Fundamentos de Algoritmos e Estrutura de Dados – Aula 06 - Grafos

Prof. André Gustavo Hochuli

gustavo.hochuli@pucpr.br aghochuli@ppgia.pucpr.br

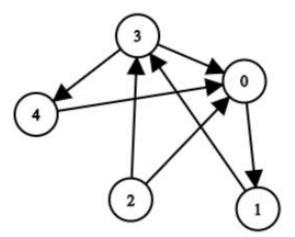
Plano de Aula

- Grafos
 - Busca Profundidade
 - Busca Largura
 - Busca A*
- Dijkstra

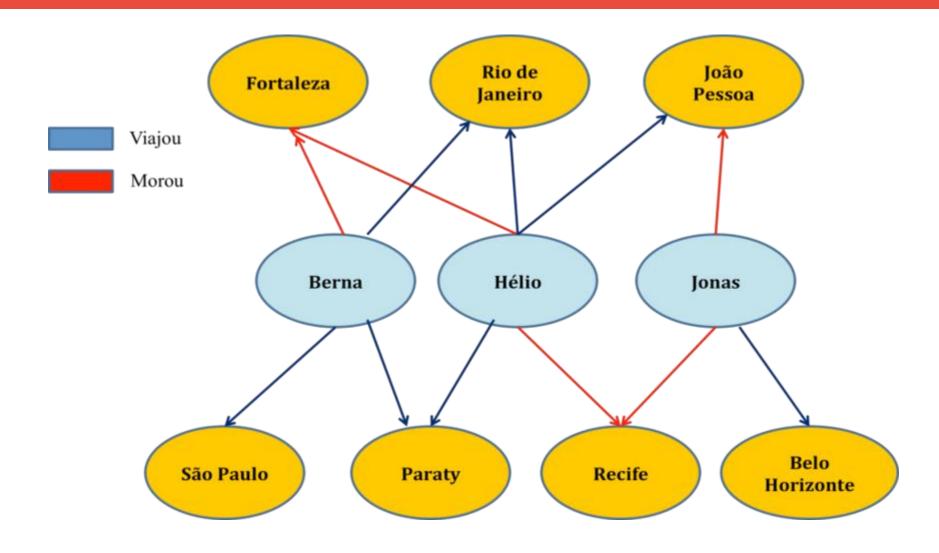
Grafos

- Conjunto de Vértices e Arestas
 - Direcionado ou Não
 - Define graus de relacionamento entre objetos (arestas e vértices)
- (3) (1)

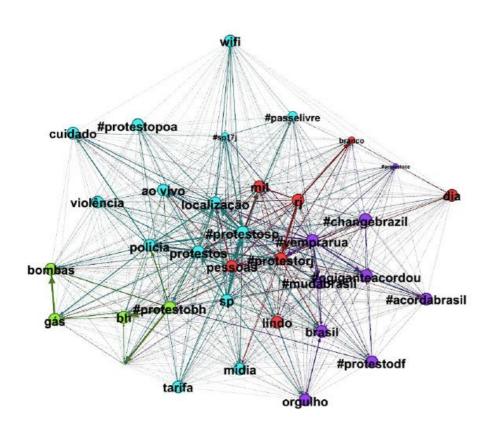
- Utilizado na modelagem de problemas
 - Redes Sociais
 - Relacionamento entre Empresas, Pessoas, etc
 - Roteamento
 - Redes de Computadores
 - Rotas Rodoviárias, Aéreas, Malha Elétrica....
 - Programação Orientada a Objetos (Classes)

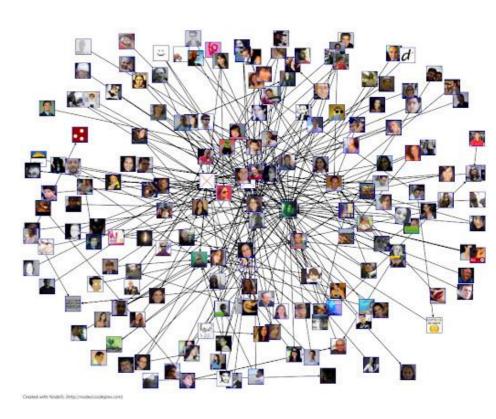


Grafos (Relacionamentos)

