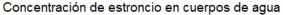
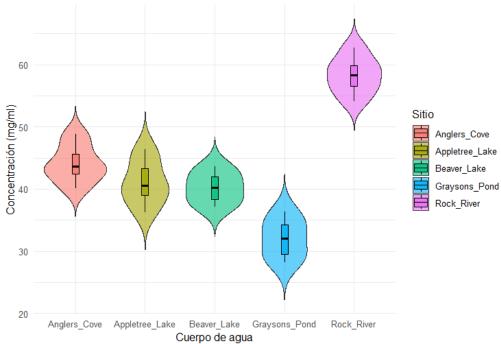
Traea-ANOVA.R

Usuario

2025-09-22

```
# María de Jesús Ramírez Navejar
# Matricula: 1965814
# Fecha: 22-09-25
# Datos de concentración de estroncio (mg/ml)
estroncio <- data.frame(</pre>
  Sitio = rep(c("Graysons_Pond", "Beaver_Lake", "Anglers_Cove",
                 "Appletree_Lake", "Rock_River"), each = 6),
  Valor = c(
    28.2, 33.2, 36.4, 34.6, 29.1, 31.0, # Grayson's Pond
    39.6, 40.8, 37.9, 37.1, 43.6, 42.4, # Beaver Lake
    46.3, 42.1, 43.5, 48.8, 43.7, 40.1, # Angler's Cove
    41.0, 44.1, 46.4, 40.2, 38.6, 36.3, # Appletree Lake 56.3, 54.1, 59.4, 62.7, 60.0, 57.3 # Rock River
  )
# Ver los primeros registros
head(estroncio)
##
             Sitio Valor
## 1 Graysons Pond 28.2
## 2 Graysons_Pond 33.2
## 3 Graysons Pond 36.4
## 4 Graysons_Pond 34.6
## 5 Graysons_Pond 29.1
## 6 Graysons Pond 31.0
# Gráfico de violín para comparar concentraciones por sitio
library(ggplot2)
ggplot(estroncio, aes(x = Sitio, y = Valor, fill = Sitio)) +
  geom violin(trim = FALSE, alpha = 0.6) + # Forma del violín
  geom_boxplot(width = 0.1, color = "black", alpha = 0.8) + # Caja dentro
  labs(title = "Concentración de estroncio en cuerpos de agua",
       x = "Cuerpo de agua",
       y = "Concentración (mg/ml)") +
  theme minimal()
```





```
# Hipótesis
# H<sub>o</sub> (nula): No existen diferencias significativas en la concentración
media de estroncio entre los cinco cuerpos de agua.
# H<sub>1</sub> (alternativa): Al menos un cuerpo de agua presenta una concentración
# media significativamente diferente.
# Anova (Una vía) ------
# ANOVA de una vía
modelo <- aov(Valor ~ Sitio, data = estroncio)</pre>
# Tabla de ANOVA
summary(modelo)
              Df Sum Sq Mean Sq F value
##
                                         Pr(>F)
## Sitio
               4 2193.4
                          548.4
                                 56.16 3.95e-12 ***
## Residuals
              25 244.1
                           9.8
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
```

```
# Prubea LSD (Fisher) ------
# Extraer MSE y gl de la tabla ANOVA
anova_tab <- anova(modelo)</pre>
MSE <- anova_tab["Residuals", "Mean Sq"]</pre>
gl_error <- anova_tab["Residuals", "Df"]</pre>
# Número de réplicas por sitio
n <- 6
# Valor crítico t
t_crit <- qt(0.975, df = gl_error) # 0.975 porque es bilateral con
alfa=0.05
# LSD
LSD <- t_crit * sqrt(2 * MSE / n)
## [1] 3.715779
# Comparación de medias
# Medias por sitio
medias <- aggregate(Valor ~ Sitio, data = estroncio, mean)</pre>
medias
##
             Sitio Valor
## 1 Anglers_Cove 44.08333
## 2 Appletree_Lake 41.10000
## 3 Beaver_Lake 40.23333
## 4 Graysons_Pond 32.08333
## 5
        Rock_River 58.30000
# Comparación par a par
comb <- combn(medias$Valor, 2)</pre>
diferencias <- abs(comb[1,] - comb[2,])</pre>
diferencias
## [1] 2.9833333 3.8500000 12.0000000 14.2166667 0.8666667 9.0166667
## [7] 17.2000000 8.1500000 18.0666667 26.2166667
# Ver si superan el LSD
diferencias > LSD
## [1] FALSE TRUE TRUE TRUE FALSE TRUE TRUE TRUE TRUE TRUE
# Prueba de Tukey HSD ------
# Prueba Tukey HSD
```

```
tukey <- TukeyHSD(modelo)</pre>
tukey
##
     Tukey multiple comparisons of means
       95% family-wise confidence level
##
##
## Fit: aov(formula = Valor ~ Sitio, data = estroncio)
##
## $Sitio
##
                                       diff
                                                  lwr
                                                            upr
                                                                    р
adj
## Appletree_Lake-Anglers_Cove
                               -2.9833333 -8.281979 2.315312
0.4791100
## Beaver_Lake-Anglers_Cove
                               -3.8500000 -9.148645 1.448645
0.2376217
## Graysons Pond-Anglers Cove -12.0000000 -17.298645 -6.701355
0.0000053
## Rock_River-Anglers_Cove
                               14.2166667 8.918021 19.515312
0.0000003
## Beaver Lake-Appletree Lake
                               -0.8666667 -6.165312 4.431979
0.9884803
## Graysons Pond-Appletree Lake -9.0166667 -14.315312 -3.718021
0.0003339
## Rock River-Appletree Lake
                                17.2000000 11.901355 22.498645
0.0000000
## Graysons Pond-Beaver Lake -8.1500000 -13.448645 -2.851355
0.0011293
## Rock_River-Beaver_Lake
                                18.0666667 12.768021 23.365312
0.0000000
## Rock_River-Graysons_Pond 26.2166667 20.918021 31.515312
0.0000000
# Interpretación de resultados
# El análisis de varianza (ANOVA) aplicado a las concentraciones de
# estroncio en los cinco cuerpos de aqua permitió evaluar si existen
# diferencias significativas entre ellos. Los resultados mostraron que la
# hipótesis nula (H_0: todas las medias son iquales) se rechaza, lo que
# indica que al menos uno de los sitios presenta una concentración
# promedio de estroncio significativamente distinta de los demás.
# Al analizar los valores medios, se observa que Rock River presentó las
# concentraciones más elevadas, con valores consistentemente por encima
# de 54 mg/ml y alcanzando hasta 62.7 mg/ml. Este comportamiento
# contrasta claramente con Grayson's Pond, que mostró las concentraciones
# más bajas (en el rango de 28-36 mg/ml). Esto sugiere una separación
# marcada entre estos dos cuerpos de aqua, confirmada por las pruebas
# post-hoc.
```

