מצביעים

קרן כליף

ביחידה זו נלמד:

- מהו מצביע (פוינטר)
 - מוטיבציה למצביעים
 - & אופרטור □
 - * אופרטור
 - אתחול מצביע 🛚
- by pointer העברת פרמטר לפונקציה
 - מצביע const

מוטיבציה

- החזרת יותר מערך אחד מפונקציה
- שפונקציה תוכל לשנות את הפרמטרים שהיא (strcat -ו strcpy למשל כמו)
 - העברת מערכים לפונקציות
 - הקצאת מערכים בגודל לא ידוע בזמן קומפילציה (לא נראה ביחידה זו) הקצאה דינאמית

מהו מצביע (פוינטר)

- עד כה ראינו טיפוסים שונים:
 □
 - :דוגמאות ■
 - וnt − מכיל מספר שלם int
- מכיל מספר עשרוני double 🛚
 - מכיל תו char 🛭
- מצביע הוא **טיפוס המכיל כתובת** של משתנה אחר
- עבור כל טיפוס שלמדנו עד כה יש מצביע מהטיפוס המתאים (למשל מצביע לתא המכיל int, מצביע לתא המכיל double) המכיל
 - גודלו של משתנה מטיפוס מצביע הוא 4 בתים

הגדרת מצביע

```
:כדי להגדיר מצביע
```

```
<type>* <var_name>;
```

: daשל

- :int הגדרת משתנה המצביע למשתנה אחר מטיפוס int* ptr;
- ב הגדרת משתנה המצביע למשתנה אחר מטיפוס:char char* ptr;

& אופרטור

כל משתנה נמצא בזיכרון בכתובת כלשהי 🛘

כדי לקבל את הכתובת של משתנה כלשהונשתמש באופרטור &

□ את הכתובת שנקבל נוכל לשים במשתנה מטיפוס מצביע מהטיפוס המתאים

אופרטור & - דוגמא

```
3
void main()
                                                 int: x
                                                                 1000
                                                 int*: pX
                                                          100
                                                                 1004
                                                          0
   int x = 3;
                                                                 1004
                                                                1008
   int* pX = &x;
                               כדי להדפיס כתובת
                                                                1008
                               משתמשים ב- p%
   printf("x = %d\n", x);
                                                                 יודפס: 3=x
   printf("address of x = \% n", &x);
                                                   address of x = 1000:
   printf("pX = %p\n", pX);
                                                           pX = 1000 יודפס:
   printf("address of pX = \%p\n", \&pX);
                                                 address of pX = 1004 :יודפס
```

c:\C:\WINDOWS\system32\cmd.exe x = 3 address of x = 0012FF60 pX = 0012FF60 address of pX = 0012FF54 Press any key to continue. אנו רואים שהכתובות במחשב הן לא מספרים דצימאלים, אלא הקסה-דצימאלים!

בדוגמאות שלנו נמשיך להשתמש בכתובות בבסיס דצימאלי

נשים לב..

- הדרך היחידה לתת ערך למשתנה מטיפוס מצביע היא
 ע"י מתן כתובת של משתנה אחר ע"י האופרטור &, או
 השמה ממשתנה המכיל מצביע מאותו טיפוס
 - לא ניתן לבצע השמה עם מספר 🛘
 - לא נבצע השמה של כתובת למשתנה מצביע שאינומאותו טיפוס (למשל מכתובת של double ל-int *)

דוגמאות

```
void main()
{
  int x = 3;
  double* pDouble;
  int* pInt1, *pInt2;
  pInt1 = &x;
  pInt1 = 1000;  // cannot convert from int to int*
  pDouble = pInt1;  // cannot convert from int* to double*
  pInt2 = pInt1;
}
```

int: x	3	1000
double*: pDouble	???	1004
int*: pInt1	1000	1008
int*: pInt2	1000	1012

כל משתנה מטיפוס מצביע תופס 4 בתים בזיכרון, בלי קשר לגודל הטיפוס אליו הוא מצביע

דוגמא להדפסת משתנים בפורמט שונה

```
void main()
                                             97<sub>10</sub> == 61<sub>16</sub>
  int x = 97;
                                            12FF60<sub>16</sub>== 1245024<sub>10</sub>
                             %d\n", x); \sqcap as int: 97
   printf("as int:
                        %c\n", x); □ as char: a
   printf("as char:
   printf("as address(hexa): %p\n\n", x);
                                              □ as hexa: 00000061
   printf("&x as address: %p\n", &x);
                                              ■ &x as addess: 0012FF60
   printf("&x as int: %d\n", &x);
```

```
as int: 97
as char: a
as address(hexa): 00000061

&x as address: 0012FF60

&x as int: 1245024
```

