

20 Algoritmos de Fuerza Bruta - Explicacion y Ejemplos I/O

1. Búsqueda lineal

Idea clave: Recorrer secuencialmente la lista hasta encontrar el objetivo o agotar los elementos.

Complejidad: $O(n)$ tiempo, $O(1)$ espacio

Cuando usar: Listas pequeñas o no ordenadas, o cuando el costo de ordenar no compensa.

Notas/podas/alternativas: Si la lista esta ordenada, usar búsqueda binaria.

Ejemplo:

Entrada: arr = [5, 2, 9, 1, 7], x = 1

Salida: indice = 3

2. Búsqueda de patron en texto (naive)

Idea clave: Probar el patron en cada posicion posible del texto y comparar caracter a caracter.

Complejidad: $O(n*m)$ tiempo, $O(1)$ espacio

Cuando usar: Textos cortos o como baseline para comparar con KMP/Boyer-Moore.

Notas/podas/alternativas: Peor caso cuando el texto tiene muchos prefijos repetidos (ej: 'aaaa...').

Ejemplo:

Entrada: texto = 'abacaabaccabacaba', patron = 'abaca'

Salida: posiciones = [0, 10]

3. Subset Sum (suma de subconjuntos)

Idea clave: Enumerar todos los subconjuntos y revisar si su suma alcanza el objetivo.

Complejidad: $O(2^n)$ tiempo, $O(1)$ - $O(n)$ espacio

Cuando usar: n pequeno (≤ 25 aprox) o como baseline/benchmark.

Notas/podas/alternativas: Meet-in-the-middle y DP pueden acelerar; podas si numeros son positivos.

Ejemplo:

Entrada: nums = [3, 4, 5, 2], target = 7

Salida: existe = True, ejemplo = [3,4] o [5,2]

4. TSP por fuerza bruta

Idea clave: Probar todas las permutaciones de ciudades fijando un origen para evitar duplicados.

Complejidad: $O(n!)$ tiempo, $O(n)$ espacio

Cuando usar: n muy pequeno (≤ 10) o para validar heurísticas.

Notas/podas/alternativas: Usar poda de costo parcial y simetrias; comparar con nearest neighbor.

Ejemplo:

Entrada: coords = [(0,0),(1,0),(1,1),(0,1)]

Salida: ruta optima (0->1->2->3->0) o equivalente, longitud = 4.0

```
+---+
| 0  1 |
| 3  2 |
+---+
```

5. Generacion de permutaciones

Idea clave: Listar todas las ordenaciones de n elementos.

Complejidad: $O(n!*n)$ con impresion, $O(n)$ espacio en backtracking

Cuando usar: Necesitas explorar todos los ordenes posibles de ejecucion o asignacion.

Notas/podas/alternativas: Backtracking clasico; evitar duplicados si hay elementos repetidos.

Ejemplo:

Entrada: A = [1,2,3]

Salida: permutaciones = [[1,2,3],[1,3,2],[2,1,3],[2,3,1],[3,1,2],[3,2,1]]

6. Problema de las N-Reinas (backtracking)

Idea clave: Colocar reinas fila por fila y retroceder si hay ataques.

20 Algoritmos de Fuerza Bruta - Explicacion y Ejemplos I/O

Complejidad: Exponencial; soluciones crecen segun N

Cuando usar: Ejemplo tipico de poda y restricciones; enseñar backtracking.

Notas/podas/alternativas: Verificar columnas y diagonales antes de bajar de nivel.

Ejemplo:

Entrada: N = 4

Salida: soluciones (una): [1,3,0,2] (columnas por fila)

Fila-> 0 1 2 3

```
. Q . .  
. . . Q  
Q . . .  
. . Q .
```

7. Búsqueda de colisiones en hash (demostrativo)

Idea clave: Generar entradas hasta encontrar dos con el mismo hash en un espacio reducido.

Complejidad: $O(k)$ tiempo segun tamaño del espacio; memoria opcional

Cuando usar: Solo en demos educativas con hashes toy o espacios pequenos.

Notas/podas/alternativas: Para hashes criptograficos reales la fuerza bruta es impractica.

Ejemplo:

Entrada: $\text{hash}(x) = x \bmod 10$, buscar colision entre 0..50

Salida: colision: 7 y 17 (ambos dan 7)

8. Coin Change por enumeracion

Idea clave: Probar todas las combinaciones hasta alcanzar el monto exacto.

Complejidad: Exponencial en numero de monedas y monto

Cuando usar: Montos pequenos o como baseline frente a DP.

Notas/podas/alternativas: DP para contar o minimizar monedas es mas eficiente.

Ejemplo:

Entrada: monedas = [1,2,5], monto = 5

Salida: combinaciones validas: [5], [2,2,1], [2,1,1,1], [1,1,1,1,1]

9. Max Clique por enumeracion

Idea clave: Revisar todos los subconjuntos de vertices y verificar si forman un clique.

Complejidad: $O(2^n)$ tiempo

Cuando usar: Grafos pequenos o para validar heurísticas.

Notas/podas/alternativas: Podar si el subconjunto actual no puede superar el mejor.

Ejemplo:

Entrada: G con $V=\{A,B,C,D\}$ y $E=\{(A,B),(B,C),(A,C)\}$

Salida: clique maximo = {A,B,C} de tamaño 3

10. Multiplicacion de matrices (naive)

Idea clave: Para cada celda $C[i][j]$ sumar $A[i][k]*B[k][j]$ sobre k.

Complejidad: $O(n^3)$ tiempo, $O(1)$ extra

Cuando usar: Matrices pequenas o como definicion base.

