Conceptos generales de los lenguajes de programación

Pedro O. Pérez M., PhD.

Implementación de métodos computacionales Tecnológico de Monterrey

pperezm@tec.mx

06-2024

Contenido I

- 1 Introducción a los lenguajes de programación
- 2 Clasificación de los lenguajes de programación Nivel de abstracción Paradigma Jerarquía de Chomsky-Schützenberger

¿Cómo se define un lenguaje? ¿Cómo aprende un nuevo lenguaje? Metalenguajes

Contenido II

4 Expresiones regulares

Definición de expresiones regulares Regex en la práctica

6 Autómatas

Introducción Implementación práctica de un DFA

6 Analizador léxico

Introducción

Contenido III

7 Analizador sintáctico

Introducción Diagramas de sintaxis Recursión

¿Qué es un lenguaje de programación?

Ejercicio 1

- Coloca tu definición el foro llamado "¿Qué es un lenguaje de programación?" y dale "Me gusta" a los que más te agraden (10 minutos).
- Analizaremos algunas de las propuestas de definición.

- El lenguaje es nuestra herramienta para comunicarnos y necesitamos hablar el mismo "idioma", no solo en forma verbal o escrita.
- Pero, ¿qué pasa cuando la comunicación no es entre humanos?
- Podemos hablarle a través de una interfaz o directamente en su "idioma".



- Un lenguaje de programación es una <u>notación</u> para describir los procesos computacionales de manera <u>entendible</u> tanto por la computadora como por el ser humano.
- Un lenguaje de programación es un <u>lenguaje</u> por medio del cual una persona puede expresar el proceso que <u>entenderá</u> y seguirá la computadora para resolver un problema.
- Un lenguaje de programación es un conjunto de reglas, símbolos y convenciones que permiten escribir instrucciones que pueden ser entendidas por una computadora para llevar a cabo una tarea específica.

¿Sabes cuál es la diferencia entre un lenguaje de programación, un programa, un algoritmo y un traductor?

Ejercicio 2

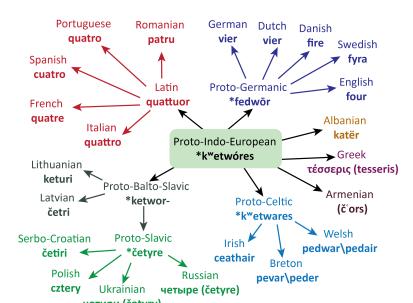
- Coloca tu definición el foro llamado "¿Cuál es la diferencia entre ... ?" y dale "Me gusta" a los que más te agraden (10 minutos)
- Analizaremos algunas de las propuestas de definición.

 Programar es "hablarle" a la computadora por medio de un lenguaje de programación



- Estilos de traducción:
 - Interpretación (tiempo real).
 - Compilación (por proyecto).

Clasificación de los lenguajes de programación



Los idiomas se clasifican (taxonomías) y están interrelacionados por su origen e historia (originalidad y pureza).

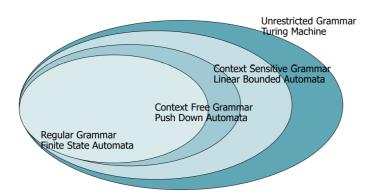
- Los lenguajes de programación son una abstracción que nos permiten hacer abstracciones.
- Entre mayor el nivel de abstracción, más es el trabajo que tiene hacer el traductor:
 - Muy alto nivel (lenguajes declarativos): ¿ Qué quiero hacer?
 - Alto nivel (lenguajes imperativos): ¿Cómo lo puedo hacer?
 - Bajo nivel (lenguaje ensamblador).

Paradigmas de programación

- Paradigma se define como un modelo, patrón o ejemplo que debe seguir en determinada situación.
- Existen diferentes paradigmas de programación:
 - Programación Imperativa.
 - Programación Orientada a Objetos.
 - Programación Funcional.
 - Programación Lógica.
 - Programación Paralela.

Jerarquía de Chomsky-Schützenberger

• La jerarquía de Chomsky-Schützenberger es la base formal para describir un lenguaje (natural o artificial). "How Complex is Natural Language? The Chomsky Hierarchy".



¿Cómo se define un lenguaje?

 Todo lenguaje se define con un conjunto de palabras (léxico) y un conjunto de reglas para utilizarlas ordenadamente (sintaxis) y congruentemente (semántica).