* אופרטור

כדי לפנות לתוכן שבכתובת אליה אנו מצביעים נשתמש באופרטור *

```
void main()
   int x = 3, y;
                   תפנה לתוכן שבכתובת 1000
   int* pX = &x;
   y = *pX; // same as y = x;
   printf("x = %d\n", x);
                                                               3
                                           int: x
                                                                      1000
   printf("*pX = %d\n", *pX);
                                                               3
                                           int: y
   printf("y = %d\n", y);
                                                                      1004
                                                              1000
                                           int*: pX
                                                                      1008
```

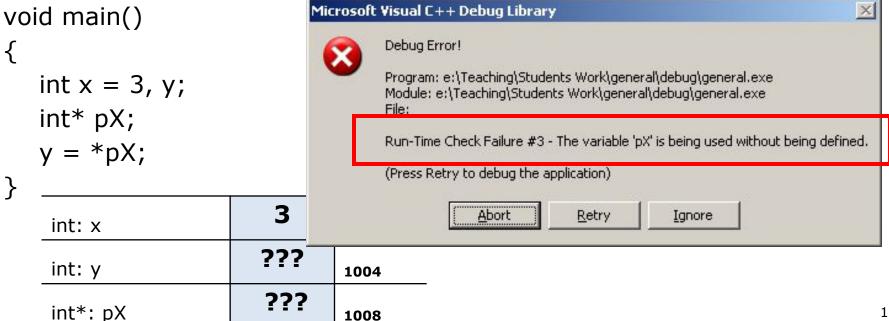
```
x = 3
*pX = 3
y = 3
Press any key to continue . . . _
```

דוגמא

```
void main()
                                                               int: x
                                                 1000
   int x = 7;
                                                        1000
                                                               int*: px
                                                 1004
   int^* px = &x;
                                                        1004
                                                               int**: ppx
   int^{**} ppx = &px;
                                                 1008
                                                               int***: pppx
                                                        1008
   int^{***} pppx = &ppx;
                                                 1012
                                                      \Box x = 7 &x= 1000
   printf("x = \%d \t &x=\%p\n", x, &x);
   printf("px = %p &px=%p\n", px, &px);
                                                      \Box px = 1000 &px=1004
   printf("ppx = %p & ppx=%p\n", ppx, &ppx);
                                                      \Box ppx = 1004 &ppx=1008
   printf("pppx = %p &pppx=%p\n", pppx, &pppx);
                                                      □ pppx = 1008 &pppx=1012
   printf("pppx = %p\n", pppx);
                                                      □ pppx = 1008
   printf("*pppx = %p\n", *pppx);
                                                      □ *pppx = 1004
   printf("**pppx = %p\n", **pppx);
                                                      □ ***pppx = 1000□ ***pppx = 7
   printf("***pppx = %d\n", ***pppx);
```

אתחול מצביעים

- כמו כל משתנה אחר, גם משתנה מטיפוס מצביע מכיל זבל עד אשר הוא מאותחל
- כאשר ננסה לפנות לתוכן של מצביע שהתוכן שלו הוא זבל התוכנית תעוף!! כי למעשה אנחנו מנסים לגשת לתא זיכרון שלא



איך נראה מצביע מזובל בקומפיילר

- ראינו שהכתובות שאיתן אנו מדגימים אינן הכתובות שהקומפיילר משתמש
 - כתובת מזובלת בקומפיילר אינה ??? אלא כתובת מיוחדת בהקסה-דצימלי:

מצביעים – מה יקרה בתוכנית? (1) (הנחה: הזיכרון מתחיל בכתובת 1000)

```
void main()
{
   int num1=10, num2=20;
   int *p1, *p2;

   printf("&num1 = %p\n", &num1);
   printf("&p1 = %p\n", &p1);
}
num1 = 1000& :091
p1 = 1008& :091
```

int: num1	10	1000
int: num2	20	1004
int*: p1	???	1008
int*: p2	???	1012

מצביעים – מה יקרה בתוכנית? (2) (הנחה: הזיכרון מתחיל בכתובת 1000)

```
void main()
{
  int num1=10, num2=20;
  int *p1, *p2;
  p1 = &num1;
  num2 = *p1;
  printf(p1=%p\n'', p1);
                                            יודפס: 1000 = 1ם
  printf("num2=%d\n", num2);
                                           num2 = 10 : opiu
   printf(%num2=%p\n'', &num2);
                                        num2 = 1004& :יודפס
                  10
   int: num1
                       1000
                  10
   int: num2
                       1004
   int*: p1
                       1008
                1000
```