Notas/podas/alternativas: Strassen u otras tecnicas aceleran para matrices grandes.

Ejemplo:

Entrada: $A=[[1,2],[3,4]]$, $B=[[2,0],[1,2]]$

Salida: $C=[[1*2+2*1, 1*0+2*2],[3*2+4*1, 3*0+4*2]] = [[4,4],[10,8]]$

11. Búsqueda ingenua en lista no ordenada

Idea clave: Verificar cada posicion hasta hallar coincidencia.

Complejidad: $O(n)$

Cuando usar: Caso generico de busqueda sin preprocesamiento.

20 Algoritmos de Fuerza Bruta - Explicacion y Ejemplos I/O

Notas/podas/alternativas: Equivalente a busqueda lineal.

Ejemplo:

Entrada: `arr=['a','c','f','b'], x='f'`

Salida: `indice = 2`

12. Closest Pair of Points (fuerza bruta)

Idea clave: Calcular distancia entre todos los pares y tomar la minima.

Complejidad: $O(n^2)$ tiempo

Cuando usar: n moderado o para comparar con divide-and-conquer.

Notas/podas/alternativas: El algoritmo clasico $O(n \log n)$ es preferible para n grande.

Ejemplo:

Entrada: `P={{(0,0),(3,4),(7,1)}}`

Salida: `par mas cercano = ((0,0),(3,4)), distancia = 5`

13. Max Subarray ingenuo

Idea clave: Evaluar suma de todas las subarreglos posibles y elegir la maxima.

Complejidad: $O(n^3)$ o $O(n^2)$ con prefijos

Cuando usar: Listas pequenas o para ilustrar mejora hacia Kadane.

Notas/podas/alternativas: Kadane logra $O(n)$.

Ejemplo:

Entrada: `arr=[-2,1,-3,4,-1,2,1,-5,4]`

Salida: `max suma = 6, subarray = [4,-1,2,1]`

14. SAT por enumeracion

Idea clave: Probar todas las asignaciones de n variables booleanas y chequear clausulas.

Complejidad: $O(2^n)$

Cuando usar: Formulas pequenas o testing.

Notas/podas/alternativas: SAT solvers modernos usan CDCL, heurísticas y learned clauses.

Ejemplo:

Entrada: `F = (x1 OR NOT x2) AND (x2 OR x3)` con $n=3$

Salida: `satisfacible, por ejemplo x1=True, x2=False, x3=True`

15. Mochila 0/1 ingenua

Idea clave: Probar incluir o no cada item y quedarse con el mejor valor sin exceder capacidad.

Complejidad: $O(2^n)$ tiempo

Cuando usar: n pequeno o como baseline frente a DP.

Notas/podas/alternativas: DP pseudo-polinomial $O(n*W)$ si pesos enteros.

Ejemplo:

Entrada: `pesos=[2,3,4], valores=[4,5,6], W=5`

Salida: `mejor valor = 9 con items [2,3]`

16. Sudoku solver (backtracking)

Idea clave: Rellenar celdas vacias probando 1..9 y retroceder si violan restricciones.

Complejidad: Exponencial en peor caso

Cuando usar: Instancias concretas, n pequeno (9×9).

Notas/podas/alternativas: Usar seleccion de variable mas restringida acelera mucho.

Ejemplo:

Entrada: Tablero 9×9 con ceros como vacios (ejemplo pequeno)

Salida: Tablero completo que cumple filas, columnas y cajas

`Fila/Col -> restricciones de 1..9`

20 Algoritmos de Fuerza Bruta - Explicacion y Ejemplos I/O

17. Hamiltonian path/cycle

Idea clave: Probar permutaciones de vertices y verificar si hay camino/ciclo que visita todos.

Complejidad: $O(n!)$

Cuando usar: Grafos pequenos o docencia de NP-completo.

Notas/podas/alternativas: Relacion cercano con TSP (sin pesos).

Ejemplo:

Entrada: G: 1-2-3-4 completo menos arista (2,4)

Salida: camino Hamiltoniano: 2-1-3-4

18. LCS ingenuo (Longest Common Subsequence)

Idea clave: Enumerar subsecuencias de una cadena y verificar si son subsecuencia de la otra.

Complejidad: $O(2^n + 2^m)$ aprox

Cuando usar: Cadenas cortas; mostrar mejora con DP $O(n*m)$.

Notas/podas/alternativas: No confundir con substring (contiguo).

Ejemplo:

Entrada: $s = \text{'ABCBDAB'}$, $t = \text{'BDCABA'}$

Salida: una LCS posible = 'BCBA' de longitud 4

19. Generacion de combinaciones k

Idea clave: Listar todas las combinaciones de tamaño k de un conjunto de n.

Complejidad: $O(C(n,k))$

Cuando usar: Exploracion exhaustiva de grupos o equipos.

Notas/podas/alternativas: Backtracking o iteradores lexicograficos.

Ejemplo:

Entrada: $n=5$, $k=3$, elementos=[A,B,C,D,E]

Salida: 10 combinaciones, ej: [A,B,C], [A,B,D], ...

20. Criptogramas aritmeticos

Idea clave: Asignar digitos a letras y probar todas las combinaciones respetando restricciones.

Complejidad: Factorial en numero de letras distintas

Cuando usar: Instancias pequenas o con muchas restricciones de poda.

Notas/podas/alternativas: Enviar acarreo, evitar ceros a la izquierda.

Ejemplo:

Entrada: SEND + MORE = MONEY

Salida: Solucion clasica: $9567 + 1085 = 10652$