

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования

«Московский государственный технический университет имени Н.Э. Баумана (национальный исследовательский университет)» (МГТУ им. Н.Э. Баумана)

Факультет «Информатика и системы управления»

Кафедра ИУ5 «Системы обработки информации и управления»

Отчет по лабораторной работе №6 по дисциплине «Методы машинного обучения» по теме «Обучение на основе DQN»

Выполнил: студент группы № ИУ5-21М Камалов М.Р. подпись, дата

Проверил: Балашов А.М. подпись, дата

Задание:

- На основе рассмотренных на лекции примеров реализуйте алгоритм DQN.
- В качестве среды можно использовать классические среды (в этом случае используется полносвязная архитектура нейронной сети).
- В качестве среды можно использовать игры Atari (в этом случае используется сверточная архитектура нейронной сети).
- В случае реализации среды на основе сверточной архитектуры нейронной сети +1 балл за экзамен.

Текст программы

SetUp.py

```
from collections import namedtuple
import torch
# Название среды
CONST ENV NAME = 'Acrobot-v1'
# Использование GPU
CONST DEVICE = torch.device('cuda' if torch.cuda.is available() else 'cpu')
# Элемент ReplayMemory в форме именованного кортежа
Transition = namedtuple('Transition', ('state', 'action', 'next state', 'reward'))
ReplayMemory.py
import random
from collections import deque
from SetUp import Transition
# Реализация техники Replay Memory
class ReplayMemory(object):
  def init _(self, capacity):
   self.memory = deque([], maxlen=capacity)
  def push(self, *args):
    Сохранение данных в ReplayMemory
   self.memory.append(Transition(*args))
  def sample (self, batch size):
    Выборка случайных элементов размера batch size
   return random.sample(self.memory, batch size)
  def len (self):
    return len(self.memory)
DQN Model.py
import torch.nn as nn
import torch.nn.functional as F
class DQN Model(nn.Module):
  def _init__(self, n_observations, n_actions):
   Инициализация топологии нейронной сети
    super(DQN Model, self). init ()
```

self.layer1 = nn.Linear(n observations, 128)

self.layer2 = nn.Linear(128, 64)

def forward(self, x):

Прямой проход

self.layer3 = nn.Linear(64, n actions)

```
Вызывается для одного элемента, чтобы определить следующее действие Или для batch во время процедуры оптимизации

x = F.relu(self.layer1(x))

x = F.relu(self.layer2(x))

return self.layer3(x)
```

