**Analisi di un filtro crossover**

Francesco Galasso, 0000979085; Emanuele Spataro, 0000977771

30 marzo, 21 aprile, 13 maggio 2022

***Abstract***:

Lo scopo di questa serie di esperienze in laboratorio è stato quello di studiare il comportamento di un filtro crossover sottoposto a una tensione sinusoidale. È stata effettuata una misura dell’andamento della tensione sui rami del circuito in funzione della frequenza per verificare che fosse compatibile con l’andamento atteso e fare una stima della frequenza di crossover. Il valore ottenuto, , è risultato compatibile con quello che ci si attendeva,   
. Inoltre sono state fatte misure dello sfasamento della tensione nei rami rispetto a quella generata, ottenendo così una seconda stima della frequenza di crossover, . Questo valore è risultato essere in disaccordo con il valore atteso.

***Introduzione***:

Il filtro crossover è un particolare circuito RLC con la caratteristica di ripartire il segnale in ingresso su due rami a seconda della frequenza della sorgente. Trova la sua principale applicazione nei sistemi di riproduzione audio, in cui si utilizzano due diversi altoparlanti, *woofer* e *tweeter*, progettati per la riproduzione, rispettivamente, di basse e alte frequenze. Tale circuito è costituito da un filtro passa basso e un filtro passa alto posti in parallelo; ai fini dell’analisi, ciascun altoparlante è stato sostituito con una resistenza. La frequenza di separazione del circuito è detta *frequenza di crossover* e si può dimostrare (si veda l’appendice) che è data dalla formula:

**( 1 )**

dove e indicano i tempi caratteristici rispettivamente del ramo del woofer e del tweeter (L è il valore dell'induttanza, C la capacità e R la resistenza totale su ciascun ramo). Fornendo in ingresso una tensione sinusoidale con ampiezza costante ci si attende di osservare, all'aumentare della frequenza in entrata, un andamento sinusoidale della tensione sulle resistenze di ciascun ramo con ampiezza decrescente sul ramo del woofer e crescente sul ramo del tweeter: si misurerà la stessa ampiezza per woofer e tweeter proprio in corrispondenza della frequenza di crossover. Si riportano di seguito le espressioni algebriche delle ampiezze attese ( per woofer e per tweeter):

**( 2 )**

**( 3 )**

dove è l’ampiezza della tensione sinusoidale in ingresso, è la frequenza e . Analogamente, misurando lo sfasamento della tensione di ciascun ramo rispetto alla tensione in entrata, ci si aspetta che decresca all’aumentare della frequenza e che, esattamente sulla frequenza di crossover, woofer e tweeter siano in controfase. Si riportano le formule usate per gli andamenti attesi dello sfasamento di tweeter () e woofer () rispetto alla sorgente:

**( 4 )**

**( 5 )**

Dunque si è misurata la frequenza di crossover cercando il valore della frequenza per cui le tensioni su woofer e tweeter hanno la stessa ampiezza oppure hanno sfasamento opposto.

***Metodo sperimentale***:

*Apparato sperimentale:*

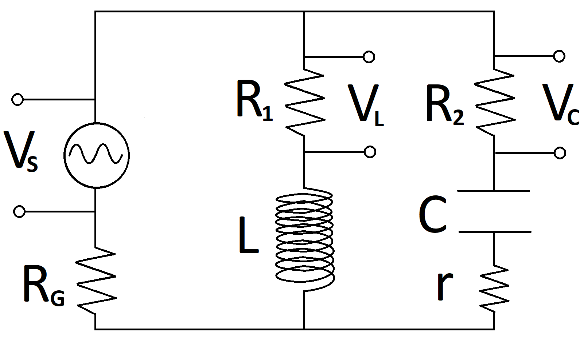
Il circuito analizzato, schematizzato in Figura 1 è stato realizzato sulla breadboard di una delle schede di acquisizione dati NI ELVIS II del Dipartimento di Fisica dell’Università di Bologna: è composto da due rami messi in parallelo tra loro e sottoposti a una tensione sinusoidale generata con il *function generator* di ELVIS (con una resistenza interna dichiarata dal costruttore pari a ). Sul ramo del woofer c’è una resistenza di , un induttore con induttanza e una resistenza (interna all’induttore) . Sul ramo del tweeter, invece, c’è una resistenza di , un condensatore con capacità , e un resistore aggiuntivo avente , per compensare la resistenza interna dell’induttore. I valori di L, C e delle resistenze sono stati scelti (compatibilmente con la disponibilità del laboratorio) in modo da ottenere il massimo trasferimento di potenza, che è ciò che si cerca di ottenere progettando sistemi acustici: in particolare si è trovato (si veda l’appendice) che i valori ottimali delle componenti del circuito dovevano rispettare la condizione [1].

