# Algoritmos ávidos

Pedro O. Pérez M., PhD.

Análisis y diseño de algoritmos avanzados Tecnológico de Monterrey

pperezm@tec.mx

08-2022

## Algoritmos ávidos

### Introducción

### Algunos ejemplos

Cambio de monedas

Recorrido en un grafo

Programación de actividades

Reservaciones de hotel

Subconjunto de producto máximo de un arreglo

Subsecuencia lexicográficamente más grande

## Introducción

Se conocen también como *algoritmos miopes*, *golosos*, *ávidos* o *avaros*, y caracterizan por decisiones basados en la información que tienen a primera mano, sin tener en cuenta lo que pueda pasar más adelante. Además, una vez que toman una decisión nunca reconsideran otras posibilidades, lo que ocasionalmente los lleva a caer en puntos muertos o sin salida.

Los algoritmos ávidos también se caracterizan por la rapidez con la que encuentran una solución (cuando la encuentran), que casi nunca es la mejor. Normalmente son utilizados para resolver problemas en los cuales la velocidad de respuesta debe ser muy alta o el espacio de búsqueda es muy grande.

Ejemplos típicos de problemas que se pueden resolver mediante este paradigma están las búsquedas en árboles o grafos, solución de laberintos y algunos juegos entre otros. También muchos problemas que requieren obtener máximos o mínimos.

# Forma general

La estrategia general de este tipo de algoritmos se basa en la construcción de una solución que comienza sin elementos, y cada vez que debe tomar algún tipo de decisión lo hace con la información que tiene en ese momento, para, de alguna manera, agregar elementos y así avanzar hacia la solución final. Cada elemento se agrega al conjunto solución, y así hasta llegar a la solución completa o a un punto en el cual el algoritmo no puede seguir avanzando, lo cual no indica que no se encontró una solución al problema.

### Procedure 1 GREEDY ALGORITHM

```
Input: C : Set
  S : Set
  while C \neq \emptyset and SOLUTION(S) = false do
     x \leftarrow SELECT(C)
     S \leftarrow S + x
     C \leftarrow C - x
  end while
  if SOLUTION(S) then
     return S
  else
     return 0
  end if
```

# Cambio de monedas

Dado un sistema monetario S con N monedas de diferentes denominaciones y una cantidad de cambio C, calcular el menor número de monedas del sistema monetario S equivalente a C.

### Ejemplos:

• Input : s[] = 1, 3, 4 c = 6

Output: 3

**Explanation**: The change will be (4 + 1 + 1) = 3



## Procedure 2 COIN\_CHANGE

```
Input: S: Array, c: Integer
min \leftarrow 0
SORT\_DESC(S)
for i \leftarrow 1 to S.length do
min \leftarrow min + (c/S[i])
c \leftarrow c \mod S[i]
end for
```

# Búsqueda en profundidad

La búsqueda en profundidad (en inglés **DFS** o **Depth First Search**) es un algoritmo de búsqueda no informada utilizado para recorrer todos los nodos de un grafo o árbol (teoría de grafos) de manera ordenada, pero no uniforme. Su funcionamiento consiste en ir expandiendo todos y cada uno de los nodos que va localizando, de forma recurrente, en un camino concreto. Cuando ya no quedan más nodos que visitar en dicho camino, regresa (backtracking), de modo que repite el mismo proceso con cada uno de los hermanos del nodo ya procesado <sup>1</sup>.



<sup>1</sup>https://goo.gl/ZsAAzP

### Procedure 3 DFS

```
Input: start : Vertex, g : Graph
  visited: Set
  x visit : Stack
  x visit.push(start)
  while !x visit.empty() do
     current \leftarrow x \ visit.pop()
     if current ∉ visited then
       visited.add(current)
       for all v in current.connections() do
          x visit.push(start)
       end for
     end if
  end while
  return visited
```

Un rompecabezas común que se encuentra en muchos periódicos y revistas es la transformación de palabras. Al tomar una palabra de inicio y alterar sucesivamente una sola letra para formar una nueva palabra, se puede construir una secuencia de palabras que cambia la palabra original a una palabra final dada. Por ejemplo, la palabra "spice"se puede transformar en cuatro pasos a la palabra "stock"de acuerdo con la siguiente secuencia: spice, slice, slick, stick, stock. Cada palabra sucesiva difiere de la palabra anterior en una sola posición de carácter, mientras que la longitud de la palabra sigue siendo la misma. Dado un diccionario de palabras de las cuales hacer transformaciones, más una lista de palabras iniciales y finales, escribe un programa para determinar el número de pasos en la transformación más corta posible.



