

Homework

Task 3.

Given:

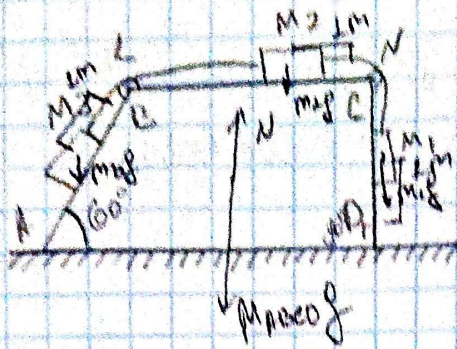
$$M_1 = 20 \text{ kg}$$

$$M_2 = 15 \text{ kg}$$

$$M_3 = 10 \text{ kg}$$

$$L = 1 \text{ m}$$

S = ?



Solution.

$$M_{ABCD} = 100 \text{ N}$$

R.O: ABCD, M_1, M_2, M_3 - translatory.

Напишем уравнения центр масс для начального и конечного положения системы

$$X_1 = \frac{M_3 X_3 + M_2 X_2 + M_1 X_1 + M_0 X_0}{M_3 + M_2 + M_1 + M_0}$$

$$X_2 = \frac{M_3 (X_3 - \cos 60^\circ \cdot S) + M_2 (X_2 + h - S) + M_1 (X_1 - S) + M_0 (X_0 - S)}{M_3 + M_2 + M_1 + M_0}$$

$$X_1 = X_2$$

$$\frac{M_3 X_3 + M_2 X_2 + M_1 X_1 + M_0 X_0}{M_3 + M_2 + M_1 + M_0} = \frac{M_3 (X_3 - \cos 60^\circ \cdot S) + M_2 (X_2 + h - S) + M_1 (X_1 - S) + M_0 (X_0 - S)}{M_3 + M_2 + M_1 + M_0}$$

$$M_3 X_3 + M_2 X_2 + M_1 X_1 + M_0 X_0 = M_3 (X_3 - \cos 60^\circ \cdot S) + M_2 (X_2 + h - S) + M_1 (X_1 - S) + M_0 (X_0 - S)$$

$$M_3 X_3 - M_3 X_3 + M_3 \cos 60^\circ \cdot S + M_3 S + M_2 X_2 - M_2 X_2 - M_2 h + M_2 S + M_1 X_1 - M_1 X_1 +$$

$$+ M_1 S + M_0 X_0 - M_0 X_0 + M_0 S$$

$$M_3 \cos 60^\circ \cdot S + M_3 S + M_2 h + M_2 S + M_1 S + M_0 S$$

$$10 \cdot 1 \cdot \cos 60^\circ + 10 \cdot 1 \cdot S + 15 \cdot S + 20 \cdot S + 100 \cdot S$$

$$-10 + 145 S = 0$$

$$S = \frac{-10}{145}$$

$$\text{Answer: } S = -0,068$$

Task 1

Given:

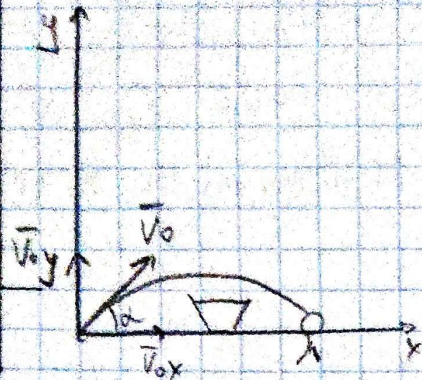
$$m = 13,6 \text{ kg}$$

$$L = 1500 \text{ m}$$

$$k = 18 \cdot 10^{-5}$$

$$V_0 = 870 \text{ m/s}$$

t?



Solution:

$$\text{initial: } t=0; x=0; x' = V_0 \cos \alpha$$

$$x'' = 0; y=0; y' = V_0 \sin \alpha; y'' = -g$$

$$\text{final: } x=L; x' = V_0 \cos \alpha; x'' = 0; y \neq 0; y' \neq 0;$$

$$y'' = -g$$

(1) камень проемлет скорость v_x и v_y по времени t

$$V_x = V_0 = V_0 \cos \alpha$$

$$V_y = V_{0y} - gt = V_0 \sin \alpha - gt$$

V_0 - начальная скорость тела α - угол выстрела
визуем как уменьшение скорости тела.

$$x = x_0 + V_0 t \cos \alpha$$

$$y = y_0 + V_0 t \sin \alpha - \frac{1}{2} g t^2$$

Так как выстрел с координат (0;0), то

$$x = V_0 t \cos \alpha$$

$$y = V_0 t \sin \alpha - \frac{1}{2} g t^2$$

$$y = 0 \quad x = 1500$$

Решаем это уравнение в python

Python gives for alpha

$$1. \alpha = 0,0971...$$

$$t = 1,72421...$$

$$2. \alpha = 1,56...$$

$$t = 172,642...$$

Максимальная высота тела (решаем в python):

$$h = 3,64...$$

$$h = 38613,7050...$$

Продолжение следует...