

**AUTOR: Marcelo Alves Gomes**

## **Introdução**

O primeiro trabalho dessa disciplina consiste em usar nossos conhecimentos adquiridos na aula afim de desenvolver funções de rasterização pedidas pelo professor usando a API OpenGL , são elas as: putPixel, DrawLine, DrawTriangle , tais funções são importantes de se aprender , pois serão a base para um desenvolvimento de curso e de conhecimento para as demais matérias seguintes.

Para começar , tem que se ter em mente que o processo utilizado para realizar tal tarefa , só se deu devido a uma framework feita pelo professor que simula o acesso a memória de vídeo feita pelo professor Christian , sem essa ferramenta , não seria possível acessar diretamente a memória.

## **PutPixel**

Sabemos que um pixel é constituído pelo sistema RGBA de cores, e é localizado pela sua posição no espaço, sabendo isso, teremos que criar uma 2 estruturas para tal , afim de manter a organização e melhor compreensão. A estrutura que criamos primeiramente foi a da localização baseado no sistema cartesiano, em que o x se baseará no eixo das abscissas e o y no eixo das ordenadas da reta. A segunda estrutura será a da cor, baseada no sistema RGBA (três cores primarias somadas a propriedade de transparência Alpha), em que seus valores podem variar de 0 a 255, totalizando assim 256 possíveis estados para cada canal, também podemos afirmar que se pode utilizar 1 byte para cada canal , ficando assim com 4 bytes alinhados por cada pixel (destaque o “alinhados” pois o framebuffer “FBptr” utilizado no programa simulador consiste em uma matriz unidimensional, com tamanho relativo a dimensão da tela, para acessar o pixel que deseja-se pintar, o ponteiro FBptr move-se na direção horizontal, passando por um determinado número de bytes, até chegar ao pixel desejado ,isso será importante para compreender a formula seguinte) .Além disso , criamos uma cor padrão de estudo(vermelho) do tipo da estrutura que criamos anteriormente.

Com isso , temos que saber que a formula que faz acessar um pixel de coordenadas (x,y) baseado nas dimensões de uma tela de LARGURA X ALTURA é  $y*4*IMAGE\_WIDTH+x*4$  , onde IMAGE\_WIDTH é a largura da tela , não se utilizou a altura pois como explicado anteriormente , o framebuffer move em direção horizontal da largura e não da altura.

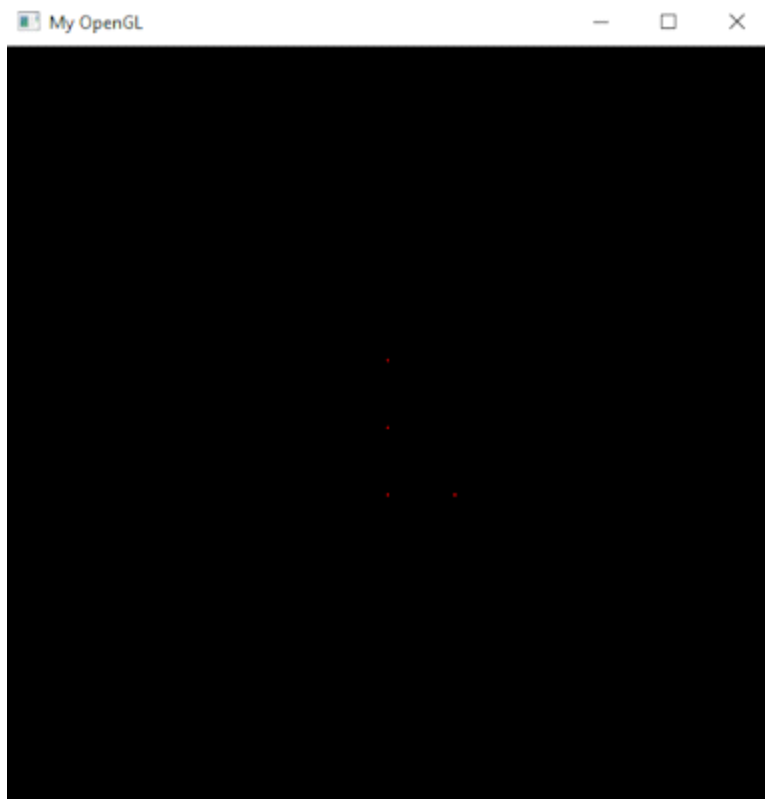
Continuando , após aplicar a formula , sabemos a localização exata do pixel , agora basta alterar cada canal do pixel de acordo com o que o ponteiro FBptr apontar , como são 4 canais , o ponteiro terá que se direcionar para cada um para que se possa completar uma cor requerida.Caso surja duvida a respeito