<sup>2</sup>https://onlinejudge.org/external/4/429.pdf

### Entrada

La entrada tendrá dos secciones. La primera sección será el diccionario de palabras disponibles con una palabra por línea, terminada por una línea que contiene un asterisco (\*) en lugar de una palabra. Puede haber hasta 200 palabras en el diccionario; todas las palabras serán alfabéticas y en minúsculas, y ninguna palabra tendrá más de diez caracteres. Las palabras pueden aparecer en el diccionario en cualquier orden. Después del diccionario hay pares de palabras, un par por línea, con las palabras en el par separadas por un solo espacio. Estos pares representan las palabras iniciales y finales en una transformación. Se garantiza que todas las parejas tendrán una transformación utilizando el diccionario dado. Las palabras iniciales y finales aparecerán en el diccionario. Dos conjuntos de entrada consecutivos se separarán por una línea en blanco.

### Salida

La salida debe contener una línea por par de palabras para cada conjunto de prueba, y debe incluir la palabra inicial, la palabra final y el número de pasos en la transformación más corta posible, separados por espacios individuales.

#### Ejemplo de entrada

dip

lip

mad

map

maple

may

pad pip

PiP

pod

pop

sap

sip

slice

slick

spice

stick

stock

\*

spice stock

may pod

### Ejemplo de salida

spice stock 4

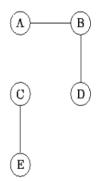
 $\mathsf{may} \ \mathsf{pod} \ 3$ 

# Subgrafos máximos

Considere un grafo G formado a partir de un gran número de vértices conectados por arcos. G se dice que está conectado si existe un camino entre cualquier par de vértices en G. Por ejemplo, el siguiente grafo no está conectado, porque no hay trayectoria de A a C.

Este grafo contiene, sin embargo, un número de subgrafos que están conectados, uno para cada uno de los siguientes conjuntos de vértices: (A), (B), (C), (D), (E), (A, B), (B,D), (C, E), (A, B, D). Un subgrafo conectado es máximo si no hay vértices y arcos en el grafo original que podrían añadirse al subgrafo y todavía dejarlo conectado. En la imagen anterior, hay dos subgrafos máximos, uno asociada con los vértices (A, B, D) y el otro con los vértices (C, E). Desarrollar un algoritmo para determinar el número de subgrafos máximos conectados de un gráfico dado.

http://bit.do/eNTvC



## Procedure 4 COUNTING\_GRAPHS

```
Input: G : Graph
  Reached: Set
  acum \leftarrow 0
  Mark all the vertexes in G as No Explored
  for vertex in G do
    if vertex is not marked Explored then
      DFS(vertex, G, Reached)
      acum \leftarrow acum + 1
    end if
  end for
  return acum
```

# Programación de actividades

Te dan N actividades con sus tiempos de inicio  $(S_i)$  y finalización  $(F_i)$ . Selecciona el número máximo de actividades que puede realizar una sola persona, asumiendo que una persona solo puede trabajar en una sola actividad a la vez. <sup>3</sup> Ejemplo:

• Input : start[] = (1, 3, 0, 5, 8, 5) finish[] = (2, 4, 6, 7, 9, 9) Output : 4



### Procedure 5 ACTIVITIES SELECTION

```
Input: A : Activity Array
  SORT ASC BY END(A)
  i \leftarrow 1
  S \leftarrow \emptyset + A[i]
  for j \leftarrow 2 to A.length do
     if A[j].start \geq A[i].end then
       S \leftarrow S + A[i]
        i \leftarrow j
     end if
  end for
  return S
```

## Reservaciones de hotel

Un gerente de hotel debe procesar N reservas anticipadas de habitaciones para la próxima temporada. Su hotel tiene K habitaciones. Las reservas contienen una fecha de llegada y una fecha de salida. Quiere saber si hay suficientes habitaciones en el hotel para satisfacer la demanda.  $^4$ 



