Busca Adaptativa em Grandes Vizinhanças Aplicada à Minimização da Largura de Corte em Grafos

Vinícius Gandra Martins Santos

Orientador: Marco Antonio Moreira de Carvalho

Universidade Federal de Ouro Preto

11 de Maio de 2018

Suman

- 1 Introdução
- 2 Metodologia
- 3 Experimentos
- 4 Conclusão

Largura de Corte

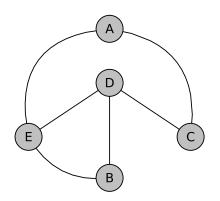
Definição

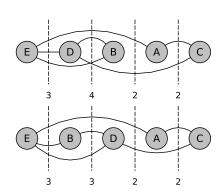
- >> Problema de leiaute em grafos;
- Definir uma disposição linear de vértices;
- Minimizar o número de arestas entre vértices consecutivos no layout;
- >> NP-Difícil.

Bibliografia

- ≫ Scatter search (SS)
 - ► Pantrigo et al. (2012).
- ≫ Variable Formulation Search (VFS)
 - Pardo et al. (2013).
- » Algoritmo Genético Fuzzy
 - ► Fraire-Huacuja et al. (2017).

Largura de corte





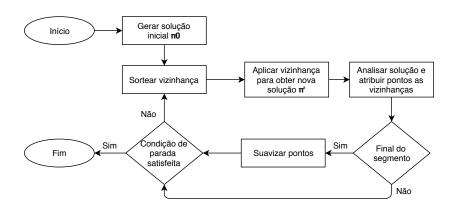
Função de avaliação

$$CW_f(G) = \max_{v \in V} CW_f(v).$$

(1)

victodo

Busca Adaptativa em Grandes Vizinhanças (Adaptive Large Neighborhood Search, ALNS), Ropke e Pisinger (2006).



Solução Inicial

- >> Baseado na metodologia GRASP;
- ≫ Proposto por Pantrigo et al. (2012);
- >> Método C1:
 - 1 Selecionar vértice com menor grau de adjacência e inserir na solução;
 - Criar lista CL de vértices que possuem adjacência a qualquer vértice presente na solução;
 - 3 Construir lista restrita RCL de vértices com bom valor de aptidão;
 - 4 Selecionar aleatoriamente um vértice de RCL;
 - **5** Retornar para o passo 2 enquanto houver vértices em CL.

Suavizar pontos

parada

satisfeita

Gerar solução Início inicial π0 Aplicar vizinhança Analisar solução e Sortear vizinhança para obter nova atribuir pontos as solução π' vizinhanças Não Condição de`

Fim

Sim

Final do

segmento

Não

Sim

Vizinhanças

Vizinhanças de Remoção

- \gg Recebe solução representada por uma sequência de vértices π ;
- \gg Seleciona q vértices da solução para reinserção.

Vizinhanças de Inserção

- \gg Recebe solução π e um conjunto γ de vértices para inserção;
- \gg Cada vértice de γ é selecionada aleatoriamente e reinserido na solução.

Vizinhanças

Vizinhanças de Remoção

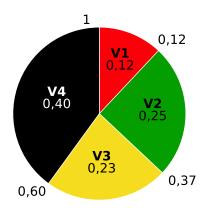
- Remoção Aleatória;
- » Remoção de Vértices Críticos;
- Remoção de Vértices Relacionados;
- Remoção de Vértices Desbalanceados.

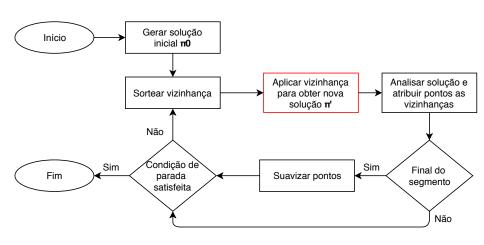
Vizinhanças de Inserção

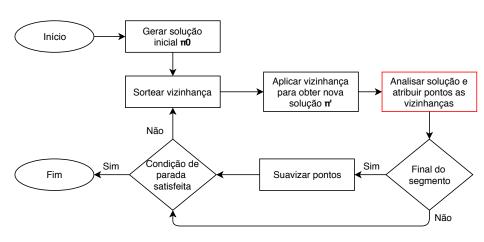
- » Inserção Aleatória;
- Inserção na Melhor Posição.

Roleta

- Roleta é representada no intervalo $R = [0...1] \in \mathbb{R}$;
- Cada vizinhança i recebe uma fatia proporcional à sua probabilidade de ser selecionada;
- $\gg v1 = 60, v2 = 125, v3 = 115,$ v4 = 200.







