Лабораторна робота №1

з дисципліни «Структури даних, аналіз і алгоритми коп'ютерної обробки інформації»

Виконала: студентка групи ІПЗ-11

Манойлова Катерина Борисівна

1. Умова задачі

Написати програму мовою С# з можливістю вибору різних алгоритмів пошуку. Продемонструвати роботу (ефективність, час виконання) програм на різних структурах даних (масив, лінійний зв'язаний список), з різними умовами, що забезпечують зменшення часу виконання. Навести аналіз отриманих результатів. Реалізувати алгоритми:

- пошуку перебором елемента масиву, що дорівнює заданому значенню.
- пошуку з бар'єром елемента масиву, що дорівнює заданому значенню.
- бінарного пошуку елемента масиву рівного заданому значенню.
- бінарного пошуку елемента масиву, рівного заданому значенню, в якій нове значення індексу m визначалося б не як середнє значення між L і R, а згідно з правилом золотого перерізу.

2. Аналіз задачі

Алгоритми пошуку розроблятимемо для двох структур даних: масив та лінійний зв'язаний список. Для зручності структури даних будуть зберігати цілі числа.

Програма буде генерувати масив та заповнювати згенерованими у ньому значеннями лінійний зв'язний список, розмір та діапазон значень вводяться з консолі. Бінарний пошук та його варіація з використанням золотого перетину можливі лише на відсортованих структурах даних. Сортування масиву виконуватимемося за допомогою вбудованого методу класу Array, списку – перетворенням на список відсортованого масиву.

Кожен алгоритм буде виконуватися окремим кейсом конструкції switch, і буде виконуватись для обох структур даних, виводячи результати та час виконання у вигляді таблиці.

3. Структура основних вхідних та вихідних даних

Вхідними даними алгоритмів ϵ відповідна структура даних (масив або лінійний зв'язний список) цілих чисел та шуканий елемент, що ϵ цілим числом.

Вихідними даними ϵ ціле число, що вказу ϵ індекс шуканого елементу, або -1 за його відсутності.

Для бінарного пошуку та його варіації з використанням золотого перетину також необхідно вказати коефіцієнт відношення, у якому буде ділитися структура даних при пошуку.

4. Алгоритм розв'язання задачі

1) Лінійний пошук:

```
Для масиву:
      i = 0, Pos = 0;
       Found = false;
       while (i < Array.Length && !Found)
         if (Array[i] == SearchVal)
            Pos = i;
            Found = true;
         i++;
       if (Found)
          return Pos;
       else
         return -1;
Для списку:
      i = 0, Pos = 0;
       Found = false;
       Node<int> Val = list.head;
       while (Val != null && !Found)
         if (Val.Data == SearchVal)
            Pos = i;
            Found = true;
         i++;
          Val = Val.Next;
       if (Found)
          return Pos;
       else
         return -1;
2) Пошук з бар'єром
Для масиву:
      i = 0;
       int[] tempArr = new int[Array.Length + 1];
```

```
while (i < Array.Length)
          tempArr[i] = Array[i];
          i++;
       }
       tempArr[i] = SearchVal;
       i = 0;
       while (tempArr[i] != SearchVal)
         i++;
       if (i == Array.Length)
          return -1;
       else
          return i;
Для списку:
       i = 0;
       LinkedList<int> newlist = new LinkedList<int>();
       Node<int> N = list.head;
       for (int j = 0; j < \text{list.Count}; j++)
          newlist.Add(N.Data);
          N = N.Next;
       newlist.Add(SearchVal);
       Node<int> Val = newlist.head;
       while (Val.Data != SearchVal)
       {
          i++;
          Val = Val.Next;
       if (i \ge list.Count)
          return -1;
       else
          return i;
3) Бінарний пошук та його варіація з золотим перетином:
Для масиву:
      Left = 0, Right = Array.Length - 1;
```

```
while (Left <= Right)
          int Mid = (Left + (Right - Left) / Divider);
          if (Array[Mid] == SearchVal)
            return Mid;
          if (Array[Mid] < SearchVal)
            Left = Mid + 1;
          else
            Right = Mid - 1;
       }
       return -1;
Для списку:
      Left = 0, Right = list.Count - 1;
       while (Left <= Right)
       {
          int Mid = (Left + (Right - Left) / Divider);
          if (FindEl(list, Mid).Data == SearchVal)
            return Mid;
          if (FindEl(list, Mid).Data < SearchVal)
            Left = Mid + 1;
          else
            Right = Mid - 1;
       }
       return -1;
Алгоритм пошуку індексу елемента списку:
      Node<int> node = list.First;
       for (int i = 0; i < Index; i++)
          node = node.Next;
       return node;
```

5. Текст програми

Текст програми у репозиторії GitHub за посиланням: https://github.com/ManoilovaKaterina/Lab_Report/tree/main/%D0%90%D0%A1%D 0%94/%D0%90%D0%A1%D0%94%20%D0%BB1

6. Набір тестів

Для кожного алгоритму пошуку вирішено зробити по два тести на структурах даних різних розмірів з двома контрольними значеннями: наявний та відсутній у структурах даних елемент.