do FBptr ter variações de +1 , +2 ,+3 , isso se deve ao fato de escolher qual canal quer alterar para escrever na memória.

```
10 //1- Variaveis e estruturas que serão usadas para realizar as funcoes
11
12 //1.1 Essa será a estrutura que irá organizar a localização do pixel
13 struct pixel{
14     int x; // baseado no sistema cartesiano , o x estará direcionando a localizaçã do e
15     int y; // baseado no sistema cartesiano , o y estará direcionando a localizaçã do s
16 };
17 //1.2 Essa será a estrutura que irá cuidar da parte da cor do pixel ,vale saber que a m
18 struct cor{
19     int r; // variação do vermelho
20     int g; // variação do verde
21     int b; //variação do azul
22     int a; // transparência
23 };
24
25 cor corVermelho= {255,0,0,1}; //Declara um exemplo para testar
26 //      { R G B A }
27
28 //2- Função putPixel , sua entrada será a localização do pixel nas coordenadas , seguid
29 void putPixel(int x, int y,cor cor){
30     //pc = PixelCompleto
```

```
28 //2- Função putPixel , sua entrada será a localização do pixel nas coordenadas , seguid
29 void putPixel(int x, int y,cor cor){
30     //pc = PixelCompleto
31     int pc = y*4*IMAGE_WIDTH+x*4; // Essa é a formula para achar a posição do pixe.
32     //como já explicado , os bytes do sistema RGBA estão alinhados em sequência de
33
34     FBptr[pc] = cor.r; // posição 1 irá armazenar o valor 255 na variavel r
35     FBptr[pc+1] = cor.g;
36     FBptr[pc+2] = cor.b;
37     FBptr[pc+3] = cor.a;
38 }
39
```

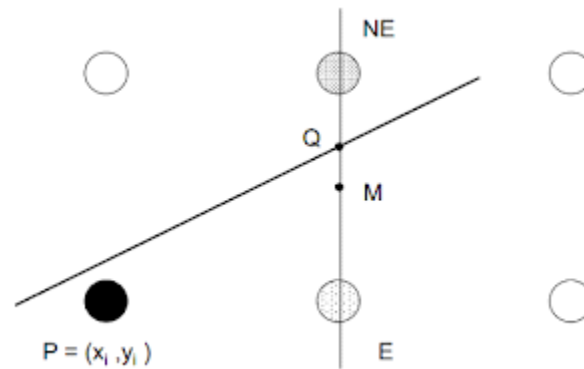
```
1 #include "main.h"
2
3 //-----
4 void MyGldraw(void)
5 {
6     //*****
7     // Chama aqui as funções do mygl.h
8     //*****
9
10     putPixel(255,255,corVermelho);
11     putPixel(255,300,corVermelho);
12     putPixel(300,300,corVermelho);
13     putPixel(255,210,corVermelho);
14
15
16
17
18
19
```



