Tri par sélection

Tri à bulla

Atelier d'informatique **Épisode IV** : Algorithmes de tri

27 février 2017

Tri par sélectio

Tri à bulli

Introduction

2 Tri par sélection

3 Tri à bulle

Tri par sélection

Introduction

Dans ce chapitre, on s'intéresse au problème ultra-classique du tri des éléments d'une liste, quand ils sont comparables entre eux : des nombres pour l'ordre usuel sur \mathbb{R} , ou des chaînes de caractères pour l'ordre lexicographique (l'ordre des mots dans un dictionnaire).

Dans ce chapitre, on s'intéresse au problème ultra-classique du tri des éléments d'une liste, quand ils sont comparables entre eux : des nombres pour l'ordre usuel sur \mathbb{R} , ou des chaînes de caractères pour l'ordre lexicographique (l'ordre des mots dans un dictionnaire).

Les algorithmes de tri, suites d'instructions permettant de résoudre ce problème, sont multiples et constituent des sujets d'étude classique pour l'informaticien en herbe :

Dans ce chapitre, on s'intéresse au problème ultra-classique du tri des éléments d'une liste, quand ils sont comparables entre eux : des nombres pour l'ordre usuel sur \mathbb{R} , ou des chaînes de caractères pour l'ordre lexicographique (l'ordre des mots dans un dictionnaire).

Les algorithmes de tri, suites d'instructions permettant de résoudre ce problème, sont multiples et constituent des sujets d'étude classique pour l'informaticien en herbe : efficacité,

Dans ce chapitre, on s'intéresse au problème ultra-classique du tri des éléments d'une liste, quand ils sont comparables entre eux : des nombres pour l'ordre usuel sur \mathbb{R} , ou des chaînes de caractères pour l'ordre lexicographique (l'ordre des mots dans un dictionnaire).

Les algorithmes de tri, suites d'instructions permettant de résoudre ce problème, sont multiples et constituent des sujets d'étude classique pour l'informaticien en herbe : efficacité, complexité temporelle (temps d'exécution),

Tri par sélection

Introduction

Dans ce chapitre, on s'intéresse au problème ultra-classique du tri des éléments d'une liste, quand ils sont comparables entre eux : des nombres pour l'ordre usuel sur \mathbb{R} , ou des chaînes de caractères pour l'ordre lexicographique (l'ordre des mots dans un dictionnaire).

Les algorithmes de tri, suites d'instructions permettant de résoudre ce problème, sont multiples et constituent des sujets d'étude classique pour l'informaticien en herbe : efficacité, complexité temporelle (temps d'exécution), stabilité (est-ce que le temps d'exécution augmente beaucoup si je modifie un petit peu ma liste ?).

Dans ce chapitre, on s'intéresse au problème ultra-classique du tri des éléments d'une liste, quand ils sont comparables entre eux : des nombres pour l'ordre usuel sur \mathbb{R} , ou des chaînes de caractères pour l'ordre lexicographique (l'ordre des mots dans un dictionnaire).

Les algorithmes de tri, suites d'instructions permettant de résoudre ce problème, sont multiples et constituent des sujets d'étude classique pour l'informaticien en herbe : efficacité, complexité temporelle (temps d'exécution), stabilité (est-ce que le temps d'exécution augmente beaucoup si je modifie un petit peu ma liste ?).

On verra dans ce chapitre quelques algorithmes simples, que l'on essaiera de programmer en langage Python.

Tri par sélection

Tri à bul

Tri par sélection

On va commencer par l'algorithme de tri le plus évident de tous. Étant donnée une liste 1, on sélectionne son plus grand élément, que l'on place à la fin. Maintenant, on recommence sur ce qui reste de la liste. Et ainsi de suite.

On va commencer par l'algorithme de tri le plus évident de tous. Étant donnée une liste 1, on sélectionne son plus grand élément, que l'on place à la fin. Maintenant, on recommence sur ce qui reste de la liste. Et ainsi de suite.

Mais ce n'est pas un tri très efficace au niveau du nombre de calculs à effectuer. En fait, on peut montrer qu'étant donnée une liste l de N éléments, l'algorithme de tri par sélection fait $O(N^2)$ opérations (le nombre d'opérations est au plus CN^2 avec C>0).

