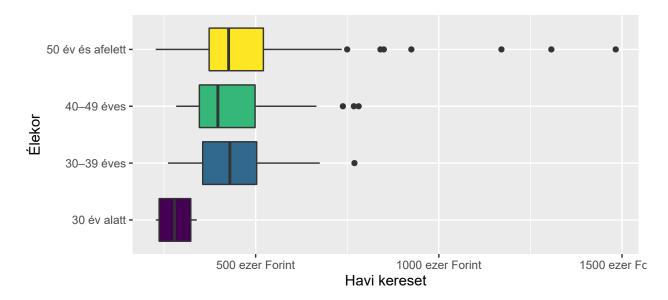
3. Forduló StatWars

Cash Money

2021. november 18.

1. Feladat

A korosztályok felbontásakor figyelembe vettük a KSH módszertanát, így 4 korcsoportot alkottunk a megfigyelésekből, a 30 év alatti, 30-39 év közötti, 40-49 év közötti, és 50 év felettiek csoportját. Ez alapján elmondhatjuk, hogy a kereset átlagos értéke a legalacsonyabb a 30 év alatti korosztálynál, míg korcsoportonként fokozatosan növekszik. Azonban fontos kiemelni, hogy a fizetések mediánértéke a korosztályokon belül a 30-39 évesek között a legmagasabb, így a másik két korosztálynál a kiugró értékek jobbra ferde eloszlást implikálnak. Láthatjuk, hogy a legtöbb kiugró értéket az 50 év felettieknél találjuk (közülük is a férfiaknál), ahol akár 1 milliós bruttó fizetéssel is rendelkező oktatókat találhatunk, így a relatív szórás értéke ebben a csoportban a 60%-ot is meghaladta (lásd: 1. táblázat), míg a többiben nem érte el az 50%-ot.

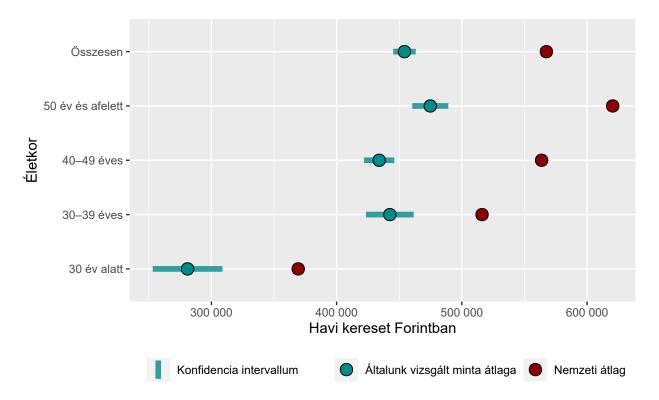


1. ábra. Egyetemi/főiskolai oktatók havi keresetének dobozábrája életkor csoportok szerinti bontásban.

Referenciaértékként a KSH 2020-as 2410-es FEOR '08 kódja (Egyetemi, főiskolai oktató, tanár) alá tartozó értékeket vizsgáltuk¹. Mivel a nemzeti bruttó átlagbér a teljes munkaidőben dolgozó oktatókra vonatkozik, így ezt az összehasonlítást megtehetjük, mivel a mintában szereplő munkavállalók is főállású alkalmazottak voltak. Összehasonlítva a mintában szereplő életkori csoportokat a KSH módszertanában megadott referenciacsoportokkal azt láthatjuk, hogy az 5%-os szignifikancia szinten vizsgált kétoldalas t-próba alapján a 2020-as országos bruttó átlagfizetések mind az 5 korcsoportban meghaladják az általunk vizsgált egyetem oktatóinak fizetéseit. Az összesen vizsgált bruttó átlagfizetés nagyjából 120 ezer forinttal volt alacsonyabb az

 $^{^{1}} https://www.ksh.hu/stadat_files/mun/hu/mun0059.html$

intézményben, a legnagyobb különbséget azonban az 50 év feletti korosztályban tapasztalhattuk, nagyjából 150 ezer forintos átlagos eltéréssel.



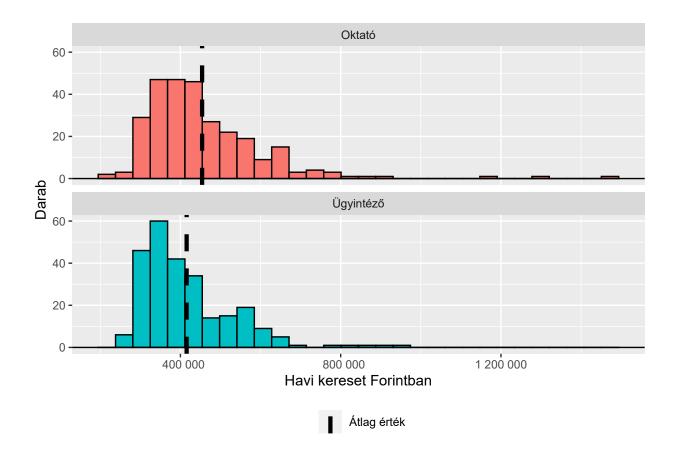
2. ábra. Általunk vizsgált minta és az országos havi átlag keresetek összehasonlítása életkor szerinti bontásban

