

ice.1.A0Package inputenc Error: Invalid UTF-8 byte sequenceSee the inputenc package documentation for explanation.The document does not appear to be in UTF-8 encoding.Try adding as the first line of the fileor specify an encoding such as [latin1]inputencin the document preamble.Alternatively, save the file in UTF-8 using your editor or another toolice.1.A1ice.1.A0Package inputenc Error: Invalid UTF-8 byte sequenceSee the inputenc package documentation for explanation.The document does not appear to be in UTF-8 encoding.Try adding as the first line of the fileor specify an encoding such as [latin1]inputencin the document preamble.Alternatively, save the file in UTF-8 using your editor or another toolice.1.A1

CENTRO FEDERAL DE EDUCAÇÃO TECNOLÓGICA  
DE MINAS GERAIS

ENGENHARIA DE COMPUTAÇÃO

---

# **Paralelização de Métodos Numéricos para Resolver Equações Diferenciais Parciais**

---

*Orientando:*

Marcelo Lopes de Macedo  
FERREIRA CÂNDIDO

*Orientador:*

Prof. Dr. Luis Alberto  
D'AFONSECA

BELO HORIZONTE  
13 de agosto de 2019

# Sumário

<b>1</b>	<b>Introdução</b>	<b>3</b>
<b>2</b>	<b>Aquisições Sísmicas</b>	<b>4</b>
2.1	O Que São Aquisições Sísmicas e Como Modelá-las . . . . .	4
2.2	A Equação da Onda . . . . .	5
2.3	O Método de Diferenças Finitas (MDF) . . . . .	5
<b>3</b>	<b>A Arquitetura Computacional Atual e a Necessidade de Paralelização</b>	<b>7</b>
3.1	O Processador . . . . .	7
3.2	A Memória Principal . . . . .	8
3.3	Conseguir Mais Em Menos Tempo . . . . .	8
3.3.1	A Barreira do Paralelismo a Nível de Instruções - <i>ILP Wall</i> . . . . .	8
3.3.2	A Barreira no Gasto de Energia dos Processadores - <i>Power Wall</i> . . . . .	9
3.4	Paralelismo - A Alternativa Para Se Contornar As Barreiras . . . . .	9
3.4.1	Arquiteturas de Memória na Computação Paralela . . . . .	10
3.4.2	Modelos da Computação Paralela . . . . .	10
3.4.3	Projetando Programas Paralelos . . . . .	11
<b>4</b>	<b>Paralelismo em prática</b>	<b>13</b>
4.1	OpenMP . . . . .	13
4.1.1	Diretiva Utilizada . . . . .	13
4.2	Pthreads . . . . .	13
4.2.1	Rotinas Utilizadas . . . . .	14
4.3	MPI . . . . .	14
4.3.1	Rotinas Utilizadas . . . . .	15
<b>5</b>	<b>Do serial ao paralelo</b>	<b>16</b>
5.1	A construção do código serial . . . . .	16
5.2	Primeiro contato do código com as <i>threads</i> - OpenMP . . . . .	16
5.2.1	Construindo o caminho para a OpenMP . . . . .	16
5.3	Um contato mais profundo do código com as <i>threads</i> - Pthreads . . . . .	16
5.3.1	Construindo o caminho para a Pthreads . . . . .	16
5.4	Realizando a mescla de Pthreads e MPI . . . . .	16
5.4.1	Contruindo o caminho para a mescla . . . . .	16
<b>6</b>	<b>Considerações Finais</b>	<b>17</b>
	<b>Abreviações</b>	<b>18</b>

<b>Definições</b>	<b>19</b>
<b>Appendices</b>	<b>21</b>
<b>A Código Criados</b>	<b>22</b>
A.1 Códigos seriais falsos . . . . .	22
A.1.1 Cálculo da função de um parabolóide . . . . .	22
A.1.2 Propagação de ondas em uma dimensão . . . . .	23
A.2 Propagação de ondas em duas dimensões . . . . .	25
A.2.1 Interface de linha de comando para o usuário . . . . .	25
A.2.2 Bibliotecas criadas . . . . .	27
A.2.3 Ferramentas . . . . .	36
A.2.4 Código principal . . . . .	40

# **Capítulo 1**

## **Introdução**

## Capítulo 2

# Aquisições Sísmicas

Nesse capítulo, serão explicados o que são aquisições sísmicas e algumas formas pelas quais elas são realizadas. Além disso, se mostrará o instrumento matemático pelo qual se pode modelar as ondas sonoras (equação da onda) utilizadas nas aquisições sísmicas e, por fim, um método para resolver tal instrumento numericamente.

### 2.1 O Que São Aquisições Sísmicas e Como Modelá-las

No ramo da mineração, não se pode tentar a esmo a descoberta de recursos minerais no subterrâneo de um local em que se já se suspeita sua existência. Do contrário, tal processo imprudente levaria a um alto custo monetário. É necessário que, de alguma forma, se obtenha a forma dessa estrutura oculta para se saber os pontos onde se encontram as jazidas/poços desse recurso. A obtenção dos dados de como é essa estrutura se chama **aquisição sísmica**.

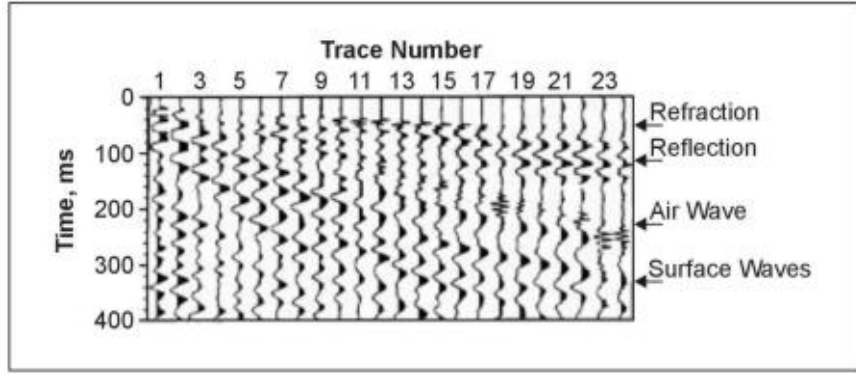
A forma de se realizar essa aquisição pode variar com o ambiente e os métodos adotados para coleta de dados e processamento dos mesmos. Os recursos minerais desejados podem se encontrar tanto em meios terrestres e/ou subaquáticos. Contudo, o meio em que a aquisição será realizada pouco importa nesse trabalho.

Para a coleta dos dados a serem processados podemos citar dois exemplos de aquisição

1. **marítima**: um navio equipado com um canhão sonoro emite ondas sonoras cujas reflexões e refrações nas camadas terrestres submarinas são captadas por filas de hidrofones puxadas pelo mesmo navio.
2. **terrestre**: um explosivo é (preferencialmente) enterrado em um terreno. Sua explosão gera uma onda sonora cujas reflexões são captadas por geofones distribuídos relativamente próximos, na superfície.

Costuma-se alterar a posição da fonte sonora na realização da aquisição para se obter mais dados de como aquele ambiente se comporta com o transporte de ondas e, baseando-se nisso, modelar sua estrutura em si.

Esse recolhimento dos dados consistirá em **traços**, como se pode ver na Figura 2.1. Esses consistem em gráficos das amplitudes das ondas sonoras, obtidas através dos hidrofones/geofones, ao longo do tempo. A partir desses traços, detecta-se, por análise técnica, onde se encontram as interfaces entre as camadas do domínio analisado e do que elas são feitas. Nisso consiste o processamento dos dados colhidos.



**Fig. 2.1:** Exemplo de traços sísmicos

Contudo, quanto aos métodos de processamento utilizados, nesse trabalho simularemos um problema direto, ou seja, estipulando o meio (nesse caso, não-homogêneo) da aquisição, veremos como as ondas se propagam nele. Para tal, usaremos um método matemático específico. Nesse trabalho, como já foi dito no Capítulo ??, é o de Método de Diferenças Finitas.

## 2.2 A Equação da Onda

Para que seja possível avaliar matematicamente um fenômeno ondulatório produzido por uma fonte em um domínio é necessário se ter uma fórmula matemática para o que se entende por onda. Tal fórmula, que nos servirá durante todo esse trabalho, principalmente na parte da implementação computacional é a **equação da onda**, dada por

$$\frac{\partial^2 u}{\partial t^2} = \frac{1}{v^2} \left( \frac{\partial^2 u}{\partial x^2} + \frac{\partial^2 u}{\partial y^2} \right) + f(x, y, t) \quad (2.1)$$

onde  $x$  e  $y$  são variáveis espaciais e  $t$ , temporal. A constante  $v$  representa (no caso desse trabalho) a velocidade da frente de onda. Trata-se de uma **equação diferencial parcial hiperbólica** com solução analítica para alguns casos, mas que pode ser resolvida numericamente, utilizando, por exemplo, o Método de Diferenças Finitas, a ser discernido na próxima seção.

Caso o leitor se interesse por estudar ou revisar mais sobre Ondulatória, pode conferir em Cândido [MD18].

## 2.3 O Método de Diferenças Finitas (MDF)

Uma equação diferencial parcial, que geralmente é considerada em um domínio contínuo, pode ser discretizada. Isso é feito para que a equação possa ser representada e resolvida computacionalmente.

No caso do Método de Diferenças Finitas para esse trabalho, basta transcrever cada termo da equação para o equivalente na fórmula de diferenças finitas nas derivações de segundo grau. Podemos ver um exemplo disso na Equação 2.2, para o caso da parte espacial em  $x$  da equação.

$$\frac{\partial^2 u}{\partial x^2} \rightarrow \frac{u_{i-1,j,k} - 2u_{i,j,k} + u_{i+1,j,k}}{\Delta x^2} \quad (2.2)$$

Para entender o que significa o índice  $i$  visto na Equação acima pode-se seguir uma analogia: suponhamos um *array* com mais que três posições. A posição  $i$  seria qualquer posição

intermediária,  $i - 1$  a antecessora e a  $i + 1$  sucessora. Tal estrutura é chamada de **estêncil**. O mesmo vale para os índices  $j$  e  $k$ , mas para um *array* com três dimensões. Podemos ver uma alegoria dessa analogia na Figura ??.

