

Tutoraufgabe 1 (Überblickswissen):

- Inwiefern unterscheiden sich zyklische Listen in Java und Haskell konzeptuell?
- In Prolog gibt es zwei Arten von Klauseln: Fakten und Regeln. Warum sind die Fakten eigentlich nur syntaktischer Zucker?

Tutoraufgabe 2 (Funktionen höherer Ordnung):

Wir betrachten Funktionen auf dem parametrisierten Typ `List a`, der wie folgt definiert ist:

```
data List a = Nil | Cons a (List a) deriving Show
```

Zwei Beispielobjekte vom Typ `List Int` sind:

```
list :: List Int
list = Cons (-3) (Cons 14 (Cons (-6) (Cons 7 (Cons 1 Nil))))
```

```
blast :: List Int
blast = Cons 1 (Cons 1 (Cons 0 (Cons 0 Nil)))
```

Die Liste `list` entspricht also $[-3, 14, -6, 7, 1]$.

Sie dürfen vordefinierte arithmetische Operatoren wie `+`, `*` etc. und Relationen wie `==` benutzen. Verwenden Sie keine weiteren vordefinierten Funktionen, wenn sie nicht explizit erwähnt sind.

- Schreiben Sie eine Funktion `filterList :: (a -> Bool) -> List a -> List a`, die sich auf unseren selbstdefinierten Listen wie `filter` auf den vordefinierten Listen verhält. Es soll also die als erster Parameter übergebene Funktion auf jedes Element angewandt werden, um zu entscheiden, ob dieses auch im Ergebnis auftritt. Der Ausdruck `filterList (\x -> x > 10 || x < -5) list` soll dann also zu `Cons 14 (Cons -6 Nil)` auswerten.
- Schreiben Sie eine Funktion `divisibleBy :: Int -> List Int -> List Int`, wobei `divisibleBy x xs` die Teilliste der Werte der Liste `xs` zurückgibt, die durch `x` teilbar sind. Für `divisibleBy 7 list` soll also `Cons 14 (Cons 7 Nil)` zurückgegeben werden. Verwenden Sie dafür `filterList`.

Hinweise:

Sie dürfen die vordefinierte Funktion `mod x y` verwenden, die die Modulo-Operation berechnet.

- Schreiben Sie eine Funktion `foldList :: (a -> b -> b) -> b -> List a -> b`, die die Datenkonstrukturen durch die übergebenen Argumente ersetzt. Der Ausdruck `foldList f c (Cons x1 (Cons x2 ... (Cons xn Nil) ...))` soll dann also äquivalent zu `(f x1 (f x2 ... (f xn c) ...))` sein. Beispielsweise soll für `plus x y = x + y` der Ausdruck `foldList plus 0 list` zu `-3 + 14 + (-6) + 7 + 1 = 13` ausgewertet werden.
- Schreiben Sie eine Funktion `listMaximum :: List Int -> Int`, die für eine nicht-leere Liste das Maximum berechnet. Verwenden Sie hierzu `foldList`. Auf der leeren Liste darf sich Ihre Funktion beliebig verhalten.

Hinweise:

Sie dürfen die vordefinierte Konstante `minBound :: Int` benutzen, die den kleinsten möglichen Wert vom Typ `Int` liefert.

- Schreiben Sie eine Funktion `mapList :: (a -> b) -> List a -> List b`, die sich auf unseren selbstdefinierten Listen wie `map` auf den vordefinierten Listen verhält. Es soll also die als erster Parameter übergebene Funktion auf jedes Element angewandt werden, um die Ausgabeliste zu erzeugen. Der Ausdruck `mapList (\x -> 2*x) list` soll dann also zu `Cons (-6) (Cons 28 (Cons (-12) (Cons 14 (Cons 2 Nil))))` auswerten.

Verwenden Sie hierzu neben der Typdeklaration nur eine weitere Zeile, in der Sie `mapList` mittels `foldList` definieren.

- f) **(Video)** Schreiben Sie eine Funktion `zipLists :: (a -> b -> c) -> List a -> List b -> List c`, die aus zwei Listen eine neue erstellt. Das Element an Position i der resultierenden Liste ist das Ergebnis der Anwendung der übergebenen Funktion auf die beiden Elemente an Position i der Eingabelisten. Falls eine Liste mehr Elemente enthält als die andere, werden die überzähligen Elemente ignoriert. Die Länge der Ausgabeliste ist also gleich der Länge der kürzeren Eingabeliste.

Beispielsweise soll die Anwendung von `zipLists (>) list blist` also `Cons False (Cons True (Cons False (Cons True Nil)))` ergeben.

- g) **(Video)** Schreiben Sie eine Funktion `skalarprodukt :: List Int -> List Int -> Int`. Diese interpretiert die übergebenen Listen als Vektoren und berechnet das Skalarprodukt. Falls eine Eingabeliste länger ist als die andere, werden die überzähligen Elemente ignoriert. Verwenden Sie hierzu `zipLists` und `foldList`.

