

Nr. 606

## **Messung der Suszeptibilität paramagnetischer Substanzen**

Sara Krieg  
sara.krieg@udo.edu

Marek Karzel  
marek.karzel@udo.edu

Durchführung: 09.04.2019

Abgabe: 16.04.2019

TU Dortmund – Fakultät Physik

# Inhaltsverzeichnis

<b>1</b>	<b>Theorie</b>	<b>3</b>
1.1	Die magnetische Suszeptibilität . . . . .	3
1.2	Die Berechnung paramagnetischer Suszeptibilitäten . . . . .	3
1.3	Messverfahren zur Bestimmung paramagnetischer Suszeptibilitäten . . . .	5
<b>2</b>	<b>Durchführung</b>	<b>6</b>
<b>3</b>	<b>Auswertung</b>	<b>7</b>
3.1	Untersuchung der Filterkurve . . . . .	7
3.2	Theoretische Bestimmung der Suszeptibilitäten . . . . .	10
3.3	Experimentelle Bestimmung der Suszeptibilität . . . . .	11
<b>4</b>	<b>Diskussion</b>	<b>13</b>
<b>5</b>	<b>Literaturverzeichnis</b>	<b>14</b>

# 1 Theorie

In diesem Versuch werden die Suszeptibilitäten paramagnetischer Substanzen mit Hilfe einer Brückenschaltung bestimmt. Außerdem wird die Filterkurve des dabei verwendeten Selektivverstärkers untersucht.

## 1.1 Die magnetische Suszeptibilität

Die magnetische Suszeptibilität  $\chi$  ist eine dimensionslose Größe, die angibt, wie gut ein Material in einem externen Magnetfeld magnetisierbar ist, d.h. wie sich die Magnetisierung  $\vec{M}$  des Materials durch ein externes Magnetfeld ändert. Diese Größe ist im Allgemeinen von vielen Variablen abhängig (z.B. von der magnetischen Feldstärke  $\vec{H}$  und der Temperatur  $T$ ) und tensoriell.

Allerdings nehmen die Suszeptibilitäten verschiedener Materiale unter Raumtemperatur und bei kleinen Magnetfeldern mit Feldstärken  $\vec{B}$  kleiner einem Tesla näherungsweise konstante Werte an, welches den linearen Ausdruck

$$\vec{M} = \mu_0 \chi \vec{H} \quad (1)$$

liefert. Mit dessen Hilfe lassen sich Materialien durch ihre magnetische Suszeptibilität unterscheiden.

Stoffe mit einer Suszeptibilität  $\chi < 0$  sind diamagnetisch, d.h. das Material magnetisiert in einem äußeren Magnetfeld entgegengesetzt zur Feldrichtung des Feldes, sodass das innere Magnetfeld des Stoffvolumens schwächer ist. Materialien mit einer Suszeptibilität  $\chi > 0$  verhalten sich paramagnetisch, sodass das Magnetfeld im Inneren des Stoffvolumens durch die Magnetisierung stärker ist, als das äußere anregende Magnetfeld.

Bei höheren Temperaturen verschwindet die Ordnung der Magnetisierung  $\vec{M}$  nahezu einheitlicher Richtung mit

$$\chi \propto \frac{1}{T} \quad (2)$$

antiproportional zur Umgebungstemperatur.