1. táblázat: Leíró statiszikák a életkor szerinti bontásban

Életkor	Átlag	Medián	Szórás	Relatív szórás	Ferdeség	Csúcsosság	Elemszám
30 év alatt	398,32	371,7	96,91	0,24	0,64	2,50	37
30-39 éves	$481,\!62$	443,2	171,49	$0,\!36$	1,28	$4,\!24$	116
40-49 éves	$501,\!20$	418,9	241,66	0,48	$2{,}14$	8,46	209
50 év és afelett	543,71	426,5	$334,\!52$	$0,\!62$	2,90	13,05	285
Összesen	$510,\!53$	424,9	274,13	0,54	3,02	$15,\!56$	647

2. Feladat

Az oktatók és ügyintézők keresetek szerinti eloszlása a 3.ábra két hisztogramon összehasonlítható. A grafikonokról vizuálisan leolvashatjuk, hogy az oktatók bruttó átlagfizetése magasabb, mint az ügyintézőké. Ez a különbség nagyjából 38 600 forintot jelent, melynek szignifikanciáját egy kétmintás t-próba segítségével vizsgáltuk meg. A kétmintás t-próba teszt-statisztikájának értéke 3,3504, ami alapján minden gyakorlatban bevett szignifikancia szinten elvetésre kerül az a nullhipotézis, miszerint a két foglalkoztatási csoportban megegyezne a sokasági átlag. A mediánbér szintén hasonló (39 000 forintos) különbséget mutat.



3. ábra. Fizetések hisztogramja munkakör jellege szerinti bontásban

Az eloszlás magasabb momentumait vizsgáljuk, elmondhatjuk, hogy a két eloszlás szórása közötti különbség ugyan számottevő, a relatív szórásuk hasonló. Így azt mondhatjuk, hogy a magasabb béreket fizető oktatói munkakör is hasonló átlagos eltérést mutat az átlagbérhez képest, hogyha az eltérés mértékét arányosítjuk a bérek nagyságához.

A ferdeség értéke (α_3) az eloszlások típusában hasonlóságot mutat: mindkét munkakör fizetései jobbra ferde eloszlást követnek, azonban a ferdeség értéke magasabb az oktatóknál, ez azt jelenti, hogy a felfelé kiugró értékek gyakoribbak az oktatóknál. Kiemelendőek még a csúcsossági értékek (α_4) , mely mindkét munkakör esetében nagyobb, mint 3, így leptokurtikusnak mondhatjuk az eloszlását. Azonban hogyha egymással hasonlítjuk össze a két eloszlást, az oktatók kereseteloszlásának kurtózisa kétszeres értéket vesz fel az ügyintézőkhöz képest, így ebből megállapíthatjuk, hogy az oktatók körében gyakoribbak a kiugró értékek, mint az ügyintézőknél. Ez az eredmény egybevág a korábbi bekezdésben tárgyaltakkal, az eltérések leginkább a pozitív irányban mutatkoznak. Az ábráról is leolvasható, hogy 1 millió forint feletti bruttó fizetések is előfordulnak az oktatók körében.

2. táblázat: Fizetések eloszlásának jellemzői munkakör jellege szerinti bontásban

Munkakör jellege	Átlag	Medián	Szórás	Relatív szórás	Ferdeség	Csúcsosság
Oktató	454,14	422,30	150,90	0,33	2,57	14,72
Ügyintéző	$415,\!54$	383,30	115,38	0,28	1,50	$6,\!14$
Összesen	435,77	$404,\!15$	$136,\!42$	0,31	2,36	13,84

3. Feladat

Ahhoz, hogy összehasonlítsuk a két nem közötti keresetbeli különbségeket 3 típusú módszertant használtunk, részben a szakirodalom, részben pedig a saját statisztikai tanulmányaink alapján. Azon különbségeknél, amelyekben a magyarázóváltozó teljes hatását szeretnénk vizsgálni, egy- és kétoldalas t-próbát alkalmaztunk a férfi és női bruttó bérek átlagára, valamint klasszikus legkisebb négyzetek (OLS) regressziót futtattunk a kereset, mint célváltozót magyarázva kizárólag a női nem által alkotott dummy változó bevonásával. Ezzel szemben a közvetlen hatás vizsgálatakor az előbbi regressziót kibővítettük a többi magyarázóváltozóval (életkor, munkakör, iskolai végzettség), így minden változó együtthatója a saját közvetlen hatását mutatja be. (Ilyen módszertannal dolgozott például a nemek közötti kereseti különbségeket kutató cikkben Meara et al. (2017)²) Végül pedig a közvetlen hatás második módszereként párosítással is kiszámoltuk a nem más változók hatásától szűrt befolyásának értékét, amely módszertant például Hirsch et al. (2013)³ is használtak.

3. táblázat: Fizetések eloszlásának jellemzői nemek szerinti bontásban

Nem	Átlag	Medián	Szórás	Relatív szórás	Ferdeség	Csúcsosság
Férfi	539,40	436,4	311,71	0,58	2,82	13,40
Nő	492,71	417,2	246,83	0,50	3,08	16,51
Összesen	$510,\!53$	424,9	274,13	0,54	3,02	15,56

A férfi és női fizetések kétmintás statisztikai próbájának elvégzésével választ kapunk arra, hogy van-e szignifikáns (nem véletlen mintavételi ingadozásnak betudható) eltérés.