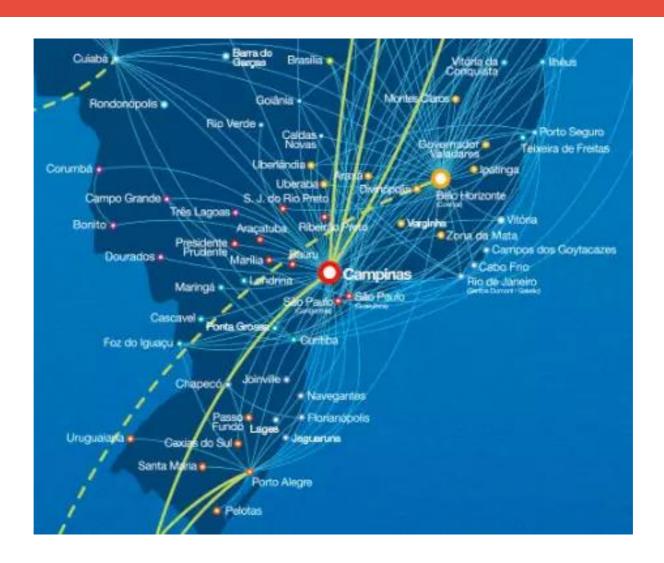


Grafos (Redes Sociais)



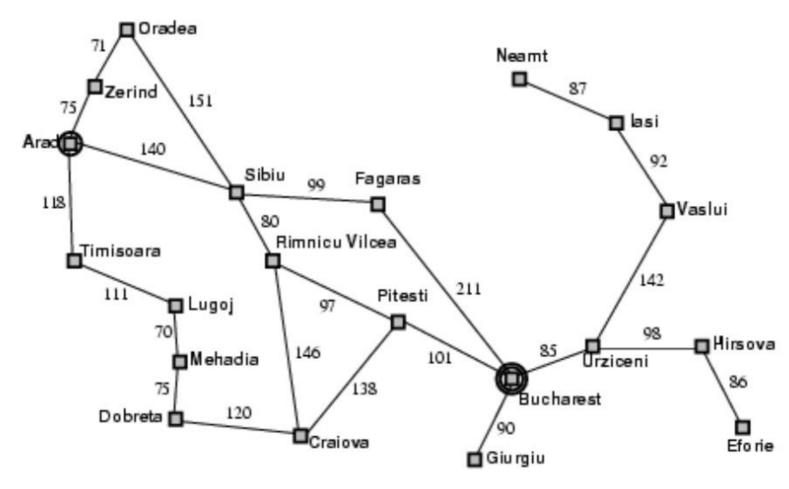


Grafos (Roteamento)