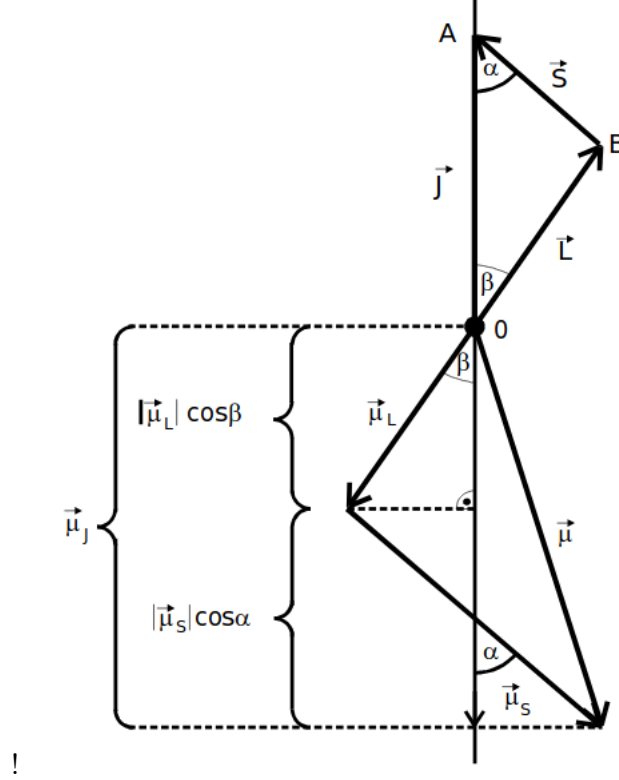
## 1.2 Die Berechnung paramagnetischer Suszeptibilitäten

Zur Berechnung der Suszeptibilität muss der Zusammenhang zwischen atomarem Drehimpuls und magnetischem Momenten bekannt sein. Der Drehimpuls  $\vec{J}$  eines Atoms setzt sich aus dessen Bahnimpuls der Elektronenhülle  $\vec{L}$ , dem Gesamtspin  $\vec{S}$  und dem für den Paramagnetismus vernachlässigbaren Kerndrehimpuls zusammen. Dabei sind  $\vec{L}$  und  $\vec{S}$  Vektorsummen der einzelnen Elektronendrehimpulse und -spins und ihnen können durch Erkenntnisse aus der Quantenmechanik folgende magnetische Momente zugeordnet werden:

$$\vec{\mu}_L = -\frac{\mu_B}{\hbar} \vec{L} \quad (3)$$

$$\vec{\mu}_S = -g_S \frac{\mu_B}{\hbar} \vec{S} \quad (4)$$

$\mu_B$  beschreibt dabei das Bohrsche Magneton und  $g_S$  das gyromagnetische Verhältnis.



**Abbildung 1:** Vektordiagramm der Drehimpulse im Elektron [1]

Mit den Quantenzahlen der Drehimpulse  $\vec{J}$  und  $\vec{L}$  und des Spins  $\vec{S}$  ergeben sich die Beträge

$$|\vec{\mu}_L| = -\mu_B \sqrt{L(L+1)} \quad (5)$$

$$|\vec{\mu}_S| = -g_S \cdot \mu_B \sqrt{S(S+1)} \quad (6)$$

Zudem lässt sich aus Abbildung 1 die Beziehung

$$|\vec{\mu}_J| = |\vec{\mu}_S| \cdot \cos(\alpha) + |\vec{\mu}_L| \cdot \cos(\beta) \quad (7)$$

ableiten und mit dem Kosinussatz zu

$$|\vec{\mu}_J| \approx \mu_B \cdot g_J \sqrt{J(J+1)} \quad (8)$$

mit dem Lande-Faktor

$$g_J = \frac{3J(J+1) + [S(S+1) - L(L+1)]}{2J(J+1)} \quad (9)$$

vereinfachen.

Aus der Quantenmechanik geht des weiteren die Richtungsquantelung hervor, d.h. der Winkel zwischen äußerem Magnetfeld und  $\vec{\mu}_J$  ist nicht beliebig, sondern es gilt die Beziehung

$$\mu_{J_z} = -\mu_B \cdot g_J \cdot m \quad (10)$$

für die Z-Komponente des magnetischen Moments  $\mu_{J_z}$  mit der ganzzahligen Orientierungsquantenzahl  $m$ , durch die es  $2J+1$  Einstellungsmöglichkeiten von  $\vec{\mu}_J$  bezüglich des äußeren Magnetfeldes gibt.

Über alle möglichen Einstellungen mit ihren jeweiligen Wahrscheinlichkeiten summiert, ergibt sich für die Suszeptibilität der Zusammenhang

$$\chi = \frac{\mu_0 \cdot \mu_B^2 \cdot g_J^2 \cdot N J(J+1)}{3kT} \quad (11)$$

mit der Momentenanzahl pro Volumeneinheit  $N$ , der Boltzmannkonstante  $k$  und der Temperatur  $T$ .

