

# **UNIVERSIDAD AUTÓNOMA DE CHIAPAS**



**FACULTAD DE CONTADURÍA Y ADMINISTRACIÓN  
CAMPUS 1**

**ING. EN DESARROLLO Y TECNOLOGÍAS DE SOFTWARE**

**6 “M”**

**COMPILADORES**

**SUBCOMPETENCIA 1 – ANÁLISIS LÉXICO**

**DEFINE LOS SIGUIETNES CONCEPTOS Y REALIZAR LOS EJERCICIOS. –  
ACTIVIDAD I, II.**

**ALUMNO: MARCO ANTONIO ZÚÑIGA MORALES – A211121**

**DOCENTE: DR. LUIS GUTIÉRREZ ALFARO**

**TUXTLA GUTIÉRREZ, CHIAPAS  
SÁBADO, 12 DE AGOSTO DE 2023**

## Definir los siguientes Conceptos

- \* Definir el concepto de expresión regular
- \* Explicar los tipos de operadores de expresiones regulares
- \* Explicar el proceso de conversión de DFA a expresiones regulares
- \* Explicar leyes algebraicas de expresiones regulares

### Expresión regular

Una expresión regular, también conocida como regex o regexp, es una secuencia de caracteres que define un patrón de búsqueda en cadenas de texto. Se utiliza principalmente en programación y procesamiento de texto para realizar operaciones de búsqueda, extracción, manipulación o validación de cadenas de caracteres de acuerdo con ciertas reglas predefinidas.

Las expresiones regulares son un equivalente algebraico para un autómata. Utilizado en muchos lugares como un lenguaje para describir patrones en texto que son sencillos pero muy útiles.

Sirven como lenguaje de entrada a muchos sistemas que procesan cadenas tales como:

- \* Comandos de búsqueda, e.g., grep de UNIX
- \* Sistemas de formato de texto
- \* Convierte la expresión regular a un DFA o un NFA y simula el autómata en el archivo de búsqueda
- \* Generadores de analizadores-léxicos. Como Lex o Flex
- \* Los analizadores léxicos son parte de un compilador
- \* Produce un DFA que reconoce el token.

### Ejemplo

[0-9] representa cualquier dígito numérico y puede coincidir con cualquier de los dígitos del 0 al 9 en una cadena de texto.



## Los operadores de expresiones regulares

Los operadores en las expresiones regulares son los metacaracteres que se utilizan para definir patrones más complejos y flexibles en las cadenas de texto.

Comunmente existen tres operadores de las expresiones regulares: Unión, concatenación y cerradura.

### Unión

$L$  y  $M$  son dos lenguajes, su unión se denota como  $L \cup M$  e.g.  $L = \{000, 10, 111\}$ ,  $M = \{\epsilon, 001\}$ , entonces la unión será  $L \cup M = \{\epsilon, 10, 001, 111\}$

### Concatenación

Se denota como  $LM$  o  $L.M$  e.g.  $L = \{001, 10, 111\}$ ,  $M = \{\epsilon, 001\}$ , entonces la concatenación será  $LM = \{001, 10, 111, 001001, 10001, 111001\}$ .

### Cerradura o cerradura de Kleene

de un lenguaje  $L$  se denota como  $L^*$ . Representa el conjunto de cadenas que puede que pueden formarse tomando cualquier número de cadenas de  $L$ , posiblemente con repeticiones y concatenando todas ellas e.g. si  $L = \{0, 1\}$ ,  $L^*$  son todas las cadenas con 0's y 1's. si  $L = \{0, 11\}$  entonces  $L^*$  son todas las cadenas de 0's y 1's tal que los 1's están en pareja.

Operadores más comunes en las expresiones regulares.

### • Operadores de Cuantificación

\*  $'*'$ : Coincide con cero o más repeticiones del elemento anterior. EJP  $a^*$  coincide con  $a$ ,  $aa$ ,  $aaa$ , y así sucesivamente

\*  $+$ : Coincide con una o más repeticiones del elemento anterior EJP  $a^+$  coincide con  $a$ ,  $aa$ ,  $aaa$ , pero no con una cadena vacía



- \* ? Coincide con cero o una sola repetición del elemento anterior EJP. a? Coincide con "a" o una cadena vacía.
- \* {n} Coincide exactamente con "n" repeticiones del elemento anterior EJP. a{3} Coincide con "aaa"
- \* {n,} Coincide con al menos "n" repeticiones del elemento anterior
- \* {n,m} Coincide con un mínimo de "n" y un máximo de "m" repeticiones del elemento anterior.

### Operadores de Caracteres Especiales

- \* . Coincide con cualquier carácter excepto el salto de línea.
- \* \ Se utiliza para escapar caracteres especiales y tratarlos como literales. EJP. \n coincide con el carácter "n"
- \* [] Define una clase de caracteres, que especifica un conjunto de caracteres posibles. EJP [aeiou] coincide con cualquier vocal
- \* [^] Define una clase de caracteres negados, que coincide con cualquier carácter que no esté en el conjunto especificado EJP [^0-9] coincide con cualquier carácter que no sea un dígito numérico

### Operadores de Agrupación y Alternancia

- \* ( ) Crea un grupo de caracteres y permite aplicar operadores a ese grupo. También permite referirse al contenido del grupo más adelante en la expresión
- \* | Representa una alternancia, es decir, una opción entre dos o más patrones. EJP (apple|orange) coincide con "apple" o "orange".

