### MAS: Trabalho de Grupo

Maria João Ferreira Lourenço

21 de março, 2023

Preencher a identificação do grupo:

**NÚMERO DO GRUPO:** 7 LISTA DE TODOS OS ELEMENTOS DO GRUPO (Número - nome):

Eliane Gabriel № 103303 Marco Esperança № 110451 Maria João Lourenço №104716 Umeima Mahomed № 99239

O Trabalho de Grupo de *Métodos de Aprendizagem Supervisionada* refere-se à análise do data set "Consumo.Jovens.csv".

Neste data set incluem-se 1523 registos e 28 atributos listados a seguir:

q0: País de residência

**q1**: Sexo

q2: Idade

**q3**: Situação estudantil

**q10**: Compra produtos de marca? (1-Sim; 2-Não)

q12b\_a: Compra em centros comerciais? (1-Sim; 0-Não)

**q12b\_b**: Compra em super/hipermercados? (1-Sim; 0-Não)

**q12b\_c**: Compra no comércio local? (1-Sim; 0-Não)

q13a: Fidelidade a marcas? (1-Sim; 0-Não)

**q13b**: Fidelidade a lojas? (1-Sim; 0-Não)

Variáveis q14 na Escala 1-Nada Importante, 2, 3, 4, 5-Extremamente importante)

q14a: Preço

**q14b**: Necessidade do produto

q14c: Conveniência da localização da loja

**q14d**: Qualidade do produto

q14e: Imagem do produto

q14f: Imagem da loja

q14g: Características do produto

q14h: Promoção especial

q14i: Imagem da marca

q14j: Publicidade

Variáveis q19 na Escala 1-Discordo Completamente, 2, 3, 4, 5-Concordo Completamente)

**q19\_1**: Alguns dos feitos + importantes da vida incluem adquirir bens materiais

**q19\_2**: Não dou importância à quantidade de bens materiais

**q19\_3**: Gosto de ter coisas para impressionar as pessoas

**q19\_4**: Geralmente compro apenas aquilo de que preciso

- **q19\_5**: Gosto de gastar dinheiro em coisas que não são necessárias
- **q19\_6**: Comprar coisas dá-me imenso prazer
- **q19\_7**: Tenho todas as coisas de que preciso para ser feliz
- **q19\_8**: Seria mais feliz se tivesse dinheiro para comprar mais coisas

#### **Notas:**

- 1. Efetuar todos os Save com "Save with encoding UTF-8" de modo a manter palavras acentuadas e caracteres especiais\*\*
- 2. A cotação está anexa a cada pergunta
- 3. OS ALUNOS QUE NÃO SUBMETEREM PDF NO MOODLE TERÃO UMA PENALIZAÇÃO DE 1 VALOR; SE, O FICHEIRO ALTERNATIVO QUE SUBMETEREM (VIA EMAIL) REPORTAR ERROS NA COMPILAÇÃO, TERÃO UMA PENALIZAÇÃO ADICIONAL DE 1 VALOR

```
# Remover tudo!
rm(list=ls(all=TRUE))#
# Incluir as libraries de que necessita
library(MASS) # dataset's da base de dados do R
library(Metrics) # calculo de métricas
library(caret) # folds para validação cruzada; métricas de classificação
## Loading required package: ggplot2
## Loading required package: lattice
## Attaching package: 'caret'
## The following objects are masked from 'package:Metrics':
##
##
       precision, recall
library(lsr) # Cramer's V , eta, medida de associação
library(e1071) # Naive Bayes
library(psych) # estatistica descritiva
##
## Attaching package: 'psych'
## The following objects are masked from 'package:ggplot2':
##
       %+%, alpha
##
library(ggplot2) # gráficos
library(tree) # árvores de decisão
library(nnet) # regressao logistica multinominal
library(car) # multicolineariedade
## Loading required package: carData
```

```
##
## Attaching package: 'car'
## The following object is masked from 'package:psych':
##
##
       logit
library(FNN) # KNN
library(knitr)
library(tidyverse)
## — Attaching core tidyverse packages —
                                                                 - tidyverse
2.0.0 -
                          ✓ readr
## √ dplyr
                1.1.3
                                       2.1.4
## √ forcats 1.0.0

√ stringr

                                       1.5.1
## ✓ lubridate 1.9.3

√ tibble

                                       3.2.1
## ✓ purrr 1.0.2
                          ✓ tidvr
                                       1.3.0
## -- Conflicts -
tidyverse conflicts() —
## × psych::%+%()
                      masks ggplot2::%+%()
## * psych::alpha() masks ggplot2::alpha()
## * dplyr::filter() masks stats::filter()
## * dplyr::lag() masks stats::lag()
## * purrr::lift() masks caret::lift()
## * dplyr::recode() masks car::recode()
## * dplyr::select() masks MASS::select()
## × purrr::some()
                      masks car::some()
## *** Use the conflicted package (<a href="http://conflicted.r-lib.org/">http://conflicted.r-lib.org/</a>) to force
all conflicts to become errors
```

