

Грокаем алгособесы: Паттерн Fast and Slow

Находим циклы в связном списке



Что такое паттерн «Быстрый и медленный указатели»?

Определение

Техника, при которой два указателя проходят по структуре данных (чаще всего связному списку) с разной скоростью. Этот подход позволяет решать сложные задачи с минимальными затратами памяти.

Медленный указатель – движется на 1 шаг за итерацию

Быстрый указатель – движется на 2 шага за итерацию

Принцип работы

Механика паттерна основана на простой математической закономерности:

- Если в структуре есть цикл → указатели обязательно встретятся внутри цикла
- Если цикла нет → быстрый указатель достигнет конца структуры

Эта особенность делает паттерн невероятно эффективным для детекции циклов.

Ключевые преимущества подхода

Временная сложность

$O(n)$ – линейное время выполнения

Алгоритм проходит по структуре данных не более одного-двух раз, что обеспечивает оптимальную производительность

Пространственная сложность

$O(1)$ – константная память

Используются только два указателя, независимо от размера входных данных. Не требуется дополнительных структур данных

Без дополнительного хранения

Не требует хеш-таблиц, множеств или массивов для отслеживания посещённых элементов



Когда применять этот паттерн?

✓ Применяется, когда:

Обнаружение циклов

Нужно определить наличие цикла в связном списке – классический сценарий использования паттерна

Поиск середины

Необходимо найти средний элемент списка за один проход без предварительного подсчёта длины

Свести задачу к модели связного списка

Найти дубликат в массиве с числами от 1 до n без модификации данных и extra memory

✗ Не подходит, если:

Нелинейные структуры

Структура данных не линейная (Найти общий узел в двух бинарных деревьях)

Задачи, требующие хранения истории

Пример: "Найти первую повторяющуюся букву в строке"

Динамические задачи

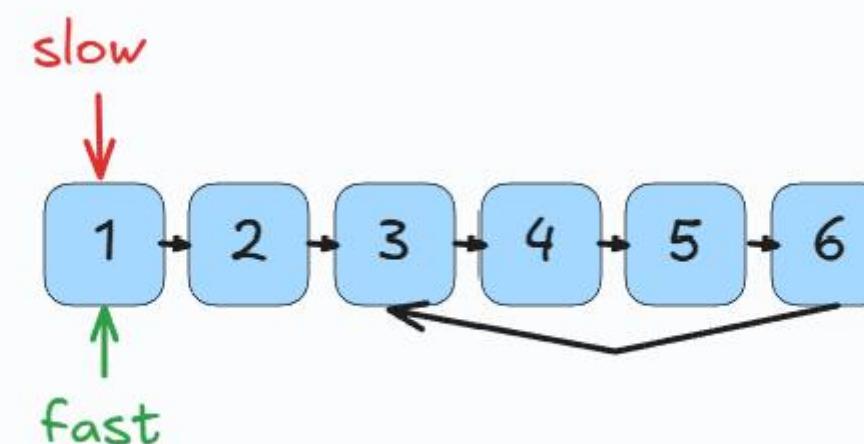
Пример: "Максимальная сумма подмассива с ограничениями"

Визуализация работы алгоритма

01

Инициализация

Оба указателя стартуют с головы списка



Алгоритм встречного движения

01

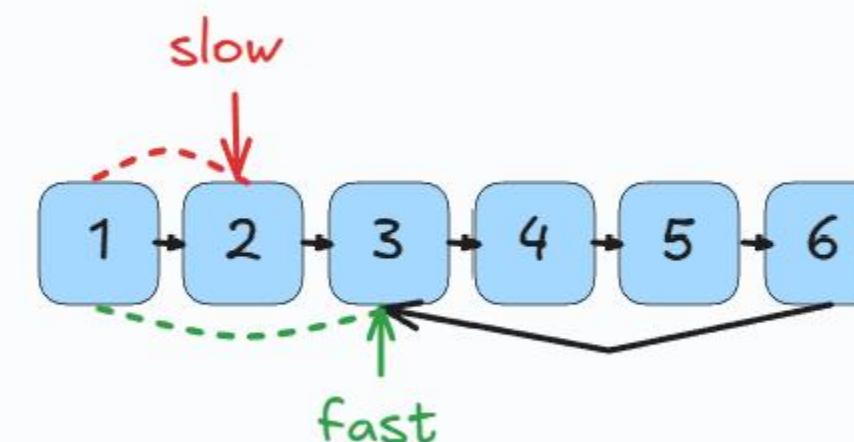
Инициализация

Устанавливаем `left = 0, right = n-1` (начало и конец массива)

02

Движение

`Slow += 1 шаг, Fast += 2 шага на каждой итерации`



Алгоритм встречного движения

01

Инициализация

Устанавливаем `left = 0, right = n-1` (начало и конец массива)

