# Backtracking

Pedro O. Pérez M., PhD.

Análisis y diseño de algoritmos avanzados Tecnológico de Monterrey

pperezm@tec.mx

12-2022

## Contenido

1 Backtracking
Introducción
Algunos ejemplos
8 reinas
Permutaciones
Suma de subconjuntos

- Existen problemas importantes para los cuales no se ha logrado encontrar un algoritmo eficiente para solucionarlos. Sin embargo, como son importantes, se tiene que buscar alguna forma de obtener su solución.
- En algunas ocasiones, la única herramienta con la que se cuenta es la búsqueda exhaustiva, esto es, buscar en todo el espacio de soluciones un elemento que cumpla con las condiciones para ser la solución.
- Cuando estos problemas son combinatorios, esto es, cuando su solución es una permutación, combinación o subconjunto de un conjunto de valores que pueden tomar las variables involucradas, el espacio de búsqueda es discreto

- La búsqueda exhaustiva podría funcionar para solucionar cualquier problema combinatorio, sin embargo, en algunos casos los espacios de solución son infinitos o muy grandes y este proceso se haría imposible de realizar en un tiempo adecuado debido a que el número posible de soluciones crece exponencialmente con el número de valores posibles de las variables.
- Backtracking es una mejora de la búsqueda exhaustiva. Va construyendo la solución paso a paso, en donde cada paso analiza los posibles valores que pueda tomar una variable. Utiliza una estructura de árbol cuya raíz es el inicio del problema y cada nivel está formado por los posibles valores que puede tomar una de las variables involucradas en el problema.

- Para no generar el árbol, utiliza el recorrido DFS.
- Al explorar un nodo, se verifica que la solución parcial hasta ese momento cumpla con las condiciones de una posible solución, si es así, este nodo es clasificado como "prometedor", por lo que se expande y se continúa el proceso de "primero en profundidad". Si, por el contrario, se encuentra que la solución parcial obtenida hasta ese momento no cumple con las condiciones para ser una solución al problema, ese nodo se clasifica como "no promisorio", por lo que se desecha, se regresa a su padre.

#### Procedure 1 BACKTRACKING

```
Input: node

if SOLUTION(node)) then

print node

end if

if NOT(PROMISSORY(node))) then

return

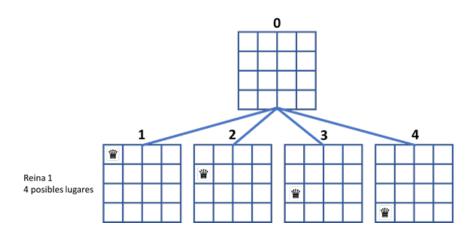
end if

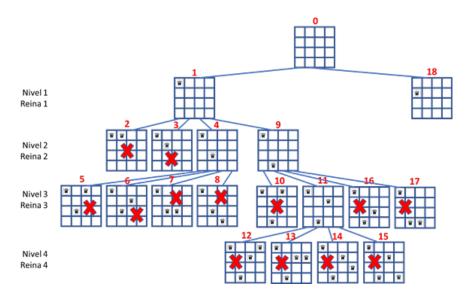
for i \leftarrow 1 to CHILDS(node) do

BACKTRACKING(i)

end for
```

En un tablero de ajedrez (8X8 casillas) se deben colocar 8 reinas sin que se ataquen. Recordar que una reina puede atacar vertical, horizontal o diagonalmente, recorriendo cuantas casillas requiera. El problema se puede generalizar a N reinas, es decir, en un tablero de NXN casillas se colocan n reinas sin que se ataquen





### Procedure 2 CAN\_PLACE

```
Input: rows: Array, col: Integer, ren: Integer for i \leftarrow 1 to col do if rows[i] = ren or abs(rows[i] - ren) = abs(i - c) then return false end if end for return true
```

#### Procedure 3 EIGHT QUEENS

```
Input: rows : Array, a : Integer, b : Integer, col : Integer
  if c = 8 and rows[b] = a then
    print rows
  end if
  for ren \leftarrow 1 to 8 do
    if CAN PLACE(rows, ren, col) then
      rows[col] \leftarrow ren
      EIGHT QUEENS(rows, a, b, col + 1)
    end if
  end for
```

### Permutaciones

Hallar todas las permutaciones de un número *N*. Por ejemplo, las permutaciones de 123 son: 123, 231, 321, 312, 132, 213, 123.

#### Procedure 4 PERMUTATION

```
Input: S : String , pos : Integer
  if pos = 0 then
    print S
  else
    for i \leftarrow 1 to pos do
      SWAP(S, i, pos)
      PERMUTATION(S, pos - 1)
      SWAP(S, i, pos)
    end for
  end if
```

# Suma de subconjuntos

Dado un conjunto S de números enteros positivos, encontrar los subconjuntos que sumen la cantidad C. Si no se encuentra algún subconjunto que cumpla, se debe responder con el conjunto vacío.

#### Procedure 5 SUBSET SUM

```
Input: A : Array, S : Set, acum : Integer, target : Integer, level : Integer
  if acum = target then
    print solution
  end if
  if acum > target then
    return
  end if
  if level < A.length then
    SUBSET SUM(A, S, acum, target, level + 1)
    S.INSERT(A[level])
    SUBSET SUM(A, S, acum + A[level], target, level + 1)
  end if
```