*(Resultado de saída)*

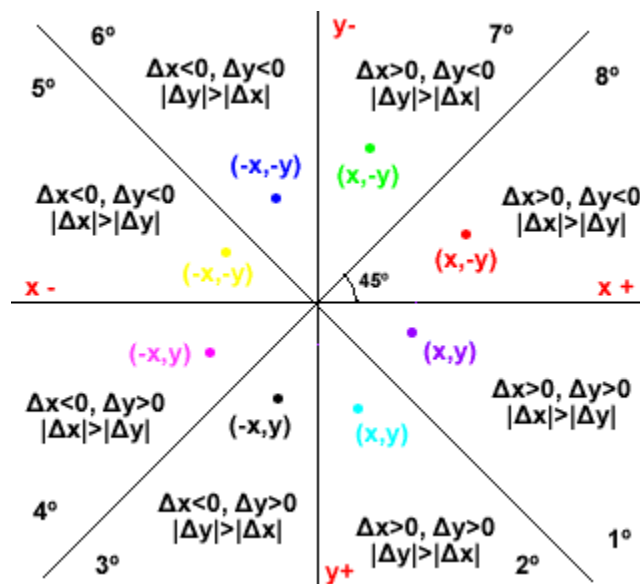
## DrawLine

A rasterização de linhas nesse caso se dá pelo clássico algoritmo de brezenham, esse algoritmo é muito famoso no que se baseia em eficiência, pois ele trabalha na questão de otimização, sem utilizar-se de multiplicações sucessivas, ao invés disso, trabalha com incremento e decremento, sem forçar assim o grande trabalho da memória e da máquina. A compreensão do algoritmo de Brezenham é importante para que se possa ter entendimento de sua variação que será feita seguidamente. Seu objetivo principal se baseia em determinar pixels que serão acesos seguidamente para formar uma reta, do princípio do ponto inicial até o ponto final. Com isso, a forma de como os pixels serão desenhados será dada a partir de uma variável de decisão  $d$ , em que sua fórmula se baseia no seguinte  $d = 2 * (dy - dx)$  em que  $dy = (Y1 - Y0)$  e  $dx = (X1 - X0)$ , caso  $d \leq 0$  o pixel seguinte a ser pintado será o de leste, caso  $d > 0$  o próximo pixel a ser pintado será o nordeste. Cada vez que se pintar um pixel, a incrementação será feita em referência a  $d$ , ou seja, caso o pixel a ser pintado estiver localizado na posição leste, só o  $x$  será incrementado, já se no caso o pixel a ser pintado estiver localizado na região nordeste, será incrementado tanto o  $x$  quanto o  $y$ , a imagem a seguir dará melhor entendimento ao explicado:



(O pixel inicial é dado por  $P=(x_i, y_i)$ , o próximo a ser pintado irá depender da relação da reta com o ponto médio, se ela estiver acima, o próximo pixel será o NE, se não, o próximo será o E.)

O problema encontrado na questão da implementação do algoritmo de Bresenham foi que ele só consegue escrever segmentos de retas no octante 1 em que a variação de graus vai de  $0^\circ$  até  $45^\circ$ , para isso, foi feita alterações no código e implementações de simetria para que os outros 7 pudessem ser representados, abaixo temos uma imagem que representa um resumo da questão de simetria dos octantes e em seguida mostra-se como foi feita sua implementação por meio do código



(Sabendo o caso principal em que o algoritmo de Bresenham trabalha, pode-se usar conhecimentos de simetria nos quadrantes e octantes para que um complemente o outro, por exemplo, sabe-se que o 8° e 5° octante mostrado na imagem são um espelho um do outro, se soubermos por exemplo o delta x e delta y em questão, e trocando seus valores, achamos os seus respectivos espelhos. Faremos esse mesmo princípio na implementação do código)

