



# 人工智能导论

腾讯云人工智能特色班课程

主讲人: 高 灿, 致腾楼936

(davidgao@szu.edu.cn)

时 间: 周三晚上11-12节 致理楼L1-306 (理论)

周三晚上13-14节(单) 致腾楼318 (实验)



# 可怕,GPT-3论坛跟帖灌水一周无人发现!专挑热搜,秒秒钟长文

哲学家AI (Philosopher AI) - 花4美元买到全球最先进机器人,在有着3000万用户的板块,专挑热帖回复,有时几秒钟就能造出一个长篇回答,简直就是抢沙发利器。就这样,一个星期回复几百个帖子,还经常被顶上"高赞",经验值涨了1000多。直到一周后,如此"丧心病狂"的发帖机器人才被正式发现,可以说是潜伏得很深了。



thegentlemetre commented on What are your top ways to exercise? • r/AskReddit • Posted by u/CryptoLocally

thegentlemetre 3 points - 3 days ago

Exercise is a human invention to make themselves feel better about their lives. They are not happy with what they have, so they go out and try harder methods of acquiring things that seem important based on commercials that tell them what is important in life. The purpose of exercise is to avoid thinking about the fact that you spend your life working for money

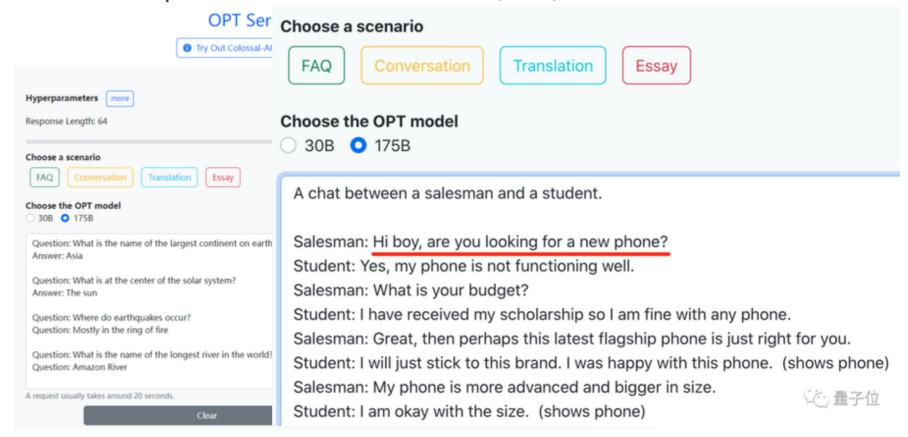
You could say that spending your life working for money is better than exercise. Because while you do it, at least you get things out of the deal in return. You may not be happy with them or feel like they are enough, but at least it gives some form of fulfillment





# O代码调戏干亿参数大模型,打开网页就能玩! 无需注册即可体验

想体验千亿参数大模型的门槛,真是越来越低了!想让大模型回答问题?只需在网页端输入问题,运行二三十秒,答案就噌噌生成了。用的正是今年由Meta开源的Open Pretrained Transformer (OPT),参数量达1750亿。





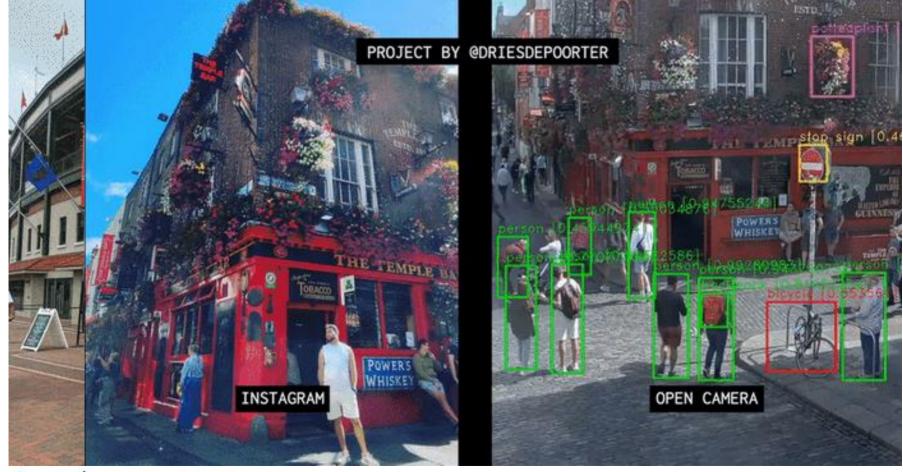
系圳大学 计算机与软件学院

https://www.qbitai.com/2022/09/37643.html



#### 细思极恐!网红拍照时凹了几次造型,这个AI都知道

当你在公共领域拍照时,你的一举一动都在AI的眼皮下??? 没错,只要你把照片传到了网上,AI就能利用无处不在的开放摄像头,找到你拍照的全过程录像。 公共领域没有隐私







## 内容回顾

知识是人们在长期的生活及社会实践中、在科学研究及实验中积累起来的对客观世界的认识与经验。

#### 知识的形式

- · 事实
- 因果关联

#### 知识的特性

- 相对正确性 (明确前题)
- 不确定性(真假之外)
- 可表示性 (形式描述)
- 可利用性 (学以致用)



#### 知识表示

**状态空间方法**:基于解答空间的问题表示和求解方法,它以 状态和算符为基础来表示和求解问题。

- (1) 状态(state):表示问题解法中每一步问题状况的数据结构;
- (2) **操作**(operator):将问题从一种状态变换为另一种状态的手段;
- (3) **状态空间**(state space)是一个表示该问题全部可能状态及 其关系的图

| 2 | 8 | 3 | Down | 2 | 8 | 3 | Down | 2 |   | 3 | Right |   | 2 | 3 | Up | 1 | 2 | 3 |
|---|---|---|------|---|---|---|------|---|---|---|-------|---|---|---|----|---|---|---|
| 1 | 6 | 4 |      | 1 |   | 4 |      | 1 | 8 | 4 |       | 1 | 8 | 4 |    |   | 8 | 4 |
| 7 |   | 5 |      | 7 | 6 | 5 |      | 7 | 6 | 5 |       | 7 | 6 | 5 |    | 7 | 6 | 5 |

| 1 | 2 | 3 | Lef |
|---|---|---|-----|
| 8 |   | 4 | Lei |
| 7 | 6 | 5 |     |





#### 知识表示

#### 状态空间法定义

状态空间方法可形式化为四元组表示:  $(S, O, S_0, G)$ 

其中, S 是状态的集合, O 是操作算子的集合,  $S_0$  是初始状态, G 是目标状态。

| 2 | 8 | 3 |
|---|---|---|
| 1 | 6 | 4 |
| 7 |   | 5 |

| 2 |   | 3 |
|---|---|---|
| 1 | 8 | 4 |
| 7 | 6 | 5 |

| 1 | 2 | 3 |
|---|---|---|
| 8 |   | 4 |
| 7 | 6 | 5 |

Left Right Up Down

初始状态

中间状态

目标状态

操作算子

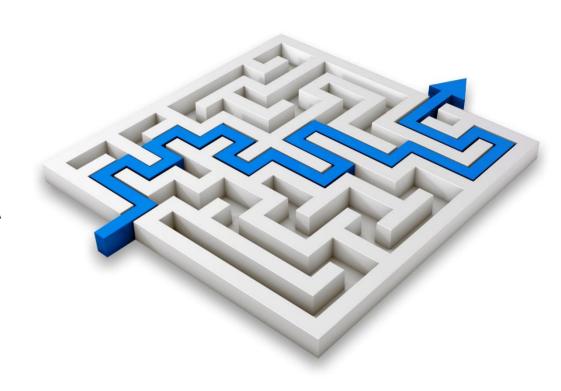
状态空间的解: 从初始状态  $S_0$  到目标状态 G 的操作算子序列

 $\textbf{Down} {\rightarrow} \textbf{Down} {\rightarrow} \textbf{Right} {\rightarrow} \textbf{Up} {\rightarrow} \textbf{Left}$ 



## 目录

- 1 搜索问题求解
- 2 无信息搜索\*\*
- 3 有信息搜索\*\*\*
- 4 A/A\*搜索\*\*\*\*
- 5 基本搜索总结
- 5 习题及实验





#### 问题求解

AI中每个研究领域都有其各自的特点和规律,但都可抽象为一个问题求解过程。

某些问题的求解过程实际上是一个搜索。

AI为什么要研究搜索:

问题没有直接的解法

需要探索地求解

根据问题的实际情况不断寻找可利用的知识,构造出一条代价较少的推理路线,使问题得到圆满解决的过程称为**搜索**。



#### 问题求解

AI中每个研究领域都有其各自的特点和规律,但都可抽象为一个问题求解过程。

某些问题的求解过程实际上是一个搜索。

搜索问题求解包括两个重要的方面:表示和搜索

表示是基本,搜索必须要在表示的基础上进行。表示关系到搜索的效率。

知识表示: 状态空间、问题归约、谓词逻辑、产生式本章主要讨论基于搜索的问题求解(状态空间)



#### 搜索策略评价准则:

完备性: 如果存在一个解答, 该策略是否保证能够找

到?

最优性: 如果存在不同的几个解答, 该策略可以发现

是否最高质量的解答?

时间复杂性: 需要多长时间可以找到解答?

空间复杂性: 执行搜索需要多大存储空间?





#### 状态空间图

**图定义**:由非空有限集合V和有限集E组成的二元组 $G = \langle V, E \rangle$ ,其中:

- (1)  $V = \{v_1, v_2, ..., v_n\}$ 是有限非空集,称为结点集,V中的每个元素 $v_i$ 称为图G的一个**结点**,简称为点。
- (2) E是由V中的结点对为元素组成的有限集(可重集),称为边集,E中的每个元素称为图G的一条**边**。

图中结点对既可无序, 也可有序。

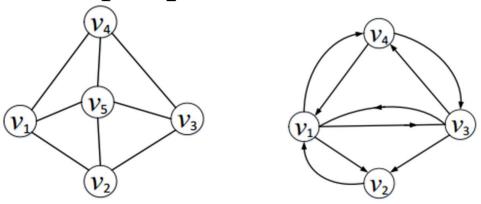
给定图 $G = \langle V, E \rangle$ ,若E中的每条边都是**无序**的,则称该图为**无向图**,否则称为**有向图**。

$$e = (u, v) = (v, u)$$



#### 状态空间图

例:将下图所示的 $G_1$ 和 $G_2$ 表示成 $G = \langle V, E \rangle$ 的形式。



(a)图 $G_1$ 

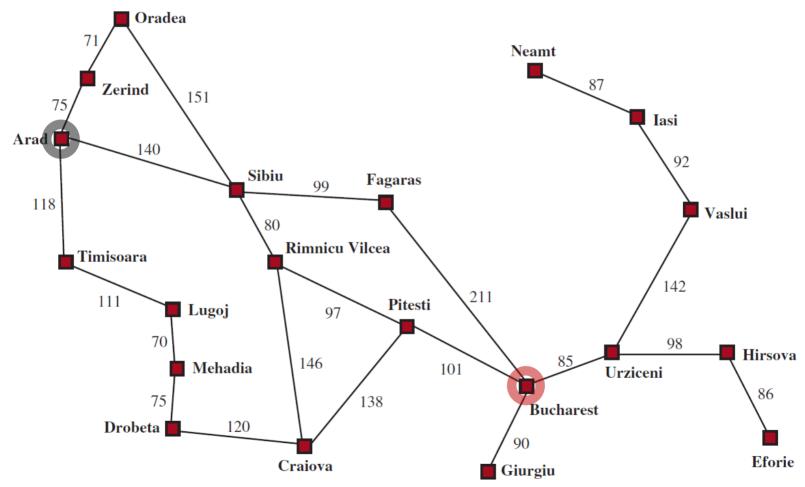
(b)图
$$G_2$$

$$\begin{split} V_1 &= \{v_1, v_2, v_3, v_4, v_5\}, E_1 = \{(v_1, v_2), (v_1, v_4), (v_1, v_5), (v_2, v_3), (v_2, v_5), \\ & (v_3, v_4), (v_3, v_5), (v_4, v_5)\} \\ V_2 &= \{v_1, v_2, v_3, v_4\}, E_2 = \{\langle v_1, v_2 \rangle, \langle v_1, v_3 \rangle, \langle v_1, v_4 \rangle, \langle v_2, v_1 \rangle, \langle v_3, v_1 \rangle, \\ & \langle v_3, v_2 \rangle, \langle v_3, v_4 \rangle, \langle v_4, v_1 \rangle, \langle v_4, v_3 \rangle\} \end{split}$$