In den Atomhüllen Seltener-Erd-Verbindungen sind sogenannte 4f-Elektronen dafür verantwortlich, dass deren Paramagnetismus besonders gut beobachtbar ist. Für diese Elektronen und den Gesamtdrehimpuls  $\vec{J}$  gelten die Hundschen Regeln:

- Die einzelnen Spins  $\vec{s}_i$  summieren sich nach dem Pauli-Prinzip zum Gesamtspin  $\vec{S} = \sum \vec{s}_i$  auf.
- Die einzelnen Bahndrehimpulse  $\vec{l}_i$  summieren sich nach dem Pauli-Prinzip zum Maximaldrehimpuls  $\vec{L} = \sum \vec{l}_i$  auf.
- Der Gesamtdrehimpuls beträgt  $\vec{J} = \vec{L} - \vec{S}$ , wenn die Elektronenschale weniger und  $\vec{J} = \vec{L} + \vec{S}$ , wenn die Schale mehr als halbvoll besetzt ist.

### 1.3 Messverfahren zur Bestimmung paramagnetischer Suszeptibilitäten

Die Bestimmung der paramagnetischen Suszeptibilitäten basiert auf einer Induktivitätsdifferenz  $\Delta L$  zwischen einer mit einem Paramagneten befüllten oder unbefüllten Spule. Diese Spule ist hier Bestandteil der Brückenschaltung aus Abbildung 4 und für hohe Spannungsfrequenzen  $\omega^2 L^2 \gg R^2$  gilt die Beziehung

$$X(\omega \rightarrow \infty) = \frac{4FU_{\text{Br}}}{QU_{\text{Sp}}} . \quad (12)$$

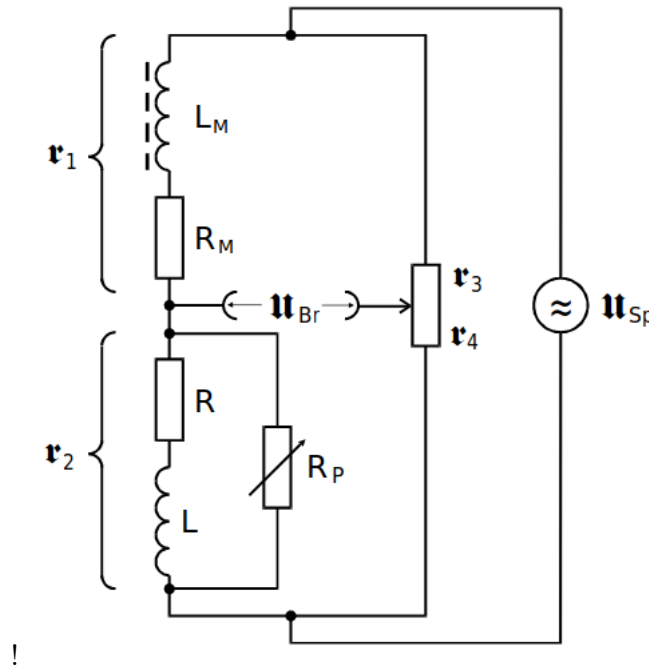
Dabei beschreibt  $F$  den Spulenquerschnitt,  $Q$  den Probenquerschnitt und  $U_{\text{Sp}}$  die Speisenspannung.

Für die Methode mit erneutem Abgleich der Brückenspannung kann außerdem die Beziehung

$$X = \frac{2 \cdot \Delta R \cdot F}{R_3 \cdot Q} \quad (13)$$

verwendet werden, in der  $\Delta R$  für die Differenz der Potentiometereinstellungen steht.

