

### 第3章 电路定理

3.1 如图所示电路，已知  $U_{ab} = 0$ ，求电阻  $R$  的值。

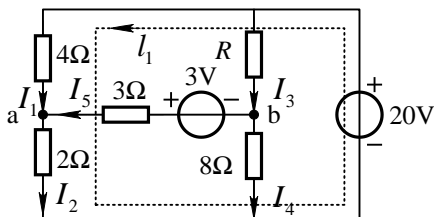


图 3-1

解：由题， $U_{ab} = 0$ ，故  $I_5 = \frac{3V}{3\Omega} = 1A$ ，电流比为  $\frac{I_2}{I_4} = \frac{8}{2} = 4$ ， $\frac{I_1}{I_3} = \frac{R}{4}$

对回路  $l_1$  列 KVL 方程可得  $20V = 4\Omega I_1 + 2\Omega(I_1 + I_5)$  解得：  $I_1 = 3A$

所以  $I_2 = I_1 + I_5 = 3 + 1 = 4A$ ， $I_4 = I_2 / 4 = 1A$ ， $I_3 = I_5 + I_4 = 1 + 1 = 2A$

$$R = 4 \times I_1 / I_3 = 6\Omega$$

3.2 用叠加定理求图示电路的电流  $I$  及  $1\Omega$  电阻消耗的功率。

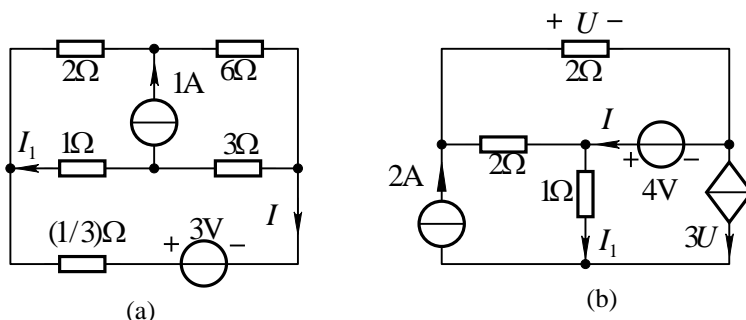


图 3-2

解：（a） 本题考虑到电桥平衡，再利用叠加定理，计算非常简单。

（1）  $3V$  电压源单独作用，如图(a-1)、(a-2)所示。由图(a-2)可得

$$I' = \frac{3V}{\frac{1}{3}\Omega + \frac{4 \times 8}{4+8}\Omega} = 1A$$

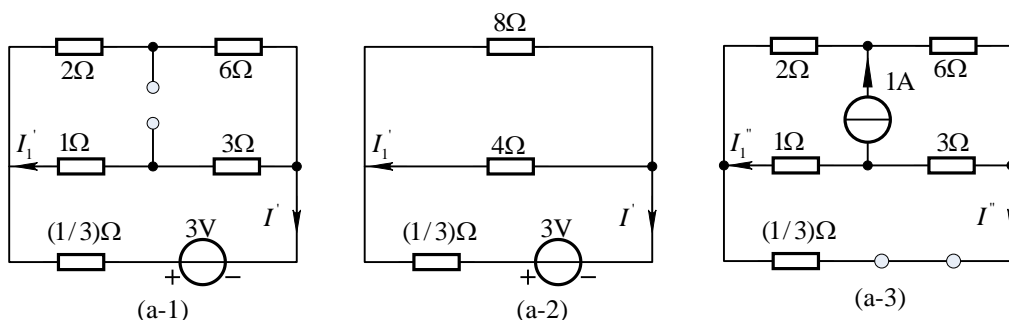
$$\text{由分流公式得： } I'_1 = -I' \times \frac{8\Omega}{4\Omega + 8\Omega} = -\frac{2}{3}A$$

（2）  $1A$  电流源单独作用，如图(a-3)所示。

考虑到电桥平衡,  $I''=0$ ,  $I_1''=-\frac{3}{1+3}\times(1\text{A})=-\frac{3}{4}\text{A}$

(3) 叠加:  $I=I'+I''=1\text{A}$ ,  $I_1=I_1'+I_1''=-17/12\text{A}$

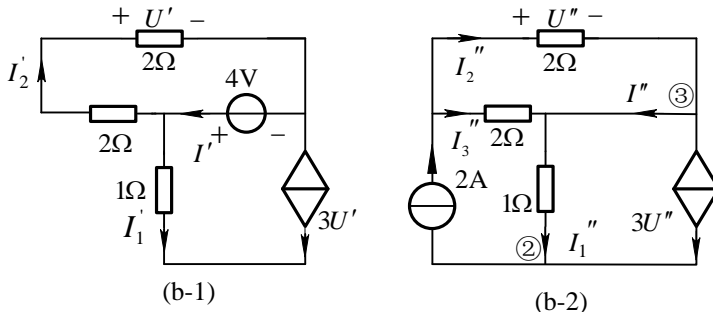
$$P_{1\Omega}=1\times I_1^2=2.007\text{W}$$



(b) (1) 4V 电压源单独作用, 如图(b-1)所示。

$$U'=\frac{2\Omega}{2\Omega+2\Omega}\times 4\text{V}=2\text{V}, \quad I_1'=-3U'=-6\text{A}, \quad I'=I_1'+I_2'=-5\text{A}$$

(2) 2A 电流源单独作用, 如图(b-2)所示。



$$U''=\frac{2\Omega\times 2\Omega}{2\Omega+2\Omega}\times 2\text{A}=2\text{V}, \quad I_2''=U_2''/2=1\text{A}$$

对节点②列 KCL 方程得  $I_1''=2-3U''=-4\text{A}$

对节点③列 KCL 方程得  $I''=I_2''-3U''=-5\text{A}$

(3) 叠加  $I_1=I_1'+I_1''=-6\text{A}-4\text{A}=-10\text{A}$

$$I=I'+I''=-5\text{A}-5\text{A}=-10\text{A}$$

$$P_{1\Omega}=I_1^2\times 1\Omega=100\text{W}$$

注释: 不能用各独立源单独作用时电阻消耗的功率之和来计算电阻在电路中消耗的功率。

3.3 图示电路中, 已知  $R_1 = 1\Omega$ ,  $R_2 = 4\Omega$ ,  $R_3 = R_4 = 2\Omega$ ,  $R_5 = 5\Omega$ ,  $I_s = 0.5A$ ,  $U_s = 5V$ 。

