سوال اول

- ۱) پس مطالعه ی تسک من تصور می کردم که برای هر کوئری حداقل یک سری پست لود شدن و ممکن هست یک سری کلیک هم داشته باشه اما در عمل برخی از کوئری ها وجود داشتند که کلیک داشتند ولی لود نداش تند.(مثلا کوئری با آی دی ۶۹۸ddcf۱faa۶-۴۰۰۰۴-۵۹۵۵-۷۴۵۲-۰۱۴۷۵۹)
 - ۲) برخلاف گفته ی صورت تسک لیست tokens همواره ۲۴ تایی نیست (len طول لیست tokens است)(احتمالا مربوط به قسمت هایی است که آگهی ها تمام شده اند.)

queries.loc[queries.len != 24].head()								
action	created_at	source_event_id	device_id	post_page_offset	tokens	$post_index_in_post_list$	post_token	len
6 load_post_page	1.609550e+12	576278e1-9af0-4ed9-95c8- 09a6b6c2e958	TVDfsdqOS1eqxuUm2EHe6g	0.0	[wXr_DuyQ, wXpr43e5, wXl_rC8t, wXkLrz8v, wXV7M	NaN	NaN	10
32 load_post_page	1.609550e+12	c38f238c-83dc-4b18-a928- 728fe8947608	VszFqQDyS4WmwuBF6pYU7A	0.0	[wXrLw3_f, wXnf6zpr, wXk3doU-, wXkjcLjv, wXTLC	NaN	NaN	8
33 load_post_page	1.609540e+12	ea658b82-c5cf-4b2a-957a- 3f2fb6b91fab	oYxF1k4UT2yggpprUyUTlg	0.0	[wX4tAmXm, wX1Jmy5h, wXeSEm3B, wXVD7SNe, wXrO3	NaN	NaN	7
57 load_post_page	1.609550e+12	e3ad3505-c716-41cd-8df0- b7559a7501c7	JD6SPf7DRAysn8PRCvQT3g	1.0	[wXdjs38e, wXcX25yp, wXWDQayT, wXXnhvgk, wXUrX	NaN	NaN	7
67 load_post_page	1.609550e+12	0a951231-3f7d-47c2-bd1f- 8f6899007584	fUlvCCkJTXSGg4wgh89mVA	27.0	[wXKvDwfH, wXK7iQH8, wXKnBWIR, wXBXh1G9, wXKbw	NaN	NaN	21

- ۳) در فایل CSV داده شده مقادیر ستون created_at دقت خود را از دست داده بودند که با قرار دادن فایل جدید این مشکل رفع شد.
 - ۴) در یکی از اکشن های انجام شده که اکشن کلیک هم می باشد مقدار post_token نامعتبر است. (مقدار NAME? را دارد)

```
queries.loc[41205]
action
                                                       click_post
created_at
                                                      1.60955e+12
                           7ef56e51-cdb6-40dc-9615-61f6e9c54fd1
source event id
device id
                                          jAkoL7h7SlSJRPlxfmtnDg
post_page_offset
                                                              NaN
tokens
                                                             NaN
post_index_in_post_list
                                                               22
                                                          #NAME?
post_token
Name: 41205, dtype: object
```

۵) در تعدادی از اکشن های ثبت شده مقدار device_id نامعتبر است.(مقدار ؟NAME# را دارد.)

```
queries.iloc[111079]
action
                                                               load_post_page
created at
                                                                  1.60955e+12
                                         14282fc7-f431-43b6-8c07-423f33be3d74
source_event_id
                                                                       #NAME?
device_id
post_page_offset
tokens
                           [wXYr2lVk, wXXj7iDP, wXXXIsQr, wXQbXKz6, wXN3t...
post_index_in_post_list
                                                                          NaN
post_token
Name: 111079, dtype: object
```

سوال دوم

مقدار dark query percent برابر با ۷.۹۶۰۲۶۸۶۰۶۶۰۳۲۴۶ و query bounce rate هم برابر با ۴۴.۳۱۴۴۹۳۵۶۴۶۳۳۴۶۶ است.

سوال سوم

هر کدام از معیار های گفته شده فوایدی دارند؛ به طور مثال متریک اول در واقع تعداد را وارد می کند و نشان دهنده این است که از نتایج نمایش داده شده چند مورد مطلوب کاربر بوده است؛ اما جایگاه نتایج مطلوب در این متریک تاثیر ندارد. در متریک دوم جایگاه تاثیر دارد اما تعداد موثر نیست (و البته میتوان گفت تقریبا پوشش دهنده متریک چهارم هم هست).

در مجموع به نظر من حالت ایده ای استفاده ی همزمان از دو متریک ابتدایی است که نکات مهم گفته شده را می توانند پوشش دهند. اما اگر قرار به انتخاب فقط یک متریک باشد؛ متریک اول گزینه جذاب تری است چرا در هر صورت نشان می دهد از بین نتایج چه قدر توانسته ایم کاربر را راضی کنیم.