# 1. Leitura dos dados "Consumo.Jovens.csv" e análise preliminar dos mesmos

1.1) [1 valor] Leitura dos dados; apresentação de dimensão e estrutura dos dados; verificação do número de casos com dados em falta (para todos os atributos); sumário dos dados completos (depois de eliminação dos casos/linhas com dados omissos )

```
#Leitura dos dados (Nota: verifique sep no ficheiro de origem)
CJ<-read.csv("Consumo.Jovens.csv", header=TRUE, dec=".",na.strings="",
sep=";",stringsAsFactors = TRUE)

# apresentação de dimensão e estrutura dos dados.
dim(CJ)
## [1] 1523 28</pre>
```

```
str(CJ)
## 'data.frame':
                   1523 obs. of 28 variables:
## $ q0 : Factor w/ 6 levels "Alemanha", "China", ...: 6 6 6 6 6 6 6 6 6 6
           : Factor w/ 2 levels "Feminino", "Masculino": 1 2 1 2 1 2 1 2 2 2
## $ q1
## $ q2
          : int 19 19 19 20 21 19 20 21 20 22 ...
## $ q3
           : Factor w/ 3 levels "Estudante a tempo inteiro",..: 1 1 1 1 1 1
1 1 1 1 ...
           : Factor w/ 2 levels "Nao", "Sim": 2 2 1 2 2 2 2 2 2 2 ...
## $ a10
## $ q12b_a: int 0 1 0 1 1 1 1 0 1 1 ...
## $ q12b b: int 1001011011...
## $ q12b c: int 0 1 1 0 0 0 0 1 0 0 ...
## $ q13a : int 0 1 0 1 0 0 1 1 0 1 ...
## $ q13b : int 0 1 1 0 0 0 0 0 1 NA ...
## $ q14a : int 5 4 5 3 5 3 3 5 3 3 ...
## $ q14b : int 3 3 5 5 3 4 5 3 5 3 ...
## $ q14c : int NA 2 3 2 2 1 2 1 2 2 ...
## $ q14d : int 4 5 5 4 5 3 5 4 3 4 ...
## $ q14e : int NA 3 3 2 4 2 3 2 3 3 ...
## $ q14f : int NA 4 4 2 3 1 3 1 2 2 ...
## $ q14g : int NA 5 5 3 4 4 4 3 4 2 ...
## $ q14h : int NA 2 2 2 2 3 4 2 3 2 ...
## $ q14i : int 1 3 3 3 3 2 3 2 3 2 ...
## $ q14j : int 2 3 3 2 2 2 4 1 2 2 ...
## $ q19_1 : int NA 2 4 NA 3 1 NA 2 2 2 ...
## $ q19_2 : int NA 4 4 NA 5 4 NA 4 2 4 ...
## $ q19 3 : int NA 1 1 NA 2 1 NA 2 3 3 ...
## $ q19 4 : int NA 3 5 NA 3 4 NA 5 3 3 ...
## $ q19 5 : int NA 3 1 NA 3 1 NA 2 3 2 ...
## $ q19 6 : int NA 3 3 NA 3 3 NA 3 3 1 ...
## $ q19_7 : int NA 4 3 NA 5 2 NA 3 5 3 ...
## $ q19 8 : int NA 3 5 NA 3 4 NA 4 4 4 ...
# Verificação do número de casos com dados em falta (para todos os atributos)
na_count <- CJ %>% summarise_all(funs(sum(is.na(.))))
## Warning: `funs()` was deprecated in dplyr 0.8.0.
## I Please use a list of either functions or lambdas:
## # Simple named list: list(mean = mean, median = median)
## # Auto named with `tibble::lst()`: tibble::lst(mean, median)
## # Using lambdas list(~ mean(., trim = .2), ~ median(., na.rm = TRUE))
## Call `lifecycle::last_lifecycle_warnings()` to see where this warning was
## generated.
na count
```

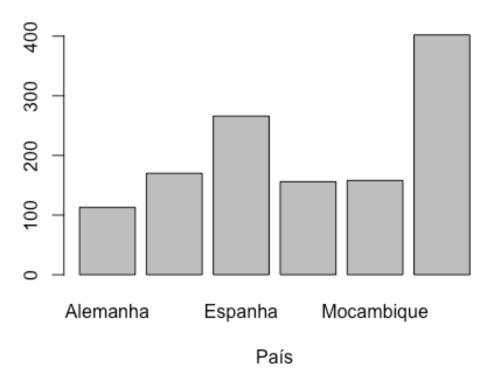
```
q0 q1 q2 q3 q10 q12b_a q12b_b q12b_c q13a q13b q14a q14b q14c q14d q14e
q14f
## 1 0 5 0 21 44
                          4
                                 5
                                        7
                                          60
                                                 70
                                                      13
                                                           19
                                                                24
                                                                     14
                                                                          20
23
     q14g q14h q14i q14j q19_1 q19_2 q19_3 q19_4 q19_5 q19_6 q19_7 q19_8
            21
                 19
                      23
                            46
                                  48
                                        46
                                             44
                                                    52
                                                          47
                                                                52
# eliminação dos casos/linhas com dados omissos
CJ<-na.omit(CJ)
# sumário dos dados completos
summary(CJ)
##
             q0
                             q1
                                           q2
##
    Alemanha
              :113
                     Feminino:727
                                     Min. :17.00
##
   China
                     Masculino:538
                                     1st Ou.:20.00
              :170
                                     Median :21.00
## Espanha
              :266
## Macau
              :156
                                     Mean
                                            :21.19
## Mocambique:158
                                     3rd Qu.:23.00
##
    Portugal :402
                                     Max.
                                            :25.00
##
                            q3
                                      q10
                                                   q12b_a
                                                                    q12b_b
## Estudante a tempo inteiro:1044
                                     Nao:556
                                               Min. :0.0000
                                                                Min.
## Estudante-trabalhador
                            : 116
                                     Sim:709
                                               1st Qu.:0.0000
                                                                1st
Qu.:0.0000
                                               Median :1.0000
## Outra
                             : 105
                                                                Median
:0.0000
##
                                                      :0.5209
                                               Mean
                                                                Mean
:0.3621
                                               3rd Qu.:1.0000
                                                                3rd
Ou.:1.0000
##
                                               Max.
                                                      :1.0000
                                                                Max.
:1.0000
                          q13a
                                           q13b
##
        q12b c
                                                            q14a
## Min.
          :0.0000
                     Min. :0.0000
                                      Min.
                                            :0.0000
                                                       Min.
                                                             :1.000
##
   1st Qu.:0.0000
                     1st Qu.:0.0000
                                      1st Qu.:0.0000
                                                       1st Qu.:3.000
## Median :0.0000
                     Median :0.0000
                                      Median :0.0000
                                                       Median:4.000
                                                       Mean :3.696
##
   Mean
           :0.4791
                     Mean
                            :0.4198
                                      Mean
                                             :0.4806
    3rd Qu.:1.0000
                     3rd Qu.:1.0000
                                      3rd Qu.:1.0000
                                                       3rd Qu.:4.000
##
    Max.
           :1.0000
                     Max.
                           :1.0000
                                      Max.
                                             :1.0000
                                                       Max.
                                                              :5.000
##
         q14b
                                         q14d
                         q14c
                                                         q14e
##
           :1.000
                                           :1.000
                                                           :1.000
    Min.
                    Min.
                           :1.000
                                    Min.
                                                    Min.
##
    1st Qu.:3.000
                    1st Qu.:2.000
                                    1st Qu.:4.000
                                                    1st Qu.:2.000
                    Median :3.000
## Median :4.000
                                    Median :4.000
                                                    Median :3.000
##
    Mean
           :3.704
                    Mean
                           :2.553
                                    Mean
                                           :4.029
                                                    Mean
                                                           :2.952
##
                                    3rd Qu.:5.000
    3rd Qu.:4.000
                    3rd Qu.:3.000
                                                    3rd Qu.:4.000
           :5.000
                           :5.000
                                           :5.000
##
    Max.
                    Max.
                                    Max.
                                                    Max.
                                                           :5.000
                         q14g
##
         q14f
                                         q14h
                                                         q14i
                    Min. :1.000
                                    Min. :1.000
##
    Min. :1.000
                                                    Min. :1.000
```

```
1st Qu.:2.000
                    1st Qu.:3.000
                                   1st Qu.:2.000
                                                   1st Qu.:2.000
## Median :2.000
                    Median :4.000
                                   Median :3.000
                                                   Median :3.000
##
   Mean
           :2.544
                    Mean
                         :3.496
                                   Mean
                                          :2.651
                                                   Mean
                                                          :2.675
                                                   3rd Qu.:3.000
##
   3rd Qu.:3.000
                    3rd Qu.:4.000
                                   3rd Qu.:3.000
##
   Max.
          :5.000
                   Max.
                          :5.000
                                   Max.
                                          :5.000
                                                   Max.
                                                          :5.000
                                      q19_2
                                                      q19_3
##
         q14j
                       q19_1
                                                                      q19_4
## Min.
           :1.000
                   Min.
                          :1.00
                                  Min.
                                         :1.000
                                                  Min.
                                                         :1.000
                                                                  Min.
:1.0
                    1st Qu.:2.00
                                  1st Qu.:3.000
## 1st Qu.:2.000
                                                  1st Qu.:1.000
                                                                  1st
Qu.:2.0
## Median :2.000
                   Median :3.00
                                  Median :4.000
                                                  Median :2.000
                                                                  Median
:3.0
## Mean
                           :2.91
                                         :3.404
                                                                  Mean
           :2.192
                   Mean
                                  Mean
                                                  Mean
                                                         :2.436
:3.3
## 3rd Qu.:3.000
                    3rd Qu.:4.00
                                  3rd Qu.:4.000
                                                   3rd Qu.:3.000
                                                                  3rd
Qu.:4.0
## Max.
          :5.000
                   Max.
                           :5.00
                                         :5.000
                                                         :5.000
                                                                  Max.
                                  Max.
                                                  Max.
:5.0
##
        q19 5
                       q19_6
                                       q19_7
                                                      q19_8
## Min.
          :1.000
                          :1.00
                                         :1.000
                    Min.
                                  Min.
                                                  Min.
                                                        :1.00
## 1st Qu.:2.000
                    1st Qu.:3.00
                                                  1st Qu.:3.00
                                  1st Qu.:2.000
## Median :2.000
                   Median :3.00
                                  Median :3.000
                                                  Median :3.00
## Mean
          :2.387
                   Mean
                         :3.27
                                  Mean
                                        :2.947
                                                  Mean
                                                        :3.24
##
   3rd Qu.:3.000
                    3rd Qu.:4.00
                                  3rd Qu.:4.000
                                                   3rd Qu.:4.00
## Max. :5.000
                   Max. :5.00
                                  Max. :5.000
                                                  Max. :5.00
```