欲使  $U_s$  中的电流为零, 求  $R_x$  的值。

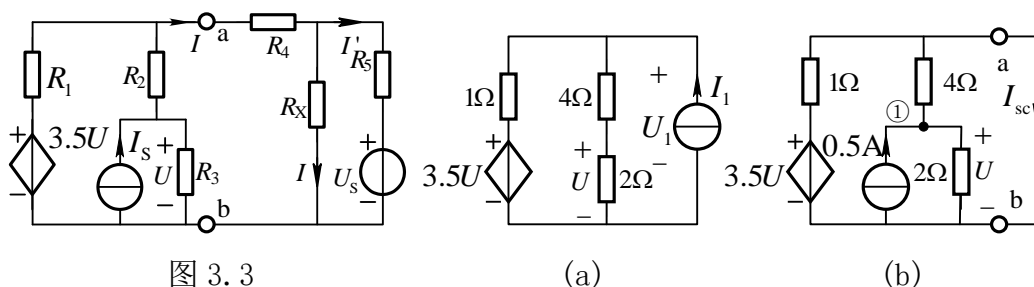


图 3.3

(a)

(b)

解: 求 ab 端左侧的等效电路。去掉电流源, 外加电流源  $I_1$ , 如图(a)所示。

$$U = \frac{2}{2+4}U_1 = \frac{1}{3}U_1$$

列写节点方程:  $\left(\frac{1}{1} + \frac{1}{2+4}\right)U_1 = I_1 + \frac{3.5U}{1} = I_1 + 3.5 \times \frac{1}{3}U_1$

得:  $\left(\frac{7}{6} - \frac{7}{6}\right)U_1 = I_1$ , 所以等效电阻  $R_i = U_1 / I_1 \rightarrow \infty$

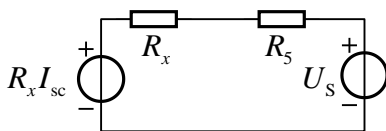
由于等效电阻为无穷大, 即不存在戴维宁电路。将 ab 端短接, 如图(b)所示。

在图(b)中, 对节点 1 列写节点方程有

$$\left(\frac{1}{2} + \frac{1}{4}\right)U = 0.5, \text{ 解得 } U = 2/3V$$

所以短路电流为  $I_{sc} = \frac{U}{4} + \frac{3.5U}{1} = \frac{1}{4} \times \frac{2}{3} + 3.5 \times \frac{2}{3} = 2.5A$

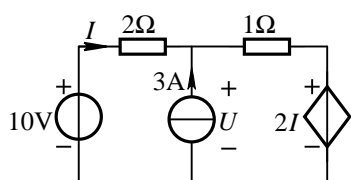
ab 端左侧的等效电路为一个理想电流源支路, 再将 ab 端右侧的电路进行等效, 等效电路如图(c)所示。



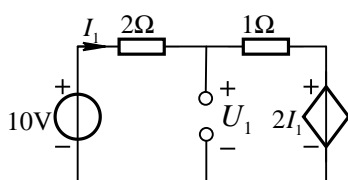
图(c)

当  $U_s$  中电流为零时有,  $R_x I_{sc} = U_s$ , 即  $R_x = 2\Omega$

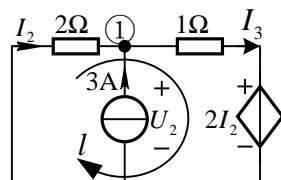
注: 本题如果先求 ab 端左侧的开路电压, 则无解, 即不存在戴维宁电路。

3.4 图示电路，试用叠加定理求电压  $U$  和电流  $I$ 。

图题3-4



图题3-4-1



图题3-4-2

解：当仅有 10V 电压源作用时，等效电路图 3-4-1 所示。

此时对于串联回路列 KVL 方程有  $10 - 2I_1 - I_1 - 2I_1 = 0$

故此时电流  $I_1 = 2\text{A}$ ，电压  $U_1 = 10 - 2I_1 = 6\text{V}$

当电流源单独作用时，等效电路图 3-4-2 所示。

对节点①列 KCL 方程可知  $I_3 = I_2 + 3$  (1)

对回路  $l$  列 KVL 方程  $2I_2 + I_3 + 2I_2 = 0$  (2)

方程 (1) 和 (2) 联立可得  $I_2 = -0.6\text{A}$

故  $U_2 = -2I_2 = 1.2\text{V}$

由叠加定理可知  $U = U_1 + U_2 = 7.2\text{V}$

所求电流为  $I = I_1 + I_2 = (2 - 0.6)\text{A} = 1.4\text{A}$

3.5 图示电路，当  $I_s = 2\text{A}$  时， $I = -1\text{A}$ ；当  $I_s = 4\text{A}$  时， $I = 0$ 。若要使  $I = 1\text{A}$ ， $I_s$  应为多少？

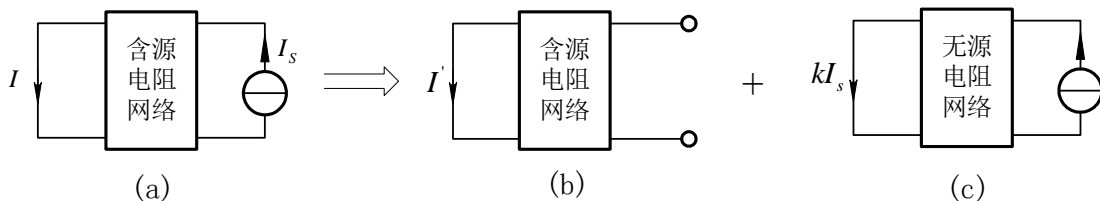


图 3-5

解：利用叠加定理，含源电阻网络中的电源分为一组，其作用为  $I'$ ，如图 (b) 所示。

$I_s$  为一组，其单独作用的结果  $I''$ ，与  $I_s$  成比例，即： $I'' = kI_s$ ，如图 (c) 所示。

$$I = I' + I'' = I' + kI_s \quad (1)$$

将已知条件代入 (1) 式得

$$\begin{cases} 0 = I' + k \times 4\text{A} \\ -1\text{A} = I' + k \times 2\text{A} \end{cases}$$

