

# Algoritmos ávidos

Pedro O. Pérez M., PhD.

Análisis y diseño de algoritmos avanzados  
Tecnológico de Monterrey

*pperezm@tec.mx*

12-2021

# Contenido

## Algoritmos ávidos

- Introducción

- Algunos ejemplos

  - Cambio de monedas

  - Recorrido en un grafo

  - Programación de actividades

  - Reservaciones de hotel

  - Subconjunto de producto máximo de un arreglo

  - Subsecuencia lexicográficamente más grande

# Introducción

Se conocen también como *algoritmos miopes*, *golosos*, *ávidos* o *avaros*, y caracterizan por decisiones basados en la información que tienen a primera mano, sin tener en cuenta lo que pueda pasar más adelante. Además, una vez que toman una decisión nunca reconsideran otras posibilidades, lo que ocasionalmente los lleva a caer en puntos muertos o sin salida.

Los algoritmos ávidos también se caracterizan por la rapidez con la que encuentran una solución (cuando la encuentran), que casi nunca es la mejor. Normalmente son utilizados para resolver problemas en los cuales la velocidad de respuesta debe ser muy alta o el espacio de búsqueda es muy grande.

Ejemplos típicos de problemas que se pueden resolver mediante este paradigma están las búsquedas en árboles o grafos, solución de laberintos y algunos juegos entre otros. También muchos problemas que requieren obtener máximos o mínimos.

## Forma general

La estrategia general de este tipo de algoritmos se basa en la construcción de una solución que comienza sin elementos, y cada vez que debe tomar algún tipo de decisión lo hace con la información que tiene en ese momento, para, de alguna manera, agregar elementos y así avanzar hacia la solución final. Cada elemento se agrega al conjunto solución, y así hasta llegar a la solución completa o a un punto en el cual el algoritmo no puede seguir avanzando, lo cual no indica que no se encontró una solución al problema.

---

## Procedure 1 GREEDY\_ALGORITHM

---

**Input:**  $C$  : Set

$S$  : Set

**while**  $C \neq \emptyset$  **and**  $SOLUTION(S) = \text{false}$  **do**

$x \leftarrow SELECT(C)$

$S \leftarrow S + x$

$C \leftarrow C - x$

**end while**

**if**  $SOLUTION(S)$  **then**

**return**  $S$

**else**

**return**  $\emptyset$

**end if**

---

# Cambio de monedas

Dado un sistema monetario  $S$  con  $N$  monedas de diferentes denominaciones y una cantidad de cambio  $C$ , calcular el menor número de monedas del sistema monetario  $S$  equivalente a  $C$ .

Ejemplos:

► **Input** :  $s[] = 1, 3, 4$   $c = 6$

**Output** : 3

**Explanation** : The change will be  $(4 + 1 + 1) = 6$



---

**Procedure 2 COIN\_CHANGE**

---

**Input:**  $S$  : Array,  $c$  : Integer

$min \leftarrow 0$

$SORT\_DESC(S)$

**for**  $i \leftarrow 1$  **to**  $S.length$  **do**

$min \leftarrow min + (c/S[i])$

$c \leftarrow c \bmod S[i]$

**end for**

---

# Búsqueda en profundidad

La búsqueda en profundidad (en inglés **DFS** o **Depth First Search**) es un algoritmo de búsqueda no informada utilizado para recorrer todos los nodos de un grafo o árbol (teoría de grafos) de manera ordenada, pero no uniforme. Su funcionamiento consiste en ir expandiendo todos y cada uno de los nodos que va localizando, de forma recurrente, en un camino concreto. Cuando ya no quedan más nodos que visitar en dicho camino, regresa (backtracking), de modo que repite el mismo proceso con cada uno de los hermanos del nodo ya procesado <sup>1</sup>.

---

<sup>1</sup><https://goo.gl/ZsAAzP>

---

## Procedure 3 DFS

---

**Input:**  $start : Vertex, g : Graph$

$visited : Set$

$x\_visit : Stack$

$x\_visit.push(start)$

**while**  $!x\_visit.empty()$  **do**

$current \leftarrow x\_visit.pop()$

**if**  $current \notin visited$  **then**

$visited.add(current)$

**for all**  $v$  in  $current.connections()$  **do**

$x\_visit.push(start)$

**end for**

**end if**

**end while**

**return**  $visited$

---

## Word Transformation <sup>2</sup>

Un rompecabezas común que se encuentra en muchos periódicos y revistas es la transformación de palabras. Al tomar una palabra de inicio y alterar sucesivamente una sola letra para formar una nueva palabra, se puede construir una secuencia de palabras que cambia la palabra original a una palabra final dada. Por ejemplo, la palabra "spice" se puede transformar en cuatro pasos a la palabra "stock" de acuerdo con la siguiente secuencia: spice, slice, slick, stick, stock. Cada palabra sucesiva difiere de la palabra anterior en una sola posición de carácter, mientras que la longitud de la palabra sigue siendo la misma. Dado un diccionario de palabras de las cuales hacer transformaciones, más una lista de palabras iniciales y finales, escribe un programa para determinar el número de pasos en la transformación más corta posible.