#### 1.2) [1.5 valores] Breve análise descritiva de q0, q1, q2 e q3.

```
#q0: País de residência
summary(CJ[,1])
##
     Alemanha
                             Espanha
                    China
                                           Macau Mocambique
                                                               Portugal
##
          113
                      170
                                 266
                                             156
                                                         158
                                                                    402
counts <- table(CJ$q0)</pre>
barplot(counts, main="País de Residência",
xlab="País")
```

### País de Residência



#q1: Sexo
summary(CJ[,2])
## Feminino Masculino
## 727 538

q1\_counts <- table(CJ\$q1)

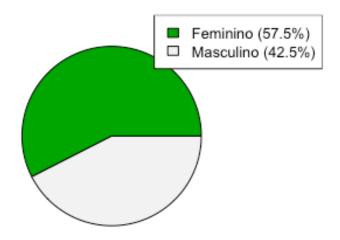
cores <- terrain.colors(length(q1\_counts))

percentagens <- round(q1\_counts / sum(q1\_counts) \* 100, 1)

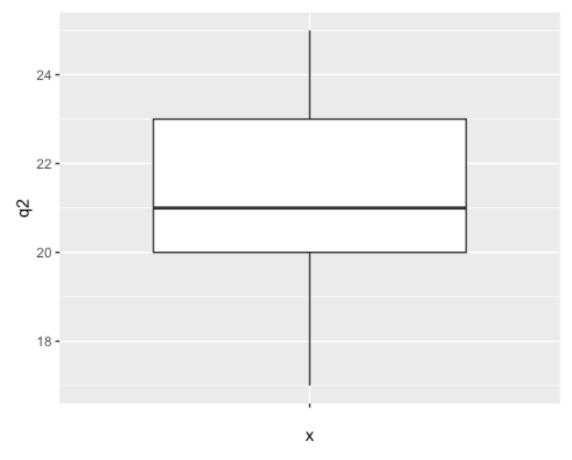
labels <- c("Feminino", "Masculino")
etiquetas\_percentagens <- paste0(labels, " (", percentagens, "%)")

pie(percentagens, col = cores, labels = rep("", length(labels)), main = "Géneros")
legend("topright", legend = etiquetas\_percentagens, cex = 0.8, fill = cores)</pre>

## Géneros



```
#q2: Idade
summary(CJ[,3])
## Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
## 17.00 20.00 21.00 21.19 23.00 25.00
ggplot(CJ, aes(x = "", y = q2)) + geom_boxplot()
```



```
#q3: Situação estudantil
summary(CJ[,4])
## Estudante a tempo inteiro
                                  Estudante-trabalhador
Outra
##
                         1044
                                                     116
105
q3_counts <- table(CJ$q3)
cores <- terrain.colors(length(q3_counts))</pre>
percentagens <- round(q3_counts / sum(q3_counts) * 100, 1)</pre>
labels <- c("Estudante-Trabalhador", "Estudante a Tempo Inteiro", "Outra")</pre>
etiquetas_percentagens <- paste0(labels, " (", percentagens, "%)")
pie(percentagens, col = cores, labels = rep("", length(labels)), main =
"Géneros")
legend("topright", legend = etiquetas_percentagens, cex = 0.8, fill = cores)
```

