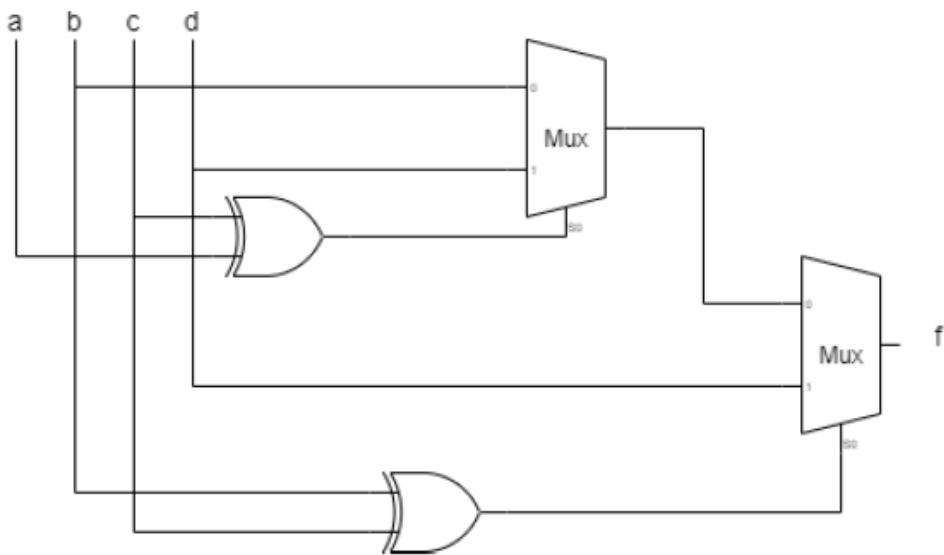


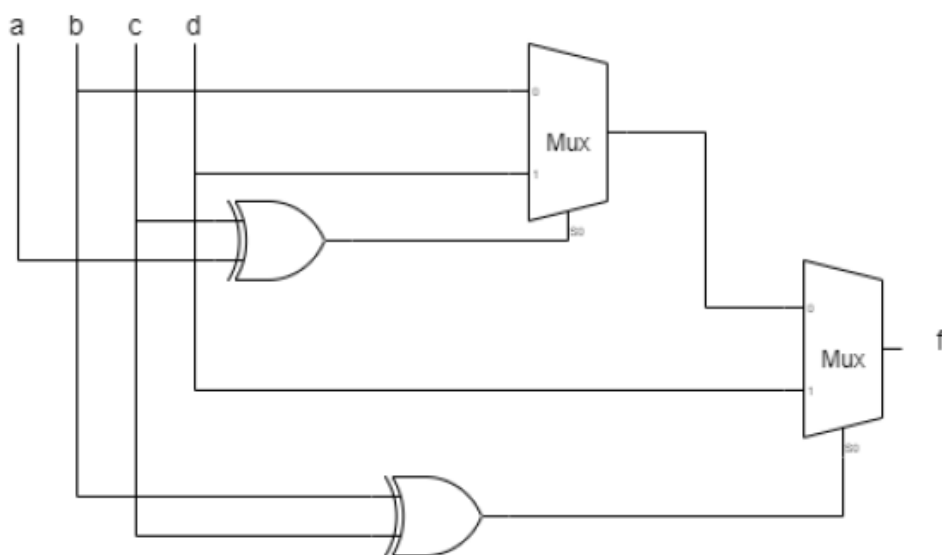
### Esercizio 3 (1+2+1+2 punti)

- Si consideri il circuito in figura e si scriva l'espressione della funzione  $f$
- Trasformare tale espressione, usando assiomi e regole dell'algebra di Boole, in forma normale SOP
- Stendere la tavola di verità di  $f$
- Scrivere l'espressione minimale POS di  $f$



