

2.1

1a) {A, B, ..., Z, a, b, ..., z, 0, 1, ..., 9, +, -, *, /, #, >, <, ., ', ", ;, [,], (,), {, }, &, ^, =, ?, :, %, ., _ , |, ~, ~, >, \, space, Tab, \r, \n, \f, null, \a, \b, \n}

共 $62 + 5 + 4 + 29 = 100$ 个

2.3 (d) 表示在串 111 每个1前后共5个位置^{分别}插入0个或多个0形成的串的集合
即可表示由0和1两个数字构成的仅有3个1的所有数字串

2.4 (e) 若相邻数字不同 则化一数字串可划分为 该数字和不含该数字的串的组合
则可把串按0划分 得到不含0的串按1划分 以此类推 可得正规式

$$dq \rightarrow q$$
$$d_8 \rightarrow (8 | d_9 8) (d_9 8)^* (d_9 | \varepsilon) | d_9$$
$$d_7 \rightarrow (7 | d_8 \ 7) (d_8 \ 7)^* (d_8 | \varepsilon) | d_8$$
$$d_b \rightarrow (b|d_7 b) (d_7 b)^* (d_7|\varepsilon) |d_7$$
$$d_5 \rightarrow (5 | d_6 5) (d_6 5)^* (d_6 | \varepsilon) | d_6$$
$$d_4 \rightarrow (4|d_5 4)(d_5 4)^* (d_5 | \varepsilon) | d_5$$
$$d_3 \rightarrow (3|d_43)(d_43)^* (d_4|\varepsilon)|d_4$$
$$d_2 \rightarrow (z|d_3 z)(d_3 z)^* (d_3|\varepsilon)|d_3$$
$$d_1 \rightarrow (1 \mid d_2) (d_2)^* (d_2 \mid \varepsilon) \mid d_2$$
$$d_0 \rightarrow (0 | d_1, 0) (d_1, 0)^* (d_1 | \varepsilon) | d_1$$