## Procedure 6 BOOKING\_PROBLEM

```
Input: Arrival : Array, Departure : Array, k : Integer SORT\_ASC(Arrival) SORT\_ASC(Departure) i \leftarrow 1 j \leftarrow 1 current \leftarrow 0 required \leftarrow 0
```

```
while i < Arrival.length and j < Departure.length do
  if Arrival[i] < Departure[j] then
     current \leftarrow current + 1
     required = MAX(current, required)
    i \leftarrow i + 1
  else
     current \leftarrow current - 1
    j \leftarrow j + 1
  end if
end while
```

```
while i < n \text{ do}
   current \leftarrow current + 1
   required = MAX(current, required)
  i \leftarrow i + 1
end while
while i < n do
   current \leftarrow current - 1
  j \leftarrow j + 1
end while
return k \ge required
```

# Subconjunto de producto máximo de un arreglo

Dado un arreglo A, tenemos que encontrar el producto máximo posible con el subconjunto de elementos presentes en el arreglo. El producto máximo puede ser solo uno de los elementos del arreglo.  $^{5}$ 

### Ejemplos:

• **Input** : a[] = -1, -1, -2, 4, 3

Output: 24

**Explanation**: Maximum product will be (-2 \* -1 \* 4 \* 3) = 24

• Input : a[] = -1, 0 Output : 0

Explanation: 0 (single element) is maximum product possible

• Input : a[] = 0, 0, 0 Output : 0





Una solución simple sería generar todos los subconjuntos, encontrar el producto de cada subconjunto y regresa el máximo. Sin embargo, existe una mejor solución si tomamos en cuenta los siguiente factores:

- Si el número de elementos negativos es par, el resultado es, sencillamente, el producto de todos los elementos.
- Si el número de elementos negativos es impar, el resultado es la multiplicación de todos los elementos excepto el número negativo más grande.
- Si hay ceros, el resultado es el producto de todos los números, excepto los ceros con una excepción. La excepción es cuando hay un número negativo y todos los otros números son ceros. En este caso, el resultado es 0.

## Procedure 7 MAXIMUM\_PRODUCT

```
Input: A : Array
  if n = 1 then
    if A[1] < 1 then
       return 0
    else
       return A[1]
    end if
  end if
  max neg \leftarrow INT MIN
  count neg \leftarrow 0
  count zero \leftarrow 0
  product \leftarrow 1
```

```
for i \leftarrow 1 to A.length do
  if A[i] = 0 then
    count zero \leftarrow count zero + 1
  else
    if A[i] < 0 then
       count neg \leftarrow count neg + 1
       max neg \leftarrow MAX(max neg, count neg)
    end if
    product \leftarrow product * A[i]
  end if
end for
```

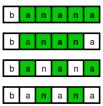
```
if count zero = n then
  return 0
end if
if count neg mod 2 = 1 then
  if count neg = 1 and count zero > 0
  and (count neg + count zero) = n then
    return 0
  end if
  product \leftarrow product/max \ neg
end if
return product
```

# Subsecuencia lexicográficamente más grande

Dada una cadena S y un entero K. La tarea es encontrar la subsecuencia lexicográficamente más grande de S, digamos T, de modo que cada carácter en T debe aparecer al menos K veces.  $^6$ 

Entrada: S = banana, K = 2

Salida: nn



De las opciones anteriores, nn es la lexicográficamente más grande.



<sup>6</sup>https://goo.gl/iwFFCA

### Procedure 8 SUBSEQUENCE

```
Input: S : String, T : String, k : Integer
   last \leftarrow 1
   \textit{new} \quad \textit{last} \leftarrow 1
   for ch \leftarrow' z' to 'a' do
      count \leftarrow 0
      for i \leftarrow last to S.length do
         if S[i] = ch then
             count \leftarrow count + 1
         end if
      end for
      if count > k then
          NEXT SLIDE
      end if
   end for
   return T
```

```
for i \leftarrow last to S.length do if S[i] = ch then T \leftarrow T + ch new\_last \leftarrow i end if end for last \leftarrow new\_last
```