02

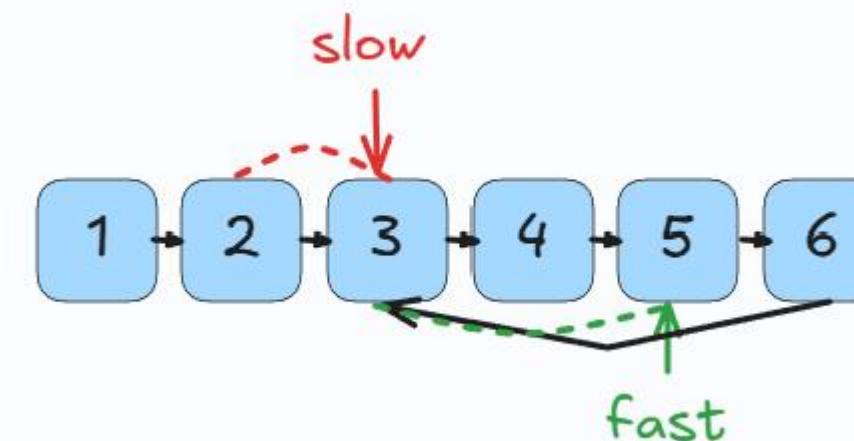
Движение

`Slow += 1 шаг, Fast += 2 шага на каждой итерации`

03

Проверка условия

Если `slow == fast`, обнаружен цикл



Алгоритм встречного движения

01

Инициализация

Устанавливаем `left = 0, right = n-1` (начало и конец массива)

02

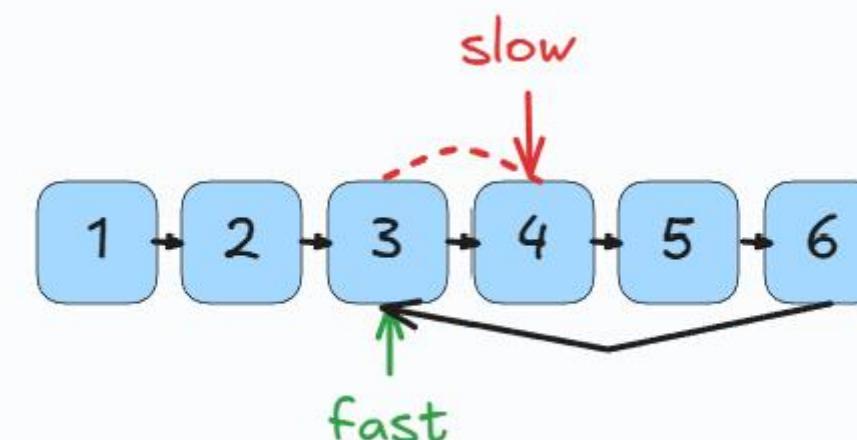
Движение

`Slow += 1 шаг, Fast += 2 шага на каждой итерации`

03

Проверка условия

Если `slow == fast`, обнаружен цикл



Алгоритм встречного движения

01

Инициализация

Устанавливаем `left = 0, right = n-1` (начало и конец массива)

02

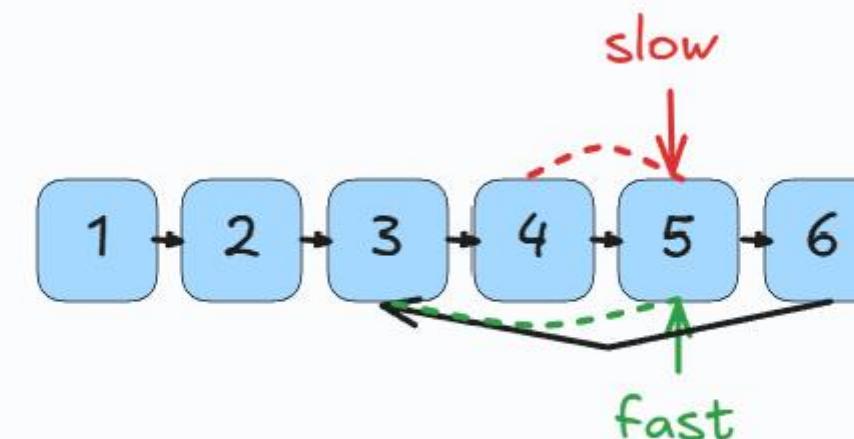
Движение

`Slow += 1 шаг, Fast += 2 шага на каждой итерации`

03

Проверка условия

Если `slow == fast`, обнаружен цикл



Алгоритм встречного движения

01

Инициализация

Устанавливаем `left = 0, right = n-1` (начало и конец массива)