Léxico de un lenguaje

 Vocabulario, palabras válidas y clasificadas.

eclecticismo

decer los niños y las mujeres embarazadas o recién paridas. Acomete con accesos, y va acompañada o seguida ordinariamente de pérdida o abolición más o menos completa de las facultades sensitivas e intelectuales

eclecticismo. (De edécico.) m. Escuela filosófica que procura conciliar las doctrinas que parecen mejores o más verosimiles, aunque procedan de diversos sistemas. | 2. fig. Modo de juzgar u obrar que adopta una postura intermedia, en vez de seguir soluciones extremas o bien definidas.

ecléctico, ca. (Del gr. ἐκλεκτικός, que elige.) adj. Perteneciente o relativo al eclecticismo. l 2. Dicese de la persona que profesa las doctrinas de esta escuela, o que adopta una postura ecléctica. Ú. t. c. s.

eclesial. (Del lat. mediev. ecclesialis.) adj. Perteneciente o relativo a la comunidad cristiana o Iglesia de todos los fieles, a diferencia de eclesiástico en su referencia particular a los clérigos.

eclesiásticamente. adv. m. De modo propio de un

bra significativa y qui Repetición de las últir a media voz por distin se hace por registro fin. | 5. Onda electr modo tal que se perc emitida. | 6. fig. El mente aquello que o 7. fig. Lo que està dente o procede de un suceso. | 9, fig ticia o suceso. | 10. se publican en un p repite varias veces. por dos cuerpos. I porción o correspo table y digna de at algo, fr. fig. Cont mor etc | tener ee

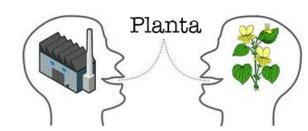
Sintaxis de un lenguaje



 Orden en que se usan las palabras, reglas para conformar frases.

Semántica de un lenguaje

• Significado de una frase.



Definición de un lenguaje de programación

- Léxico
 - Palabras reservadas.
 - Identificadores.
 - Valores constantes.
 - Símbolos especiales: operadores, delimitadores.
- Sintaxis
 - Reglas de construcción de estatus e instrucciones.
- Semántica
 - Reglas de congruencia entre tipos de datos, unicidad de nombres, etc.

¿Cómo aprende un nuevo lenguaje?

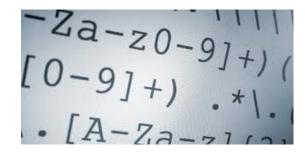
- Conoce un poco de su historia y características (taxonomía, paradigma).
- 2 Conoce un poco de su vocabulario (léxico).
- Onoce las principales reglas que te permitan formar frases válidas con ese vocabularios (sintaxis).
- Conoce las principales reglas de significado congruente de las frases (semántica).
- **6** Ponlo en práctica (úsalo) resolviendo problemas que ya conoces y comienza a generar confianza en ti mismo.
- 6 Repite los puntos anteriores tantas veces lo desees o necesites y cada vez incrementando tu conocimiento y dominio del lenguaje.

Metalenguajes

- Lenguajes regulares.
 - Expresiones Regulares (regex).
 - Autómatas de Estados Finitos (AFN, AFD).
- Lenguajes libres de contexto.
 - Gramáticas.
 - Diagramas de sintaxis.

Definición de expresiones regulares

- Las expresiones regulares son una forma de representar a los lenguajes regulares.
- Se utilizan para buscar patrones o combinaciones de caracteres de cadenas de texto.



¿Qué es una expresión?

- Una expresión es una secuencia de operandos unidos por operadores para dar un resultado.
- Los operadores pueden ser unarios o binarios.
- Los operadores tienen prioridades para su ejecución.
- Los paréntesis permiten cambiar las prioridades de ejecución.
- Los operandos pueden ser simbólicos (variables) o valores constantes.

RegEx - Expresiones regulares

- Notación de expresiones que permite describir patrones válidos en secuencias simbólicas.
- Operandos básicos de una expresión regular:
 - Símbolo del alfabeto.
 - ϵ (representan una cadena vacía).
- Operadores básicos de una expresión regular:
 - Concatenación. No tiene símbolo asociado y se representa por la secuencia directa de operandos. Por ejemplo, abc describe el patrón de una a seguida de una b seguida de una c; 2759 describe el patrón de 2 seguido de un 7 seguido de un 5 y terminando con un 9.