Kétoldalú alternatív hipotézis mellet a kétmintás t-próba teszt-statisztikájának értéke 2,2425 (p-érték = 0,0257), ami alapján 5%-os szignifikanci szinten elutasíthatjuk, hogy a férfi és női fizetések sokassági átlaga megegyezne. Egyoldalú nullhipotézis mellett (H_0 : Férfiak fizetése \leq Nők fizetése), a p-érték 0,0128, ami mellett 1%-os szignifikancia szinten továbbra sem tudjuk elvetni a nullhipotézist, miszerint a férfiak fizetése szignifikánsan magasabb lenne, mint a nőké.

Az egyszerű statisztikai próba elvégzésén túl azért van szükség további eszközökre, mert a nem számos más a fizetésekről szóló táblázatban megtalálható változóval együtt mozog. Az ismérvek megoszlását nemenkénti bontásban a függelékben található 6. ábra mutatja be. Az ábrán megmutatkozik, hogy mely más magyarázóváltozók alapján különböznek a férfi és női munkavállalók. Megállapíthatjuk, hogy a legalacsonyabb átlagos keresettel rendelkező munkakörbe tartozó betanított/segédmunkát végző munkavállalók túlnyomó többségében férfiak. Azonban a korábban bemutatott ügyintézők ugyanakkor 73%-ban nők. Ezalapján feltételezhetjük, hogy a munkakörök bizonyos dummy változói és a nem dummy változói között erős kapcsolat húzódik. A végzettség szerint minden végzettségi szinten nagyjából hasonló arányban találhatóak nők és férfiak, így a kapcsolat szorossága nem mondható magasanak. Az azonban, hogy ezen két változó, valamint az életkor mennyire mutatkozik meg a kereseti különbségekben, szükséges megvizsgálnunk a közvetett hatásokat a regresszióban.

A következőkben arra tér ki elemzésünk, hogy mi magyarázza a jövedelmi eltéréseket: mekkora különbséget okoz önmagában az, hogy valaki nő, és mekkora különbség tulajdonítható a különböző nemeket jellemző eltérő magyarázó változók. A fizetésekben megnyilvánuló nemi diszkrimináció szempontjából ez az igazán fontos kérdés, ugyanis más kontroll változók bevonásával képet kapunk arra, hogy tényleg azért keres-e valaki kevesebbet, mert nő, vagy lehet, hogy harmadik változó áll a háttérben.

Az elemzéshez a klasszikus legkisebb négyzetek módszert (OLS) alkalmaztuk, amelyben először mindösszesen a női nem dummy változóját szerepeltettük, amelyel a többi magyarázóváltozót hatását nem különítettük el,

²Meara, Katie and Pastore, Francesco and Pastore, Francesco and Webster, Allan, Is the Gender Pay Gap in the US Just the Result of Gender Segregation at Work?. Available at SSRN: https://ssrn.com/abstract=2949109 or http://dx.doi.org/10.2139/ssrn.2949109

³Hirsch, B., König, M., & Möller, J. (2013). Is there a gap in the gap? Regional differences in the gender pay gap. Scottish Journal of Political Economy, 60(4), 412-439.

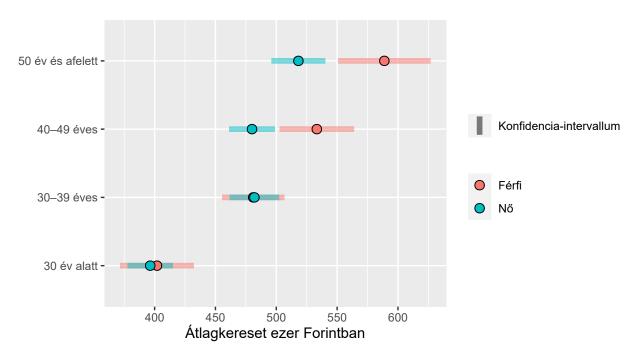
hanem az együtthatóban a teljes hatás szerepelt. Ebben a modellben 5%-os szinten szignifikáns a nem hatása a várható fizetésre, egy nő bruttó bére várhatóan 46680 forinttal alacsonyabb, mint egy férfié. Ez a nemből adódó **teljes hatás**. A modell becsült paramétereinek értékét a függelékben található 5. táblázat mutatja be. A modell jóságát a függelékben található 8. táblázat ismerteti (1. modell).

Következő lépésként olyan regressziót készítettünk, amelyben az összes rendelkezésünkre álló magyarázó változóra kontrolláltunk ($2.\ modell$). Ebben a bővebb modellben szintén szignifikáns lett a női nem hatása a keresletre, a koefficiens -32000 Forint. Ezen modell jóságát szintén az $8.\$ táblázat mutatja be.

Mivel a modellben a végzettség keresetre gyakorolt becsült hatása nem volt szignifikánsan különböző 0-tól, így készítettünk olyan modellt is, amelyből azt elhagytuk (3. modell). Ebben a modellben **33 000 Forinttal** keres kevesebbet egy nő, mint férfi társa, aki minden más ismérv szerint ekvivalens. Ez a nemből adódó közvetlen hatás. Az R^2 , korrigált R^2 , AIC és más illeszkedés jóságát ismertető mutató nem romlott érdemben az inszignifikáns változó elhagyásával.

A női keresetkülönbség közvetett hatása így tehát a két együttható különbsége, azaz a szűkített modellt figyelembe véve, -16680 forint. Ez a különbség abból adódik, hogy a nők más ismérvei is olyan eloszlást mutatnak, amely miatt negatív érinti a keresetüket.