### • Anclajes

- \*  $\wedge$  Coincide con el inicio de una línea o cadena
- \*  $\$$  Coincide con el final de una línea o cadena.

Explicar el proceso de conversión de DFA a expresiones regulares.

### Por eliminación de estados

Evita duplicar trabajo en algunos puntos

- \* Se eliminan todos los arcos que incluyen a "s"
- \* Se introduce, para cada predecesor  $q_i$  de s y cada sucesor  $p_j$  de s, una RE que representa todas las rutas que inician en  $q_i$  van a s, quizás hacen un loop en s cero o más veces, y finalmente van a  $p_j$ .
- \* La expresión para estas rutas es  $Q_i S^* P_j$
- \* Esta expresión se suma (con el operador union) al arco que va de  $q_i$  a  $p_j$ .
- \* Si este arco no existe, se añade primero uno con la RE  $\emptyset$
- \* El automata resultante

### Proceso Paso a Paso

#### 1. Identificar el DFA original

Comienza con el DFA que deseas convertir a una expresión regular. El DFA consta de estados, símbolos de entrada, transiciones y estados finales



2. Agregar un estado de inicio ficticio  
Si el DFA original no tiene un único estado inicial, Crea un nuevo estado inicial ficticio y agrega transiciones  $\epsilon$  (transiciones nulas) desde este estado hacia todos los estados iniciales originales
3. Eliminar estados finales  
Crea un nuevo estado final ficticio y agrega transiciones  $\epsilon$  desde los estados finales originales hacia este nuevo estado final.
4. Eliminar estados intermedios  
En este paso comenzamos a eliminar gradualmente los estados intermedios mientras deducimos las expresiones regulares asociadas a las transiciones
5. Actualizar las transiciones y estados  
Después de calcular las expresiones regulares para cada par de estados, actualiza las transiciones y estados del DFA.
6. Simplificar la expresión regular final  
Una vez que hayas reducido el DFA a una única expresión regular que conecta el estado inicial ficticio, puedes simplificar aún más esta expresión utilizando propiedades algebraicas de las expresiones regulares, como la distribución, la absorción y la identidad
7. Obtener la expresión regular final  
La expresión regular final representa el lenguaje original del DFA. Esta expresión regular puede ser más larga y compleja, por lo que es importante verificar cuando sea posible

#### Otros Procesos

- \* Crear estados de eliminación (Construcción de Thompson)
- \* Construcción de fragmentos de expresiones regulares
- \* Eliminación de estados intermedios
- \* Obtención de la expresión regular final
- \* Simplificación adicional



## Explicar leyes algebraicas de expresiones regulares

Existen un conjunto de leyes algebraicas que se pueden utilizar para las expresiones regulares

- \* Ley conmutativa para la unión :  $L + M = M + L$
- \* Ley asociativa para la unión :  $(L + M) + N = L + (M + N)$
- \* Ley asociativa para la concatenación :  $(LM)N = L(MN)$
- Ley de Idempotencia  
Una expresión regular combinada con sí misma produce el mismo resultado **EJP**  
 $AA = A$  y  $A.A = A$
- Ley de Anulación  
La concatenación de una expresión regular con la expresión vacía ( $\epsilon$ ) produce la misma expresión regular **EJP**  $A.\epsilon = A$
- Leyes relacionadas con las propiedad de cerradura
  - \*  $(L^*)^* = L^*$  (idempotencia para la cerradura)
  - \*  $\emptyset^* = \epsilon$
  - \*  $\epsilon^* = \epsilon$
  - \*  $L^+ = LL^* = L^*L$ ,  $L^+$  se define como  $L + LL + LLL + \dots$
  - \*  $L^* = \epsilon + L + LL + LLL + \dots$
  - \*  $LL^* = L\epsilon + LL + LLL + LLLL + \dots$
  - \*  $L^* = L^+ + \epsilon$
  - \*  $L^? = \epsilon + L$

\* Ley distributiva

Ley distributiva izquierda para la concatenación sobre Unión:  $L(M + N) = LM + LN$

Ley distributiva derecha para la concatenación sobre unión  $(M + N)L = ML + NL$

\* Ley de absorción

La expresión regular combinada con la expresión vacía ( $\epsilon$ ) en una operación de alternancia produce la expresión vacía ( $\epsilon$ )  $E \mid \epsilon = A \vee \epsilon$   
 $1 A = A$

\* Ley de identidad

La concatenación de una expresión regular con  $\epsilon$  no cambia la expresión original  $E \mid \epsilon = A$

\* Ley de Clausura

La expresión regular combinada con  $\epsilon$  en una operación de clausura produce una expresión regular que incluye la repetición de la expresión Original  $E \mid \epsilon = A^+$

