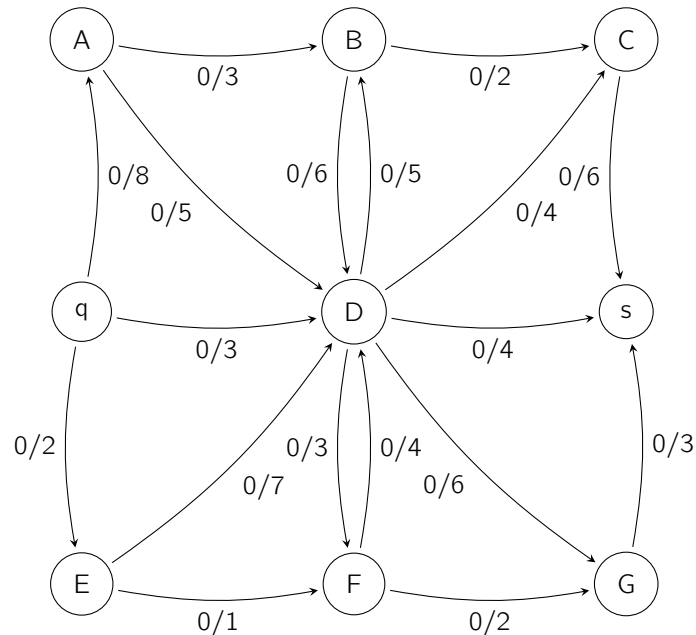


Lösung - Übung 11

Aufgabe 4 (Ford-Fulkerson Methode):

8 + 2 = 10 Punkte

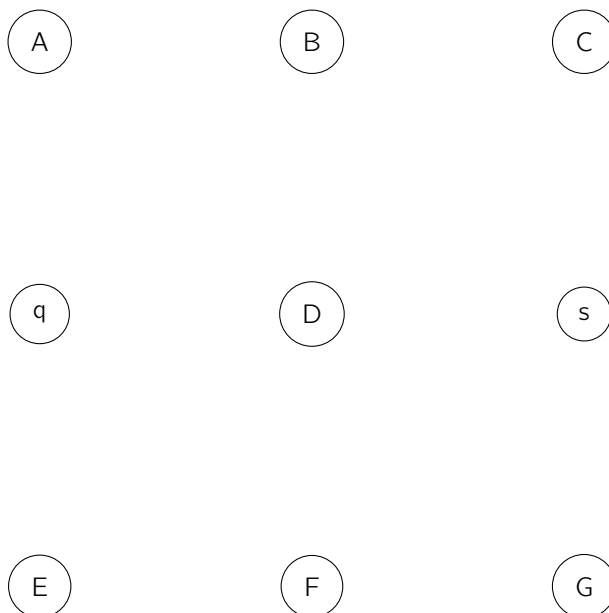
Betrachten Sie das folgende Flussnetzwerk mit Quelle q und Senke s :



- Berechnen Sie den maximalen Fluss in diesem Netzwerk mithilfe der *Ford-Fulkerson Methode*. Geben Sie dazu *jedes Restnetzwerk* sowie *nach jeder Flussvergrößerung* den aktuellen Zustand des Flussnetzwerks an. Die vorgegebene Anzahl an Lösungsschritten muss nicht mit der benötigten Anzahl solcher Schritte übereinstimmen.
- Geben Sie außerdem den Wert des maximalen Flusses an.

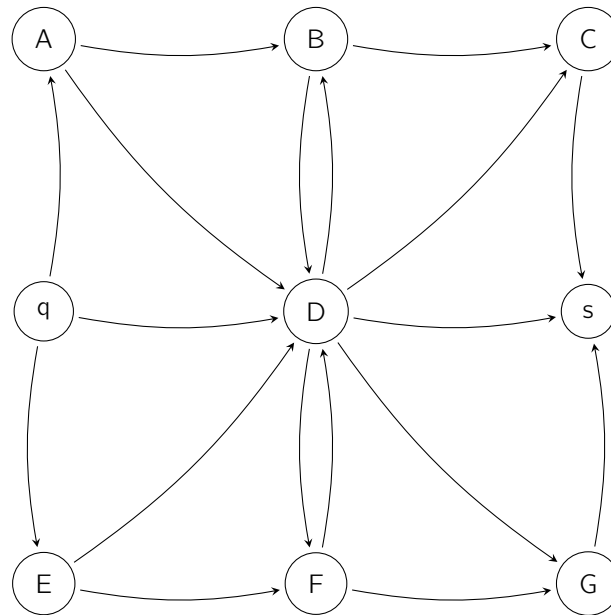
Schritt 1:

Restnetzwerk:



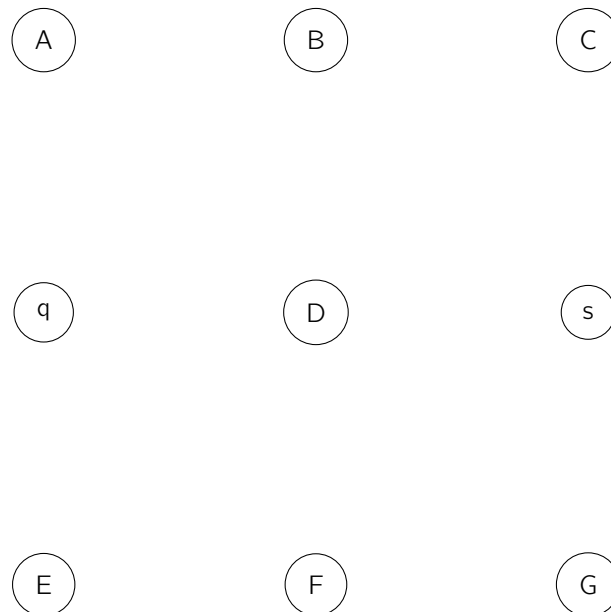
Schritt 2:

Nächstes Flussnetzwerk mit aktuellem Fluss:



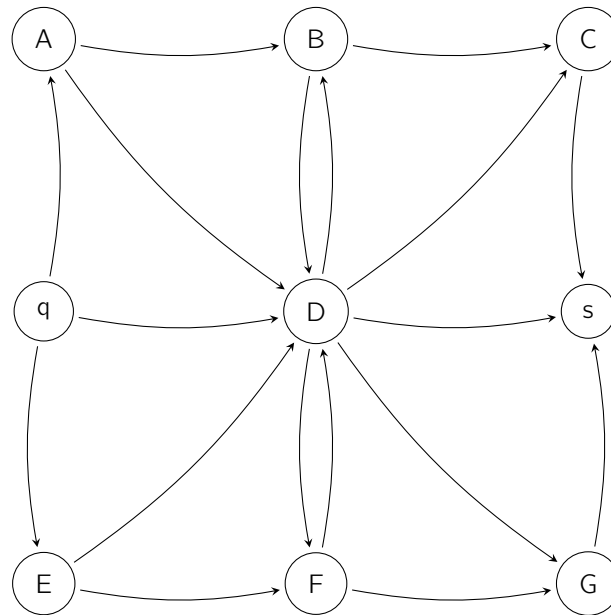
Schritt 3:

Restnetzwerk:



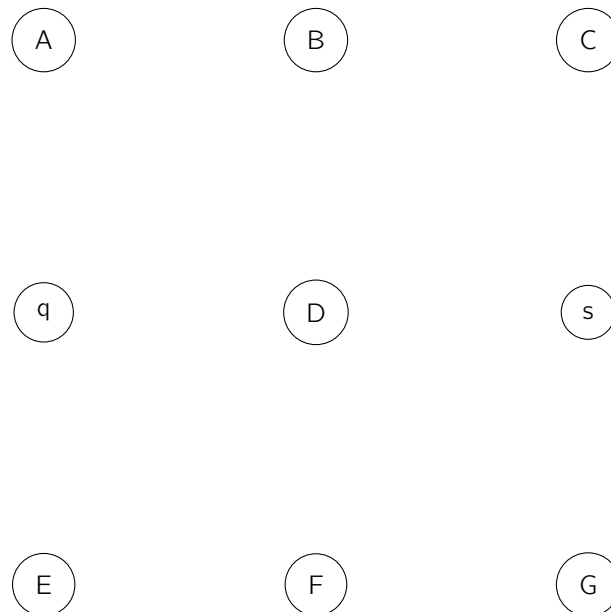
Schritt 4:

Nächstes Flussnetzwerk mit aktuellem Fluss:



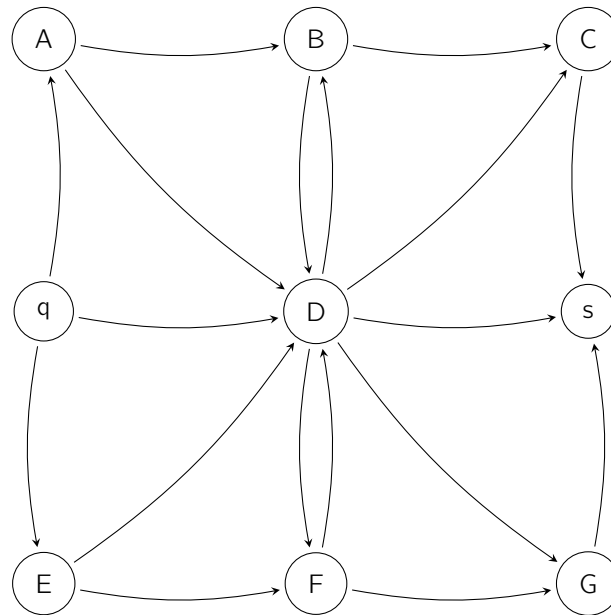
Schritt 5:

Restnetzwerk:



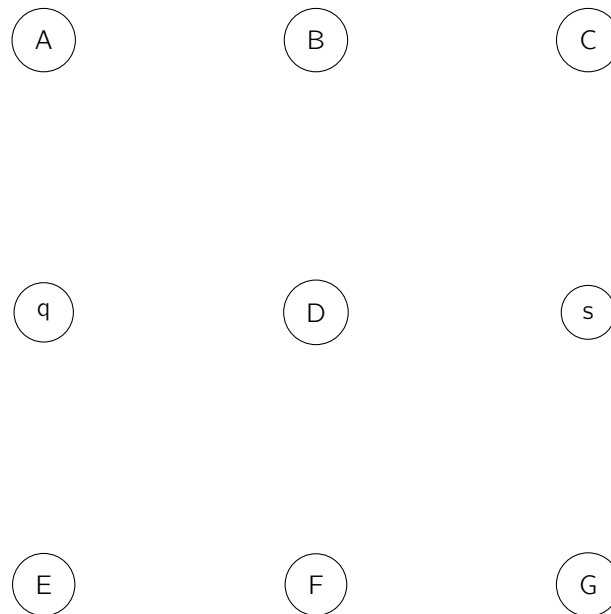
Schritt 6:

Nächstes Flussnetzwerk mit aktuellem Fluss:



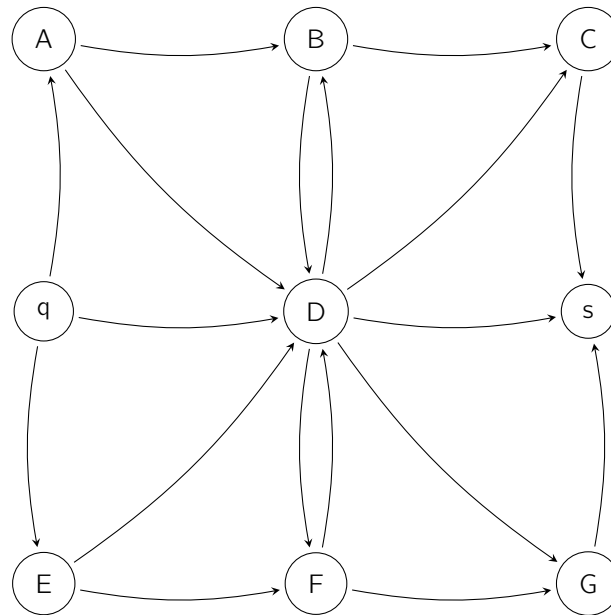
Schritt 7:

Restnetzwerk:



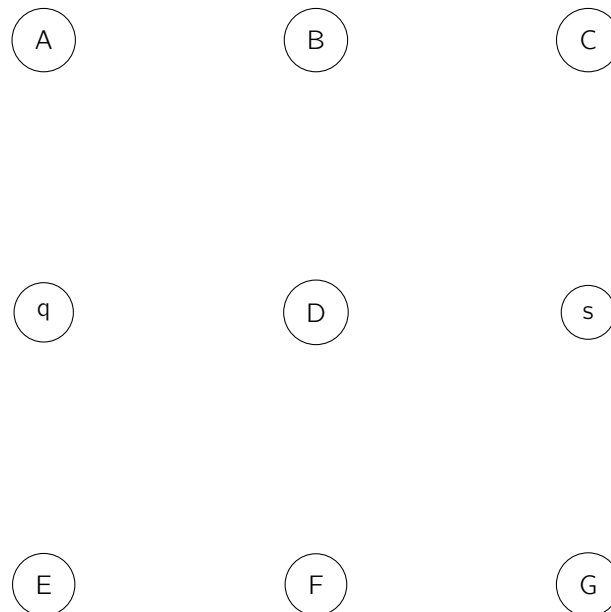
Schritt 8:

Nächstes Flussnetzwerk mit aktuellem Fluss:



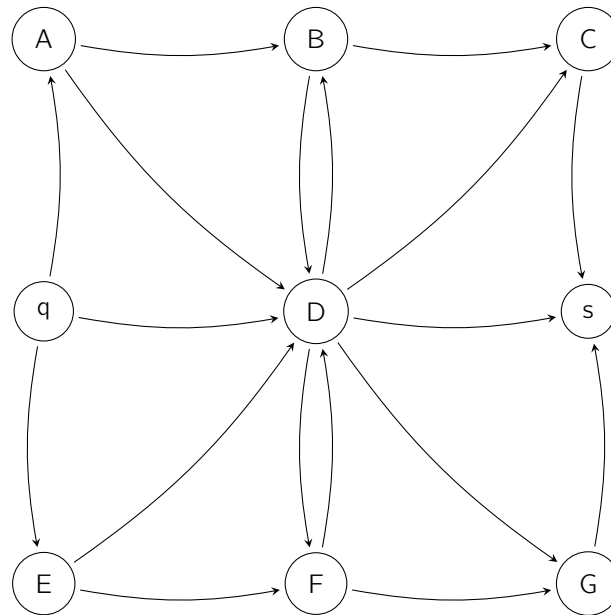
Schritt 9:

Restnetzwerk:



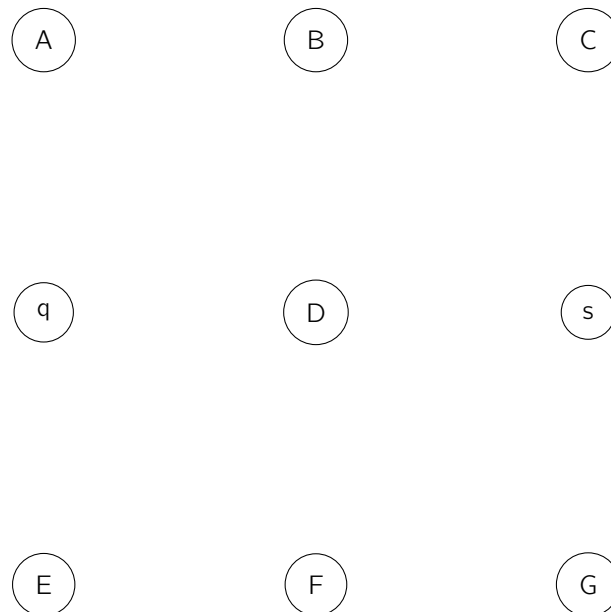
Schritt 10:

Nächstes Flussnetzwerk mit aktuellem Fluss:



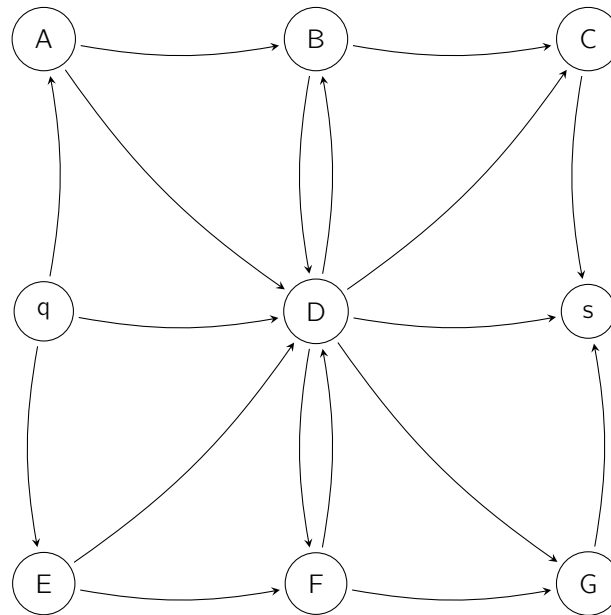
Schritt 11:

Restnetzwerk:



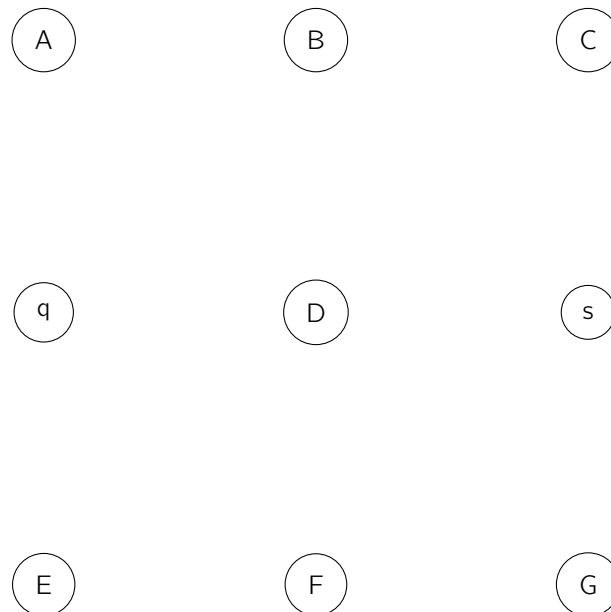
Schritt 12:

Nächstes Flussnetzwerk mit aktuellem Fluss:



Schritt 13:

Restnetzwerk:



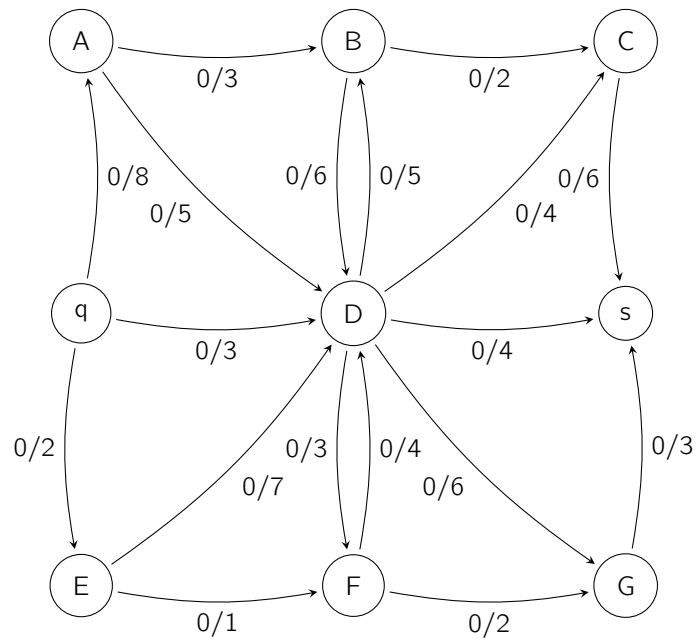
Der maximale Fluss hat den Wert:

Lösung

a)

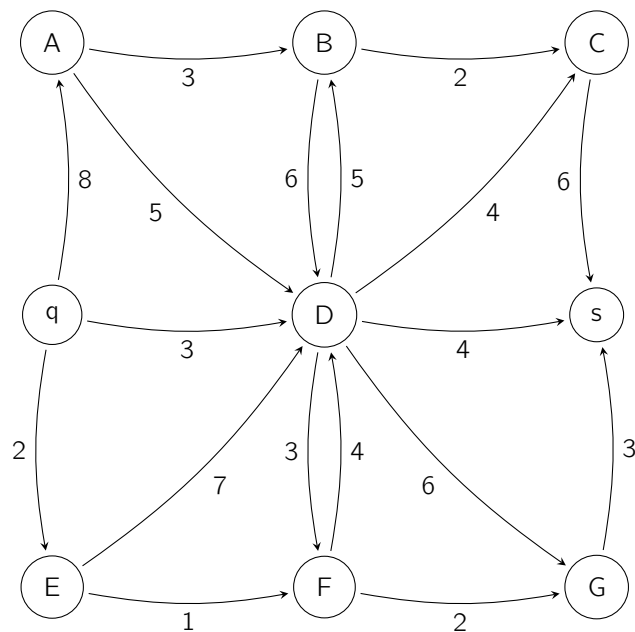
Schritt 0:

Initiales Flussnetzwerk:



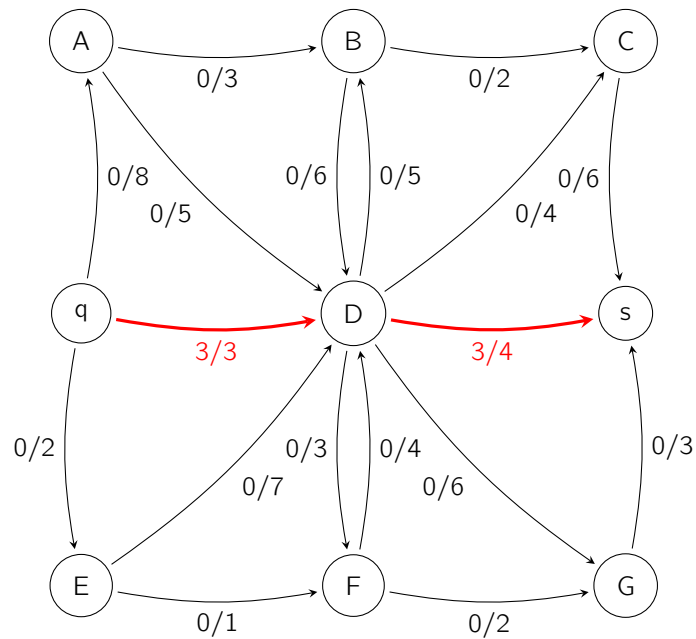
Schritt 1:

Restnetzwerk:



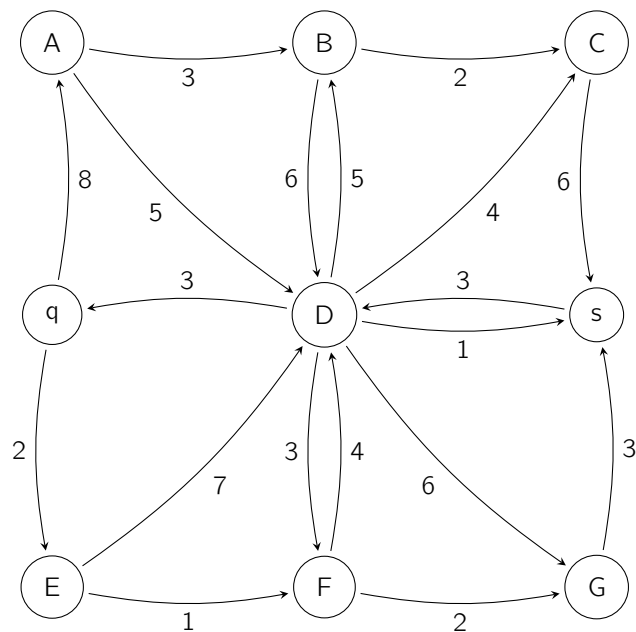
Schritt 2:

Nächstes Flussnetzwerk mit aktuellem Fluss:



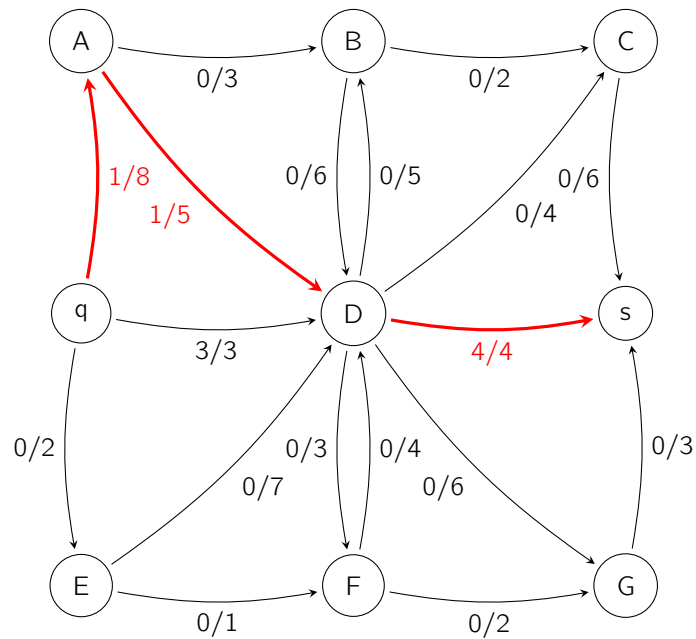
Schritt 3:

Restnetzwerk:



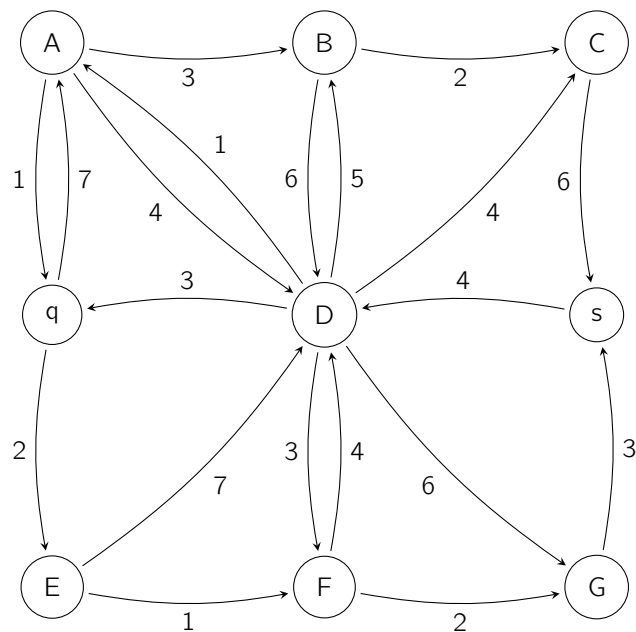
Schritt 4:

Nächstes Flussnetzwerk mit aktuellem Fluss:



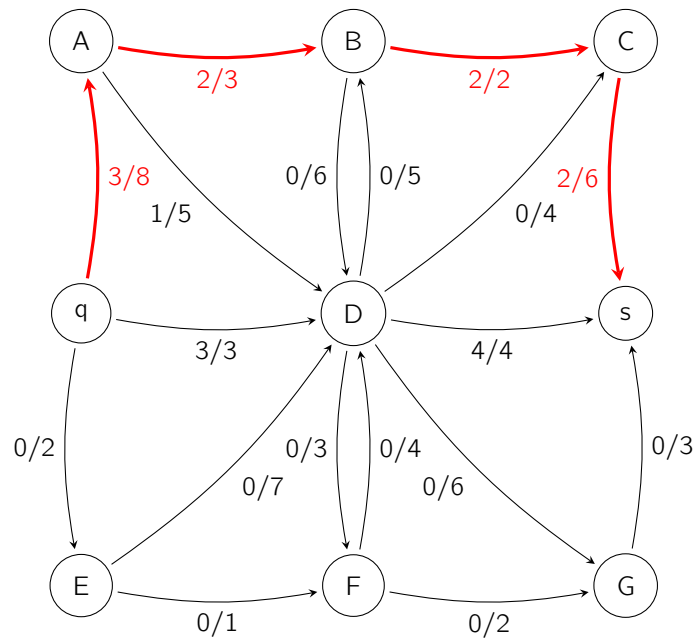
Schritt 5:

Restnetzwerk:



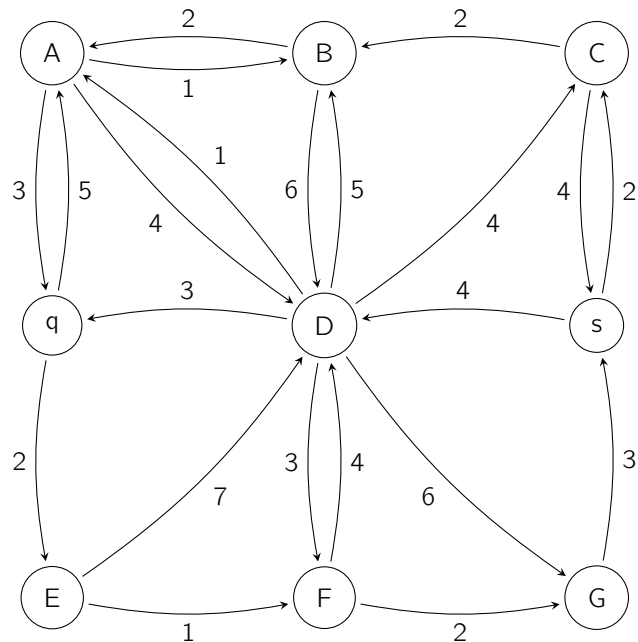
Schritt 6:

Nächstes Flussnetzwerk mit aktuellem Fluss:



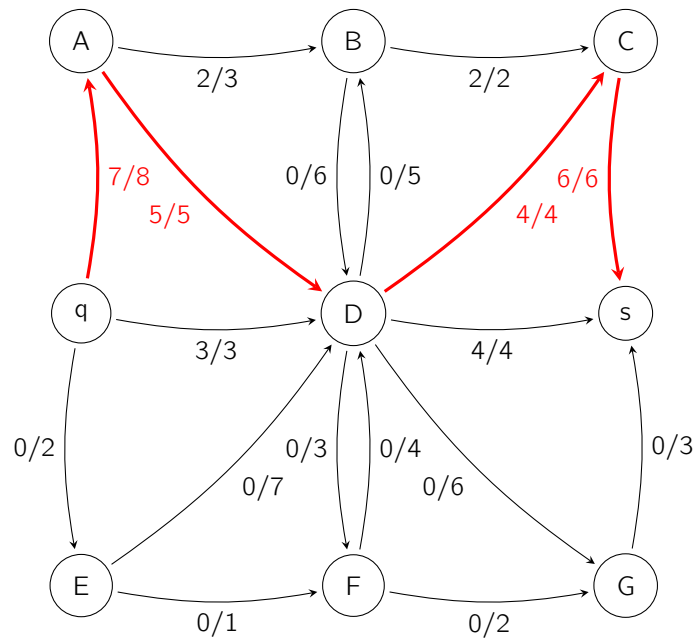
Schritt 7:

Restnetzwerk:



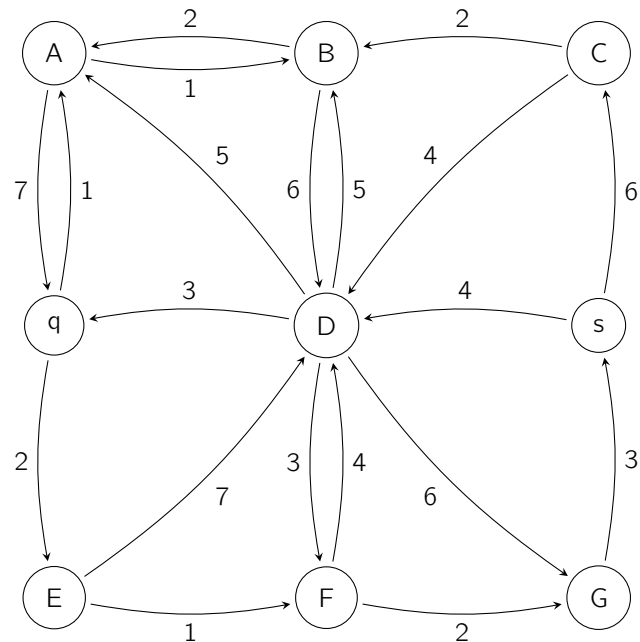
Schritt 8:

Nächstes Flussnetzwerk mit aktuellem Fluss:

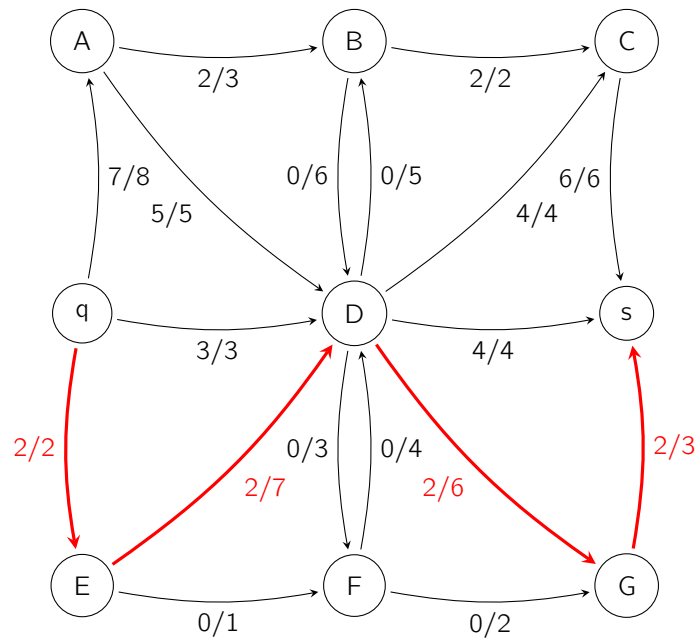


Schritt 9:

Restnetzwerk:

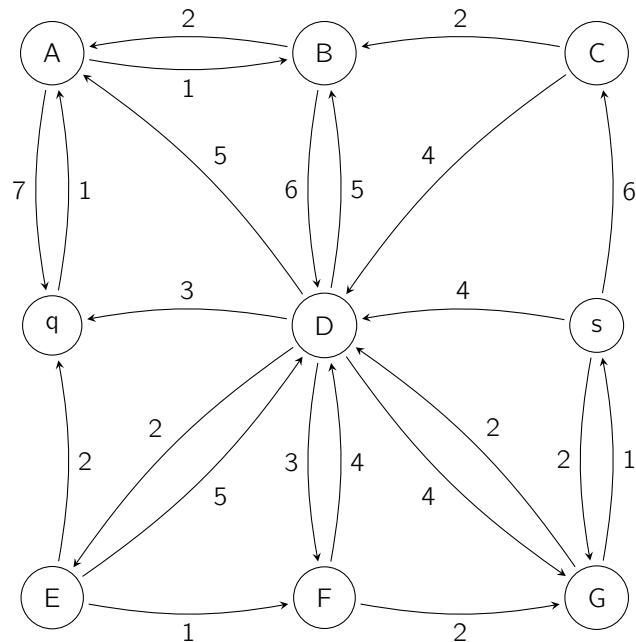


Nächstes Flussnetzwerk mit aktuellem Fluss:



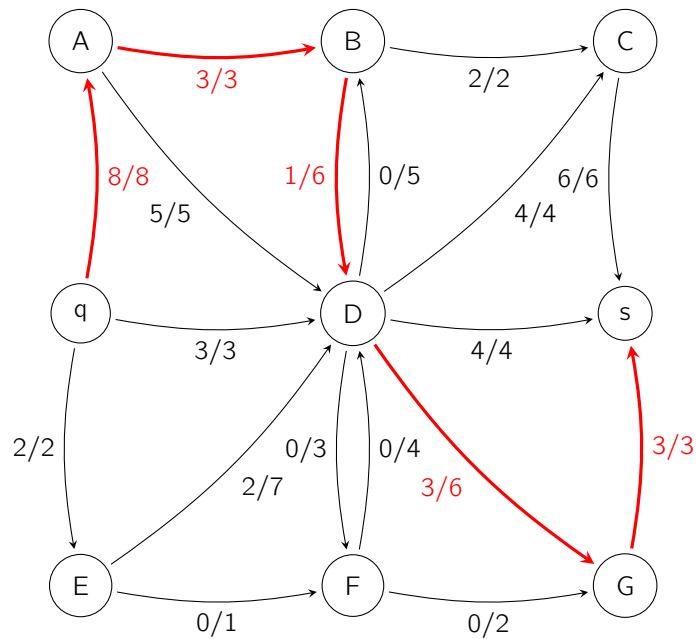
Schritt 11:

Restnetzwerk:



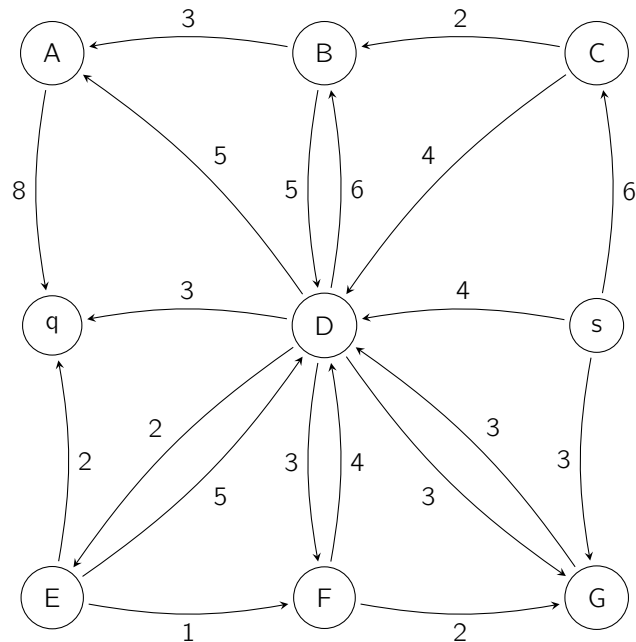
Schritt 12:

Nächstes Flussnetzwerk mit aktuellem Fluss:



Schritt 13:

Restnetzwerk:

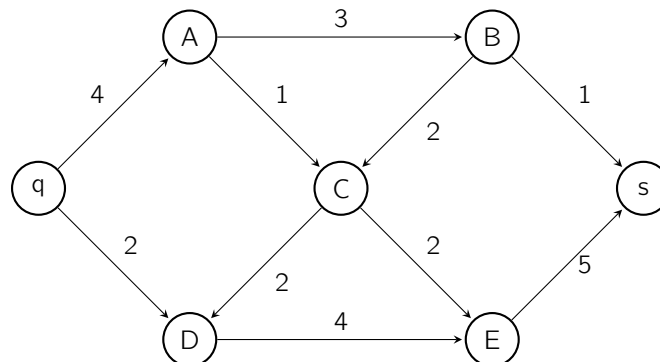


b) Der maximale Fluss hat den Wert: 13

Aufgabe 5 (Algorithmus von Dinic):

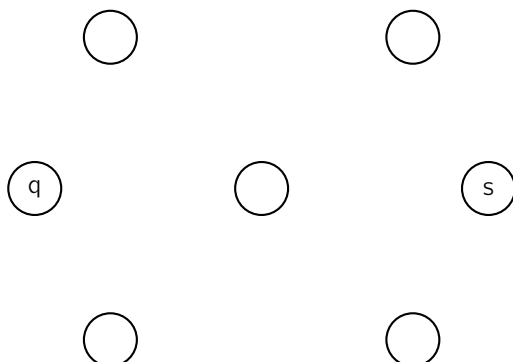
8 + 2 = 10 Punkte

Gegeben ist folgendes Flussnetzwerk G :

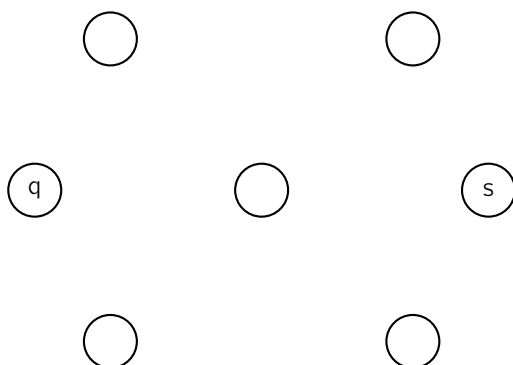


- a) Berechnen Sie den Fluss von G mithilfe von Dinics Algorithmus. Geben Sie dafür stets in jeder Iteration erst das Niveaunetzwerk, dann den Sperrfluss und anschließend den aktualisierten Fluss im Flussnetzwerk an. Sie können dafür unten stehende Vorlagen nutzen.
- b) Was ist der Wert des maximalen Flusses des Flussnetzwerkes G ?

