

# Грокаем алгособесы: Паттерн Fast and Slow

Находим циклы в связном списке



# Что такое паттерн «Быстрый и медленный указатели»?

## Определение

Техника, при которой два указателя проходят по структуре данных (чаще всего связному списку) с разной скоростью. Этот подход позволяет решать сложные задачи с минимальными затратами памяти.

**Медленный указатель** — движется на 1 шаг за итерацию

**Быстрый указатель** — движется на 2 шага за итерацию

## Принцип работы

Механика паттерна основана на простой математической закономерности:

- Если в структуре есть цикл → указатели обязательно встретятся внутри цикла
- Если цикла нет → быстрый указатель достигнет конца структуры

Эта особенность делает паттерн невероятно эффективным для детекции циклов.



# Ключевые преимущества подхода

## Временная сложность

$O(n)$  — линейное время  
выполнения

Алгоритм проходит по структуре  
данных не более одного-двух раз,  
что обеспечивает оптимальную  
производительность

## Пространственная сложность

$O(1)$  — константная память

Используются только два  
указателя, независимо от размера  
входных данных. Не требуется  
дополнительных структур данных

## Без дополнительного хранения

Не требует хеш-таблиц, множеств или массивов для отслеживания  
посещённых элементов



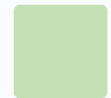
# Когда применять этот паттерн?

## ✓ Применяется, когда:



### Обнаружение циклов

Нужно определить наличие цикла в связном списке — классический сценарий использования паттерна



### Поиск середины

Необходимо найти средний элемент списка за один проход без предварительного подсчёта длины



### Свести задачу к модели связного списка

Найти дубликат в массиве с числами от 1 до  $n$  без модификации данных и extra memory

## ✗ Не подходит, если:

### Нелинейные структуры

Структура данных не линейная (Найти общий узел в двух бинарных деревьях)

### Задачи, требующие хранения истории

Пример: "Найти первую повторяющуюся букву в строке"

### Динамические задачи

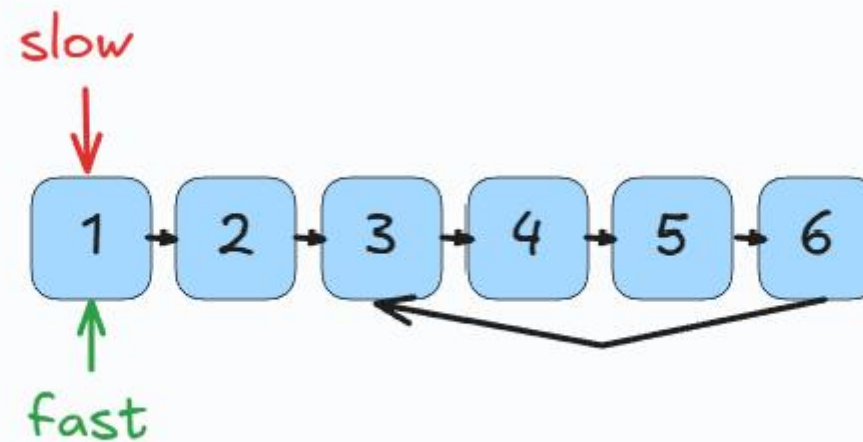
Пример: "Максимальная сумма подмассива с ограничениями"

# Визуализация работы алгоритма

01

Инициализация

Оба указателя стартуют с головы списка



# Алгоритм встречного движения

01

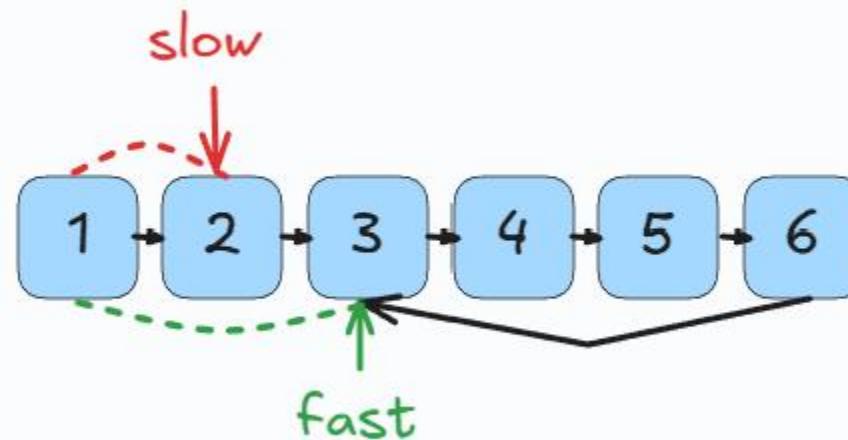
Инициализация

Устанавливаем  $left = 0$ ,  $right = n-1$  (начало и конец массива)

02

Движение

**Slow** += 1 шаг, **Fast** += 2 шага на каждой итерации



# Алгоритм встречного движения

01

Инициализация

Устанавливаем  $left = 0$ ,  $right = n-1$  (начало и конец массива)