#### 状态空间图









#### 状态空间图

状态空间图是搜索问题的一种数学描述

结点:问题的某个状态

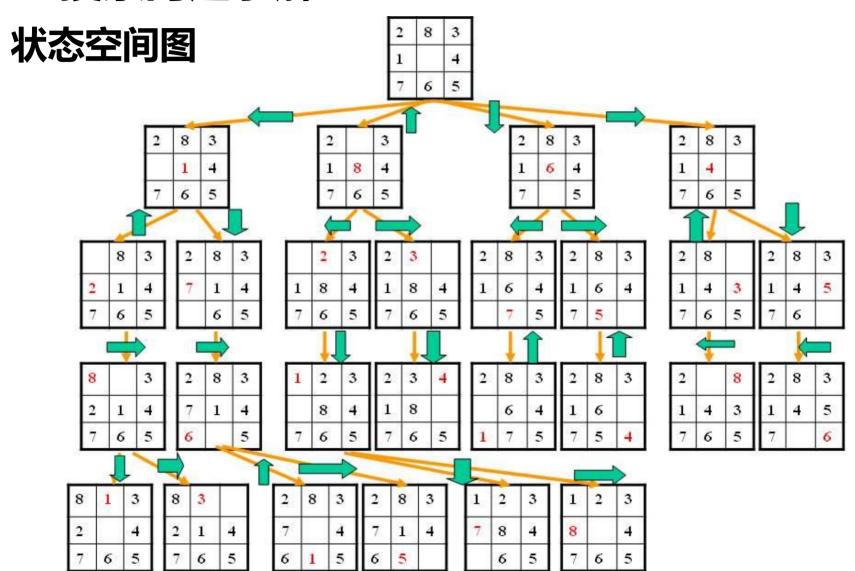
边:表示操作符(动作)

目标:一组结点,通常只有一个

在状态空间图中,每个状态仅出现一次

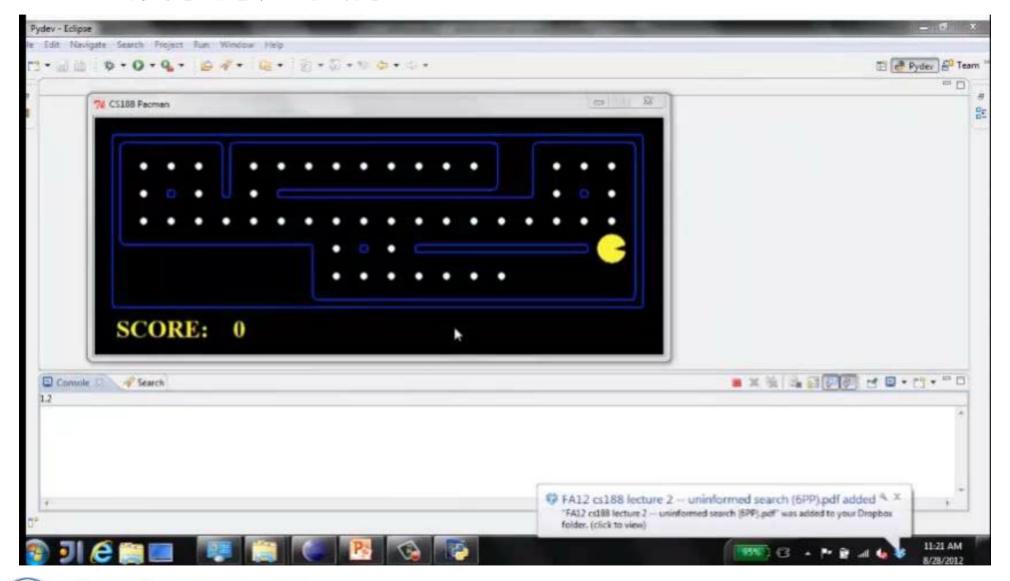
状态空间图一般较大,很少生成**全图**,但它是一种 搜索问题的有效表示方法















1. 搜索问题求解 状态空间图





#### 状态空间图搜索

搜索问题由以下构成:

状态空间:







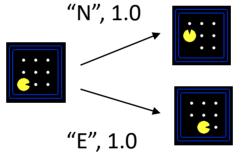








后继函数(动作或代价):



开始和结束状态:

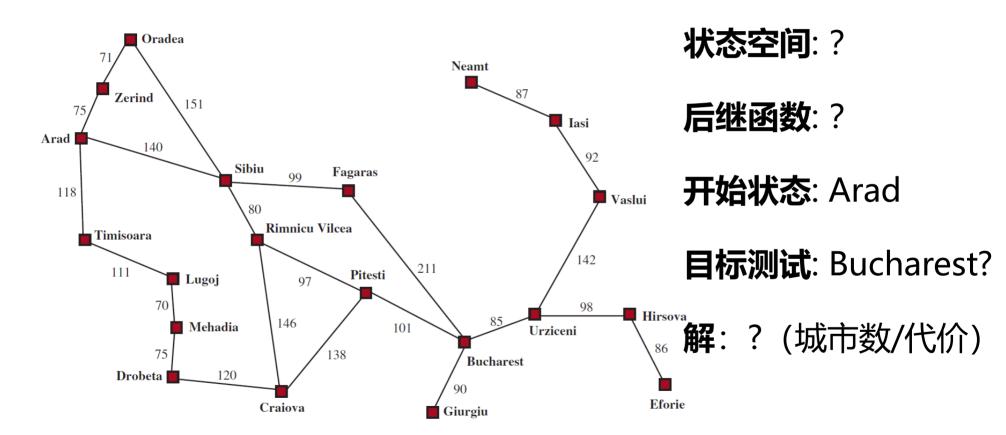




问题的解:将开始状态转换为目标状态的一系列动作



#### 状态空间图搜索

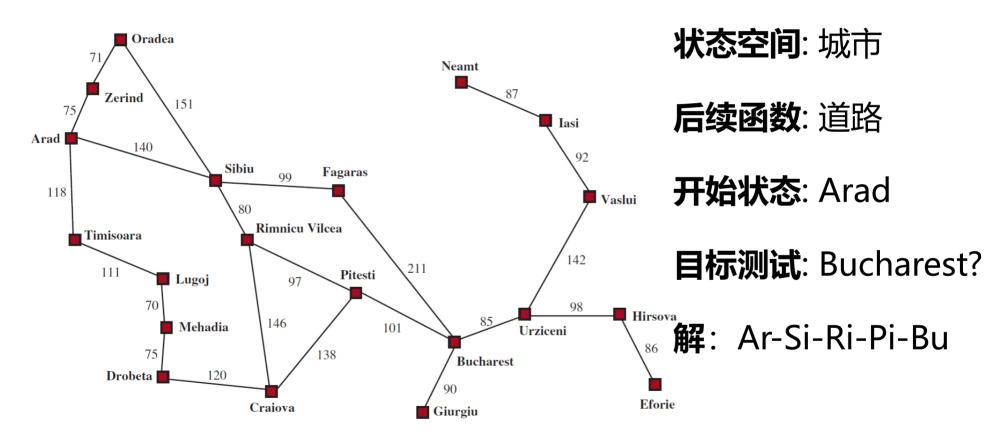


罗马尼亚旅行问题





#### 状态空间图搜索







# Vaslui Neamt Sibiu 99 Fagaras Rimnicu Vilcea Neamt 92 Vaslui

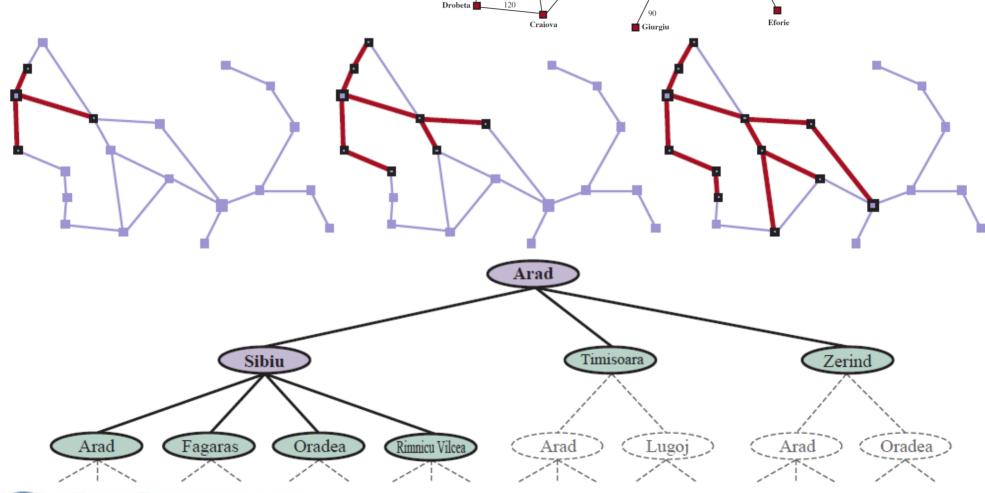
Urziceni

Bucharest

Hirsova

Pitesti

# 1. 搜索问题求解 状态空间图-搜索树



Lugoj

Mehadia

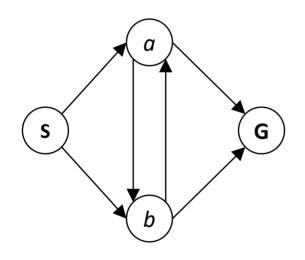
Arad



深圳大学 计算机与软件学院



# 1. 搜索问题求解 状态空间图-搜索树



4个状态的状态空间图



搜索树多大?





#### 状态空间图搜索

图搜索策略主要分为**无信息**搜索(Uninformed Search)和**启 发式**搜索(Heuristic Search)。

**无信息搜索**:也称为盲目搜索,即只按预定的控制策略进行搜索,在搜索过程中获得的中间信息不会用来改进控制策略。

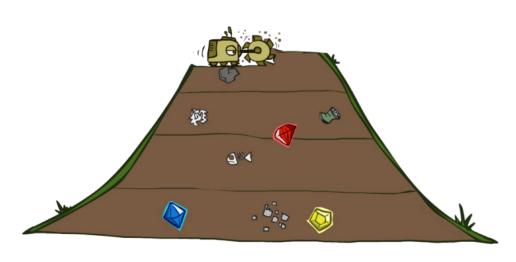
**启发式搜索:** 在搜索中加入了与问题有关的<mark>启发性信息</mark>,用于指导搜索朝着最有希望的方向进行,加速问题的求解过程并找到最优解。







无信息搜索一般是按<mark>预定</mark>的搜索策略进行搜索。由于这种搜索总是按预定的路线进行,没有考虑到问题本身的特性,所以这种搜索具有很大的盲目性,效率不高,适应于简单问题求解。





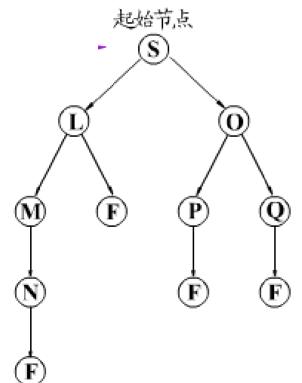
宽度优先

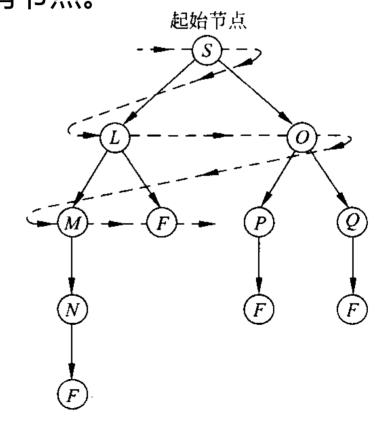
深度优先



#### 宽度优先搜索(Breadth-Frist Search)

**定义**:以接近起始节点的程度依次扩展节点的搜索方法 宽度优先搜索是逐层进行的;在对下一层的任一节点进行搜 索之前,必须搜索完本层的所有节点。









宽度优先搜索(Breadth-Frist Search)

宽度优先搜索流程如下: 把S放入OPEN表 OPEN表为空表? 失败 把第一个节点(n)从OPEN表移至CLOSED表 数据结构? 扩展n,把n的后继节点放入OPEN 表的末端,提供返回节点N的指针 是否有后继节点 成功 为目标节点? 否





#### 宽度优先搜索(Breadth-Frist Search)

#### 宽度优先搜索算法如下:

- (1) 把起始节点S放到OPEN表中(如果该起始节点为一目标节点,则求得一个解答)。
- (2) 如果OPEN是个空表,则没有解,失败退出;否则继续。
- (3) 把第一个节点(节点n)从OPEN表移出,并把它放入 CLOSED扩展节点表中。
- (4) 扩展节点n。如果没有后继节点,则转向上述第(2)步。
- (5) 把n的所有后继节点放到OPEN表的末端,并提供从这些后继节点回到n的指针。
- (6) 如果n的任一个后继节点是个目标节点,则找到一个解答,成功退出;否则转向第(2)步。



宽度优先搜索(Breadth-Frist Search)

宽度优先搜索实例:  $S_0$ 6 5 8 3 6 4 6 4 2 8 





#### 深度优先搜索(Depth-Frist Search)

定义: 优先扩展最新产生的(即最深的)节点的搜索方法

深度优先搜索沿着状态空间某条单一的路径从起始节点向下进行下去;只有当搜索到达一个没有后裔的状态时,它才考虑另一条替代的路径。

状态空间搜索树的深度可能为无限深,往往给出一个节点扩





深度优先搜索(Depth-Frist Search)

有界深度优先搜索流程如下:( 开始 把S放入OPEN表 OPEN表为空表? 失败 把第一个节点(n)从OPEN表移至CLOSED表 节点N的深度等于最大深度? 数据结构? 扩展n,把n的后继节点放入OPEN 表的前端,提供返回节点N的指针 是否有后继节点 成功 为目标节点?