Für den Aufruf `skalarprodukt blist list` wird also das Ergebnis $1 \cdot (-3) + 1 \cdot 14 + 0 \cdot (-6) + 0 \cdot 7 = 11$ zurückgegeben.

Hinweise:

Infix-Operatoren wie `+` lassen sich auch als Funktionen in der normalen Präfix-Schreibweise verwenden, indem man sie in Klammern setzt. So steht `(+) 2 3` also für `2+3`.

Tutoraufgabe 4 (Unendliche Datenstrukturen):

- a) Implementieren Sie in Haskell die Funktion `evenlist` vom Typ `[Int]`, welche die Liste aller geraden natürlichen Zahlen (mit 0) berechnet.
- b) Geben Sie einen Haskell-Ausdruck an, der zu der aufsteigend sortierten Liste aller *perfekten Zahlen* ausgewertet wird. Eine Zahl $x \geq 2$ ist genau dann perfekt, wenn die Summe ihrer echten Teiler gleich x ist, vgl. Aufgabe 7(c) auf Übungsblatt 9. Betrachten Sie als Beispiel die Zahl 6: Ihre echten Teiler sind 1, 2 und 3 und es gilt $1 + 2 + 3 = 6$, also ist 6 eine perfekte Zahl.

Sie dürfen die folgende Hilfsfunktion `divisors` benutzen. Diese berechnet alle echten Teiler der als Argument übergebenen Zahl.

```
divisors :: Int -> [Int]
divisors x = filter (\y -> mod x y == 0) [1..div x 2]
```

Hinweise:

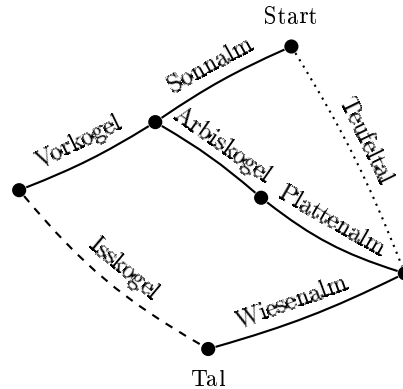
- Die Funktion `sum :: [Int] -> Int` berechnet die Summe aller Elemente einer Liste.
 - Für jede Zahl x erzeugt `[x..]` die unendliche Liste `[x, x+1, x+2, ...]`, und für $x \leq y$ erzeugt `[x..y]` die Liste `[x, x+1, ..., y]`.
- c) Aus der Vorlesung ist Ihnen die Funktion `primes` bekannt, welche die Liste aller Primzahlen berechnet. Nutzen Sie diese Funktion nun, um die Funktion `primeFactors` vom Typ `Int -> [Int]` in Haskell zu implementieren. Diese Funktion soll zu einer natürlichen Zahl ihre Primfaktorzerlegung als Liste berechnen (auf Zahlen kleiner als 2 darf sich Ihre Funktion beliebig verhalten). Beispielsweise soll der Aufruf `primeFactors 420` die Liste `[2,2,3,5,7]` berechnen.

Hinweise:

- Die vordefinierten Funktionen `div` und `mod` vom Typ `Int -> Int -> Int`, welche die abgerundete Ganzzahldivision bzw. die Modulo-Operation berechnen, könnten hilfreich sein.

Tutoraufgabe 6 (Programmieren in Prolog):

In dieser Aufgabe soll ein Skipisten-Plan in Prolog modelliert und analysiert werden. In der Abbildung sind einfache (blaue) Pisten mit durchgehenden Linien, die einzige mittelschwere (rote) Piste mit einer gestrichelten und die einzige schwere (schwarze) Piste mit einer gepunkteten Linie eingezeichnet.



Nutzen Sie bei Ihrer Implementierung jeweils Prädikate aus den vorangegangenen Aufgabenteilen. Benutzen Sie **keine vordefinierten Prädikate**. Achten Sie auf die **korrekte Schreibweise** der Namen aus der Aufgabenstellung. Achten Sie bei Ihrer Implementierung darauf, dass diese allgemein sein soll und *nicht* nur für das angegebene Beispiel funktionieren soll. Es nutzt also nichts, in weiteren Fakten konkrete Fälle aus dem Beispiel zu sammeln.

- Übertragen Sie die oben gegebenen Informationen in eine Wissensbasis für Prolog. Geben Sie hierzu Fakten und/oder Regeln für die Prädikatssymbole `blau`, `rot`, `schwarz`, `start` und `endetIn` an. Hierbei gilt `blau(X)`, falls `X` eine einfache Piste ist, `rot(X)`, falls `X` eine mittelschwere Piste ist, `schwarz(X)`, falls `X` eine schwere Piste ist, `start(X)`, falls die Piste `X` am Ausgangspunkt („Start“) beginnt, und `endetIn(X,Y)`, falls die Piste `X` an einem Punkt endet, an dem die Piste `Y` beginnt, oder falls `X` im Tal endet und `Y = tal` gilt.
- Geben Sie eine Anfrage an das im ersten Aufgabenteil erstellte Programm an, mit der man herausfinden kann, welche Pisten am Startpunkt der Wiesenalm enden.