02

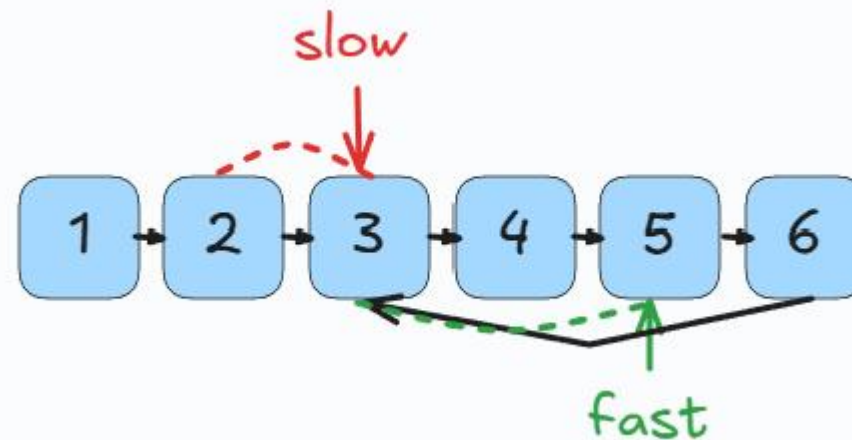
Движение

$Slow += 1$  шаг,  $Fast += 2$  шага на каждой итерации

03

Проверка условия

Если  $slow == fast$ , обнаружен цикл



# Алгоритм встречного движения

01

Инициализация

Устанавливаем  $left = 0$ ,  $right = n-1$  (начало и конец массива)

02

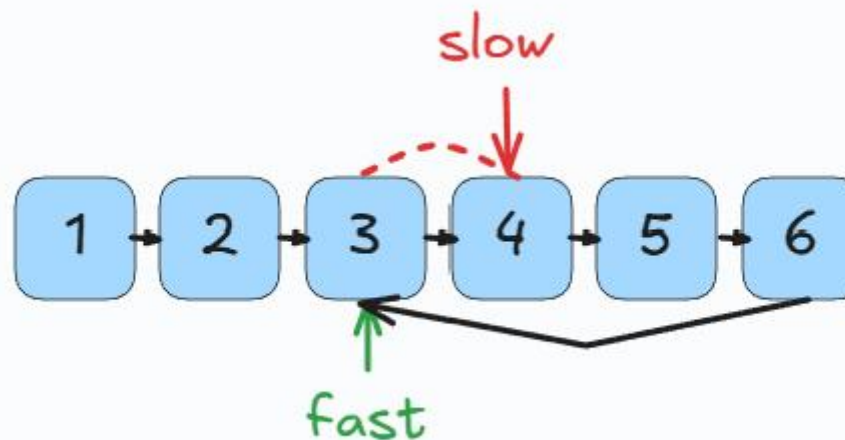
Движение

$Slow += 1$  шаг,  $Fast += 2$  шага на каждой итерации

03

Проверка условия

Если  $slow == fast$ , обнаружен цикл





# Алгоритм встречного движения

01

Инициализация

Устанавливаем  $left = 0$ ,  $right = n-1$  (начало и конец массива)

02

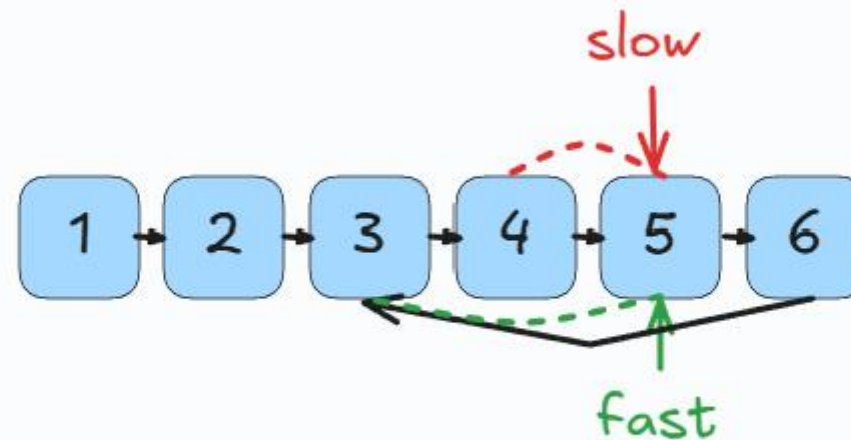
Движение

$Slow += 1$  шаг,  $Fast += 2$  шага на каждой итерации

03

Проверка условия

Если  $slow == fast$ , обнаружен цикл



# Алгоритм встречного движения

01

## Инициализация

Устанавливаем  $left = 0$ ,  $right = n-1$  (начало и конец массива)