Korábbi kutatások eredményei alapján azt igazolták, hogy a férfi-női fizetések különbsége általában az életkorral való interakcióval együtt mutat reális képet⁴. Tehát azt mondhatjuk, hogy empirikusan az életkor növekedésével a fizetési különbségek kitágulnak. A hipotézis relevánsnak tűnt az alapján is, hogy a férfiak és nők átlagfizetésének különbsége a mi mintákban is nagyobb az idősebb korcsoportokban.



4. ábra. Átlagkereset korcsoportok és nemek szerinti bontásban

A 4. ábrán látszik, hogy a 40 évnél fiatalabbak körében nincs szignifikáns eltérés a férfiak és nők között, azonban a 40 év felettiek esetében már igen. Továbbá a 30-39 éves korosztályban még magasabb is a nők átlag fizetése, mint a férfiaké.

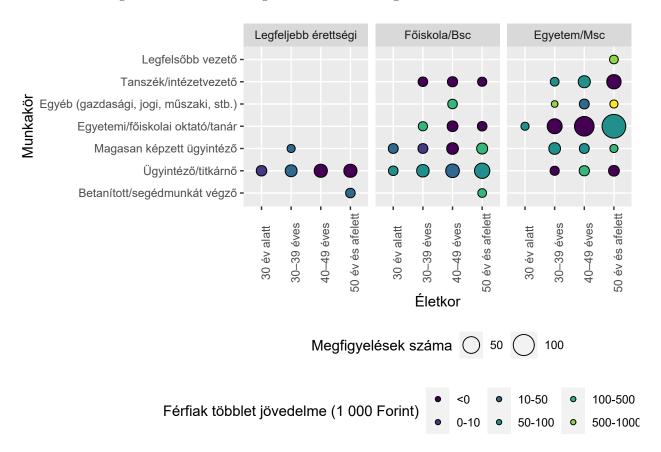
Ez alapján regressziót futtattunk a teljes modellünkön túl a korábban definiált női nem dummy változója és az életkor interakciójának bevonásával együtt is. Azonban az egyetemi dolgozók mintája alapján **az interakció nem bizonyult szignifikánsnak**. A modell koefficienseit a 4. táblázat ismerteti.

⁴Leaker, D. (2008). The gender pay gap in the UK. Economic & Labour Market Review, 2(4), 19-24.

4. táblázat: Kereset regressziós modellje a nem és az életkor interakciójának felhasználásával

Változó	Koefficiens	Standard hiba	T-statisztika	P-érték
Konstans	356,14	76,79	4,64	0,00%
Nő	-13,74	100,12	-0,14	89,09%
Életkor	3,91	1,60	2,45	$1,\!46\%$
Életkor*Nő	-0,73	2,07	-0,35	$72,\!43\%$

Másik általunk választott módszertan a többi változó hatásának kiszűrése a nem fizetésre való hatásából a párosítás. Ebben az esetben olyan férfiakat és nőket hasonlítunk össze, akik más jellemzőik szerint teljesen megegyeznek egymással. Az egyetlen számszerű kontroll változónk a életkor volt, melyet az elemzés során már többször alkalmaztunk korcsoportokra osztást alkalmava, így a **nyers párosítás** mellett döntöttünk⁵. Első lépésként csoportokba rendeztük a megfigyeléseket korosztály, végzettég és beosztás szerint. Ezt követően kiszámoltuk a férfiak és a nők átlagát, illetve a megfigyelések számát az összes csoportban, majd vettük a férfiak és nők átlag keresetének a különbségét. Ezeket a különbségeket ismerteti a 5. ábra.



5. ábra. Férfiak bértöbblete életkor, munkakör és iskolai végzettség szerinti bontásban

Az kapott különbségeknek a megfigyelések számával vett súlyozott átlagaként számítottuk ki az ATE (Average Treatment Effect - átlagos kezelési hatás) értékét, amely megmutatja, hogy várhatóan hány Forinttal kap alacsonyabb fizetést egy nő, mint minden tulajdonság szerint vele megegyező férfi kollégája. Ez az érték

⁵Másik lehetőségünk a P-score párosítás lett volna

31 339 Forint, amely alig tér el a legkisebb négyzetek módszerrel kapott közvetlen hatás értékétől, tehát eredményünk robusztus.

Konklúzió

Konklúzióként elmondhatjuk, hogy a megfigyelt egyetem oktatói és tanárai között az életkori csoportok szerint az 50 év felettiek rendelkeznek a legmagasabb átlagos fizetéssel, valamint a legtöbb kiugró érték is ebben a csoportban található. Azonban az egyetemi oktatók bruttó bére minden csoportban elmaradt az országos átlagos fizetéstől (összesen átlagosan 120 ezer forinttal), a legnagyobb különbséget pedig éppen a legidősebb korosztály csoportjában találhattuk.

Ezt követően az ügyintézők és az oktatók béreinek eloszlását hasonlítottuk össze. Megfigyeltük, hogy a különböző munkakörök átlagfizetései szignifikánsan különböznek egymástól, az oktatók 38 600 forinttal keresnek többet bruttó értékben az ügyintézőknél. Az eloszlások alakjaira pedig mindkét esetben a jobbra ferde eloszlás jellemző, azonban az oktatók esetében jóval több kiugró értéket láthatunk.