Тест 1:

10 елементів:

57 86 16 95 31 86 79 92 49 78

Контрольні значення: 92, 100

Тест 2:

1000 елементів:

Контрольні значення: 1, 10000

7. Результати тестування програми та аналіз отриманих помилок

Лінійний пошук:

Тест 1:

Введіть шукане значення: 92 Значення "92" знайдене в даному масиві за індексом 7
Значення "92" знайдене в даному списку за індексом 7
=====================================
Для списку: 00:00:00.0000040
06ani vavavava 2
Оберіть команду: 2
Введіть шукане значення: 100
Значення "100" не знайдене в масиві.
Значення "100" не знайдене у списку.
======================================
Для масиву: 00:00:00.0000035
Для списку: 00:00:00.0000057

Введіть шукане значення: 1
Значення "1" знайдене в даному масиві за індексом 447
Значення "1" знайдене в даному списку за індексом 447
======================================
Для масиву: 00:00:00.0000064
Для списку: 00:00:00.0000098
=======================================
Оберіть команду: 2
Введіть шукане значення: 10000
Значення "10000" не знайдене в масиві.
Значення "10000" не знайдене у списку.
======================================
Для масиву: 00:00:00.0000112
 Для списку: 00:00:00.0000164
=======================================

Пошук з бар'єром:

Tect 1.

```
-----Пошук з бар'єром-----
Введіть шукане значення: 92
Значення "92" знайдене в даному масиві за індексом 7
Значення "92" знайдене в даному списку за індексом 7
Для масиву: 00:00:00.0000037
Для списку: 00:00:00.0000054
_____
Оберіть команду: 3
-----Пошук з бар'єром------
Введіть шукане значення: 100
Значення "100" не знайдене в масиві.
Значення "100" не знайдене у списку.
Для масиву: 00:00:00.0000042
Для списку: 00:00:00.0000072
```

```
----- бар'єром-----
Введіть шукане значення: 1
Значення "1" знайдене в даному масиві за індексом 447
Значення "1" знайдене в даному списку за індексом 447
Для масиву: 00:00:00.0000269
Для списку: 00:00:00.0001171
______
Оберіть команду: 3
     ------Пошук з бар'єром------
Введіть шукане значення: 10000
Значення "10000" не знайдене в масиві.
Значення "10000" не знайдене у списку.
Для масиву: 00:00:00.0000343
Для списку:
         00:00:00.0001162
-----
```

Бінарний пошук:

Тест 1:

Бінарний пошук
Введіть шукане значення: 92
Значення "92" знайдене в даному масиві за індексом 8
Значення "92" знайдене в даному списку за індексом 8
======================================
Для масиву: 00:00:00.0000011
Для списку: 00:00:00.0000034
=======================================
Оберіть команду: 4
Бінарний пошук
Введіть шукане значення: 100
Значення "100" не знайдене в масиві.
Значення "100" не знайдене у списку.
======================================
Для масиву: 00:00:00.0000007
Для списку: 00:00:00.0000016
=======================================

Бінарний пошук
Введіть шукане значення: 1
Значення "1" знайдене в даному масиві за індексом 0
Значення "1" знайдене в даному списку за індексом 0
======================================
Для масиву: 00:00:00.0000046
Для списку: 00:00:00.0000226
=======================================
Оберіть команду: 4 Бінарний пошук
Введіть шукане значення: 10000
Значення "10000" не знайдене в масиві.
Значення "10000" не знайдене у списку.
======================================
Для масиву: 00:00:00.0000079
Для списку: 00:00:00.0001167
=======================================

Бінарний пошук за золотим перетином:

Tect 1.

```
----- за золотим перетином-
Введіть шукане значення: 92
Значення "92" знайдене в даному масиві за індексом 8
Значення "92" знайдене в даному списку за індексом 8
Для масиву: 00:00:00.0000013
Для списку: 00:00:00.0000018
------
Оберіть команду: 5
------ за золотим перетином-
Введіть шукане значення: 100
Значення "100" не знайдене в масиві.
Значення "100" не знайдене у списку.
Для масиву: 00:00:00.0000014
Для списку: 00:00:00.0000027
```

```
------ вінарний пошук за золотим перетином-
Введіть шукане значення: 1
Значення "1" знайдене в даному масиві за індексом 0
Значення "1" знайдене в даному списку за індексом 0
Для масиву: 00:00:00.0000020
Для списку: 00:00:00.0000325
------
Оберіть команду: 5
-----вінарний пошук за золотим перетином
Введіть шукане значення: 10000
Значення "10000" не знайдене в масиві.
Значення "10000" не знайдене у списку.
Для масиву: 00:00:00.0000022
Для списку:
         00:00:00.0001444
-----
```

Висновок:

<u>Лінійний зв'язний список</u>: лінійний пошук для списку та для масиву мають близький час виконання, за ним не спостерігається значних стрибків у часі в залежності від розміру структури. Пошук з бар'єром у списку невеликого розміру займає приблизно стільки ж часу, скільки й лінійний, однак на великих розмірах він має найбільший час виконання. Бінарний пошук та його модифікація за золотим перетином мають найменший час виконання на списку маленького розміру, але витрачають багато часу на великих розмірах.

Отже, лінійний пошук ϵ найбільш ефективним для списку, пошук з бар'єром — найменш ефективним. Бінарні пошуки мають незначну перевагу лише на невеликих розмірах.

<u>Масив</u>: пошук з бар'єром займає дещо більше часу, ніж лінійний. Різниця є більш помітною на великих розмірах. Бінарний пошук є найбільш ефективним для масиву, маючи найменший час виконання з усіх алгоритмів. Різниця між звичайним бінарним пошуком та модифікованим за золотим перетином є незначною, більш того — розмір масиву майже не впливає на час виконання алгоритму.

8. Аналіз помилок, допущених в ході розробки

1) Розробка алгоритму пошуку з бар'єром.

Для масиву:

Оскільки шуканий елемент і ϵ «бар' ϵ ром», шукане значення рано чи пізно буде досягнуто, тому треба визначити показник ненаявності елементу в початковому масиві. Першим варіантом вирішення цього моменту було додавання нової змінної i.

```
static void ArrBarSearch(int[] Array, int SearchVal)
{
   int i = 0;
   int[] tempArr = new int[Array.Length + 1];

   while (i < Array.Length)
   {
       tempArr[i] = Array[i];
       i++;
   }
   tempArr[i] = SearchVal;

   int j = 0;
   while (tempArr[j] != SearchVal)
   {
       j++;
   }

   if (j==i)
       Console.WriteLine("Елемент " + SearchVal + " не знайдено в даному масиві.");
   else
       Console.WriteLine("Елемент " + SearchVal + " знайдено за індексом " + j);
}</pre>
```

Порівняння j з i є показником наявності елементу в массиві.

Однак, введення нової змінної не ϵ необхідним. Максимальний індекс масиву завжди на 1 менше його величини, отже як тільки i досяга ϵ значення величини — відбува ϵ ться вихід за межі початкового масиву.

```
static void ArrBarSearch(int[] Array, int SearchVal)
{
   int i = 0;
   int[] tempArr = new int[Array.Length + 1];

   while (i < Array.Length)
   {
      tempArr[i] = Array[i];
      i++;
   }

   tempArr[i] = SearchVal;
   i = 0;

   while (tempArr[i] != SearchVal)
   {
      i++;
   }

   if (i == Array.Length)
      Console.WriteLine("Елемент " + SearchVal + " не знайдено в даному масиві.");
   else
      Console.WriteLine("Елемент " + SearchVal + " знайдено за індексом " + i);
}</pre>
```

2) Розробка алгоритму бінарного пошуку та його варіації

Для масиву:

```
static int ArrGoldBinSearch(int[] Array, int SearchVal)
{
   int Left = 0, Right = Array.Length - 1;
   while (Left <= Right)
   {
      int Gold = (int)(Left + (Right - Left) / ((Math.Sqrt(5) + 1) / 2));

      if (Array[Gold] == SearchVal)
      {
            return Gold;
      }

      if (Array[Gold] < SearchVal)
      {
            Left = Gold + 1;
      }
      else
      {
            Right = Gold - 1;
      }
}</pre>
```

Бінарний пошук за золотим перетином відрізняється від звичайного дільником: замість ділення навпіл, відбувається ділення на число фі.