#### Géneros



```
# todas as juntas
describe(CJ[,1:4])
                         sd median trimmed mad min max range skew kurtosis
##
       vars
               n mean
se
                                                            5 -0.23
## q0*
          1 1265 4.01 1.72
                                 4
                                      4.13 2.97
                                                                       -1.29
0.05
## q1*
          2 1265 1.43 0.49
                                 1
                                      1.41 0.00
                                                      2
                                                            1 0.30
                                                  1
                                                                       -1.91
0.01
## q2
          3 1265 21.19 1.96
                                21
                                     21.13 1.48 17
                                                     25
                                                            8 0.23
                                                                       -0.77
0.06
## q3*
          4 1265 1.26 0.60
                                 1
                                      1.09 0.00
                                                  1
                                                      3
                                                            2 2.16
                                                                        3.23
0.02
```

## 1.3) [1.5 valores] Cálculo (e apresentação) de medidas de associação entre as variáveis: a) q14a...q14j; b) q0 e as variáveis q19\_1...q19\_8; c) q10 e q1

```
Eta_ <- function(y,x){
  freqk <- as.vector(table(x))
  l <- nlevels(x)
  m <- rep(NA,1)
  qual <- as.numeric(x)
  for (k in 1:1) {m[k] <- mean(y[qual == k])}
  return(sqrt(sum(freqk*(m-mean(y))^2)/sum((y-mean(y))^2)))}</pre>
```

```
#a) q14a...q14j
# Criando uma matriz com as variáveis q14a...q14j
matrizq14 <- CJ[,11:20]
# Aplicando a função Eta para cada combinação de variáveis
medidas_assoc <- apply(matrizq14, 2, function(x) Eta_(CJ$q13a, x))</pre>
# Visualizando as medidas de associação
medidas assoc
##
          q14a
                      q14b
                                  q14c
                                               q14d
                                                           q14e
                                                                       q14f
## 0.230123370 0.227084082 0.103365304 0.090701177 0.391263122 0.235840609
                      q14h
          q14g
                                  q14i
## 0.017848481 0.002613442 0.600735876 0.126387033
#b) q0 e as variáveis q19_1...q19_8
(a_q0_q19_1 <- cramersV(CJ$q0, CJ$q19_1))
## [1] 0.2079923
(a_q0_q19_2 <- cramersV(CJ$q0, CJ$q19_2))
## [1] 0.1746758
(a_q0_q19_3 <- cramersV(CJ$q0, CJ$q19_3))
## [1] 0.3678313
(a_q0_q19_4 <- cramersV(CJ$q0, CJ$q19_4))
## [1] 0.1604731
(a_q0_q19_5 <- cramersV(CJ$q0, CJ$q19_5))
## Warning in stats::chisq.test(...): Chi-squared approximation may be
incorrect
## [1] 0.1967741
(a_q0_q19_6 <- cramersV(CJ$q0, CJ$q19_6))
## [1] 0.1271594
(a_q0_q19_7 <- cramersV(CJ$q0, CJ$q19_7))
## [1] 0.242913
(a_q0_q19_8 <- cramersV(CJ$q0, CJ$q19_8))
## [1] 0.1376108
```

```
# c) q10 e q1

cramersV(CJ$q10,CJ$q1)

## [1] 0.07398348
```

1.4) [1 valor] Divisão dos dados em amostra de treino (60%)- CJ.train - e de teste (40%) - CJ.test - usando set.seed(444);apresentação de tabela de frequências relativas de g1 em cada amostra

```
#CJ.train
C_train <- sample(nrow(CJ),.60*nrow(CJ))
CJ.train <- CJ[C_train,]
dim(CJ.train)
## [1] 759 28
#CJ.test
CJ.test <- CJ[-C_train,]
dim(CJ.test)
## [1] 506 28

CJ2 <- table(CJ.test$q1)
knitr::kable(prop.table(CJ2))</pre>
```

 Var1
 Freq

 Feminino
 0.5711462

 Masculino
 0.4288538

#### 1.5) [1 valor] Completação das frases seguintes:

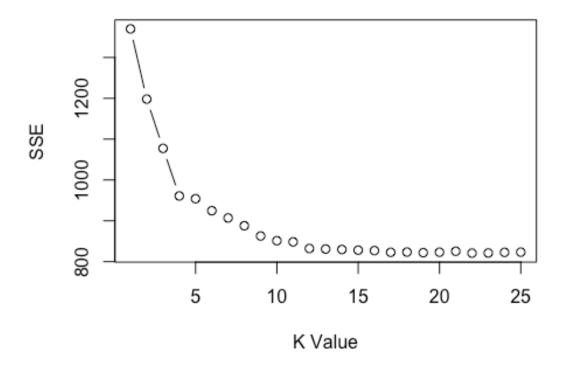
Inicialmente, o número de casos omissos na variável q1 era \_\_\_\_5\_\_\_. No conjunto de dados em análise (depois de eliminar os registos com observações omissas) o número de estudantes trabalhadores é igual a 116\_\_\_\_\_. A correlação mais elevada entre o pares de variáveis q14 tem o valor 0.600735876\_\_\_\_\_. A correlação maior entre a variável q0 e as variáveis q19\_ regista-se para a variável q19\_\*\*\*\_\_\_\_3\_\*\*