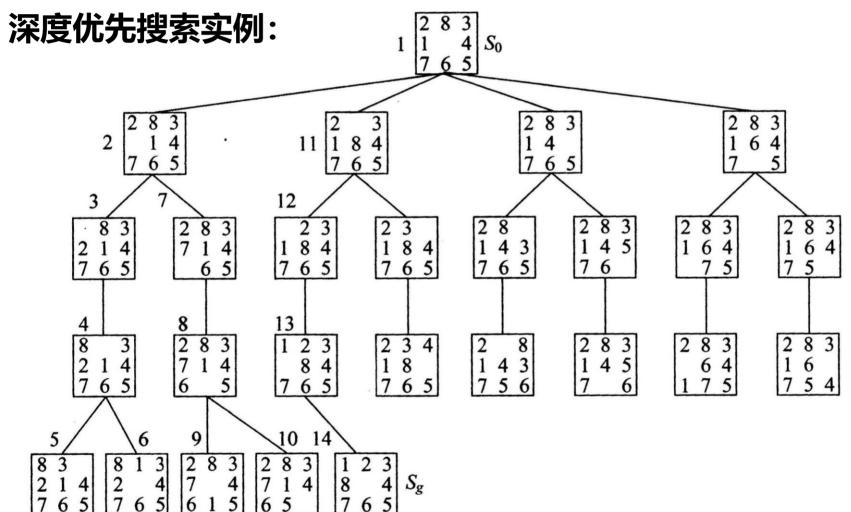
# 深度优先搜索(Depth-Frist Search)

#### 有界深度优先搜索算法如下:

- (1) 把起始节点S放到未扩展节点OPEN表中。如果此节点为一目标节点,则得到一个解。
- (2) 如果OPEN为一空表,则失败退出。
- (3) 把第一个节点(节点n)从OPEN表移到CLOSED表。
- (4) 如果节点n的深度等于最大深度,则转向(2)。
- (5) 扩展节点n,产生其全部后裔,并把它们放入OPEN表的前端,提供返回节点n的指针,如果没有后裔,则转向(2)。
- (6) 如果后继节点中有任一个为目标节点,则求得一个解,成功退出; 否则,转向(2)。



#### 深度优先搜索(Breadth-Frist Search)





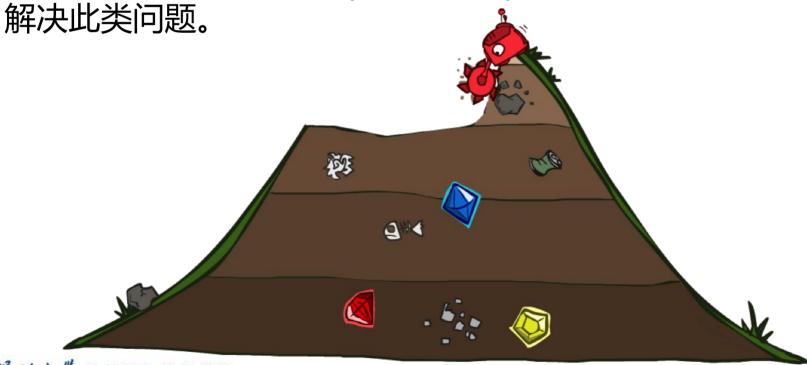
谣 划 大学 计算机与软件学院



#### 一致代价搜索(Uniform-Cost Search)

**定义**:搜索从起始状态至目标状态的具有最小代价解的方法

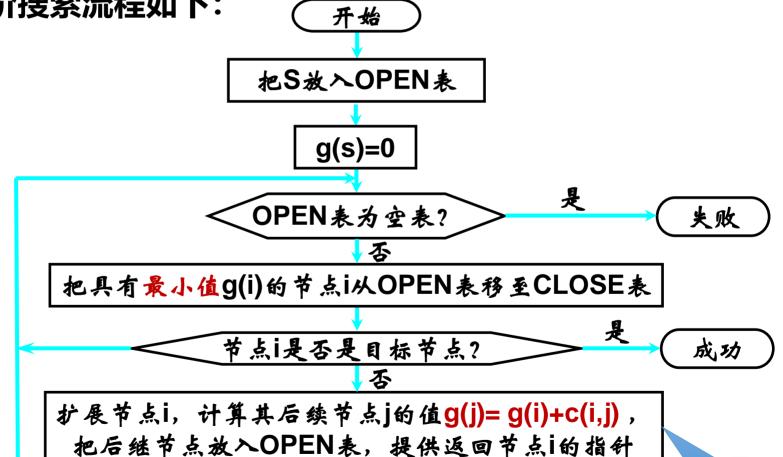
搜索树中每条连接弧线表示有关代价,求得具有最小代价的解答路径。宽度优先(代价都为1)搜索可被推广用来





一致代价搜索(Uniform-Cost Search)

一致代价搜索流程如下:





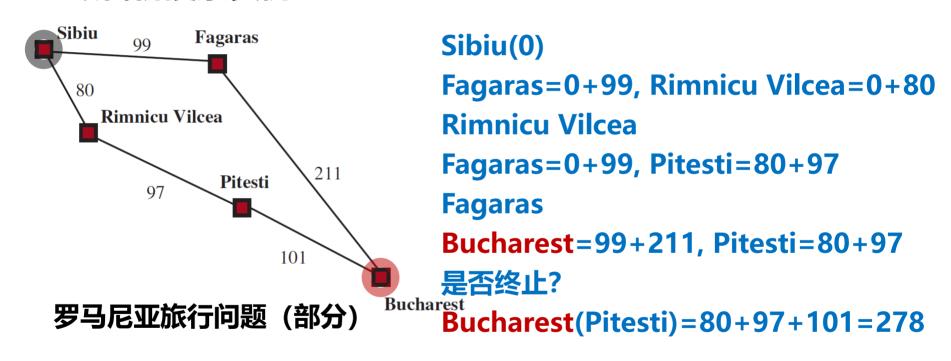


深圳大学 计算机与软件学员

数据结构?



- 一致代价搜索(Uniform-Cost Search)
- 一致代价搜索实例:



一致代价搜索终止条件?



宽度优先(BFS) VS. 深度优先(DFS)





### 搜索算法评价

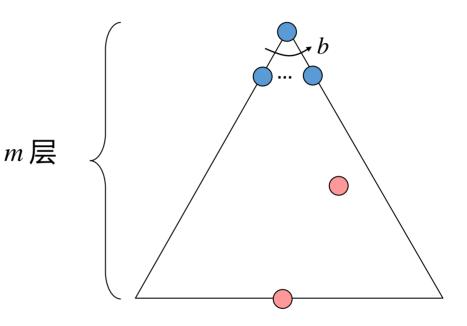
- 完备性
- 最优性
- 时间复杂度
- 空间复杂度

#### 搜索树

- *b*分支数目
- m最大深度
- ball解的深度

整个树的结点数目?

$$1 + b + b^2 + \dots + b^m = O(b^m)$$



1 个结点 b 个结点  $b^2$  个结点

b<sup>m</sup>个结点



## 宽度优先算法特性 BFS扩展的结点?

- 最浅解以上所有结点
- 时间复杂度 $O(b^s)$

#### 扩展结点集空间大小?

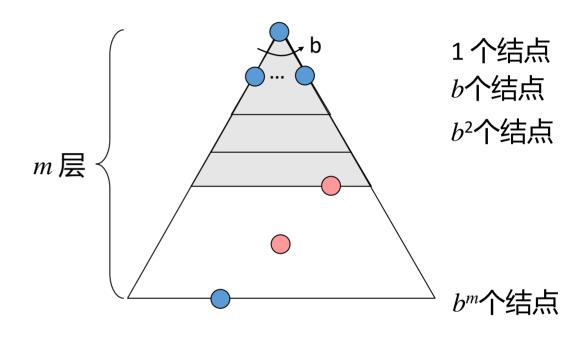
•  $O(b^s)$ 

#### 完备性

• 7

#### 最优性

• ?





## 宽度优先算法特性 BFS扩展的结点?

- 最浅解以上所有结点
- 时间复杂度 $O(b^s)$

#### 扩展结点集空间大小?

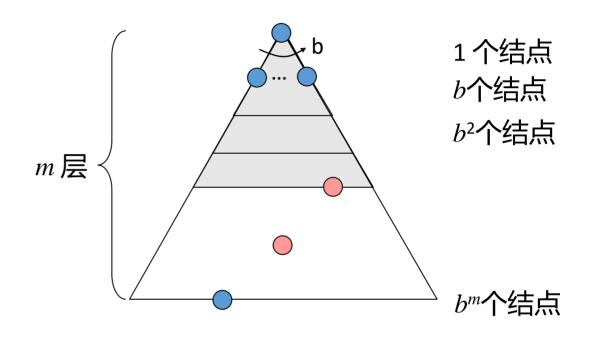
•  $O(b^s)$ 

#### 完备性

完备

#### 最优性

• 是





## 深度优先算法特性 DFS扩展的结点?

- 树的左边结点
- 可能需要扩展整个树
- 时间复杂度*O(bm)*

#### 扩展结点集空间大小?

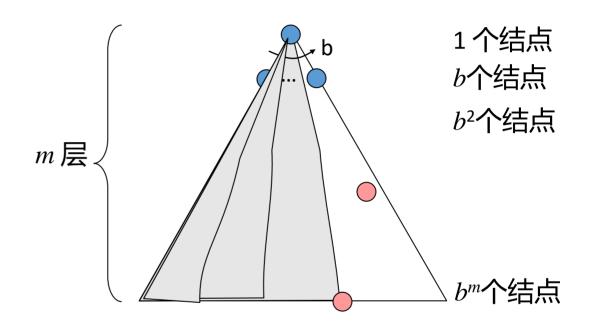
• 0(bm)

#### 完备性

• ?

#### 最优性

• ?