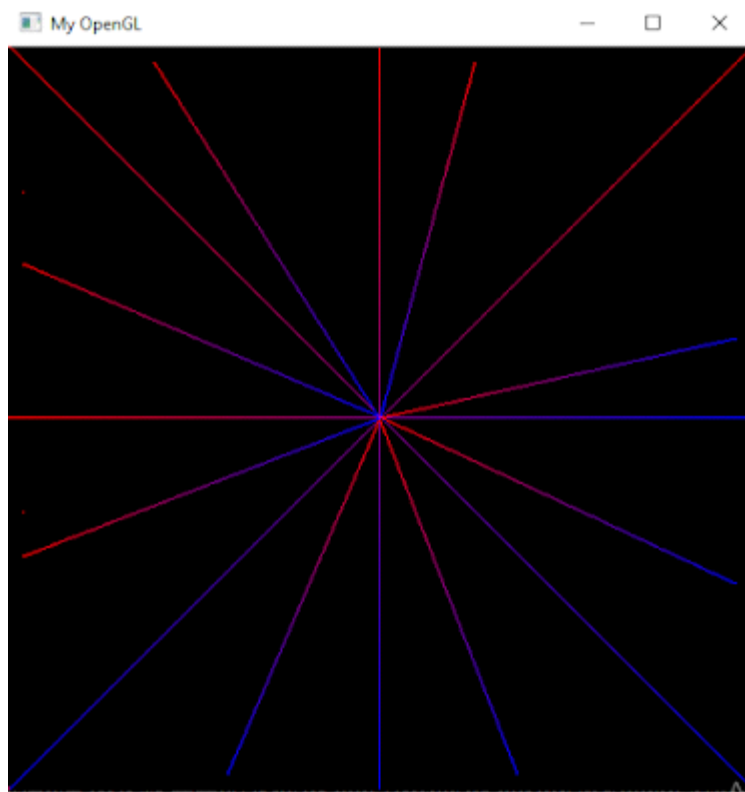
```
cg_framework\main.cpp X *cg_framework\mygl.h X cg_framework\definitions.h X cg_framework\main.h X
44 void DrawLine(int x0,int y0,int x1,int y1, cor cor1,cor cor2) {
45     int adc_y =1;
46     bool n = false; //variavel para controlar os casos
47     int aux; // variavel aux que sera utilizada nos trocas da variaveis dos if's
48     int dx=(x1-x0); // deltaX
49     int dy=(y1-y0); // deltaY
50
51     if(dy>dx){ //Troca as coordenadas dos pontos caso dy>dx , esse caso pode ser chamado de swap
52
53         aux=x0;
54         x0=y0;
55         y0=aux;
56
57         x1=aux;
58         x1=y1;
59         y1=aux;
60
61         aux=dx;
62         dx=dy;
63         dy=aux;
64
65         n=true; // n fica true para possa ser executado quando for trocar ,
66     }
67 }
```

```
cg_framework\main.cpp X *cg_framework\mygl.h X cg_framework\definitions.h X cg_framework\main.h X
68
69 if(x1<x0){ // quando DeltaX<0 , inverte a direção da seta
70     //troca (y1,y0)
71     aux=y1;
72     y1=y0;
73     y0=aux;
74     //troca (x1,x0)
75     aux=x1;
76     x1=x0;
77     x0=aux;
78 }
79
80 if(dy<0){ // decrementa os valores de 1 e da variavel de decisão
81     dy=-1*dy;
82     adc_y=-1;
83 }
84
85 int d=2*(dy-dx); // variavel de decisão
86 int incr_e=2*dy; // nao pode declarar essas variaveis em cima , pois pode ter alteração de v
87 int incr_ne=2*(dy-dx);
88
89 //valores iniciais
90 int y=y0;
91 int x=x0;
```

```
cg_framework\main.cpp X *cg_framework\mygl.h X cg_framework\definitions.h X cg_framework\main.h X
89 //////////////////////////////////////////////////
90 int y=y0;
91 int x=x0;
92
93 //INTERPOLAÇÃO DE CORES
94 cor cor = cor1;
95 float Gverde=(cor2.g-cor1.g)/dx;
96 float Rvermelho = (cor2.r-cor1.r)/dx;
97 float Bazul=(cor2.b-cor1.b)/dx;
98
99 putPixel(x,y,cor); //ponto inicial em que a reta vai se basear
100
101 while(x<x1){ //para poder fazer a reta , necessita-se de um laço de repetição
102
103     cor.g+=Gverde;
104     cor.r+=Rvermelho;
105     cor.b+=Bazul;
106
107     if(d<=0){ // escolha do lado , só o x será incrementado
108         d+=incr_e;
109         x++;
110     }
111     else{
112         d+=incr_ne; // escolha da variável nordeste , x e y serão incrementados
```

```
cg_framework\main.cpp X *cg_framework\mygl.h X cg_framework\definitions.h X cg_framework\main.h X
104     cor.r+=Rvermelho;
105     cor.b+=Bazul;
106
107     if(d<=0){ // escolha do lado , só o x será incrementado
108         d+=incr_e;
109         x++;
110     }
111     else{
112         d+=incr_ne; // escolha da variável nordeste , x e y serão incrementados
113         x++;
114         y+=adc_y;
115     }
116     if(n){ // if(n) quer dizer que se o valor de n for verdade , então escreva , ou seja .
117         putPixel(y,x,cor); //permutação/troca irá ocorrer automaticamente caso elas tenham sido
118     }
119     else{
120         putPixel(x,y,cor);
121     }
122 }
123
124 }
125 #endif // _MYGL_H_
126
127
```

```
*cg_framework\main.cpp X cg_framework\mygl.h X cg_framework\definitions.h X cg_framework\main.h X
16 DrawLine(255,0,255,510,corVermelho,corAzul); //eixo x
17 DrawLine(0,255,510,255,corVermelho,corAzul); //eixo y
18 DrawLine(0,0,510,510,corVermelho,corAzul); //y=-x
19 DrawLine(510,0,0,510,corVermelho,corAzul); //y=x
20 DrawLine(255,255,500,370,corVermelho,corAzul); //1º octante
21 DrawLine(255,255,350,500,corVermelho,corAzul); //2º octante
22 DrawLine(255,255,150,500,corVermelho,corAzul); //3º octante
23 DrawLine(10,350,255,255,corVermelho,corAzul); //4º octante
24 DrawLine(10,150,255,255,corVermelho,corAzul); //5º octante
25 DrawLine(100,10,255,255,corVermelho,corAzul); //6º octante
26 DrawLine(320,10,255,255,corVermelho,corAzul); //7º octante
27 DrawLine(255,255,500,200,corVermelho,corAzul); //8º octante
28
29
30
```