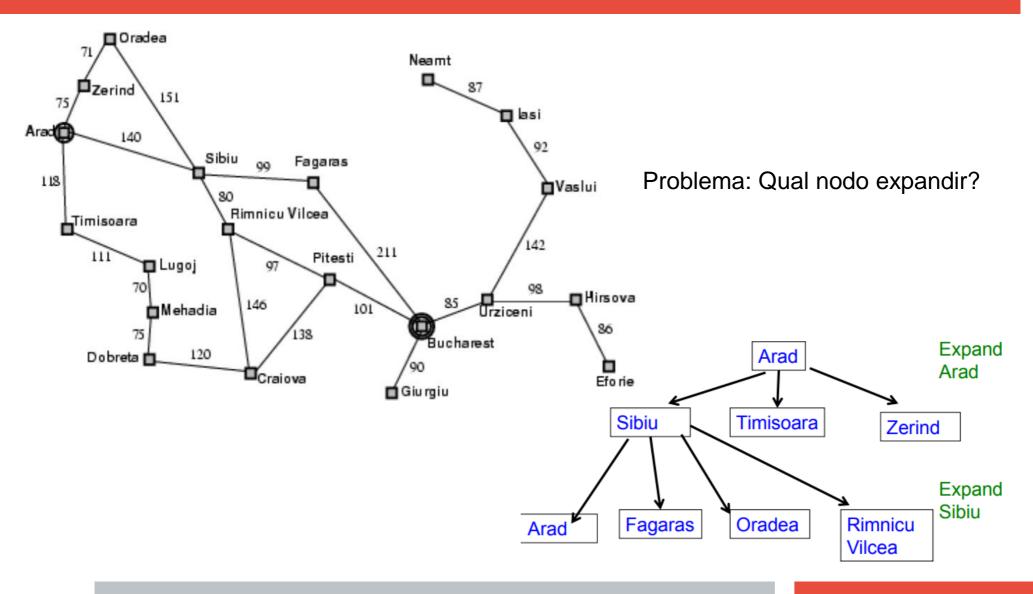


Busca Cegas (Sem Informação)

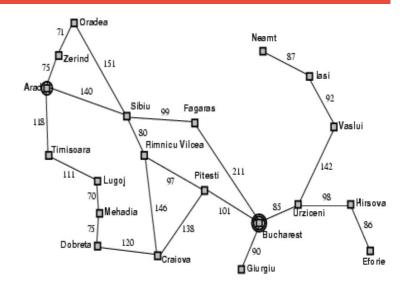
Problema: Arad → Bucharest



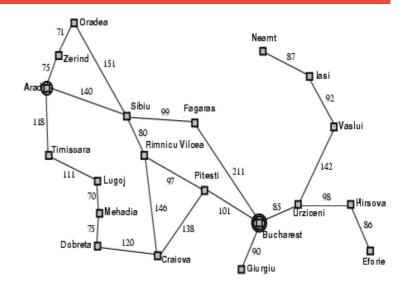
Busca Cegas (Sem Informação)



Busca Cega: Profundidade



Busca Cega: Largura



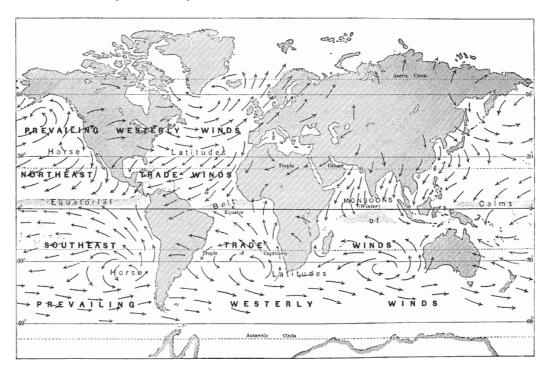
Busca Cega: Largura

- Bons resultados para arvores com pouca profundidade
- Caso contrário, o custo computacional é alto
- Exemplo
 - Ramificação b=10, 1 M nodos/seg, 1 KB por node

profundidade	nós	$1+b^1+b^2+(b^3-b) = 1+10+100+(1000-10) = 1101$	
		tempo	memória
2	(1100)	0,11 seg	1 MB
4	111.100	11 seg	106 MB
6	10^{7}	19 min	10 GB
8	109	31 horas	1 TeraB
10	1011	129 dias	101 TeraB
12	10^{13}	35 anos	10 PentaB
14	1015	3.523 anos	1 exaB

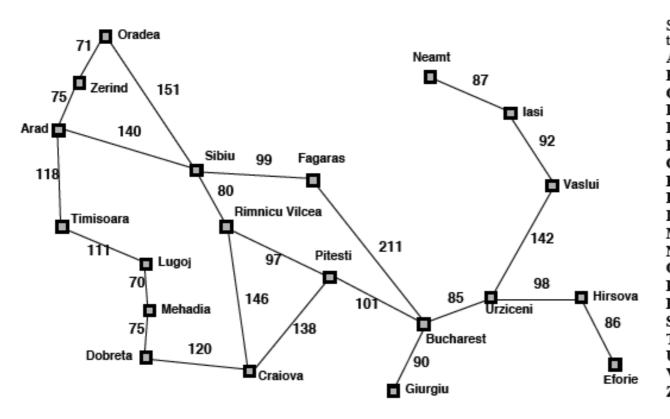
Busca Heuristica (Informada)

- Utiliza uma função heurística para determinar a próxima expansão
- Problema: Procurar um barco no oceano
 - Cega: M2 por M2
 - Heurística: Corrente Marítima, Ventos, ...