Végül az egyetem összes munkatársának fizetését hasonlítottuk össze, a nemi fizetési különbségekre fókuszálva. Azt mondhatjuk el, hogy a kétoldalú t-próba alapján 5%-os szignifikancia szinten a férfi és női fizetések különböznek egymástól, átlagosan 46 690 forinttal. Amennyiben a teljes hatást vizsgáltuk, az egyváltozós regresszió eredménye hasonló eredményt mutat, viszont a többi magyarázóváltozót bevonva a nők átlagos fizetése ceteris paribus 33 000 forinttal volt alacsonyabb a férfiakétól. Végül pedig a nyers párosítás módszertanát alkalmazva szintén a közvetlen hatását vizsgálva a nemi változónak 31 339 forintos eltérést kaptunk, amely megerősíti a korábbi elemzésünket.

Függelék

Kiegészítő táblázatok és ábrák

5.táblázat: Kereset regressziós modellje a nem változó felhasználásával

Változó	Koefficiens	Standard hiba	T-statisztika	P-érték
Konstans	539,40	17,40	31,01	$0,00\% \ 3,52\%$
Nem	-46,68	22,12	-2,11	

6.táblázat: Kereset regressziós modellje az összes regresszor felhasználásával

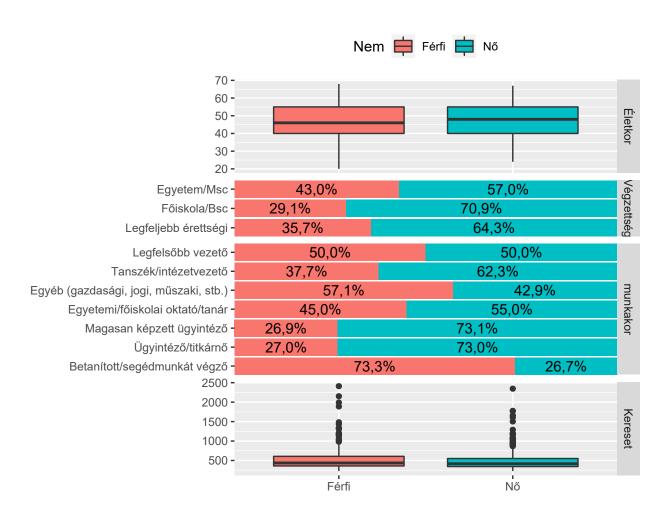
Változó	Koefficiens	Standard hiba	T-statisztika	P-érték
Konstans	665,17	39,88	16,68	0,00%
Nő	-32,01	15,42	-2,08	$3,\!84\%$
Életkor	2,04	0,75	2,71	$0,\!68\%$
Főiskola/Bsc	31,42	21,70	1,45	14,82%
Legfeljebb érettségi	11,03	14,96	0,74	$46,\!12\%$
Egyéb (gazdasági, jogi, műszaki, stb.)	1068,00	63,66	16,78	$0,\!00\%$
Egyetemi/főiskolai oktató/tanár	$473,\!25$	60,03	7,88	$0,\!00\%$
Legfelsőbb vezető	187,23	47,97	3,90	0,01%
Magasan képzett ügyintéző	$69,\!51$	30,73	2,26	$2,\!40\%$
Tanszék/intézetvezető	180,96	29,75	6,08	$0,\!00\%$
Ügyintéző/titkárnő	221,11	$25,\!35$	8,72	0,00%

7. táblázat: Kereset regressziós modellje az iskolai végezettség kihagyásával

Változó	Koefficiens	Standard hiba	T-statisztika	P-érték
Konstans	224,55	61,74	3,64	0,03%
Nő	-33,13	15,41	-2,15	$3,\!19\%$
Életkor	2,17	0,75	2,91	$0,\!37\%$
Egyéb (gazdasági, jogi, műszaki, stb.)	630,08	62,87	10,02	0,00%
Egyetemi/főiskolai oktató/tanár	139,90	49,33	2,84	$0,\!47\%$
Legfelsőbb vezető	1444,31	104,29	13,85	$0,\!00\%$
Magasan képzett ügyintéző	176,62	53,78	3,28	$0,\!11\%$
Tanszék/intézetvezető	616,72	53,11	$11,\!61$	$0,\!00\%$
Ügyintéző/titkárnő	$96,\!35$	$50,\!65$	1,90	$5{,}76\%$

8. táblázat: Modellek jósága

	R-négyzet	Korrigált R-négyzet	Globális F-próba p-értéke	AIC
Modell 1 Modell 2	0,69% $55.14%$	$0.53\% \ 54.44\%$	$3{,}52\%$ $0{,}00\%$	9100,64 8604.39
Modell 3	54,92%	54,35%	$0{,}00\%$	8603,64



