匀加速运动与碰撞

(2022.3)

实验要求:

1. 实验预习

必须在来上课前完成预习思考题, 否则没有预习成绩。 预习思考题不要提前一周以上做, 否则成绩不会正确显示。

1958

2. 实验操作

- (1) 讲课结束前禁止打开、调节实验仪器;实验开始前了解注意事项,爱护实验设备,轻拿轻放,注意人身安全及实验仪器安全;
 - (3) 维护课堂秩序,实验室内禁止喧哗、吃食物、穿拖鞋;
 - (4) 如实记录实验数据,编造、篡改实验数据一经发现判零分。
 - (5) 实验数据经指导老师签字,完成出门测思考题,并整理好实验设备后方可离开。

3. 实验数据

本实验要求当堂独立完成实验并提交数据,不需要回去写报告,但要求做数据处理。要求掌握用气垫导轨测量平均速度、瞬时速度、及加速度的方法,并研究斜面上的匀加速运动和三种一维碰撞的运动规律,当堂用计算机软件算出碰撞实验的结果。

- 4. 数据经老师签字后完成出门测思考题。
- 5. 下一周来交数据处理结果和思考题 2(数据处理包含 (a) 对 $v^2 2s$ 用作图法或最小二乘法求 a,并计算 g; (b) 三种碰撞的结果。)

伽利略(Galileo, 1564–1642)是历史上第一个对自由落体运动进行定量研究的科学家。2002年美国《物理世界》杂志评出的"十大最美丽的物理实验"中,伽利略的自由落体实验和斜面上的加速实验双双入选。为了将匀加速运动和自由落体运动相联系起来,他提出了加速度的概念和重力加速度所起的作用,并指出物体沿斜面的运动与物体垂直下落的运动具有相似的特征,这两个实验成为力学史上具有里程碑意义的实验。

"碰撞"在物理学中表现为两粒子或物体间极短的相互作用。碰撞前后的参与物都会发生速度、动量或能量的改变。1966 年,荷兰物理学家、天文学家、数学家惠更斯(C.Huygens,1629-1695)向英国皇家学会提交报告,定义了动量为质量和速度矢量的乘积,并完善地分析了物体之间的碰撞问题:发现在不受外力条件时,物体碰撞前后总动量守恒,即动量守恒定律。这是自然界中最重要最普遍的守恒定律之一,既适用于低速运动物体,也适用于高速运动物体,既适用于宏观物体,例如天舟一号和天宫二号的对接,也适用于微观粒子,例如卢瑟福散射。在生活中,飞机的着陆、打台球、锤锻、打桩、火车厢挂钩的链接、汽车的碰撞星级测试,都与碰撞过程息息相关。

本实验的目的是利用气垫导轨气垫技术精确地测定物体的平均速度、加速度以及当地的重力加速度,通过物体沿斜面自由下滑运动来研究匀变速运动的规律,研究一维碰撞的三种情况,验证动量守恒和能量守恒定律。定量研究动量损失和能量损失在工程技术中有重要意义。同时通过实验还可提高误差分析的能力。

实验原理

1. 平均速度和瞬时速度的测量

作直线运动的物体在 Δt 时间内的位移为 Δs ,则物体在 Δt 时间内平均速度为

$$\overline{v} = \frac{\Delta s}{\Delta t} \tag{1}$$

当 Δt →0 时,平均速度趋近于一个极限,即物体在该点的瞬时速度。我们用 v 来表示瞬时速度,

$$v = \lim_{\Delta t \to 0} \frac{\Delta s}{\Delta t} \tag{2}$$

验教学示范中心

实际上直接用上式测量某点的瞬时速度是很困难的,一般在一定误差范围内,用极短的 Δt 内的平均速度代替瞬时速度,而 Δs 则可以由物体上固定的 U 型挡光片通过光电门时的挡光宽度获得。

2. 匀变速直线运动

若滑块受一恒力,它将作匀变速直线运动,可采用在导轨一端加一滑轮,通过滑轮悬一重物在 滑块上,也可以把气垫导轨一端垫高成一斜面来实现。采用前者可改变外力,不但可测得加速度, 还可以验证牛顿第二定律。采用后者,因在测量过程中受外界干扰较小,测量误差较小,在测量加速度的基础上,还可以测量当地的重力加速度。匀变速运动方程如下:

$$v = v_0 + at \tag{3}$$

$$s = v_0 t + \frac{1}{2} a t^2 \tag{4}$$

$$v^2 = v_0^2 + 2as (5)$$

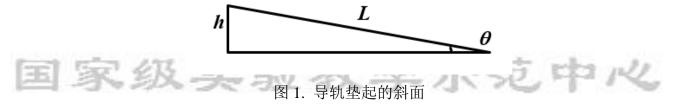
在斜面上物体从同一位置由静止开始下滑,若测得不同位置处的速度为 v_1 , v_2 , v_3 , ..., 相应的时间为 t_1 , t_2 , t_3 , ..., 以t 为横坐标,v 为纵坐标作v-t 图,如果图线是一条直线,证明物体作匀加速直线运动,图线的斜率为加速度a, 截距为 v_0 。同样把 v_1 , v_2 , v_3 , ...对应处的 s_1 , s_2 , s_3 , ... 测出,作 $\frac{s}{t}$ -t 图和 v^2 -s 图,若图线是直线,则物体作匀加速直线运动,斜率分别为 $\frac{1}{2}$ a 和 2a, 截距分别为 v_0 和 v_0^2 。

3. 重力加速度的测定

如图 4.1.1-1 所示,h 为垫块的高度,L 为斜面长,滑块沿斜面下滑的加速度为

$$a = g\sin\theta = g\frac{h}{I} \tag{6}$$

$$g = \frac{a}{h}L\tag{7}$$



4. 碰撞中守恒定律的研究

如果一个力学系统所受合外力为零或在某方向上的合外力为零,则该力学系统总动量守恒或在某方向上守恒,即

$$\sum m_i v_i = 恒量 \tag{8}$$

《学物理实验教学中心

实验中用两个质量分别为 m_1 、 m_2 的滑块来碰撞(图 4.1.2-1),若忽略气流阻力,根据动量守恒有

$$m_1 v_{10} + m_2 v_{20} = m_1 v_1 + m_2 v_2 \tag{9}$$

对于完全弹性碰撞,要求两个滑行器的碰撞面有用弹性良好的弹簧组成的缓冲器,我们可用钢

圈作完全弹性碰撞器;对于完全非弹性碰撞,碰撞面可用尼龙搭扣、橡皮泥或油灰;一般非弹性碰撞用一般金属如合金、铁等,无论哪种碰撞面,必须保证是对心碰撞。

当两滑块在水平的导轨上作对心碰撞时,忽略气流阻力,且不受他任何水平方向外力的影响, 因此这两个滑块组成的力学系统在水平方向动量守恒。由于滑块作一维运动,式(2)中矢量 v 可 改成标量 v , v 的方向由正负号决定,若与所选取的坐标轴方向相同则取正号,反之,则取负号。

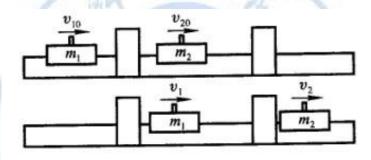


图 2. 碰撞实验示意图

(1) 完全弹性碰撞

完全弹性碰撞的标志是碰撞前后动量守恒,动能也守恒,即

$$m_1 v_{10} + m_2 v_{20} = m_1 v_1 + m_2 v_2 \tag{10}$$

$$\frac{1}{2}m_{1}v_{10}^{2} + \frac{1}{2}m_{2}v_{20}^{2} = \frac{1}{2}m_{1}v_{1}^{2} + \frac{1}{2}m_{2}v_{2}^{2}$$
(11)

由(3)、(4)两式可解得碰撞后的速度为

$$v_1 = \frac{(m_1 - m_2)v_{10} + 2m_2v_{20}}{m_1 + m_2} \tag{12}$$

$$v_2 = \frac{(m_2 - m_1)v_{20} + 2m_1v_{10}}{m_1 + m_2} \tag{13}$$

如果 v20=0,则有

$$v_1 = \frac{(m_1 - m_2)v_{10}}{m_1 + m_2} \tag{14}$$

$$v_2 = \frac{2m_1 v_{10}}{m_1 + m_2} \tag{15}$$

动量损失率为

$$\frac{\Delta p}{p_0} = \frac{p_0 - p_1}{p_0} = \frac{m_1 v_{10} - (m_1 v_1 + m_2 v_2)}{m_1 v_{10}}$$
(16)

能量损失率为

$$\frac{\Delta E}{E_0} = \frac{E_0 - E_1}{E_0} = \frac{\frac{1}{2} m_1 v_{10}^2 - (\frac{1}{2} m_1 v_1^2 + \frac{1}{2} m_2 v_2^2)}{\frac{1}{2} m_1 v_{10}^2}$$
(17)