No caso desse trabalho, para a simulação da propagação de ondas em um meio bidimensional ao longo do tempo, teremos que usar três estênceis (os dois restantes podem ser vistos nas Equações 2.3 e 2.4), dois para as dimensões espaciais e um para a temporal. Para tal, podemos utilizar outra analogia: um *array* tridimensional, onde cada plano de posições no espaço é um instante no tempo.

$$\frac{\partial^2 u}{\partial y^2} \rightarrow \frac{u_{i,j-1,k} - 2u_{i,j,k} + u_{i,j+1,k}}{\Delta y^2} \quad (2.3)$$

$$\frac{\partial^2 u}{\partial t^2} \rightarrow \frac{u_{i,j,k-1} - 2u_{i,j,k} + u_{i,j,k+1}}{\Delta t^2} \quad (2.4)$$

Contudo, até então, não falamos sobre o Método de Diferenças Finitas em si. Trata-se de uma sequência de iterações que marcham em função de alguma variável. No caso desse trabalho, o avanço se dá no tempo. Essa marcha no tempo quer dizer que o valor para um ponto no espaço no próximo instante de tempo será calculado com base nos valores para pontos no espaço em instantes anteriores. Vamos ser explícitos. Temos que a equação 2.1 traduzida nas fórmulas vistas nas Equações 2.2, 2.3 e 2.4 se dá por

$$\begin{aligned} \frac{u_{i,j,k-1} - 2u_{i,j,k} + u_{i,j,k+1}}{\Delta t^2} = & \frac{1}{v^2} \left( \frac{u_{i-1,j,k} - 2u_{i,j,k} + u_{i+1,j,k}}{\Delta x^2} \right. \\ & \left. + \frac{u_{i,j-1,k} - 2u_{i,j,k} + u_{i,j+1,k}}{\Delta y^2} \right) + f(x,y,t) \end{aligned} \quad (2.5)$$

onde  $u_{k+1}$  é o ponto com valor a ser calculado para o próximo instante. Logo, ele precisa ser isolado, o que é mostrado na equação 2.6

$$u_{i,j,k+1} = \frac{\Delta t^2}{v^2} \left( \frac{u_{i-1,j,k} - 2u_{i,j,k} + u_{i+1,j,k}}{\Delta x^2} + \frac{u_{i,j-1,k} - 2u_{i,j,k} + u_{i,j+1,k}}{\Delta y^2} \right) + \Delta t^2 f(x,y,t) - u_{i,j,k-1} + 2u_{i,j,k} \quad (2.6)$$



## Capítulo 3

# A Arquitetura Computacional Atual e a Necessidade de Paralelização

Para compreender a questão da paralelização envolvida nesse trabalho é necessário entender de onde e porque ela veio. Para tal, é necessário se apresentar as principais peças que constituem um computador moderno, os problemas que surgiram no processo de evolução da **arquitetura computacional** convencional (baseando-se na arquitetura de Von Neumann) e como isso culminou no paralelismo [Bar18].

Antes de iniciar esse processo, é também necessário se explicar o que se entende por arquitetura computacional. Trata-se da área do conhecimento que estuda a interface entre *software* e *hardware*, desde o mais baixo nível, no qual o processador manipula as informações (instruções de máquina e dados) entregues a ele, para toda operação realizada no computador. Após esse, tem-se as políticas de manipulação de dados nas memórias cache (e seus níveis), de acesso aleatório (RAM) e de armazenamento não-volátil (discos rígidos, por exemplo). Por fim, chega-se à interação dos computadores com os demais periféricos que por ventura estão nele conectados, realizando *inputs* (entradas) e/ou *outputs* (saídas), também conhecidas pela abreviação "I/O", como teclado, *mouse*, monitor, etc [Cat09].

O presente capítulo abordará alguns componentes da arquitetura computacional (processador e memória RAM) de uma forma básica, além de explicar por quais motivos a paralelização se tornou necessária e como ela se desenvolveu.

### 3.1 O Processador

Um processador consiste em um módulo de *hardware* capaz de manipular instruções de máquina armazenadas em memória e produzir os resultados desejados através dessas instruções. Tais resultados podem ser de cunho ou lógico-aritmético ou manipulação de dados, no geral. Tal módulo é indispensável para o conceito de computadores como conhecemos hoje, de tal forma que, se não fosse pela necessidade de memória para a armazenagem de dados, um processador poderia ser a definição de um computador.

## 3.2 A Memória Principal

## 3.3 Conseguir Mais Em Menos Tempo

Considerando-se que a computação iniciou com o ábaco, passando pelo uso de estruturas mecânicas (como a máquina de Charles Babbage), cartões perfurados, relés e válvulas, chegando aos atuais transistores, essa área foi uma das principais ferramentas humanas para avanços tecnológicos nos últimos séculos. Seja na engenharia, medicina, área militar, biologia, química, sísmica e até no cinema, os computadores tem sido utilizados em tarefas como mecânicas, estudos sobre patologias, ataques/defesas nacionais, enovelamento de proteínas, dinâmica molecular, monitoramento sísmico e animações tridimensionais.

Todas essas áreas costumam requerer resultados o mais rápido possível. Além disso, muitas (senão quase todas) as simulações numéricas não podem ser executadas em tempo hábil com um único processador. Visto isso, os projetistas por trás dos processadores precisaram implementar mecanismos nos processadores para explorá-los ao máximo. Contudo, encontrou-se barreiras nessa tarefa [Pac11].

### 3.3.1 A Barreira do Paralelismo a Nível de Instruções - *ILP Wall*

Os primeiros processadores possuíam a capacidade de executar uma instrução por ciclo de *clock*. Por isso eram chamados processadores **monociclo**. Com isso, a duração do ciclo devia ser a mesma da execução da instrução mais demorada, para que essa pudesse ser executada com segurança. Na necessidade de se adquirir mais velocidade, os projetistas perceberam que podiam particionar as instruções, de modo a executar cada estágio resultante em um ciclo de *clock*, deixando o resultado para o próximo estágio operar. Assim nasceu o processador **multiciclo**. Dessa forma, a duração do ciclo de *clock* reduziu para a mesma do estágio mais demorado dentre as instruções e a execução tornou-se mais rápida [PH17].

Contudo, a necessidade de se acelerar os processadores continuava. Em seguida, os projetistas perceberam que as unidades funcionais dos processadores ficavam ociosas quando não se tratava do estágio de uma instrução em que elas eram utilizadas. Era então possível executar uma instrução ao mesmo tempo que outra, desde que ambas se encontrassem, cada uma, em estágios *A* e *B*, sendo *A* o estágio da instrução mais antiga e *B* o da mais nova, ou seja  $B = A - 1$ , onde *A* e *B* representam os estágios por números inteiros.

Ou seja, por exemplo, considere uma instrução *i* liberada no tempo de *clock* 1, passando por seu primeiro estágio. No tempo 2, ela estará em sua segunda etapa e as unidades funcionais responsáveis pela primeira estariam ociosas, se não fosse pela inovação apresentada acima. Com esta, a próxima instrução *j* é buscada da memória ainda nesse tempo, tendo seu primeiro estágio executado. No tempo de ciclo de *clock* 3, a instrução *i* passará para o seu terceiro estágio, enquanto a *j* passará para o segundo e uma nova instrução poderá ser buscada. A esse encadeamento de estágios foi dado o nome de **pipeline** e a essa ideia, foi dado o nome de **paralelismo a nível de instruções**, visto que se tem mais de uma instrução sendo executada ao mesmo tempo e uma pronta a cada ciclo de *clock*, após todas as unidades funcionais estarem ocupadas.

Em seguida, para mais velocidade, os projetistas decidiram construir estágios menores, consequentemente aumentando a frequência de *clock* (que é  $\frac{1}{\text{tempo de ciclo do clock}}$  e dada em hertz (Hz)), o tamanho do **pipeline** e o número de instruções operadas simultaneamente. Com isso, nasceu o **superpipeline**.

Por fim, os projetistas de *hardware* ainda deram mais um passo em busca de mais performance: a **superescalaridade**, que consiste, basicamente em *pipelines* em paralelo, o que propicia a execução de múltiplas instruções ao mesmo tempo. Contudo, essa arquitetura também apresentou seus defeitos. Os *pipelines* em paralelo leva a problemas para acessar os recursos comuns, como memória, por exemplo, sendo necessário duplicá-los. Além disso, a ocorrência de dependências de Dados e dependências de Controle faz com que em alguns ciclos não haja instruções para serem executadas, visto o atraso necessário para que as dependências sejam resolvidas [Sil09].

### 3.3.2 A Barreira no Gasto de Energia dos Processadores - *Power Wall*

Em 1965, Gordon Moore publicou um artigo em que descrevia uma observação de que o número de componentes por circuitos integrados, transistores no caso, dobrava a cada dois anos. Ele então estimou que essa taxa de crescimento deveria continuar por pelo menos uma década. Essa estimativa foi batizada por **Lei de Moore** e o período da dita taxa veio então a ser alterada depois para um ano e meio e a estimativa se manteve consistente por muitas décadas [Wik19b].

O crescimento da densidade desses componentes permitiu aos processadores alcançarem uma taxa muito mais alta de *clock*, passando de milhões de ciclos por segundo a bilhões [Hen12]. Tal evolução permitiu a execução de mais instruções de *hardware* em menos tempo, diminuindo o tempo de execução das aplicações em geral. Contudo, essa evolução proporcionada pela Lei de Moore não duraria para sempre.

A alta taxa de *clock* acaba levando os processadores a gastarem muita energia. Esse gasto leva a um aumento na dissipação de calor pelo dispositivo, fenômeno conhecido por efeito joule. O atingimento de altas temperaturas leva ao *transistor leakage* [Liu+00] (vazamento nos transistores, tradução nossa), que é o gasto energético nos transistores. Logo, tem-se um ciclo, pois o gasto energético levará novamente ao efeito joule. As altas temperaturas criam uma barreira para taxas de *clock* maiores [Fis12].

## 3.4 Paralelismo - A Alternativa Para Se Contornar As Barreiras

Visto a incapacidade de se transpor o alto gasto energético das unidades de processamento, junto com as consequentes altas temperaturas, além da incapacidade de se aumentar o número de instruções prontas por ciclo de *clock*, necessitou-se de uma alternativa para se continuar aumentando o poder de processamento dos computadores.

Tal alternativa foi então aumentar o número de unidades de processamento, seja em um *chip* com mais de uma unidade (chamada núcleo, ou **core** em inglês) e/ou em um sistema com mais de uma máquina, que por sua vez possui uma ou mais unidades de processamento. Dessa forma, o número de tarefas concluídas por unidade de tempo aumentou, visto que há um número maior de unidades para realizá-las simultaneamente. A isso foi dado o nome de **paralelismo**.

Existem muitos motivos para se utilizar o paralelismo. O mais importante é que o universo possui muitos processos paralelos, ou seja, ocorrendo ao mesmo tempo, tais como mudanças climáticas, montagens de veículos e aeronaves, tráfego em um pedágio e acessos a um site. Em consequência da necessidade de se processar esses eventos por computadores, surgem outros motivos para a computação paralela:

- poupar tempo e/ou dinheiro: existem problemas computacionais que são muito demorados, senão impossíveis, para se resolver serialmente (ou seja, com um processador iso-

lado). Dessa forma, usando-se a computação serial, se paga mais, visto o uso por mais tempo do poder computacional;

- resolver problemas maiores e/ou mais complexos, visto o processamento mais rápido e a possibilidade de se dividir o trabalho para mais máquinas;
- prover concorrência: realizar várias tarefas simultaneamente, o que é essencial em sistemas operacionais, por exemplo [Bar18].

Quando se fala em paralelismo, é importante mostrar que existem diferentes arquiteturas de memória nesse meio, o que veremos na subseção 3.4.1. Além disso, existem diferentes paradigmas de paralelismo, sendo alguns brevemente explicados na subseção 3.4.2. Há também outros assuntos a serem tratados ao se projetar programas paralelos, sendo alguns abordados na subseção 3.4.3. Fora isso, mais informações sobre paralelismo podem ser encontradas em Barney [Bar18].