联立解得： $I' = -2A$  ,  $k = 0.5$

即： $I = -2A + 0.5 * I_s$

将  $I = 1A$  代入 解得  $I_s = 6A$

3.6 图示电路中, N 为无独立源二端口网络。(1) 当  $I_{s1} = 2A$  ,  $I_{s2} = 0$  时,  $I_{s1}$  输出功率为  $28W$  , 且  $U_2 = 8V$  ; (2) 当  $I_{s1} = 0$  ,  $I_{s2} = 3A$  时,  $I_{s2}$  的输出功率为  $54W$  , 且  $U_1 = 12V$  。求当  $I_{s1} = 2A$  ,  $I_{s2} = 3A$  共同作用时每个电流源的输出功率。

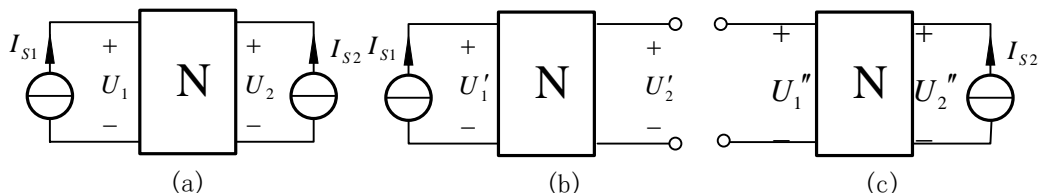


图 3-6

解：根据叠加定理，将图 (a) 等效成图 (b) 与图 (c) 的叠加。由已知条件得

$$U'_1 = \frac{P_{I_{s1}}}{I_{s1}} = \frac{28W}{2A} = 14V \quad U'_2 = 8V$$

$$U''_1 = 12V \quad U''_2 = \frac{P_{I_{s2}}}{I_{s2}} = \frac{54W}{3A} = 18V$$

所以  $I_{s1}$ 、 $I_{s2}$  共同作用时

$$U_1 = U'_1 + U''_1 = 26V \quad U_2 = U'_2 + U''_2 = 26V$$

每个电源的输出功率分别为

$$P_{I_{s1}} = I_{s1}U_1 = 52W \quad P_{I_{s2}} = I_{s2}U_2 = 78W$$

3.7 求图示各电路的戴维南等效电路或诺顿等效电路。通过这些实例，研究哪些电路既存在戴维南等效电路，又存在诺顿等效电路，哪些电路只能具有一种等效电路。试总结其规律。

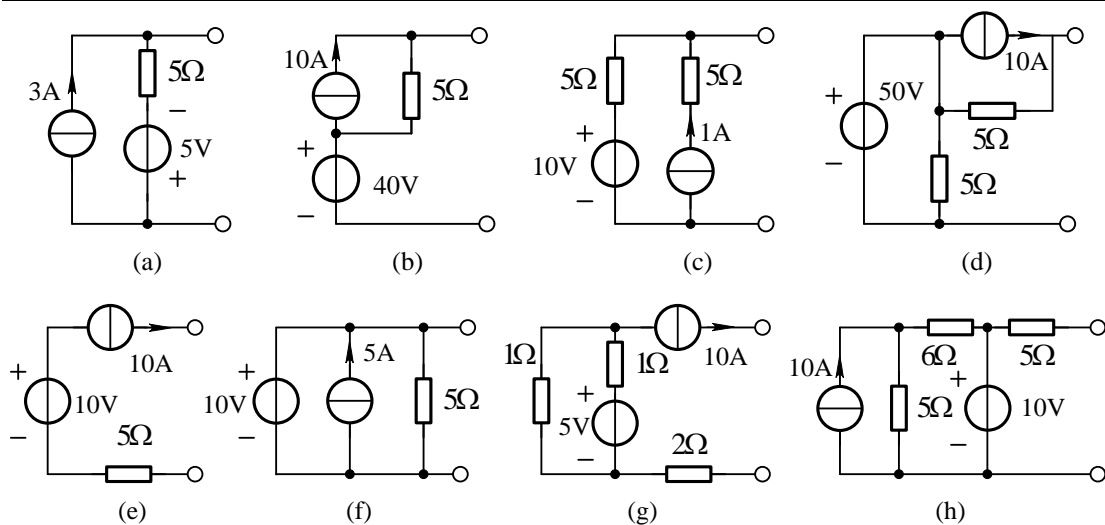


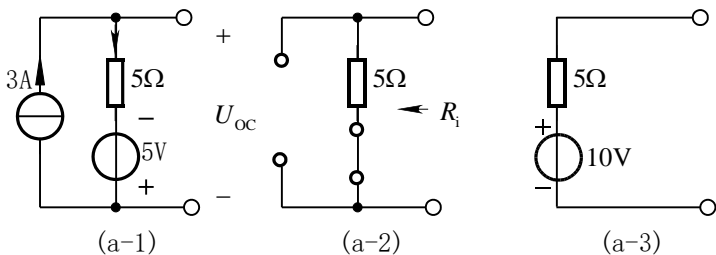
图 3-7

解：应用戴维南定理或诺顿定理

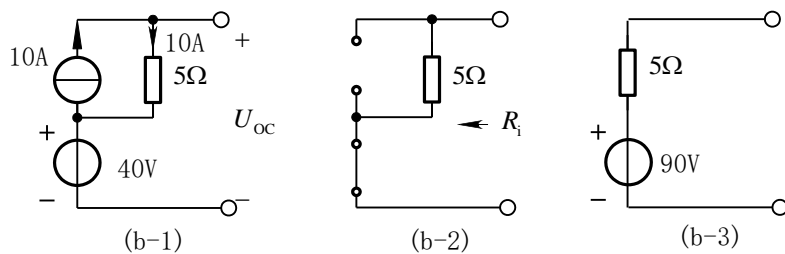
(1) 图(a)电路求开路电压和等效电阻，分别如图(a-1)和图(a-2)所示。

$$U_{oc} = 3A \times 5\Omega + (-5V) = 10V$$

$$R_i = 5\Omega$$



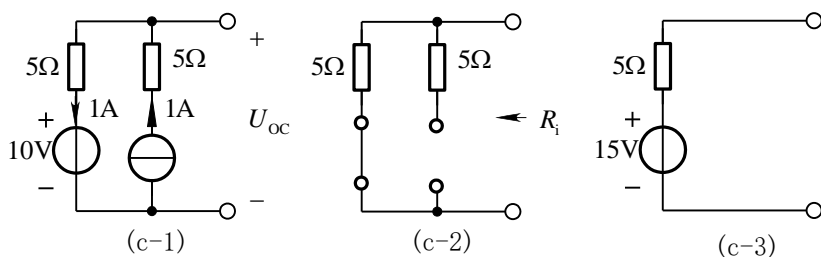
图(b)电路等效过程如下：



$$U_{oc} = 10A \times 5\Omega + 40V = 90V$$

$$R_i = 5\Omega$$

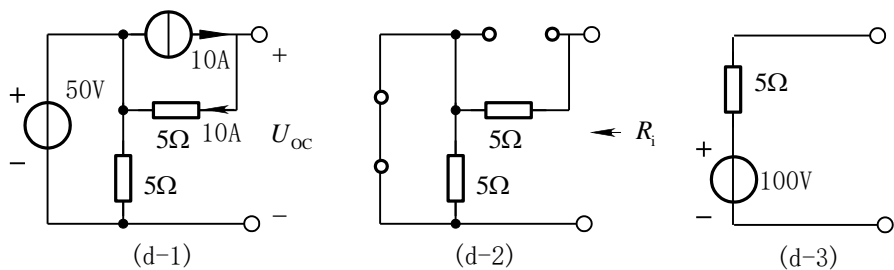
图 (c) 电路等效过程如下:



$$U_{oc} = 1A \times 5\Omega + 10V = 15V$$

$$R_i = 5\Omega$$

图 (d) 电路等效过程如下:



$$U_{oc} = 10A \times 5\Omega + 50V = 100V$$

$$R_i = 5\Omega$$

图 (e) 电路等效过程如下:

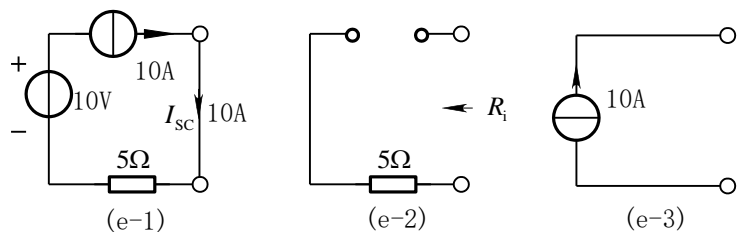


图 (f) 电路等效过程如下:

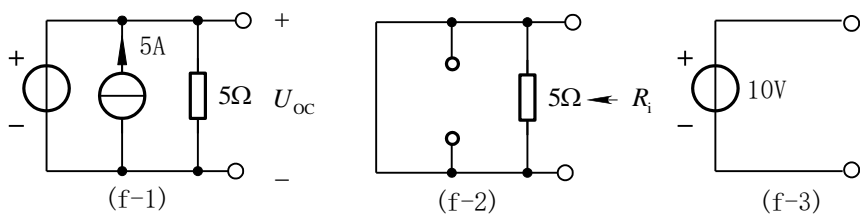


图 (g) 电路等效过程如下:

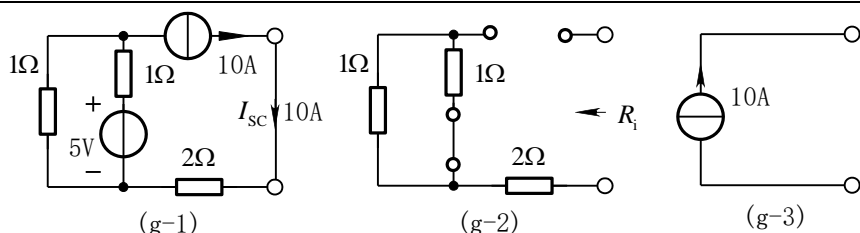
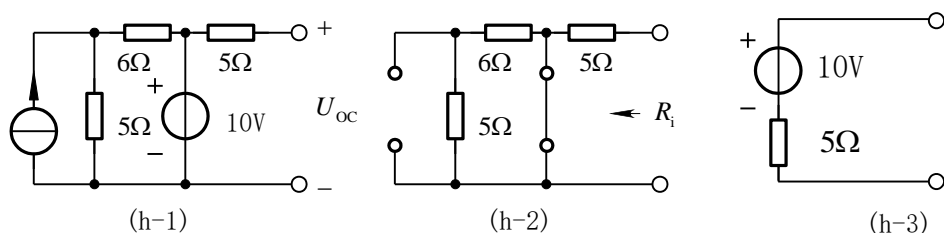


图 (h) 电路等效过程如下:



如果电路的等效内阻为非零的确定值, 则电路既存在戴维南等效电路, 又存在诺顿等效电路; 如果电路的等效内阻为零, 则只能等效成戴维南电路; 如果电路的等效内阻为无穷大, 则只能等效成诺顿电路。

3.8 求图示含受控源电路的戴维南与诺顿等效电路。

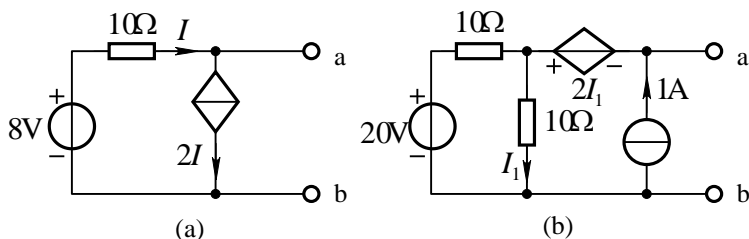


图 题 3.8

解: (a) (1) 求开路电压  $U_{oc}$

当 ab 端开路时, 对节点 a, 由 KCL,  $-I + 2I = 0$ ,  $I = 0$

所以开路电压  $U_{oc} = 8V - 10\Omega I = 8V$

(2) 求等效电阻

当 ab 端短路时,  $8V - 10\Omega \times I = 0$ , 解得  $I = 0.8A$ 。

短路电流  $I_{ab} = I - 2I = -0.8A$

$$\text{等效电阻 } R_i = \frac{U_{oc}}{I_{ab}} = \frac{8}{-0.8} = -10\Omega$$



(b) (1) 求开路电压，当 ab 端开路时，在图(c)中

$$I_2 = I_1 - 1$$

对回路  $I_1$  列 KVL 方程得  $10(I_1 - 1) + 10I_1 = 20$  解得  $I_1 = 1.5\text{A}$

开路电压  $U_{oc} = -2I_1 + 10I_1 = 8I_1 = 12\text{V}$

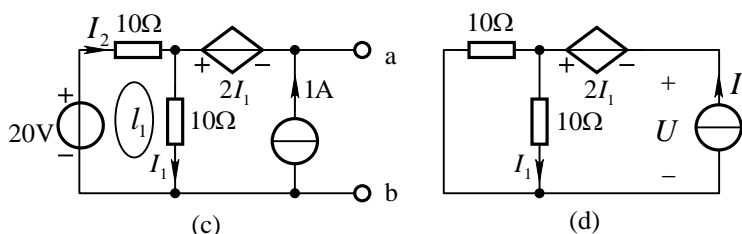
(2) 求等效电阻

求  $R_i$  时将独立源置零，外加激励电流  $I$  求 ab 端口响应电压  $U$ ，如图(d)所示。

由图(d)可知， $I_1 = 0.5I$

对回路  $I$  列 KVL 方程  $U = -2I_1 + 10I_1 = 8I_1 = 4I$

等效电阻  $R_i = \frac{U}{I} = 4\Omega$



3.9 图示电路中 N 为线性含源电阻网络，已知当  $R = 10\Omega$  时， $U = 15\text{V}$ ；当  $R = 20\Omega$  时， $U = 20\text{V}$ 。求  $R = 30\Omega$  时， $U$  的值。