理论上,动量损失和能量损失都为零,但在实验中,由于空气阻力和气垫导轨本身的原因,不可能完全为零,但在一定误差范围内可认为是守恒的。

(2) 完全非弹性碰撞

碰撞后,二滑块粘在一起以同一速度运动,即为完全非弹性碰撞。在完全非弹性碰撞中,系统动量守恒,动能不守恒。

$$m_1 v_{10} + m_2 v_{20} = (m_1 + m_2)v$$
 (18)

在实验中, 让 v20=0, 则有

$$m_1 v_{10} = (m_1 + m_2)v \tag{19}$$

$$v = \frac{m_1 v_{10}}{m_1 + m_2} \tag{20}$$

动量损失率

$$\frac{\Delta p}{p_0} = 1 - \frac{(m_1 + m_2)v}{m_1 v_{10}} \tag{21}$$

动能损失率

$$\frac{\Delta E}{E_0} = \frac{m_2}{m_1 + m_2} \tag{22}$$

(3) 一般非弹性碰撞

一般情况下,碰撞后,一部分机械能将转变为其他形式的能量,机械能守恒在此情况已不适用。 牛顿总结实验结果并提出碰撞定律:碰撞后两物体的分离速度 $v_2 - v_1$ 与碰撞前两物体的接近速度成 正比,比值称为恢复系数,即

$$e = \frac{v_2 - v_1}{v_{10} - v_{20}} \tag{23}$$

恢复系数 e 由碰撞物体的质料决定。e 值由实验测定,一般情况下 0 < e < 1,当 e = 1 时,为完全弹性碰撞;e = 0 时,为完全非弹性碰撞。

5. 验证牛顿第二定律

设运动物体的总质量为 \mathbf{m} 点,作用力为 \mathbf{F} ,假设其他耗散力如摩擦力、空气阻力、气垫粘滞力

可忽略不计,这时牛顿第二定律可表示为

$$F = m_{\rm H} a \tag{24}$$

若保持 $m_{\&}$ 不变,改变F,F/a 应为一常量,即F增大,a 同时增大;F减小,a 同时减小。若保持F不变,改变 $m_{\&}$,则 $m_{\&}a$ 应为一常量,即增加 $m_{\&}$,a 即减小。因此,只要在实验中满足上述条件,即可验证牛顿第二定律。

实验内容

- 1. 基础实验: 匀变速运动中速度与加速度的测量
 - (1) 先将气垫导轨调平,然后在一端单脚螺丝下置一垫块,使导轨成一斜面。
- (2) 在滑块上装 U 型挡光片, 在导轨上置好光电门, 打开计时装置。
- (3) 使滑块从距光电门 s=20.0cm 处自然下滑,作初速度为零的匀加速运动,记下挡光时间 Δt ,重复三次。
- (4) 改变 s,重复上述测量。
- (5) 测量 Δs , 垫块高 h 及斜面长 L。
- (6) 用坐标纸作 $v^2 2s$ 曲线或最小二乘法求 a,并计算 g。
- 2. 提升实验: 研究三种碰撞状态下的守恒定律
 - (1) 取两滑块 m_1 、 m_2 ,且 m_1 > m_2 ,用物理天平称 m_1 、 m_2 的质量(包括挡光片)。将两滑块分别 装上弹簧钢圈,滑块 m_2 置于两光电门之间(两光电门距离不可太远),使其静止,用 m_1 碰 m_2 ,分别记下 m_1 通过第一个光电门的时间 Δt_{10} 和经过第二个光电门的时间 Δt_1 ,以及 m_2 通过第二个光电门的时间 Δt_2 ,重复五次,记录所测数据,数据表格自拟,计算 $\frac{\Delta p}{p}$ 、 $\frac{\Delta E}{E}$ 、e。
 - (2) 分别在两滑块上换上尼龙搭扣,重复上述测量和计算。
 - (3) 分别在两滑块上换上金属碰撞器,重复上述测量和计算。
- 3. 进阶实验:验证牛顿第二定律

使导轨处于水平状态,用细线将砝码盘通过滑轮与滑块相连。若滑块质量为 m_0 ,砝码盘和盘中砝码的质量为 m_n ,滑轮等效质量 m_e (约为 0.30g),砝码盘、盘中砝码和滑块上的砝码的总质量为 m_n ,则此时牛顿第二定律方程为

$$F_n = m_n g = (m_0 + m + m_e) a_n \tag{25}$$

改变 F_n , 使 m_n 分别为 5.00g, 10.00g, 15.00g, 20.00g, 25.00g 时 (每次剩余砝码要放在滑块上), 测量

在不同力的作用下,通过光电门的瞬时速度 v_n ,再由 $v_n^2 = 2a_n s$,求出 a_n 。

作 $F_n - a_n$ 曲线,由斜率求出物体的总质量。

4. **高阶实验:** 试用手机视频拍摄滑块在气垫导轨上的运动,并用软件 Tracker 软件进行研究与分析。

思考题

- 1. 气垫导轨调平的判断标准是什么?
- 2. 气垫未调平对 v、a 的测量结果有何影响?
- 3. 恢复系数 e 的大小取决于哪些因素?