对最多只有一处相邻数字相同的所有数字串 则若相邻的为 aa 则以 aa 为分界线

第一个a及之前构成的串所有相邻数字均不同 第二个a及之后数字构成的串所有相邻数字均不同

即可看作两个相邻数字都不同的串的拼接, 其中一个串可为空

Ans answer \rightarrow do / do do

(9) 由偶数个0和奇数个1构成的串即可看作由偶数个0和偶数个1和1个1构成的串

对由偶数个0和1构成的串 若不为空

则要么 2个0相邻或 2个1 相邻 要么 10或01成对出现

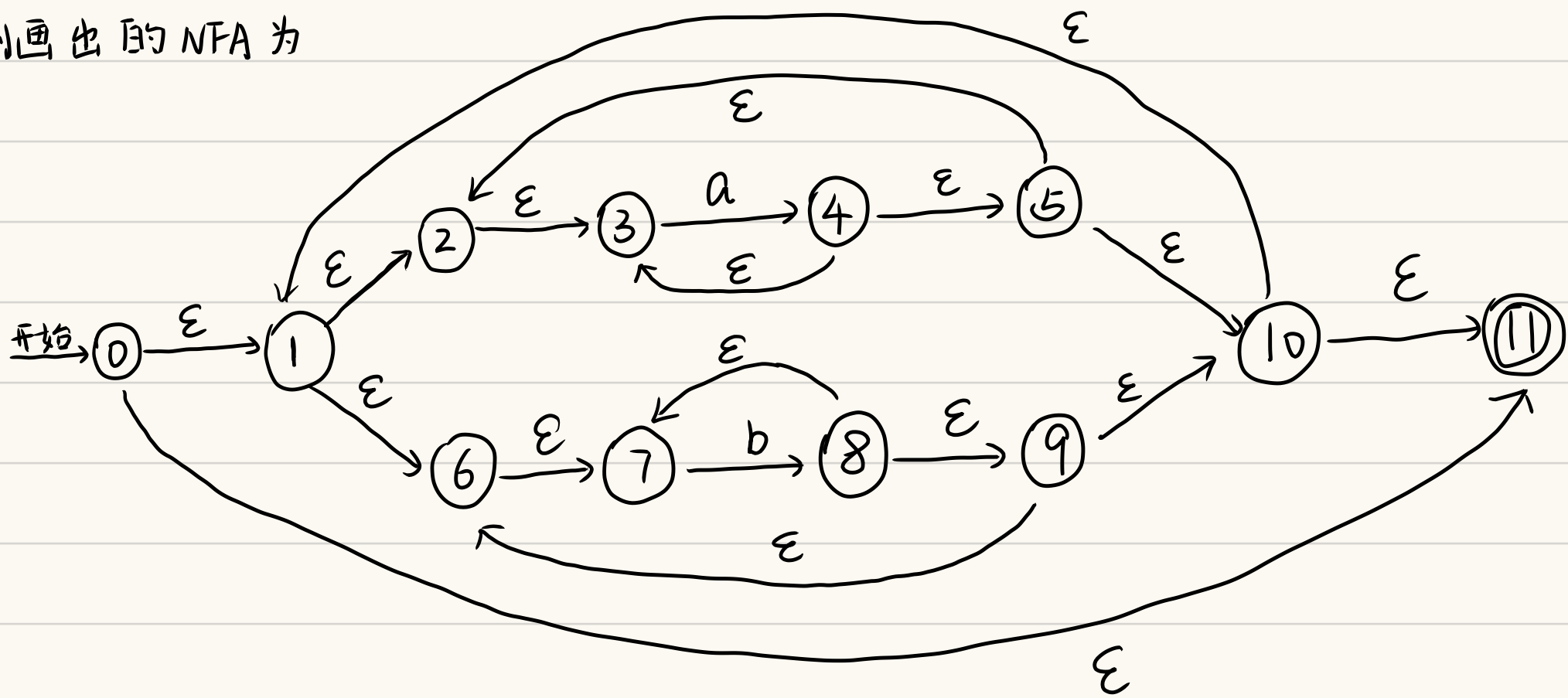
正規式如下：

$$d_0 \rightarrow 0$$
$$d_i \rightarrow 1$$
$$d_2 \rightarrow d_0 d_0 \mid d_1 d_1$$
$$d_3 \rightarrow (d_0 d_1 \mid d_1 d_0)$$
$$d_4 \rightarrow d_2^* (d_3 d_2^* d_3 d_2^*)^*$$

answer $\rightarrow d_4 d_1 d_4$

2.7 (b) $(a^*|b^*)^*$ 可以分为 $a^*, b^*, a^*|b^*, (a^*|b^*)^*$

则画出的 NFA 为



串 $ababbab$ 的状态转换序列为

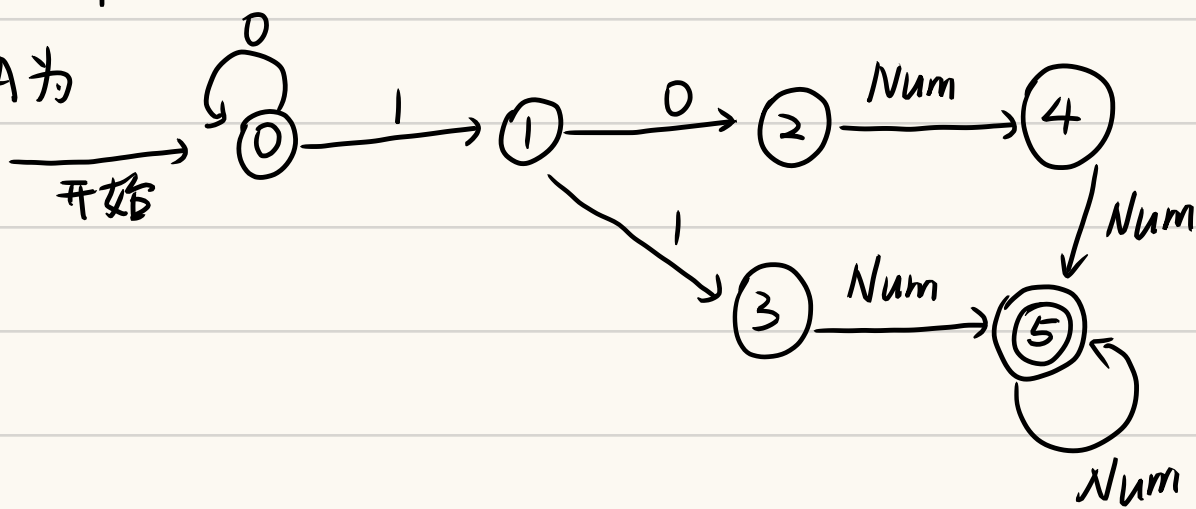
令 $A = 1, 2, 3, 4, 5, 10$, $B = 1, 6, 7, 8, 9, 10$

则转换序列为 $0ABABBAB11$

2.15. 大于 101 有 110 111. 和位数大于 3 的前位为 1

令 $Num \rightarrow 0|1$

可以得到 NFA 为



则令 $A = \{0, 1, 2, 3, 4\}$ $B = \{5\}$

对状态子集 A 面对输入 0, 状态 0 到达状态 0, 状态 1 到达状态 2.

状态 2 到达状态 4, 状态 4 和状态 3 到达状态 5

则进一步划分状态子集为 $A = \{0\}$, $B = \{5\}$, $C = \{2\}$, $D = \{3, 4\}$, $E = \{1\}$

对状态子集 D 面对输入 1, 都落入接受状态, 则无法区分状态 3 和 4, 合为一个状态.

最终得到 DFA 为