---

<sup>2</sup><https://onlinejudge.org/external/4/429.pdf>

## Entrada

La entrada tendrá dos secciones. La primera sección será el diccionario de palabras disponibles con una palabra por línea, terminada por una línea que contiene un asterisco (\*) en lugar de una palabra. Puede haber hasta 200 palabras en el diccionario; todas las palabras serán alfabéticas y en minúsculas, y ninguna palabra tendrá más de diez caracteres. Las palabras pueden aparecer en el diccionario en cualquier orden. Después del diccionario hay pares de palabras, un par por línea, con las palabras en el par separadas por un solo espacio. Estos pares representan las palabras iniciales y finales en una transformación. Se garantiza que todas las parejas tendrán una transformación utilizando el diccionario dado. Las palabras iniciales y finales aparecerán en el diccionario. Dos conjuntos de entrada consecutivos se separarán por una línea en blanco.

## Salida

La salida debe contener una línea por par de palabras para cada conjunto de prueba, y debe incluir la palabra inicial, la palabra final y el número de pasos en la transformación más corta posible, separados por espacios individuales.

**Ejemplo de entrada**

dip  
lip  
mad  
map  
maple  
may  
pad  
pip  
pod  
pop  
sap  
sip  
slice  
slick  
spice  
stick  
stock  
\*  
spice stock  
may pod

**Ejemplo de salida**

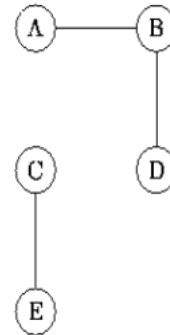
spice stock 4  
may pod 3

# Subgrafos máximos

Considere un grafo  $G$  formado a partir de un gran número de vértices conectados por arcos.  $G$  se dice que está conectado si existe un camino entre cualquier par de vértices en  $G$ . Por ejemplo, el siguiente grafo no está conectado, porque no hay trayectoria de A a C.

Este grafo contiene, sin embargo, un número de subgrafos que están conectados, uno para cada uno de los siguientes conjuntos de vértices: (A), (B), (C), (D), (E), (A, B), (B, D), (C, E), (A, B, D). Un subgrafo conectado es máximo si no hay vértices y arcos en el grafo original que podrían añadirse al subgrafo y todavía dejarlo conectado. En la imagen anterior, hay dos subgrafos máximos, uno asociada con los vértices (A, B, D) y el otro con los vértices (C, E). Desarrollar un algoritmo para determinar el número de subgrafos máximos conectados de un gráfico dado.

<http://bit.do/eNTvC>





---

## Procedure 4 COUNTING\_GRAPH

---

Input:  $G$  : Graph

$Reached$  : Set

$acum \leftarrow 0$

Mark all the vertexes in  $G$  as  $No\_Explored$

**for** vertex in  $G$  **do**

**if** vertex is not marked  $Explored$  **then**

$DFS(vertex, G, Reached)$

$acum \leftarrow acum + 1$

**end if**

**end for**

**return**  $acum$

---

# Programación de actividades

Te dan  $N$  actividades con sus tiempos de inicio ( $S_i$ ) y finalización ( $F_i$ ).  
Selecciona el número máximo de actividades que puede realizar una sola persona, asumiendo que una persona solo puede trabajar en una sola actividad a la vez.<sup>3</sup>

Ejemplo:

► **Input :**

start[] = (1, 3, 0, 5, 8, 5)

finish[] = (2, 4, 6, 7, 9, 9)

**Output :** 4

---

<sup>3</sup><https://goo.gl/1RG25M>

---

**Procedure 5** ACTIVITIES\_SELECTION

---

**Input:**  $A$  : *Activity\_Array*

$SORT\_ASC\_BY\_END(A)$

$i \leftarrow 1$

$S \leftarrow \emptyset + A[i]$

**for**  $j \leftarrow 2$  **to**  $A.length$  **do**

**if**  $A[j].start \geq A[i].end$  **then**

$S \leftarrow S + A[j]$

$i \leftarrow j$

**end if**

**end for**

**return**  $S$

---

# Reservaciones de hotel

Un gerente de hotel debe procesar  $N$  reservas anticipadas de habitaciones para la próxima temporada. Su hotel tiene  $K$  habitaciones. Las reservas contienen una fecha de llegada y una fecha de salida. Quiere saber si hay suficientes habitaciones en el hotel para satisfacer la demanda. <sup>4</sup>

---

<sup>4</sup><https://goo.gl/7e6idL>

---

**Procedure 6** BOOKING\_PROBLEM

---

**Input:** *Arrival* : Array, *Departure* : Array, *k* : Integer

*SORT\_ASC*(*Arrival*)

*SORT\_ASC*(*Departure*)

