

# Busca Local Iterada Aplicada à Minimização do Uso de Estoque Intermediário em Sistemas Industriais

Douglas Matuzalem Pontes Belo Lança  
Marco Antonio M. Carvalho

Departamento de Computação  
Instituto de Ciências Exatas e Biológicas  
Universidade Federal de Ouro Preto

30 de agosto de 2017



XLIX Simpósio Brasileiro  
de Pesquisa Operacional  
Blumenau, SC - 27 a 30 de Agosto



- 1 Introdução
- 2 Contribuições
- 3 Experimentos Computacionais
- 4 Conclusões

## Contexto Industrial

- ▶ Uma única máquina produz diferentes produtos com demandas pré-definidas;
- ▶ A produção é dividida em estágios – a cada estágio um tipo de produto é fabricado;
- ▶ Diferentes clientes depositam ordens de compra;
- ▶ Estoque intermediário é utilizado para armazenar pedidos de compra incompletos;
- ▶ Pedidos de compra completamente produzidos são despachados.

# Introdução



O **Espalhamento de Ordem** é o número de estágios entre a produção do primeiro produto de uma ordem de compra e a produção do último produto da mesma ordem.

O **Problema de Minimização do Espalhamento de Ordem** (*Minimization of Order Spread Problem*, MORP) visa minimizar o espalhamento máximo (ou médio) das ordens de compra por meio do sequenciamento da produção.

## Motivação

- ▶ Trata-se de um problema NP-Difícil (Garey & Johnson, 1979);
- ▶ Aplicação prática industrial ampla;
- ▶ Literatura restrita;
- ▶ Equivalência com outros problemas da literatura, como o problema de minimização do comprimento de redes em circuitos eletrônicos (De Giovanni et al., 2013).

## Exemplo

	Painel	Batente	Rodapé	Sarrafo
Alice	✓	✗	✓	✗
Bob	✓	✓	✗	✓
Chico	✓	✓	✓	✗
Davi	✗	✗	✗	✓

## Instância

- ▶ Conjunto  $J$  de produtos;
- ▶ Conjunto  $I$  de ordens de compra;
- ▶ Matriz  $P$  ( $|I| \times |J|$ ).

	$j_1$	$j_2$	$j_3$	$j_4$
$i_1$	1	1	0	0
$i_2$	1	0	1	0
$i_3$	0	0	0	1
$i_4$	0	0	0	1



## Solução

Uma solução para o MORP é uma permutação  $\pi$  das colunas da matriz  $P$ , gerando uma matriz permutação  $Q^\pi$ .

Para identificar o comprimento dos espalhamentos de ordens a matriz  $Q^\pi$  é definida com a propriedade de 1s *consecutivos* de acordo com a equação abaixo:

$$q_{ij}^\pi = \begin{cases} 1 & \text{se } \exists x, \exists y \mid \pi[x] \leq j \leq \pi[y] \text{ e } p_{ix} = p_{iy} = 1 \\ 0, & \text{caso contrário} \end{cases} \quad (1)$$

# Introdução

	$j_1$	$j_6$	$j_5$	$j_4$	$j_3$	$j_2$
$i_1$	1	0	0	0	0	1
$i_2$	1	0	0	0	1	0
$i_3$	0	0	1	1	0	0
$i_4$	0	1	0	1	0	0
$i_5$	0	0	1	0	0	1
$i_6$	0	1	0	0	1	0

(a)

	$j_1$	$j_6$	$j_5$	$j_4$	$j_3$	$j_2$
$i_1$	1	1	1	1	1	1
$i_2$	1	1	1	1	1	0
$i_3$	0	0	1	1	0	0
$i_4$	0	1	1	1	0	0
$i_5$	0	0	1	1	1	1
$i_6$	0	1	1	1	1	0

(b)

## Visão Geral

A proposta deste trabalho é a implementação de um método em duas fases para solução do MORP:

- ▶ Na primeira, gera-se uma solução inicial por meio de uma heurística gulosa;
- ▶ Na segunda, aprimora-se a solução pela aplicação da metaheurística Busca Local Iterada (*Iterated Local Search*, ILS).

## Solução Inicial

A solução inicial é gerada por uma heurística rápida:

- ▶ Pré-processamento: remoção de dados redundantes;
- ▶ Construção gulosa: método *Best Insertion*;

# Solução Inicial: *Best Insertion*

## Princípio

Partir de uma solução  $\pi$  vazia e adicionar cada um dos produtos, iterativamente, na melhor posição possível, até que se obtenha uma solução  $\pi$  completa.