1008

777

מצביעים – מה יקרה בתוכנית? (3) (הנחה: הזיכרון מתחיל בכתובת 1000)

int: num1	10	1000
int: num2	20	1004
int*: p1	???	1008
int*: p2	???	1012

מצביעים – מה יקרה בתוכנית? (4) (הנחה: הזיכרון מצביעים – מה יקרה בתוכנית? (4) מתחיל בכתובת 1000)

```
void main()
{
  int num1=10, num2=20;
  int *p1, *p2;
  p1 = &num1;
  *p1 = num2;
  printf("num1=%d\n", num1);
                                        num1 = 20 : 0
              20
 int: num1
                   1000
```

מצביעים – מה יקרה בתוכנית? (5) (הנחה: הזיכרון מתחיל בכתובת 1000)

```
void main()
{
   int num1=10, num2=20;
   int *p1, *p2;

   p1 = &num1;
   *p1 = &num2;
   *p1 = &num2;
   *p1 = *p2;
   printf("num1=%d\n", num1);
}
```

int: num1	10	1000
int: num2	20	1004
int*: p1		1008
int*: β½	1000	1898
	???	1012

מצביעים – מה יקרה בתוכנית? (6) (הנחה: הזיכרון מתחיל בכתובת 1000)

```
void main()
{
  int num1=10, num2=20;
  int *p1, *p2;

  p1 = &num1;
  &num2= p1;
  printf("num2=%d\n", num2);
}
```

int: num1	10	1000
int: num2	20	1004
int*: p1		1008
int*: β3	1000	1898
 int*: n2	222	1012

swap :דוגמא: – by value העברה

```
המטרה: פונקציה המקבלת 2 מספרים ומחליפה בינהם
void swap(int a, int b)
   printf("In function, before swap: a=\%d, b=\%d\n", a, b);
                                                                         3
                                                            int: a
                                                                             2000
   int temp = b;
                                                                         2
   b = a;
                                                            int: b
                                                                             2004
   a = temp;
                                                                         3
                                                            int: temp
   printf("In function, after swap: a=\%d, b=\%d\n", a, b);
                                                                             2008
                                                                 הזיכרון של swap
                      הפונקציה לא באמת החליפה בין
void main()
                                                            int: num1
                                                                             1000
                                הערכים.
                                                                         3
                                                            int: num2
                                                                             1004
   int num1=2, num2=3;
                                                                main -הזיכרון של ה
   printf("In main, before swap: num1=\%d, num2=\%d\n", num1, num2);
   swap(num1, num2);
   printf("In main, after swap: num1=%d, num2=%d\n", num1, num2);
  C:\WINDOWS\system32\cmd.exe
  In main, before swap: num1=2, num2=3
  In function, before swap: a=2, b=3
```

In function, after swap: a=3, b=2 In main, after swap: num1=2, num2=3

Press any key to continue

swap :העברה של by pointer העברה

```
המטרה: פונקציה המקבלת 2 מספרים ומחליפה בינהם
void swap(int* a, int* b)
   printf("In function, before swap: *a=%d, *b=%d\n", *a, *b);
   int temp = *b;
   *b = *a;
   *a = temp;
   printf("In function, after swap: *a=%d,*b=%d\n",*a,*b);
                                                                      100
                                                                        0
                                                           int*: a
void main()
                                                                            2000
                                                                       100
   int num1=2, num2=3;
                                                                        4
                                                           int*: b
                                                                            2004
   printf("In main, before swap: num1=%d, num2=%d\n", intertelmphu
                                                                            הזיכו
                                                                             2008
   swap(&num1, &num2);
   printf("In main, after swap: num1=%d, num2=%d\n", num1, num2);
      Teaching\Students Work\general\debug\general.exe
```

before swap. nami-z, namz-s	main, before swap: num1=2, num2=3 function, before swap: *a=2, *b=3 function, after swap: *a=3,* b=2		faile "wells a	=2 $num2=3$
	runction, before swap: *a=2, *b=3	main, before	e swah. namt	-2, Hunz-J