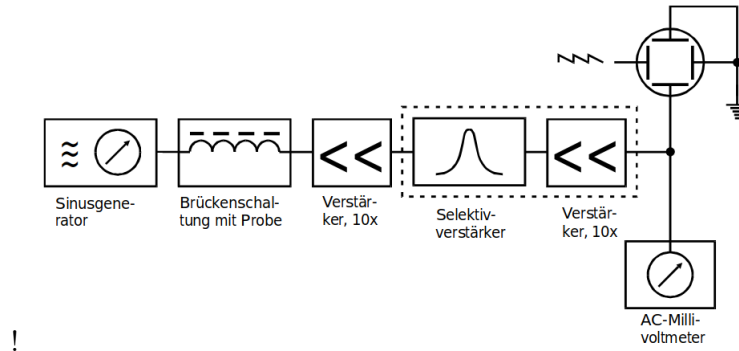
## 2 Durchführung



**Abbildung 2:** Brückenschaltung zur Suszeptibilitätsmessung [1]

Zur Messung der Suszeptibilität wird die Brückenschaltung gemäß Abbildung 4 verwendet. Die durch diese Schaltung aufkommenden Störspannungen werden durch einen Frequenzfilter, einen Bandpass herausgefiltert und die gesuchte Brückenspannung verstärkt.

Zunächst gilt es, die Durchlassfrequenz des Filters durch Messung der Ausgangsspannung mit einem Mikrovoltmeter zu bestimmen. Gemessen wird die Ausgangsspannung  $U_A$  in dreißig Schritten für Frequenzen zwischen Frequenzen von  $\nu = 20 \text{ kHz}$  und  $40 \text{ kHz}$ . Dabei sollten Schritte zwischen den Messungen nahe des Maximums kleingehalten werden.



**Abbildung 3:** Blockschaltbild des Versuchsaufbaus [1]

Zur eigentlichen Messung wird der Aufbau, der on Abbildung 3 dargestellt ist, verwendet. Zunächst wird die Frequenz der eingehenden Sinusspannung auf den Wert der Durchlassfrequenz des Bandpasses geregelt. Danach werden die Brückenspannung  $U_B$  mithilfe der Abgleichwiderstände  $R_3/R_4$  und  $R_P$  abgeglichen und die Werte von  $R_3/R_4$  und  $U_B$  notiert. Für letztere wird der Wert nochmals nach Einführung der Stoffprobe in die Spule notiert. Für die alternative Methode mit der Gleichung /eqrefeqn:alternativ muss die Brückenspannung nochmals nach Einführung der Probe abgeglichen und ihr Wert, sowie der von  $R_3/R_4$  notiert werden. Für die Proben  $\text{Dy}_2\text{O}_3$ ,  $\text{C}_6\text{O}_{12}\text{Pr}_3$ ,  $\text{Gd}_2\text{O}_3$  und  $\text{Nd}_2\text{O}_3$  werden jeweils drei Messungen durchgeführt. Zuletzt werden noch die jeweiligen Längen und Massen der Proben bestimmt.

### 3 Auswertung

#### 3.1 Untersuchung der Filterkurve

Zunächst wird die Durchlassfrequenz  $\nu$  des Selektivverstärkers bestimmt. Die gemessenen Wertepaare von Frequenz  $\nu$  und Spannung  $U_A$  sind in Tabelle 1 aufgeführt.

Die gemessene Frequenz  $\nu$  wird gegen die Spannung  $U_A$  aufgetragen. Das Ergebnis ist in Abbildung 4 zu finden.

Mittels Python 3.6.5. und dem Paket Matplotlib wird eine Lorentzkurve für eine Ausgleichskurve gefittet. Dabei wird die Gleichung

$$f(x) = \frac{a}{(x^2 - x_0^2)^2 + \gamma^2 x_0^2}$$

für die berechnete Lorentzkurve und die Werte von 34,1 kHz bis 36,0 kHz verwendet.