- Operadores básicos de una expresión regular:
 - Alternativa. El operador binario | se utiliza para representar la posibilidad de elegir uno de los dos operandos en el patrón. Por ejemplo, a|b describe el patrón de una a o una b; +|- describe el patrón con el signo positivo o el signo negativo.
 - Repetición:
 - Cerradura de Kleen (*) se utiliza para representar la posibilidad de repetir cero o más veces el operando. Por ejemplo, a* describe el patrón de cero o más a's concatenadas.
 - Cerradura positiva (+) se utiliza para representar la posibilidad de repetir uno o más veces el operando. Por ejemplo, a⁺ describe el patrón de uno o más a's concatenadas.

Expresiones regulares compuestas

- Los paréntesis son utilizado en las expresiones regulares para priorizar la ejecución de operadores cuando sea necesario.
- Prioridad:
 - Los operadores de repetición son unitarios, tienen la más alta prioridad y son asociativos por la izquierda.
 - La concatenación es segundo en precedencia y asociativo por la izquierda.
 - | tiene la precedencia más baja y es asociativo por la izquierda.
- Por ejemplo,
 - (a|b)*c describe el patrón de cero o más a's o b's concatenadas que terminan con una c.
 - $a|b^*c$ describe el patrón de una a o cero o más b's concatenadas que terminan con una c.

Regex	Descripción	Cadenas válida
abc*	a seguida de b seguida de cero o más c's.	ab abc abcccccccc
(a b) ⁺	Secuencias de, al menos, una a 's o b 's en cualquier orden.	a b aaaa bb ababaaabbababb
x*yz ⁺	Cero o más x 's, seguidas de una y , seguida de un o más z ´s.	yz xyz xxxyzzzzzz
a b*	Una a o cero o más b 's.	a b bbbbb €
z(zz)*	Secuencia con un número impar de z 's.	Z ZZZ ZZZZZZZ

Ejemplos de patrones

Ejemplos de patrones que que identifican elementos del léxico de un lenguaje de programación.

- Números enteros decimales sin signo: $(0|1|2|3|4|5|6|7|8|9)^+$.
- Números enteros decimales con signo: $(+|-|\epsilon)(0|1|2|3|4|5|6|7|8|9)^+$.
- Palabra reservada: if.
- Identificador de variable: $(A..Z|a..z)(A..Z|a..z|0..9|_)*$.
- Operador de incremento: ++.

Regex en la práctica

- Muchas interfaces permiten hacer búsquedas con regex.
- Sirven también para hacer validaciones o "test string".
- Muchos lenguajes de alto nivel, proveen librerías para facilitar la programación de búsqueda de patrones con regex.

- Busca en Internet información sobre el uso de regex en Python.
- Usando regex en Python, escribe la expresión regular ...
 - 1 Para verificar que la cadena contiene la matrícula de un alumno del Tec.
 - 2 Para verificar que una cadena contenga solo un determinado conjunto de caracteres (en este caso, a-z, A-Z y 0-9).
 - 3 Para verificar que coincida con una cadena que tenga una a seguida de tres b.
 - Que coincida con una cadena que tenga una a seguida de cualquier cosa que termine en b.
 - 6 Que coincida con una palabra al final de una cadena, con puntuación opcional.
 - 6 Para buscar números (0-9) de longitud entre 1 y 3 en una cadena determinada.
 - Que coincida con una palabra que contenga z, no el principio o el final de la palabra.
 - 8 Para buscar un número al final de una cadena.

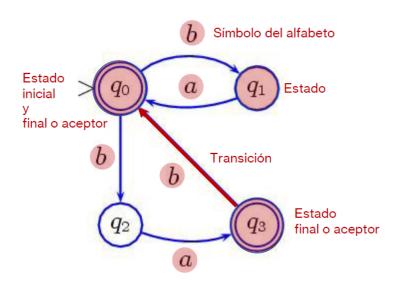
Autómatas

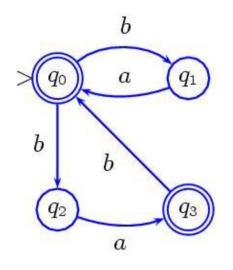
- Un autómata es un modelo matemático formal que sirve para describir un proceso de transformación (computacional) de una entrada en una salida.
- Se categorizan dependiendo del tipo de problemas que pueden resolver (capacidad o potencia computacional):
 - Autómatas finitos.
 - Autómatas de pila.
 - Máquinas de Turing.
- A su vez, pueden ser **deterministas** (AFD) o **no deterministas** (AFN).