Hinweise:

- Durch wiederholte Eingabe von „;“ nach der ersten Antwort werden alle Antworten ausgegeben.
- Schreiben Sie ein Prädikat `gleicherStartpunkt`, sodass `gleicherStartpunkt(X,Y)` genau dann gilt, wenn die Pisten `X` und `Y` am gleichen Punkt beginnen. In obiger Abbildung gilt das genau für die Pisten „Sonnalm“ und „Teufelal“ bzw. „Vorkogel“ und „Arbiskogel“.
 - Schreiben Sie ein Prädikat `erreichbar`, sodass `erreichbar(X,Y)` genau dann gilt, wenn es einen Weg von der Piste `X` in Richtung Tal gibt, der über die Piste `Y` führt.
 - Schreiben Sie ein Prädikat `moeglicheSchlusspiste`, sodass `moeglicheSchlusspiste(X,S)` genau dann gilt, wenn es einen Weg von der Piste `X` ins Tal gibt, der als Letztes über die Piste `S` führt.
 - Schreiben Sie ein Prädikat `treffpisten`, sodass `treffpisten(X,Y,T)` genau dann gilt, wenn die Piste `T` sowohl auf einem Weg von der Piste `X` in Richtung Tal als auch auf einem Weg von der Piste `Y` in Richtung Tal liegt.

Hinweise:

- Das Tal ist keine Piste. Um diesen Fall abzufangen, können Sie mit dem zweistelligen Prädikat `\=` auf Ungleichheit prüfen.
- Schreiben Sie ein Prädikat `anfaengerGeeignet`, sodass `anfaengerGeeignet(X)` genau dann gilt, wenn es einen Weg von `X` in Richtung Tal gibt, auf dem nur einfache Piste liegen, einschließlich der Piste `X`.

Tutoraufgabe 7 (Programmieren in Prolog (Video)):

In dieser Aufgabe soll ein Bewertungssystem in Prolog modelliert und analysiert werden. Jede Unterkunft kann mit 1 bis 5 Sternen bewertet werden.

Unterkunft	Bewertung
Waldhotel (wh)	4 Sterne
Berghotel (bh)	5 Sterne
Hotel am See (sh)	2 Sterne
Pilgerhotel (ph)	1 Sterne
Jugendherberge (jh)	3 Sterne
Bett bei Freunden (fb)	5 Sterne

Nutzen Sie bei Ihrer Implementierung jeweils Prädikate aus den vorangegangenen Aufgabenteilen. Benutzen Sie **keine vordefinierten Prädikate**. Achten Sie auf die **korrekte Schreibweise** der Namen aus der Aufgabenstellung. Achten Sie bei Ihrer Implementierung darauf, dass diese allgemein sein soll und *nicht* nur für das angegebene Beispiel funktionieren soll. Es nutzt also nichts, in weiteren Fakten konkrete Fälle aus dem Beispiel zu sammeln.

- Übertragen Sie die oben gegebenen Informationen in eine Wissensbasis für Prolog. Geben Sie hierzu Fakten und/oder Regeln für die Prädikatssymbole `istUnterkunft`, `hatEinenStern`, `hatZweiSterne`, `hatDreiSterne`, `hatVierSterne` und `hatFuenfSterne` an. Hierbei gilt `istUnterkunft(X)`, falls `X` eine Unterkunft ist, `hatEinenStern(X)`, falls `X` eine mit einem Stern bewertete Unterkunft ist, `hatZweiSterne(X)`, falls `X` eine mit zwei Sternen bewertete Unterkunft ist, usw.
- Geben Sie eine Anfrage an das im ersten Aufgabenteil erstellte Programm an, mit der man herausfinden kann, welche Unterkünfte mit fünf Sternen bewertet worden sind.

Hinweise:

- Durch wiederholte Eingabe von „;“ nach der ersten Antwort werden alle Antworten ausgegeben.
- Schreiben Sie ein Prädikat `hatEinenSternWeniger`, womit Sie abfragen können, ob eine Unterkunft mit genau einem Stern weniger bewertet wurde als eine zweite Unterkunft. So ist beispielsweise `hatEinenSternWeniger(wh, fb)` wahr, während `hatEinenSternWeniger(sh, bh)` und `hatEinenSternWeniger(jh, sh)` beide falsch sind.
 - Stellen Sie eine Anfrage, mit der Sie (bei wiederholter Eingabe von „;“) alle Unterkünfte herausfinden, die so bewertet wurden, dass es mindestens eine weitere Unterkunft gibt, welche mit genau einem Stern weniger bewertet worden ist. Dabei sind mehrfache Antworten mit dem gleichen Ergebnis erlaubt.
 - Schreiben Sie ein Prädikat `hatWenigerSterne`, mit welchem Sie Paare von Unterkünften abfragen können, bei denen die erste Unterkunft schlechter bewertet worden ist als die zweite Unterkunft. So ist z.B. `hatWenigerSterne(ph, bh)` wahr, während `hatWenigerSterne(bh, fb)` und `hatWenigerSterne(jh, ph)` beide falsch sind.