### 3.4.1 Arquiteturas de Memória na Computação Paralela

Na computação paralela, existem diferentes formas pelas quais a memória é implementada em um sistema. No caso deste trabalho, são elucidadas as três seguintes:

- memória compartilhada: cada unidade de processamento de um sistema tem acesso à toda a memória, com um espaço de endereçamento global;
- memória distribuída: cada unidade de processamento possui sua própria memória, mapeada apenas para ela e que pode ser acessada pelos demais nós através de requisições feitas por meio de uma rede que os liga. Além disso, cada nó opera independentemente, visto que cada um tem sua própria memória. Dessa forma, as mudanças que um nó opera sobre sua própria memória não afetam as dos demais nós;
- híbrida: literalmente a mescla de ambas, ou seja, cada nó possui mais de uma unidade de processamento e sua própria memória, sendo também capaz de acessar as dos outros [Bar18].

Essas arquiteturas são implementadas fisicamente nos sistemas de computação paralela, contudo, o programador pode escolher interpretar a arquitetura do sistema, com o qual ele trabalha, de forma diferente ou não [Bar18]. Isso é o que veremos na próxima seção.

### 3.4.2 Modelos da Computação Paralela

Segundo Barney, os modelos de programação paralela funcionam “como uma abstração sobre o *hardware* e as arquiteturas de memória” (tradução nossa), ou seja, eles servem ao programador como formas de se mascarar (ou não) a estrutura física implementada para um dado sistema de computação paralela.

Isso quer dizer que pode-se ter, teoricamente, um sistema com memória distribuída que será vista pelo usuário (mediante implementação) como compartilhada. Esse foi o caso, por exemplo, do supercomputador *Kendall Square Research* (KSR). Semelhantemente, um sistema com memória compartilhada poderia ser interpretado como um de memória distribuída [Bar18].

Uma lista com modelos de computação paralela diretamente relacionados com esse trabalho é dada abaixo:

- modelo de memória compartilhada (sem *threads*): consiste em processos/tarefas compartilhando o mesmo espaço de endereçamento, onde eles podem ler e escrever assincronamente. Como vantagem, esse modelo não possui o conceito de posse de dados, o que torna desnecessária a explicitação de como os dados devem ser comunicados entre as tarefas. Como desvantagem, existe a necessidade de se controlar a localidade dos dados;
- modelo de *threads*: é também um tipo de programação com memória compartilhada que consiste em um programa principal capaz de lançar linhas de execução de instruções concorrentes chamadas *threads*. Essas são designadas e executadas simultaneamente, sendo desse fato que vem o paralelismo desse modelo. Algumas APIs que usam esse modelo são Open Multi-Processing (OpenMP) e POSIX Threads (Pthreads);
- modelo de memória distribuída / troca de mensagens: consiste em um conjunto de tarefas que podem residir no mesmo espaço de endereçamento e/ou ao longo de um número arbitrário de máquinas, usando a memória local durante a computação. Além disso, as tarefas podem precisar mandar/receber dados de outras tarefas, o que é feito através do envio/recebimento de mensagens. Uma que implementa esse modelo é a Message Passing Interface (MPI);
- modelo híbrido: mescla modelos acima, sendo um exemplo a aplicação da MPI para a comunicação entre as máquinas de um sistema (que teria, consequentemente, memória distribuída) e alguma de *threads* para a realização das computações dentro de cada máquina, que é um subsistema de memória compartilhada.

### 3.4.3 Projetando Programas Paralelos

Para se projetar programas paralelos para esse trabalho, mais alguns conceitos, detalhes e diferenças devem ser explicados. Um deles é a diferença entre a paralelização manual e a automática. A manual se dá com o programador (preferencialmente usando uma ) determinando o local e o tempo ou da criação de *threads*, ou do envio/recebimento de mensagens ou de qualquer outra ação relacionada; por si só, sem automação. Já a automática ou é realizada por um compilador/pré-processador, que identifica as regiões do código que podem ser paralelizadas; ou pelo programador, que seta flags ou diretivas para indicar ao compilador as partes do código a serem paralelizadas.

Outro detalhe importante é a necessidade de se entender o problema a se tentar paralelizar e o programa que o modela. Entender o programa é necessário para se saber se ele é paralelizável. Caso seja, o próximo passo seria construir um programa serial que o resolva. A partir daí, é necessário que se entenda esse programa a fim de que se descubra os pontos onde ele leva mais tempo e a paralelização seria mais eficiente; e os pontos de gargalo, onde a execução desaccelera desproporcionalmente e a paralelização se torna ineficiente. Pode também ser necessário reestruturar o programa ou até procurar outro algoritmo que o resolva.

Por fim, é preciso elucidar dois conceitos a serem utilizados nesse iniciação:

- particionamento: consiste em quebrar um problema (a ser resolvido por uma abordagem paralela) em partes discretas para serem distribuídas às tarefas. Isso pode ser feito de duas formas:
  1. particionamento funcional: distribuição do trabalho a ser realizado às tarefas. Se dá bem com trabalhos cujas partes são diferentes;

2. particionamento de domínio: o conjunto de dados a ser processado é decomposto em partes. Cada um desses subconjuntos é distribuído para uma tarefa diferente e processado da mesma forma. Esse conceito será utilizado nesse trabalho;
- sincronização: relacionada com o problema de se gerenciar a sequência do trabalho e das tarefas. Se manifesta em diferentes tipos como trava/semáforo, operações síncronas de comunicação e “barreira”. Esse último conceito, que será utilizado nesse trabalho, consiste em cada tarefa trabalhar até atingir um determinado ponto do programa (a barreira), onde elas são bloqueadas. Quando a última tarefa chega a esse ponto, o processo está sincronizado e o que acontece a partir daí fica a cargo do programador [Bar18].

# Capítulo 4

## Paralelismo em prática

Para facilitar o desenvolvimento de *software* com paralelização, foram criadas interfaces com rotinas (funções) que servem de abstração para o desenvolvedor. Dessa forma, este se preocupará apenas com as estratégias de paralelização a serem adotadas e não como o paralelismo deve ocorrer em baixo nível. Tais interfaces são chamadas Application Programming Interface (API) e são indispensáveis para esse trabalho.

Nesse capítulo serão abordadas as três APIs que foram utilizadas para a realização desse trabalho: OpenMP, Pthreads e OpenMPI.

### 4.1 OpenMP

A API Open Multi-Processing (OpenMP) consiste em rotinas, variáveis de ambiente e diretivas de compilação reunidas em um modelo portátil e escalável que serve como uma interface para desenvolvedores criarem aplicações paralelas com simplicidade e flexibilidade [wiki:openmp]. Essa API se encontra incluída no modelo de computação paralela de memória compartilhada, assim como a Pthreads.

#### 4.1.1 Diretiva Utilizada

```
1 #pragma omp parallel for
```

Considerada uma diretiva de compartilhamento de trabalho, essa ferramenta permite que qualquer laço de repetição do tipo `for` (nas linguagens C/C++, `for(int i = 0; i < ALGUM_NUMERO; i++) // faz algo`, por exemplo) tenha seu número de iterações dividido entre  $n$  *thread*, sendo  $0 < n \leq$  número máximo de threads.

### 4.2 Pthreads

POSIX *Threads*, abreviada para Pthreads, é uma API que serve como um “modelo de execução paralela” usando memória compartilhada como a OpenMP, mas fornecendo rotinas para criação e manipulação de *threads* e outras funcionalidades fora do escopo desse trabalho [Wik19c; Bar17]. Essa API permite mais controle sobre o código, dando mais liberdade ao programador em definir a paralelização deste.

### 4.2.1 Rotinas Utilizadas

Nessa seção são listadas e brevemente explicadas as rotinas da API Pthreads usadas nesse trabalho.

#### **pthread\_create**

```
1 int pthread_create(pthread_t *restrict thread, const pthread_attr_t *restrict attr,
2 void *(*start_routine)(void*), void *restrict arg);
```

Essa rotina dá início a uma *thread* (primeiro argumento), podendo definí-la com um atributo previamente criado. Tal *thread* executará a rotina cuja referência é passada como argumento. O argumento *arg* é o parâmetro passado à rotina referenciada [03b].

#### **pthread\_exit**

```
1 void pthread_exit(void *value_ptr);
```

Rotina responsável por terminar a execução de uma *thread* [03c].

#### **pthread\_attr\_init**

```
1 int pthread_attr_init(pthread_attr_t *attr);
```

Rotina responsável por inicializar um atributo a ser utilizado na rotina `pthread_create`. Tal atributo pode determinar que as *thread* a serem criadas com ele sejam sincronizáveis, por exemplo, o que será utilizado no capítulo [5] [03a].

#### **pthread\_setdetachedstate**

```
1 int pthread_attr_setdetachstate(pthread_attr_t *attr, int detachstate);
```

Rotina que possibilita a determinação do atributo *attr*, a ser passado a uma *thread* em sua criação, como *joinable*, ou seja, sincronizável. Esse atributo também pode ser determinado como *detached*, ou seja, desanexado; contudo isso foge ao escopo desse trabalho [03e].

#### **pthread\_join**

```
1 int pthread_join(pthread_t thread, void **value_ptr);
```

Essa rotina é responsável por pausar a execução da *thread* que a chamou enquanto a *thread*-alvo (passada por argumento) não terminar. Caso a *thread*-alvo já tenha terminado, a função simplesmente retorna com sucesso.

Essa função pode ser utilizada pelo desenvolvedor para sincronizar o funcionamento de um conjunto de *threads*. Ou seja, ela permite a criação de “áreas paralelas” no código, cujo início se dá na criação das *threads* e o fim quando a dita rotina for chamada para todas as *threads* existentes. Dessa forma, o programa não passará da área paralela enquanto houver alguma *thread* sem terminar [03d].

## 4.3 MPI

Message Passing Interface (MPI) é uma especificação de biblioteca para comunicação entre nós através do envio e recebimento de mensagens (modelo distribuído de passagem de mensagens), sendo que os dados do espaço de endereçamento de um processo (instanciado pelo MPI)



são passados para o espaço de outro “através de operações cooperativas em cada processo” (tradução nossa) [For15].

É importante relatar que a MPI não é uma implementação em si, mas sim uma especificação, independente de fornecedores. Com isso, existem diversas implementações e será utilizada apenas uma delas nesse trabalho: OpenMPI.

### 4.3.1 Rotinas Utilizadas

#### MPI\_Init

```
1 int MPI_Init(int *argc, char ***argv)
```

Rotina responsável por inicializar o ambiente MPI, sendo que seus argumentos são referências aos argumentos do programa principal no qual o ambiente é inicializado [17d].

#### MPI\_Comm\_size

```
1 int MPI_Comm_size ( MPI_Comm comm, int *size )
```

A rotina acima retorna o tamanho de um grupo associado ao comunicador passado por parâmetro [17b]. No contexto do padrão MPI, um comunicador é um objeto que descreve um grupo de processos [Eij16].

#### MPI\_Comm\_rank

```
1 int MPI_Comm_rank ( MPI_Comm comm, int *rank )
```

Essa rotina retorna a posição do processo computacional, que a chama, no *rank* do comunicador [17a].

#### MPI\_Send

```
1 int MPI_Send( void *buf, int count, MPI_Datatype datatype, int dest,
2               int tag, MPI_Comm comm )
```

Rotina que tem como objetivo enviar o conteúdo do *buffer* apontado por *buf*, que contém um número (*count*) de elementos do tipo dado por *datatype* para o processo destino (*dest*), numerado conforme o *rank* do comunicador *comm*. O parâmetro *tag* é ignorado nesse trabalho.