Definición formal de un **Autómata finito**

- Se describe con base en los **estados del proceso** y las **transiciones** entre los estados según los **datos de entrada**, hasta llegar a un estado de **aceptación** o **rechazo**.
- Matemáticamente se define con la quíntupla $(Q, \Sigma, \delta, q_0, F)$, tal que Q es un conjunto finito de estados, Σ es un alfabeto de entrada, $q_0 \in Q$ es el estado inicial, $F \subseteq Q$ es el conjunto de estados finales y δ es la función de transición que proyecta $Q \times \Sigma$. Es decir, $\delta(q, a)$ es un estado para cada estado q y cada símbolo de entrada a.

Diagrama de estados o transiciones

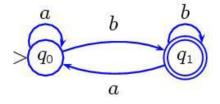




EQUIVALENCIA

entre la definición formal y la definición gráfica

$$\begin{array}{ll} \textbf{(Q, \Sigma, \delta, q_0, F)} & \delta(q_0, b, q_1) \\ \textbf{Q = } \{q_0, q_1, q_2, q_3\} & \delta(q_0, b, q_2) \\ \delta(q_1, a, q_0) & \delta(q_1, a, q_0) \\ \boldsymbol{\Sigma = } \{a, b\} & \delta(q_2, a, q_3) \\ \boldsymbol{\delta}(q_3, b, q_0) \\ \textbf{F = } \{q_0, q_3\} \end{array}$$

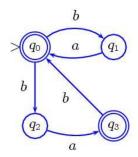


- ¿Cuáles son las entradas aceptadas por el autómata?
- ¿Cuál es el lenguaje aceptado por el autómata?

Tipos de autómatas finitos

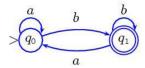
No determinísticos (NFA)

- Pueden existir varias transiciones para un mismo estado y símbolo de entrada.
- Pueden existir transiciones con ϵ .
- Fáciles de diseñar.

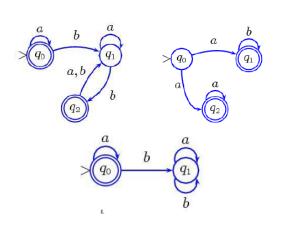


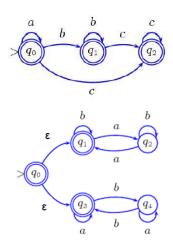
Determinísticos (DFA)

- Para cada estado y símbolos de entrada, existe una transición única a otro estado.
- Sin ambigüedades para implementar.



Clasifica los autómatas (DFA, NFA)



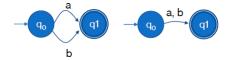


Equivalencia de expresiones regulares con autómatas finitos

• Concatenación (ab):



• Alternativa (a|b):



• Cerradura de Kleen (a*):



• Cerradura positiva (a^+) :



¿Cuál es el autómata finito de cada expresión regular

Regex	Descripción	Cadenas válida
abc*	a seguida de b seguida de cero o más c's.	ab abc abcccccccc
(a b)+	Secuencias de, al menos, una a 's o b 's en cualquier orden.	a b aaaa bb ababaaabbababb
x*yz ⁺	Cero o más x's, seguidas de una y, seguida de un o más z´s.	yz xyz xxxyzzzzzz
a b*	Una a o cero o más b 's.	a b bbbbb €
z(zz)*	Secuencia con un número impar de z's.	Z ZZZ ZZZZZZZ

• Dado el siguiente autómata de estados finitos:

$$M = (\{1, 2, 3, 4\}, \{a, b\}, \{\delta(1, a, 2), \delta(2, a, 1), \delta(2, b, 3), \delta(3, b, 4), \delta(4, b, 3)\}, 1, \{3\})$$

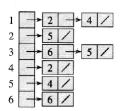
- ¿Es un autómata determinístico (AFD) o no determinístico (AFN)?
- ¿Cuál es la expresión regular?
- ¿Cuál es el diagrama de estados?
- ¿Qué lenguaje describe?