Die Durchlassfrequenz lässt sich nun direkt ablesen und ergibt sich zu:

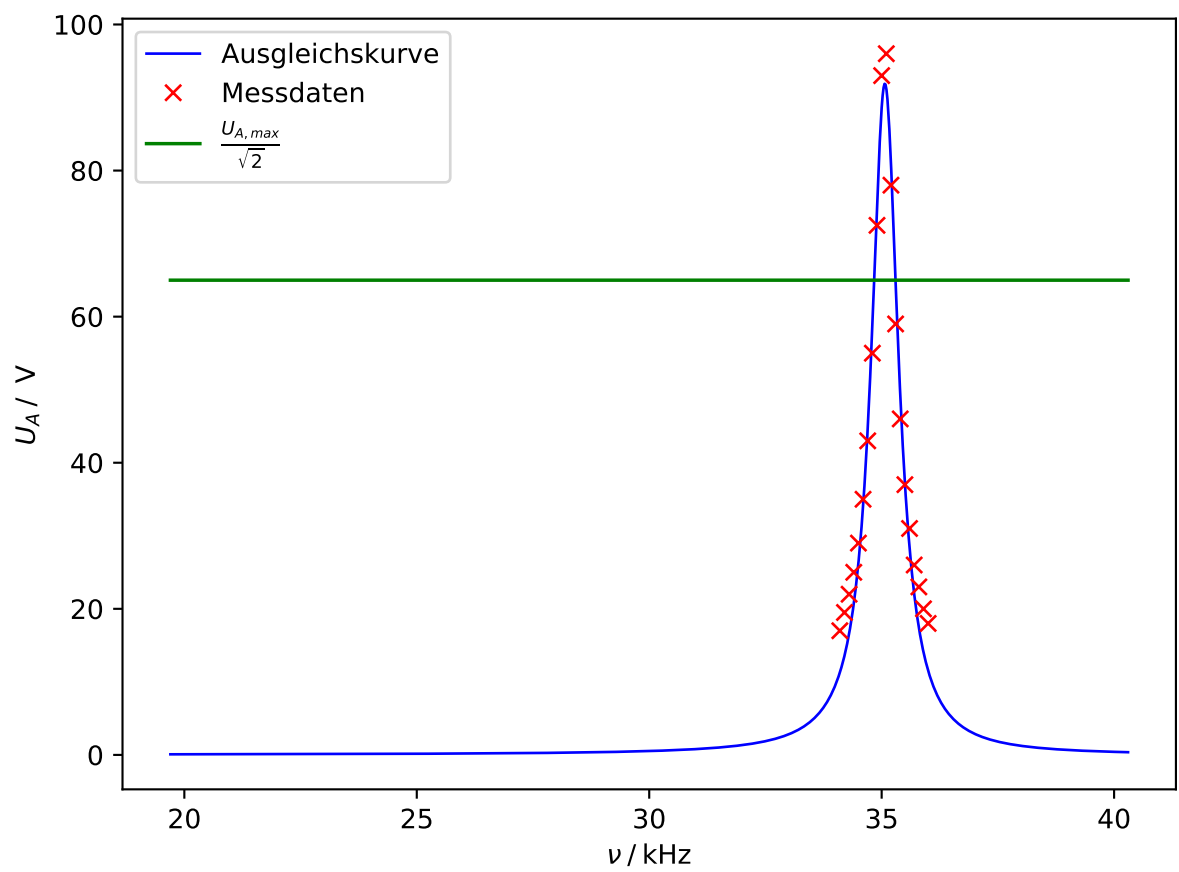
$$x_0 = \nu_A = 35,065 \text{ kHz.} \quad (14)$$

Desweiteren wird bei einem Wert von  $\frac{1}{\sqrt{2}}$  des Maximalwerts eine Gerade angelegt. Die Parameter ergeben sich schließlich zu:

**Tabelle 1:** Messwerte der Filterkurve des Selektivverstärkers.

$\nu / \text{kHz}$	$U_A / \text{mV}$	$\nu / \text{kHz}$	$U_A / \text{mV}$
20,0	0,865	34,6	35,00
21,0	0,900	34,7	43,00
22,0	0,990	34,8	55,00
23,0	1,095	34,9	72,50
24,0	1,230	35,0	93,00
25,0	1,380	35,1	96,00
26,0	1,560	35,2	78,00
27,0	1,800	35,3	59,00
28,0	2,100	35,4	46,00
29,0	2,520	35,5	37,00
30,0	3,200	35,6	31,00
31,0	4,000	35,7	26,00
32,0	5,450	35,8	23,00
33,0	8,350	35,9	20,00
34,0	16,000	36,0	18,00
34,1	17,000	36,1	16,00
34,2	19,500	37,0	9,00
34,3	22,000	38,0	6,15
34,4	25,000	39,0	4,60
34,5	29,000	10,0	3,70