Quando o comando dessa rotina é alcançado no código, a execução do mesmo não continua até que a mensagem que está sendo enviada seja recebida [17f].

#### MPI\_Recv

```
1 int MPI_Recv( void *buf, int count, MPI_Datatype datatype, int source,
2               int tag, MPI_Comm comm, MPI_Status *status )
```

Essa rotina trabalha semelhantemente à *MPI\_Send*, mas dessa vez recebe uma mensagem de *src* [17e]. O argumento *status* é ignorado nesse trabalho.

#### MPI\_Finalize

```
1 int MPI_Finalize()
```

Simplesmente finaliza o ambiente de execução MPI [17c].

# Capítulo 5

## Do serial ao paralelo

Como já dito anteriormente, o objetivo desse trabalho é a construção de um código paralelizado capaz de resolver a equação da onda utilizando o Método de Diferenças Finitas. O presente capítulo apresentará a construção desse código, partindo do serial equivalente, passando pelos estudos realizados com as Application Programming Interfaces (APIs) e concluindo com a construção do código paralelo final.

### 5.1 A construção do código serial

Como dito anteriormente na Seção 3.4.3, após se compreender o problema a ser programado em termos paralelos, deve-se então criar o código serial que resolve o problema.

### 5.2 Primeiro contato do código com as *threads* - OpenMP

#### 5.2.1 Construindo o caminho para a OpenMP

- Explicar o código fake da avaliação de função;
- explicar o código fake das diferenças finitas 1D.

### 5.3 Um contato mais profundo do código com as *threads* - Pthreads

#### 5.3.1 Construindo o caminho para a Pthreads

- explicar o código fake das diferenças finitas 1D.

### 5.4 Realizando a mescla de Pthreads e MPI

#### 5.4.1 Construindo o caminho para a mescla

- explicar o código fake híbrido;
- explicar como o código fake foi rodado no cluster (?).

## **Capítulo 6**

### **Considerações Finais**

# Abreviações

**API** Application Programming Interface. 13, 14, 16

**MPI** Message Passing Interface. 11, 14, 15

**OpenMP** Open Multi-Processing. 11, 13

**OpenMPI** Open Message Passing Interface. 13

**Pthreads** POSIX Threads. 11, 13, 14

**RAM** Random Access Memory. 7

# Definições

**API** Interface de Programação de Aplicação, “é um conjunto de definições de subrotinas, protocolos de comunicação e ferramentas para a construção de *software*” [Wik19a]. 11, 13

**arquitetura de Von Neumann** A DEFINIR. 7

**baixo nível** A DEFINIR. 13

**circuitos integrados** . 9

**dependências de Controle** semelhantemente às de dados, são situações em que uma instrução precisa que uma de suas anteriores leve a um resultado que permita a sua execução, como na estrutura `if (...) { ... }` na linguagem C, cujo código presente dentro das chaves só poderá ser executado se a condição dentro dos parênteses for verdadeira [Wik18]. 9

**dependências de Dados** eventos problemáticos que ocorrem quando duas ou mais instruções utilizam um mesmo recurso (um registrador, por exemplo) de forma que a primeira instrução não pode ler/escrever sobre esse recurso sem que a segunda (ou qualquer ordem próxima) já o tenha feito (ou vice-versa), de forma que não venha a ter interferência na coesão dos dados [Wik18]. 9

**efeito joule** . 9

**espaço de endereçamento** “série de endereços discretos” que nomeiam as posições de memória [con19]. 10

**flag** (bandeira, no português), é um termo utilizado na computação para designar mecanismos que servem como indicadores para outros agentes de um mesmo sistema.. 11

**instruções de máquina** A DEFINIR. 7

**localidade** A DEFINIR. 11

**nó** nome dado na computação paralela para cada unidade de processamento (ou conjunto dessas) independente. 10, 14

**processo computacional** A DEFINIR. 15

**programa serial** é aquele que seus comandos são executados em ordem, sequencialmente, sem paralelismo. 11

**thread** de forma básica, uma *thread* pode ser entendida como uma tarefa (no inglês, *task*), composta por instruções e lançada por um programa, a ser executada pelo sistema operacional de forma independente (concorrente) a quem a lançou. Essa independência permite, por exemplo, que várias *threads* sejam lançadas e executem de forma independente entre si citeLLNL:pthread. 11, 13, 14

**transistores** . 9

# **Appendices**

# Apêndice A

## Código Criados

### A.1 Códigos seriais falsos

#### A.1.1 Cálculo da função de um parabolóide

```
1  #include <iostream>
2  #include <stdio.h>
3  #include <armadillo>
4
5  using namespace std;
6  using namespace arma;
7
8  /* Args
9   * x_points - number of points of the domain in the x axis
10  * x_b      - beginning of the domain in x
11  * x_e      - end of the domain in x
12  * y_points - number of points of the domain in the y axis
13  * y_b      - beginning of the domain in y
14  * y_e      - end of the domain in y
15  */
16
17  int main(int argc, char const *argv[]) {
18
19      int    x_points, y_points;
20      float  x_b      , y_b      ;
21      float  x_e      , y_e      ;
22
23      // Creating objects for conversion of arguments
24      stringstream convert0(argv[1]);
25      stringstream convert1(argv[2]);
26      stringstream convert2(argv[3]);
27      stringstream convert3(argv[4]);
28      stringstream convert4(argv[5]);
29      stringstream convert5(argv[6]);
30
31      // Putting arguments on variables
32      convert0 >> x_points;
33      convert1 >> x_b;
34      convert2 >> x_e;
35      convert3 >> y_points;
36      convert4 >> y_b;
37      convert5 >> y_e;
38
39      cout << "X points: " << x_points << "\n";
40      cout << "X beginning: " << x_b << "\n";
41      cout << "X end: " << x_e << "\n";
42      cout << "Y points: " << y_points << "\n";
43      cout << "Y beginning: " << y_b << "\n";
44      cout << "X end: " << x_e << "\n";
45
46      mat A(x_points, y_points);
47      rowvec parameters(6);
```



```

48
49 // determining the space between points in x and y
50 float x_ofst = (x_e - x_b) / x_points;
51 float y_ofst = (y_e - y_b) / y_points;
52
53 // Storing parameters in a vector for a file
54 parameters(0) = x_points; parameters(1) = x_ofst; parameters(2) = x_b;
55 parameters(3) = y_points; parameters(4) = y_ofst; parameters(5) = y_b;
56
57 // Calculating function
58 float x_i = x_b;
59 float y_i = y_b;
60
61 for (int i = 0; i < x_points; i++) {
62     for (int j = 0; j < y_points; j++) {
63         A(i, j) = 2. * x_i * x_i + y_i * y_i;
64         y_i += y_ofst;
65     }
66     x_i += x_ofst;
67     y_i = y_b;
68 }
69
70 parameters.save("data/outputs/pmts.dat", raw_ascii);
71 A.save("data/outputs/A.dat", raw_binary);
72
73 return 0;
74 }

```

Listing A.1: solver.cpp: programa que calcula um paraboloide.

```

1 #!/usr/bin/python2.7
2 #!-*- coding: utf8 -*-
3
4 import numpy as np;
5 import matplotlib.pyplot as plt;
6
7 # Loading data
8 A = np.fromfile('data/outputs/A.dat', dtype=float);
9 [x_points, x_ofst, xi, y_points, y_ofst, yi] = np.loadtxt('data/outputs/pmts.dat');
10
11 # Preparing data for plotting
12 X = np.linspace(xi, xi + x_points * x_ofst, num=int(x_points));
13 Y = np.linspace(yi, yi + y_points * y_ofst, num=int(y_points));
14 A = A.reshape(int(x_points), int(y_points));
15
16 [B, C] = np.meshgrid(X, Y)
17
18 # Preparing plot
19 fig, ax = plt.subplots();
20 CS = ax.contourf(B, C, A.transpose(), 20, cmap='RdGy');
21 ax.clabel(CS, inline=False, fontsize=10);
22 ax.set_title('z = 2x^2 + y^2');
23
24 ax.plot();
25 plt.savefig('data/images/A.png');

```

Listing A.2: viewer.py: script que cria a imagem das projeções de camadas do paraboloide em um plano.

## A.1.2 Propagação de ondas em uma dimensão

```

1 #include <iostream>
2 #include <stdio.h>
3 #include <armadillo>
4
5 using namespace std;
6 using namespace arma;
7
8 /** solver.cpp
9  * usage: make run xp=a xofst=b xb=c xw=d tt=e tw=f f=i
10  * where

```

```

11  * xp - x points
12  * xb - x start
13  * xt - x total
14  * xw - wave's peak position
15  * tt - total time
16  * tw - wave's peak time
17  * f - frequency
18  **/
19
20 #define PI 3.14159265359
21
22 // some global variables to be used in the calculations
23 float A, R, t_w/*ave */ , x_w/*ave */ , freq , freq2 , pi2 = PI * PI , pi2_freq2 ;
24
25 float fxt(float x , float t) {
26     float Dx = x - x_w ;
27     float Dx2 = Dx * Dx ;
28     float Dt = t - t_w ;
29     float Dt2 = Dt * Dt ;
30     // printf("%f %f\n" , x , t) ;
31     float result = ((1. - 2. * pi2_freq2 * Dt2) * exp(-pi2_freq2 * Dt2)) * \
32                 ((1. - 2. * pi2_freq2 * Dx2) * exp(-pi2_freq2 * Dx2)) ;
33     return result ;
34 }
35
36 int main(int argc , char const *argv[]) {
37
38     int    x_points    , t_points    ;
39     float  x_ofst      , t_ofst , x_t ;
40     float  x_b/*egin*/ , t_t/*otal*/ ;
41
42     // Creating objects for conversion of arguments
43     stringstream convert0(argv[1]);
44     stringstream convert1(argv[2]);
45     stringstream convert2(argv[3]);
46     stringstream convert3(argv[4]);
47     stringstream convert4(argv[5]);
48     stringstream convert5(argv[6]);
49     stringstream convert6(argv[7]);
50
51     // Putting arguments on variables
52     convert0 >> x_points ;
53     convert1 >> x_b ;
54     convert2 >> x_t ;
55     convert3 >> x_w ;
56     convert4 >> t_t ;
57     convert5 >> t_w ;
58     convert6 >> freq ;
59
60     x_ofst = x_t / x_points ;
61     t_ofst = .5 * x_ofst ;
62     t_points = (int) t_t / t_ofst ;
63     freq2 = freq * freq ;
64     pi2_freq2 = pi2 * freq2 ;
65
66     cout << "X points      : " << x_points      << "\n" ;
67     cout << "T points      : " << t_points      << "\n" ;
68     cout << "X offset      : " << x_ofst      << "\n" ;
69     cout << "T offset      : " << t_ofst      << "\n" ;
70     cout << "X total       : " << x_points * x_ofst << "\n" ;
71     cout << "T total       : " << t_t      << "\n" ;
72     cout << "X wave's pic : " << x_w      << "\n" ;
73     cout << "T wave's pic : " << t_w      << "\n" ;
74
75     mat A(t_points , x_points) ;
76     A.fill(0.) ;
77     rowvec parameters(5) ;
78
79     // Storing parameters in a vector for a file
80     parameters(0) = x_points ;
81     parameters(1) = x_ofst ;
82     parameters(2) = x_b ;
83     parameters(3) = t_t ;