3 технічної точки зору, даний вид пошуку може працювати з будь-яким дільником, не менше 1. Ділити масив можна у будь-якому відношенні, основна думка залишається незмінною: скорочення інтервалів пошуку елементу.

Отже, у фінальній версії було вирішено об'єднати бінарний пошук з його варіацією з золотим перетином, додавши параметр Divider, який визначає відношення.

Для списку:

Оскільки у зв'язному списку неможливо дістатися до елементів за індексом, застосування алгоритму бінарного пошуку до цієї структури даних спочатку здалося надскладним. Першою ідеєю було «обрізати» непотрібну частину елементів при скороченні розглядаємої частини списку.

```
static int ListBinSearch(LinkedList<int> list, int SearchVal)
    int i = 0;
    while (list.Count>0)
        LinkedListNode<int> Mid = FindMiddle(list);
        if (Mid.Value == SearchVal)
            return i;
        if (Mid.Value < SearchVal)</pre>
            while(list.First.Value != Mid.Value)
                list.RemoveFirst();
                i++;
        else
            while (list.Last.Value != Mid.Value)
                list.RemoveLast();
                i--;
    return -1;
```

```
Згенерований список:
1 4 2 7 7 0 7 3 5 0
Оберіть команду:
9
0 0 1 2 3 4 5 7 7 7
Оберіть команду:
9
0 0 1 2 3 4 5 7 7 7
1
Значення "1" знайдене в даній структурі даних за індексом -6
Оберіть команду:
9
0 0 1 2 3 4 5 7 7 7
1
Значення "1" знайдене в даній структурі даних за індексом -6
Оберіть команду:
9
0 0 1 2 3 4 5 7 7 7
7
Значення "7" знайдене в даній структурі даних за індексом 5
Оберіть команду:
9
0 0 1 2 3 4 5 7 7 7
100
```

Дана ідея виявилась абсолютно неефективною. Окрім псування початкового списку, було необхідно придумати спосіб підрахунку індексів, а також нову умову закінчення циклу. Загалом, навіть якщо цей метод довести до вірно працюючого варіанту, він буде занадто сильно відрізнятися від алгоритму бінарного пошуку, залишаючи лише спільний задум у скороченні інтервалу пошуку.

Було вирішено повернутися до алгоритму бінарного пошуку у масиві, знайшовши індекс елементу списку за допомогою перетворення списку до масиву та використання методу класу Array.

```
static int FindInd(LinkedList<int> list, int FoundVal)
{
    var Arr = list.ToArray();
    var i = Array.IndexOf(Arr, FoundVal);
    return i;
}
```

```
static int ListBinSearch(LinkedList<int> list, int SearchVal)
    while (list.Count>0)
        LinkedListNode<int> Mid = FindMiddle(list);
        if (Mid.Value == SearchVal)
            return FindInd(list, SearchVal);
        if (Mid.Value < SearchVal)</pre>
            while(list.First.Value != Mid.Value)
                list.RemoveFirst();
        else
            while (list.Last.Value != Mid.Value)
            {
                list.RemoveLast();
    return -1;
```

```
Згенерований список:
2 3 9 6 2 5 1 7 2 0
Оберіть команду:
9
0 1 2 2 2 3 5 6 7 9
2
Значення "2" знайдене в даній структурі даних за індексом 2
Оберіть команду:
9
0 1 2 2 2 3 5 6 7 9
3
Значення "3" знайдене в даній структурі даних за індексом 5
```

Однак, проблема в умові закінчення циклу все ще не є вирішеною. Проте на даному етапі з'явилася інша думка: модифікувати функцію знаходження

середнього елементу для знаходження елемента за будь-яким індексом, таким чином повернувшись до початкової логіки бінарного пошуку для масиву.

Функція знаходження елементу списку за індексом:

```
static LinkedListNode<int> FindEl(LinkedList<int> list, int Index)
{
    LinkedListNode<int> Node = list.First;
    for (int i = 0; i < Index; i++)
    {
        Node = Node.Next;
    }
    return Node;
}</pre>
```

Таким чином, алгоритм бінарного пошуку для списку залишається майже ідентичним пошуку у масиві.

```
static int ListBinSearch(LinkedList<int> list, int SearchVal)
{
   int Left = 0, Right = list.Count - 1;
   while (Left <= Right)
   {
      int Mid = Left + (Right - Left) / 2;

      if (FindEl(list, Mid).Value == SearchVal)
      {
            return Mid;
      }

      if (FindEl(list, Mid).Value < SearchVal)
      {
            Left = Mid + 1;
      }
      else
      {
            Right = Mid - 1;
      }
}</pre>
```