*i*  $\leftarrow$  1

*j*  $\leftarrow$  1

*current*  $\leftarrow$  0

*required*  $\leftarrow$  0

---

---

```
while  $i < \text{Arrival.length}$  and  $j < \text{Departure.length}$  do
  if  $\text{Arrival}[i] < \text{Departure}[j]$  then
     $\text{current} \leftarrow \text{current} + 1$ 
     $\text{required} = \text{MAX}(\text{current}, \text{required})$ 
     $i \leftarrow i + 1$ 
  else
     $\text{current} \leftarrow \text{current} - 1$ 
     $j \leftarrow j + 1$ 
  end if
end while
```

---

---

---

```
while  $i < n$  do
     $current \leftarrow current + 1$ 
     $required = MAX(current, required)$ 
     $i \leftarrow i + 1$ 
end while
while  $j < n$  do
     $current \leftarrow current - 1$ 
     $j \leftarrow j + 1$ 
end while
return  $k \geq required$ 
```

---

# Subconjunto de producto máximo de un arreglo

Dado un arreglo  $A$ , tenemos que encontrar el producto máximo posible con el subconjunto de elementos presentes en el arreglo. El producto máximo puede ser solo uno de los elementos del arreglo.<sup>5</sup>

Ejemplos:

► **Input** :  $a[] = -1, -1, -2, 4, 3$

**Output** : 24

**Explanation** : Maximum product will be  $(-2 * -1 * 4 * 3) = 24$

► **Input** :  $a[] = -1, 0$

**Output** : 0

**Explanation** : 0 (single element) is maximum product possible

► **Input** :  $a[] = 0, 0, 0$

**Output** : 0

---

<sup>5</sup><https://goo.gl/spb5Ka>



Una solución simple sería generar todos los subconjuntos, encontrar el producto de cada subconjunto y regresa el máximo. Sin embargo, existe una mejor solución si tomamos en cuenta los siguiente factores:

- ▶ Si el número de elementos negativos es par, el resultado es, sencillamente, el producto de todos los elementos.
- ▶ Si el número de elementos negativos es impar, el resultado es la multiplicación de todos los elementos excepto el número negativo más grande.
- ▶ Si hay ceros, el resultado es el producto de todos los números, excepto los ceros con una excepción. La excepción es cuando hay un número negativo y todos los otros números son ceros. En este caso, el resultado es 0.

---

## Procedure 7 MAXIMUM\_PRODUCT

---

Input:  $A$  : Array

if  $n = 1$  then

if  $A[1] < 1$  then

return 0

else

return  $A[1]$

end if

end if

$max\_neg \leftarrow INT\_MIN$

$count\_neg \leftarrow 0$

$count\_zero \leftarrow 0$

$product \leftarrow 1$

---

---

---

```
for  $i \leftarrow 1$  to  $A.length$  do
  if  $A[i] = 0$  then
     $count\_zero \leftarrow count\_zero + 1$ 
  else
    if  $A[i] < 0$  then
       $count\_neg \leftarrow count\_neg + 1$ 
       $max\_neg \leftarrow MAX(max\_neg, count\_neg)$ 
    end if
     $product \leftarrow product * A[i]$ 
  end if
end for
```

---

---

```
if count_zero = n then
  return 0
end if
if count_neg mód 2 = 1 then
  if count_neg = 1 and count_zero > 0
    and (count_neg + count_zero) = n then
    return 0
  end if
  product  $\leftarrow$  product / max_neg
end if
return product
```

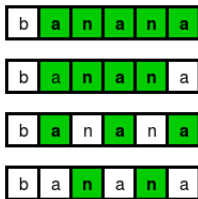
---

# Subsecuencia lexicográficamente más grande

Dada una cadena  $S$  y un entero  $K$ . La tarea es encontrar la subsecuencia lexicográficamente más grande de  $S$ , digamos  $T$ , de modo que cada carácter en  $T$  debe aparecer al menos  $K$  veces.<sup>6</sup>

**Entrada:**  $S = \text{banana}$ ,  $K = 2$

**Salida:**  $nn$



De las opciones anteriores,  $nn$  es la lexicográficamente más grande.

<sup>6</sup><https://goo.gl/iwFFCA>

---

## Procedure 8 SUBSEQUENCE

---

**Input:**  $S : \text{String}, T : \text{String}, k : \text{Integer}$

$last \leftarrow 1$

$new\_last \leftarrow 1$

**for**  $ch \leftarrow 'z'$  **to**  $'a'$  **do**

$count \leftarrow 0$

**for**  $i \leftarrow last$  **to**  $S.length$  **do**

**if**  $S[i] = ch$  **then**

$count \leftarrow count + 1$

**end if**

**end for**

**if**  $count \geq k$  **then**

*NEXT SLIDE*

**end if**

**end for**

**return**  $T$

---

---

```
for  $i \leftarrow last$  to  $S.length$  do
  if  $S[i] = ch$  then
     $T \leftarrow T + ch$ 
     $new\_last \leftarrow i$ 
  end if
end for
 $last \leftarrow new\_last$ 
```

---