Matemàtica Discreta - Seminari 5 - Grafs eulerians i hamiltonians

Funcionament dels seminaris

El primer i primordial que heu de saber és:

ÉS MOLT IMPORTANT LLEGIR BÉ ELS ENUNCIATS I CONTESTAR EL QUE ES DEMANA DE LA MANERA QUE ES DEMANA, NO UNA ALTRA COSA.

Aquest és el motiu més habitual de problemes tant als seminaris com als exàmens.

Durant aquests seminaris intentarem aplicar, d'una forma pràctica, aquells coneixements que anem adquirint a teoria i problemes de l'assignatura. Per seguir els seminaris necessiteu un ordinador, un editor de textos i algun tipus de IDE que us permeti programar i executar Python3.

Cada seminari es compondrà d'una sèrie de preguntes i d'algun exercici de programació. Per facilitar la feina, per a cada seminari tindreu disponible un esquelet de programa que heu d'omplir i d'un conjunt de testos per validar que el vostre programa funciona. Per tant, sempre disposareu d'una carpeta anomenada esquelet amb almenys tres fitxers. Un main per fer proves o crear objectes concrets, un o més fitxers que heu d'omplir i on tindreu pistes sobre el que heu de fer i un fitxer de testos.

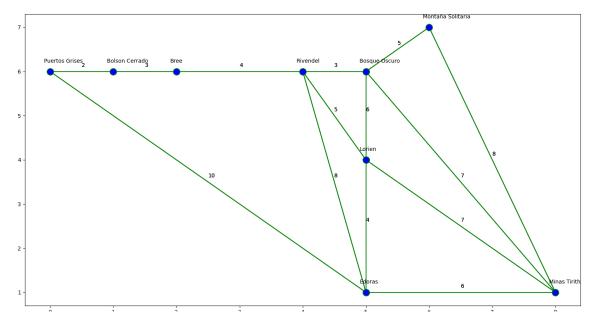
Per a començar sempre heu de duplicar la carpeta esquelet i dir-li 'solucio' i en aquesta carpeta és on heu de fer els canvis. La carpeta esquelet no l'heu de tocar per res.

El fet que el programa passi el conjunt de tests donat, no vol dir que sigui correcte. Primer, perquè els testos donats no comproven tots els casos és a dir, es valorà la capacitat de tractar casos extrems o no contemplats, i a més, es valorarà que el codi segueixi els conceptes d'Eficiència, Escalabilitat i Llegibilitat. En canvi, no passar el conjunt de tests si que es considerarà un seminari no correcte.

Els lliuraments es compondran d'un pdf amb les respostes a les preguntes teòriques, d'un arxiu README.md amb les instruccions per a l'execució i els arxius .py necessaris per a la seva execució. Tot comprimit en un zip o un tar.gz.

Exercici 1 - trobar el camí que pasa per totes les arestes

Imagineu que estem a la terra mitja, la terra creada per J.R.R Tolkien on es desenvolupa les històries del Senyor del Anells o el Hobbit, entre d'altres. Estem al final de la 3era era, i Sauron, el senyor del mal, ha estat derrotat. Sou un missatger de Rohan, terra de cavalls, i teniu la missió d'escampar la bona nova per tots els camins de la terra mitja.



Mireu el graph donat al programa i:

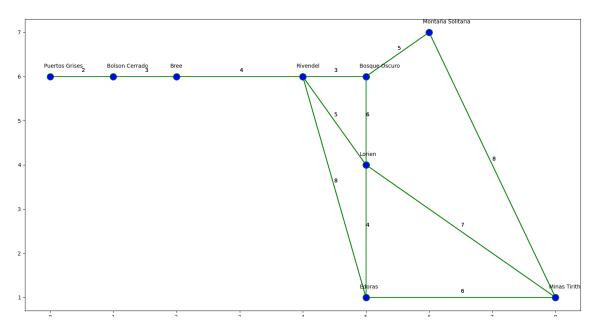
1. A mà, apliqueu les comprovacions necessàries i l'algorisme adient per recòrrer tots els camins (Arestes)

Exercici 2 - Programem-ho!

Ara cal que programem l'algorimse de Hierholzer. Trobareu els fitxers adients a l'esquelet. Copieu com sempre la carpeta i anomeneu-la solució.

Exercici 3: Trobar el cami de mínim cost

Ara imagineu que l'objectiu del missatger no és passar per tots els camins, sino arribar a totes les poblacions. Malauradament, una partida d'orcs nòmades assalta el camí de minas tirith al bosque oscuro, fent-lo intransitable. A més, el mal temps també fa intransitable el recorregut per mar de Edoras a Puertos Grises.



A mà, desenvolupeu l'algorisme que ens permeti trobar un camí que sigui almenys $\frac{3}{2}$ del camí de cost mínim. Quin cost té? A simple vista, veieu una opció millor per al camí hamiltonià?

Lliurament: Heu d'entregar, per grups, un tar.gz o zip amb les preguntes respostes i el codi al CV abans del 10 de juny a les 23:59.