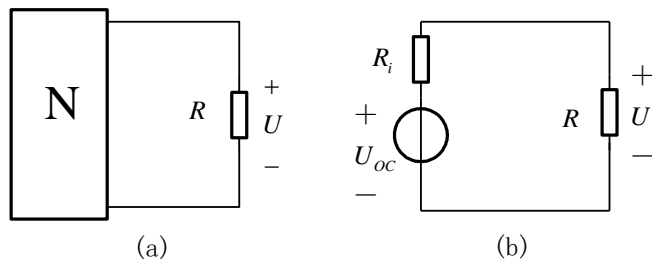


图 3-9

解：将含源电阻网络化为戴维南等效电路，如图 (b) 所示。由此图求得：

$$U = \left( \frac{U_{oc}}{R_i + R} \right) \times R \quad (1)$$

将  $R = 10\Omega$  时， $U = 15\text{V}$ ； $R = 20\Omega$ ， $U = 20\text{V}$  代入式 (1)，得

$$\begin{cases} 15\text{V} = \left(\frac{U_{oc}}{R_i + 10\Omega}\right) \times 10\Omega \\ 20\text{V} = \left(\frac{U_{oc}}{R_i + 20\Omega}\right) \times 20\Omega \end{cases}$$

联立解得：

$$R_i = 10\Omega$$

$$U_{oc} = 30\text{V}$$

(1) 式可表示为

$$U = \left(\frac{30\text{V}}{10\Omega + R}\right) \times R$$

当  $R = 30\Omega$  时

$$U = \frac{30\text{V}}{(10 + 30)\Omega} \times 30\Omega = 22.5\text{V}$$

注释：一端口外接电路发生变化时，宜采用戴维南或诺顿定理进行分析。

3.10 图中 N 为含独立源电阻网络，开关断开时量得电压  $U = 13\text{V}$ ，接通时量得电流  $I = 3.9\text{A}$ 。求网络 N 的最简等效电路。

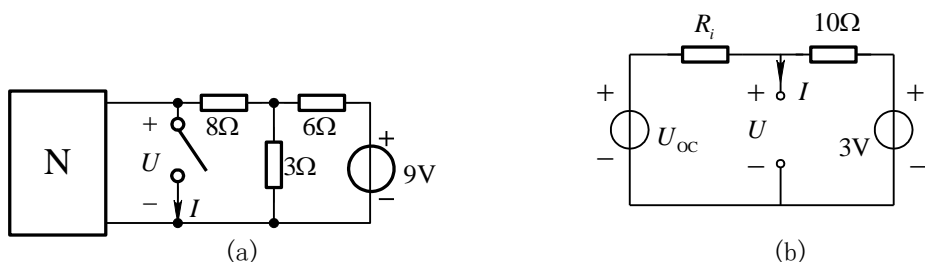


图 3-10

解：首先将开关右侧电路化简为戴维南等效电路，如图(b)所示，其开路电压为  $3\text{V}$ ，等效电阻为  $10\Omega$

$$\text{开关断开时 } U = 13\text{V} \text{ 得: } \frac{U_{oc} - 13\text{V}}{R_i} = \frac{13\text{V} - 3\text{V}}{10\Omega} = 1\text{A}$$

$$\text{开关短接时 } I = 3.9\text{A} \text{ 得: } I = \frac{U_{oc}}{R_i} + \frac{3\text{V}}{10\Omega} = 3.9\text{A}$$

$$\text{联立求解得: } U_{oc} = 18\text{V}, R_i = 5\Omega$$

3.11 已知图示电路中  $R = 10\Omega$  时，其消耗的功率为  $22.5\text{W}$ ； $R = 20\Omega$  时，其消耗的功率为  $20\text{W}$ 。求  $R = 30\Omega$  时它所消耗的功率。

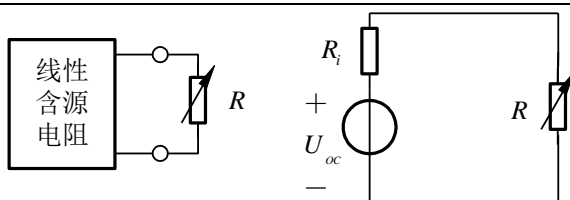


图 3-11

解：将含源电阻网络等效为戴维南电路。如图（b）所示。负载电阻  $R$  消耗的功率可表示为

$$P_R = \left( \frac{U_{oc}}{R_i + R} \right)^2 \times R \quad (1)$$

将已知条件分别代入（1）式，得

$$\begin{cases} \left( \frac{U_{oc}}{R_i + 10\Omega} \right)^2 \times 10\Omega = 22.5\text{W} \\ \left( \frac{U_{oc}}{R_i + 20\Omega} \right)^2 \times 20\Omega = 20\text{W} \end{cases}$$

联立解得

$$R_i = 10\Omega \quad U_{oc} = 30\text{V}$$

当  $R = 30\Omega$  时

$$P_R = \left( \frac{U_{oc}}{R_i + 30\Omega} \right)^2 \times 30\Omega = \left( \frac{30\text{V}}{(10 + 30)\Omega} \right)^2 \times 30\Omega \approx 16.9\text{W}$$

3.12 图示电路 N 为线性含源电阻网络，已知当  $I_s = 0$  时， $U = -2\text{V}$ ； $I_s = 2\text{A}$  时， $U = 0$ 。求网络 N 的戴维南等效电路。