Busca Heuristica

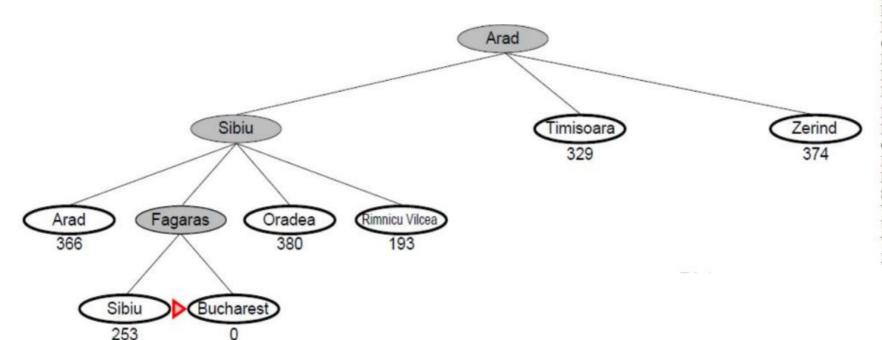
Romania with step costs in km



е
366
0
160
242
161
178
77
151
226
244
241
234
380
98
193
253
329
80
199
374

Busca Heuristica: Gulosa (Greedy Search)

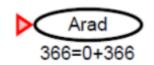
- f(n) = h(n)
 - h(n): Custo de n até folha (n→destino)

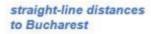


straight-line distances to Bucharest

Arad	366
Bucharest	(
Craiova	160
Drobeta	242
Eforie	161
Fagaras	176
Giurgiu	77
Hirsova	151
Iasi	226
Lugoj	244
Mehadia	241
Neamt	234
Oradea	380
Pitesti	100
Rimnicu Vilcea	193
Sibiu	253
Timisoara	329
Urziceni	80
Vaslui	199
Zerind	374

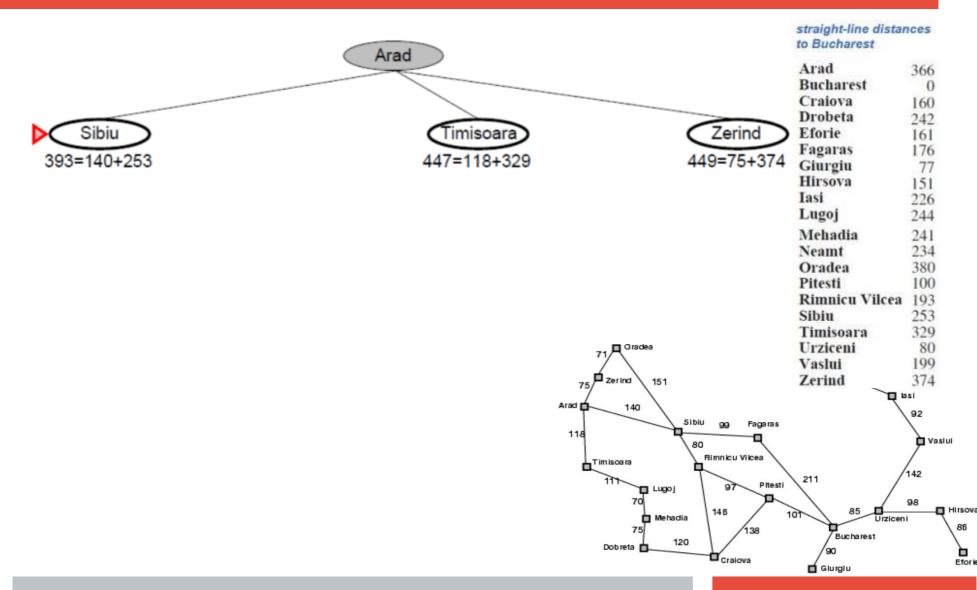
• f(n) = g(n) + h(n)