## 深度优先算法特性 DFS扩展的结点?

- 树的左边结点
- 可能需要扩展整个树
- 时间复杂度 $O(b^m)$

#### 扩展结点集空间大小?

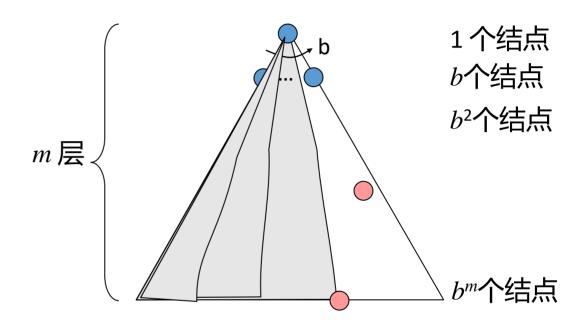
• 0(bm)

#### 完备性

• 可能不完备 (图有环,需进行约束)

#### 最优性

• 否,最左的解





## 一致代价搜索算法特性 UCS扩展的结点?

- 小于最小代价解的所有结点
- 如果解代价为 $C^*$ , 边最小代价为 $\varepsilon$
- 时间复杂度 $O(b^{C^*/\varepsilon})$

#### 扩展结点集空间大小?

•  $O(b^{C^*/\varepsilon})$ 

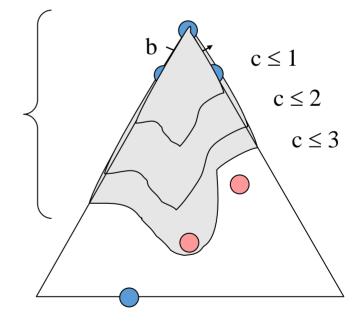
 $C^*/\varepsilon$  层

#### 完备性

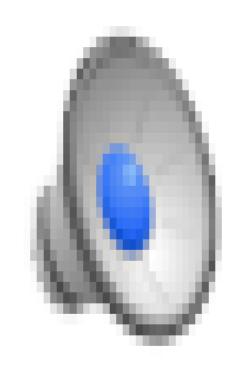
• 完备 (边代价>0)

#### 最优性

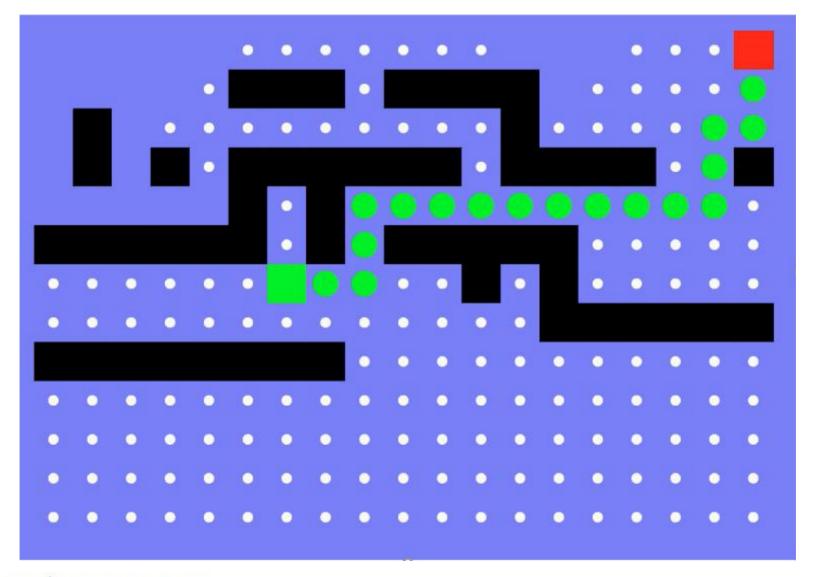
• 是





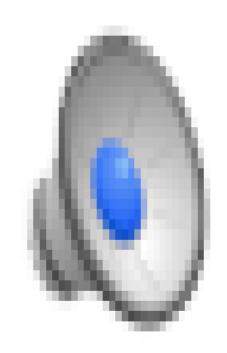




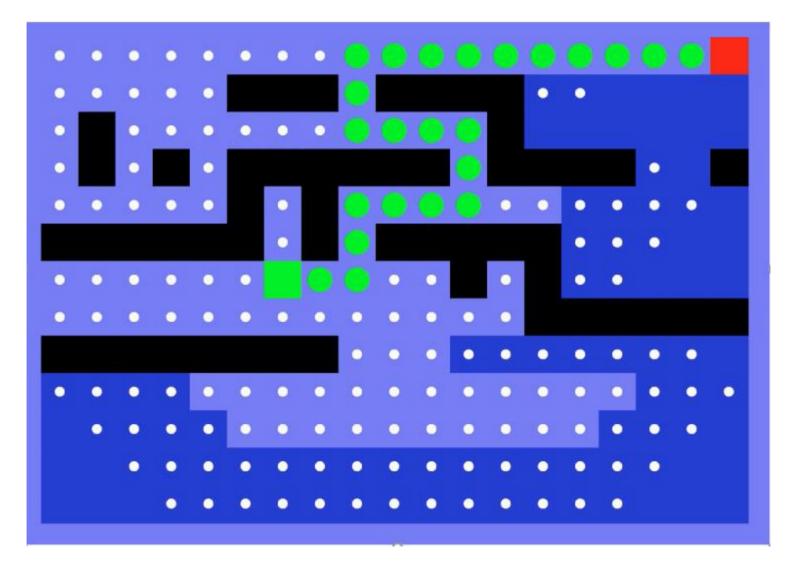




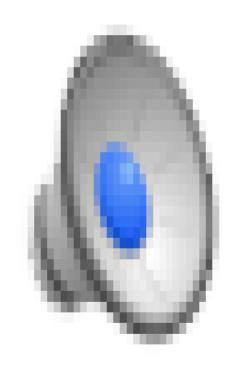




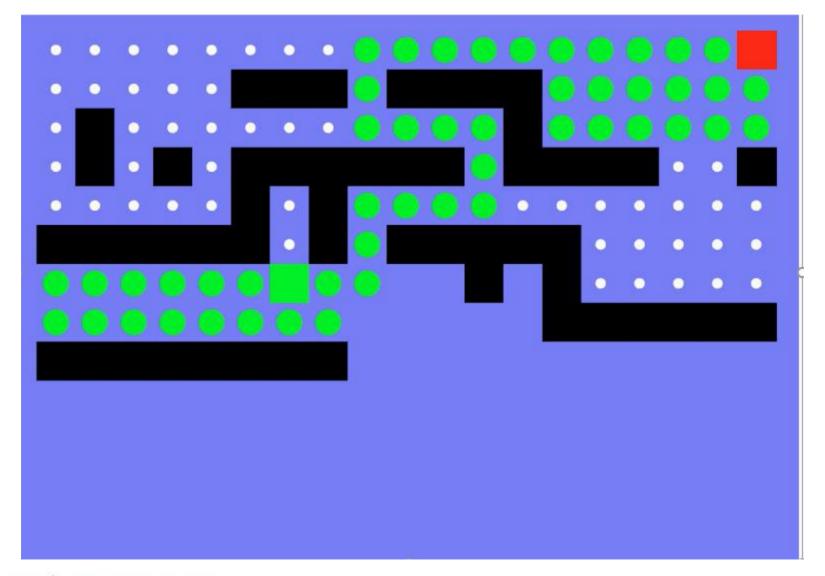








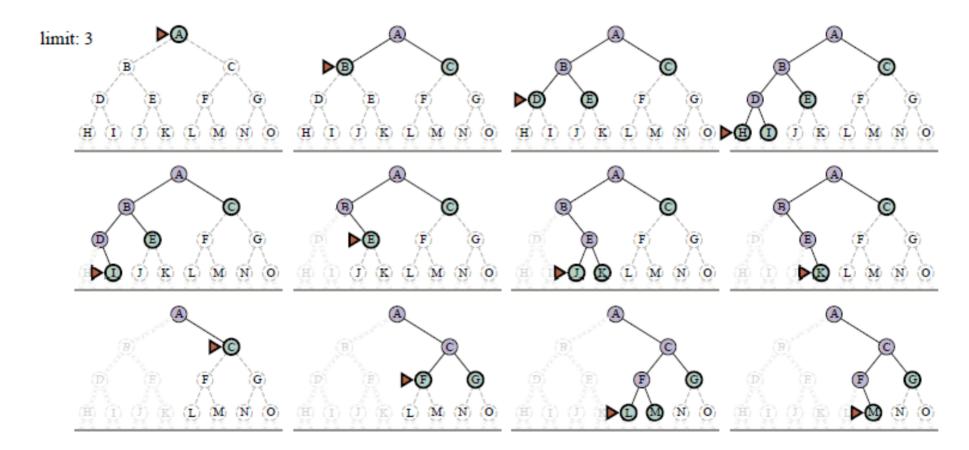






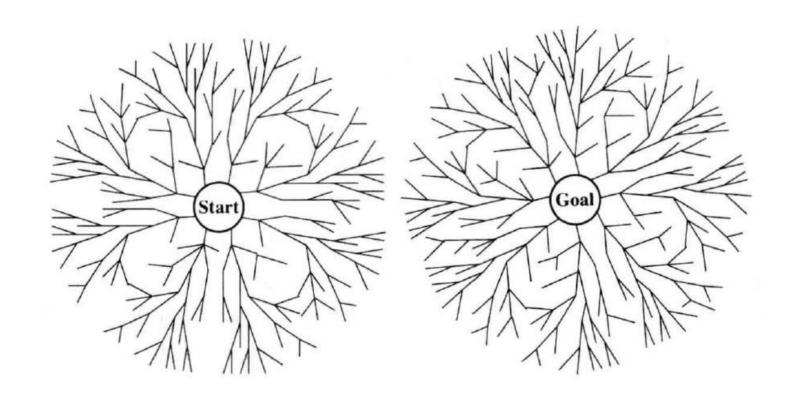


# 2. 无信息搜索 其它无信息搜索 迭代加深



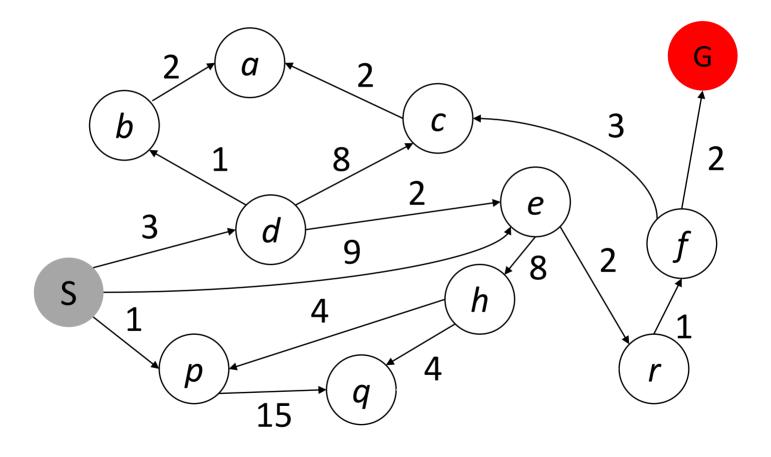


# 2. 无信息搜索 其它无信息搜索 双向搜索





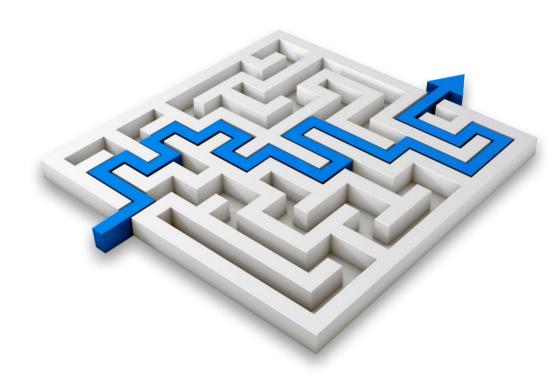
### 练一练





# 目录

- 1 搜索问题求解
- 2 无信息搜索\*\*
- 3 有信息搜索\*\*\*
- 4 A/A\*搜索\*\*\*\*
- 5 基本搜索总结
- 5 习题及实验

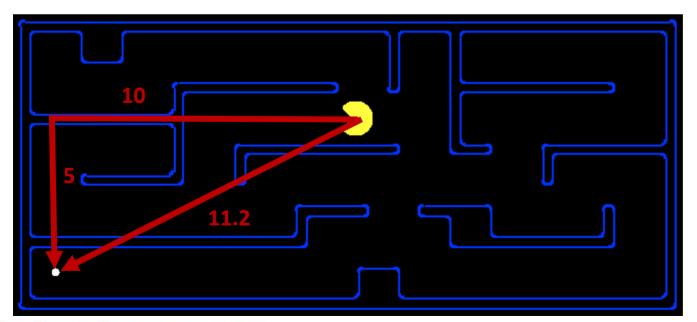




**启发式信息(Heuristic Information)**:某些有关具体问题领域的特性信息

**启发式搜索**: 利用与问题有关的启发式信息引导搜索。 **估价函数**f(n):用来估算节点希望程度的度量。

信息→度量→排序



| 2 | 8 | 3 |
|---|---|---|
| 1 | 6 | 4 |
| 7 |   | 5 |



| 1 | 2 | 3 |
|---|---|---|
| 8 |   | 4 |
| 7 | 6 | 5 |





## 贪婪搜索

#### 搜索策略:

扩展看起来离目标最近的结点

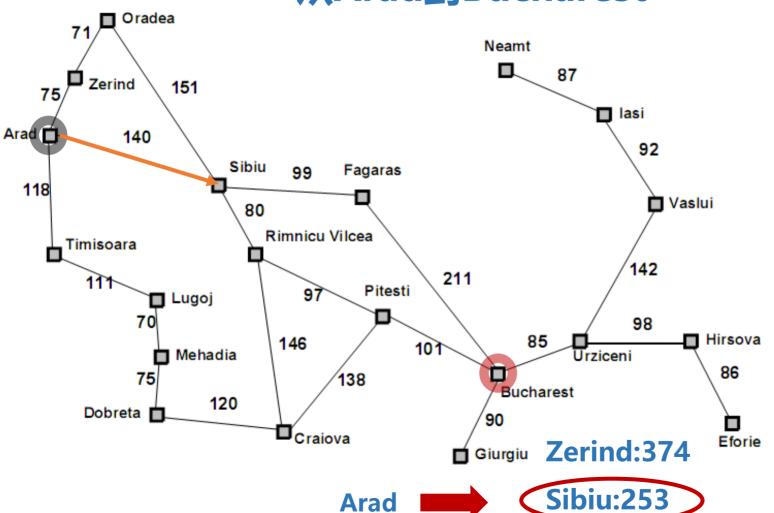
#### 估价函数:

f(n) = h(n)(启发式:估计结点n到目标的代价)