## Exemplo

	$j_2$	$j_1$
$i_1$	1	1
$i_2$	0	1
$i_3$	0	0
$i_4$	0	0
$i_5$	1	1
$i_6$	0	0

(a)

	$j_1$	$j_2$
$i_1$	1	1
$i_2$	1	0
$i_3$	0	0
$i_4$	0	0
$i_5$	1	1
$i_6$	0	0

(b)

# Solução Inicial: *Best Insertion*

## Exemplo

	$j_3$	$j_2$	$j_1$
$i_1$	0	1	1
$i_2$	1	0	1
$i_3$	0	0	0
$i_4$	0	0	0
$i_5$	0	1	1
$i_6$	1	0	0

(a)

	$j_2$	$j_3$	$j_1$
$i_1$	1	0	1
$i_2$	0	1	1
$i_3$	0	0	0
$i_4$	0	0	0
$i_5$	1	0	1
$i_6$	0	1	0

(b)

	$j_2$	$j_1$	$j_3$
$i_1$	1	1	0
$i_2$	0	1	1
$i_3$	0	0	0
$i_4$	0	0	0
$i_5$	1	1	0
$i_6$	0	0	1

(c)

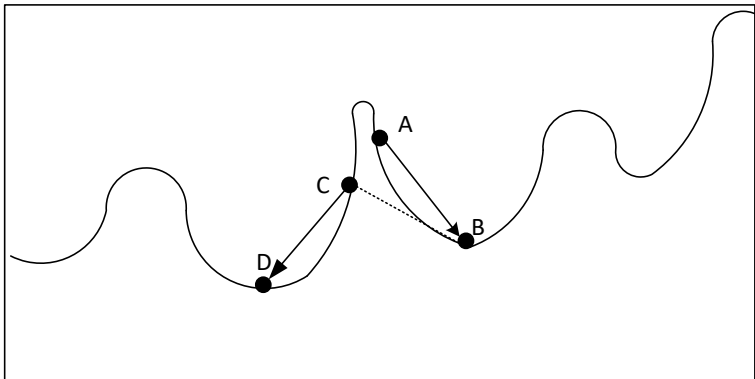
## Descrição

- ▶ Proposta por Lourenço et al. (2003);
- ▶ Parte de uma solução inicial viável;
- ▶ Alterna iterativamente etapas de intensificação e diversificação da busca no espaço de soluções;
- ▶ Tende a não ficar presa em ótimos locais;

## ILS Aplicada ao MORP

- ▶ Solução inicial heurística;
- ▶ Buscas locais (100%): 2-swap e agrupamento de 1-*blocks* (Paiva e Carvalho, 2017);
- ▶ Perturbação (20%): 2-opt;
- ▶ Critério de parada: 100 iterações.

# Busca Local Iterada



## Princípio

Trocar sucessivamente dois elementos de posição, mantendo as trocas que aprimorem a solução. A cada melhoria, o método é reiniciado.

## Exemplo

	$j_2$	$j_3$	$j_1$	$j_4$	$j_5$	$j_6$
$i_1$	1	0	1	0	1	0
$i_2$	0	1	1	0	1	0
$i_3$	1	0	0	1	1	0
$i_4$	0	0	0	1	0	1
$i_5$	1	0	1	1	0	1
$i_6$	0	1	0	0	0	1

(a)

	$j_5$	$j_3$	$j_1$	$j_4$	$j_2$	$j_6$
$i_1$	1	0	1	0	1	0
$i_2$	1	1	1	0	0	0
$i_3$	1	0	0	1	1	0
$i_4$	0	0	0	1	0	1
$i_5$	0	0	1	1	1	1
$i_6$	0	1	0	0	0	1

(b)



# Busca Local: Agrupamento de *1-blocks*

## Princípio

Movimentar as colunas de uma matriz binária de maneira a agrupar os elementos não nulos em uma linha específica.

## Exemplo

	$j_1$	$j_2$	$j_3$	$j_4$	$j_5$	$j_6$
$i_1$	1	1	0	0	1	0
$i_2$	1	0	1	0	1	0
$i_3$	0	1	0	1	1	0
$i_4$	0	0	0	1	0	1
$i_5$	1	1	0	1	1	0
$i_6$	0	0	1	0	0	1

# Busca Local: Agrupamento de 1-blocks

## Princípio

Movimentar as colunas de uma matriz binária de maneira a agrupar os elementos não nulos em uma linha específica.

## Exemplo

	$j_1$	$j_3$	$j_2$	$j_4$	$j_5$	$j_6$
$i_1$	1	0	1	0	1	0
$i_2$	1	1	0	0	1	0
$i_3$	0	0	1	1	1	0
$i_4$	0	0	0	1	0	1
$i_5$	1	0	1	1	1	0
$i_6$	0	1	0	0	0	1

(a)

	$j_1$	$j_3$	$j_4$	$j_5$	$j_2$	$j_6$
$i_1$	1	0	0	1	1	0
$i_2$	1	1	0	1	0	0
$i_3$	0	0	1	1	1	0
$i_4$	0	0	1	0	0	1
$i_5$	1	0	1	1	1	0
$i_6$	0	1	0	0	0	1

(b)