DQN_Agent.py

```
import gymnasium as gym
import math
import random
import matplotlib.pyplot as plt
import torch
import torch.nn as nn
import torch.optim as optim
from DQN Model import DQN Model
from ReplayMemory import ReplayMemory
from SetUp import CONST DEVICE, CONST ENV NAME, Transition
class DQN Agent:
 def init (
   self,
   env,
   BATCH SIZE = 128,
    GAMMA = 0.99,
   EPS START = 0.1,
   EPS END = 0.5,
   EPS DECAY = 1000,
   TAU = 0.005,
   LR = 0.0001
  ):
    # Среда
    self.env = env
    # Размерности Q-модели
    self.n actions = env.action space.n
    state, _ = self.env.reset()
    self.n observations = len(state)
    # Коэффициенты
    self.BATCH SIZE = BATCH SIZE
    self.GAMMA = GAMMA
    self.EPS START = EPS START
   self.EPS END = EPS END
    self.EPS DECAY = EPS DECAY
    self.TAU = TAU
   self.LR = LR
    # Молели
    # Основная модель
    self.policy net = DQN Model(self.n observations, self.n actions).to(CONST DEVICE)
    # Вспомогательная модель, используется для стабилизации алгоритма
    # Обновление контролируется гиперпараметром ТАИ
    # Используется подход Double DQN
    self.target net = DQN Model(self.n observations, self.n actions).to(CONST DEVICE)
    self.target net.load state dict(self.policy net.state dict())
    self.optimizer = optim.AdamW(self.policy net.parameters(), lr=self.LR, amsgrad=True)
    # Replay Memory
    self.memory = ReplayMemory(10000)
    # Количество шагов
    self.steps done = 0
    # Длительность эпизодов
```

```
self.episode durations = []
  def select action(self, state):
    Выбор действия
    1 1 1
   sample = random.random()
    eps = self.EPS END + (self.EPS START - self.EPS END) * math.exp(-1. * self.steps done /
self.EPS DECAY)
   self.steps done += 1
   if sample > eps:
     with torch.no grad():
        # Если вероятность больше ерз
        # то выбирается действие, соответствующее максимальному Q-значению
        # t.max(1) возвращает максимальное значение колонки для каждой строки
        # [1] возвращает индекс максимального элемента
        return self.policy net(state).max(1)[1].view(1, 1)
    else:
      # Если вероятность меньше ерз
      # то выбирается случайное действие
      return torch.tensor([[self.env.action space.sample()]], device=CONST DEVICE,
dtype=torch.long)
  def plot durations(self, show result=False):
   plt.figure(1)
   durations t = torch.tensor(self.episode durations, dtype=torch.float)
    if show result:
     plt.title('Результат')
    else:
     plt.clf()
     plt.title('Обучение')
     plt.xlabel('Эпизод')
     plt.ylabel('Количество шагов в эпизоде')
     plt.plot(durations t.numpy())
     plt.pause(0.001) # пауза
  def optimize model (self):
    Оптимизация модели
    if len(self.memory) < self.BATCH SIZE:</pre>
      return
    transitions = self.memory.sample(self.BATCH SIZE)
    # Транспонирование batch'a
    # Конвертация batch-массива из Transition
    # в Transition batch-массивов.
   batch = Transition(*zip(*transitions))
    # Вычисление маски нефинальных состояний и конкатенация элементов batch'a
    non final mask = torch.tensor(tuple(map(lambda s: s is not None, batch.next state)),
device=CONST DEVICE, dtype=torch.bool)
    non final next states = torch.cat([s for s in batch.next state if s is not None])
    state batch = torch.cat(batch.state)
    action batch = torch.cat(batch.action)
    reward batch = torch.cat(batch.reward)
    # Вычисление Q(s t, a)
    state action values = self.policy net(state batch).gather(1, action batch)
    # Вычисление V(s {t+1}) для всех следующих состояний
    next state values = torch.zeros(self.BATCH SIZE, device=CONST DEVICE)
    with torch.no grad():
      next state values[non final mask] = self.target net(non final next states).max(1)[0]
    # Вычисление ожидаемых значений Q
```

```
expected state action values = (next state values * self.GAMMA) + reward batch
    # Вычисление Huber loss
   criterion = nn.SmoothL1Loss()
   loss = criterion(state action values, expected state action values.unsqueeze(1))
    # Оптимизация модели
   self.optimizer.zero grad()
   loss.backward()
    # gradient clipping
   torch.nn.utils.clip grad value (self.policy net.parameters(), 100)
   self.optimizer.step()
  def play_agent(self):
    Проигрывание сессии для обученного агента
   env2 = gym.make(CONST ENV NAME, render mode='human')
   state = env2.reset()[0]
   state = torch.tensor(state, dtype=torch.float32, device=CONST DEVICE).unsqueeze(0)
   terminated = False
   truncated = False
   while not terminated and not truncated:
     action = self.select action(state)
     action = action.item()
     observation, reward, terminated, truncated, = env2.step(action)
     env2.render()
     res.append((action, reward))
     state = torch.tensor(observation, dtype=torch.float32,
device=CONST DEVICE).unsqueeze(0)
   print('done!')
   print('Данные об эпизоде: ', res)
  def train(self):
    Обучение агента
   if torch.cuda.is available():
     num episodes = 600
    else:
     num episodes = 50
    for i episode in range (num episodes):
     # Инициализация среды
     state, info = self.env.reset()
     state = torch.tensor(state, dtype=torch.float32, device=CONST DEVICE).unsqueeze(0)
     terminated = False
     truncated = False
     iters = 0
     while not terminated and not truncated:
       action = self.select_action(state)
        observation, reward, terminated, truncated, _ = self.env.step(action.item())
       reward = torch.tensor([reward], device=CONST DEVICE)
        if terminated:
         next state = None
         next state = torch.tensor(observation, dtype=torch.float32,
device=CONST DEVICE).unsqueeze(0)
```

