

Stefan Dollase, Ira Fesefeldt, Alexandra Heuschling, Gregor Kobsik

Übung 4

Tutoraufgabe 1 (Ordnungen und Sortieren):

a) Wir definieren die Relationen \sqsubseteq_2 , \equiv_2 und \sqsubseteq auf natürlichen Zahlen als

```
n \sqsubseteq_2 m genau dann wenn n \mod 2 < m \mod 2, n \equiv_2 m genau dann wenn n \mod 2 = m \mod 2, n \sqsubseteq m genau dann wenn n \sqsubseteq_2 m \mod n \equiv_2 m \mod n \leq m
```

Wobei *n* mod 2 den Rest nach Division von *n* durch 2 angibt.

Zeigen oder widerlegen Sie, dass ⊑ eine totale Ordnung ist.

b) Gegeben folgender Sortieralgorithmus der das Array a sortiert:

```
from random import shuffle

def is_sorted(a):
    i = 1
    while i < len(a):
        if a[i - 1] > a[i]:
            return False
        i += 1
    return True

def sort(data) -> list:
    """Shuffle data until sorted."""
    while not is_sorted(data):
        shuffle(data)
    return data
```

Ist dieser Sortieralgorithmus sinnvoll?

c) Die Laufzeiten der Sortieralgorithmen Bubblesort, Insertionsort und Selectionsort sind bereits im Bestcase sehr unterschiedlich.

Ist es möglich, die Bestcase Laufzeiten aller drei auf einfache Weise zu optimieren?

Falls ja, welche Konsequenzen hat dies für die Averagecase und Worstcase Laufzeit?

Tutoraufgabe 2 (Memoization):

Für eine Biologie Präsentation wollen wir eine Menge von Affen als Beispiel heran nehmen, die zwar möglichst berühmt sind, aber auch weit über das Spektrum an Affen verstreut ist.

Wir nehmen dabei an, dass Affen in einem Baum T=(A,E) strukturiert sind, wobei die Affenart a' direkter Nachfahre von a ist, falls $(a,a')\in E$ gilt. Wir suchen nun eine Teilmenge $B\subseteq A$ sodass keine Affenart in B direkter Nachfahre einer anderen Affenart von B ist, oder formal für alle $a,a'\in B$ gilt weder $(a,a')\in E$ noch $(a',a)\in E$. Jede Affenart a hat einen bestimmten Berühmtheitswert b(a). Der Berühmtheitswert einer Teilmenge $B\subseteq A$ ist gegeben als die Summe der Berühmtheitswerte seiner Elemente, also $b(B)=\sum_{a\in B}b(a)$.

Nutzen Sie Memoization um einen Algorithmus zu entwerfen, der eine Menge $B \subseteq A$ findet, sodass keine Affenart in B direkter Nachfahre einer anderen Affenart von B ist und sodass b(B) maximiert wird.

Tutoraufgabe 3 (Selectionsort):

Sortieren Sie das folgende Array mithilfe von Selectionsort. Geben Sie dazu das Array nach jeder Swap-Operation an



3	9	6	7	4	1	5	8
							3 9 6 7 4 1 5