Fundamentos de Algoritmos e Estrutura de Dados – Aula 04 – Recursividade e Arvores Binárias

Prof. André Gustavo Hochuli

gustavo.hochuli@pucpr.br aghochuli@ppgia.pucpr.br

Plano de Aula

- Discussão Trabalho Hash (Apresentação Grupos)
- Recursão
- Arvores Binárias
 - Codificação Colaborativa: [Link DeepNote]

- Funções que invocam a si mesma (laço)
 - Critério de Parada
 - Incremento ou Decremento

```
def print_rec(i):
    if (i<=0): #Stop Criteria
        return

    print(i)
    print_rec(i-1) #increment/decrement</pre>
```

```
def print_rec(i):
    if (i<=0): #Stop Criteria
        return

    print(i)
    print_rec(i-1) #increment/decrement

print_rec(3)</pre>
```



• Qual a diferença entre as duas funções abaixo:

```
def print_rec(i):
    if (i<=0): #Stop Criteria
        return

    print(i)
    print_rec(i-1) #increment/decrement</pre>
```

```
def print_rec(i):
    if (i<=0): #Stop Criteria
        return

print_rec(i-1) #increment/decrement
print(i)</pre>
```

```
def print_rec(i):
    if (i<=0): #Stop Criteria
        return
    print_rec(i-1) #increment/decrement
    print(i)</pre>
```



- Implemente uma soma recursiva de 0....N
 - N = 3 | Soma = 3 + 2 + 1 ou 1 + 2 + 3
 - N = 3 | Soma = 5 + 4 + 3 + 2 + 1 ou 1 + 2 + 3 + 4 + 5
- Implemente o Fibonacci Iterativo

Recursão vs Iteração

- Cada situação demanda uma abordagem
- Via de regra, a recursão apresenta overhead em relação a iterativa
 - No entanto, veremos que em algumas situações a aplicação de recursão é sugestiva

```
def print_rec(i):
    if (i<=0): #Stop Criteria
        return

print_rec(i-1) #increment/decrement
print(i)</pre>
```

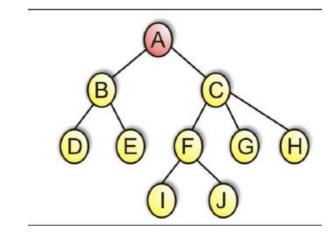
```
def print_iter(i):
    for n in range(i)
        print(n)
```

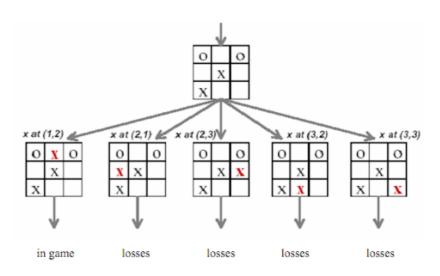
Recursão vs Iteração

- Implemente o código de varredura de uma pilha e lista
 - Recursivo
 - Iterativo

Árvores

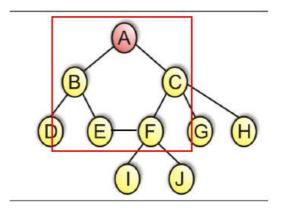
- Estrutura não linear
- Representação Hierárquica
- Aplicações
 - Verificadores de sintaxe
 - Banco de Dados
 - Roteadores
 - Escalonadores de processos
 - I.A



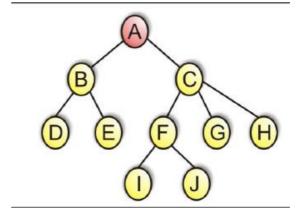


Árvores - Conceitos

• Árvore não contém ciclos

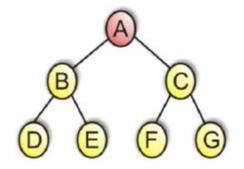


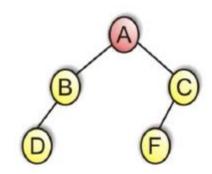
- Grau:
 - Número de sub-árvores
 - A=2, C=3, D=0
 - Grau Árvore: 3
- Nível
 - Distância entre o vértice até a raiz
 - D=2, I=3
 - Nível da Árvore: 3



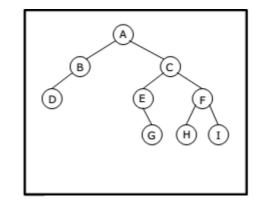
Árvores - Binárias

Árvores Binárias tem grau 2





- Caminhamento
 - Pré-Ordem: raiz→esq→dir
 - Pós-Ordem: esq →dir→raiz
 - In-Ordem: esq→raiz→dir
 - Nível*: raizes(N=0)→raizes(N=1)....
 - (*) Método não recursivo
 - (*) Árvore deve ser convertido em fila

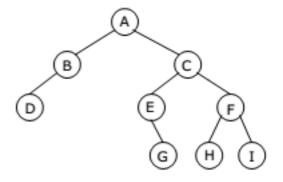


- Preorder
 A, B, D, C, E, G, F, H, I
- Postorder
 D, B, G, E, H, I, F, C, A
- Inorder D, B, A, E, G, C, H, F, I
- Level order
 A, B, C, D, E, F, G, H, I