**Abbildung 4:** Filterkurve des Selektivverstärkers.

$$a = (6,6 \pm 0,4) \cdot 10^4 \text{ V/s}^2,$$

$$\gamma = 0,772 \pm 0,030.$$

Außerdem werden  $\nu_A$ ,  $\nu_1$  und  $\nu_2$  mittels Python zu

$$\nu_1 = (34,816 \pm 0,010) \text{ kHz},$$

$$\nu_A = (35,065 \pm 0,010) \text{ kHz},$$

$$\nu_2 = (35,313 \pm 0,010) \text{ kHz}$$

berechnet. Die Güte  $Q$  kann nun mit

$$Q = \frac{\nu_A}{\nu_2 - \nu_1}$$

zu

$$Q = 70,5 \pm 2,8$$

berechnet werden. Der Fehler ergibt sich dabei durch eine Fehlerrechnung mittels Python.

### 3.2 Theoretische Bestimmung der Suszeptibilitäten

Nach Formel (11) lassen sich die Theoriewerte Seltener Erde Verbindungen berechnen. Es werden  $\text{Dy}_2\text{O}_3$ ,  $\text{C}_6\text{O}_{12}\text{Pr}_2$ ,  $\text{Gd}_2\text{O}_3$  und  $\text{Nd}_2\text{O}_3$  untersucht. Es wird eine Temperatur von  $T = 294 \text{ K}$  angenommen, was etwa Raumtemperatur entspricht. Der Lande-Faktor  $g_J$ , sowie  $S$ ,  $L$  und  $J$  sind in Tabelle 2 aufgeführt.

Die Berechnung der Werte  $S$ ,  $L$  und  $J$  erfolgt mittels der Betrachtung der Anzahl der 4f-Elektronen. Je nach deren Anzahl, gibt es verschieden viele Möglichkeiten die Spins in den Elektronen anzuordnen. Diese sollen unter dem Pauli-Prinzip maximiert werden. Dieses besagt, dass zwei Elektronen in einem Atom nicht in allen Quantenzahlen übereinstimmen können.

Es wird das Molekül  $\text{Dy}_2\text{O}_3$  beispielhaft betrachtet. Dieses hat 9-4f-Elektronen. Auf Grundlage des Pauli-Prinzips ergibt sich die Hund'sche Regel, welche liefert:  $L = -3 - 2 - 1 + 0 + 1 = -5$ . Da der Betrag betrachtet wird, nehmen wir  $L = 5$  an.  $S$  ergibt sich dann mit  $S = \frac{1}{2} \cdot 7 - \frac{1}{2} \cdot 2 = 2,5$ . Zuletzt wird schließlich  $J = L - S = \frac{9}{2} = 4,5$  berechnet. Außerdem ergibt sich  $N$  nach

$$N = 2 \cdot \frac{\rho}{M} \cdot N_A.$$

Dabei ist  $N_A = 6,022\,141\,29 \cdot 10^{23} \text{ 1/mol}$  [2] die Avogadrokonstante,  $\rho$  die Dichte des jeweiligen Stoffes und  $M$  die molare Masse. Diese Werte sind zusammen mit den berechneten Werten für  $N$  in Tabelle 3 zu finden. Werden diese Werte alle in Gleichung (11) eingesetzt, so ergeben sich die gesuchten Suszeptibilitäten, die sich ebenfalls in Tabelle 3 befinden.

**Tabelle 2:** Theoretische Werte zur Berechnung der Suszeptibilitäten

	Nd <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	Gd <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	Dy <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	C <sub>6</sub> O <sub>12</sub> Pr <sub>3</sub>
4f-Elektronen	3	7	9	3
L	6	0	5	5
S	1,5	3,5	2,5	1
J	4,5	3,5	7,5	4
$g_J$	0,73	2,0	1,33	0,73
$\rho / \text{kg/m}^3$	7240	7400	7800	6260
$m / \text{kg}$	0,0090	0,0141	0,0151	0,0079

**Tabelle 3:** Molare Masse  $M$ , die Zahl der magnetischen Momente pro Volumeneinheit  $N$  der Seltenen Erden Verbindungen und die berechneten Suszeptibilitäten  $\chi$ .