```

```

84     parameters(4) = t_points;
85
86     // Calculating function
87     float x_j = x_b;
88     float t_i = 0.;
89
90     float x_ofst_2 = x_ofst * x_ofst;
91     float t_ofst_2 = t_ofst * t_ofst;
92     float termA = t_ofst_2 / x_ofst_2;
93
94     // TODO: verificar se t_i e x_j nao deveriam ser iniciados com t_ofst e \
95     // x_ofst respectivamente
96
97     for (int i = 1; i < t_points - 1; i++) {
98         for (int j = 1; j < x_points - 1; j++) {
99             A(i + 1, j) = termA * (A(i, j - 1) - 2. * A(i, j) + A(i, j + 1)) - A(i - 1, j) +
100             2. * A(i, j) + t_ofst_2 * fxt(x_j, t_i);
101             x_j += x_ofst;
102             t_i += t_ofst;
103             x_j = x_b;
104         }
105
106         parameters.save("data/outputs/pmts.dat", raw_ascii);
107         A.save("data/outputs/A.dat", raw_binary);
108
109         return 0;
110     }

```

Listing A.3: solver.cpp: programa que calcula a propagação de uma onda em uma dimensão.

```

1  #!/usr/bin/python2.7
2  #!-*- coding: utf8 -*-
3
4  import numpy as np;
5  import matplotlib.pyplot as plt;
6
7  # Loading data
8  A = np.fromfile('data/outputs/A.dat', dtype=float);
9  [x_points, x_ofst, xi, tt, t_points] = np.loadtxt('data/outputs/pmts.dat');
10
11 # Preparing data for plotting
12 X = np.linspace(xi, xi + x_points * x_ofst, num=int(x_points));
13 T = np.linspace(0., tt, num=int(t_points));
14 A = A.reshape(int(x_points), int(t_points)).transpose();
15
16 # TODO: remove this line
17 [B, C] = np.meshgrid(X, T)
18
19 # Preparing plot
20 M = max(abs(A.min()), abs(A.max()))
21 fig, ax = plt.subplots();
22 ax.set_title('Wave in a string');
23 CS = ax.contourf(B, C, A, np.linspace(-M, M, 52), cmap='seismic', vmin=-M, vmax=M);
24 ax.clabel(CS, inline=False, fontsize=10);
25 plt.xlabel('X')
26 plt.ylabel('T')
27
28 cbar = fig.colorbar(CS)
29
30 ax.plot();
31 plt.savefig("data/images/A.png");

```

Listing A.4: viewer.py: script que cria a imagem da propagação da onda no plano  $v \times t$ .

## A.2 Propagação de ondas em duas dimensões

### A.2.1 Interface de linha de comando para o usuário

```

1 #include "stdio.h"

```

```

2 #include "util.h"
3 #include "_2DWave.h"
4
5 #define SPECS_DIR "./specs/"
6
7 using namespace std;
8
9 int main(int argc, char const *argv[]) {
10
11     double Lx, Ly, tMax, Mx, Ny, w, A, Xp, Yp, Tp;
12     int N, aux;
13     char buffer[64];
14
15     aux = scanf("%s", buffer);
16     aux = scanf("%lf", &Lx);
17
18     aux = scanf("%s", buffer);
19     aux = scanf("%lf", &Ly);
20
21     aux = scanf("%s", buffer);
22     aux = scanf("%lf", &tMax);
23
24     aux = scanf("%s", buffer);
25     aux = scanf("%lf", &Mx);
26
27     aux = scanf("%s", buffer);
28     aux = scanf("%lf", &Ny);
29
30     aux = scanf("%s", buffer);
31     aux = scanf("%lf", &w);
32
33     aux = scanf("%s", buffer);
34     aux = scanf("%lf", &A);
35
36     aux = scanf("%s", buffer);
37     aux = scanf("%lf", &Xp);
38
39     aux = scanf("%s", buffer);
40     aux = scanf("%lf", &Yp);
41
42     aux = scanf("%s", buffer);
43     aux = scanf("%lf", &Tp);
44
45     aux = scanf("%s", buffer);
46     aux = scanf("%d", &N);
47
48     double vl[N + 1][3];
49     double it[N][2];
50
51     for (int i = 0; i < N; i++) {
52         aux = scanf("%s", buffer);
53         aux = scanf("%lf %lf %lf", &vl[i][0], &vl[i][1], &vl[i][2]);
54
55         aux = scanf("%s", buffer);
56         aux = scanf("%lf %lf", &it[i][0], &it[i][1]);
57     }
58
59     aux = scanf("%s", buffer);
60     aux = scanf("%lf %lf %lf", &vl[N][0], &vl[N][1], &vl[N][2]);
61
62     int snaps;
63     aux = scanf("%s", buffer);
64     aux = scanf("%d\n", &snaps);
65     if (snaps) {
66         aux = scanf("%s", buffer);
67         aux = scanf("%d", &snaps);
68     }
69
70     int nSrcs;
71     double offset_srcs;
72
73     aux = scanf("%s", buffer);
74     aux = scanf("%d", &nSrcs);

```

```

75
76     aux = scanf("%s", buffer);
77     aux = scanf("%lf", &offset_srcs);
78
79     printf("\n\n");
80     printf("Lenght in x: %lf\n", Lx);
81     printf("Lenght in y: %lf\n", Ly);
82     printf("Lenght in time: %lf\n", tMax);
83     printf("Points in x: %lf\n", Mx);
84     printf("Points in y: %lf\n", Ny);
85     printf("Frequency of the wave: %lf\n", w);
86     printf("Amplitude of the wave: %lf\n", A);
87     printf("Peak's X coordinate: %lf\n", Xp);
88     printf("Peak's Y coordinate: %lf\n", Yp);
89     printf("Peak's time instant: %lf\n", Tp);
90     printf("Number of interfaces/velocities (interfaces + 1): %d\n", N);
91     for (int i = 0; i < N; i++) {
92         printf("vI0 vI1 vI2: %lf %lf %lf\n", vI[i][0], vI[i][1], vI[i][2]);
93         printf("it0 it1: %lf %lf\n", it[i][0], it[i][1]);
94     }
95     printf("vI0 vI1 vI2: %lf %lf %lf\n", vI[N][0], vI[N][1], vI[N][2]);
96     printf("Snaps: %d\n", snaps);
97     printf("\n\n");
98
99     ofstream wOut( SPECS_DIR "wOut.dat", ios::out | ios::binary);
100     _2DWave wv(Lx, Ly, tMax, Mx, Ny, w, A, Xp, Yp, Tp);
101     wv.serialize(&wOut);
102     wOut.close();
103
104     ofstream vOut( SPECS_DIR "vOut.dat", ios::out | ios::binary);
105     for (int i = 0; i < N + 1; i++) {
106         velocity v(vI[i][0], vI[i][1], vI[i][2]);
107         v.serialize(&vOut);
108     }
109     vOut.close();
110
111     ofstream iOut( SPECS_DIR "iOut.dat", ios::out | ios::binary);
112     for (int i = 0; i < N; i++) {
113         interface j(it[i][0], it[i][1]);
114         j.serialize(&iOut);
115     }
116     iOut.close();
117
118     ofstream interfaces_ascii( SPECS_DIR "interfaces.dat", ios::out );
119     for (int i = 0; i < N; i++) {
120         interfaces_ascii << it[i][0] << " " << it[i][1] << endl;
121     }
122     interfaces_ascii.close();
123
124
125     ofstream nInt( SPECS_DIR "nInt.dat", ios::out);
126     nInt << N << '\n';
127     nInt << snaps << '\n';
128     nInt << nSrcs << '\n';
129     nInt << offset_srcs;
130
131     nInt.close();
132
133     return 0;
134 }

```

Listing A.5: cli-main.cpp: programa para gerar as receber as entradas do usuário para o programa serial.

## A.2.2 Bibliotecas criadas

```

1 #include "util.h"
2 #include "interface.h"
3 #include "velocity.h"
4
5 class _2DWave {
6     /**

```

```

7      * TODO: document
8      */
9  private :
10     double Lx, Ly, tMax, Mx, Ny, w, A, Xp, Yp, Tp; // Entries by the user
11     double dx, dy, dt, Ot, R; // Method's internal variables
12
13  public :
14     // TODO: document
15     _2DWave ( double Lx,
16               double Ly,
17               double tMax,
18               double Mx,
19               double Ny,
20               double w,
21               double A,
22               double Xp,
23               double Yp,
24               double Tp);
25
26     double getLx () ;
27     void setLx(double Lx);
28     double getLy () ;
29     void setLy(double Ly);
30     double getTMax () ;
31     void setTMax(double tMax);
32     double getMx () ;
33     void setMx(double Mx);
34     double getNy () ;
35     void setNy(double Ny);
36     double getW () ;
37     void setW(double w);
38     double getA () ;
39     void setA(double A);
40     double getXp () ;
41     void setXp(double Xp);
42     double getYp () ;
43     void setYp(double Yp);
44     double getTp () ;
45     void setTp(double Tp);
46     double getOt () ;
47     void setOt(double Ot);
48     double getDx () ;
49     void setDx(double Dx);
50     double getDy () ;
51     void setDy(double Dy);
52     double getDt () ;
53     void setDt(double Dt);
54
55     /**
56      * Function that returns a bidimensional velocities array.
57      * TODO: redocument
58      */
59     double evaluateFXYT(double X, double Y, double T);
60
61     /** Function that returns the bidimensional velocities matrix
62      * of the medium.
63      * For each medium's point that the wave propagates, we calculate
64      * a velocity based on which layer of the medium this point is
65      * found.
66      *
67      * Receives:      interfaces — a vector of interface objects
68      *                velocities — a vector of velocity objects,
69      *                where each object represents the
70      *                velocity function of its
71      *                respective layer
72      */
73     mat getVelocitiesMatrix( vector<interface> interfaces ,
74                             vector<velocity> velocities );
75
76     void serialize(ofstream *file);
77
78     void deserialize(ifstream *file);

```

79 };