int: num1	3	1000
int: num2	2	1004
•		

main -הזיכרון של ה

by pointer – העברת פרמטר לפונקציה

- ∶ראינו
- כאשר מעבירים משתנה לפונקציה עותק שלו מועבר למחסניתשל הפונקציה (העברה by value)
 - אם בפונקציה משנים את הפרמטר זה לא משפיע על המשתנה המקורי
- גם כאשר מעבירים משתנה מטיפוס מצביע לפונקציה מעבירים עותק (של הכתובת), אבל כאשר מבצעים שינוי **בתוכן המצביע** בפונקציה אז השינוי משפיע גם על המשתנה המקורי
 - העברת פרמטר מטיפוס מצביע לפונקציה המשנה את by pointer תוכן המצביע נקראת העברה

החזרת יותר מערך יחיד מפונקציה

- למשל נרצה לכתוב פונקציה המקבלת מערך, וצריכה להחזיר מהו המספר המקסימאלי ומה המינימאלי
- להחזיר ערך אחד return מאחר וניתן ע"י הפקודה בלבד אנחנו בבעיה...
- משתנה by pointer הפתרון הוא להעביר כפרמטר שיכיל לבסוף את התוצאה

מציאת מינימום ומקסימום

```
void minMax(int arr[], int size, int* min, int* max)
                                                                         3
{
                                                          int: size
                                                                              2000
   int i:
                                                                        101
   *min = *max = arr[0];
   for i=1 (i < sizė
                                     C:\WINDOWS\system32\cmd.exe
                                     max is 8 and min is 2
    if (*min > arr[i])
                                     Press any key to continue
       *min = arr[i];
                                                          int:i
                                                                              2012
    if (*max < arr[i])
       *max = arr[i];
                                                                         5
                                                         int[]: arr
                                                                              1000
                                                                              1004
                             תזכורת: כאשר מעבירים
                                                                              1008
                            מערך לפונקציה מתייחסים
void main()
                                                                         2
                            למערך המקורי, ולא לעותק
                                                          int:minimum
                                                                              1012
   int arr[] = \{5,2,8\};
                                     שלו!
                                                                         8
                                                          int:maximum
                                                                              1016
   int minimum, maximum;
                                                              main -הזיכרון של
   minMax(arr, sizeof(arr)/sizeof(arr[0]), &minimum, &maximum);
   printf("max is %d and min is %d\n", maximum, minimum);
```

}

הארות

- או רק את min ניתן היה להעביר לפונקציה רק את min או רק את max ואת הערך השני להחזיר ע"י
- <u>אבל:</u> כאשר הפונקציה מחזירה יותר מערך אחד והם כולם בעלי אותה תפקיד, נעדיף שכולם יוחזרו by pointer (אחידות בסגנון)
 - אם מעבירים לפונקציה פרמטר by pointer שהפונקציה מתבססת על ערכו, חובה לאתחלו בפונקציה, ולא להתבסס על אתחול (שאולי) בוצע בפונקציה שקראה

by pointer אתחול פרמטר המועבר

```
void countPositive(int arr[], int size, int* count)
   int i;
   *count = 0; // it is our responsibility to initialize the value!
   for (i=0; i < size; i++)
    if (arr[i] > 0)
                                                                              -4
                                              3
                                                          int[]: arr
                                                                                  1000
        (*count)++;
                             int: size
                                                   2000
                                                                              2
                                            101
                                                                                  1004
                             int*: count
                                                                              -8
                                                   2004
                                                                                  1008
void main()
                                                          int: numOfPositive
                                                                                  1012
                                                                 main -הזיכרון של ה
   int arr[] = \{-4,2,-8\};
   int numOfPositive; // we can't assume that who wrote
                  // the main initialized that variable!!
   countPositive(arr, sizeof(arr)/sizeof(arr[0]), &numOfPositive);
   printf("There are %d positive numbers in the array\n", numOfPositive);
```

פונקציה המחזירה מצביע: כתובת האיבר המקסימלי

```
int* getAddressOfMaxElem(int arr[], int size)
                                                                  3
                                                   int: size
                                                                       2000
  int i, maxIndex = 0;
                                                   int: i
                                                                       2004
                                                   int: maxIndex
  for (i=1; i < size; i++)
                                                                       2008
                                             getAddressOfMaxElem הזיכרון של
   if (arr[i] > arr[maxIndex])
       maxIndex = i;
                                                                  3
                                                      int[]: arr
                                                                      1000
  return &arr[maxIndex];
                                                                      1004
void main()
                                                                      1008
                                                                  3
                                                      int: size
                                                                      1012
  int arr[] = \{3,7,2\};
                                                                 1004
                                                      int*: pMax
                                                                      1016
  int size = sizeof(arr) / sizeof(arr[0]);
                                                       הזיכרון של ה- main
  int* pMax = getAddressOfMaxElem(arr, size);
  printf("Max value is at address %p and is %d\n", pMax, *pMax);
```