	Nd <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	Gd <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	Dy <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	C <sub>6</sub> O <sub>12</sub> Pr <sub>2</sub>
$M / \text{g/mol}$	336	362	373	544
$N \cdot 10^{28} / \text{m}^3$	2,59	2,46	2,52	1,38
$\chi_{\text{theo}}$	0,003	0,014	0,026	0,001

### 3.3 Experimentelle Bestimmung der Suszeptibilität

Zunächst muss der Koeffizient  $Q$  durch den Querschnitt

$$Q_{\text{real}} = \frac{m}{\rho \cdot l} \quad (15)$$

ersetzt werden. Dieser ergibt sich durch die Länge  $l$ , die Masse  $m$  und die Dichte  $\rho$  der Probe. Diesen Querschnitt müsste die Probe haben, wenn sie aus einem Einkristall bestünde.

**Tabelle 4:**  $Q_{\text{real}}$  der verwendeten Stoffe.

Stoff	$Q_{\text{real}} / \text{cm}^2$
Gd <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	0,119
Dy <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	0,121
Nd <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	0,078
C <sub>6</sub> O <sub>12</sub> Pr <sub>2</sub>	0,079

Es wurde mit der Eingangsspannung  $U_E = 0,8 \text{ V}$  gemessen. Der Spulenquerschnitt ist mit  $F = 86,6 \text{ mm}^2$  gegeben. Aus den Messwerten kann nun jeweils  $\Delta R$  berechnet werden. Diese Werte finden sich in Tabelle 5, 6, 7 und 8. Dabei bezeichnen  $U_m$  und  $R_m$  die Spannung und Widerstände, während die Probe sich in der Spule befindet.  $U_0$  und  $R_0$  sind entsprechend die Werte ohne Probe in der Spule.

**Tabelle 5:** Messwerten und Differenzwerte für  $\text{Dy}_2\text{O}_3$ 

$U_0 / \text{mV}$	$R_0 / \Omega$	$U_m / \text{mV}$	$R_m / \Omega$	$\Delta R / \Omega$	$\Delta U / \text{mV}$
0,135	4,375	0,385	4,232	0,143	0,25
0,090	4,425	0,150	4,255	0,170	0,06
0,110	4,430	0,420	4,255	0,175	0,31

**Tabelle 6:** Messwerten und Differenzwerte für  $\text{Nd}_2\text{O}_3$ 

$U_0 / \text{mV}$	$R_0 / \Omega$	$U_m / \text{mV}$	$R_m / \Omega$	$\Delta R / \Omega$	$\Delta U / \text{mV}$
0,10	4,255	0,08	4,455	0,20	0,02
0,08	4,455	0,08	4,565	0,11	0,00
0,09	4,565	0,08	4,635	0,07	0,01

**Tabelle 7:** Messwerten und Differenzwerte für  $\text{Gd}_2\text{O}_3$ 

$U_m / \text{mV}$	$R_m / \Omega$	$U_0 / \text{mV}$	$R_0 / \Omega$	$\Delta R / \Omega$	$\Delta U / \text{mV}$
0,9	4,635	0,17	4,855	0,22	0,73
1,0	4,500	1,90	4,860	0,36	0,90
0,9	4,860	85,00	5,010	0,15	84,10

**Tabelle 8:** Messwerten und Differenzwerte für  $\text{C}_6\text{O}_{12}\text{Pr}_3$ 

$U_m / \text{mV}$	$R_m / \Omega$	$U_0 / \text{mV}$	$R_0 / \Omega$	$\Delta R / \Omega$	$\Delta U / \text{mV}$
0,8	4,43	49	4,57	0,14	48,2
0,9	4,57	49	4,77	0,20	48,1
0,8	4,77	1,3	4,99	0,22	0,50

Damit ergeben sich für jedes Element Mittelwerte für  $\Delta R$  und  $\Delta U$ . Diese Werte sind in Tabelle 9 zu finden.

