

Grundlagen der Rechnerarchitektur Blatt 4

Marco Deuscher

Carolin Schindler

18. November 2019

1 Aufgabe: Negativ, Positiv: So viele Möglichkeiten

(a) 11000101010_2

vorzeichenbehaftet: -554_{10}

negative Zahl mit Betrag: $1000101010_2 \rightarrow (2 + 2^3 + 2^5 + 2^9)_{10} = 554_{10}$

b-1-Komplement: -469_{10}

negative Zahl mit Betrag: $00111010101_2 \rightarrow (1 + 2^2 + 2^4 + 2^6 + 2^7 + 2^8)_{10} = 469_{10}$

b-Komplement: -470_{10}

„b-1-Komplement -1“ : $-469_{10} - 1_{10}$

(b) 01111010_2

vorzeichenbehaftet: 122_{10}

positive Zahl mit Betrag: $1111010_2 \rightarrow (2 + 2^3 + 2^4 + 2^5 + 2^6)_{10} = 122_{10}$

b-1-Komplement: 122_{10}

positive Zahl mit Betrag: $01111010_2 \rightarrow (2 + 2^3 + 2^4 + 2^5 + 2^6)_{10} = 122_{10}$

b-Komplement: 121_{10}

„b-1-Komplement -1“ : $122_{10} - 1_{10}$

(c) 1111111_2

vorzeichenbehaftet: -63_{10}

negative Zahl mit Betrag: $111111_2 \rightarrow (1 + 2 + 2^2 + 2^3 + 2^4 + 2^5)_{10} = 63_{10}$

b-1-Komplement: -0_{10}

negative Zahl mit Betrag: $0000000_2 \rightarrow 0_{10}$

b-Komplement: -1_{10}

„b-1-Komplement -1“ : $-469_{10} - 1_{10}$

2 Aufgabe: Multiplikation und Division

(a)

$$\begin{array}{r}
 1 \ 1 \ 1 \ 0 \ 0 \ 1 \cdot 1 \ 0 \ 0 \ 1 \ 1 \ 0 \ 1 \ 0 = 10001001001010_2 \\
 \hline
 1 \ 1 \ 1 \ 0 \ 0 \ 1 \\
 1 \ 1 \ 1 \ 0 \ 0 \ 1 \\
 1 \ 1 \ 1 \ 0 \ 0 \ 1 \\
 + 1 \ 1 \ 1 \ 0 \ 0 \ 1 \\
 \hline
 1 \ 1 \ 1 \ 1 \ 1 \\
 1 \ 0 \ 0 \ 1 \ 0 \ 0 \ 1 \ 0 \ 1 \ 0 \\
 \hline
 1 \ 0 \ 0 \ 0 \ 1 \ 0 \ 0 \ 1 \ 0 \ 0 \ 1 \ 0 \ 1 \ 0
 \end{array}$$

(b)

$$\begin{array}{r}
 0 \ 1 \ 1 \ 1 \ 0 \ 1 \ 1 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 1 : 1 \ 0 \ 1 \ 1 \ 0 = 1010101_2 \text{Rest: } 10011_2 \\
 - 1 \ 0 \ 1 \ 1 \ 0 \\
 \hline
 1 \ 1 \\
 0 \ 0 \ 1 \ 1 \ 1 \ 0 \\
 - 1 \ 0 \ 1 \ 1 \ 0 \\
 \hline
 0 \ 1 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \ 0 \\
 - 1 \ 0 \ 1 \ 1 \ 0 \\
 \hline
 1 \ 1 \ 1 \ 1 \\
 0 \ 0 \ 1 \ 0 \ 1 \ 0 \ 0 \ 1 \\
 - 1 \ 0 \ 1 \ 1 \ 0 \\
 \hline
 1 \ 1 \ 1 \\
 0 \ 1 \ 0 \ 0 \ 1 \ 1 \\
 \hline
 0 \ 1 \ 0 \ 0 \ 1 \ 1
 \end{array}$$

