

**НАЦІОНАЛЬНИЙ ТЕХНІЧНИЙ УНІВЕРСИТЕТ УКРАЇНИ  
«КИЇВСЬКИЙ ПОЛІТЕХНІЧНИЙ ІНСТИТУТ  
імені Ігоря СІКОРСЬКОГО»  
Навчально-науковий фізико-технічний інститут  
Кафедра математичних методів захисту інформації**

**ДКР  
Варіант №3**

**Роботу виконав:**  
Юрчук Олексій, ФІ-52мн

26 листопада 2025 р.  
м. Київ

# Завдання № 1

## Умова:

1. Перевірити, що набір публічних параметрів  $(N, p, q, d) = (7, 3, 41, 2)$  криптосистеми NTRUScrypt є коректним;
2. Використовуючи публічний ключ:

$$pk = 18x^6 + 6x^5 - 11x^4 + 3x^3 - 15x^2 - 2x - 2$$

зашифрувати повідомлення  $m = -x^5 - x^4 - x^2 - x + 1$ .

## Завдання № 2

### Умова:

Еліптична крива  $E$  над полем  $\mathbb{F}_{631}$  задана рівнянням:

$$y^2 = x^3 + 30x + 34$$

1. Перевірити, що точки  $P = (36, 571)$  та  $Q = (420, 48)$  належать ЕК;
2. Перевірити, що обидві точки мають порядок 5 і породжують підгрупу точок експоненти 5
3. Обчислити значення спарювання Вейля  $w_5(P, Q)$  та перевірити, що отримане значення є коренем 5 степеня з 1.