Listing A.6: \_2DWave.h: arquivo-cabeçalho para a classe que representa a onda.

```
1 #include "_2DWave.h"
2
3 // TODO: document
4 _2DWave::_2DWave (double Lx,
5     double Ly,
6     double tMax,
7     double Mx,
8     double Ny,
9     double w,
10    double A,
11    double Xp,
12    double Yp,
13    double Tp) {
14    this->Lx = Lx; // Extension of medium in x
15    this->Ly = Ly; // Depth of the medium in y
16    this->tMax = tMax; // Maximum simulation time
17    this->Mx = (int) Mx; // Number of points in the x axis
18    this->Ny = (int) Ny; // Number of points in the y axis
19    this->w = w; // Dominant frequency omega
20    this->A = A; // Wave's amplitude
21    this->Xp = Xp; // X coordinate of the peak of the pulse
22    this->Yp = Yp; // Y coordinate of the peak of the pulse
23    this->Tp = Tp; // Instant of the peak of the pulse
24    this->dx = Lx / (Mx - 1); // x axis's interval
25    this->dy = Ly / (Ny - 1); // y axis's interval
26    this->dt = this->dy / 10.; // Time step
27    this->Ot = (int) ceil(tMax / this->dt); // Number of instants in the time
28    this->R = PI * PI + w * w; // TODO: explain
29 }
30
31 // Esses fun es deveriam ser inline
32
33 double _2DWave::getLx() {
34     return this->Lx;
35 }
36
37 void _2DWave::setLx(double Lx) {
38     this->Lx = Lx;
39 }
40
41 double _2DWave::getLy() {
42     return this->Ly;
43 }
44
45 void _2DWave::setLy(double Ly) {
46     this->Ly = Ly;
47 }
48
49 double _2DWave::getTMax() {
50     return this->tMax;
51 }
52
53 void _2DWave::setTMax(double tMax) {
54     this->tMax = tMax;
55 }
56
57 double _2DWave::getMx() {
58     return this->Mx;
59 }
60
61 void _2DWave::setMx(double Mx) {
62     this->Mx = Mx;
63 }
64
65 double _2DWave::getNy() {
66     return this->Ny;
67 }
68
69 void _2DWave::setNy(double Ny) {
```

```

70     this->Ny = Ny;
71 }
72
73 double _2DWave::getW() {
74     return this->w;
75 }
76
77 void _2DWave::setW(double w) {
78     this->w = w;
79 }
80
81 double _2DWave::getA() {
82     return this->A;
83 }
84
85 void _2DWave::setA(double A) {
86     this->A = A;
87 }
88
89 double _2DWave::getXp() {
90     return this->Xp;
91 }
92
93 void _2DWave::setXp(double Xp) {
94     this->Xp = Xp;
95 }
96
97 double _2DWave::getYp() {
98     return this->Yp;
99 }
100
101 void _2DWave::setYp(double Yp) {
102     this->Yp = Yp;
103 }
104
105 double _2DWave::getTp() {
106     return this->Tp;
107 }
108
109 void _2DWave::setTp(double Tp) {
110     this->Tp = Tp;
111 }
112
113 double _2DWave::getOt() {
114     return this->Ot;
115 }
116
117 void _2DWave::setOt(double Ot) {
118     this->Ot = Ot;
119 }
120
121 double _2DWave::getDx() {
122     return this->dx;
123 }
124
125 void _2DWave::setDx(double dx) {
126     this->dx = dx;
127 }
128
129 double _2DWave::getDy() {
130     return this->dy;
131 }
132
133 void _2DWave::setDy(double dy) {
134     this->dy = dy;
135 }
136
137 double _2DWave::getDt() {
138     return this->dt;
139 }
140
141 void _2DWave::setDt(double dt) {
142     this->dt = dt;

```



```

143 }
144
145 double _2DWave::evaluateFXYT(double x, double y, double t) {
146     // TODO: Refactor
147     /**
148      * Function that returns a bidimensional velocities array.
149      * TODO: redocument
150      */
151
152     // Defining Tterm
153     double tTerm = t - this->Tp;
154
155     if( tTerm > 0.1*this->tMax ) return 0;
156
157     tTerm *= tTerm;
158     tTerm *= this->R;
159
160     // Defining Xterm
161     double xTerm = x - this->Xp;
162     xTerm *= xTerm;
163
164     // Defining Yterm
165     double yTerm = y - this->Yp;
166     yTerm *= yTerm;
167
168     // Defining Dterm
169     double dTerm = xTerm + yTerm;
170
171     if( dTerm > 0.2*this->Lx ) return 0;
172
173     dTerm *= this->R;
174
175     // CAUTION: the minus in front of Tterm and Dterm
176     return this->A * exp(-tTerm) * ((1 - 2 * dTerm) * exp(-dTerm));
177 }
178 }
179
180 mat _2DWave::getVelocitiesMatrix( vector<interface> interfaces ,
181                                   vector<velocity> velocities ) {
182     // TODO: Refactor
183     /** Function that returns the bidimensional velocities matrix
184      * of the medium.
185      * For each medium's point that the wave propagates, we calculate
186      * a velocity based on which layer of the medium this point is
187      * found.
188      *
189      * Receives:      interfaces - a vector of interface objects
190      *                velocities - a vector of velocity objects,
191      *                            where each object represents the
192      *                            velocity function of its
193      *                            respective layer
194      */
195
196     // Instatiating matrix for velocities
197     mat v((int) this->Mx, (int) this->Ny);
198
199     int k = 0;
200
201     // Putting the values on the velocities matrix
202     for (int i = 0; i < this->Mx; i++) {
203
204         double x;
205
206         x = i * this->dx;    // Step in the abscissas
207
208         for (int j = 0, k = 0; j < this->Ny; j++, k = 0) {
209
210             double y;
211
212             y = j * this->dy;    // Step in the ordinates
213
214             // cout << interfaces.size() - 1 << '\n';
215             while ((y > interfaces[k].getY(x)) && (k < interfaces.size()))

```

```

216         {
217             k += 1; // Looking for on which layer the point is
218         }
219
220         // Calculating the velocity in the point
221         v(i, j) = velocities[k].getGradientVelocity(x, y);
222     }
223 }
224
225 return v;
226 }
227
228 /** Function for serialization of velocity objects
229 * Receives:      ofstream object – file that will receive the data
230 *                of the this velocity object
231 */
232 void _2DWave::serialize(ofstream *file) {
233     if((*file).is_open()) {
234         double data[10]; // for writing attributes of the class
235                          // in the file
236         data[0] = this->Lx;
237         data[1] = this->Ly;
238         data[2] = this->tMax;
239         data[3] = this->Mx;
240         data[4] = this->Ny;
241         data[5] = this->w;
242         data[6] = this->A;
243         data[7] = this->Xp;
244         data[8] = this->Yp;
245         data[9] = this->Tp;
246         (*file).write((char *) &data, sizeof(data));
247     } else {
248         printf("Error: The file isn't open.\nAborting...");
249         // exit(1);
250     }
251 }
252
253 /** Function for deserialization of velocity objects
254 * Receives:      ifstream object – file that will supply the data
255 *                for the this velocity object
256 */
257 void _2DWave::deserialize(ifstream *file) {
258     if((*file).is_open()) {
259         double data[10]; // for writing attributes of the class
260                          // in the file
261         (*file).read((char *) &data, sizeof(data));
262         this->Lx = data[0];
263         this->Ly = data[1];
264         this->tMax = data[2];
265         this->Mx = data[3];
266         this->Ny = data[4];
267         this->w = data[5];
268         this->A = data[6];
269         this->Xp = data[7];
270         this->Yp = data[8];
271         this->Tp = data[9];
272         // Redoing the atributions that depend of the data deserialize above
273         this->dx = this->Lx / (this->Mx - 1); // x axis's interval
274         this->dy = this->dx; // y axis's interval
275         this->dt = this->dy / 2.;
276         // Number of instants in the time
277         this->Ot = (int) ceil(this->tMax / this->dt);
278         this->R = PI * PI + this->w * this->w; // TODO: explain
279     } else {
280         printf("Error: The file isn't open.\nAborting...");
281         // exit(1);
282     }
283 }

```

Listing A.7: \_2DWave.h: arquivo fonte para a classe que representa a onda.

```

1
2 #include <fstream>

```

```

3
4 using namespace std;
5
6 class interface {
7     /**
8      * Defines an interface as a linear function
9      */
10
11     private:
12         double a, b;
13
14     public:
15         interface(double a, double b);
16
17         // Getters
18         // (setters are not made because it's not
19         // supposed that 'a' and 'b' change after defined by
20         // the constructor)
21         double getA();
22
23         double getB();
24
25         // The interface was imagined like a linear function:
26         //  $y = ax + b$ 
27         // So, to get a the height of an point (the y coordinate)
28         // in the interface, we just give a point x to it
29         double getY(double x);
30
31         /** Function for serialization of interface objects
32          * Receives:      ofstream object – file that will receive the data
33          *                                     of the this interface object
34          */
35         void serialize(ofstream *file);
36
37         /** Function for deserialization of interface objects
38          * Receives:      ifstream object – file that will supply the data
39          *                                     for the this interface object
40          */
41         void deserialize(ifstream *file);
42 };

```

Listing A.8: interface.h: arquivo-cabeçalho para a classe que representa as interfaces.

```

1
2 #include "interface.h"
3
4 interface::interface(double a, double b) {
5     /**
6      * Constructor
7      * Receives:      a – angular coefficient
8      *                                     b – independent term
9      */
10     this->a = a;
11     this->b = b;
12 }
13
14 // Getters
15 // (setters are not made because it's not
16 // supposed that 'a' and 'b' change after defined by
17 // the constructor)
18 double interface::getA() {
19     return this->a;
20 };
21
22 double interface::getB() {
23     return this->b;
24 };
25
26 // The interface was imagined like a linear function:
27 //  $y = ax + b$ 
28 // So, to get a the height of an point (the y coordinate)
29 // in the interface, we just give a point x to it
30 double interface::getY(double x) {

```

```

31  /**
32  * Function definition
33  * Receives:    x – point's coordinate in the abscissas
34  * Returns:     y – point's coordinate in the ordinates
35  */
36  return this->a * x + this->b;
37  }
38
39  /** Function for serialization of interface objects
40  * Receives:    ofstream object – file that will receive the data
41  *              of the this interface object
42  */
43  void interface::serialize(ofstream *file) {
44      if((*file).is_open()) {
45          double data[2]; // for writing attributes of the class
46                          // in the file
47          data[0] = this->a; data[1] = this->b;
48          (*file).write((char *) &data, sizeof(data));
49      } else {
50          printf("Error: The file isn't open.\nAborting...");
51          // exit(1);
52      }
53  }
54
55  /** Function for deserialization of interface objects
56  * Receives:    ifstream object – file that will supply the data
57  *              for the this interface object
58  */
59  void interface::deserialize(ifstream *file) {
60      if((*file).is_open()) {
61          double data[2];
62          (*file).read((char *) &data, sizeof(data));
63          this->a = data[0]; this->b = data[1];
64      } else {
65          printf("The file isn't open.\nAborting...");
66          // exit(1);
67      }
68  }

```

Listing A.9: interface.cpp: arquivo-cabeçalho para a classe que representa as interfaces.

```

1
2  #include <fstream>
3
4  using namespace std;
5
6  class velocity {
7      /**
8      * Defines velocity as a quadratic function of the form
9      *               $v(x, y) = ax + by + c$ 
10     */
11     private:
12         double a, b, c;
13
14     public:
15         velocity(double a, double b, double c);
16
17         // Getters
18         // (setters are not made because it's not
19         // supposed that 'a' and 'b' change after defined by
20         // the constructor)
21         double getA();
22
23         double getB();
24
25         double getC();
26
27         // TODO: document
28         double getGradientVelocity(double x, double y);
29
30         void serialize(ofstream *file);
31
32         void deserialize(ifstream *file);

```

```

33
34 };