# Busca Local: Agrupamento de 1-blocks

## Exemplo

	$j_3$	$j_1$	$j_4$	$j_5$	$j_2$	$j_6$
$i_1$	0	1	0	0	1	0
$i_2$	1	1	0	1	0	0
$i_3$	0	0	1	1	1	0
$i_4$	0	0	1	0	0	1
$i_5$	0	1	1	1	1	0
$i_6$	1	0	0	0	0	1

(a)

	$j_3$	$j_4$	$j_5$	$j_2$	$j_1$	$j_6$
$i_1$	0	0	0	1	1	0
$i_2$	1	0	1	0	1	0
$i_3$	0	1	1	1	0	0
$i_4$	0	1	0	0	0	1
$i_5$	0	1	1	1	1	0
$i_6$	1	0	0	0	0	1

(b)

# Perturbação: 2-opt

## Princípio

Inverter os elementos dentro de um intervalo definido aleatoriamente.

## Exemplo

	$j_2$	$j_3$	$j_1$	$j_4$	$j_5$	$j_6$
$i_1$	1	0	1	0	1	0
$i_2$	0	1	1	0	1	0
$i_3$	1	0	0	1	1	0
$i_4$	0	0	0	1	0	1
$i_5$	1	0	1	1	0	1
$i_6$	0	1	0	0	0	1

(a)

	$j_4$	$j_1$	$j_3$	$j_2$	$j_5$	$j_6$
$i_1$	0	1	0	1	1	0
$i_2$	0	1	1	0	1	0
$i_3$	1	0	0	1	1	0
$i_4$	1	0	0	0	0	1
$i_5$	1	1	0	1	0	1
$i_6$	0	0	1	0	0	1

(b)

# Experimentos Computacionais 1

## Instâncias MORP de Fink & Voss (1999)

Conjunto de 797 instâncias artificiais para o MORP é dividido em 8 grupos, com aproximadamente 100 instâncias cada, geradas aleatoriamente.

## Comparação

Estado da arte relacionado ao MORP: Busca Tabu Reativa (TSRE5000) de Fink & Voss (1999).

## Setup

- ▶ Métodos implementados utilizando a linguagem C++ e compilados utilizando g++ 4.4.1 e a opção de otimização -O3;
- ▶ Computador Intel i5 Quad Core de 3.2GHz, 8 GB de RAM, e sistema operacional Ubuntu 15.10.

# Experimentos Computacionais

$m$	$v$	<i>TSRE5000</i>		<i>ILS-MORP</i>				
		BKS	$T$ (s)	$S$	$S^*$	$gap(\%)$	$\sigma$	$T$ (s)
50	0,25	14,04	142,6	14,90	14,31	1,92	0,49	0,48
50	0,50	12,43	79,5	15,03	14,56	17,13	0,30	0,44
50	0,75	4,87	58,6	3,04	2,71	-37,57	0,24	0,41
50	1,00	1,38	35,1	1,48	1,29	-6,52	0,19	0,70
60	0,25	16,41	159,5	18,18	17,44	6,27	0,54	0,97
60	0,50	14,61	142,6	16,84	16,35	11,90	0,35	0,80
60	0,75	5,33	98,2	4,18	3,79	-28,89	0,31	0,92
60	1,00	1,45	58,9	1,66	1,32	-8,96	0,29	0,83

# Experimentos Computacionais 2

## Instâncias GMLP e MOSP

Diferentes conjuntos com um total de 68 instâncias reais e artificiais para o problema de minimização do comprimento de redes em circuitos eletrônicos e equivalentes.

Número de padrões  $m \in \{20, 50, 75, 100, 141\}$ .

## Comparação

Algoritmo genético (GA) de De Giovanni et al. (2013).

## Setup

Computador Intel i5 Quad Core de 3.2GHz, 8 GB de RAM, e sistema operacional Ubuntu 15.10.

## Resumo

- ▶ Soluções iguais em 10 instâncias;
- ▶ ILS obteve melhores soluções em 30 instâncias;
- ▶ GA obteve melhores soluções em 28 instâncias;
- ▶ *gap* médio de 3,18%;
- ▶ Melhoria de 34,67% da solução inicial em média;
- ▶ Tempo de execução máximo de 23,27 s;
- ▶ Convergência média em 45,02% do tempo de execução.



- ▶ O MORP é um importante problema no contexto industrial, que pode auxiliar no ritmo de atendimento das ordens de compra e melhor utilização de estoque intermediário;
- ▶ Existem poucas propostas na literatura para a resolução do MORP;
- ▶ O ILS proposto gerou novos melhores resultados para parte das instâncias, especificamente as esparsas;
- ▶ Trabalhos futuros se concentrarão em aprimorar o algoritmo proposto a fim de se obter melhores resultados para instâncias densas.

## Apoio

- ▶ Conselho Nacional de Desenvolvimento Científico e Tecnológico (CNPq);
- ▶ Fundação de Apoio à Pesquisa do Estado de Minas Gerais (FAPEMIG); e
- ▶ Universidade Federal de Ouro Preto (UFOP).

# Perguntas?