Implementación práctica de un DFA

- Bajo la óptica de las estructura de datos, un DFA es un grafo.
- Un grafo se compone de vértices y arcos que los relacionan. Para un grafo DFA los nodos son estados y los arcos transiciones ponderadas con el símbolo de la transición.

Memoria dinámica

Lista de listas (de adyacencias o arcos)



Útil en aplicaciones con altas y bajas de nodos y arcos

Memoria estática

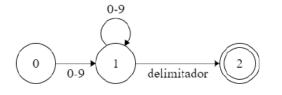
Matriz (de adyacencias o transiciones)

	1	2	3	4	5	6
1	0	1	0	1	0	0
2	0	0	0	0	1	0
3	0	0	0	0	1	1
4	0	1	0	0	0	0
5	0	0	0	1	0	0
6	0 0 0 0 0	0	0	0	0	1

Útil en aplicaciones con grafos definidos (constantes)

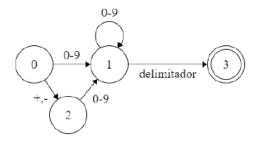
Ejemplos

Expresión regular: $[0-9]^+$



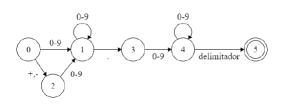
Edo \ simb	0-9	del
0	1	Error
1	1	2

Expresión regular: $(+|-|\epsilon)[0-9]^+$



Edo \ simb	0-9	+, -	del	
0	1	2	Error	
1	1	Error	3	
2	1	Error	Error	

Expresión regular: $(+|-|\epsilon)[0-9]^+.[0-9]^+$



Matriz de transiciones				
Edo \ simb	0-9	+, -		del
0	1	2	Error	Error
1	1	Error	3	Error
2	1	Error	Error	Error
3	4	Error	Error	Error
4	4	Error	Error	5

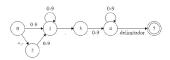
Implementación de la matriz

Edo \ simb	0-9	+, -		del
0	1	2	Error	Error
1	1	Error	3	Error
2	1	Error	Error	Error
3	4	Error	Error	Error
4	4	Error	Error	5

```
//Matriz de transiciones
// dig +,- . del otro
int MT[5][5] = {{1, 2, 200, 200, 200},
{1, 200, 3, 200, 200},
{1, 200, 200, 200, 200},
{4, 200, 200, 200, 200},
{4, 200, 200, 100, 200},
```

- La matriz guarda números enteros, por lo que el estado de ERROR deberá ser un número designado (por ejemplo, 200). Los estados finales o de aceptación NO tienen renglón en la matriz, pues no tienen transiciones. Se recomienda un identificador con un número clave (por ejemplo, valores mayores a 100 y menores a 200).
- El acceso a las columnas de la matriz, requerirá de una función que convierta los símbolos del alfabeto en número de columna.
- Además, una columna adicional para cualquier otro símbolo ajeno, lo cuál significa que al aparecer un símbolo que no pertenece al alfabeto en la entrada se irá al estado de ERROR.

Algoritmos para procesar entradas con un DFA



- Estado = 0
- Mientras el Estado no sea un estado de aceptación o de error:
 - Leer el siguiente símbolo de la entrada.
 - Estado = MATRIZ[Estado, símbolo]
 - Si el Estado es de aceptación, indicar la aceptación del lexema.
 - Si el Estado es de ERROR, indicar el error que corresponde.

```
char entrada[80];
cout << "Dame la entrada a evaluar: ";
cin >> entrada;

int i = 0;
char c;
int estado = 0;
while (estado < 100)
{ c = entrada[i++];
    estado = MT[estado][filtro(c)];
    if (estado == 100)
        cout << "Entrada aceptada.\n";
    else
        if (estado == 200)
            cout << "ERROR en la entrada.\n";
}</pre>
```

Actividad de programación 1

- Baja el archivo dfa executor.cpp en Canvas y pruébalo en tu computadora.
- Modifica el DFA de las constantes de punto flotante para que también reconozca a las constantes enteras. Utiliza 2 estados de aceptación, uno para cada tipo de constante.
- 3 Haz los cambios correspondientes en el código del programa para que ahora indique cuándo se reconoce cada tipo de constante.
- Modifica el programa para que sirva para reconocer entradas, hasta que se dé una entrada nula.