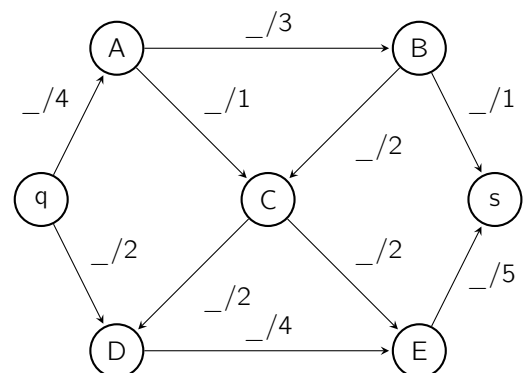
Niveaunetzwerk mit Sperrfluss



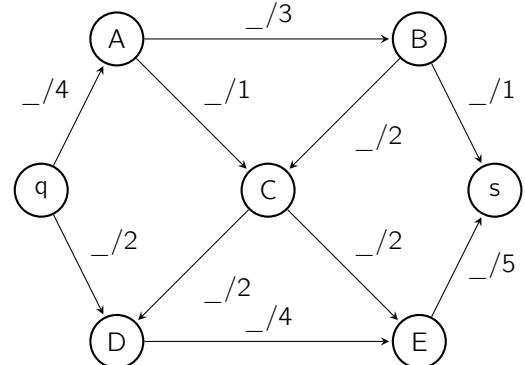
Niveaunetzwerk mit Sperrfluss



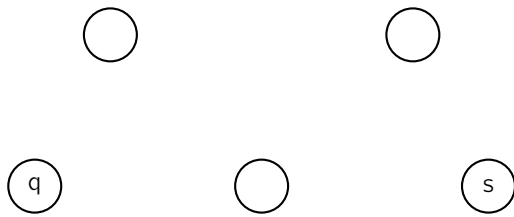
Fluss im Flussnetzwerk



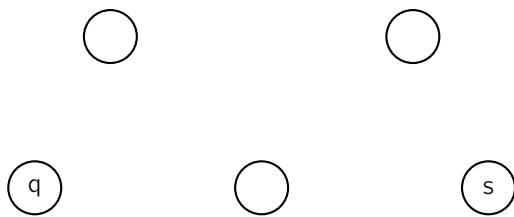
Fluss im Flussnetzwerk



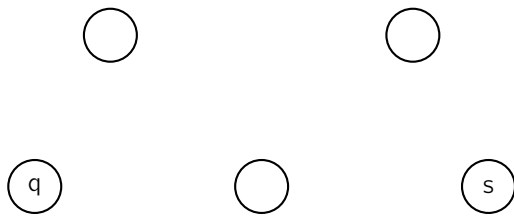
Niveaunetzwerk mit Sperrfluss



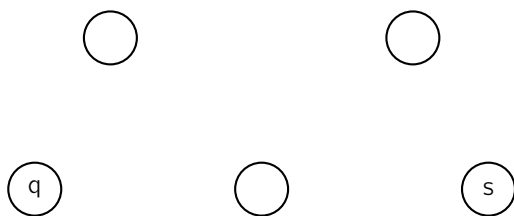
Niveaunetzwerk mit Sperrfluss



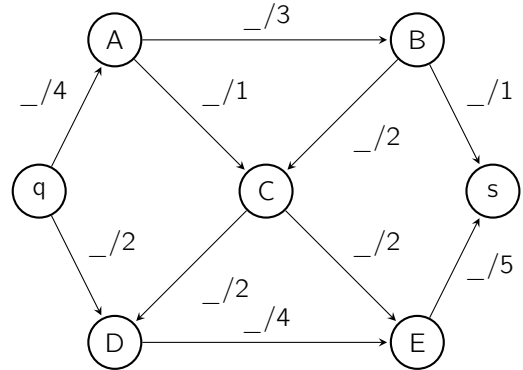
Niveaunetzwerk mit Sperrfluss



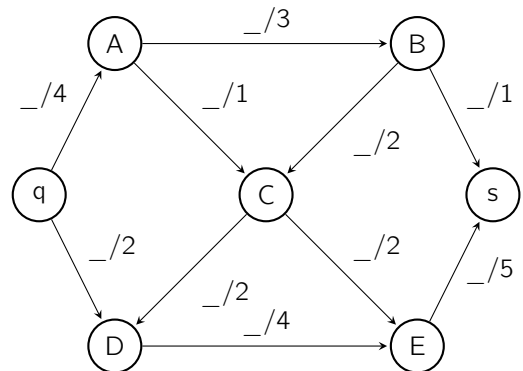
Niveaunetzwerk mit Sperrfluss



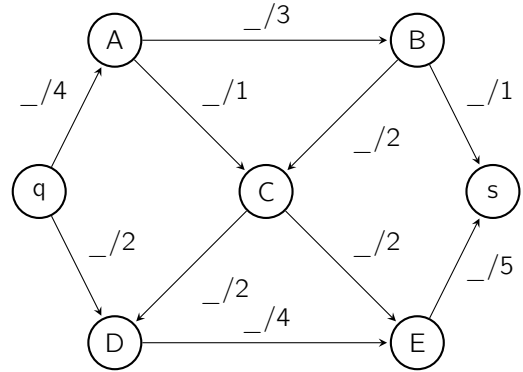
Fluss im Flussnetzwerk



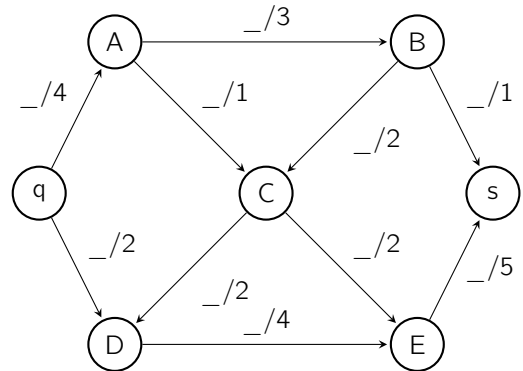
Fluss im Flussnetzwerk



Fluss im Flussnetzwerk

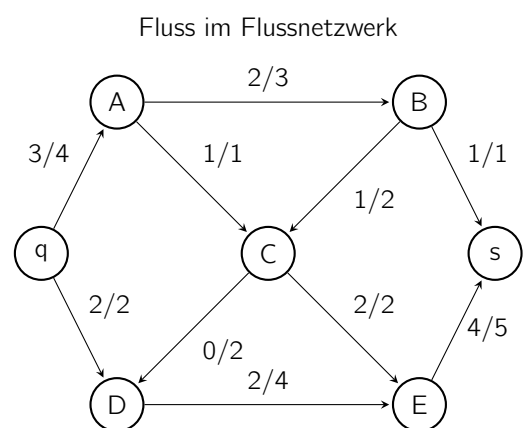
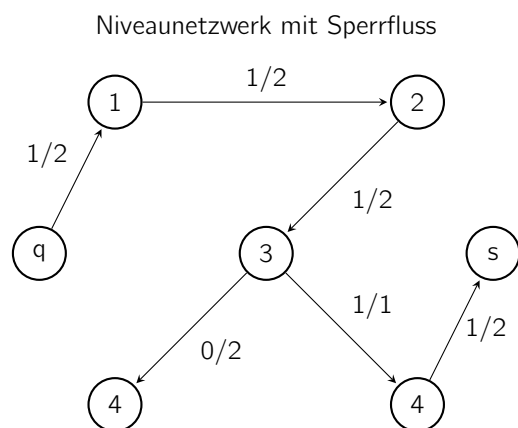
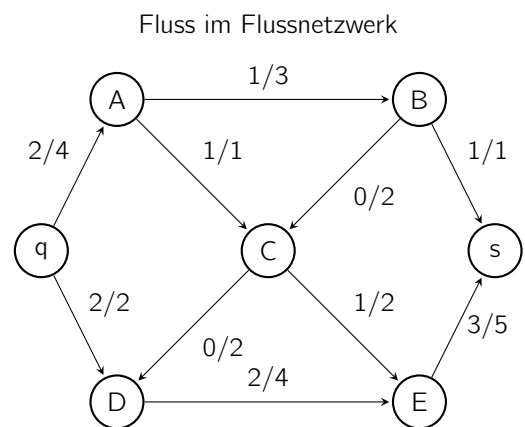
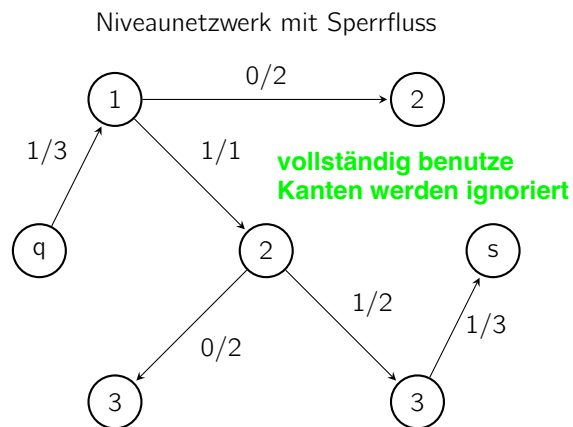
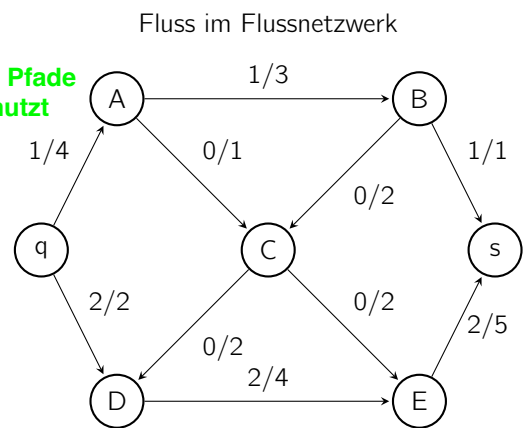
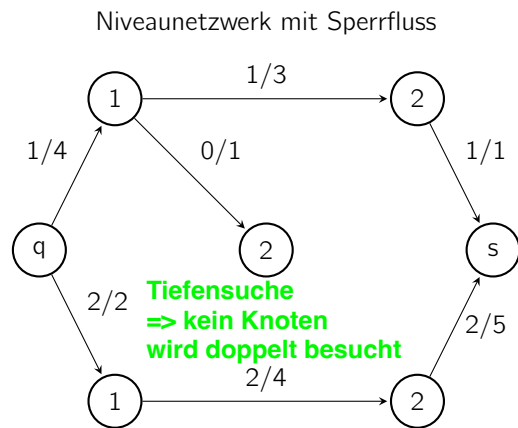


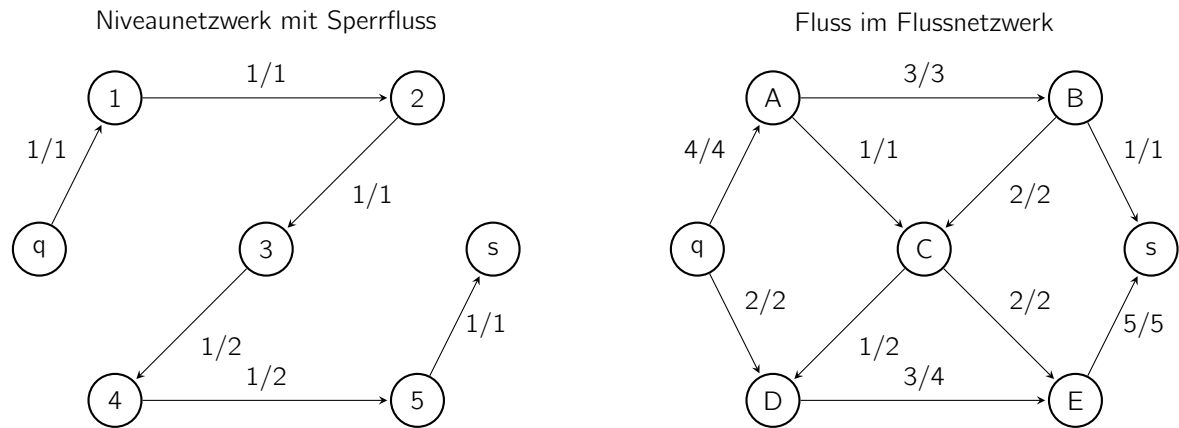
Fluss im Flussnetzwerk



Lösung

a)





b) Der maximale Fluss ist 6 (da aus der Quelle 6 Fluss ausgeht).

Aufgabe 6 (Programmierung in Python - Graphalgorithmen):

5 + 5 + 6 + 4 = 20 Punkte

Bearbeiten Sie die Python Programmieraufgaben. In dieser praktischen Aufgabe werden Sie sich mit Graphalgorithmen auseinandersetzen. Diese Aufgabe dient dazu einige Konzepte der Vorlesung zu wiederholen und zu vertiefen. Zum Bearbeiten der Programmieraufgabe können Sie einfach den Anweisungen des Notebooks *blatt11-python.ipynb* folgen. Das Notebook steht in der .zip-Datei zum Übungsblatt im Lernraum zur Verfügung.