附录 气垫技术

气垫是我国最近几十年发展起来的一门新技术,由于气垫能极大地减小物体之间的摩擦,使物体作近似无摩擦运动,因此在机械、纺织、运输等工业领域都得到了广泛的应用。利用气垫技术制造的气垫船、气垫输送线、空气轴承等,可以减小机械摩擦,从而提高速度和机械效率,延长使用寿命。

在物理实验中采用气垫技术,可使物体在气垫导轨上运动,由于气垫可以把物体托浮起来,使运动的接触摩擦大大减小,从而可以进行一些较精确的定量研究以及验证某些物理规律。

气垫导轨是一个一端封闭的中空长直导轨,导轨表面有很多小气孔,压缩空气从小孔中喷出,在滑块和导轨间产生 0.05~0.20mm 厚的空气层,即气垫,依靠这层气垫和大气的压差将滑块托起,使滑块在气轨上作近似无摩擦的运动。全套设备包括导轨、气源、计时系统三大部分,下面分别介绍它们的原理和结构。

1 导轨

导轨采用角铝合金型材,为了加强刚性,不易变形,将角铝合金型材固定在工字钢上。导轨长度在 1.2~2.0m 之间,导轨面宽为 40mm,上面钻有两排等距离排列的小孔,孔距约为 20~25mm,孔径 0.5~0.9mm,在供气量充足的条件下,孔径越大,喷气量也越大,因此浮重和浮高性能也越好。

中华人民共和国表

2. 气源

气源是向气垫导轨管腔内输送压缩空气的设备。要求气源有气流量大、供气稳定、噪音小、能连续工作的特点,一般气源有空气压缩机、专用小型气源(或吸尘器)和高压风机等。一般实验室宜采用小型气源或高压风机。专用小型气源的价格便宜、移动方便,适于单机工作。气垫导轨的进气口用橡皮管和气源相连,进入导轨内的压缩空气,由导轨表面上的小孔喷出,从而托浮起滑块,托起的高度一般在 0.1mm 以上。专用小型气源电动机转速较高,容易发热,不能长时间连续开机。

3. 计时系统

目前气垫导轨的计时系统主要有数字毫秒计和电脑计数器。光电门由光电元件(发光二极管)和小聚光灯泡组成。安装方式有门式结构和单边式结构。门式结构是把光敏二极管和小灯泡通过一门式框架横跨在导轨两侧,这种结构在制造安装时都很方便。缺点是有时挡光后会把光电门碰倒,撞在导轨上造成划痕,影响导轨精度和使用寿命。单边式结构是把光电门安装在导轨一侧带刻度的滑尺上,光敏二极管和小灯泡是上下安装,这种结构比较合理,便于测量。

数字毫秒计(或多用数字测试仪、多通道计数器等)是一种精密的电子计时仪器,如图 4.1.1-2 所示。被测信号由传感器输入控制电路。石英振荡器作为信号源不断产生标准时基信号输入控制电路。两者输入后由控制电路发出指令,由液晶数码管显示数据。计时过程是:当滑块上的挡光片前缘刚挡光时,光电门就输出一个光电脉冲,使控制电路发出一个启动信号,打开计数器的门,时钟脉冲开始进入计数器,使它不停地计数,当挡光片再次挡光时,光电门(或另一光电门)又输出一个光电脉冲,使控制器发出一个止动信号,关闭计数器的门,计数器停止计数。所计的脉冲数通过寄存器和译码器,最后在显示器上直接显示出时间。电脑计数器的结构和面板如图 4.1.1-3 所示。

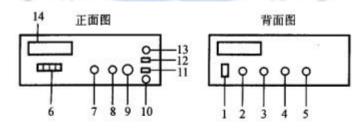


图 4.1.1-2 数字毫秒计的面板图

1—电源插口;2—保险丝;3,4—四心插口分别用线连接两个光电门;5—二心插座,接机械触点;6—时基脉冲选频按键分 10 ms、1 ms、0.1 ms 三挡,供选择测量精度之用;7—手动清"0"钮;8—开关,选择手动、自动清"0"方式;9—延时旋钮,调整清"0"延迟时间;10—电源开关;11—开关,选择计时方式;12—控制开关、选择"机控"、"光控"两种控制方式;13—指示灯;14—数码管