03

## Проверка условия

Если  $slow == fast$ , обнаружен цикл

02

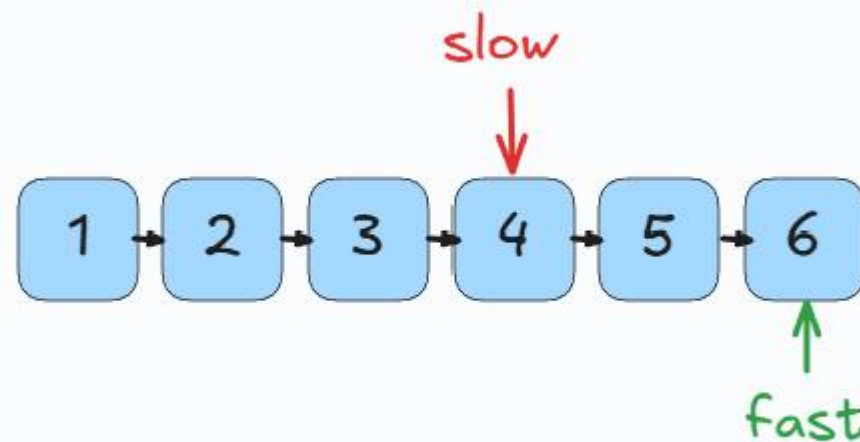
## Движение

$Slow += 1$  шаг,  $Fast += 2$  шага на каждой итерации

04

## Завершение

$Fast$  достиг конца или указатели встретились



# Практические советы по применению

## Проверяйте `null`

Всегда проверяйте, что `fast` и `fast.next` не равны `None` перед переходом

## Начальная позиция

Оба указателя обычно стартуют с головы списка, но в некоторых задачах (например, поиск  $n$ -го элемента с конца) `fast` может стартовать с отступом

## Скорость движения

Классическое соотношение 1:2, но в редких случаях может быть 1:3 или другое в зависимости от специфики задачи



# Пример задачи: Cycle Detection (LeetCode №141)

## Условие задачи

Определить, содержит ли связный список цикл. Функция должна вернуть `true`, если в списке есть узел, на который можно вернуться, следуя по указателям, и `false` в противном случае.

## Наивный подход

Хранить все посещённые узлы в `set` и проверять каждый новый узел на наличие в множестве.

Время:  $O(n)$

Память:  $O(n)$

## Решение через Fast/Slow

```
def hasCycle(self, head):  
    slow = fast = head  
  
    while fast and fast.next:  
        slow = slow.next  
        fast = fast.next.next  
  
    if slow == fast:  
        return True  
  
    return False
```

# $O(n)$

Временная сложность

Линейный проход по списку

# $O(1)$

Пространственная сложность

Только два указателя





# Другие популярные задачи с этим паттерном

01

## Middle of the Linked List (LeetCode №876)

Найти средний элемент связного списка за один проход. Когда быстрый указатель достигнет конца, медленный указатель окажется ровно в середине списка.

02

## Find the Duplicate Number (LeetCode №287)

Найти дубликат в массиве чисел от 1 до  $n$ . Ключевая идея — интерпретировать массив как связный список, где значение элемента указывает на следующий индекс, создавая цикл в месте дубликата.

03

## Linked List Cycle II (LeetCode №142)

Найти узел, с которого начинается цикл в связном списке. Требуется двухэтапное решение: сначала обнаружение цикла, затем определение точки входа с использованием математических свойств.





# Математика за паттерном

## Встреча в цикле

Когда быстрый указатель входит в цикл, он начинает догонять медленный. Разница в скорости составляет 1 шаг за итерацию, поэтому встреча неизбежна.

1

2

3

## Расстояние до встречи

Если длина цикла  $C$ , а быстрый указатель на  $K$  шагов впереди медленного, они встретятся через  $(C - K)$  итераций.

## Нахождение начала цикла

После встречи, если переместить один указатель в начало и двигать оба по 1 шагу, они встретятся в точке входа в цикл — элегантное математическое свойство паттерна.

📄 **Интересный факт:** Этот алгоритм известен как «алгоритм Флойда» или «алгоритм черепахи и зайца» (Floyd's Cycle-Finding Algorithm), названный в честь Роберта Флойда, который его популяризировал.

# Заключение и следующие шаги



## Практикуйся регулярно

Решай задачи на LeetCode по тегу «Two Pointers» и «Linked List». Начни с простых задач и постепенно переходи к более сложным.



## Понимай паттерны

Не заучивай решения наизусть — разбирайся в математике и логике за каждым паттерном. Это позволит адаптировать подход к новым задачам.



## Следи за обновлениями

В следующих выпусках «Грокаем алгособесы» мы разберём другой важный паттерн: **Sliding Window**

## Подписывайся и оставайся на связи

- Telegram-канал: [t.me/marat\\_notes](https://t.me/marat_notes)
- Репозиторий: [https://github.com/MaratNotes/marat\\_notes](https://github.com/MaratNotes/marat_notes)
- Обучающие видео: <https://vkvideo.ru/@club231048746>  
[https://www.youtube.com/@marat\\_notes](https://www.youtube.com/@marat_notes)