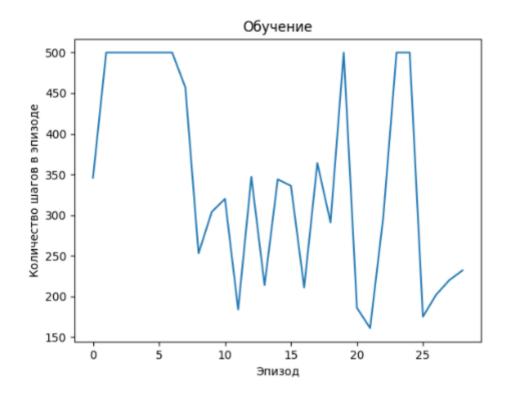
```
# Сохранение данных в Replay Memory
        self.memory.push(state, action, next state, reward)
        # Переход к следующему состоянию
        state = next state
        # Выполнение одного шага оптимизации модели
        self.optimize model()
        # Обновление весов target-сети
        \# \Theta' \leftarrow \tau \Theta + (1 - \tau)\Theta'
        target net state dict = self.target net.state dict()
        policy net state dict = self.policy net.state dict()
        for key in policy net state dict:
          target net state dict[key] = policy net state dict[key] * self.TAU +
target net state dict[key] * (1 - self.TAU)
        self.target_net.load state dict(target net state dict)
        iters += 1
      self.episode durations.append(iters)
      self.plot durations()
main.py
```

```
import gymnasium as gym
from DQN_Agent import DQN_Agent

import os
os.environ['SDL_VIDEODRIVER']='dummy'
import pygame
pygame.display.set_mode((640,480))
from SetUp import CONST_ENV_NAME
def main():
        env = gym.make(CONST_ENV_NAME)
        agent = DQN_Agent(env)
        agent.train()
        agent.play_agent()

if __name__ == '__main__':
    main()
```

Экранные формы



done!

```
Данные об эпизоде: [(2, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (1, -1.0), (1, -
1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (1, -1.0), (0, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0
1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (0, -1.0), (2, -1.0), (0, -1.0), (1, -1.0), (2, -1.0), (1, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0)
1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (2, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (0, -1.0), (1, -1.0)
1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (1, -1.0), (0, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (2, -1.0), (0, -1.0)
1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (1, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0)
1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (1, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (1, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (1, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0
1.0), (2, -1.0), (0, -1.0), (1, -1.0), (2, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0
1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (1, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (0, -1.0), (1, -1.0), (2, -1.0)
1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0
 1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (2, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (1, -1.0)
1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (1, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (0, -1.0), (1, -1.0), (0, -1.0), (2, -1.0)
1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (1, -1.0), (0, -1.0), (2, -1.0), (0, -1.0), (2, -1.0), (1, -1.0), (0, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0
 1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (0, -1.0), (1, -1.0), (0, -1.0), (2, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0
1.0), (2, -1.0), (0, -1.0), (2, -1.0), (1, -1.0), (2, -1.0), (0, -1.0), (1, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (1, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0
1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (1, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0), (1, -1.0
 1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (1, -1.0), (2, -1.0), (1, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0), (2, -1.0
1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0), (0, -1.0
 1.0), (0, -1.0), (0, 0.0)]
```