همانطور که میدانیم تابع توزیع برنولی مطابق زیر است:

$$p(y|\theta) = \theta^{y}(1-\theta)^{1-y}$$

برای حل این سوال از logistic regression استفاده می کنیم.رگرسیون لجستیک مناسب زمان هایی است که نتیجه از بین دو کلاس انتخاب میشود. (مثلا (۱۰۵)). رگرسیون لجستیک که شبیه رگرسیون خطی هست با این تفاوت که رگرسیون لجستیک از توزیع برنولی استفاده می کند. اگر نتیجه ی این مدل را احتمال یک بودن(کلیک کردن کاربر) در نظر بگیریم روند کلی به صورت زیر خواهد بود (که از تابع Sigmoid استفاده کرده ایم):

$$p=\Pr(y_i=1|\overrightarrow{x_i}; ec{eta})=rac{e^{eta_0+eta_1x_{1,i}+\cdots+eta_kx_{k,i}}}{1+e^{eta_0+eta_1x_{1,i}+\cdots+eta_kx_{k,i}}}=rac{1}{1+e^{-(eta_0+eta_1x_{1,i}+\cdots+eta_kx_{k,i})}}$$

در اینجا باید ویژگی هایی از داده ورودی که میخواهیم در مدل استفاده کنیم را مشخص کنیم. در مجموعه نمونه های ما مواردی که action کلیک دارند؛ نمونه های کلاس یک و پست های که لود شده اند اما کلیک نگرفته اند نمونه های کلاس صفر هستند. برای ویژگی ها میتوانیم توکن پست، رتبه ی پست در لیست ها، آی دی دستگاه ، آی دی کوئری و حتی زمان درخواست را در نظر بگیریم. همچنین باید ضریب این ویژگی ها (β) را بهینه کنیم که نتیجه ی تابع بالا بیشترین شباهت را به مقدار اصلی در نمونه های ورودی داشته باشد. برای این کار از روش Maximum Likelihood بیشترین شباهت را به مقدار اصلی در نمونه های ورودی داشته باشد. برای این کار از روش e^{ρχ}) وجود دارد اگاریتم Estimation را بیشینه میکنیم(بیشینه کردن خود تابع یا لگاریتم آن تاثیری در نتیجه ی مطلوب ندارد.)(n

$$L(D, ec{eta}) = \log\Biggl(\prod_{i=1}^n Pr(y_i = 1 | \overrightarrow{x_i}; ec{eta})^{y_i} imes Pr(y_i = 0 | \overrightarrow{x_i}; ec{eta})^{1-y_i}\Biggr)$$

در تابع بالا بخش $\Pr(y_i=1|\overrightarrow{x_i}; \overrightarrow{\beta})^{y_i} \times \Pr(y_i=0|\overrightarrow{x_i}; \overrightarrow{\beta})^{1-y_i}$ در واقع همان تابع احتمال توزیع برنولی است. با بسط دادن تابع L به تابع زیر عبارت زیر می رسیم:

$$\sum_{i=1}^n y_i imes \log Pr(y_i = 1 | \overrightarrow{x_i}; ec{eta}) + (1-y_i) \log Pr(y_i = 0 | \overrightarrow{x_i}; ec{eta})$$

نکته ای که در مورد تابع بالا وجود دارد این است که این تابع نسبت به β مقعر و همگرا و بنابراین یک بیشنیه مطلق دارد. برای رسیدن به این بیشینه پس از مقداردهی رندومِ اولیه هر بار مقدار مشتق تابع L را برای یک نمونه ورودی محاسبه و در آن جهت حرکت میکنیم تا در نهایت مشتق به صفر میل کند. در واقع تا زمانی که مشتق به صفر میل کند هموار روند زیر را انجام می دهیم:

$$\begin{split} &\text{for } i=0 \ \text{ to } \ n: \\ &\text{for } j=0 \ \text{ to } \ m: \\ &\beta_j^{\overrightarrow{new}} = \beta_j^{\overrightarrow{old}} + \alpha \left(y_i - \frac{1}{1+e^{-\left(\beta_0^{old} + \beta_1^{old} x_{1,i} + \cdots + \beta_k^{old} x_{k,i}\right)}}\right) \overrightarrow{x_{i,j}} \\ &\beta^{old} = \beta^{new} \end{split}$$

با استفاده از این مدل می توان مقدار متریک اول را به صورت غیر مستقیم به دست آورد به گونه که مدل را بر روی هر پست اجرا کرده و در نهایت تعداد موارد کلیک شده را به کل نتایج تقسیم کرد(همین روند را میتوان برای متریک های دوم و سوم هم اجرا کرد).(البته الگوریتم های دیگر این روند را ساده تر میتوانند انجام دهند.) با توجه به اینکه این مدل برای classification است و متریک چهارم هم از همین دسته است برای متریک چهارم هم مناسب است. در صورتی که متریک دوم را داشته باشیم میتوان متریک پایانی را هم محاسبه کرد. اما به طور کلی با داشتن یکی از متریک ها؛ محاسبه ی همه ی متریک دیگر ممکن نیست.