



# Distribución de la Probabilidad Clase 4

**Data Science** 









- → Distribuciones de probabilidad
- → Variables discretas
- → Variables continuas



### **OBJETIVOS** DE LA CLASE

Al finalizar esta lecture estarás en la capacidad de...

• **Entender** el concepto de distribución de probabilidad y sus características.



Al **finalizar** cada uno de los temas, tendremos un **espacio de consultas**.





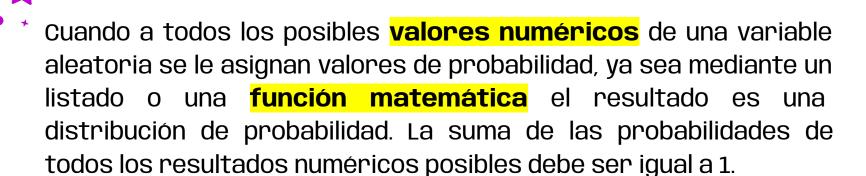
Hay un **mentor** asignado para responder el **Q&A**.

¡Pregunta, pregunta, pregunta! :D

# Distribuciones de

# Probabilidad





Una **función de probabilidad** puede asignar valores de probabilidad a cada estado del espacio muestral.



## Características





Las **c**aracterísticas generales de las distribuciones de probabilidad **difieren según el tipo de variable** aleatoria, discreta o continua, que se encuentre bajo estudio.

Si la variable aleatoria es continua, no pueden listarse todos los posibles valores de la variable, motivo por el cual las probabilidades que se determinan por medio de una función matemática son gráficamente representadas por una función de densidad de probabilidad, o curva de probabilidad.

# Variables discretas





Puede tomar solamente algunos valores dentro de un intervalo definido.



Las probabilidades se representan con los símbolos pi o p(xi).



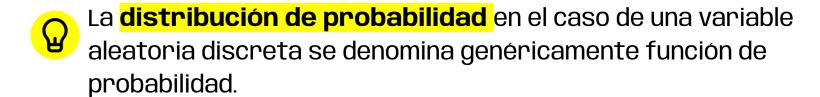
El gráfico de la distribución de probabilidad se denomina gráfico de bastones.

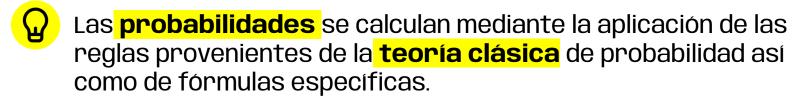






La condición de cierre se verifica realizando la sumatoria de las **probabilidades p = 1.** 







## Distribuciones

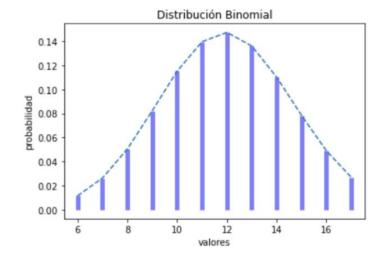


### Distribución Binomial

Se utilizan para <mark>variables del tipo binario</mark> (lanzar una moneda) para describir el resultado del experimento.

p=	probabilidad	de	éxito.
Q=	Probabilidad _	de	fracaso.
n=	espacio	n!	
k= número de éxitos.		$P_{(k)} = \frac{n!}{k! (n-k)!} p^k q^{(n-k)}$	

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
from scipy import stats
import seaborn as sns
# Graficando Binomial
N, p = 30, 0.4 # parametros de forma
binomial = stats.binom(N, p) # Distribución
x = np.arange(binomial.ppf(0.01),
             binomial.ppf(0.99))
fmp = binomial.pmf(x) # Función de Masa de Probabilidad
plt.plot(x, fmp, '--') #Esta función recibe un conjunto de valores x e y y los muestra en el plano como puntos unidos por línea.
plt.vlines(x, 0, fmp, colors='b', lw=5, alpha=0.5) #Esta función da formato a las figuras.
plt.title('Distribución Binomial') #Esta función asigna un título.
plt.ylabel('probabilidad') #Esta función etiqueta el eje Y.
plt.xlabel('valores') #Esta función etiqueta el eje X.
plt.show() #Esta función muestra las figuras
```





### **Ejemplo**

P

Una novela ha tenido un gran éxito, y se estima que el 80% de un grupo de lectores ya la han leído. En un grupo de 4 amigos aficionados a la lectura:

¿Cuál es la probabilidad de que en el grupo hayan leído la novela 2 personas?

#### Caso binario:

Haber leído la novela - No haber leído la novela.