- El análisis léxico o escaneo del código fuente, es el primer proceso que realiza un traductor para identificar que se estén usando vocablo válidos del lenguaje.
- El léxico de un lenguaje de programación se compone de palabras reservadas, identificadores, valores constantes numéricos y no númericos, símbolos (operadores y delimitadores), comentarios.
- El léxico de un lenguaje de programación cumple las características de un lenguaje regular.
- Las expresiones regulares y los autómatas finitos nos sirven para describir formalmente el léxico de un lenguaje de programación.

Tareas que realiza un analizador léxico

- Lee carácter por carácter el texto de entrada, y los agrupa tratando de reconocer elementos válidos del lenguaje (lexemas).
- Elimina espacios y líneas en blanco, tabuladores y los comentarios del programa.
- Asocia a cada elemento reconocido con una clave llamada token:
 - Los símbolos y palabras con significado único y útil para análisis sintáctico posterior, reciben una clave de token particular.
 - Los lexemas variables pero que son del mismo tipo, reciben una clave de token genérico, y se guardan en memoria (tabla de símbolos) para su posterior referencia.
- Genera mensajes de error cuando no reconoce elementos válidos.

Ejemplo

```
main()
{ //programa que no hace nada
                                                                   Lista de Tokens:
    int a;
                                                                   PR main (5)
    a = a * 2;
                                                                   Paréntesis abierto (12)
                                                                   Paréntesis cerrado (13)
                                                                   Llave_abierta (18)
                                                                   PR int(4)
                                                                   identificador (20, dirX)
                                                                   Puntoycoma (33)
                                                                   identificador (20, dirX)
                      SCANNER
                                                                   Op = (67)
                                                                   identificador (20.dirX)
                                                                   Op* (58)
                                                                   Cte_entera (25, dirZ)
                                                                   Puntoycoma (33)
                                                                   Llave cerrada (19)
```

Técnicas para implementar un analizador léxico

- Diseñar un autómata de estados finitos determinísticos que reconozca a todos los elementos del lenguaje.
- Representar el autómata en memoria a través de una matriz de transiciones.
- Implementar el algoritmo general que ejecuta el proceso de análisis.

Ejemplo

- Agregar al autómata de las constantes numéricas la identificación de los identificadores de variables. Los identificadores de variables se forman con una o más vocales mayúsculas. Ejemplos: A, AEIOU, AA, OUI.
- Agregar los operadores aritméticos básicos.

Consideraciones para el diseño del AFD y la implementación del algoritmo para un analizador léxico:

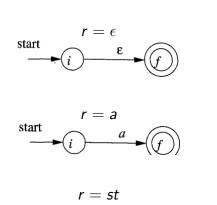
- Minimizar la cantidad de estados intermedio ayuda a que la matriz no sea tan grande y sea más eficiente.
- Evitar reconocer directamente en el autómata a las palabras reservadas.
 Esto, debido a que cumplen el patrón de los identificadores, el estado de aceptación de este patrón distinguirá a las palabras reservadas a través de una búsqueda en una tabla predefinida de palabras reservadas.

¿Es posible automatizar el proceso de la generación de un analizador léxico?

Algoritmo de Thompson

- Construir, a partir de una expresión regular, un autómata finito no determinístico (NFA).
- 2 Convertir el NFA en un autómata finito determinístico.
- 3 Implementar el algoritmo general que ejecuta el proceso de análisis

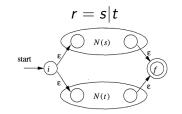
Construcción de un AFN a partir de una expresión regular

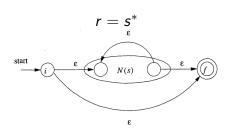


N(t)

N(s)

start





Construye el AFN de la siguiente expresión:

$$r = (a|b)^*abb$$

Convertir un NFA a DFA

OPERATION	DESCRIPTION		
ϵ -closure(s)	Set of NFA states reachable from NFA state s		
	on ϵ -transitions alone.		
ϵ -closure (T)	Set of NFA states reachable from some NFA state s		
	in set T on ϵ -transitions alone; $= \bigcup_{s \text{ in } T} \epsilon$ - c - c los u r e (s).		
move(T, a)	Set of NFA states to which there is a transition on		
	input symbol a from some state s in T .		