03

Проверка условия

Если `slow == fast`, обнаружен цикл

02

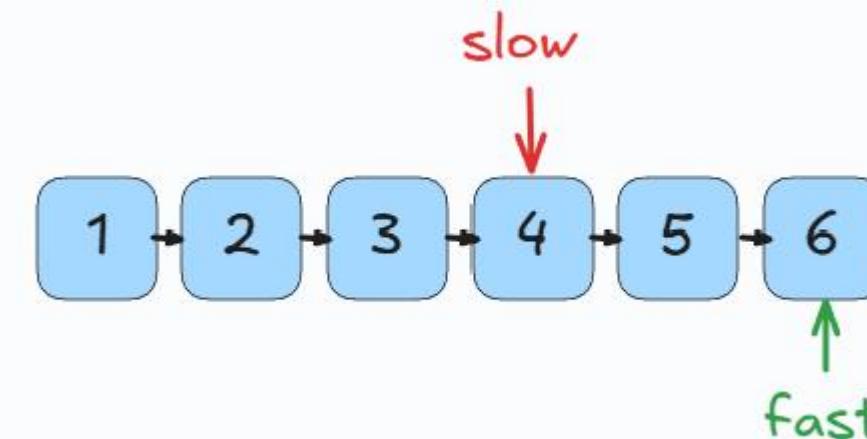
Движение

`Slow += 1 шаг, Fast += 2 шага на каждой итерации`

04

Завершение

`Fast` достиг конца или указатели встретились



Практические советы по применению

Проверяйте null

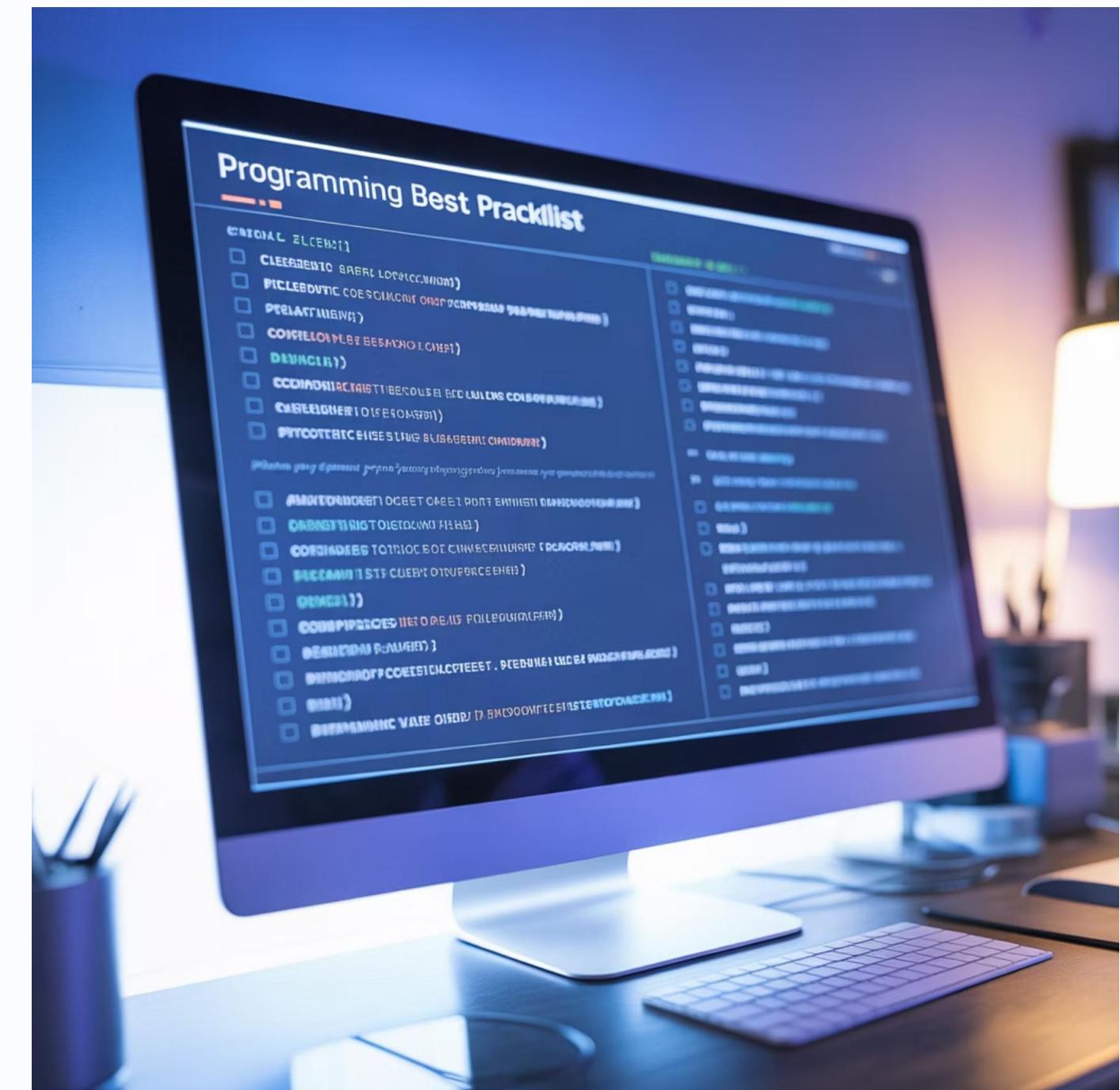
Всегда проверяйте, что `fast` и `fast.next` не равны `None` перед переходом