Figura : Schema del circuito studiato, distinguiamo il ramo con l'induttore, woofer, e il ramo con il condensatore, tweeter.

*Svolgimento:*

Prima di procedere con le misure dell’andamento del circuito da cui ricavare la frequenza di crossover, è stato monitorato il comportamento del filtro per XXX diverse frequenze. Una volta verificato il corretto funzionamento, sono stati sono stati acquisiti dati relativi alla tensione in ingresso e alle tensioni ai capi di e al variare della frequenza in entrata (*frequency sweep*), per poter determinare la frequenza di crossover. La frequenza in ingresso è stata fatta variare tra e con incrementi di e, in seguito, in un range ristretto intorno alla frequenza di crossover ( con incrementi di ). Per acquisire ampiezza e frequenza è stato usato il subVI “Extract Single Tone Information” del software LabView. Per ottenere i dati dell’andamento della fase sui rami del circuito in funzione della frequenza è stata seguita una procedura analoga. Gli errori sulle misure sono stati stimati acquisendo continuamente, ad una frequenza prossima alla frequenza di crossover attesa, i valori di ampiezza e fase: si è scelto di usare come incertezze XXX volte la deviazione standard della distribuzione di ampiezza e fase in questa acquisizione.

Tutte le acquisizioni sono state effettuate a una frequenza di campionamento di e con un numero di campioni pari a 500: in modo da avere molti punti per ciascun periodo dell'onda (per riuscire a determinare meglio forma e ampiezza dell’onda) e un elevato numero di periodi per ciascuna acquisizione.

***Risultati e discussione***:

*Analisi preliminare*:

Riportare i risultati più rappresentativi in forma grafica oppure come foto delle osservazioni sull’oscilloscopio analogico (se utilizzato). Non è necessario riportare tutti i dati. Commentare qualitativamente gli andamenti delle grandezze fisiche riportati in forma grafica e/o le forme di riga osservate. In tutti i grafici gli assi devono essere chiaramente etichettati e le unità di misura devono essere incluse. Quando le incertezze sono note e sono visibili sulla scala utilizzata rappresentarle sul grafico come barre di errore. Porre particolare attenzione alla leggibilità, utilizzando caratteri sufficientemente grandi. Descrivere come sono stati elaborati i dati e riportare i risultati numerici (miglior stima ed incertezza), in forma tabellare se necessario. Commentare i valori ottenuti. Non è necessario riportare il calcolo esplicito delle incertezze (eventualmente usare una appendice), ma è importante segnalare se si tratta di risoluzione strumentale, di errore casuale oppure di errore sistematico.

/\* scrivere della stima degli errori sui dati e riportare quali errori ci sono venuti fuori, sia per la tensione che per la fase\*/

*Analisi della tensione*:

Riportare i risultati più rappresentativi in forma grafica oppure come foto delle osservazioni sull’oscilloscopio analogico (se utilizzato). Non è necessario riportare tutti i dati. Commentare qualitativamente gli andamenti delle grandezze fisiche riportati in forma grafica e/o le forme di riga osservate. In tutti i grafici gli assi devono essere chiaramente etichettati e le unità di misura devono essere incluse. Quando le incertezze sono note e sono visibili sulla scala utilizzata rappresentarle sul grafico come barre di errore. Porre particolare attenzione alla leggibilità, utilizzando caratteri sufficientemente grandi. Descrivere come sono stati elaborati i dati e riportare i risultati numerici (miglior stima ed incertezza), in forma tabellare se necessario. Commentare i valori ottenuti. Non è necessario riportare il calcolo esplicito delle incertezze (eventualmente usare una appendice), ma è importante segnalare se si tratta di risoluzione strumentale, di errore casuale oppure di errore sistematico.