Ihre Implementierung soll immer nach dem `# YOUR CODE HERE` Statement kommen. Ändern Sie keine weiteren Zellen.

Laden Sie spätestens bis zur Deadline dieses Übungsblatts auch Ihre Lösung der Programmieraufgabe im Lernraum hoch. Die Lösung des Übungsblatts und die Lösung der Programmieraufgabe muss im Lernraum an derselben Stelle hochgeladen werden. Die Lösung des Übungsblatts muss dazu als .pdf-Datei hochgeladen werden. Die Lösung der Programmieraufgabe muss als .ipynb-Datei hochgeladen werden.

Übersicht der zu bearbeitenden Aufgaben:

a) Implementierung von Edmonds-Karp

- `breadth_first_search()`
- `edmonds_karp_impl()`

b) Labyrinth: Generieren und Lösen

- `create_graph()`
- `extract_assignment()`

Hinweise:

Uns ist ein kleiner Fehler in der Beschreibung der Aufgabe a) `create_graph()` unterlaufen. Die Beispiele, sowie Unittests sind korrekt und nicht von diesem Fehler betroffen. Aus Kompatibilitätsgründen möchten wir kein neues Notebook hochladen und die Beschreibung an dieser Stelle korrigieren:

Folgende Schritte sind zu beachten:

- Einfügen einer Kante von der Quelle 's' zu jedem Studenten. Die Kapazität dieser Kanten ist 1.
- Einfügen einer Kante von jedem Tutorium zu der Senke 't'. Die Kapazität dieser Kanten ist c.
- Verbinden der Studenten mit den ausgewählten Tutorien. Die Kapazität dieser Kanten ist 1.

Lösung

Die Lösung der Programmieraufgaben finden Sie im Lernraum. Die Datei trägt den Namen *blatt11-python-solution.ipynb*.