- 2. Regressão: utilização do K-Nearest Neighbour para prever q19\_8 com base nas variáveis q12b\_a, q12b\_b, q12b\_c, q13a e q13b.
- 2.1) [2 valores] Aprendizagem sobre CJ.train[,c(6:10)] e considerando y=y=CJ.train\$q19\_8 recorrendo a one-hold-out validation; determinação de um "melhor" valor de K atendendo ao Sum of Squares Error

```
#Normalizar os conjuntos de treino e teste
normalize <- function(x) {
return ((x - min(x)) / (max(x) - min(x)))}
# training set
CJ.train_n<-CJ.train
CJ.train_n [,c(6:10)]<-sapply(CJ.train[,c(6:10)],normalize) # test set
CJ.test_n<-CJ.test
CJ.test_n(-CJ.test
CJ.test_n [,c(6:10)]<-sapply(CJ.test[,c(6:10)],normalize)
# primeiras 6 observações dos dados de teste normalizados
knitr::kable(head(CJ.test_n, 6))</pre>
```

```
q
                       q q
                     1
                       1 1
                                                   qqqqqqq
                     2 2 2 qqqqqqqqq11111
                   3 3 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 .
 q
        q
 0
       2 q3
                   0 a b c a b a b c d e f g h i j 1 2 3 4 5 6 7 8
    q1
        1 Estudante S 1 0 1 1 1 4 3 2 5 3 4 5 2 3 3 2 4 1 3 3 3 4 3
2 P
        9 a tempo
     as
                   i
 0
          inteiro
    cu
  rt
                   \mathbf{m}
    lin
  u
 g
    0
  al
5 P
        2 Estudante S 1 0 0 0 0 5 3 2 5 4 3 4 2 3 2 3 5 2 3 3 3 5 3
    Fe
        1 a tempo
    mi
                   i
  0
          inteiro
 rt
    ni
                   m
    no
 u
 g
 al
6 P
        1 Estudante S 1 1 0 0 0 3 4 1 3 2 1 4 3 2 2 1 4 1 4 1 3 2 4
     M
        9 a tempo
 0
    as
          inteiro
    cu
 rt
                   m
    lin
    0
 g
 al
        2 Estudante S 0 0 1 1 0 5 3 1 4 2 1 3 2 2 1 2 4 2 5 2 3 3 4
8 P
     M
        1 a tempo
     as
 0
          inteiro
  rt
    cu
                   \mathbf{m}
```

```
qqq
                      1 1 1
                                                     qqqqqqq
                     2 2 2 q q q q q q q q q q 1 1 1 1 1 1
                    3 3 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 _
                    1 _
 q
        q
     q1 2 q3
                    0 a b c a b a b c d e f g h i j 1 2 3 4 5 6 7 8
 0
     lin
 u
     0
 g
 al
1 P
        1 Estudante S 1 0 0 1 1 2 2 4 4 4 4 4 2 4 2 3 3 4 1 5 5 4 1
5 o
        9 a tempo
     mi
                    i
          inteiro
     ni
 rt
                    m
 u
     no
 g
 al
1 P
     Fe
        2 Estudante N 1 0 0 0 1 4 5 2 3 1 1 3 3 1 1 2 5 5 4 1 3 4 1
6 o
        0 a tempo
     mi
 rt
     ni
          inteiro
                    0
 u
     no
 g
 al
#Selecionar o melhor k
k.sse<-matrix(NA, 25, 2)
for (i in 1:25){
knn.CJ_k <- knn.reg(CJ.train_n[,c(6:10)], y=CJ.train_n$q19_8, k=i)</pre>
k.sse[i,1]<-i
k.sse[i,2] <- sse(CJ.train n$q19 8, knn.CJ k$pred)</pre>
}
#R-square plot
plot(k.sse[,2], type="b", xlab="K Value",ylab="SSE")
```



```
(k.sse_sort <- k.sse[order(k.sse[,2],decreasing = FALSE), ])</pre>
##
          [,1]
                     [,2]
    [1,]
            22
                820.7169
##
##
    [2,]
            23
                821.0851
                821.8892
    [3,]
##
            19
##
    [4,]
            24
                822.6632
    [5,]
            17
                822.7474
##
##
    [6,]
            20
                823.0125
                823.1408
##
    [7,]
            25
##
    [8,]
            18
                823.3302
##
    [9,]
            21
                825.3696
                826.9844
## [10,]
            16
                828.1111
## [11,]
            15
## [12,]
            14
                829.6582
## [13,]
            13
                830.8107
## [14,]
            12
                832.1389
## [15,]
            11
                848.3471
                851.1600
## [16,]
            10
## [17,]
             9
                862.7901
## [18,]
             8
                887.8438
             7
## [19,]
                906.8980
## [20,]
                924.6389
```

```
## [21,] 5 954.0400
## [22,] 4 960.8125
## [23,] 3 1077.3333
## [24,] 2 1198.0000
## [25,] 1 1370.0000

(best_k <- k.sse_sort[1,1])
## [1] 22</pre>
```