- # Las pruebas de comparaciones múltiples (LSD y Tukey HSD) mostraron que:
- # Rock River difiere significativamente de todos los demás sitios, # lo cual indica que este cuerpo de agua presenta condiciones # particulares que favorecen una acumulación mayor de estroncio.
- # Grayson's Pond se ubicó en el extremo opuesto, con valores # significativamente menores respecto al resto.
- # Los cuerpos intermedios (Beaver Lake, Angler's Cove y Appletree Lake)
 # no mostraron diferencias estadísticamente significativas entre sí,
 # lo que implica que presentan condiciones similares en cuanto a la
 #concentración de este elemento.
- # El hecho de que Rock River presente las concentraciones más altas podría estar relacionado con una mayor exposición a fuentes de contaminación, como descargas industriales, escorrentía agrícola o procesos geológicos locales que incrementen la presencia natural del estroncio.
- # Este exceso podría representar riesgos tanto para la salud de los # organismos acuáticos como para los usuarios del agua, ya que # concentraciones elevadas de estroncio pueden afectar procesos # biológicos y la calidad general del ecosistema.
- # Por otro Lado, La baja concentración observada en Grayson's Pond podría # interpretarse como una condición más "natural" o menos impactada por # actividades humanas, aunque también podría deberse a características # fisicoquímicas del agua (pH, dureza, alcalinidad) que limitan la # solubilidad del estroncio.
- # En conclusión, el análisis estadístico permitió identificar diferencias # claras en la distribución espacial del estroncio entre los cuerpos de # agua evaluados.
- # Esta información es crucial para orientar estrategias de monitoreo # ambiental, priorizar sitios de atención y diseñar planes de manejo que # busquen mitigar los riesgos asociados a la contaminación por elementos # traza en ecosistemas acuáticos.