Tri par sélection

Tri par sélection Implémentation

On va procéder par étapes.

Tri par sélection

Tri à bu

Tri par sélection

Implémentation

On va procéder par étapes.

D'abord, une fonction auxiliaire qui va nous servir pour calculer le maximum d'une liste passée en argument :

Implémentation

On va procéder par étapes.

D'abord, une fonction auxiliaire qui va nous servir pour calculer le maximum d'une liste passée en argument :

Exercice 1 (Maximum d'une liste)

Définir une fonction indice_max qui prend en argument une liste 1 et renvoie l'indice où trouver son plus grand élément, appelé *maximum*.

Question bonus Si N est le nombre d'éléments de la liste 1, combien d'opérations (comparaisons, affectations de variables) effectue votre programme ?

Implémentation

Implémentation

```
def tri_selec(1):
    N = len(1)
```

Implémentation

```
def tri_selec(1):
    N = len(1)
    for k in range(N):
```

Implémentation

```
def tri_selec(1):
    N = len(1)
    for k in range(N):
        # On chope l'indice du maximum
        # de la sous-liste allant
        # des incides 0 à N-k-1
        imax = indice_max(l[:N-k])
```

Implémentation

Maintenant, on écrit le code complet :

```
def tri_selec(1):
    N = len(1)
    for k in range(N):
        # On chope l'indice du maximum
        # de la sous-liste allant
        # des incides 0 à N-k-1
        imax = indice_max(l[:N-k])

    # On échange avec le dernier
    # élément de cette sous-liste
    l[N-k-1], l[imax] = l[imax],l[N-k-1]
```

Question On note N la longueur de la liste 1. Combien d'opérations fait-on au total ? N'oubliez pas que l'appel à indice_max(1[N-k-1]) effectue 2(N-k)+1 opérations !

Performances

Alors, on peut montrer mathématiquement que l'algorithme fonctionne parfaitement et triera n'importe quelle liste qu'on lui passe.

Tri par sélection

Tri à bu

Tri par sélection

Alors, on peut montrer mathématiquement que l'algorithme fonctionne parfaitement et triera n'importe quelle liste qu'on lui passe.

Dans l'exercice suivant, on évalue le temps pris pour effectuer un tri par sélection :

Performances

Alors, on peut montrer mathématiquement que l'algorithme fonctionne parfaitement et triera n'importe quelle liste qu'on lui passe.

Dans l'exercice suivant, on évalue le temps pris pour effectuer un tri par sélection :

Exercice 2

Importez les fonctions time (détermine l'heure qu'il est) et randint (génère des entiers au hasard) via

from time import time
from random import randint

Tri par sélection

Exercice 2 (suite)

Définissez la fonction suivante, qui évalue le temps pris par le tri par sélection en fonction du nombre d'éléments dans la liste :

```
def chrono_selec(N):
    # liste de N entiers pris
    # au hasard entre 0 et 10
    l = [randint(0,10) for i in range(N)]
    debut = time()
    l_triee = tri_selec(l)
    temps = time() - debut
    return temps
```

et testez-la pour plusieurs valeurs de N.

On désire trier une liste 1 passée en argument de la manière suivante : on part du début de la liste, et on remonte en échangeant chaque élément avec son successeur s'il est plus grand que lui, de sorte qu'à chaque passage, on ait placé les plus grands éléments à la fin de la liste dans l'ordre croissant.

Dans le pire des cas, cet algorithme effectue $O(N^2)$ opérations, avec $N = \mathrm{len}(l).$

Implémentation

```
En Python, cela donne le code suivant :
def tri bulle(1, debug=False):
N = len(1)
    def remontee(i):
        """Remonte l'élément d'indice i
        tant que c'est possible"""
        if i < N-1:
        if 1[i+1] < 1[i]:
             l[i+1], l[i] = l[i], l[i+1]
             remontee(i+1)
        else:
             remontee(i+1)
for i in range(N):
    remontee(0)
    if debug: print(1)
```