3 Keine Brüche, nur Kommas

(a) $1,453125_{10} \rightarrow 000001011101$ (ohne Abschneiden)

$$0,453125 \cdot 2 = 0,90625$$

$$0,90625 \cdot 2 = 1,8125$$

$$0,8125 \cdot 2 = 1,625$$

$$0,625 \cdot 2 = 1,25$$

$$0,25 \cdot 2 = 0,5$$

$$0,5 \cdot 2 = 1$$

(b) $0,\bar{3}_{10} \rightarrow 000000010101_2$ (mit Abschneiden)

$$\frac{1}{3} \cdot 2 = \frac{2}{3}$$

$$\frac{2}{3} \cdot 2 = \frac{4}{3}$$

$$\frac{1}{3} \cdot 2 = \frac{2}{3}$$

$$\frac{2}{3} \cdot 2 = \frac{4}{3}$$

...

Es gibt (abgesehen von der Einführung eines Periodenzeichens: $0, \overline{3}_{10} \rightarrow 000000\overline{01}_2$) keine Möglichkeit die Zahl als 12 Bit Festkommazahl darzustellen.

4 Multiplizieren und Dividieren, aber schnell

- (a) 1001010100_2 (entspricht $\ll 1_{10}$)
- (b) 010100_2 (entspricht $\ll 2_{10}$)
- (c) 000000000001_2 (entspricht $\gg 9_{10}$)
- (d) XXX

5 Binär und doch Dezimal

- (a) $377_{10} \rightarrow 001101110111_{BCD}$

$$3_{10} \rightarrow 0011_2$$

$$7_{10} \rightarrow 0111_2$$

- (b) $17_{10} + 13_{10} \rightarrow 00110000_{BCD} \rightarrow 30_{10}$

$$17_{10} \rightarrow 00010111_{BCD}$$

$$13_{10} \rightarrow 00010011_{BCD}$$

$$\begin{array}{rcccccccc}
 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 1 & 1 \\
 + & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 \\
 \hline
 & & & 1 & & 1 & 1 & 1 & \\
 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & \text{1010 Pseudotetrade} \\
 + & & & & 0 & 1 & 1 & 0 & \rightarrow +6_{10} \\
 \hline
 & & & 1 & 1 & 1 & & & \\
 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 &
 \end{array}$$

- (c) $110_{10} + 99_{10} \rightarrow 001000001001_{BCD} \rightarrow 209_{10}$

$$110_{10} \rightarrow 000100010000_{BCD}$$

$$99_{10} \rightarrow 10011001_{BCD}$$

$$\begin{array}{rcccccccccccc}
 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\
 + & & & & & 1 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 \\
 \hline
 & & & & & 1 & & & & & & & \\
 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 & \text{1010 Pseudotetrade} \\
 + & & & & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \rightarrow +60_{10} \\
 \hline
 & & & 1 & 1 & 1 & & & & & & & \\
 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 1 &
 \end{array}$$

(d) $3_{10} \cdot 4_{10} \rightarrow 00010010_{BCD} \rightarrow 12_{10}$

$$3_{10} \rightarrow 0011_{BCD}$$

$$4_{10} \rightarrow 0100_{BCD}$$

0	0	1	1	·	0	1	0	0	
									1100 Pseudotetrade
		0	0	1	1	0	0		
	+				0	1	1	0	→ +6 ₁₀
									1100 Pseudotetrade
			1	1					
		0	1	0	0	1	0		

6 Was passiert hier?

(a)

XXX

(b)

XXX

7 Knobelaufgabe

Es gibt Zahlen, die im Dezimalsystem weder irrational noch periodisch sind und im Dualsystem nicht durch eine endliche Anzahl an Stellen darstellbar sind. Ein Beispiel hierfür ist die Zahl $0,1_{10} \rightarrow 0,0001\overline{1}_2$:

$$0,1 \cdot 2 = 0,2$$

$$0,2 \cdot 2 = 0,4$$

$$0,4 \cdot 2 = 0,8$$

$$0,8 \cdot 2 = 1,6$$

$$0,6 \cdot 2 = 1,2$$

$$0,2 \cdot 2 = 0,4$$

...