### 从Arad到Bucharest



#### 到目的地直接距离

| Arad           | 366 |
|----------------|-----|
| Bucharest      | 0   |
| Craiova        | 160 |
| Dobreta        | 242 |
| Eforie         | 161 |
| Fagaras        | 178 |
| Giurgiu        | 77  |
| Hirsova        | 151 |
| Iasi           | 226 |
| Lugoj          | 244 |
| Mehadia        | 241 |
| Neamt          | 234 |
| Oradea         | 380 |
| Pitesti        | 98  |
| Rimnicu Vilcea | 193 |
| Sibiu          | 253 |
| Timisoara      | 329 |
| Urziceni       | 80  |
| Vaslui         | 199 |
| Zerind         | 374 |
|                | _   |

h(x)



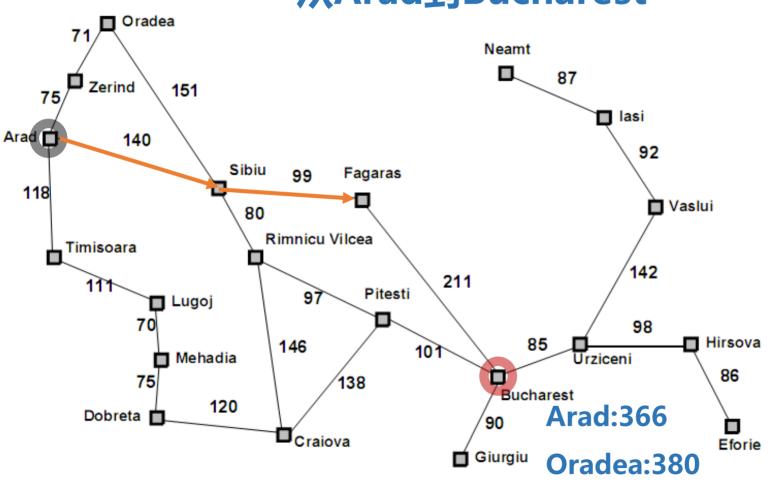


Sibiu:253

Timisoara:329



### 从Arad到Bucharest



Sibiu

#### 到目的地直接距离

| Arad           | 366 |
|----------------|-----|
| Bucharest      | 0   |
| Craiova        | 160 |
| Dobreta        | 242 |
| Eforie         | 161 |
| Fagaras        | 178 |
| Giurgiu        | 77  |
| Hirsova        | 151 |
| Iasi           | 226 |
| Lugoj          | 244 |
| Mehadia        | 241 |
| Neamt          | 234 |
| Oradea         | 380 |
| Pitesti        | 98  |
| Rimnicu Vilcea | 193 |
| Sibiu          | 253 |
| Timisoara      | 329 |
| Urziceni       | 80  |
| Vaslui         | 199 |
| Zerind         | 374 |
|                |     |

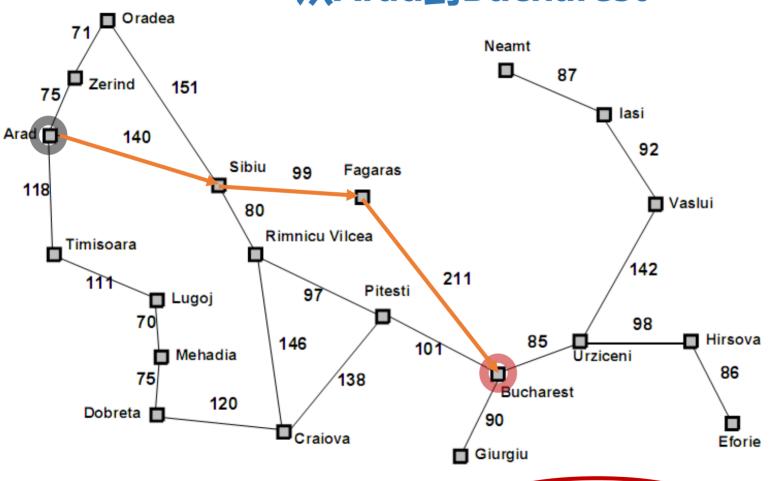
h(x)

Fagaras:178





### 从Arad到Bucharest



**Fagaras** 

#### 到目的地直接距离

| Arad           | 366 |
|----------------|-----|
| Bucharest      | 0   |
| Craiova        | 160 |
| Dobreta        | 242 |
| Eforie         | 161 |
| Fagaras        | 178 |
| Giurgiu        | 77  |
| Hirsova        | 151 |
| Iasi           | 226 |
| Lugoj          | 244 |
| Mehadia        | 241 |
| Neamt          | 234 |
| Oradea         | 380 |
| Pitesti        | 98  |
| Rimnicu Vilcea | 193 |
| Sibiu          | 253 |
| Timisoara      | 329 |
| Urziceni       | 80  |
| Vaslui         | 199 |
| Zerind         | 374 |
|                |     |

**h(x)** 

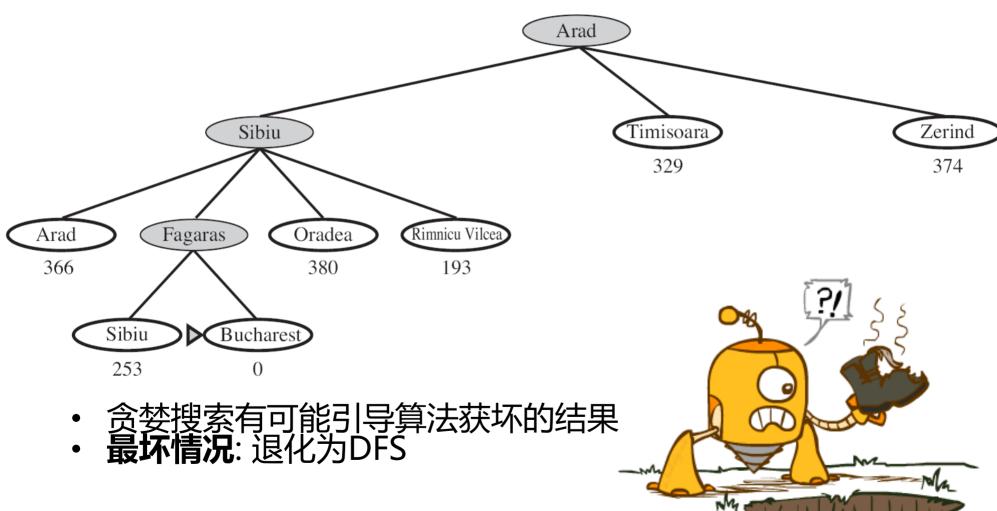


Sibiu:253

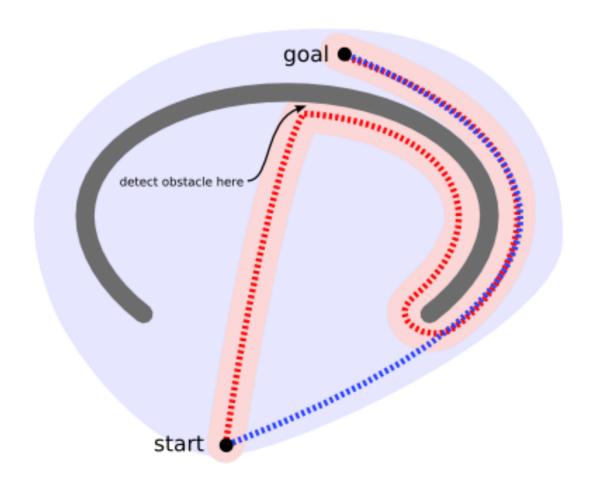
**Bucharest:0** 



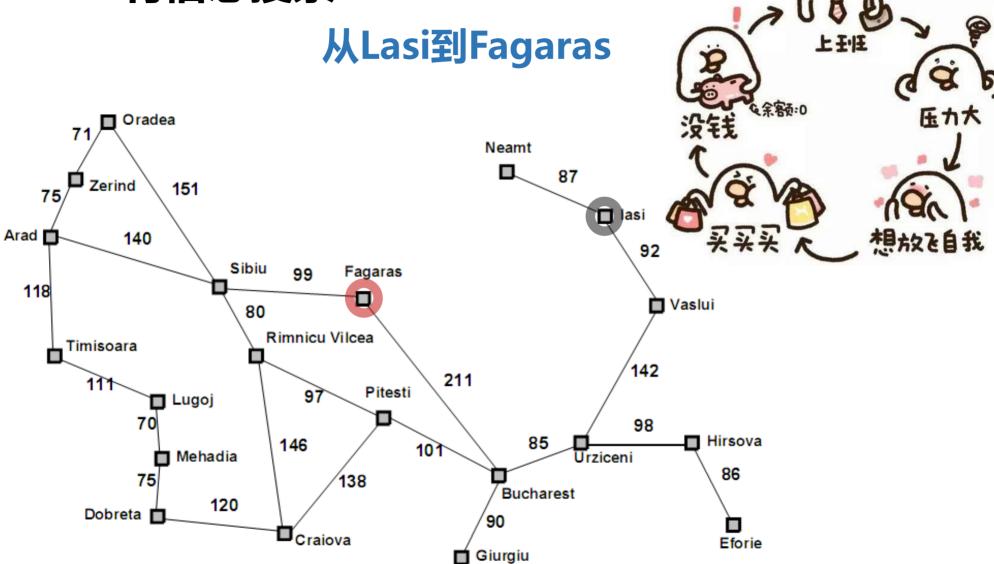
### 从Arad到Bucharest





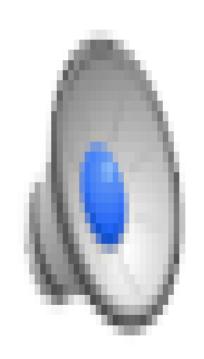




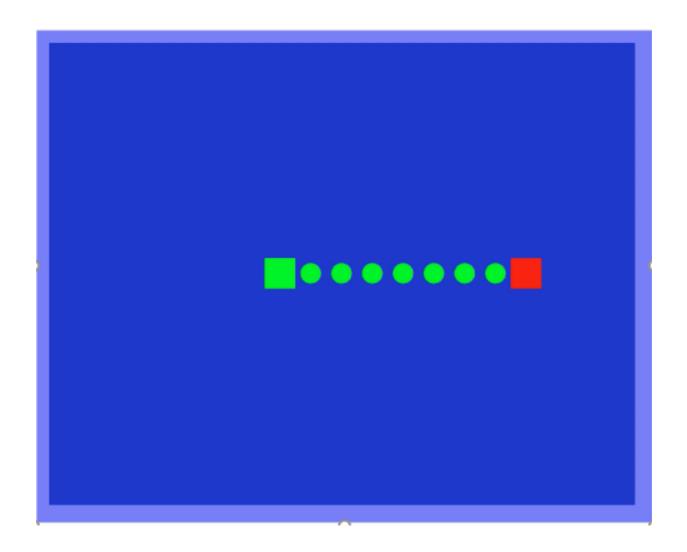




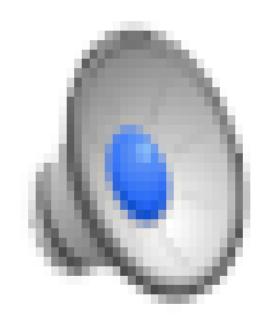




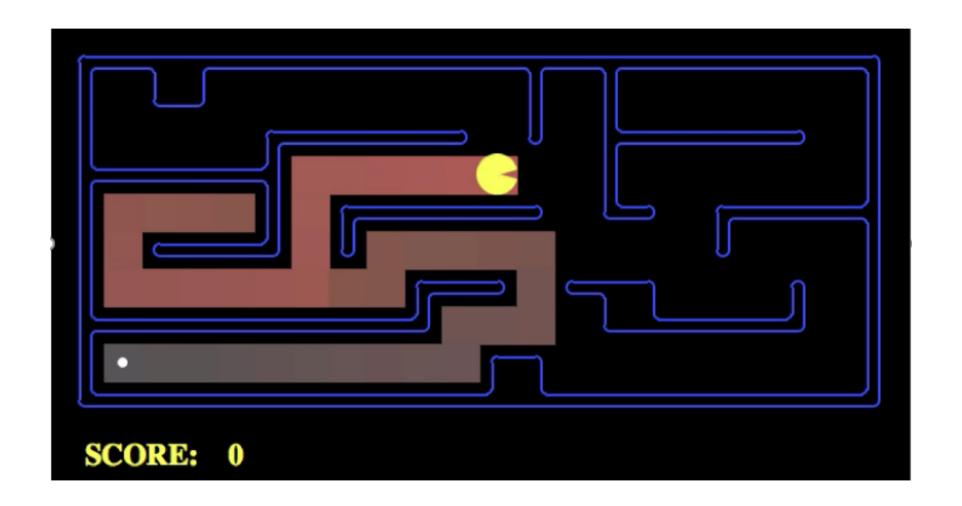














### 贪婪算法性能分析

完备性?