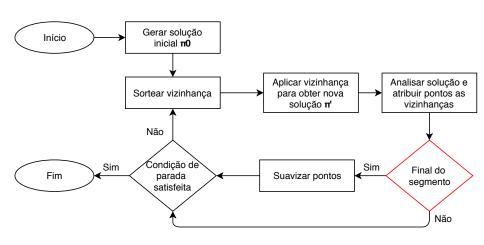
- $\gg \sigma_1$, quando as heurísticas (remoção e inserção) resultaram na melhor solução até o momento;
- $\gg \sigma_2$, quando as heurísticas resultaram em uma solução cujo custo seja menor que o da solução corrente; e
- $\gg \sigma_3$, quando as heurísticas resultaram em uma solução que é aceita por um critério de aceitação, porém com o custo maior que o da solução corrente.

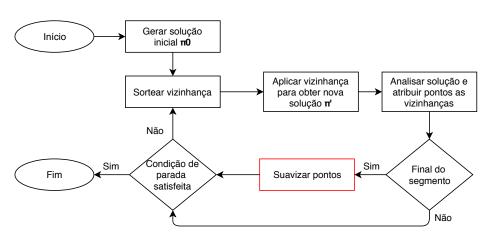
Critério de aceitação

Uma solução π' gerada a partir de outra solução π é aceita com probabilidade calculada de acordo com a Equação:

$$e^{-(f(\pi')-f(\pi))/T} \tag{2}$$

- $\gg T$ Temperatura;
- $T_{start} = -0.81 \times f(\pi_0) / \ln 0.5 \text{Temperatura inicial};$
- $\gg T_{end} = -0.45 \times f(\pi^*) / \ln 0.5 \text{Temperatura final};$
- $T = T \times (T_{end}/T_{start})^{1/k}$ Taxa de resfriamento.





$\gg r_{i,j}$ são os pontos observados

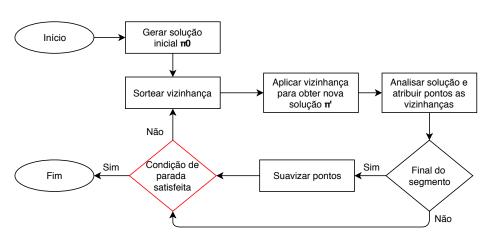
- da heurística *i* no segmento *j*;

 ≫ a; é o número de vezes que
- a_i é o número de vezes que a heurística i foi chamada durante o segmento j;

$$r_{i,j+1} = \rho \frac{\overline{r}_{i,j}}{a_i} + (1 - \rho)r_{i,j}$$
 (3)

$$r_j = [29.48, 3.28, 1.50, 2.69]$$

 $r_{j+1} = [2.56, 1.28, 0.62, 1.17]$



Experimentos

Ambiente Computacional

- >> Processador Intel Core i7 3.6 GHz;
- > 16 GB RAM;
- ≫ Ubuntu 14.04 LTS;
- \gg Código escrito em C++, compilado com g++ 4.8.4 e opções -O3 e -march=native.

Conjuntos de Instâncias

- \gg Small: 84 grafos com proporções que variam entre $16 \le n \le 24$ e $18 \le m \le 49$;
- \gg Grid: 81 grades bidimensionais com dimensões entre 9 \times 9 a 729 \times 729;
- Harwell-Boeing (HB): 87 instâncias que variam de 30 a 700 vértices e 46 a 41686 arestas.

	BKS	<i>S</i> *	S	S_0	<i>gap</i> (%)	σ	T(s)
Small	4,92	4,92	4,93	5,32	0,00	0,02	0,12
Grid	11,56	12,94	14,35	16,33	7,54	0,92	14,06
HB	311,55	314,03	318,57	358,86	7,54 2,40	3,38	202,71

	VFS			SS			ALNS		
	S	#OPT	gap	S	#OPT	gap	S	#OPT	gap
Small	_	_	_	4,92	84	0,00	4,92	84	0,00
Grid	12,23	59	3,25	13,00	44	7,76	12,94	42	7,54
HB	314,39	61	1,77	315,22	59	3,40	314,03	61	2,40

- Desenvolvimento da metaheurística Busca Adaptativa em Grandes Vizinhancas;
- Aplicação inédita do ALNS ao problema de Largura de Corte;
- > Experimentos computacionais executados em 252 instâncias;
- >> Tempo médio de 72 segundos por instâncias;
- >> 74% (187) de soluções ótimas encontradas com gap médio de 5%.

Obrigado!



	VI	-S	AL	NS	ALNS Atual		
	gap(%)	#OPT	gap(%)	#OPT	gap(%)	#OPT	
Small	-	=	0,00	84	0,00	84	
Grid	3,25	59	7,54	42	0,00	81	
HB	1,77	61	2,40	61	1,06	68	