*Analisi della fase*:

Dalle Eq. (4) e (5) ci si aspetta che, in corrispondenza della frequenza di crossover, gli sfasamenti della tensione su woofer e tweeter risultino opposti e che, di conseguenza, la frequenza di crossover sia uno zero della funzione somma degli sfasamenti. Dunque sono stati inizialmente effettuati i fit delle Eq. (4) e (5) sui dati relativi all’andamento della fase sui rami, rispettivamente, di woofer e tweeter, dai quali sono state estrapolate le stime dei parametri e , usate poi per trovare la frequenza di crossover, con l’Eq. (1). I valori trovati, riportati in tabella XX, sono raffigurati nelle Figure 2 e YY. In Figura 2 è inoltre mostrato il confronto tra la fase misurata sui due rami confrontata con l’andamento previsto

Tabella 1: Risultati del fit effettuato sui dati relativi a sfasamenti di woofer e tweeter

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

Successivamente è stato acquisito anche l’andamento della somma degli sfasamenti sui due rami e si è effettuato sui dati ottenuti il fit della somma delle Eq. (4) e (5):

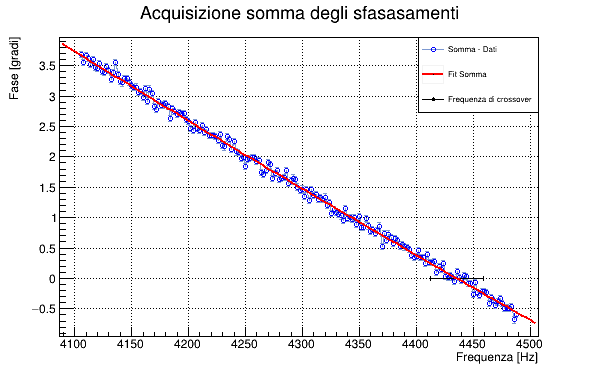
Figura 2: Sfasamento di woofer e tweeter e fit delle funzioni attese tramite i parametri e . È mostrata anche la somma delle funzioni ottenute dal fit

( )

I valori trovati, riportati in tabella 2, sono raffigurati in Figure 3 e 4.

Tabella 2: Risultati del fit effettuato sui dati relativi a somma di woofer e tweeter

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

  
  
È possibile osservare una notevole discrepanza tra comportamento atteso e quanto misurato in laboratorio, soprattutto per frequenze molto diverse dalla frequenza di crossover (Figura 2), sia sul ramo del woofer che si quello del tweeter, che ha portato ad una sovrastima della frequenza di crossover, che risulta non compatibile con quella calcolata a partire dai valori delle componenti o con quella calcolata analizzando la tensione. Risultati analoghi sono stati ottenuti anche variando i parametri di acquisizione.

*Figura 4: Somma degli sfasamenti su range ristretto e fit delle funzione somma attesa. È inoltre riportata la frequenza di crossover stimata.*

Figura 3: Somma degli sfasamenti di woofer e tweeter e fit delle funzione somma attesa.

Figura 3: Somma degli sfasamenti di woofer e tweeter e fit delle funzione somma attesa.

***Conclusioni***:

Conclusioni finali, particolarmente importanti nel caso di risultati anomali.

***Bibliografia***:

[1] R. Perfetti “Circuiti elettrici”, Zanichelli, p. 512

***Appendice***:

// conto per trovare la frequenza di crossover

// conto per trovare

// spiegare come abbiamo trovato le

// conto per le formule della tensione (?)

// conto per le formule della fase (?)

// propagazione degli errori (?)