אתחול מצביע

- ראינו שניתן לאתחל מצביע עם כתובת של משתנה מהטיפוס המתאים
- ראינו שכאשר לא מאתחלים מצביע, אז כמו כל משתנה לא מאותחל, הוא מכיל לזבל
 - ניתן לאתחל מצביע שלא מצביע לשום-מקום בערך מיוחד הנקרא NULL, שזוהי למעשה הכתובת
- פניה למצביע שהוא NULL לא תגרום לתעופת התוכנית
 - פניה לתוכן של מצביע שהוא NULL בן תגרום לתעופת התוכנית, כי אין בו כלום..

פניה למצביע זבל NULL לעומת מצביע זבל

```
void main()
         int* p1 = NULL, *p2;
                                                           שורה זו עוברת בהצלחה
                                                        ומדפיסה את הכתובת NULL
         printf("%p", p1);_
                                                         ניסיון הדפסה לכתובת זבל
         printf("%p", p2);
                                                              מעיף את התוכנית
         C:\WINDOW5\system32\cmd.exe
         00000000
            Microsoft Visual C++ Debug Library
                     Debug Error!
                     Program: ...feka\My Documents\Visual Studio 2008\Projects\rr\Debug\rr.exe
                     Module: ...feka\My Documents\Visual Studio 2008\Projects\rr\Debug\rr.exe
                     File:
                     Run-Time Check Failure #3 - The variable 'p2' is being used without being initialized.
                     (Press Retry to debug the application)
                                            Retry
                                 Abort
                                                        Ignore
```

אתחול מצביע ל- NULL - דוגמא

```
void main()
                             פה התוכנית <u>לא</u> תעוף כי ניגשים לכתובת מאופסת
    int x;
    int* pX = &x, *p = NULL;
    printf("pX=%p, p=%p\n", pX, \vec{p});
    printf("*p=%d\n", *p);
                                   e:\Teaching\Students Work\ge
                                      -9012FF60, p=00000000
```

Name	Value
₽ ∲ р Х	פה התוכנית <u>כן</u> תעוף כי ניגשים 0x0012ff60
- •	לתוכן של מקום שאין בו כלום 858993460 -
₽ ⊘ P	0×00000000
- 0	CXX0030: Error: expression cannot be evaluated
×	-858993460
戸 🧼 8×x	0x0012ff60
- •	-858993460 Kerei

פונקציה המחזירה NULL: כתובת איבר לחיפוש

```
int* findNumber(int arr[], int size, int lookFor)
                                                                   3
                                                    int: size
                                                                        2000
   int i;
  for (i=0; i < size; i++)
                                                    int: i
                                                                        2004
   if (arr[i] == lookFor)
                                                                   4
                                                    int: lookFor
                                                                        2008
       return &arr[i];
                                                   findNumber הזיכרון של
   return NULL;
                                                                   3
                                                       int[]: arr
                                                                        1000
void main()
                                                                        1004
                                                                        1008
   int arr[] = {3,7,2};
                                                                   3
                                                       int: size
                                                                        1012
   int size = sizeof(arr) / sizeof(arr[0]);
                                                                  NULL
                                                       int*: p
                                                                        1016
   int* p = findNumber(arr, size, 4);
                                                         הזיכרון של ה- main
   if (p!= NULL)
           printf("The number is found at address %p\n", p);
         printf("The number is not in the array\n");
   else
```

משתנה const - תוכורת

ואז לא ניתן Const - ראינו כי ניתן להגדיר משתנה כ לשנות את ערכו במהלך ריצת התוכנית

```
void main()
}
  const double PI = 3.14;
  PI = 3.1417; // l-value specifies const object
{
```

מצביע const על תוכן ההצבעה

```
void main()
                            עדיין ניתן לפנות ל-x ישירות ולשנות את ערכו
  int x = 2, y;
  const int* pX = &x;
  x = 5;
  *pX = 4; // I-value specifies const object
   pX = &y;
```

ולשנות את ערכו pX^* לא ניתן לפנות ל-

int: x	5	1000
int: y	???	1004
const int*: pX	100	1008
const intain pX	4	₇ 1008

מצביע const למשתנה אינו הופך את המשתנה ל- const, אלא אך ורק בעיני המצביע עצמו!