\* Ley de Absorción de clausura

La clausura de una expresión regular  $A$  incluye  $\epsilon$ , por lo que  $A^+ = \epsilon \mid A.A^+$

\* Ley de complemento

El complemento de una expresión regular  $A$  es equivalente a  $(\Sigma^* - A)$ , donde  $\Sigma^*$  es el conjunto de todas las cadenas posibles  $E \mid \epsilon = \Sigma^* - A$

\* Ley de Dominancia

La expresión regular combinada con la expresión vacía ( $\epsilon$ ) en una operación de concatenación se reduce a la propia expresión regular  $E \mid \epsilon = A$



## A.F.D

Un autómata Finito determinístico (AFD) es un concepto fundamental en la teoría de autómatas y lenguajes formales. Es un modelo matemático abstracto utilizado para describir y reconocer patrones y cadenas de símbolos en un lenguaje específico.

Un AFD se caracteriza por los siguientes elementos:

- \* Conjunto de Estados ( $Q$ )  
Un conjunto finito de estados en los que se puede encontrarse el autómata.
- \* Alfabeto ( $\Sigma$ )  
Un conjunto finito de símbolos de entrada que el autómata puede leer en cada paso.
- \* Función de Transición ( $\delta$ )  
Una función que especifica cómo el autómata cambia de un estado a otro en respuesta a un símbolo de entrada.
- \* Estado inicial ( $q_0$ )  
El estado en el que el autómata se encuentra inicialmente cuando comienza a procesar una cadena.
- \* Conjunto de Estados Finales ( $F$ )  
Un conjunto de estados en los que el autómata considera que la cadena de entrada ha sido aceptada y el proceso de reconocimiento termina.

### Ejemplo

AFD que reconoce cadenas con un número Par de Ceros (00) y un número impar de unos (1)

- Estados :  $q_0, q_1$
- Símbolos de entrada : 0, 1
- Estados iniciales :  $q_0$
- Estados finales :  $q_0$

### Transiciones

- $q_0 \rightarrow 0q_1$
  - $q_1 \rightarrow 0q_0$
  - $q_0 \rightarrow 1q_1$
  - $q_1 \rightarrow 1q_0$
- $\rightarrow$
- $q_0 \rightarrow 0q_1 \mid 1q_1$
  - $q_1 \rightarrow 0q_0 \mid 1q_0$

### Ejemplo de Expresiones Regulares

\*  $^[A-Za-z]^+ \$$

Esta expresión regular valida si una cadena contiene solo letras mayúsculas o minúsculas y no contiene espacios ni otros caracteres.

\*  $(a+b)^* b$

La E.R. del lenguaje cuyas palabras están formadas por las letras del alfabeto  $V = \{a, b\}$  y terminan en "b".

\*  $^{\backslash d\{3\} - \backslash d\{2\} - \backslash d\{4\}} \$$

Esta expresión regular valida un número de seguro social en formato ###-##-####, donde cada "#" representa un dígito numérico.

### Token

Un token es una unidad léxica básica que representa una categoría de elementos en un lenguaje de programación.

### Lexema

Es la secuencia completa de caracteres que forma un token en un programa.



## Patrón

Un patrón es una descripción formal de cómo se ven los lexemas válidos para un tipo particular de token.

## Referencias Bibliográficas

Expresiones regulares - JavaScript | MDN. (2023)  
[https://developer.mozilla.org/es/docs/Web/JavaScript/Guide/Regular\\_expressions](https://developer.mozilla.org/es/docs/Web/JavaScript/Guide/Regular_expressions)

Expresiones regulares. Conócelas y píerdeles el miedo. (s.f.)  
SG Buzz. <https://sg.com.mx/content/view/545>

INade (s.f.). Teoría de Autómatas y Lenguajes Formales  
Expresiones regulares y lenguajes Recuperado de  
[https://posgrados.inaoep.mx/archivos/PosCsComputacionales/Curso\\_Propeedeutico/Automatas/03-Automatas-expresionesRegularesLenguajes/Captul1-PDF](https://posgrados.inaoep.mx/archivos/PosCsComputacionales/Curso_Propeedeutico/Automatas/03-Automatas-expresionesRegularesLenguajes/Captul1-PDF)

Ruiz, L. (2003). Conversión de un AFN a un AFD.  
Universidad Nacional Mayor de San Marcos, Lima, Perú.  
Recuperado de <https://www.redalyc.org/PDF/816/81606107.PDF>

Expresiones Regulares (2015). Inaoep. Recuperado de  
<https://ccc.inaoep.mx/ingreso/Automatas/expresionesRegulares.pdf>

Sánchez, S. (s.d) Procesadores de lenguaje. Departamento de Ciencias de la Computación Universidad de Alcalá de Henares. Recuperado de [www.cc.uah.es/ie/docencia/Procesadores\\_de\\_lenguaje/Procesadores\\_de\\_lenguaje\\_Tema2-1xpagina.pdf](http://www.cc.uah.es/ie/docencia/Procesadores_de_lenguaje/Procesadores_de_lenguaje_Tema2-1xpagina.pdf)