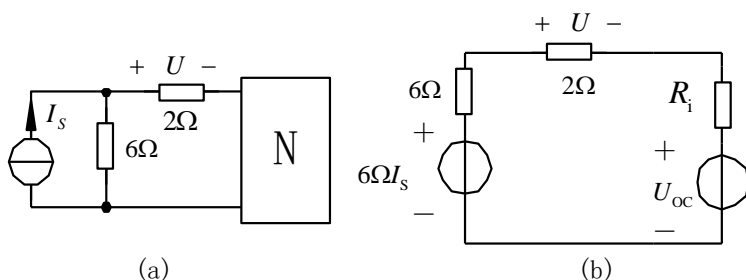


图 3-12

解：将图（a）电路化简如图（b）所示。

$$U = \frac{6\Omega I_s - U_{oc}}{(6 + 2)\Omega + R_i} \times 2\Omega$$

代入两个已知条件：

$$I_s = 2\text{A 时}, U = 0: \quad U_{oc} = 6\Omega \times 2\text{A} = 12\text{V}$$

$$I_s = 0 \text{ 时}, U = -2\text{V}: \quad U_{oc} = -(8\Omega + R_i) \times \frac{-2\text{V}}{2\Omega} = 8\text{V} + R_i \times 1\text{A}$$

$$\text{解得:} \quad U_{oc} = 12\text{V} \quad R_i = 4\Omega$$

3.13 图示直流电路中，负载  $R_L$  为多大它可以获得最大功率？最大功率为多少？

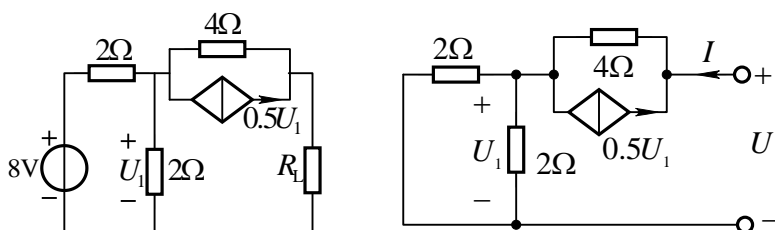


图 题 3.13

(a)

解：当负载  $R_L$  开路时  $U_1 = \frac{2}{2+2} \times 8 = 4\text{V}$ ，开路电压  $U_{oc} = 4 \times 0.5U_1 + U_1 = 12\text{V}$

求等效电阻的电路如图(a)所示  $U_1 = 2 \times 0.5I = I$

$$U = 4 \times (I + 0.5U_1) + U_1 = 7I \quad R_i = U / I = 7\Omega$$

所以当负载  $R_L$  等于  $7\Omega$  时，它可以获得最大功率。

$$\text{最大功率为 } P_{\max} = \frac{U_{oc}^2}{4R_i} = \frac{12 \times 12}{4 \times 7} = 5.14\text{W}$$

3.14 图示电路中，当电流源  $I_{S1}$  和电压源  $U_{S1}$  反向时 ( $U_{S2}$  不变)，电压  $U_{ab}$  是原来的 0.5 倍；当  $I_{S1}$  和  $U_{S2}$  反向时 ( $U_{S1}$  不变)，电压  $U_{ab}$  是原来的 0.3 倍。问：仅  $I_{S1}$  反向时 ( $U_{S1}$ ， $U_{S2}$  均不变)，电压  $U_{ab}$  应为原来的几倍？

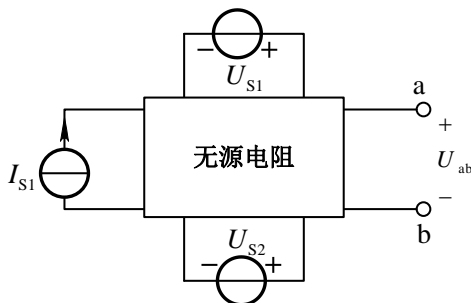


图 3-14

解：由叠加定理与齐性定理，可设  $U_{ab} = kU_{s1} + gU_{s2} + dI_{s1}$

其中  $k$  为当  $U_{s1}$  为单位电压源单独作用时  $ab$  端口的电压， $g$  为当  $U_{s2}$  为单位电压源单独作用时的  $ab$  端口电压， $d$  为当  $I_{s1}$  为单位电流源单独作用时的  $ab$  端口电压。设当  $U_{s1}$ 、 $U_{s2}$  与  $I_{s1}$  均为正向时  $ab$  端口电压  $U_{ab} = U$ 。

$$\text{由题，可列出如下方程组} \begin{cases} U = kU_{s1} + gU_{s2} + dI_{s1} & (1) \\ 0.5U = -kU_{s1} + gU_{s2} - dI_{s1} & (2) \\ 0.3U = kU_{s1} - gU_{s2} - dI_{s1} & (3) \end{cases}$$

(1)、(2)、(3) 式相加可得  $1.8U = kU_{s1} + gU_{s2} - dI_{s1}$

故当仅有  $I_{s1}$  反向时电压  $U_{ab}$  为原电压的 1.8 倍

3.15 图示电路，已知当  $R=2\Omega$  时， $I_1=5A$ ， $I_2=4A$ 。求当  $R=4\Omega$  时  $I_1$  和  $I_2$  的值。