```
# Construir una función Binomial
from math import factorial

def funcion_binomial(k,n,p):
    num_exitos = factorial(n) #Factorial del espacio muestral.
    num_eventos = factorial (k) * factorial(n-k) #Factorial de la cantidad de casos de éxito buscados.
    exitos_fracaso=pow(p,k) * pow(1-p,(n-k)) # Probabilidad de exitos y fracasos.

binomial = (num_exitos / num_eventos) * exitos_fracaso #Aplicación de la función binomial.
    return binomial

#Probabilidad de que 2 integrantes del grupo hayan leido la novela con una probabilidad de éxito del 0.8.
```

print(funcion\_binomial(2,4,0.8))



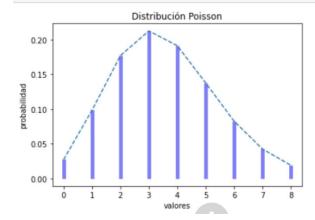
### **Distribución Poisson**

Se utiliza para describir sucesos en donde se considera que la probabilidad del suceso es muy pequeña. La **variable aleatoria** es el número de veces que ocurre un evento en un intervalo de tiempo, distancia, área, volumen u otra similar.

lamda= espacio k= número de éxitos.

$$P(X = k) = \frac{\lambda^k}{k!} \cdot e^{-\lambda}$$

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
from scipy import stats
import seaborn as sns
mu = 3.6 # parametro de forma
poisson = stats.poisson(mu) # Distribución
x = np.arange(poisson.ppf(0.01),
              poisson.ppf(0.99))
fmp = poisson.pmf(x) # Función de Masa de Probabilidad
plt.plot(x, fmp, '--')
plt.vlines(x, 0, fmp, colors='b', lw=5, alpha=0.5)
plt.title('Distribución Poisson')
plt.ylabel('probabilidad')
plt.xlabel('valores')
plt.show()
# histograma
aleatorios = poisson.rvs(1000) # genera aleatorios
cuenta, cajas, ignorar = plt.hist(aleatorios, 20)
plt.ylabel('frequencia')
plt.xlabel('valores')
plt.title('Histograma Poisson')
plt.show()
```







### **Ejemplo**

La probabilidad de que en el lapso de una semana en el taller de la concesionaria uno de los autos vendidos tenga problemas cubiertos por la garantía es 0,02. Suponiendo que en el taller se atienden 450 autos semanalmente.

¿Cuál es la probabilidad de que se presenten 5 autos con problemas por semana?



```
from math import e,factorial

def probabilidad_poisson(lamba_np,x):
    probabilidad = (pow(e,-lamba_np) * pow(lamba_np,x))/factorial(x)
    return probabilidad

print(probabilidad_poisson((450*0.02),5)
```



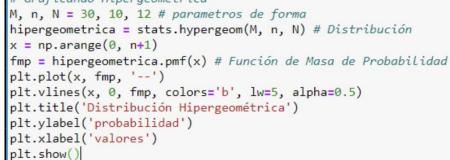
### Distribución Hipergeométrica

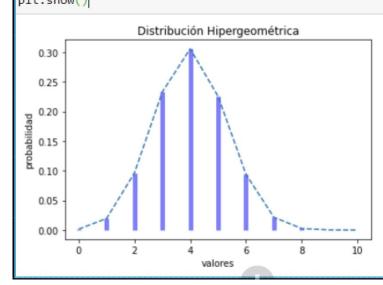
En un experimento de características hipergeométricas el resultado de una observación es afectado por los resultados de las observaciones previas, por tanto las probabilidades son condicionales.