```

Listing A.10: velocity.h: arquivo-cabeçalho para a classe que representa as velocidades das camadas.

```

1
2 #include "velocity.h"
3
4 velocity::velocity(double a, double b, double c) {
5     /**
6      * Constructor
7      * Receives:      a - term 'a' of the velocity function
8      *                b - term 'b' of the velocity function
9      *                c - term 'c' of the velocity function
10     */
11     this->a = a;
12     this->b = b;
13     this->c = c;
14 }
15
16 // Getters
17 // (setters are not made because it's not
18 // supposed that 'a' and 'b' change after defined by
19 // the constructor)
20
21 double velocity::getA() {
22     return this->a;
23 }
24
25 double velocity::getB() {
26     return this->b;
27 }
28
29 double velocity::getC() {
30     return this->c;
31 }
32
33 // TODO: document
34 double velocity::getGradientVelocity(double x, double y) {
35     return this->a * x + this->b * y + this->c;
36 }
37
38 /** Function for serialization of velocity objects
39 * Receives:      ofstream object - file that will receive the data
40 *                of the this velocity object
41 */
42 void velocity::serialize(ofstream *file) {
43     if((*file).is_open()) {
44         double data[3]; // for writing attributes of the class
45                         // in the file
46         data[0] = this->a; data[1] = this->b; data[2] = this->c;
47         (*file).write((char *) &data, sizeof(data));
48     } else {
49         printf("Error: The file isn't open.\nAborting...");
50         // exit(1);
51     }
52 }
53
54 /** Function for deserialization of velocity objects
55 * Receives:      ifstream object - file that will supply the data
56 *                for the this velocity object
57 */
58 void velocity::deserialize(ifstream *file) {
59     if((*file).is_open()) {
60         double data[3];
61         (*file).read((char *) &data, sizeof(data));
62         this->a = data[0]; this->b = data[1]; this->c = data[2];
63     } else {
64         printf("The file isn't open.\nAborting...");
65         // exit(1);
66     }
67 }

```

67 }

Listing A.11: velocity.cpp: arquivo fonte para a classe que representa as velocidades das camadas.

```
1 #include <cmath>
2 #include <vector>
3 #include <queue>
4 #include <iostream>
5 #include <iomanip>
6 #include <fstream>
7 #include <limits>
8 #include <armadillo>
9
10 using namespace arma;
11 using namespace std;
12
13 #define PI 3.141592653589793238463
```

Listing A.12: util.h: arquivo-cabeçalho para a definição das bibliotecas de sistema e constantes a serem utilizadas.

### A.2.3 Ferramentas

```
1 #!/usr/bin/python2.7
2 #!-*- coding: utf8 -*-
3
4 import sys
5 import numpy as np
6 import matplotlib.pyplot as plt
7 import re
8 import glob
9
10 M = -1
11
12 # Set fized amplitude value
13 if( len(sys.argv) > 1 ):
14     M = float(sys.argv[1])
15
16 # Carregando arrays a partir de arquivos
17 X = np.loadtxt('./specs/X.dat')
18 Y = np.loadtxt('./specs/Y.dat')
19 params = np.loadtxt('./specs/output.dat')
20 inter = np.loadtxt('./specs/interfaces.dat', ndmin=2 )
21
22 xx = X[(0, -1)]
23
24 # Criando figura
25 fig = plt.figure()
26
27 # Adicionando eixos
28 fig.add_axes()
29
30 # Criando eixo para plotagem
31 ax = fig.add_subplot(111)
32
33 # Formando base para o plot (?)
34 [Y, X] = np.meshgrid(Y, X)
35
36 # Colocando limites no plot
37 plt.xlim(0., params[4])
38 plt.ylim(0., params[5])
39
40 # Invertendo o eixo y
41 plt.gca().invert_yaxis()
42
43 # Search for all snapshot files
44 dat_files = sorted( glob.glob( "./snaps/*.dat" ) )
45
46 add_colorbar = True
47
```

```

48 # Create an image for each snapshot
49 for dat_file in dat_files:
50
51     Z = np.loadtxt( dat_file )
52
53     # Amplitude for plotting
54     if( M < 0 ):
55         M = 0.8 * max( abs(Z.min()), abs(Z.max()) )
56
57     png_file = dat_file.replace( ".dat", ".png" ).replace( "snaps/", "snaps/snap_" )
58
59     print "Creating file %s"%( png_file )
60
61     # Criando plot
62     plot = ax.contourf( X, Y, Z, np.linspace(-M,M,51), cmap=plt.cm.seismic, vmin=-M, vmax=M )
63
64     # Desenhando a barra de cores
65     if( add_colorbar ):
66         plt.colorbar( plot )
67         add_colorbar = False
68
69     # Draw interfaces
70     plt.hold(True)
71
72     for ii in range(inter.shape[0]):
73         plt.plot( xx, inter[ii,0]*xx+inter[ii,1], '-k' )
74
75     plt.hold(False)
76
77     # Salvando a imagem
78     plt.savefig( png_file )

```

Listing A.13: plot\_snapshots.py: *script* para geração dos instantâneos (*snapshots*) da propagação da onda.

```

1 #include "util.h"
2 #include "_2DWave.h"
3
4 #define SPECS_DIR "./specs/"
5 #define VEL_DIR   "./velocity/"
6
7 /**
8  * This program has the purpose of generate the velocities model.
9  * That consists in a matrix with the values of velocity of each point that
10  * the matrix aims to represent.
11  */
12
13 int main(int argc, char const *argv[]) {
14
15     // Getting external data
16     ifstream wf ( SPECS_DIR "wOut.dat", ios::in | ios::binary);
17     ifstream vf ( SPECS_DIR "vOut.dat", ios::in | ios::binary);
18     ifstream ifl( SPECS_DIR "iOut.dat", ios::in | ios::binary);
19
20     vector<interface> it;
21     vector<velocity> vl;
22     ifstream nInt( SPECS_DIR "nInt.dat", ios::in);
23     int N;
24     nInt >> N;
25     nInt.close();
26     for (int i = 0; i < N; i++) {
27         interface auxI(0., 0.);
28         velocity auxV(0., 0., 0.);
29         auxI.deserialize(&ifl);
30         auxV.deserialize(&vf);
31         it.push_back(auxI);
32         vl.push_back(auxV);
33     }
34     velocity auxV(0., 0., 0.);
35     auxV.deserialize(&vf);
36     vl.push_back(auxV);
37
38     _2DWave wv(0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.);

```

```

39
40     ww.deserialize(&wf);
41     wf.close();
42     vf.close();
43     ifl.close();
44
45     // Creating velocities matrix
46     mat velocities((int) ww.getMx(), (int) ww.getNy());
47     velocities = ww.getVelocitiesMatrix(it, vl);
48
49     // Saving velocities matrix
50     velocities.save( VEL_DIR "velocity.dat", raw_ascii);
51
52     return 0;
53 }

```

Listing A.14: gen-velocities-model.cpp: *script* para geração do modelo de velocidades.

```

1  #!/usr/bin/python2.7
2  #!-*- coding: utf8 -*-
3
4  import numpy as np
5  import matplotlib.pyplot as plt
6
7  # Carregando arrays a partir de arquivos
8  X = np.loadtxt('./specs/X.dat')
9  Y = np.loadtxt('./specs/Y.dat')
10 V = np.loadtxt('./velocity/velocity.dat')
11
12 # Criando figura
13 fig = plt.figure()
14
15 # Adicionando eixos
16 fig.add_axes()
17
18 # Criando eixo para plotagem
19 ax = fig.add_subplot(111)
20
21 # Formando base para o plot (?)
22 [Y, X] = np.meshgrid(Y,X)
23
24 # TODO: Os pontos laterais devem ser recebidos atraves do userInterface.py
25 # markers = np.array([(0., 0.), (1.5, 1.9), (3., 2.3), (4., 3.8), (6.5, 8.)], dtype=(float, 2))
26
27 # Invertendo o eixo y
28 plt.gca().invert_yaxis()
29
30 # Buscando o maior valor de U para fixar o eixo em z
31 M = np.ceil( V.max() )
32
33 # Criando plot
34 plot = ax.contourf(X, Y, V, np.linspace(0,M,50), cmap=plt.cm.rainbow_r )
35
36 # Desenhando a barra de cores
37 cbar = plt.colorbar(plot)
38 cbar.ax.invert_yaxis()
39
40 # Plotando as Camadas
41 # for i in range(0, markers.size / 2):
42 #     # TODO: Trocar o 15. por uma variavel passada por parametro
43 #     ax.plot((0., 15.), (markers[i][0], markers[i][1]), '-k')
44
45 # Configurando o titulo do grafico e suas legendas
46 ax.set(title='Velocity', ylabel='Y', xlabel='X')
47
48 # Definindo caminho da plotagem
49 caminho = './velocity/velocity.png'
50
51 # Salvando a imagem

```



```
52 plt.savefig(caminho)
```

Listing A.15: plot\_velocity.py: *script* para geração da imagem do modelo de velocidades criado.

```
1  #!/usr/bin/python2.7
2  #!-*- coding: utf8 -*-
3
4  import numpy as np;
5  import matplotlib.pyplot as plt;
6
7  # Loading arrays from files
8  traces = np.loadtxt('./traces/traces.dat');
9  T       = np.loadtxt('./specs/T.dat');
10 params = np.loadtxt('./output.dat');
11
12 traces = traces.transpose();
13
14 # Criando figura
15 fig = plt.figure();
16
17 # Adicionando eixos
18 fig.add_axes();
19
20 # Creating axis for plotting
21 ax = fig.add_subplot(111);
22
23 # Editing details of plotting
24 title = 'Traces';
25 ax.set(title=title, ylabel='T', xlabel='Trace');
26
27 plt.hold(1);
28
29 for i in range(int(params[6])):
30     ax.plot(T, traces[i, :]);
31     plt.savefig('./traces/' + str(i));
32     ax.clear();
```

Listing A.16: tracer.py: *script* para geração dos traços resultantes da simulação.

```
1  #!/usr/bin/python2.7
2  #!-*- coding: utf8 -*-
3
4  import numpy as np;
5
6  # Loading arrays from files
7  traces = np.loadtxt('./traces/traces.dat');
8
9  # Number of traces and samples
10 Nt = traces.shape[0];
11 Ns = traces.shape[1];
12
13 # Writing the RSF header file
14
15 header = open( './traces/traces.rsf', "w+" )
16
17 header.write( 'tracer\n' )
18 header.write( 'data_format="native_float"\n' )
19 header.write( 'in="./traces/traces.rsf@"\n' )
20 header.write( 'n1=%d\n'%( Nt ) )
21 header.write( 'n2=%d\n'%( Ns ) )
22
23 header.close()
24
25 np.transpose(traces.astype('float32')).tofile( './traces/traces.rsf@' );
```

Listing A.17: traces2rsf.py: *script* para conversão dos traços resultantes da simulação para o formato *.rsf* usado pelo Madagascar.

```
1  #!/bin/bash
2
```

```

3 # Produces wiggle plot of traces
4 sfwiggle < ./traces/traces.rsf \
5     transp=y \
6     yreverse=y \
7     plotcol=7 \
8     zplot=.15 \
9     poly=y \
10    xmax=10 \
11    title='' \
12    nltic=0 \
13    > ./traces/traces.vpl
14
15 # Convert vpl to png
16 vpconvert ./traces/traces.vpl \
17     format=png \
18     > ./traces/traces.png

```

Listing A.18: plot\_traces.sh: *script* para geração da imagem dos traços pelo Madagascar.