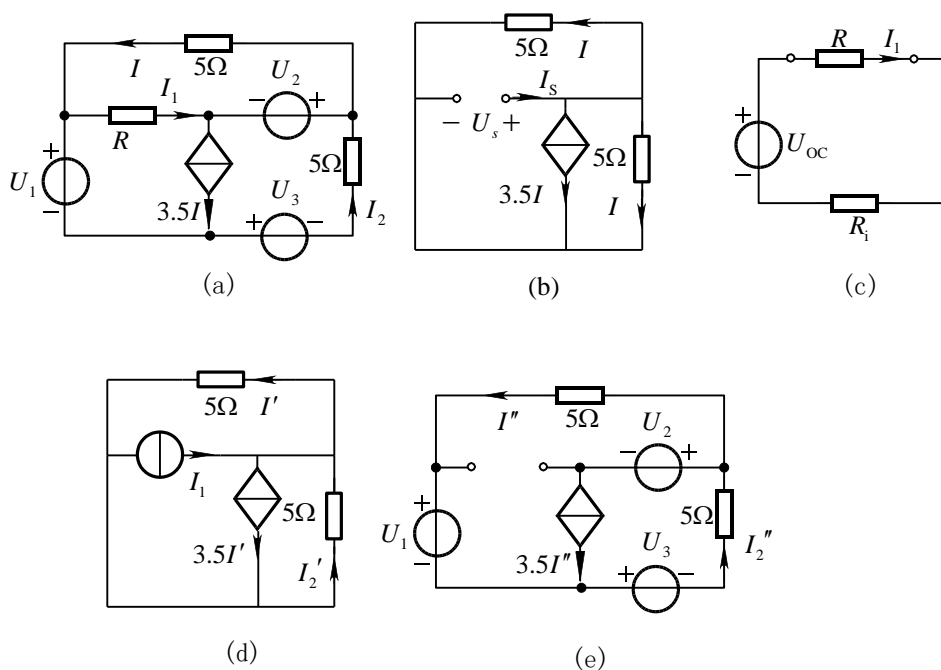


图 3-15

解：方法一：应用戴维南定理求  $I_1$ 。由图 (b) 有

$$U_s = 5\Omega I$$

$$I_s = I + I + 3.5I = 5.5I$$

等效电阻 
$$R_i = \frac{U_s}{I_s} = \frac{10}{11} \Omega$$

又由已知条件得 
$$U_{oc} = (R_i + 2\Omega) \times I_1 = \frac{160}{11} \text{V}$$

简化后的电路如图(c)所示。

所以当  $R = 4\Omega$  时 
$$I_1 = \frac{U_{oc}}{R + R_i} = \frac{(160/11)\text{V}}{(4 + 10/11)\Omega} = \frac{80}{27} \text{A} \approx 2.963 \text{A}$$

将  $I_1$  用电流源来置换, 用叠加定理分析置换后的电路, 即将  $I_2$  分解成  $I_2 = I'_2 + I''_2$ 。其中  $I'_2$  为电流源  $I_1$  单独作用时的解答, 如图(d)所示;  $I''_2$  是其余电源共同作用时的解答, 如图(e)所示。由图(d)可得:

$$\text{KVL: } 5\Omega I'_2 + 5\Omega I' = 0$$

$$\text{KCL: } -I_1 + 3.5I' - I'_2 + I' = 0$$

联立解得 
$$I'_2 = -\frac{2}{11} I_1$$

因此, 电流  $I_2$  可以写成: 
$$I_2 = I'_2 + I''_2 = -\frac{2}{11} I_1 + I''_2$$

由已知条件得 
$$4\text{A} = -\frac{2}{11} \times 5\text{A} + I''_2 \quad I''_2 = \frac{54}{11} \text{A}$$

所以, 当  $R = 4\Omega$  时, 
$$I_2 = -\frac{2}{11} \times \frac{80}{27} \text{A} + \frac{54}{11} \text{A} \approx 4.37 \text{A}$$

方法二: 对图题 3.14 (a) 回路列写 KVL 方程:

回路  $I_1$ : 
$$5I + RI_1 = U_2 \quad (1)$$

回路  $I_2$ : 
$$RI_1 - 5I_2 = U_1 + U_2 + U_3 = U'_1 \quad (2)$$

再对闭合面列写 KCL 方程:

$$I - I_1 + 3.5I - I_2 = 0 \quad (3)$$

由式(3)解得: 
$$I = \frac{2}{9} (I_1 + I_2) \quad (4)$$

将式(4)代入(1)，再与式(2)联立得方程组：

$$\begin{cases} (10+9R)I_1+10I_2=U'_2 \\ RI_1-5I_2=U'_1 \end{cases} \quad (5)$$

将  $R=2\Omega$  时的已知电流代入上式求得电压： $U'_1=-10, U'_2=180\text{V}$ ，由此将方程(5)写成：

$$\begin{cases} (10+9R)I_1+10I_2=180 \\ RI_1-5I_2=-10 \end{cases} \quad (6)$$

当  $R=4\Omega$  时，由方程(6)解得： $I_1=80/27 \approx 2.963\text{A}$ ， $I_2=118/27 \approx 4.37\text{A}$ 。

3.16 图示电路，已知  $U=8\text{V}$ ， $R=12\Omega$ 。求电流  $I$  和  $I_1$  的值。

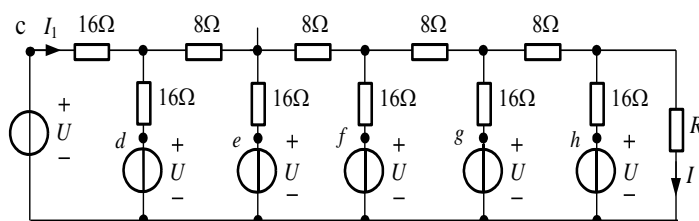


图 3-16

解：由图可以看出， $c \sim h$  点均为等电位点，可将其联为一点，得简化电路如图 (b) 所示。

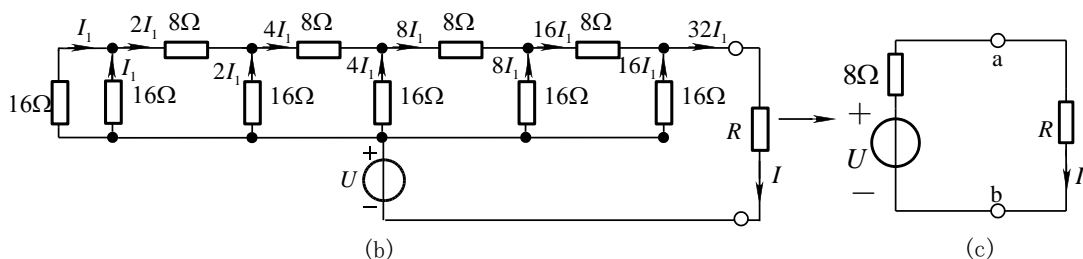


图 (b) 可知 ab 端左侧最简等效电路为

$$U_{oc}=U=8\text{V}, R_i=8\Omega$$

如图 (c) 所示。由图 (c) 得， $I=\frac{U}{8\Omega+R}$

已知当  $R=12\Omega$ ， $U=8V$  时， $I=\frac{8V}{8\Omega+12\Omega}=0.4A$

当设图 (a) 电路最左侧  $16\Omega$  支路流过电流为  $I_1$ ，如图 (b) 递推所示，流过  $R$  的电流为  $32I_1$ ，即  $I=32I_1$

$$I_1 = \frac{I}{32} = \frac{0.4A}{32} = 0.0125A$$

3.17 图示电路中， $N$  为线性含源电阻网络。已知  $R=0$  时， $I_2=6A$ ； $R\rightarrow\infty$  时， $I_2=9A$ 。 $ab$  端戴维南等效电阻为  $R_i=9\Omega$ 。求电流  $I_2$  与电阻  $R$  的一般关系。