$$p(X=x) = \frac{\binom{k}{x} \cdot \binom{N-k}{n-x}}{\binom{N}{n}} \frac{N = tamaño \ de \ población}{K = n^o \ individuos \ que...} \\ n = tamaño \ de \ la \ muestra \\ x = valor \ que \ toma \ la \ variable}$$

```
import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
from scipy import stats
import seaborn as sns
# Graficando Hipergeométrica
```









### **Ejemplo**

Una empresa que importa los autos que vende una concesionaria, desea hacer una encuesta de satisfacción a los compradores de estos autos. De una muestra de 80 autos, 30 son importados.

Si se seleccionan 9 clientes. ¿Cuál es la probabilidad de que haya 2 que compraron autos importados?.



```
from math import e, factorial
N, X, n, x = 80, 30, 9, 2
Xx = factorial(X)/(factorial(x)*factorial(X-x))
NX nx= factorial(N-X)/(factorial(n-x)*factorial((N-X)-(n-x)))
Nn = factorial(N)/(factorial(n)*factorial(N-n))
probabilidad_hipergeometrica = (Xx * NX nx)/Nn
print(probabilidad_hipergeometrica)
```

# Variables continuas





Puede tomar cualquier valor en un determinado campo de variación.



La **probabilidad** se representa con los símbolos fi o f(x).



En un punto la probabilidad no tiene sentido. Sólo tiene sentido en un intervalo particular de la variable aleatoria xi, por más pequeño que éste sea.



En el **gráfico**, se ve como una función continua f(x), y la probabilidad en sí misma, denominada A, se representa como un área entre los puntos x1 y x2.





Dada por una función de **densidad** y la **probabilidad** se obtiene en base a una variable aleatoria xi que se encuentra entre dos valores arbitrarios de x1 y x2, la cual está dada por el área A bajo la curva cuyo valor se encuentra integrando la función f(x) entre ambos valores, es decir que en tanto la probabilidad en un punto cualquiera no tiene sentido.



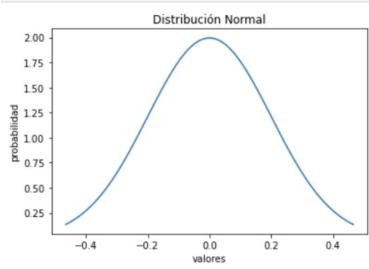


### **Distribución Normal**

La solución práctica para obtener esas probabilidades consiste en utilizar la **Tabla de Probabilidades** apropiada para calcular cualquier probabilidad en el caso normal, sin que importe cuáles son los valores particulares de la variable aleatoria ni los parámetros de la distribución.

import matplotlib.pyplot as plt
import numpy as np
from scipy import stats
import seaborn as sns
# Graficando Normal
mu sigma = 0 0 2 # media v desvio estandar







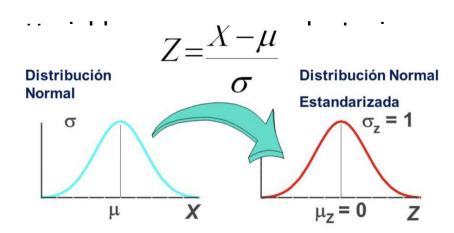
### **Estandarización**

La **distribución normal** requiere la estandarización de las variables mediante la siguiente fórmula:

X =

mu = Media.

sigma = Desvío estándar.