6. ábra. A vizsgált adattábla változóinak nemenkénti megoszlása

Alkalmazott R kódok

```
# setup -----
   library(tidyverse)
   library(GGally)
   options(scipen = 999)
   teacher_df <- readxl::read_excel("3. forduló STAT WARS UNI.xlsx", sheet = 2) %>%
9
     mutate(
10
       nem = case_when(
11
         nem == 1 ~ "Férfi",
12
         nem == 2 ~ "Nő"
13
       ),
14
       eletkor = as.integer(eletkor),
        iskvegz = factor(iskvegz, levels = 1:3, ordered = TRUE),
16
        iskvegz = fct_relabel(iskvegz, function(1) {
          case when(
18
            1 == 1 ~ "Legfeljebb érettségi",
            1 == 2 ~ "Főiskola/Bsc",
20
            1 == 3 ~ "Egyetem/Msc"
          )}),
22
        munkakor = factor(munkakor, levels = 7:1, ordered = TRUE),
23
       munkakor = fct_relabel(munkakor, function(1) {
24
          case_when(
25
            1 == 1 ~ "Legfelsőbb vezető",
26
            1 == 2 ~ "Tanszék/intézetvezető",
            1 == 3 ~ "Egyéb (gazdasági, jogi, műszaki, stb.)",
28
            1 == 4 ~ "Egyetemi/főiskolai oktató/tanár",
29
            1 == 5 ~ "Magasan képzett ügyintéző",
30
            1 == 6 ~ "Ügyintéző/titkárnő",
31
            1 == 7 ~ "Betanított/segédmunkát végző"
32
          )})
33
     )
35
   teacher_df <- teacher_df %>%
     mutate(
37
        eletkor_group = cut(eletkor, breaks = c(c(0, 3, 4, 5)*10, Inf), right = FALSE,
38
                             labels = FALSE),
39
       eletkor_group = factor(eletkor_group, levels = 1:4, ordered = TRUE),
40
        eletkor_group = fct_relabel(eletkor_group, function(1) {
41
          case_when(
42
            1 == 1 ~ "30 év alatt",
43
            1 == 2 \sim "30-39 \text{ éves}",
            1 == 3 \sim "40-49 \text{ éves}",
45
            1 == 4 ~ "50 év és afelett"
46
47
       })
48
     )
49
50
   # utils -----
52
```

```
total_summarise <- function(x, g, ...) {</pre>
       # original summarise function from tidyverse, but contains TOTAL row
54
      bind rows(
56
        x %>%
57
           group_by({{ g }}) %>%
58
           summarise(...) %>%
           ungroup(),
60
        x %>%
           summarise(...) %>%
62
           mutate(g = "Összesen") %>%
63
          select(g, everything()) %>%
64
           rename("\{\{g\}\}\}" := 1)
65
66
67
    }
68
69
    print_model <- function(model, label, var_names) {</pre>
70
       # print the table of coefs in a nice way
71
      broom::tidy(model) %>%
        mutate_at(2:4, ~ format(round(., 2), decimal.mark = ",")) %>%
73
           p.value = scales::percent(p.value, decimal.mark = ",", accuracy = .01),
75
           term = c("Konstans", var_names)
77
        set names("Változó", "Koefficiens", "Standard hiba", "T-statisztika", "P-érték") %>%
        knitr::kable(caption = label, align = c("1", rep("c", 4)))
79
    }
80
81
    teacher_df %>%
82
      filter(munkakor == "Egyetemi/főiskolai oktató/tanár") %>%
83
      ggplot(aes(kereset, eletkor_group, fill = eletkor_group)) +
84
      geom_boxplot(show.legend = FALSE) +
85
      scale_x_continuous(labels = ~ str_c(., " ezer Forint")) +
86
      labs(x = "Havi kereset", y = "Élekor")
88
    national_avg <- rio::import("https://www.ksh.hu/stadat_files/mun/hu/mun0059.csv") %>%
      # download data from KSH website: https://www.ksh.hu/stadat_files/mun/hu/mun0059.html
90
      tibble() %>%
      janitor::row to names(2) %>%
92
      select(2, starts_with("2020")) %>%
      rename_all(str_remove_all, "2020 Korcsoport ") %>%
94
      rename_all(str_remove_all, "2020 ") %>%
      rename(profession = 1, Összesen = Együtt) %>%
96
      filter(str_detect(profession, "Egyetemi")) %>%
      mutate_at(-1, str_remove, " ") %>%
98
      mutate_at(-1, as.numeric) %>%
      pivot_longer(-1, names_to = "eletkor_group") %>%
100
      select(-profession)
101
102
    compare_df <- bind_rows(</pre>
103
      teacher_df %>%
104
        filter(munkakor == "Egyetemi/főiskolai oktató/tanár") %>%
105
```

```
total_summarise(eletkor_group,
106
                         value = mean(kereset)*1e3,
107
                         s = sd(kereset*1e3),
108
                         n = n()
109
        ) %>%
110
        mutate(type = "Általunk vizsgált minta átlaga"),
111
      national_avg %>%
        mutate(type = "Nemzeti átlag", s = NA, n = NA)
113
115
    compare_df %>%
116
      mutate(
117
        lb = value - s/(n^{.5}),
118
        ub = value + s/(n^{.5}),
119
      ) %>%
120
      mutate(
121
        eletkor_group = factor(eletkor_group, levels = c("30 év alatt", "30-39 éves",
122
                                                             "40-49 éves", "50 év és afelett",
123
                                                             "Összesen"), ordered = TRUE)
124
      ) %>%
125
      ggplot() +
126
      geom_linerange(aes(xmin = lb, xmax = ub, y = eletkor_group,
127