Figure 3.31: Operations on NFA states

```
while ( there is an unmarked state T in Dstates ) {
      \max T;
      for (each input symbol a) {
             U = \epsilon - closure(move(T, a));
             if (U is not in Dstates)
                    add U as an unmarked state to Dstates;
             Dtran[T, a] = U;
                 Figure 3.32: The subset construction
push all states of T onto stack;
initialize \epsilon-closure(T) to T;
while ( stack is not empty ) {
      pop t, the top element, off stack;
      for ( each state u with an edge from t to u labeled \epsilon )
             if ( u is not in \epsilon-closure(T) ) {
                    add u to \epsilon-closure(T);
                    push u onto stack;
```

Figure 3.33: Computing ϵ -closure(T)

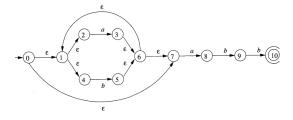


Figure 3.34: NFA N for $(\mathbf{a}|\mathbf{b})^*\mathbf{abb}$

Ejercicio 5

- Usando el algoritmo visto en clase, construye el autómata fínito no determinístico para la expresión regular: $a^*b(a|b)^*$
- 2 Usando el algoritmo visto en clase, convierte en NFA a DFA.

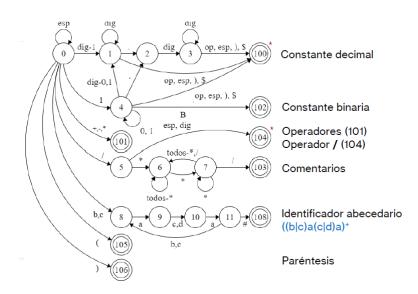
Estructura de un compilador



Descompone el código fuente para verificar el uso correcto del lenguaje

Transforma a los elementos reconocidos del lenguaje en el código objeto

Diseño de un analizador léxico



Diagramas de sintaxis

- Un diagrama de sintaxis es una herramienta gráfica que permite representar el flujo (orden) en que los lexemas de un lenguaje se combinan para formar frases válidas (instrucciones de programación).
- Los diagramas utilizan **flechas** y **modularizan** las estructuras sintácticas, incluyendo **recursividad** cuando es necesario.
- Es posible representar las 3 estructuras procesales básicas: secuencia, alternativa y repetición.



Nombre del diagrama (identificador NO TERMINAL)

< Nombre >

Terminales (o lexemas)

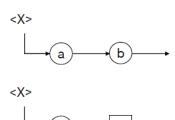


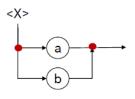
NO TERMINALES (o llamadas a otros diagramas)

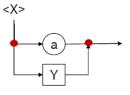


Alternativa

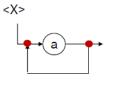
Secuencia

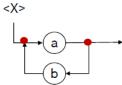




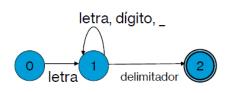


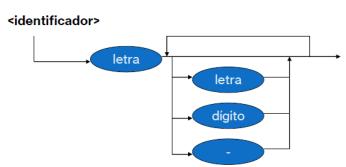
Repetición





$\mathit{letter}(\mathit{letter}|\mathit{digit}|_)^*$

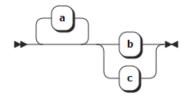




Ejemplos

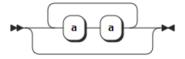
• Lenguaje que acepta cero o más a's que terminan con una b o una c.

L1:



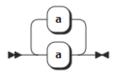
• Lenguaje que acepta un número par de a's.

L2:



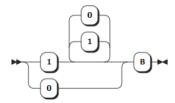
• Lenguaje que acepta un número impar de a's.





• Lenguaje que reconoce a las constantes binarias: secuencia de 0's y 1's que terminan con B asegurando que no hay ceros a la izquierda.

L4:

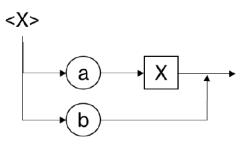


• El estatuto if en C/C++.



Pregunta rápida...

¿Qué lenguaje representa el siguiente diagrama de sintaxis?