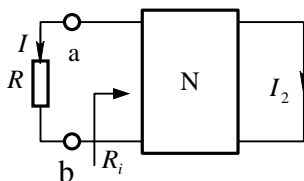


图 题 3.17

解：设  $ab$  端戴维南等效电路开路电压为  $U_{oc}$ 。则电阻  $R$  流过的电流为

$$I = \frac{U_{oc}}{R + R_i} \quad (1)$$

将电阻  $R$  用  $I_s = I$  的电流源置换，由齐性定理得

$$I_2 = I_2'' + kI \quad (2)$$

其中  $I_2''$  为  $N$  内等效电源单独作用产生的分量。

将  $R=0$  时， $I_2=6A$ ； $R\rightarrow\infty$  时， $I_2=9A$  代入式 (1)，

得 
$$I_2'' = 9A, \quad k = \frac{-27}{U_{oc}} \quad (3)$$

将式 (1)、(3) 代入式 (2)，得



$$I_2 = 9 - \frac{27}{U_{OC}} \times \frac{U_{OC}}{9+R} = \frac{9(6+R)}{9+R}$$

3.18 图示电路中 N 为纯电阻网络，利用特勒根定理求出电流  $I$ 。

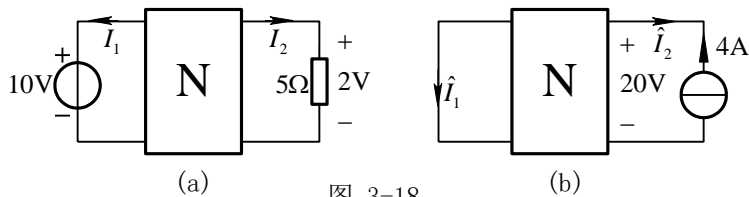


图 3-18

解：设网络共有  $b$  条支路，各支路电压电流取关联参考方向，由特勒根定理得

$$U_1 \hat{I}_1 + U_2 \hat{I}_2 + \sum_{k=3}^b U_k \hat{I}_k = 0 \quad (1)$$

$$\hat{U}_1 I_1 + \hat{U}_2 I_2 + \sum_{k=3}^b \hat{U}_k I_k = 0 \quad (2)$$

因为 N 为纯电阻网络，故

$$\sum_{k=3}^b U_k \hat{I}_k = \sum_{k=3}^b R_k I_k \hat{I}_k = \sum_{k=3}^b R_k \hat{I}_k I_k = \sum_{k=3}^b \hat{U}_k I_k \quad (3)$$

将式(3)代入式(1)、(2)得

$$U_1 \hat{I}_1 + U_2 \hat{I}_2 = \hat{U}_1 I_1 + \hat{U}_2 I_2 \quad (4)$$

对 (a) 图：  $U_1 = 10\text{V}$ ，  $U_2 = 2\text{V}$ ，  $I_2 = 2\text{V} / 5\Omega = 0.4\text{A}$

对 (b) 图：  $\hat{U}_1 = 0$ ，  $\hat{U}_2 = 20\text{V}$ ，  $\hat{I}_2 = -4\text{A}$

代入式(4)得  $10\text{V} \times \hat{I}_1 + 2\text{V} \times (-4\text{A}) = 0 \times I_1 + 20\text{V} \times 0.4\text{A} \Rightarrow \hat{I}_1 = 1.6\text{A}$

注释：对仅由二端电阻组成的二端口网络，不论端口外接情况如何，方程(4)都是成立的，因此可作为公式使用。

3.19 图中 N 为互易性 (满足互易定理) 网络。试根据图中已知条件计算电阻  $R$ 。

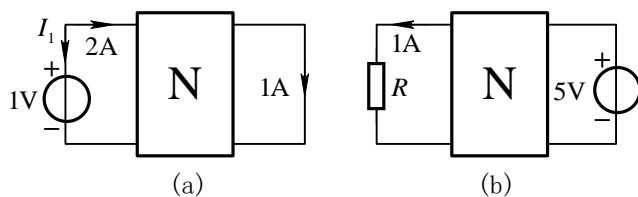


图 3-20

解：当 N 为互易性网络时，图 (a)、(b) 的端口电压、电流满足

$$U_1 \hat{I}_1 + U_2 \hat{I}_2 = \hat{U}_1 I_1 + \hat{U}_2 I_2 \quad (1)$$

已知  $U_1 = 1\text{V}$ ， $U_2 = 0$ ， $I_1 = -2\text{A}$ ， $I_2 = 1\text{A}$ ， $\hat{U}_1 = 1\text{A} \times R$ ， $\hat{U}_2 = 5\text{V}$

代入 (1) 式，得

$$1\text{V} \times 1\text{A} + 0 \times 1\text{A} = 1\text{A} \times R \times (-2)\text{A} + 5 \times 1\text{A}$$

解得

$$R = 2\Omega$$

3.20 用互易定理求图示电路电压  $U$ 。

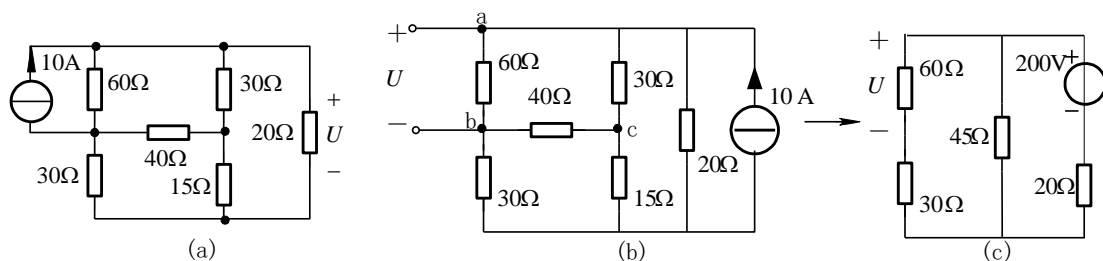


图 3-20

解：根据互易定理第二种形式，将  $10\text{A}$  电流源移到右端与  $20\Omega$  电阻并联，则  $ab$  端  $60\Omega$  电阻上电压即为所求电压  $U$ ，如图 (b) 所示。该电路电桥平衡， $bc$  间电流为零。电路可进一步简化成图 (c)。

$$U = \frac{200\text{V}}{\left(20 + \frac{90 \times 45}{90 + 45}\right)\Omega} \times \frac{45\Omega}{(90 + 45)\Omega} \times 60\Omega = 80\text{V}$$