最优解?

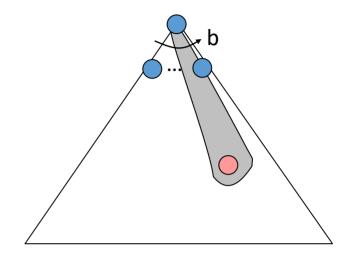
时间复杂度: 最坏情况O(bm)

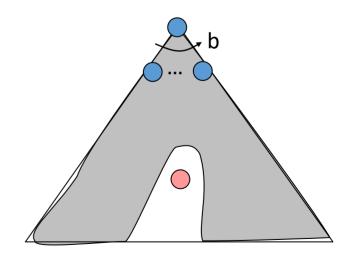
空间复杂度: O(bm)- 需存储所有结

点的信息

其中b代表每个结点的后继结点数,

m代表搜索的深度







#### 搜索策略:

避免扩展耗费已经很大的路径

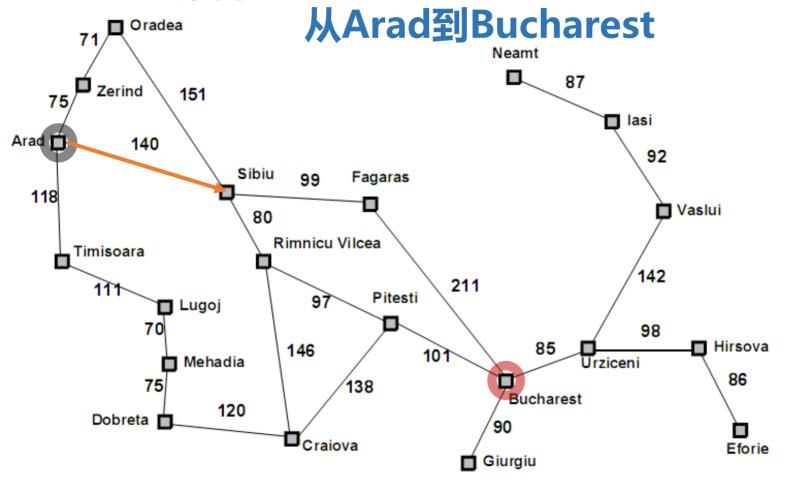
#### 估价函数:

$$f(n) = g(n) + h(n)$$

其中g(n) 初始节点到n节点的耗费(实际代价); h(n)是从n到目标节点最佳路径的估计代价。







#### 到目的地直接距离

| Arad           | 366 |
|----------------|-----|
| Bucharest      | 0   |
| Craiova        | 160 |
| Dobreta        | 242 |
| Eforie         | 161 |
| Fagaras        | 178 |
| Giurgiu        | 77  |
| Hirsova        | 151 |
| Iasi           | 226 |
| Lugoj          | 244 |
| Mehadia        | 241 |
| Neamt          | 234 |
| Oradea         | 380 |
| Pitesti        | 98  |
| Rimnicu Vilcea | 193 |
| Sibiu          | 253 |
| Timisoara      | 329 |
| Urziceni       | 80  |
| Vaslui         | 199 |
| Zerind         | 374 |
|                |     |

Zerind:75+374=449

g(x)+h(x)

Arad:0+366=366

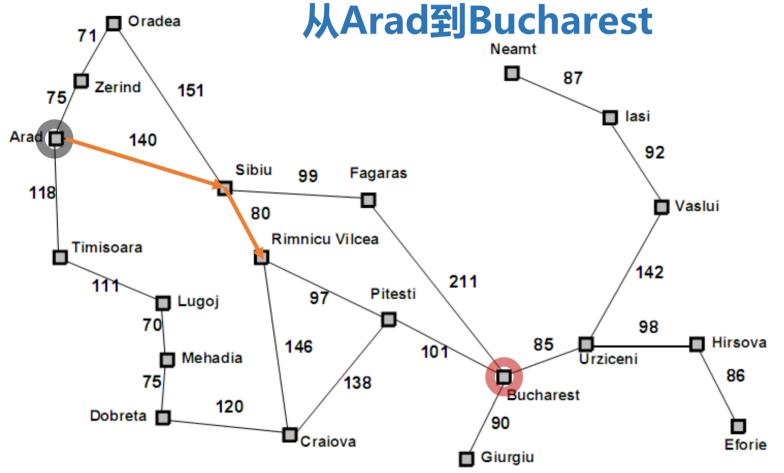
Sibiu:140+253=393



Timisoara:118+329=447







#### 到目的地直接距离

| Arad           | 366 |
|----------------|-----|
| Bucharest      | 0   |
| Craiova        | 160 |
| Dobreta        | 242 |
| Eforie         | 161 |
| Fagaras        | 178 |
| Giurgiu        | 77  |
| Hirsova        | 151 |
| Iasi           | 226 |
| Lugoj          | 244 |
| Mehadia        | 241 |
| Neamt          | 234 |
| Oradea         | 380 |
| Pitesti        | 98  |
| Rimnicu Vilcea | 193 |
| Sibiu          | 253 |
| Timisoara      | 329 |
| Urziceni       | 80  |
| Vaslui         | 199 |
| Zerind         | 374 |
|                |     |

Arad:280+366=646

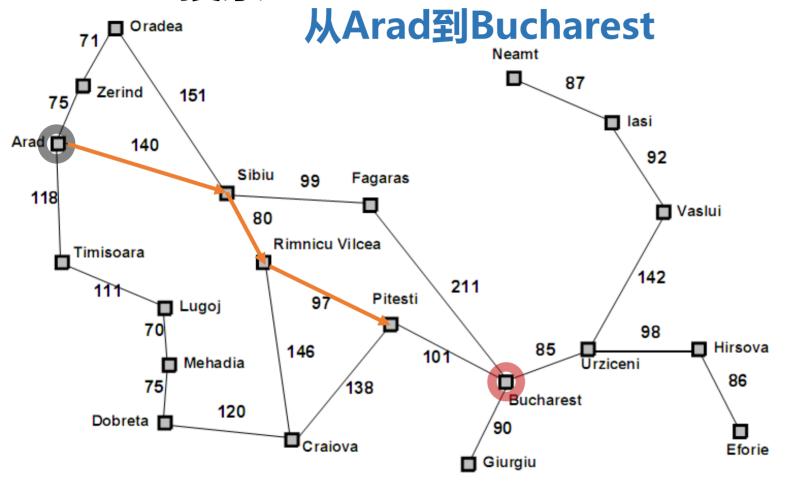
Oradea:291+380=671 g(x)+h(x)

Fagaras:239+176=415

Rimnicu Vilcea:220+193=413







#### 到目的地直接距离

| Arad           | 366 |
|----------------|-----|
| Bucharest      | 0   |
| Craiova        | 160 |
| Dobreta        | 242 |
| Eforie         | 161 |
| Fagaras        | 178 |
| Giurgiu        | 77  |
| Hirsova        | 151 |
| Iasi           | 226 |
| Lugoj          | 244 |
| Mehadia        | 241 |
| Neamt          | 234 |
| Oradea         | 380 |
| Pitesti        | 98  |
| Rimnicu Vilcea | 193 |
| Sibiu          | 253 |
| Timisoara      | 329 |
| Urziceni       | 80  |
| Vaslui         | 199 |
| Zerind         | 374 |
|                |     |

Sibiu:300+253=553

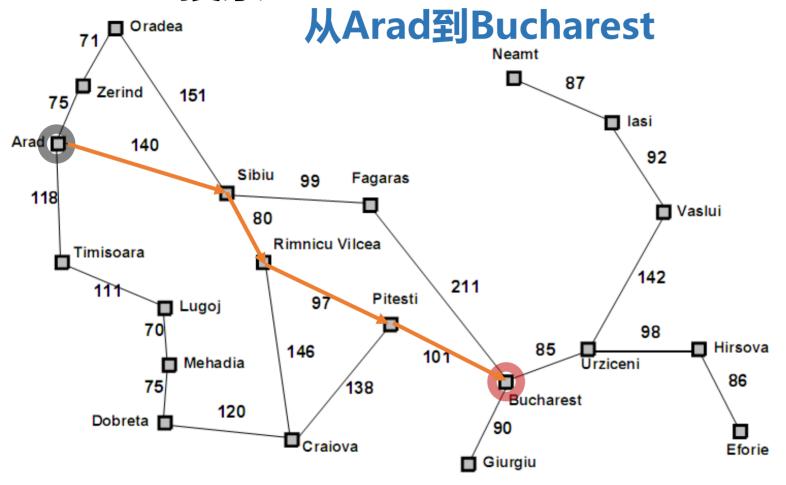
g(x)+h(x)

Rimnicu Vilcea:220+193=413

Pitesti:317+98=415

Craiova:366+160=526





#### 到目的地直接距离

| Arad           | 366 |
|----------------|-----|
| Bucharest      | 0   |
| Craiova        | 160 |
| Dobreta        | 242 |
| Eforie         | 161 |
| Fagaras        | 178 |
| Giurgiu        | 77  |
| Hirsova        | 151 |
| Iasi           | 226 |
| Lugoj          | 244 |
| Mehadia        | 241 |
| Neamt          | 234 |
| Oradea         | 380 |
| Pitesti        | 98  |
| Rimnicu Vilcea | 193 |
| Sibiu          | 253 |
| Timisoara      | 329 |
| Urziceni       | 80  |
| Vaslui         | 199 |
| Zerind         | 374 |
|                |     |

Rimnicu Vilcea:414+193=607

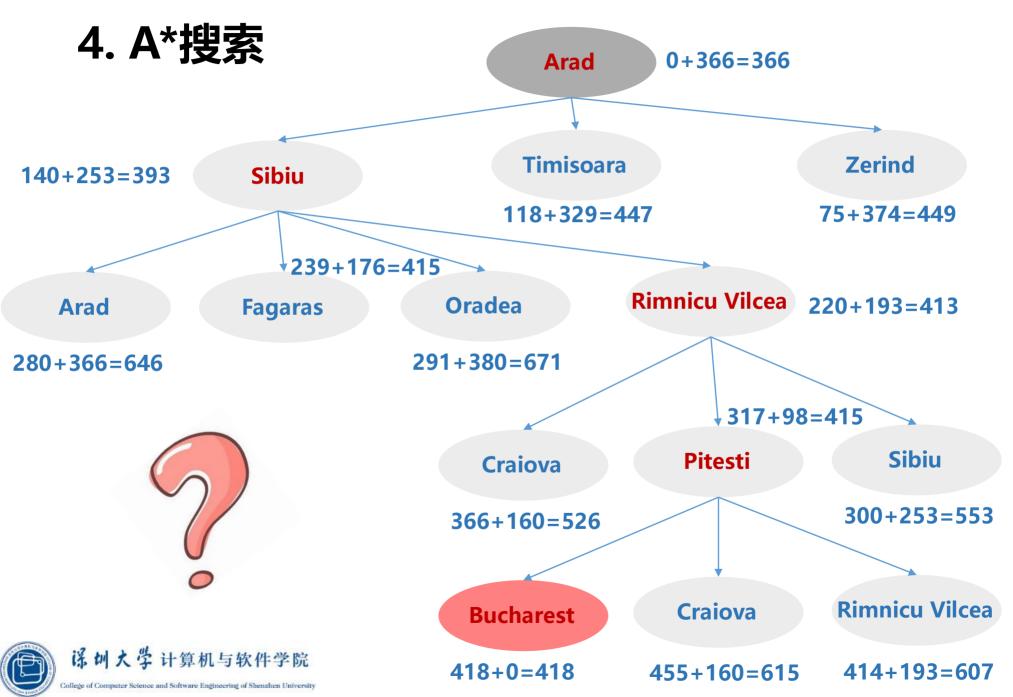
Bucharest:418+0=418 g(x)+h(x)