Начальная позиция

Оба указателя обычно стартуют с головы списка, но в некоторых задачах (например, поиск n-го элемента с конца) fast может стартовать с отступом

Скорость движения

Классическое соотношение 1:2, но в редких случаях может быть 1:3 или другое зависимости от специфики задачи



Пример задачи: Cycle Detection (LeetCode №141)

Условие задачи

Определить, содержит ли связный список цикл.
Функция должна вернуть `true`, если в списке
есть узел, на который можно вернуться, следуя
по указателям, и `false` в противном случае.

Наивный подход

Хранить все посещённые узлы в `set` и
проверять каждый новый узел на наличие в
множестве.

Время: $O(n)$

Память: $O(n)$

Решение через Fast/Slow

```
def hasCycle(self, head):  
    slow = fast = head  
  
    while fast and fast.next:  
        slow = slow.next  
        fast = fast.next.next  
  
        if slow == fast:  
            return True  
  
    return False
```

$O(n)$

Временная сложность

Линейный проход по списку

$O(1)$

Пространственная сложность

Только два указателя



Другие популярные задачи с этим паттерном

01

Middle of the Linked List (LeetCode №876)

Найти средний элемент связного списка за один проход. Когда быстрый указатель достигнет конца, медленный указатель окажется ровно в середине списка.

02

Find the Duplicate Number (LeetCode №287)

Найти дубликат в массиве чисел от 1 до n. Ключевая идея – интерпретировать массив как связный список, где значение элемента указывает на следующий индекс, создавая цикл в месте дубликата.

03

Linked List Cycle II (LeetCode №142)

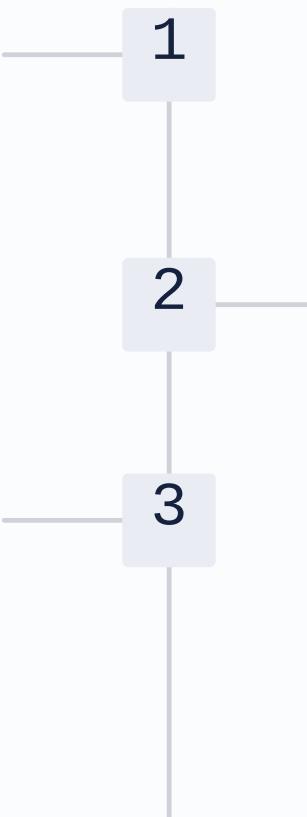
Найти узел, с которого начинается цикл в связном списке. Требует двухэтапного решения: сначала обнаружение цикла, затем определение точки входа с использованием математических свойств.



Математика за паттерном

Встреча в цикле

Когда быстрый указатель входит в цикл, он начинает догонять медленный. Разница в скорости составляет 1 шаг за итерацию, поэтому встреча неизбежна.



Расстояние до встречи

Если длина цикла C , а быстрый указатель на K шагов впереди медленного, они встретятся через $(C - K)$ итераций.

Нахождение начала цикла

После встречи, если переместить один указатель в начало и двигать оба по 1 шагу, они встретятся в точке входа в цикл – элегантное математическое свойство паттерна.

- ❑ **Интересный факт:** Этот алгоритм известен как «алгоритм Флойда» или «алгоритм черепахи и зайца» (Floyd's Cycle-Finding Algorithm), названный в честь Роберта Флойда, который его популяризировал.

Заключение и следующие шаги



Практикуйся регулярно

Решай задачи на LeetCode по тегу «Two Pointers» и «Linked List». Начни с простых задач и постепенно переходи к более сложным.



Понимай паттерны

Не заучивай решения наизусть – разбирайся в математике и логике за каждым паттерном. Это позволит адаптировать подход к новым задачам.



Следи за обновлениями

В следующих выпусках «Грокаем алгособесы» мы разберём другой важный паттерн: **Sliding Window**

Подписывайся и оставайся на связи

- **Telegram-канал:** t.me/marat_notes
- **Репозитарий:**
https://github.com/MaratNotes/marat_notes
- **Обучающие видео:**
<https://vkvideo.ru/@club231048746>
https://www.youtube.com/@marat_notes