                          color = "Konfidencia intervallum"), size = 2, alpha = .8) +
128
      geom_point(aes(value, eletkor_group, fill = type), shape = 21, size = 4) +
      scale_fill_manual(values = c("cyan4", "red4")) +
130
      scale color manual(values = "cyan4") +
      scale_x_continuous(labels = ~ format(., big.mark = " ")) +
132
      labs(x = "Havi kereset Forintban", y = "Életkor", color = NULL, fill = NULL) +
133
      theme(
134
         legend.position = "bottom"
135
136
137
    teacher_df %>%
138
      filter(munkakor == "Egyetemi/főiskolai oktató/tanár") %>%
139
      select(-eletkor, -) %>%
140
      GGally::ggpairs(aes(color = eletkor_group))
141
    total_summarise(teacher_df, eletkor_group,
                     `Atlag` = mean(kereset),
143
                     `Medián` = median(kereset),
                     `Szórás` = sd(kereset),
145
                     `Relatív szórás` = sd(kereset) / mean(kereset),
                     `Ferdeség` = moments::skewness(kereset),
147
                     `Csúcsosság` = moments::kurtosis(kereset),
                     Elemszám = n()
149
    ) %>%
150
      mutate_at(-1, ~ format(round(., 2), decimal.mark = ",")) %>%
151
      rename(Életkor = 1) %>%
152
      knitr::kable(caption = "Leíró statiszikák a életkor szerinti bontásban",
153
                    align = c("l", rep("c", 7)))
154
    profession_df <- teacher_df %>%
155
      filter(
156
        munkakor %in% c("Ügyintéző/titkárnő", "Magasan képzett ügyintéző",
157
                           "Egyetemi/főiskolai oktató/tanár")
158
```

```
) %>%
159
      mutate(munkakor_group = ifelse(
160
        munkakor == "Egyetemi/főiskolai oktató/tanár", "Oktató", "Ügyintéző"
161
      ))
162
    profession df %>%
164
      group_by(munkakor_group) %>%
      mutate(
166
        m = mean(kereset),
        m = ifelse(!duplicated(m), m, NA)
168
169
      ggplot(aes(kereset, fill = munkakor_group)) +
170
      geom_histogram(color = "black", show.legend = FALSE) +
      geom hline(vintercept = 0) +
172
      geom_vline(aes(xintercept = m, lty = "Átlag érték"), size = 1.5) +
173
      facet_wrap(~ munkakor_group, ncol = 1) +
174
      scale_linetype_manual(values = 2, name = NULL) +
175
      scale_x_continuous(labels = ~ format(.*1e3, big.mark = " ")) +
176
      theme(
177
        legend.position = "bottom"
179
      labs(x = "Havi kereset Forintban", y = "Darab")
180
181
    t.test(kereset ~ munkakor_group, data = profession_df)
183
    profession df %>%
      GGally::ggpairs(aes(color = munkakor_group))
185
186
    profession df %>%
187
      total_summarise(g = munkakor_group,
188
                        `Átlag` = mean(kereset),
189
                        `Medián` = median(kereset),
190
                       `Szórás` = sd(kereset),
191
                       `Relatív szórás` = sd(kereset) / mean(kereset),
192
                       `Ferdeség` = moments::skewness(kereset),
                       `Csúcsosság` = moments::kurtosis(kereset),
194
      ) %>%
195
      mutate_at(-1, ~ format(round(., 2), decimal.mark = ",")) %>%
196
      rename(`Munkakör jellege` = 1) %>%
      knitr::kable(caption =
198
                      "Fizetések eloszlásának jellemzői munkakör jellege szerinti bontásban",
                    align = c("l", rep("c", 7)))
200
    t.test(kereset ~ nem, data = profession df, alternative = "two.sided")
202
203
    t.test(kereset ~ nem, data = profession_df, alternative = "greater")
204
205
    teacher_df %>%
206
      total_summarise(g = nem,
207
                        `Átlag` = mean(kereset),
208
                        `Medián` = median(kereset),
209
                       `Szórás` = sd(kereset),
210
                       `Relatív szórás` = sd(kereset) / mean(kereset),
211
```

```
`Ferdeség` = moments::skewness(kereset),
212
                        `Csúcsosság` = moments::kurtosis(kereset),
213
      ) %>%
214
      mutate_at(-1, ~ format(round(., 2), decimal.mark = ",")) %>%
215
      rename(Nem = 1) %>%
      knitr::kable(caption =
217
                       "Fizetések eloszlásának jellemzői nemek szerinti bontásban",
                    align = c("l", rep("c", 7)))
219
    teacher_df %>%
221
      group_by(eletkor_group, nem) %>%
222
      summarise(m = mean(kereset), s = sd(kereset), n = n()) \%
223
      mutate(
        cl = m - s/(n^{.5}),
225
        ch = m + s/(n^{\cdot}.5)
226
      ) %>%
227
      ggplot() +
228
      aes(m, eletkor_group) +
229
      geom_linerange(aes(xmin = cl, xmax = ch, color = nem,
230
                           linetype = "Konfidencia-intervallum"),
                      size = 2, alpha = .5) +
232
      geom_point(aes(fill = nem), shape = 21, size = 3) +
      guides(color = guide_none()) +
234
      labs(
        y = NULL, x = "Átlagkereset ezer Forintban",
236
        fill = NULL, linetype = NULL
238
    teacher df %>%