### Esercizio 3 (1+2+1+2 punti)

- Si consideri il circuito in figura e si scriva l'espressione della funzione  $f$
- Trasformare tale espressione, usando assiomi e regole dell'algebra di Boole, in forma normale SOP
- Stendere la tavola di verità di  $f$
- Scrivere l'espressione minimale POS di  $f$



$$1) f = [b(a \oplus c) + d(a \oplus c)] \overline{b \oplus c} + d(b \oplus c) =$$

$$2) \begin{cases} = \underbrace{b(bc + \bar{b}\bar{c})}_{bc} (ac + \bar{a}\bar{c}) + d(a\bar{c} + \bar{a}c)(bc + \bar{b}\bar{c}) + b\bar{c}d + \bar{b}cd = \\ = abc + d(a\bar{b}\bar{c} + \bar{a}bc) + b\bar{c}d + \bar{b}cd = \\ = abc + a\bar{b}\bar{c}d + \bar{a}bcd + b\bar{c}d + \bar{b}cd \end{cases}$$

$$3)$$

abcd	f
0000	0
0001	0
0010	0
0011	1
0100	0
0101	1
0110	0
0111	1
1000	0
1001	1
1010	0
1011	1
1100	0
1101	1
1110	1
1111	1

$$4)$$

cd \ ab	00	01	11	10
00	0	0	1	0
01	0	1	1	0
11	0	1	1	1
10	0	1	1	0

$$(b+d)(c+d)(a+d)(a+b+c)$$

### Esercizio 1 (3 punti)

La funzione di 4 variabili,  $f(x_4, x_3, x_2, x_1)$ , vale 1 se  $x_4 + x_2x_1 = 0$  mentre risulta non specificata (termini *don't care*) se si verifica la condizione  $x_4x_1 = 1$ , mentre la funzione  $g(x_4, x_3, x_2, x_1)$ , vale 1 se  $x_4$  ed  $x_2$  sono uguali. Progettare la rete che realizza le funzioni  $f$  e  $g$  utilizzando una PLA con il numero minimo di righe.

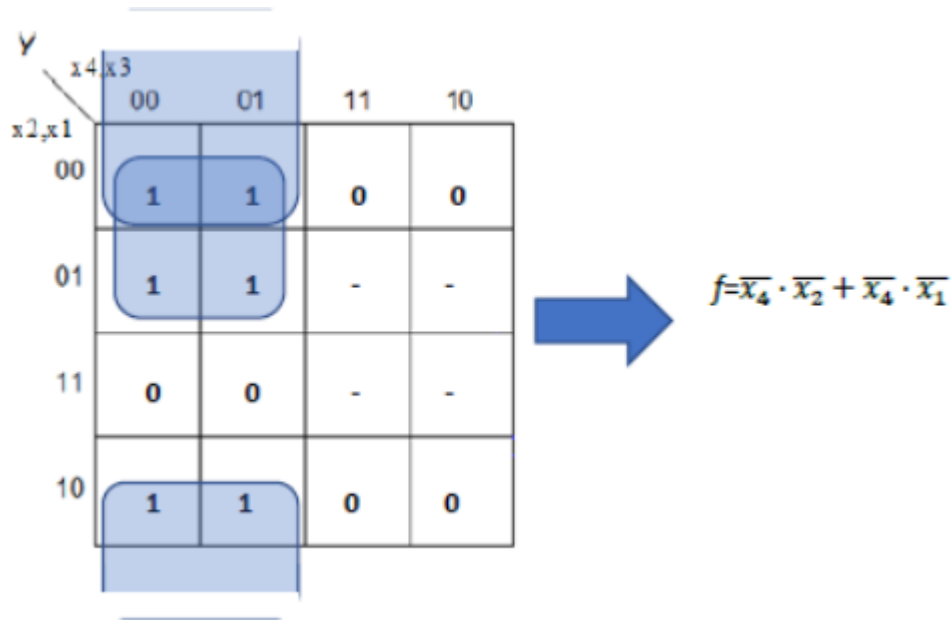


Esercizio 1 (3 punti)

La funzione di 4 variabili,  $f(x_4, x_3, x_2, x_1)$ , vale 1 se  $x_4 + x_2x_1 = 0$  mentre risulta non specificata (termini *don't care*) se si verifica la condizione  $x_4x_1 = 1$ , mentre la funzione  $g(x_4, x_3, x_2, x_1)$ , vale 1 se  $x_4$  ed  $x_2$  sono uguali. Progettare la rete che realizza le funzioni  $f$  e  $g$  utilizzando una PLA con il numero minimo di righe.