**Tabelle 9:** Mittelwerte der Spannungs- und Widerstandsdifferenzen.

Stoff	$\bar{\Delta R} / \Omega$	$\bar{\Delta U} / \text{mV}$
Dy <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	$0,163 \pm 0,014$	$0,207 \pm 0,107$
Nd <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	$0,127 \pm 0,054$	$0,010 \pm 0,008$
Gd <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	$0,243 \pm 0,087$	$28,577 \pm 39,261$
C <sub>6</sub> O <sub>12</sub> Pr <sub>2</sub>	$0,187 \pm 0,034$	$32,267 \pm 22,462$

Aus diesen können nun die Suszeptibilitäten  $\chi_R$  nach Formel (13), und  $\chi_U$  nach Formel (12) berechnet werden. Diese finden sich in Tabelle 10.

**Tabelle 10:** Berechnete Suszeptibilitäten und der dazugehörige theoretische Wert.

Stoff	$\chi_R$	$\chi_U$	$\chi_{\text{theo}}$
Dy <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	$0,0023 \pm 0,0002$	$0,0059 \pm 0,0031$	0,026
Nd <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	$0,0028 \pm 0,0012$	$0,00044 \pm 0,00036$	0,003
Gd <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	$0,0035 \pm 0,0013$	$0,8318 \pm 1,1423$	0,014
C <sub>6</sub> O <sub>12</sub> Pr <sub>2</sub>	$0,0041 \pm 0,0007$	$1,4148 \pm 0,9849$	0,001

Damit ergeben sich die Abweichungen in Tabelle 11 vom theoretischem Wert.

**Tabelle 11:** Abweichungen zum theoretischem Wert.

Stoff	$\frac{\chi_{\text{theo}} - \chi_R}{\chi_{\text{theo}}}$	$\frac{\chi_{\text{theo}} - \chi_U}{\chi_{\text{theo}}}$
Dy <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	$(91,03 \pm 0,01) \%$	$(77,24 \pm 11,73) \%$
Nd <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	$(6,06 \pm 40,32) \%$	$(85,20 \pm 12,09) \%$
Gd <sub>2</sub> O <sub>3</sub>	$(74,65 \pm 9,09) \%$	$(5841,75 \pm 8163,26) \%$
C <sub>6</sub> O <sub>12</sub> Pr <sub>3</sub>	$(310,07 \pm 74,68) \%$	$(141383,21 \pm 98493,63) \%$

Diese ergeben sich nach

$$\nu = \left| \frac{\chi_{\text{theo}} - \chi_{\text{exp}}}{\chi_{\text{theo}}} \right| \cdot 100.$$

## 4 Diskussion

Die Untersuchung des Selektivverstärkers verlief wie erwartet und ohne Auffälligkeiten. Aus Tabelle 11 können sehr hohe Abweichungen entnommen werden. Dies hat viererlei mögliche Gründe. Zum einen konnte die Brückenspannung nicht genau auf 0 genährt werden, als sie abgeglichen wurde. Außerdem war die Messapertur beinahe willkürlich.

Bei kleinen Berührungen veränderte sich die gemessene Spannung signifikant, sodass es kaum möglich war zu bewerten, ob das aktuelle Signal stabil war. Außerdem waren die Ergebnisse bei Wiederholung auch nicht rekonstruierbar. Des Weiteren hat der Verstärker einen Innenwiderstand, der nicht vernachlässigbar ist. Ein weiterer Punkt ist, dass die Suszeptibilitäten der verwendeten Proben temperaturabhängig sind, weswegen diese nicht lange in der Hand gehalten werden dürfen, da sonst ein systematischer Fehler auftritt. Insgesamt sind die gemessenen Werte also sehr fehleranfällig und nicht aussagekräftig.

## 5 Literaturverzeichnis

- [1]: TU Dortmund. *Versuchsanleitung zu Versuch 606: Messung der Suszeptibilität paramagnetischer Substanzen.*
- [2]: Wikipedia.<https://de.wikipedia.org/wiki/Avogadro-Konstante>