Árvores - Implementação

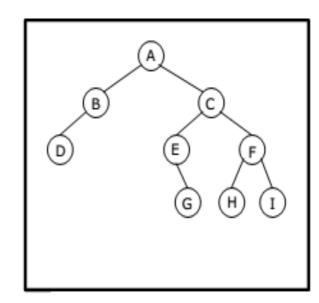
```
class Node:
   def init (self, data):
        self.data = data # Assign data
        self.left = None # Initialize as None
        self.right = None # Initialize as None
class Binary Tree:
    # Init Class
    def init (self,data):
        self.root = Node(data)
   def push(self,data):
        if self.root is None:
            print("Root")
            self.root = Binary Tree(data)
        if data > self.root.data:
            if self.root.right is None:
                print("Add Right")
                self.root.right = Binary Tree(data)
            else:
                self.root.right.push(data)
        else:
            if self.root.left is None:
                print("Add Left")
                self.root.left = Binary Tree(data)
            else:
                self.root.left.push(data)
```

return



Fund. Algoritmos e Estrutura de Dados - Prof. André Hochuli

```
def walk preorder(self):
    print(self.root.data)
    if self.root.left is not None:
        self.root.left.walk preorder()
    if self.root.right is not None:
        self.root.right.walk preorder()
def walk inorder(self):
    if self.root.left is not None:
        self.root.left.walk inorder()
    print(self.root.data)
    if self.root.right is not None:
        self.root.right.walk inorder()
def walk postorder(self):
    if self.root.left is not None:
        self.root.left.walk postorder()
    if self.root.right is not None:
        self.root.right.walk postorder()
    print(self.root.data)
```

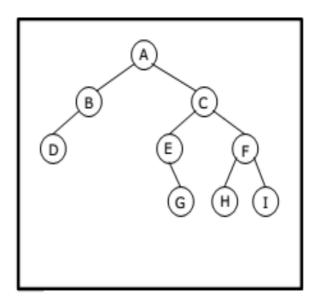


- Preorder
 A, B, D, C, E, G, F, H, I
- Postorder
 D, B, G, E, H, I, F, C, A
- Inorder
 D, B, A, E, G, C, H, F, I
- Level order
 A, B, C, D, E, F, G, H, I

```
def walk_preorder(self):
    print(self.root.data)

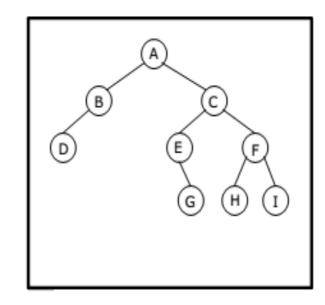
if self.root.left is not None:
        self.root.left.walk_preorder()

if self.root.right is not None:
        self.root.right.walk_preorder()
```

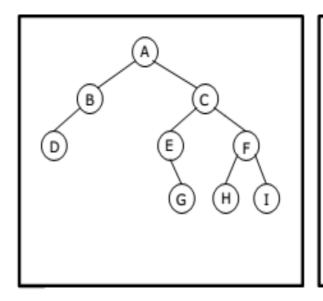


- Preorder
 A, B, D, C, E, G, F, H, I
- Postorder
 D, B, G, E, H, I, F, C, A
- Inorder
 D, B, A, E, G, C, H, F, I
- Level order
 A, B, C, D, E, F, G, H, I

```
def walk_inorder(self):
    if self.root.left is not None:
        self.root.left.walk_inorder()
    print(self.root.data)
    if self.root.right is not None:
        self.root.right.walk_inorder()
```



- Preorder
 A, B, D, C, E, G, F, H, I
- Postorder
 D, B, G, E, H, I, F, C, A
- Inorder
 D, B, A, E, G, C, H, F, I
- Level order
 A, B, C, D, E, F, G, H, I



- Preorder
 A, B, D, C, E, G, F, H, I
- Postorder
 D, B, G, E, H, I, F, C, A
- Inorder
 D, B, A, E, G, C, H, F, I
- Level order
 A, B, C, D, E, F, G, H, I

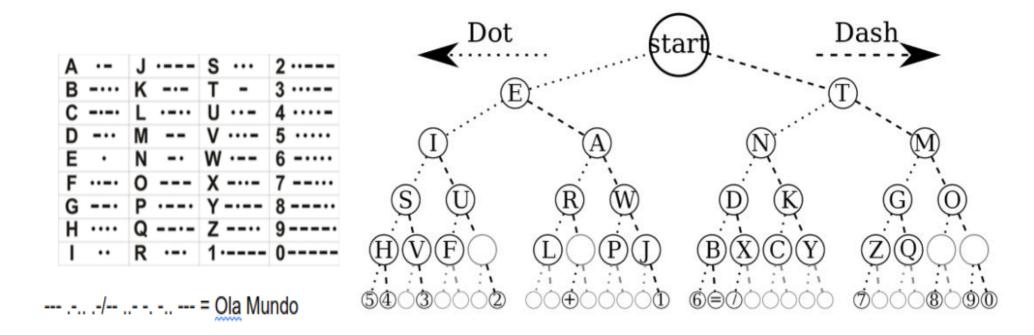
```
def walk_postorder(self):
    if self.root.left is not None:
        self.root.left.walk_postorder()

    if self.root.right is not None:
        self.root.right.walk_postorder()

    print(self.root.data)
```

Árvores - Trabalho

Implementação de um tradutor de código morse



==> Verifique os detalhes no AVA!