## A.2.4 Código principal

```

1 #include "util.h"
2 #include "_2DWave.h"
3
4 #define SPECS_DIR    "./specs/"
5 #define VEL_DIR      "./velocity/"
6 #define SNAPS_DIR    "./snaps/"
7 #define TRACES_DIR   "./traces/"
8
9 /*
10  *   This program aims to solve the bidimensional wave equation
11  *   by the finite differences method. This methods will be im-
12  *   plemented with the help of Eigen library, that provides the
13  *   necessary tools of the Linear Algebra, mainly the vectors
14  *   and matrices that will be used to store and manipulate data,
15  *   as well the methods that are necessary to this.
16  */
17
18 int main () {
19
20     // Getting external data
21     ifstream wf ( SPECS_DIR "wOut.dat", ios::in | ios::binary);
22     ifstream vf ( SPECS_DIR "vOut.dat", ios::in | ios::binary);
23     ifstream ifl( SPECS_DIR "iOut.dat", ios::in | ios::binary);
24
25     vector<interface> it;
26     vector<velocity> vl;
27     ifstream nInt( SPECS_DIR "nInt.dat", ios::in);
28     int N;
29     nInt >> N;
30     for (int i = 0; i < N; i++) {
31         interface auxI(0., 0.);
32         velocity auxV(0., 0., 0.);
33         auxI.deserialize(&ifl);
34         auxV.deserialize(&vf);
35         it.push_back(auxI);
36         vl.push_back(auxV);
37     }
38     velocity auxV(0., 0., 0.);
39     auxV.deserialize(&vf);
40     vl.push_back(auxV);
41
42     _2DWave ww(0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0., 0.);
43
44     ww.deserialize(&wf);
45
46     wf.close(); vf.close(); ifl.close();
47
48     // Creating velocities matrix
49     mat v;
50     v.load( VEL_DIR "velocity.dat", raw_ascii);
51

```

```

52 // Compute 1/v^2 only once for all steps
53 for (int i = 1; i < ww.getMx() - 1; i++) {
54     for (int j = 1; j < ww.getNy() - 1; j++) {
55         v(i,j) = 1.0 / ( v(i,j) * v(i,j) );
56     }
57 }
58
59 // Creating arrays for space dimensions X e Y and for time
60 vec X = linspace<vec>(0., ww.getLx(), ww.getMx());
61 vec Y = linspace<vec>(0., ww.getLy(), ww.getNy());
62 vec T = linspace<vec>(0., ww.getTMax(), ww.getOt());
63
64 // Saving arrays of dimensions in space
65 X.save( SPECS_DIR "X.dat", raw_ascii);
66 Y.save( SPECS_DIR "Y.dat", raw_ascii);
67 T.save( SPECS_DIR "T.dat", raw_ascii);
68
69 nInt >> N; // reusing N
70 queue<int> numSnaps;
71 if (N > 0) { // get the frames's numbers that must be saved as
72     // snapshots
73     int h = (int) ww.getOt() / N;
74     for (int i = 1; h * i < ww.getOt(); i++) { numSnaps.push(h * i); }
75 }
76
77 // Receiving data about receivers
78 int nRecv;
79 double offset_Recv;
80 nInt >> nRecv;
81 nInt >> offset_Recv;
82
83 nInt.close();
84
85 // Matrix to armazenate traces
86 mat traces((int) ww.getOt(), nRecv);
87 traces.fill(0.);
88
89 // the number of points between receivers
90 int offset_Recv_int = ww.getMx() / nRecv;
91
92 // Creating 3 matrices for application of the Finite Difference Method (FDM)
93 mat U1((int) ww.getMx(), (int) ww.getNy());
94 mat U2((int) ww.getMx(), (int) ww.getNy());
95 mat U3((int) ww.getMx(), (int) ww.getNy());
96
97 // Filling the matrices with zeros
98 U1.fill(0.);
99 U2.fill(0.);
100 U3.fill(0.);
101
102 // Creating a queue for administrating the arrays of FDM
103 queue<mat> U;
104 U.push(U1); U.push(U2); U.push(U3);
105
106 double dt2 = ww.getDx() * ww.getDx();
107 double dt2dx2 = dt2 / ( ww.getDx() * ww.getDx() );
108 double dt2dy2 = dt2 / ( ww.getDy() * ww.getDy() );
109
110 for (int k = 1; k < ww.getOt() - 1; k++) {
111
112     // Getting the matrices from the queue
113     U1 = U.front(); U.pop(); // t + 1
114     U2 = U.front(); U.pop(); // t
115     U3 = U.front(); U.pop(); // t - 1
116
117     // Doing FDM calculations
118     for (int i = 1; i < ww.getMx() - 1; i++) {
119         for (int j = 1; j < ww.getNy() - 1; j++) {
120             U1(i,j) = v(i,j) * ( dt2dx2 * ( U2(i+1,j) - 2.0*U2(i,j) + U2(i-1,j) )
121                                 + dt2dy2 * ( U2(i,j+1) - 2.0*U2(i,j) + U2(i,j-1) ) )
122                         + dt2 * ww.evaluateFXYT( X(i), Y(j), T(k) )
123                         + 2.0 * U2(i,j) - U3(i,j);
124         }
125     }
126 }

```

```

125     }
126
127     // Registering traces
128     for (int ii = 1; ii * offset_Recv_int < size(U1)(0) && ii < nRecv; ii++) {
129         traces(k, ii) = U1(ii * offset_Recv_int, 1);
130     }
131
132     // if frame k is one of the required for the snaps
133     if (N > 0 && k == numSnaps.front()) {
134         ostringstream oss;
135         int save = numSnaps.front();
136         oss << SNAPS_DIR << setfill('0') << setw(5) << save << ".dat";
137         numSnaps.pop(); numSnaps.push(save);
138         U1.save(oss.str(), raw_ascii);
139     }
140
141     // Putting the matrices again in the queue
142     U.push(U3); U.push(U1); U.push(U2);
143 }
144
145 vec d(7);
146 d(0) = (int) wv.getMx();
147 d(1) = (int) wv.getNy();
148 d(2) = (int) wv.getOt();
149 d(3) = N;
150 d(4) = wv.getLx();
151 d(5) = wv.getLy();
152 d(6) = nRecv;
153
154 d.save( SPECS_DIR "output.dat", raw_ascii);
155
156 traces.save( TRACES_DIR "traces.dat", raw_ascii);
157
158 return 0;
159
160 }

```

Listing A.19: main-reflect-bound.cpp: código fonte que realiza os cálculos da propagação da onda.

# Bibliografia

- [Liu+00] W. Liu et al. *BSIM 4.0.0 Technical Notes*. Rel. técn. UCB/ERL M00/39. EECS Department, University of California, Berkeley, 2000. URL: <http://www2.eecs.berkeley.edu/Pubs/TechRpts/2000/3863.html>.
- [03a] *PTHREAD\_ATTR\_DESTROY(P) POSIX Programmer's Manual*. IEEE/The Open Group. 2003.
- [03b] *PTHREAD\_CREATE(P) POSIX Programmer's Manual*. IEEE/The Open Group. 2003.
- [03c] *PTHREAD\_EXIT(P) POSIX Programmer's Manual*. IEEE/The Open Group. 2003.
- [03d] *PTHREAD\_JOIN(P) POSIX Programmer's Manual*. IEEE/The Open Group. 2003.
- [03e] *PTHREAD\_SETDETACHEDSTATE(P) POSIX Programmer's Manual*. IEEE/The Open Group. 2003.
- [Cat09] John Catsoulis. *Designing Embedded Hardware*. O'REILLY, 2009.
- [Sil09] Gabriel P. Silva. *Microarquiteturas Avançadas*. 2009. URL: <http://www.dcc.ufrj.br/~gabriel/arqcomp2/Avancadas.pdf>.
- [Pac11] Peter S. Pacheco. *An Introduction to Parallel Computing*. Elsevier, 2011. ISBN: 978-0-12-374260-5.
- [Fis12] Russell Fish. *Future of computers - Part 2: The Power Wall*. Jan. de 2012. URL: <https://www.edn.com/design/systems-design/4368858/Future-of-computers--Part-2-The-Power-Wall>.
- [Hen12] John Hennessy. *Computer architecture : a quantitative approach*. Amsterdam Boston: Morgan Kaufmann/Elsevier, 2012. ISBN: 9780123838735.
- [For15] Message Passing Interface Forum. *MPI: A Message-Passing Interface Standard - Version 3.1*. Message Passing Interface Forum, 2015.
- [Eij16] Victor Eijkhout. *Parallel Programming in MPI and OpenMP*. 2016. URL: <http://pages.tacc.utexas.edu/~eijkhout/pcse/html/index.html>.
- [Bar17] Blaise Barney. *Pthreads*. Acessado em 24/02/2019. 2017. URL: <https://computing.llnl.gov/tutorials/pthreads/>.
- [17a] *MPI\_Comm\_rank(3) Open MPI*. 2.1.1. Mai. de 2017.
- [17b] *MPI\_Comm\_size(3) Open MPI*. 2.1.1. Mai. de 2017.
- [17c] *MPI\_Finalize(3) Open MPI*. 2.1.1. Mai. de 2017.
- [17d] *MPI\_Init(3) Open MPI*. 2.1.1. Mai. de 2017.
- [17e] *MPI\_Recv(3) Open MPI*. 2.1.1. Mai. de 2017.

- [17f] *MPI\_Send(3) Open MPI*. 2.1.1. Mai. de 2017.
- [PH17] David A. Patterson e John L. Hennessy. *Organização e projeto de computadores*. Elsevier Inc., 2017.
- [Bar18] Blaise Barney. *Introduction to Parallel Computing*. Jun. de 2018. URL: [https://computing.llnl.gov/tutorials/parallel\\_comp/](https://computing.llnl.gov/tutorials/parallel_comp/).
- [MD18] Marcelo Lopes de Macedo Ferreira Cândido e Luis Alberto D'Afonseca. *Modelagem Matemática da Propagação de Ondas em Meios Não Homogêneos*. Iniciação Científica. Centro Federal de Educação Tecnológica de Minas Gerais, 2018.
- [Wik18] Wikipedia contributors. *Dependence analysis — Wikipedia, The Free Encyclopedia*. [https://en.wikipedia.org/w/index.php?title=Dependence\\_analysis&oldid=841756105](https://en.wikipedia.org/w/index.php?title=Dependence_analysis&oldid=841756105). [Online; accessed 7-March-2019]. 2018.
- [con19] Wikipedia contributors. *Address space — Wikipedia, The Free Encyclopedia*. [Online; accessed 22-February-2019]. 2019. URL: [https://en.wikipedia.org/w/index.php?title=Address\\_space&oldid=881301824](https://en.wikipedia.org/w/index.php?title=Address_space&oldid=881301824).
- [Wik19a] Wikipedia contributors. *Application programming interface — Wikipedia, The Free Encyclopedia*. [https://en.wikipedia.org/w/index.php?title=Application\\_programming\\_interface&oldid=884701073](https://en.wikipedia.org/w/index.php?title=Application_programming_interface&oldid=884701073). [Online; accessed 24-February-2019]. 2019.
- [Wik19b] Wikipedia contributors. *Moore's law — Wikipedia, The Free Encyclopedia*. [Online; accessed 7-March-2019]. 2019. URL: [https://en.wikipedia.org/w/index.php?title=Moore%27s\\_law&oldid=886664781](https://en.wikipedia.org/w/index.php?title=Moore%27s_law&oldid=886664781).
- [Wik19c] Wikipedia contributors. *POSIX Threads — Wikipedia, The Free Encyclopedia*. [https://en.wikipedia.org/w/index.php?title=POSIX\\_Threads&oldid=891039524](https://en.wikipedia.org/w/index.php?title=POSIX_Threads&oldid=891039524). [Online; accessed 22-May-2019]. 2019.