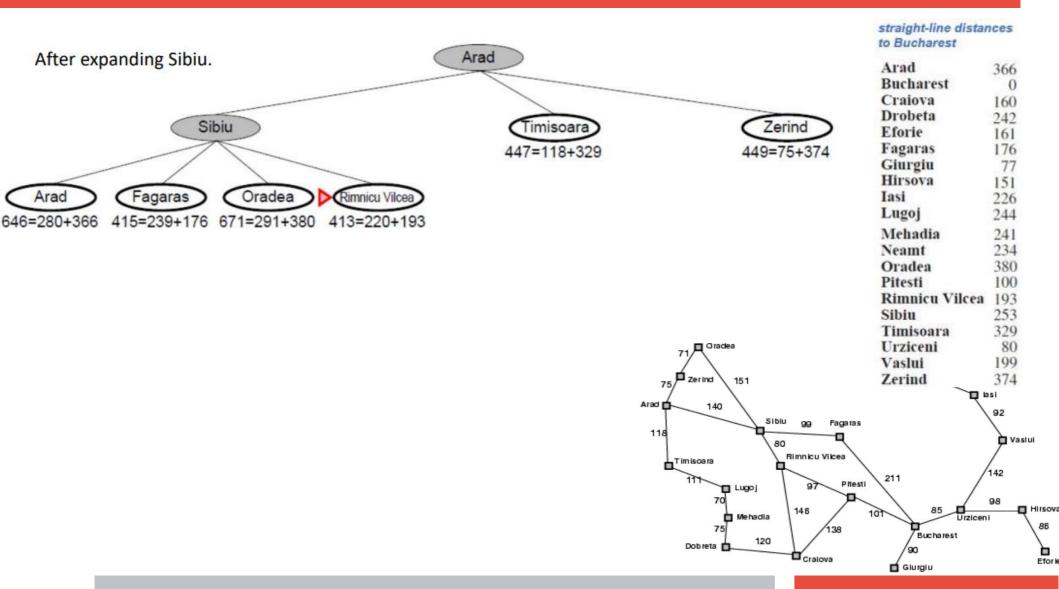


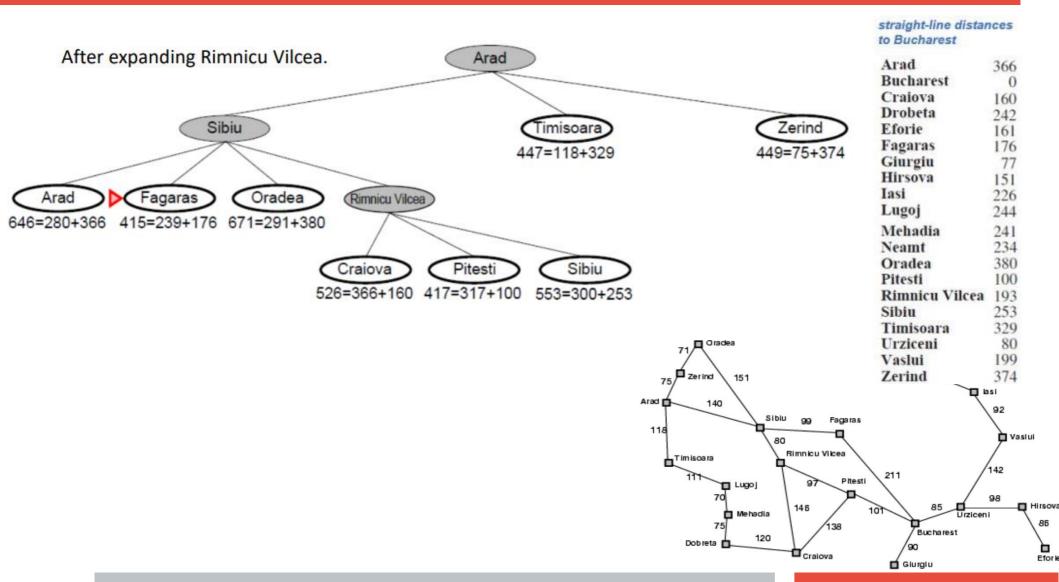


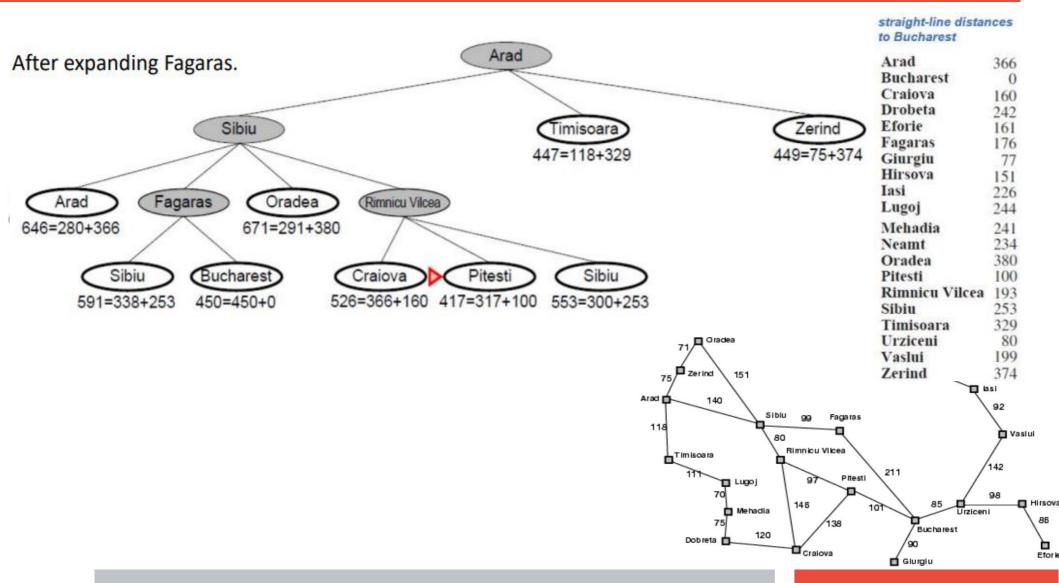
Arad 366 Bucharest Craiova 160 Drobeta 242 Eforie 161 Fagaras 176 Giurgiu Hirsova 151 Iasi 226 Lugoj 244 Mehadia 241 Neamt 234 Oradea 380 Pitesti 100 Rimnicu Vilcea 193 253 Sibiu 329 Timisoara Urziceni