240
      mutate(
241
        nem = nem == "Nő",
242
         int = nem*eletkor
243
244
      lm(formula = kereset ~ nem + eletkor + int) %>%
245
      print_model(
        label =
247
           "Kereset regressziós modellje a nem és az életkor interakciójának felhasználásával",
         var_names = c("Nö", "Életkor", "Életkor*Nö")
249
251
    matching_df <- teacher_df %>%
      group_by(nem, iskvegz, munkakor, eletkor_group) %>%
253
      summarise(kereset = mean(kereset), n = n()) %>%
      pivot_wider(names_from = nem, values_from = c(kereset, n)) %>%
255
      janitor::clean_names() %>%
256
      mutate(
257
        d = kereset_ferfi - kereset_no,
258
        n = n_ferfi + n_no
259
      )
260
261
    matching_df %>%
262
      filter(!is.na(d)) %>%
263
      arrange(d) %>%
264
```

```
mutate(
265
        d_{cat} = cut(d, breaks = c(-Inf, 0, 10, 50, 100, 500, 1000, Inf),
266
                      right = FALSE, labels = FALSE),
267
        d_cat = factor(d_cat, levels = 1:7, ordered = TRUE),
268
        d_cat = fct_relabel(d_cat, function(1) {
           case when(
270
             1 == 1 ~ "<0",
             1 == 2 \sim "0-10"
272
             1 == 3 \sim "10-50"
             1 == 4 \sim "50-100"
274
             1 == 5 \sim "100-500",
275
             1 == 6 \sim "500-1000",
276
             1 == 7 ~ ">1000"
277
278
        })
279
      ) %>%
280
      ggplot(aes(eletkor_group, munkakor, fill = d_cat, size = n)) +
281
      geom_point(shape = 21, color = "black") +
282
      facet_wrap(~ iskvegz) +
283
      scale_size(range = c(2, 8)) +
      theme(
285
        axis.text.x = element_text(angle = 90),
        legend.position = "bottom",
287
        legend.box = "vertical"
289
      labs(
        x = "Életkor",
291
        y = "Munkakör",
292
        fill = "Férfiak többlet jövedelme (1 000 Forint)",
293
         size = "Megfigyelések száma"
294
295
296
    matching_df %>%
297
      ungroup() %>%
298
      summarise(ate = weighted.mean(d, n, na.rm = T),
                 atet = weighted.mean(d, n_ferfi, na.rm = TRUE),
300
                 atet_no = weighted.mean(d, n_no, na.rm = TRUE)
      )
302
303
    fit1 <- teacher df %>%
304
      lm(formula = kereset ~ nem)
305
306
    fit1 %>%
307
      print model(
308
        label = "Kereset regressziós modellje a nem változó felhasználásával",
309
         var_names = "Nem"
310
      )
311
312
    fit2 <- teacher_df %>%
313
      lm(formula = kereset ~ .-eletkor_group)
314
315
    fit2 %>%
316
      print_model(
317
```

```
label = "Kereset regressziós modellje az összes regresszor felhasználásával",
318
         var_names = c("Nő", "Életkor", "Főiskola/Bsc", "Legfeljebb érettségi",
                        "Egyéb (gazdasági, jogi, műszaki, stb.)",
320
                        "Egyetemi/főiskolai oktató/tanár", "Legfelsőbb vezető",
                        "Magasan képzett ügyintéző",
322
                        "Tanszék/intézetvezető",
323
                        "Ügyintéző/titkárnő")
324
325
326
    fit3 <- teacher_df %>%
327
      mutate_if(is.factor, as.character) %>%
328
      lm(formula = kereset ~ .-eletkor_group - iskvegz)
329
    fit3 %>%
331
      print_model(
         label = "Kereset regressziós modellje az iskolai végezettség kihagyásával",
333
        var_names = c("Nő", "Életkor",
                        "Egyéb (gazdasági, jogi, műszaki, stb.)",
335
                        "Egyetemi/főiskolai oktató/tanár", "Legfelsőbb vezető",
                       "Magasan képzett ügyintéző",
337
                        "Tanszék/intézetvezető",
                        "Ügyintéző/titkárnő")
339
      )
340
341
    tibble(fit = list(fit1, fit2, fit3)) %>%
342
      transmute(
343
        model = str_c("Modell ", row_number()),
344
        map_df(fit, broom::glance)
345
      ) %>%
346
      select(
347
        model,
348
         `R-négyzet` = r.squared,
         `Korrigált R-négyzet` = adj.r.squared,
350
         `Globális F-próba p-értéke` = p.value,
        AIC
352
      ) %>%
      column to rownames("model") %>%
354
      mutate_at(1:3, ~ scales::percent(., accuracy = .01, decimal.mark = ",")) %>%
      mutate_at(4, ~ format(round(., 2), decimal.mark = ",")) %>%
356
      knitr::kable(caption = "Modellek jósága", align = c("l", rep("c", 4)))
    teacher df %>%
358
      select(-eletkor_group) %>%
359
      rename(
360
         `<u>Életkor</u>` = eletkor,
361
         `Végzettség` = iskvegz,
362
         `Munkakör` = ,
363
         `Kereset` = kereset,
364
         Nem = nem
365
      ) %>%
      GGally::ggbivariate(outcome = "Nem",
367
                            rowbar_args = list(
                              label format = scales::label percent(decimal.mark = ",",
369
                                                                      accuracy = .1)
```

FÜGGELÉK

```
371 )
372
373 )
```