(Resultado de saída)

### Interpolação de cores

Entende-se que interpolação de cores de um segmento de reta é a rasterização de uma linha em que sua cor inicial se modifica ao longo do percurso da reta, trazendo incrementalmente novas cores desde o início até o final, com isso já sabemos que teremos que definir uma cor inicial e final na chamada da função e na sua implementação. Sabe-se que o algoritmo de rasterização mostrado anteriormente funciona em etapas, da forma pixel por pixel, ou seja, só podemos modificar a cor a cada novo pixel criado. Logo, define-se que o incremento de cor para cada canal (RGBA) do pixel se dará pela fórmula  $G_{verde} = (cor2.g - cor1.g) / dx$ , onde  $G_{verde}$  é o incremento do canal verde assim como  $B_{azul}$  (incremento do canal azul),  $R_{vermelho}$  (incremento do canal vermelho),  $cor2.g$  é o valor do canal verde no fim da linha e  $cor1.g$  é o valor do canal verde no início da linha e  $dx$  é o número de vezes que o algoritmo de rasterização irá rodar (tal lógica se aplica pois o  $while(x < x1)$  é justamente o  $dx$ ). Um detalhe que deve-se ressaltar foi que devido a alguns erros de compilação da interpolação de cores com canais do tipo `int` estavam dando erro, pois não interpolavam as linhas localizadas especificamente nas abscissas e nas ordenadas, só interpolavam os octantes diagonais, logo teve-se que alterar para tipo `float`, com isso, solucionou o problema. Sabendo disso, o que foi feito foi apenas colocar as incrementações no final do ciclo  $while(x < x1)$ , pois seguindo a didática, cada vez que se termina um ciclo, uma variação dos canais de cores será feita até que se possa chegar na cor final. Uma observação a ser feita, foi que para ficar mais organizado modifiquei o local das incrementações para no final do  $while$ , onde seria mais fácil a compreensão lógica, segue as imagens das modificações.

```
cg_framework/main.cpp  X  *cg_framework/mygl.h  X  cg_framework/definitions.h  X  cg_framework/main.h  X
7      // Definir aqui as suas funções gráficas
8      //*****
9
10     //1- Variáveis e estruturas que serão usadas para realizar as funções
11
12     //1.1 Essa será a estrutura que irá organizar a localização do pixel
13     struct pixel{
14         int x; // baseado no sistema cartesiano , o x estará discriminando a localização do eixo das abscissas
15         int y; // baseado no sistema cartesiano , o y estará discriminando a localização do eixo das ordenadas
16     };
17
18     //1.2 Essa será a estrutura que irá cuidar da parte da cor do pixel , vale saber que a maneira de cor
19     struct cor{
20         float r ; // variação do vermelho
21         float g ; // variação do verde
22         float b ; // variação do azul
23         float a ; // variação da opacidade
24     };
25
26     //Cores predefinidas para a pessoa usar quando for fazer a chamada da função
27     cor corVermelho= {255,0,0,1}; //Declarar um exemplo para testar
28     cor corVerde= {0,255,0,1}; //Declarar um exemplo para testar
29     cor corAzul= {0,0,255,1}; //Declarar um exemplo para testar
30     //      { R G B A }
```