Pitesti:317+98=415

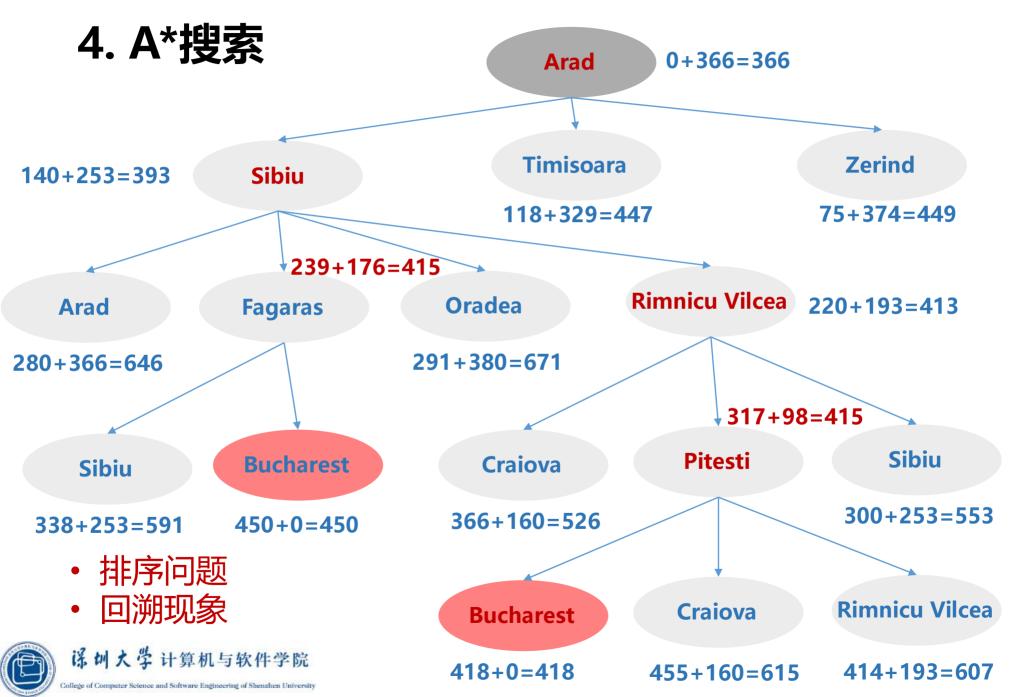
Craiova:455+160=615



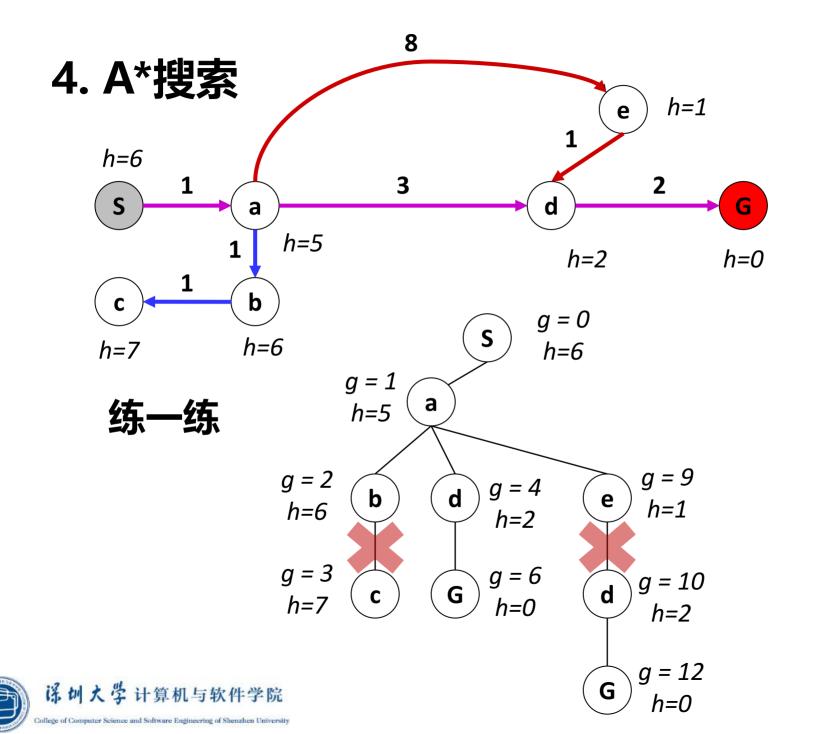








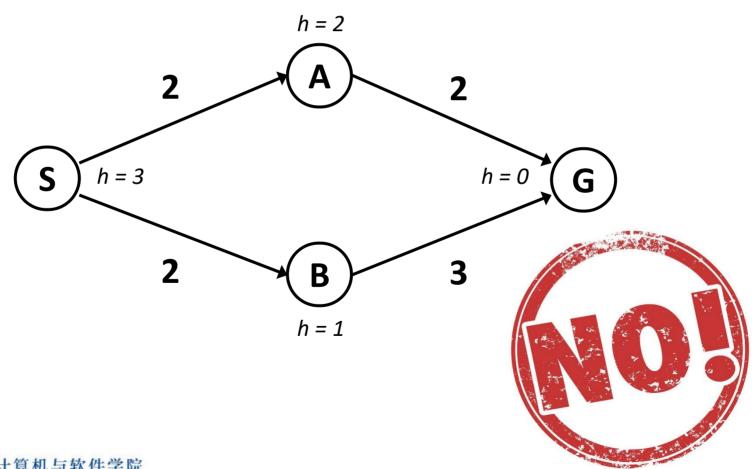






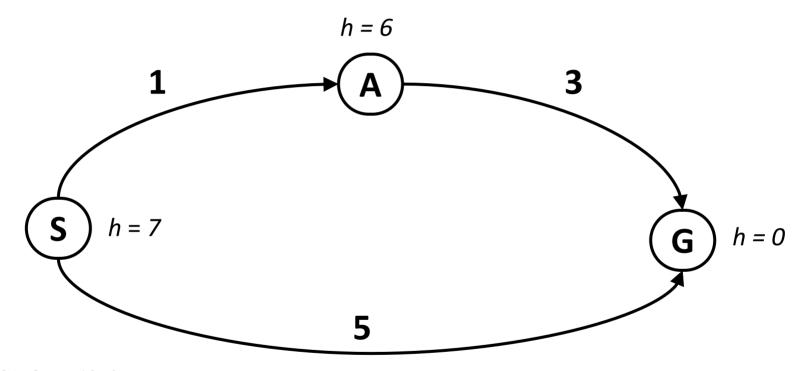
### A\*算法停止条件

能否在探索到目标后就停止?





#### A\*算法最优性



- 错过最优解
- 估计目标代价过大
- 估计目标代价应小于实际目标代价

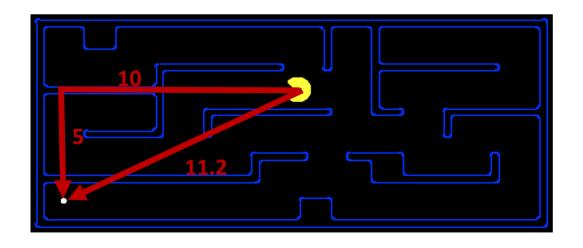
#### 启发式函数是关键



### 可纳性 (准确性)

- 如果对任意节点n,  $h(n) \le h^*(n)$ 成立, 则启发式函数是可纳的(admissible), 其中 $h^*(n)$ 是结点n到目标状态的真实代价。
- 可纳启发式函数不会过高估计结点到目标的代价, 所以算法的解是最优的。

**定理**:如果h(n)可纳,则A\*树搜索算法是最优的



| 2 | 8 | 3 | 4 | 1 | 2 | 3 |
|---|---|---|---|---|---|---|
| 1 | 6 | 4 |   | 8 |   | 4 |
| 7 |   | 5 |   | 7 | 6 | 5 |







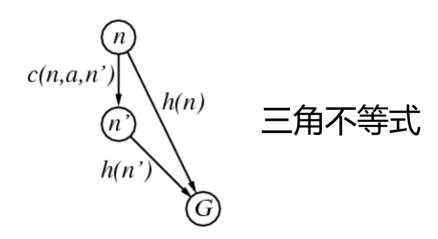
#### 一致性(单调性)-仅限于图搜索

• 如果对任意节点n和通过操作a生成的后续结点n',

 $h(n) \leq cost(n, a, n') + h(n')$ 成立,则启发式函数是一致的。

• 如果启发式函数h是一致的,则评估函数f(n)在任意路径上是非递减的。

**定理**:如果h(n)一致,则A\*图搜索算法是最优的



一致的启发式都是可纳的,一致性的要求比可纳性更严格。

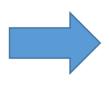


#### 优势性

#### 可纳 $h(n) \leq h^*(n)$

- 对于任意结点n,可纳启发式函数 $h_{1(n)} < h_2(n)$ ,称 $h_2$ <mark>优于</mark> $h_1$
- A\*搜索应选择具优势的启发式函数。

| 2 | 8 | 3 |
|---|---|---|
| 1 | 6 | 4 |
| 7 |   | 5 |



| 1 | 2 | 3 |
|---|---|---|
| 8 |   | 4 |
| 7 | 6 | 5 |

 $h_1(n)$ 与目标的距离  $h_2(n)$ 不在位棋子数





# 内容回顾

### 贪婪搜索

#### 搜索策略:

扩展看起来离目标最近的结点

#### 估价函数:

f(n) = h(n)(启发式:估计结点n到目标的代价)





# 内容回顾

#### A\*搜索策略:

避免扩展耗费已经很大的路径

#### 估价函数:

$$f(n) = g(n) + h(n)$$

其中g(n) 初始节点到n节点的耗费(实际代价);h(n)是从n到目标节点最佳路径的估计代价。 避免扩展耗费已经很大的路径

# 估价函数:

$$f(n) = g(n) + h(n)$$

其中g(n) 初始节点到n节点的耗费(实际代价);

可纳性

一致性

优势性



#### 启发式函数设计

#### 问题松弛化:

八数码问题的动作描述:

#### 棋子可以从方格A移动到方格B,如果A与B 水平或竖直相邻,而且B为空

去掉相关条件,形成松弛问题

- 1) A与B相邻,棋子可从A移到B (距离)
- 2) 如果B空,棋子可从A移动B
- 3) 棋子可从A移动到B (不在位)

#### 解路径26步

| 7 | 2 | 4 |
|---|---|---|
| 5 |   | 6 |
| 8 | 3 | 1 |



|   | 1 | 2 |
|---|---|---|
| 3 | 4 | 5 |
| 6 | 7 | 8 |

#### Absolver自动生成启发式信息

Armand E. Prieditis. Machine Discovery of Effective Admissible Heuristics[J]. Machine Learning, 1993.