# 2.2) [2 valores] Considerando o "melhor" valor de K (v. 2.1), obtenção de estimativas do alvo e listagem dos 6 primeiros valores estimados nos conjuntos CJ.train e CJ.test

```
# estimativas sobre CJ.test
knn.CJ1 <- knn.reg(CJ.train_n[,c(6:10)],CJ.test_n[,c(6:10)],</pre>
y=CJ.train n$q19 8, k=best k)
knn.CJ1
## Prediction:
    [1] 3.227273 3.045455 3.227273 3.409091 3.090909 3.136364 3.454545
3.090909
    [9] 3.045455 3.045455 3.454545 3.227273 3.409091 2.818182 3.454545
3.681818
## [17] 3.409091 3.045455 3.090909 3.272727 3.681818 3.090909 2.772727
3.045455
## [25] 3.090909 2.818182 3.090909 3.136364 3.136364 3.227273 3.227273
3.454545
## [33] 3.227273 3.181818 3.045455 3.090909 3.409091 3.136364 3.227273
3.181818
## [41] 3.045455 3.681818 3.045455 3.318182 3.181818 3.090909 3.227273
2.818182
## [49] 3.136364 3.181818 3.227273 3.409091 3.090909 3.681818 3.681818
3.136364
## [57] 3.409091 3.090909 3.227273 3.090909 3.272727 3.681818 3.272727
3.318182
## [65] 3.272727 3.045455 3.136364 3.136364 3.136364 3.409091 3.272727
3.045455
## [73] 3.227273 3.090909 3.090909 3.318182 3.272727 3.409091 3.045455
3.681818
## [81] 3.090909 3.454545 3.090909 3.409091 3.454545 3.409091 3.681818
3.318182
## [89] 3.272727 3.227273 3.045455 3.136364 3.272727 3.409091 3.136364
3.090909
## [97] 3.045455 3.181818 3.136364 3.181818 3.681818 3.272727 3.181818
3.272727
## [105] 3.681818 3.227273 3.227273 3.136364 3.227273 3.090909 3.090909
## [113] 3.454545 3.318182 3.454545 3.227273 3.090909 3.454545 3.136364
3.409091
## [121] 3.090909 3.227273 3.409091 3.136364 3.272727 3.136364 3.045455
```

```
3.181818
## [129] 3.227273 3.409091 3.227273 3.227273 3.045455 2.818182 3.272727
3.272727
## [137] 3.045455 3.681818 3.045455 3.318182 3.045455 3.409091 3.409091
3.181818
## [145] 3.181818 3.181818 3.045455 3.181818 3.227273 3.136364 3.136364
3.045455
## [153] 3.409091 3.090909 3.454545 3.045455 3.045455 3.136364 3.090909
3.227273
## [161] 2.772727 3.136364 3.409091 3.090909 3.181818 3.181818 3.181818
3.227273
## [169] 2.772727 3.090909 3.136364 3.318182 3.318182 3.045455 3.045455
3.136364
## [177] 3.136364 3.409091 3.136364 2.772727 3.136364 3.045455 3.454545
3.045455
## [185] 3.181818 3.090909 3.136364 3.181818 3.136364 3.045455 2.772727
3.090909
## [193] 3.409091 3.090909 3.409091 3.090909 3.227273 3.454545 3.318182
3.181818
## [201] 3.090909 3.090909 3.136364 3.136364 3.136364 3.681818
3.681818
## [209] 3.454545 3.318182 3.181818 3.090909 2.772727 3.136364 3.090909
3.045455
## [217] 3.136364 3.272727 3.090909 3.181818 3.045455 2.727273 3.045455
3.090909
## [225] 3.136364 3.136364 3.454545 3.045455 3.090909 3.136364 3.136364
3.136364
## [233] 3.136364 3.136364 3.181818 3.090909 2.772727 3.272727 3.681818
3.227273
## [241] 3.272727 3.045455 3.045455 3.136364 3.045455 3.318182 2.818182
3.181818
## [249] 3.181818 3.090909 3.090909 3.181818 3.181818 3.181818 2.818182
3.318182
## [257] 3.090909 3.136364 3.090909 3.000000 3.272727 3.181818 3.272727
3.136364
## [265] 3.272727 3.227273 3.409091 3.272727 3.409091 3.454545 3.181818
2.772727
## [273] 3.045455 3.045455 3.409091 3.090909 3.409091 3.409091 3.227273
3.045455
## [281] 2.772727 3.181818 3.045455 3.090909 3.454545 3.409091 3.045455
3.454545
## [289] 3.090909 3.136364 3.045455 3.136364 3.181818 3.272727 3.045455
3.136364
## [297] 3.045455 3.045455 3.045455 3.090909 3.045455 3.181818 3.181818
3.045455
## [305] 3.181818 3.272727 3.409091 3.181818 3.136364 3.045455 3.090909
3.272727
## [313] 3.045455 3.409091 3.045455 3.045455 3.227273 3.181818 3.136364
2.818182
## [321] 3.181818 2.772727 3.454545 3.090909 3.045455 3.409091 3.090909
```

```
3.409091
## [329] 3.181818 3.181818 3.045455 3.272727 3.136364 3.136364 3.409091
3.045455
## [337] 3.409091 3.045455 3.272727 3.454545 2.818182 3.272727 3.090909
3.409091
## [345] 3.045455 3.136364 3.681818 3.272727 2.818182 3.136364 3.045455
3.227273
## [353] 2.772727 3.272727 3.318182 3.090909 3.045455 3.409091 2.818182
3.090909
## [361] 2.772727 3.000000 3.409091 3.227273 3.181818 3.409091 3.272727
3.454545
## [369] 3.409091 3.181818 3.181818 3.045455 3.681818 3.181818 3.409091
3.181818
## [377] 3.181818 2.818182 3.045455 3.181818 3.318182 3.454545 3.318182
3.681818
## [385] 3.045455 3.272727 3.409091 3.409091 2.818182 3.181818 3.000000
3.681818
## [393] 2.727273 3.272727 3.272727 3.136364 3.409091 3.045455
3.000000
## [401] 3.181818 2.772727 3.090909 3.272727 3.272727 2.772727 3.227273
3.181818
## [409] 3.045455 2.772727 3.181818 3.045455 2.772727 3.045455 3.045455
3.136364
## [417] 3.090909 3.136364 2.727273 2.772727 2.772727 2.727273 3.181818
3.090909
## [425] 3.090909 3.181818 2.772727 3.090909 3.090909 2.772727 2.772727
2.772727
## [433] 2.772727 2.772727 3.409091 3.181818 3.136364 3.181818 3.272727
3.045455
## [441] 2.818182 3.181818 3.090909 2.818182 3.409091 3.181818 3.045455
3.409091
## [449] 3.272727 3.409091 3.409091 2.772727 3.045455 3.090909 3.409091
3.090909
## [457] 3.181818 3.045455 3.409091 3.409091 3.409091 3.409091 3.272727
2.772727
## [465] 3.409091 3.409091 3.000000 3.409091 3.409091 3.409091
3.409091
## [473] 3.409091 3.409091 3.045455 2.818182 3.409091 2.818182 3.409091
3.409091
## [481] 3.409091 3.409091 2.772727 3.227273 2.772727 3.409091 2.818182
3.045455
## [489] 3.409091 3.045455 3.454545 2.772727 3.454545 3.409091 3.409091
3.409091
## [497] 3.409091 3.409091 3.409091 3.409091 3.409091 3.409091
3.409091
## [505] 3.136364 3.409091
# estimativas sobre CJ train
knn.CJ \leftarrow knn.reg(CJ.train_n[,c(6:10)], y=CJ.train_n$q19_8, k=best_k)
knn.CJ
```

```
## R2-Predict = 0.0198876
knitr::kable(head(CJ.test_n, 6))
                       qqq
                       1
                         1 1
                            2 qqqqqqqqq1111
                     q b b b 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 9 9 9 9
                              3 3 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4
  q
         q
                     0 a b c a b a b c d e f g h i j 1 2 3 4 5 6 7 8
  0
         2 q3
     q1
                    S 1 0 1 1 1 4 3 2 5 3 4 5 2 3 3 2 4 1 3 3 3 4 3
2 P
     M
         1 Estudante
         9 a tempo
  0
           inteiro
  rt
     cu
                     m
     lin
  u
  g
     0
  al
5 P
         2 Estudante S 1 0 0 0 0 5 3 2 5 4 3 4 2 3 2 3 5 2 3 3 3 5 3
         1 a tempo
  0
     mi
  rt
     ni
           inteiro
                     m
  u
     no
  g
  al
6 P
         1 Estudante S 1 1 0 0 0 3 4 1 3 2 1 4 3 2 2 1 4 1 4 1 3 2 4
     M
         9 a tempo
     as
                     i
  0
           inteiro
  rt
     cu
                     m
     lin
  u
     0
  g
  al
8 P
         2 Estudante S 0 0 1 1 0 5 3 1 4 2 1 3 2 2 1 2 4 2 5 2 3 3 4
     M
         1 a tempo
                     i
  0
     as
  rt
     cu
           inteiro
                     m
     lin
  u
  g
     0
  al
1 P
         1 Estudante S 1 0 0 1 1 2 2 4 4 4 4 4 2 4 2 3 3 4 1 5 5 4 1
5 o
     mi
         9 a tempo
                     i
           inteiro
  rt
     ni
                     m
  u
     no
  g
  al
1 P
     Fe
         2 Estudante N 1 0 0 0 1 4 5 2 3 1 1 3 3 1 1 2 5 5 4 1 3 4 1
6 0
     mi
         0 a tempo
                     a
           inteiro
  rt
     ni
                     0
  u
     no
```