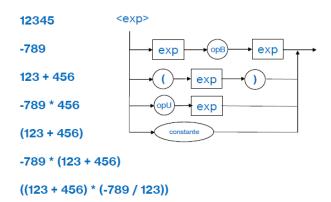
- Decimos que algo es recursivo cuando se requiere así mismo para definirse.
- La recursividad es una forma de expresar un ciclo.
- Para que la recursividad no sea infinita se requiere:
 - Una definición que se llame a si misma con el mismo caso pero más pequeño.
 - Una definición que representa el caso más pequeño que ya no es recursivo.
- Una estructura recursiva permite controlar lo que hay antes y después de la llamada recursiva.
- Los lenguajes libres de contexto que NO son regulares se definen con estructuras inherentemente recursivas.
- La sintaxis de la mayoría de los lenguajes de programación tiene las características de un lenguaje libre de contexto.

Ejemplo

La expresión $a^n b^n$ para n > 0 define el lenguaje de las cadenas que se forman con una secuencia de una o más a's, seguidas por la **misma cantidad** de **b**'s.

- No hay una expresión regular o un autómata finitos que puede representar este lenguaje, dado que no es un lenguaje regular.
- Es un ejemplo perfecto de un lenguaje libre de contexto con una estructura inherentemente recursiva.

- Un valor constante es una expresión.
- Un operador unario aplicado a una expresión es una expresión.
- Una expresión unida con otra expresión por medio de un operador binario es una expresión.
- Una expresión entre paréntesis es una expresión.



Definición de una gramática

Una gramática libre de contexto es la herramienta formal para describir a un **Ineguaje libre de contexto**. Se define por un cuarteto:

$$G = (T, NT, P, S)$$

- T es el conjunto de símbolos terminales (lexemas).
- NT es el conjunto de símbolos NO terminales.
- P es el conjunto de las producciones gramaticales que tiene la forma:
 NT → secuencia de terminales y/n no terminales.
- S es el símbolo No terminal inicial.

Por ejemplo,



$$G = (\{a,b\}, \{X\}, \{X \rightarrow aXb, X \rightarrow \epsilon\}, X)$$

Alternativa

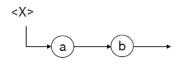
Repetición

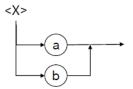
Secuencia

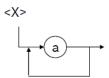
 $X \rightarrow ab$



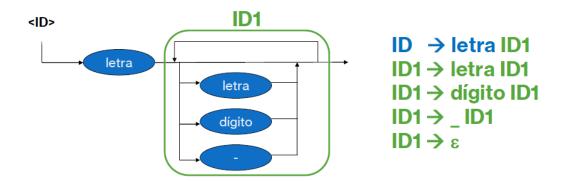
 $X \rightarrow a$ $X \rightarrow aX$







Identificador clásico



Notación BNF (Backus-Naur Form)

- Es el metalenguaje estándar para definir lenguajes libres de contexto.
- Se define con la siguiente estructura que representa a las producciones gramaticales:

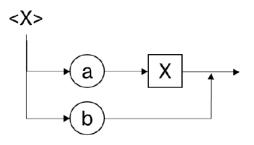
<símbolo NO terminal> ∷= expresión con símbolos

 En donde la expresión con símbolos es una secuencia de símbolos terminales o no terminales que puede utilizar el operador | para representar una alternativa.

$$\langle X \rangle ::= a \langle X \rangle b \mid \epsilon$$

Ejemplos

¿Cuál es la gramática BNF equivalente al siguiente diagrama de sintaxis? ¿Cuál es el lenguaje que reconoce?



¿Cuál es la gramática BNF del siguiente diagrama de sintaxis?



Diseña una gramática BNF para los siguientes lenguajes regulares:

- Lenguaje que acepta cero o más a's que terminan con una b o con una c.
- Lenguaje que acepta un número par de a's.
- Lenguaje que acepta un número impar de a's.
- Lenguaje que reconoce a las constantes binarias, secuencia de 0's y 1's que terminan con B asegurando que no hay ceros a la izquierda.

Diseña una gramática BNF para los siguientes lenguajes regulares:

- Lenguaje que reconoce a las constantes binarias, secuencia de **0**'s y **1**'s que terminan con **B** asegurando que no hay ceros a la izquierda.
- Lenguaje que comience con un número impar de a's, seguidas de la misma cantidad impar de b's.
- Obtén la gramática BNF

