопроизводительность 1-ой ступени	Холодоизвдопродительность 2-ой ступени
SRDK-101D	3 Вт@60K	0.1 Bт@4.2K
SRDK-205D	3 Вт@50K	0.5 Bт@4.2K
SRDK-305D	15 Вт@40K	0.4 Bт@4.2K
SRDK-408D	2 34 Вт@40K	1 Bt@4.2K
SRDK-415D	35 Bт@50K	1.5 Bт@4.2K

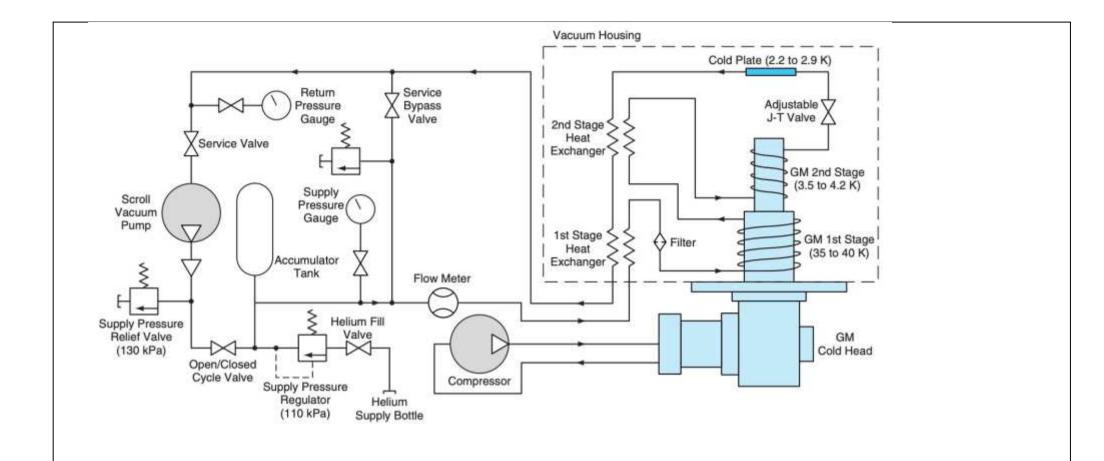
### КРИОРЕФРИЖЕРАТОРЫ НА 6К

Холодопроизводительность 1-ой ступен	и Холодоизвдопродительность 2-ой ступени
SRDK-408S 30 Bt@45K	5.4 Bт@10K

# КРИОРЕФРИЖЕРАТОРЫ НА 10К

	Watts @ 50Hz		Watts @ 60Hz	
Model	1st Stage Capacity	2nd Stage Capacity	1st Stage Capacity	2nd Stage Capacity
DE-202	7.3W @ 77K	1.8W @ 20K	8.8W @ 77K	2.2W @ 20K
DE-202 Lab	N/A	2.0W @ 20K	N/A	2.5W @ 20K
DE-202B Lab	N/A	2.0W @ 20K	N/A	2.5W @ 20K
DE-204SL	13.5W @ 80K	6.7W @ 20K	16.2W @ 80K	8.1W @ 20K
DE-204SL Lab	N/A	7.5W @ 20K	N/A	9.0W @ 20K
DE-204SLB	N/A	6.7W @ 20K	N/A	8.1W @ 20K
DE-204SLB Lab	N/A	7.5W @ 20K	N/A	9.0W @ 20K
DE-204SL 6.5K Lab	N/A	2.5W @ 10K	N/A	3W @ 10K
CH-204S	13.5W @ 80K	6.7W @ 20K	16.2W @ 80K	8.1W @ 20K
CH-204S Lab	N/A	7.5W @ 20K	N/A	9.0W @ 20K
CH-208R	65W @ 77K	6W @ 20K	80W @ 77K	7.5W @ 20K
CH-208L	28W @ 77K	8W @ 20K	35W @ 77K	10W @ 20K
CH-210	110W @ 77K	6W @ 20K	110W @ 77K	6W @ 20K
SRDK-408S	30W @ 45K	5.4W @ 10K	35W @ 45K	6.3W @ 10K
SRDK-400 Series	54W @ 40K	N/A	70W @ 40K	N/A





### Список литературы для самостоятельного изучения:

- 1. Криогенные системы. Том 1. Основы теории и расчета. А.М. Архаров, И.В. Марфенина, Е.И. Микулин.
- 2. Машины низкотемпературной техники. Криогенные машины и инструменты: учебник для вузов / Под общ. ред. А.М. Архарова и И.К. Буткевича, 2015.
- 3. Низкотемпературные газовые машины (криогенераторы). Архаров А.М., 1969.
- 4. Установки для трансформации и охлаждения: Сборник задач, Мартынов А.В., 1989.