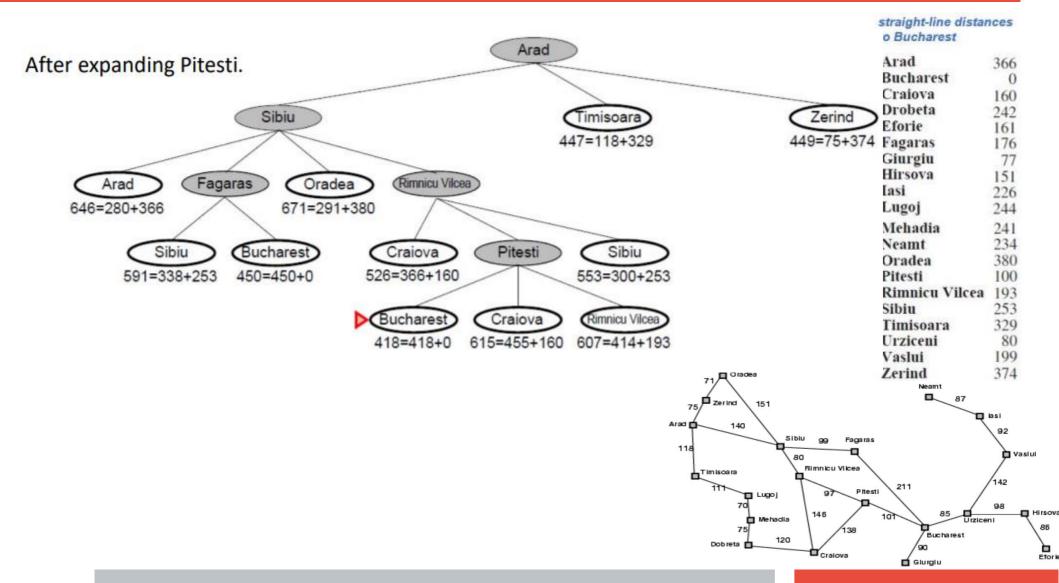






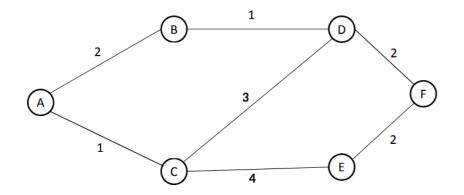


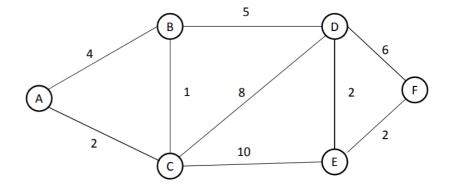




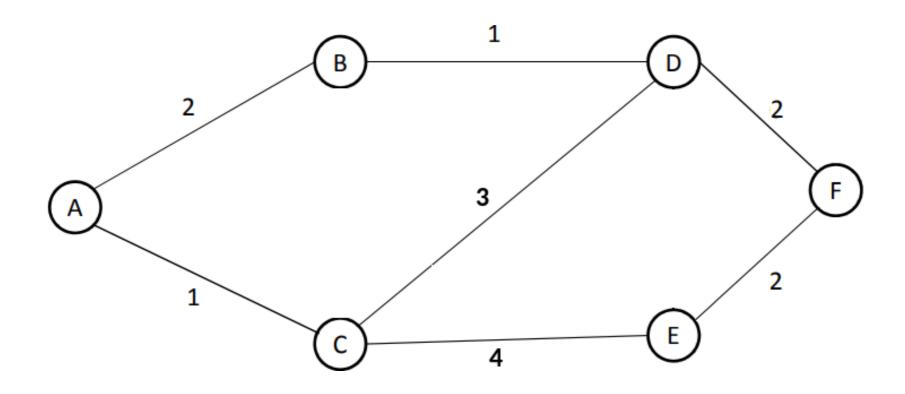
Algoritmo de Dijkstra

- Edsger Dijskstra 1959
- Caminho mais curto em grafo
- De A para F

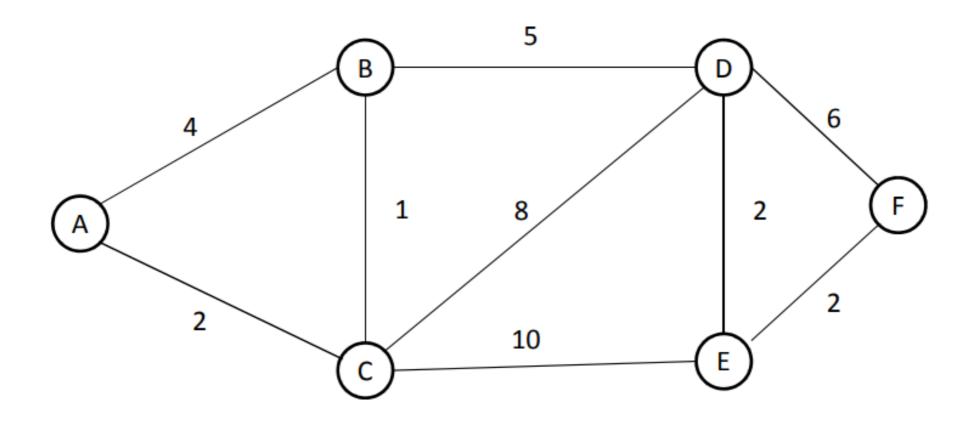




Algoritmo de Dijkstra



Algoritmo de Dijkstra



Codificando Grafos

• LINK DEEPNOTE

Trabalho

- Implementação do algoritmo de Dijkstra
- Monte um grafo que represente um problema real
- Aplique o algoritmo de Dijkstra
- Utilize a biblioteca pyvis para ilustrar o grafo
- Entrega via AVA