

ESERCIZI CRC E INTERNET CHECKSUM

ESERCIZIO 1

Si applichi alla stringa $P=1110$ il meccanismo di generazione di una stringa binaria lato emettitore con CRC ottenuto attraverso un polinomio generatore $G(x) = x^3 + x + 1$

Si derivi:

- 1) La stringa binaria T emessa lato emettitore.
- 2) Una stringa d'errore $E1$ che sommata a T NON dia errore in ricezione; $E1$ deve essere diversa da $E=0001011$.
- 3) Una stringa d'errore $E2$ che sommata a T dia errore in ricezione.

ESERCIZIO 2

Applicare la tecnica di riempimento utilizzata nei protocolli orientati ai bit (bit stuffing) alla seguente sequenza:

01110111110011101110101111111011110111111:

Sempre facendo riferimento alla tecnica di riempimento di bit, si supponga che viene ricevuto la seguente sequenza di bit:

011111011101111101111101111101110001111010100001111110:

Si cancellino i bit addizionali e si ricostruisca il frame originale.

ESERCIZIO 3

Si consideri una parola di codice $T=1011100$ ottenuta da un polinomio $P(X)$ e un resto $R(X)$ attraverso l'uso di un polinomio generatore $G(x) = x^3 + x^2 + 1$.

- 1) Supponendo che durante la trasmissione si verifichi un errore su terzo e sul quarto bit di T (a partire dal più significativo), che polinomio resto ottiene il ricevitore quando effettua il suo controllo d'errore?
- 2) Che parola di codice sarebbe stata trasmessa se il polinomio generatore fosse stato $G(x) = x^4 + x + 1$.

ESERCIZIO 4

Vogliamo trasmettere il messaggio 11001001 e proteggerlo da errori usando il polinomio CRC $x^3 + 1$.

1. Quale messaggio deve essere trasmesso?
2. Supponendo che il bit più a sinistra del messaggio sia invertito in ricezione. Qual è il risultato del controllo CRC del ricevente? Come fa il ricevente a riconoscere l'occorrenza dell'errore?

ESERCIZIO 5

Per la stringa $M=1011000101101010$ calcolare:

- Il valore di internet checksum a 8 bit;
- Il valore di CRC relativo al polinomio di correzione $x^3 + 1$.

ESERCIZIO 6

Si consideri un header con parole da 4 bit

B0=1001	9
B1=1100	12
B2=1010	10
B3=0011	3

Operazioni modulo 15

Si calcoli la quinta parola che costituisce il checksum

ES1

$$P = 1110$$

$$G(x) = x^3 + x + 1$$

1) $T = 1110100$

$$\begin{array}{r|l} 1110000 & 1011 \\ 1011 & 1100 \\ \hline //1010 & \\ 1011 & \\ \hline //0010 & \\ 0000 & \\ \hline //0100 & \\ 0000 & \\ \hline //100 & \end{array}$$

2) $T' = 1011000$

$$\begin{array}{r} 1110100 \\ 0101100 \\ \hline 1011000 \end{array}$$

3)

$$\begin{array}{r} 1110100 \\ 1101010 \\ \hline 0011110 \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 0011110 & 1011 \\ 0000 & 0011 \\ \hline //0111 & \\ 0000 & \\ \hline //1111 & \\ 1011 & \\ \hline //1000 & \\ 1011 & \\ \hline //011 & \end{array}$$

$$\begin{array}{r|l} 1011000 & 1011 \\ 1011 & 1000 \\ \hline //0000 & \\ 0000 & \\ \hline //0000 & \\ 0000 & \\ \hline //0000 & \\ 0000 & \\ \hline // & \end{array}$$

ES3

$$T = 1011100$$

$$G(x) = x^3 + x^2 + 1$$

$$T' = 1000100$$

1)

$$\begin{array}{r|l} 1000100 & 1101 \\ 1101 & 1110 \\ \hline //1011 & \\ 1101 & \\ \hline //1100 & \\ 1101 & \\ \hline //0010 & \\ 0000 & \\ \hline //010 & \end{array}$$

2) $G(x) = x^5 + x + 1$

$$\begin{array}{r|l} 10110000 & 10011 \\ 10011 & 1010 \\ \hline //01010 & \\ 000000 & \\ \hline //10100 & \\ 10011 & \\ \hline //01110 & \\ 000000 & \\ \hline //1110 & \end{array}$$

$T' = 1011110$

ESS $M = 11001001$ $G(x) = x^3 + 1$

1)
$$\begin{array}{r} \overline{11001001000} \mid 1001 \\ \underline{1001} \\ //1011 \\ \underline{1001} \\ //0100 \\ \underline{0000} \\ //1000 \\ \underline{1001} \\ //0011 \\ \underline{0000} \\ //0110 \\ \underline{0000} \\ //1100 \\ \underline{1001} \\ //1010 \\ \underline{1001} \\ //011 \end{array}$$

$T = 11001001011$

2) $T' = 01001001011$

~~$$\begin{array}{r} \overline{01001001000} \mid 1001 \\ \underline{0000} \\ //11001 \\ \underline{1001} \\ //0000 \\ \underline{0000} \\ //0000 \\ \underline{0000} \\ //0001 \\ \underline{0000} \\ //0010 \\ \underline{0000} \\ //0100 \\ \underline{0000} \\ //1000 \\ \underline{1001} \\ //001 \end{array}$$~~

SI DEVÉ INVERTIRE T

ESS

$$M = 1011000101101010$$

1)
$$\begin{array}{r} 10110001 \\ 01101010 \\ \hline 00011100 \\ 11100011 \end{array}$$

2) $G(x) = x^3 + 1$

$$\begin{array}{r} 1011000101101010000 \\ \underline{1001} \\ //0100 \\ \underline{0000} \\ //1000 \\ \underline{1001} \\ //0010 \\ \underline{0000} \\ //0101 \\ \underline{0000} \\ //1010 \\ \underline{1001} \\ //0111 \\ \underline{0000} \\ //1111 \\ \underline{1001} \\ //1100 \\ \underline{1001} \\ //1011 \\ \underline{1001} \\ //0100 \\ \underline{0000} \\ //1001 \\ \underline{1001} \\ //000 \end{array}$$

$$T = 1011000101101010000$$

ES 6

$$\begin{array}{r} 1001 \\ \underline{1100} \\ 10101 \\ \underline{1010} \\ 1111 \\ \underline{0011} \\ 100010 = 34 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 1001 \\ \underline{1100} \\ 10101 \end{array} \quad \begin{array}{r} 1010 \\ \underline{0011} \\ 1101 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 10101 \\ \underline{1101} \\ 100010 \end{array}$$

$$34 \text{ MOD } 15 = 4 \rightarrow \begin{array}{r} 0100 \\ 1011 \end{array}$$