## PRESS = 820.7169

```
qqq
                         1
                       1
                            1
                                                        9 9 9 9 9 9 9
                            2 qqqqqqqq111
                               1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 9 9 9 9
                               3 3 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4
                     1
  q
         q
                            c a b a b c d e f g h i j 1 2 3 4 5 6 7 8
  0
     q1 2 q3
  g
  al
knitr::kable(head(CJ.train_n, 6))
                       qqq
                        1 1 1
                         2 2 q q q q q q q q q q 1 1 1 1 1
                      q b b b 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 9 9 9 9
                               3 3 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4
         q
      q
      1
          2 q3
                      0 a b c a b a b c d e f g h i j 1 2 3 4 5 6 7 8
  q0
                     N 1 1 1 0 0 5 4 4 5 3 3 3 2 2 2 3 4 3 4 1 4 3 4
9 M
      Fe
         2 Estudant
1 ac
          3 e a tempo
                     a
5 au
            inteiro
      in
                     0
      in
      0
                     S 1 1 0 1 1 3 2 2 4 5 3 2 4 4 4 4 4 4 4 1 4 2 3
1 Ch
      M
          2 Estudant
1 in
          1 e a tempo
      as
3 a
      cu
            inteiro
                     m
2
      li
      no
1 M
                     S 0 1 0 1 1 3 4 2 5 3 1 3 1 4 1 2 3 1 4 4 4 3 4
      M
          2 Estudant
3 oc
          1 e a tempo
      as
8 a
            inteiro
      cu
                     m
4 m
      li
  bi
      no
  qu
  e
1 Ch
          2 Estudant
                     N\ 1\ 0\ 0\ 0\ 0\ 3\ 3\ 2\ 4\ 2\ 4\ 4\ 1\ 1\ 1\ 4\ 2\ 2\ 5\ 1\ 2\ 1\ 4
      M
1 in
          1 e a tempo
      as
0 a
      cu
            inteiro
                     0
5
      li
      no
4 Po
      Fe
         2 Estudant
                     N 0 0 1 0 0 4 5 4 3 3 3 3 3 2 2 4 4 1 4 2 4 2 5
2 rt
      m
          4 e-
4 ug
      in
            trabalhad
                     0
  al
      in
            or
```

1 Estudant S 1 1 1 0 0 3 4 3 3 3 3 3 2 3 2 3 3 4 2 2 3 3 5

1 Po

Fe

```
qqq
                  1 1 1
                                           9999999
                  2 2 2 q q q q q q q q q q 1 1 1 1 1
                3 3 4 4 4 4 4 4 4 4 4 4 .
    q
       q
                0 a b c a b a b c d e f g h i j 1 2 3 4 5 6 7 8
 q0
       2 q3
5 rt
       9 e a tempo
                i
    m
2 ug
         inteiro
    in
                m
 al
    in
head(CJ.test_n$q19_8)
## [1] 3 3 4 4 1 1
```

# 2.3) [2 valores] Determinação de Sum of Squares Error e de Root Mean Squared Error (RMSE) correspondentes às estimativas obtidas pelo KNN em 2.2) para as amostras CJ.train e CJ.test

```
# Métricas sobre CJ.train
sse(CJ.train_n$q19_8, knn.CJ$pred)
## [1] 820.7169
rmse(CJ.train_n$q19_8, knn.CJ$pred)
## [1] 1.039862
# Métricas sobre CJ.test
sse(CJ.test_n$q19_8, knn.CJ1$pred)
## [1] 570.3285
rmse(CJ.test_n$q19_8, knn.CJ1$pred)
## [1] 1.061664
```

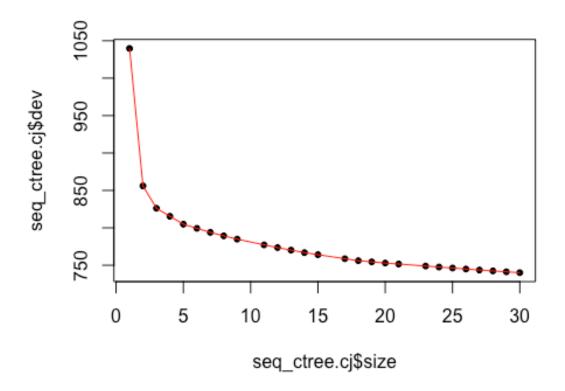
#### 2.4) [1 valor] Completação das frases seguintes:

O "melhor" valor de K, para K-NN, obtido segundo validação hold-one-out sobre a amostra de treino é \_\_\_\_\_22\_\_\_\_\_; o valor estimado do alvo para a 1ª observação do conjunto de teste é \_\_\_\_3\_\_\_\_\_; neste conjunto obtém-se um RMSE de\*\*\_\_\_1.061664\_\_\_\*\* e um SSE de \*\*570.3285\_\_\_\*\*.