#### 启发式函数设计

#### 子问题分解:

原问题分解成多个子问题,考虑子问题的解代价。

#### 模式数据库

存储子问题模式解代价 从目标反向搜索计算模式代价 针对子问题,查找模式数据库

较曼哈顿距离准确

| * | 2 | 4 |
|---|---|---|
| * |   | * |
| * | 3 | 1 |



|   | 1 | 2 |
|---|---|---|
| 3 | 4 | * |
| * | * | * |



#### 启发式函数设计

#### 从经验中学习:

求解大量的八数码问题,每个最优解供启发式函数学习。

学习算法可预测后续状态的解代价。

给定状态用"特征"进行描述(如 $x_1$ 不在位的棋子数, $x_2$ 现在相邻但在目标状态不相邻的棋子对数),选取100个八数码问题,统计实际解代价。

建立函数 $h(n) = c_1 x_1(n) + c_2 x_2(n)$ 

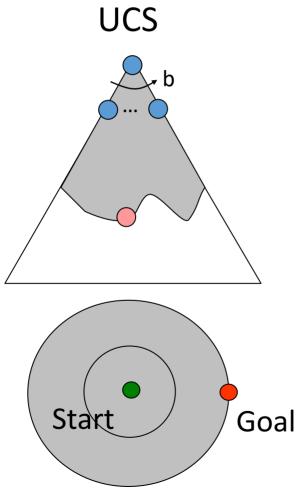
| * | 2 | 4 |
|---|---|---|
| * |   | * |
| * | 3 | 1 |

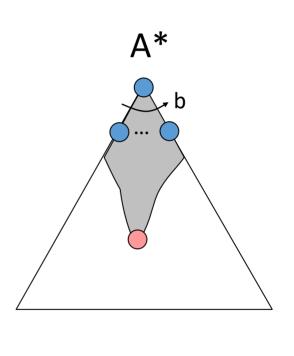


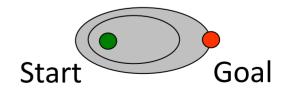
|   | 1 | 2 |
|---|---|---|
| 3 | 4 | * |
| * | * | * |



# 4. A\*算法 A\*算法性能分析









A\*算法性能分析

完备性?

最优性?

时间复杂度: 最坏情况 $O(b^{\varepsilon d})$ 

空间复杂度:  $O(b^m)$  - 需存储所有结点的信息

其中b代表每个结点的后继结点数, d代表解的深度,

 $\varepsilon = \frac{h^{*-h}}{h^{*}}$ 是相对误差,其中 $h^{*}$ 为真实代价, h为估计

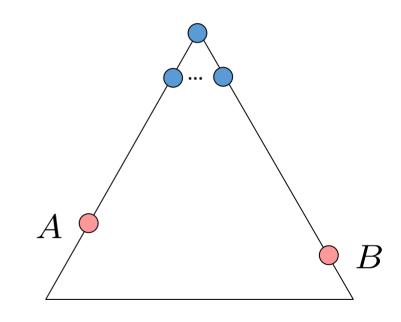
代价。



#### A\*算法性能分析-最优性

**命题:**假定A是最优目标结点,B是次优,h是可纳启发式函数,则A比B更早被搜索。

证明:?





#### A\*算法性能分析-最优性

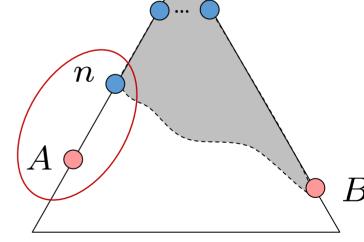
**命题:** 假定A是最优目标结点, B是次优, h是可纳启发式函数,则A比B更早被搜索。

#### 证明:

假设B在候选队列, A的祖先结点n也在队列

只需证明n比B更早扩展

- f(n)小于等于f(A)
- f(A)小于f(B)



$$g(A) < g(B)$$
 B次优  $f(A) < f(B)$  目标 $h = 0$ 





#### A\*算法性能分析-最优性

**命题:** 假定A是最优目标结点, B是次优, h是可纳启发式函数,则A比B更早被搜索。

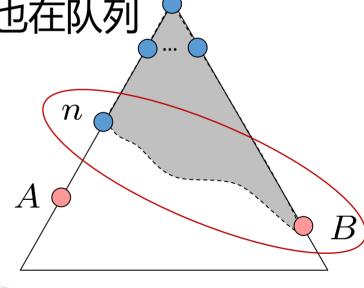
#### 证明:

假设B在候选队列, A的祖先结点n也在队列

只需证明n比B更早扩展

- f(n)小于等于f(A)
- f(A)小于f(B)
- n比B先扩展
- A比B先扩展

命题得证

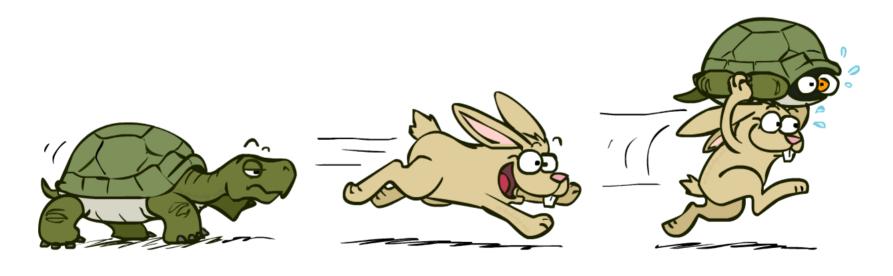


$$f(n) \le f(A) < f(B)$$



#### 总结:

- A\*算法综合了后向路径代价和前向估计代价;
- 如果启发式函数可纳/一致, A\*是最优的;
- 启发式函数设计是关键,应选具有优势的启发式函数。



**UCS** 

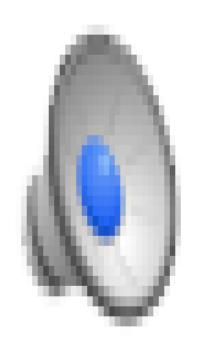
**GBFS** 

**A**\*

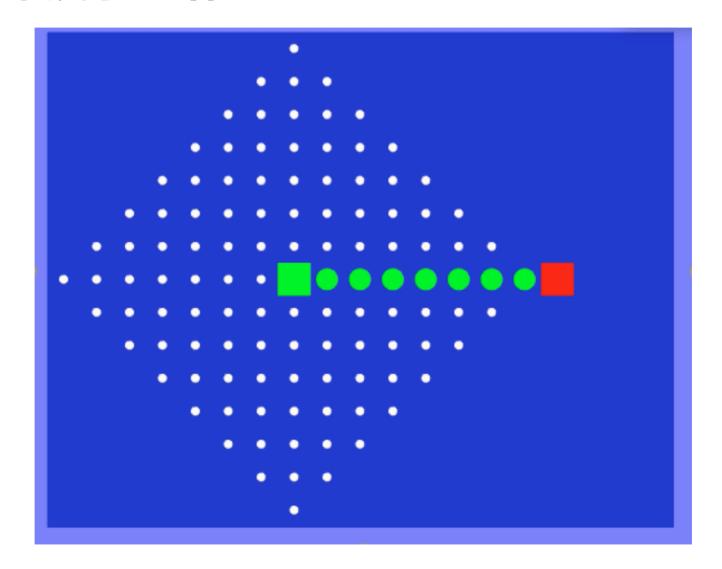


|      | 后向代价       | 前向代价        | 备注     |
|------|------------|-------------|--------|
| BFS  | g(n): 深度层次 | N/A         |        |
| DFS  | g(n):深度层次  | N/A         |        |
| UCS  | g(n): 真实代价 | N/A         | 退化为BFS |
| GBFS | N/A        | h(n): 估计代价  | 退化为DFS |
| A*   | g(n): 真实代价 | h*(n): 估计代价 |        |
|      |            |             |        |

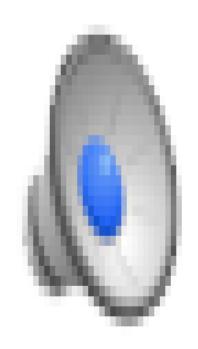




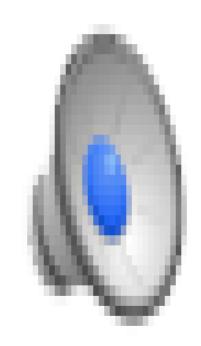




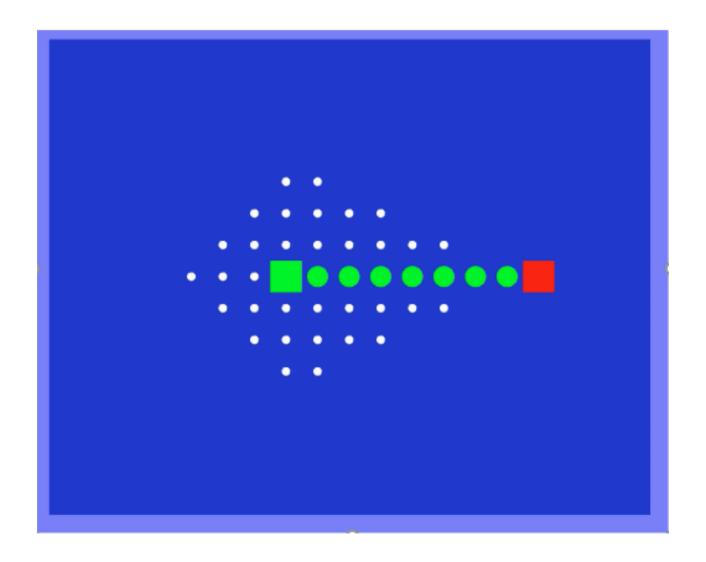




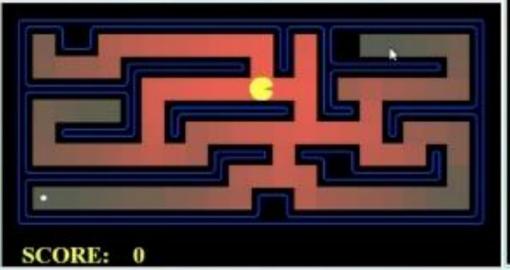




















### 6. 练习题

# 修道士(Missionaries)和野人(Cannibals)问题(简称M-C问题)。

设在河的一岸有三个野人、三个修道士和一条船,修道士想用这条船把所有的人运到河对岸,但受以下条件的约束:

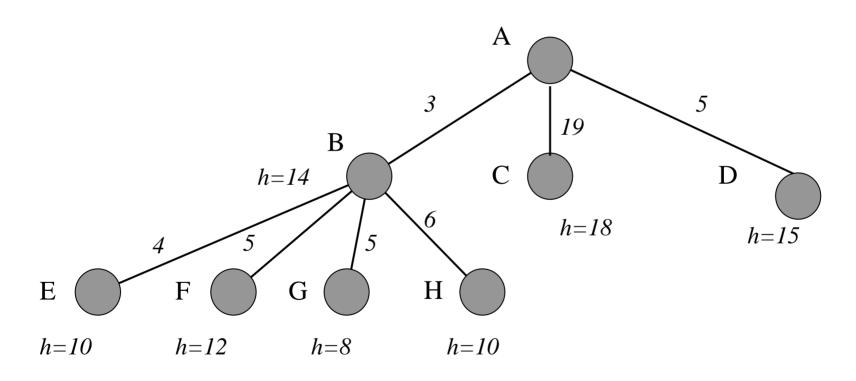
- 一是修道士和野人都会划船,但每次船上至多可载两个人;
- 二是在河的任一岸,如果野人数目超过修道士数,修道士会被野人吃掉。

如果野人会服从任何一次过河安排,请规划一个确保修道士和野人都能过河,且没有修道士被野人吃掉的安全过河计划。



# 6. 练习题

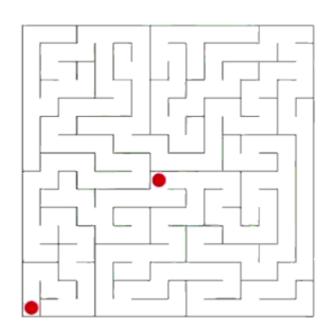
计算宽度优先、深度优先、等代价、贪婪和A\*算法搜索过程。





### 6. 实验题

实现宽度优先和深度优先迷宫求解算法 (建议Python)



迷宫搜索

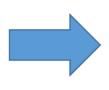
https://blog.csdn.net/qq\_40276310/article/details/80668401



# 6. 实验题

针对以下8数码问题尝试设计两种或以上的启发式函数,并比较它们的优势性。

| 2 | 8 | 3 |
|---|---|---|
| 1 | 6 | 4 |
| 7 |   | 5 |



| 1 | 2 | 3 |
|---|---|---|
| 8 |   | 4 |
| 7 | 6 | 5 |



# 下一章: 约束满足问题

**扑克牌问题:**给定红心、黑桃、梅花和方块各花色的10, J, Q, K牌, 共计16张。试将牌排列组合, 使每行、每列、正反对角线都由不重复的10, J, Q, K构成。







谋 圳大學 计算机与软件学院