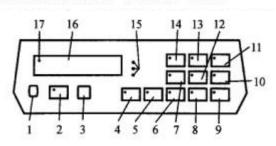


图 4.1.1-3 电脑计数器面板图

1—电信号输入插口;2—电信号衰减键;3—时标输出/时标选择;4—上下位功能 选择键;5—光电门数输入键;6—加速度测量键;7—光电计数键;8—测加速度 键;9—测周期键;10—测转速键;11—测电信号周期键;12—双光电输入计时键; 13—计时键;14—测频键;15—测量单位显示;16—数字显示屏;17—溢出指示

4. 气垫导轨的调平

仪器在开箱后,安装完毕,由于运输、安装会使导轨的平直度发生变化,一定要按说明书重新

调整导轨的准确度。在每次使用前,必须重新对气垫导轨进行调平,使导轨的纵、横两个方向都处于水平。常使用静态调平和动态调平两种方法。

(1) 静态调平法

打开气源,将压缩空气送入导轨,将滑块轻轻置于导轨上,使滑块在导轨上自由滑动。滑块运动的方向,是导轨低的一端,可调节导轨一端的单个底脚螺丝,直到滑块不动或有微小滑动,但无一定的方向为止,则可认为气轨已调平。横向水平调节一般要求不高,用眼睛观测滑块底部两侧气隙是否相同,如果倾斜,可调节气轨一端的双底脚螺丝,直到滑块两侧气隙高度相同。

(2) 动态调平法

在导轨中部相隔一定距离放置两个光电门,轻轻推动装有 U 型挡光片的滑块,观察滑块上挡 光片经过光电门时计时器是否计时,如果计时器显示出计时数字,表明仪器正常,否则,应检查挡 光片是否挡光,光电门的光敏二极管和小灯泡发的光是否对准,以及仪器选择挡、量程等是否正常 等。

轻轻推一下滑块,测出滑块通过两光电门的时间 Δt_1 和 Δt_2 ,由于空气阻力的存在,经过第二个光电门的时间 Δt_2 总是略大于经过第一个光电门的时间 Δt_1 。 Δt_2 与 Δt_1 相差多少才被认为气垫导轨是水平的呢?我们可以通过计算得到有关数据。

当滑块速度不太大时,空气阻力与滑块速度 v 有如下关系

$$F = -bv \tag{26}$$

式中 b 为阻尼常数。根据牛顿第二定律,有

$$F = ma = -bv \tag{27}$$

式中m为滑块质量。由上式得

$$a = -\frac{b}{m}v$$

$$\frac{dv}{dt} = -\frac{b}{m}v$$

$$\frac{dv}{dt}v = -\frac{b}{m}v$$
(29)

$$\frac{dv}{ds}v = -\frac{b}{m}v\tag{30}$$

$$\int_{v_1}^{v_2} dv = -\frac{b}{m} \int_0^s ds$$
 (31)
$$v_1 - v_2 = \frac{b}{m} s$$
 (32)

式中 v_1 、 v_2 为滑块通过两个光电门时的速度,s 为两个光电门之间的距离。如果两光电门距离 s=50.0cm,滑块质量 m=250g,阻尼常数 $b=4g\cdot s^{-1}$,则

$$v_1 - v_2 = 0.8cm/s$$

若挡光片上从第一次挡光到第二次挡光的宽度 $\Delta s=1cm$, 设滑块通过第一光电门时的速度 $v_1=40cm/s$, 则当滑块通过第二个光电门时,速度损失约为 2%。由此可推得,如滑块通过两光电门 的时间在 30ms 以内,且通过两光电门的时间差小于 1ms; 或时间在 30~50ms 之间,相差小于 2ms; 时间在 50~100ms 之间时,相差小于 5ms,则可以认为气垫导轨处于纵向水平状态。

- 5. 使用气垫导轨时的注意事项
- (1)小型专用气源功率小, 电机容易发热, 连续使用时间不宜太长, 实验中不进行测量时要把气源关掉, 以免烧坏电机。
- (2) 气轨表面要常用酒精棉球轻擦,不要在导轨表面加压以防止导轨变形及划伤,保证气轨表面的清洁度和光滑度,不用时加防尘罩。
- (3)导轨的滑块内表面经过精密加工,配合密切,使用时要轻拿轻放,切勿使滑块跌落。导轨不通气时不要将滑块在导轨上滑动,以免磨损。

Stephen and Techin

国家级实验教学示范中心 中国科学技术大学物理实验教学中心

中华人民共和国教育部