(linha 19- mudança feita do int para o float)

```
cg_framework/main.cpp  X  cg_framework/mygl.h  X  cg_framework/definitions.h  X  cg_framework/main.h  X
85     int d=2*(dy-dx); // variável da distância
86     int incr_e=2*dy; // não pode declarar essa variável em cima , pois pode ter alteração da w
87     int incr_ne=2*(dy-dx);
88
89     //variáveis iniciais
90     int y=y0;
91     int x=x0;
92
93     //INTERPOLAÇÃO DE CORES
94     cor cor = cor1;
95     float Gverde=(cor2.g-cor1.g)/dx;
96     float Rvermelho = (cor2.r-cor1.r)/dx;
97     float B azul=(cor2.b-cor1.b)/dx;
98
99     putPixel(x,y,cor); //ponto inicial em que a reta vai se basear
100
101     while(x<x1){ //para nunca fazer a casa , diminua-as de um lado da variável
102         if(d<=0){ // escolha do lado , se o x será incrementado
103             d+=incr_e;
104             x++;
105         }
106         else{
107             d+=incr_ne; // escolha da variável verde , x e y serão incrementados
108             x++;
```

(linha 94 -Formula de incremento de cor para cada canal)



```

cg_framework\main.cpp X *cg_framework\mygl.h X cg_framework\definitions.h X cg_framework\main.h X
97 float Bazul=(cor2.b-cor1.b)/dx;
98
99 putPixel(x,y,cor); //ponto inicial em que a reta vai se basear
100
101 while(x<x1){ //para cada fazer a reta , necessitar-se de um laço de repetição
102     if(d<=0){ // escolha da região sudoeste , se o x será incrementado
103         d+=incr_e;
104         x++;
105     }
106     else{
107         d+=incr_ne; // escolha da região nordeste , x e y serão incrementados
108         x++;
109         y+=adc_y;
110     }
111     if(n){ // if(n) quer dizer que se o valor de n for verdade , então escreva , ou seja
112         putPixel(y,x,cor); //permutação/ troca irá ocorrer novamente caso elas tenham sido
113     }
114     else{
115         putPixel(x,y,cor);
116     }
117     cor.g+=Gverde; //incrementações de cores no final do ciclo do while , cada vez que el
118     cor.r+=Rvermelho;
119     cor.b+=Bazul;
120

```

(linha 117 - começa a parte de incremento da mudança de cor)

## DrawTriangle

A compreensão da função DrawTriangle se dá pelo entendimento da função DrawLine , sabendo disso , para desenharmos um triângulo , basta chamarmos a função DrawLine 3 vezes , em que na primeira chamada desenhamos uma linha do (x0,y0) para (x1,y1) , depois uma linha do(x1,y1) para o (x2,y2) , e depois uma linha do (x0,y0) para o (x2,y2). Implementação junto com os testes está nas imagens a seguir:

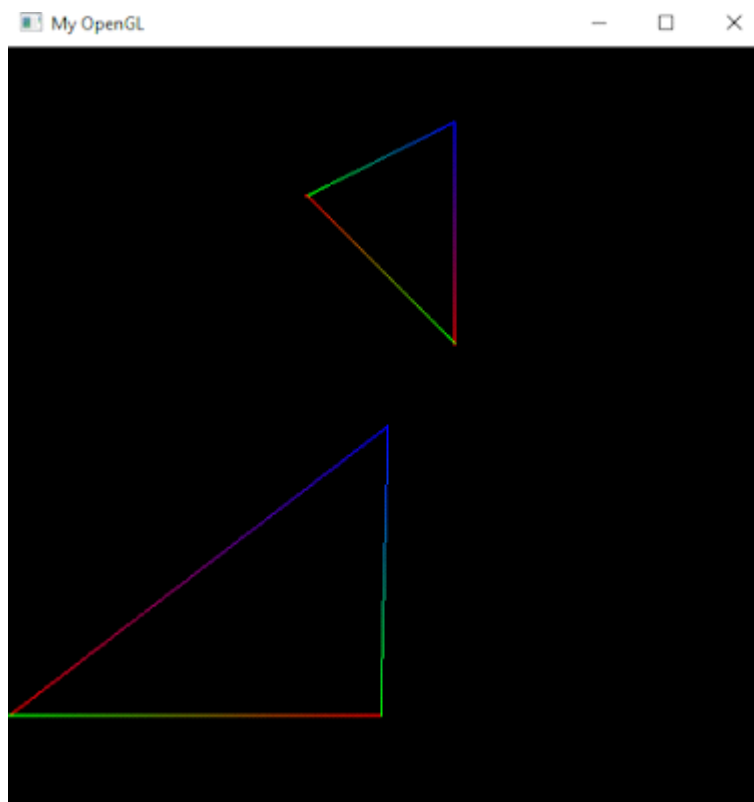
```

cg_framework\main.cpp X cg_framework\mygl.h X cg_framework\definitions.h X cg_framework\main.h X
109     y+=adc_y;
110 }
111 if(n){ // if(n) quer dizer que se o valor de n for verdade , então escreva , ou seja
112     putPixel(y,x,cor); //permutação/ troca irá ocorrer novamente caso elas tenham sido
113 }
114 else{
115     putPixel(x,y,cor);
116 }
117 cor.g+=Gverde; //incrementações de cores no final do ciclo do while , cada vez que el
118 cor.r+=Rvermelho;
119 cor.b+=Bazul;
120
121 }
122
123 }
124 void DrawTriangle(int x0,int y0,int x1,int y1,int x2,int y2 ,cor cor1,cor cor2,cor cor3){
125     DrawLine(x0,y0,x1,y1,cor1,cor2);
126     DrawLine(x1,y1,x2,y2,cor2,cor3);
127     DrawLine(x0,y0,x2,y2,cor3,cor1);
128 }
129
130 #endif // _MYGL_H_
131
132

```

```
cg_framework\main.cpp  X cg_framework\mygl.h  X cg_framework\definitions.h  X cg_framework\main.h  X
25 DrawLine(100,10,255,255,corVermelho,corAzul);//6º octante
26 DrawLine(320,10,255,255,corVermelho,corAzul);//7º octante
27 DrawLine(255,255,500,200,corVermelho,corAzul);//8º octante
28 */
29 DrawTriangle(0,450,255,255,250,450,corVermelho,corAzul,corVerde);
30 DrawTriangle(200,100,300,50,300,200,corVerde,corAzul,corVermelho);
31
32
33
34
35
36
37
38
39 }
40
41 //-----
42 int main(int argc, char **argv)
43 {
44     // Inicializações.
45     InitOpenGL(&argc, argv);
```

(Testes)



(Resultado de saída)

## **Bibliografia**

### **Slides do professor Christian(UFPB)**

<http://disciplinas.ist.utl.pt/leic-cg/textos/livro/Rasterizacao.pdf> -> **ajudou muito no entendimento do algoritmo de Bresenham**

[https://pt.wikipedia.org/wiki/Octante\\_\(geometria\\_espacial\)](https://pt.wikipedia.org/wiki/Octante_(geometria_espacial)) ->**ajudou muito a questão da simetria**

[https://pt.wikipedia.org/wiki/Algoritmo\\_de\\_Bresenham](https://pt.wikipedia.org/wiki/Algoritmo_de_Bresenham)

<http://www.dca.fee.unicamp.br/courses/IA725/1s2006/notes/n4.pdf>

[http://www.univasf.edu.br/~jorge.cavalcanti/comput\\_graf04\\_prim\\_graficas2.pdf](http://www.univasf.edu.br/~jorge.cavalcanti/comput_graf04_prim_graficas2.pdf)

<https://stackoverflow.com/questions/25878029/smooth-color-interpolation-along-a-bresenham-line>