מצביע const על ההצבעה

```
void main() {
  int x = 2, y;
  int* const pX = &x;
  x = 5;
  *pX = 4;
  pX = &y;
  // I-value specifies const object
```

int: x	4	1000
int: y	???	1004
int* const: pX	100	1008
int* const: pX	0	17:

סיכום: מצביע כיכום

- const -ניתן גם להגדיר מצביע כ
- :const -ישנם 2 אופנים להגדיר מצביע כ
- ר כך שלא ניתן לשנות את התוכן בכתובת שהמשתנה מצביע... מכיל:

const <type>* var;

- כך שלא ניתן לשנות את הכתובת אותה המשתנה מצביע ... מכיל:
- <type>* const var;

שימוש במצביע const בהעברת פרמטר לפונקציה

- כאשר מעבירים נתונים לפונקציה, למעשה מעבירים העתק שלהם (by value), אלא אם מעבירים אותם by pointer
 - ראינו שכאשר מעבירים מערך לפונקציה, למעשה by) מעבירים את המערך המקורי, ולא העתק (pointer)
 - הפונקציה יכולה "בטעות" לשנות אותו
- לכן פונקציות המקבלות מערך ללא כוונה לשנות אותו, const יצהירו על הפרמטר שהוא

כonst -כרמטר כ- דוגמא להעברת פרמטר

```
void foo(const int arr[], int size)

{

arr[0] = 10; // I-value specifies const object

ניסיון לשנות את תוכן המערך, בניגוד להצהרה!
```

ביחידה זו למדנו:

- מהו מצביע (פוינטר) 🛘
 - מוטיבציה למצביעים
 - & אופרטור □
 - * אופרטור 🛚
 - אתחול מצביע 🛚
- by pointer העברת פרמטר לפונקציה
 - מצביע const

תרגיל 1: אם מתקמפל מה הפלט, אחרת מהי השגיאה

```
#include <stdio.h>
void func(int** ptr)
  **ptr = 99;
void main()
  int x = 30;
  int* pX = &x;
  func(&pX);
  printf(``%d\n'', *pX);
```

```
int**: ptr 1004 <sub>2000</sub>
```

int: x	99	1000
int*: pX	1000	1004

main -הזיכרון של ה

תרגיל 2: אם מתקמפל מה הפלט, אחרת מהי השגיאה

```
void myFunc(int** x, int* y, int z)
{
    y = &z;
    x = &y;
}
```

int**: x	3	2000
int*: y	???	2004
int: z	???	2008

myFunc הזיכרון של

int: x	3	1000
int*: y	???	1004
int**: z	???	1008

main -הזיכרון של ה

```
void main()
{
    int x=3, *y, **z;
    myFunc(x, y, z);
    printf("x=%d *y=%d **z=%d\n", x, *y, **z);
}
```

תרגיל 3: אם מתקמפל מה הפלט, אחרת מהי השגיאה

```
void main()
{
    int a=8, b[]={1,2,3};
    char ch='a';
    int *p1, *p2;
    p1 = &a;
    p2 = b;
```

```
97
int: a
                        1000
int[]: b
                        1004
                        1008
                 3
                        1012
                `a'
char: ch
                        1016
              1000
int*: p1
                        1017
              1004
int*: p2
                        1021
```

main -הזיכרון של ה

```
printf("%d %d\n", *p1+*p2, *p2-b[1]);

foo(&a,b);
a = ch;
printf("%d\n", a);
97
```

:4 תרגיל

- כתוב פונקציה המקבלת לפחות את הפרמטרים הבאים:
 - מערך של מספרים וגודלו, ו- 2 מספרים נוספים
 - הפונקציה תחזיר את כמות האיברים שערכם מתחלק ללא שארית במספר הראשון וכן את כמות האיברים שערכם מתחלק ללא שארית במספר השני
- דוגמא: עבור המערך [1,2,3,4,5,6,7,8,9,10,11] והמספרים [1 והמספרים 2 ו- 4, הפונקציה תחזיר:
 - (מאחר ו- 5 ערכים מתחלקים ב- 2 ללא שארית) 5 (מאחר ו- 5 ערכים מתחלקים ב- 4 ללא שארית) $\frac{2}{k_{eren}}$ (מאחר ו-2 ערכים מתחלקים ב- 4 ללא שארית)