- 3. Classificação: utilização de uma Árvore para prever q10 (Compra ou não compra produtos de marca) considerando 4 preditores: q12b\_a, q13a, q14e e q14i.
- 3.1) [2 valores] Construção de uma Árvore de classificação sobre CJ.train efetuando a sua poda de modo a fixar 15 nós folha (para prever q10 com base nos preditores q12b\_a, q13a, q14e e q14i)

```
ctree_large.cj<-tree(q10~ q12b_a+ q13a+ q14e + q14i,data=CJ.train,
control=tree.control(nrow(CJ.train),
mincut = 1, minsize = 2, mindev = 0.001), split = "deviance")

# cost-complexity prunning
seq_ctree.cj <- prune.tree(ctree_large.cj)
plot(seq_ctree.cj$size, seq_ctree.cj$dev, pch=20)
lines(seq_ctree.cj$size, seq_ctree.cj$dev, col="red")</pre>
```



```
ctree_large.cj<-prune.tree(ctree_large.cj, best=15 )
summary(ctree_large.cj)</pre>
```

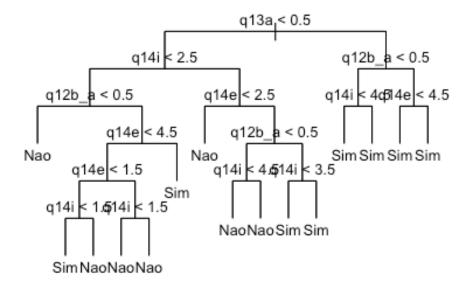
```
##
## Classification tree:
## snip.tree(tree = ctree_large.cj, nodes = c(74L, 75L, 12L, 44L,
## 8L, 46L, 47L, 10L, 14L))
## Number of terminal nodes: 15
## Residual mean deviance: 1.027 = 764.1 / 744
## Misclassification error rate: 0.2437 = 185 / 759
```

## 3.2) [2 valores] Representações da Árvore de Classificação: a) Lista indentada; b) Gráfico da Árvore

```
# a)
print(ctree_large.cj)
## node), split, n, deviance, yval, (yprob)
         * denotes terminal node
##
##
    1) root 759 1040.000 Sim ( 0.43610 0.56390 )
##
##
      2) q13a < 0.5 450 592.500 Nao ( 0.63111 0.36889 )
##
       4) q14i < 2.5 246 279.900 Nao ( 0.74390 0.25610 )
##
         8) q12b a < 0.5 133 122.500 Nao ( 0.82707 0.17293 ) *
         9) q12b_a > 0.5 113 146.900 Nao ( 0.64602 0.35398 )
##
          18) q14e < 4.5 108 137.500 Nao ( 0.66667 0.33333 )
##
            36) q14e < 1.5 10
                                13.860 Nao ( 0.50000 0.50000 )
##
##
              72) q14i < 1.5 8
                                 10.590 Sim ( 0.37500 0.62500 ) *
##
              73) q14i > 1.5 2
                                  0.000 Nao ( 1.00000 0.00000 ) *
            37) q14e > 1.5 98 122.300 Nao ( 0.68367 0.31633 )
##
##
              74) q14i < 1.5 20
                                  13.000 Nao ( 0.90000 0.10000 ) *
##
              ##
          19) q14e > 4.5 5
                              5.004 Sim ( 0.20000 0.80000 ) *
##
       5) q14i > 2.5 204 282.800 Sim ( 0.49510 0.50490 )
##
        10) q14e < 2.5 41
                            52.640 Nao ( 0.65854 0.34146 ) *
##
        11) q14e > 2.5 163 224.600 Sim ( 0.45399 0.54601 )
                                98.920 Nao ( 0.55556 0.44444 )
##
          22) q12b a < 0.5 72
##
            44) q14i < 4.5 69
                                95.290 Nao ( 0.53623 0.46377 ) *
            45) q14i > 4.5 3
##
                                0.000 Nao ( 1.00000 0.00000 ) *
##
          23) q12b a > 0.5 91 120.300 Sim ( 0.37363 0.62637 )
##
            46) q14i < 3.5 68
                                92.790 Sim ( 0.42647 0.57353 ) *
##
            47) q14i > 3.5 23
                                24.080 Sim ( 0.21739 0.78261 ) *
      3) q13a > 0.5 309 263.500 Sim ( 0.15210 0.84790 )
##
##
       6) q12b_a < 0.5 117
                            128.800 Sim ( 0.23932 0.76068 )
##
        12) q14i < 4.5 112 126.000 Sim ( 0.25000 0.75000 )
##
        13) q14i > 4.5 5
                            0.000 Sim ( 0.00000 1.00000 ) *
##
        7) q12b_a > 0.5 192 124.000 Sim ( 0.09896 0.90104 )
##
        14) q14e < 4.5 171 119.300 Sim ( 0.11111 0.88889 ) *
##
        15) q14e > 4.5 21
                            0.000 Sim ( 0.00000 1.00000 ) *
# b)
plot(ctree_large.cj, type="uniform")
```

```
text(ctree_large.cj,pretty =0,cex=0.8)
title(main = "Prunned Classification Tree for q10")
```

### Prunned Classification Tree for q10



# 3.3) [2 valores] Obtenção, sobre as amostras CJ.train e CJ.test, das "Matrizes de Confusão" e correspondentes medidas Accuracy associadas à Árvore de Classificação

```
# "Matriz de confusão" e accuracy sobre CJ.train
pred.ctree <- predict(ctree_large.cj, CJ.train,type="class")
(confusion_mat <- table(CJ.train$q10, pred.ctree))

## pred.ctree
## Nao Sim
## Nao 246 85
## Sim 100 328

#Accuracy
(accuracy<-sum(diag(confusion_mat))/sum(confusion_mat))
## [1] 0.7562582

# "Matriz de confusão"e accuracy sobre CJ.test</pre>
```

```
pred.ctree1 <- predict(ctree_large.cj, CJ.test,type="class")
(confusion_mat1 <- table(CJ.test$q10, pred.ctree1))

##     pred.ctree1
##     Nao Sim
## Nao 158 67
## Sim 78 203

#Accuracy
(accuracy1<-sum(diag(confusion_mat1))/sum(confusion_mat1))
## [1] 0.7134387</pre>
```

#### 3.4) [1 valor] Completação das frases seguintes:

A árvore obtida, classifica as observações do nó folha 73) na classe \*\*\_Não; o nó folha com o maior número de observações de treino é o nó \_\_\_14; no conjunto de teste o número de observações corretamente classificadas nas classes "Não" e "Sim" é \_158\*\* e 203\_. respetivamente.