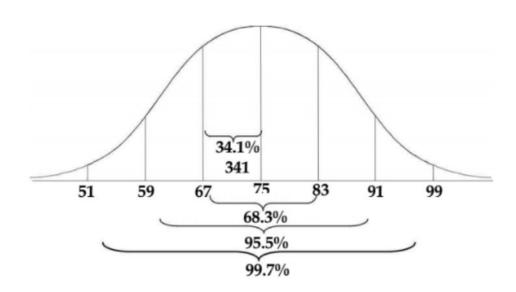
### **Ejemplo**

Luego de estandarizar las variables, se debe buscar el **valor de Z** en la tabla de distribución normal y determinar la probabilidad con base al área delimitada por el experimento.

#### Ejemplo.



Una población de 1,000 personas tiene una media de edad de 75 años y una desviación estándar calculada de 8, ¿cuántas tienen entre 67 y 75 años?



Sustituyendo la media en el centro y las desviaciones estándar ( $\sigma$ ) a la izquierda (-8) y a la derecha (+8), la respuesta será: 68.3/2 = 34.1% de 1,000  $\rightarrow$  341 personas tienen entre 67 y 75 años.



### Resumen

#### Características de las Distribuciones de Probabilidad

Tipo de variable	Discreta	Continua
Dentro de un intervalo	Puede tomar sólo algu- nos valores	Puede tomar cualquier valor
Simbología de la probabilidad	p <sub>i</sub> o p(x)	fi o f(x)
Concepto de probabilidad	En un punto	En un intervalo (en un punto no tiene sentido)
Cálculo de la Probabilidad	$P(x_{i} = x_{u}) = p_{u}$	$P(x_1 \le x_i \le x_2) = \int_{x_1}^{x_2} f(x) dx = A$

Tipo de variable	Discreta	Continua
	De bastones	De áreas
Gráfico	$\begin{array}{c ccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	$X_1$ $X_2$ $X_3$
Valor de la probabilidad	Vale p <sub>i</sub> (bastón) o cero	Vale A (área)
Condición de cierre	$\sum_{i=1}^{N} p_{i} = 1$	$\int_{-\infty}^{+\infty} f(x) dx = 1$
Denominación genérica	Función de probabilidad	Función de Densidad

## ¿PREGUNTAS?

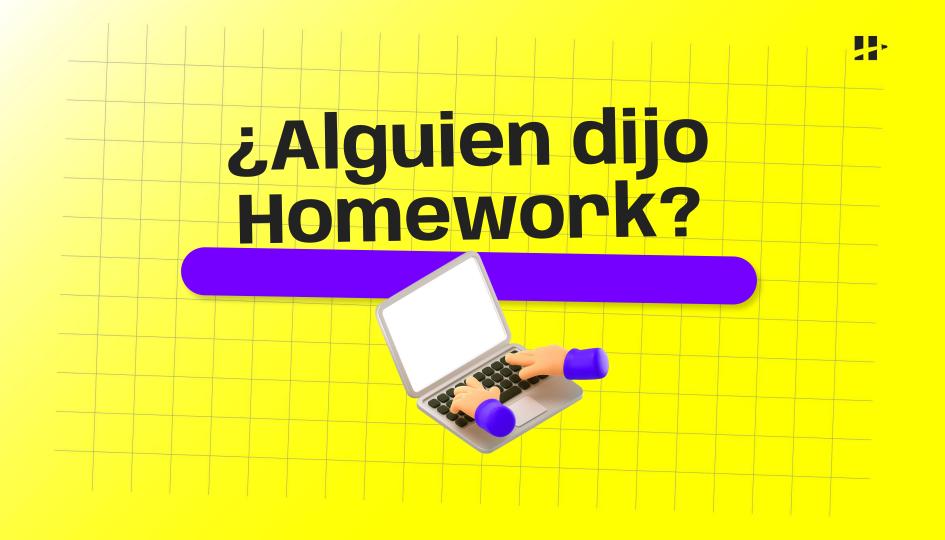
#### Resumen



**⊘** TEMA | .....

**⊘** TEMA | .....

**⊘** TEMA | .....



#### HENRY



Proxima lecture Introducción a las bases de datos \*







#### Dispones de un formulario en:

- **Homeworks**
- Guías de clase
- **Slack**

# 