Tabella della verità:

x4	x3	x2	x1	f	g
0	0	0	0	1	1
0	0	0	1	1	1
0	0	1	0	1	0
0	0	1	1	0	0
0	1	0	0	1	1
0	1	0	1	1	1
0	1	1	0	1	0
0	1	1	1	0	0
1	0	0	0	0	0
1	0	0	1	-	0
1	0	1	0	0	1
1	0	1	1	-	1
1	1	0	0	0	0
1	1	0	1	-	0
1	1	1	0	0	1
1	1	1	1	-	1



$g(x_4, x_3, x_2, x_1)$  è ovviamente lo XNOR tra  $x_4$  ed tra  $x_2$ .

$$g(x_4, x_3, x_2, x_1) = x_4 \cdot x_2 + \bar{x}_4 \cdot \bar{x}_2$$

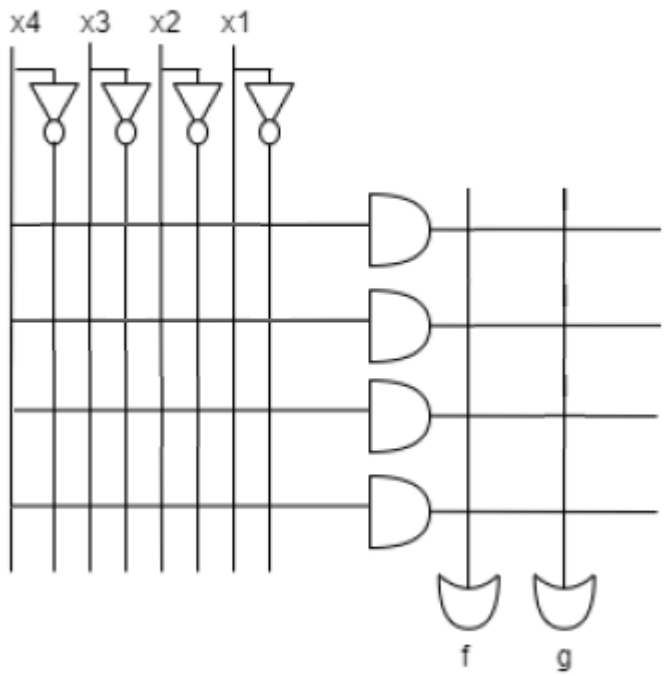
Esercizio 1 (3 punti)

La funzione di 4 variabili,  $f(x_4, x_3, x_2, x_1)$ , vale 1 se  $x_4 + x_2x_1 = 0$  mentre risulta non specificata (termini *don't care*) se si verifica la condizione  $x_4x_1 = 1$ , mentre la funzione  $g(x_4, x_3, x_2, x_1)$ , vale 1 se  $x_4$  ed  $x_2$  sono uguali. Progettare la rete che realizza le funzioni  $f$  e  $g$  utilizzando una PLA con il numero minimo di righe.

$$f = \overline{x_4} \cdot \overline{x_2} + \overline{x_4} \cdot \overline{x_1}$$

$$g(x_4, x_3, x_2, x_1) = x_4 \cdot x_2 + \overline{x_4} \cdot \overline{x_2}$$

PLA:



### Esercizio 1 (3 punti)

La funzione di 4 variabili,  $f(x_4, x_3, x_2, x_1)$ , vale 1 se  $x_4 + x_2x_1 = 0$  mentre risulta non specificata (termini *don't care*) se si verifica la condizione  $x_4x_1 = 1$ , mentre la funzione  $g(x_4, x_3, x_2, x_1)$ , vale 1 se  $x_4$  ed  $x_2$  sono uguali. Progettare la rete che realizza le funzioni  $f$  e  $g$  utilizzando una PLA con il numero minimo di righe.

PLA:

$$f = \bar{x}_4 \cdot \bar{x}_2 + \bar{x}_4 \cdot \bar{x}_1$$

$$g(x_4, x_3, x_2, x_1) = x_4 \cdot x_2 + \bar{x}_4 \cdot \bar{x}_2$$

